## 11. Интерактивные доказательства, 0-knowledge протоколы

**1.** Придумайте 0-knowledge протокол для доказательства того, что Мерлин знает решение некоторого судоку  $n^2 \times n^2$ .

Правила такие: доска  $n^2 \times n^2$  разбивается на непересекающиеся блоки  $n \times n$ . В каждой ячейке может быть число от 1 до n. Изначально доска заполнена некоторым количеством чисел, которые в процессе заполнения менять нельзя. В каждом столбце, строке и блоке все числа должны быть разные.

- **2.** Докажите, что  $\mathbf{AM} = BP \cdot \mathcal{NP}$ .
- **3.** Докажите, что  $\#3SAT_D \in IP$ . Для этого:
  - Превратите булевы формулы в многочлены, значение которых совпадает с булевой формулой на одинаковом наборе. Такая операция называется арифметизацией.
  - Определите, как с помощью арифметизации получить число выполняющих наборов.
  - Постройте интерактивное доказательство того, что число выполняющих наборов действительное такое. Для этого понадобятся вычисления по модулю p.
  - Оцените вероятность принятия для верификатора.
- **4** (Доп). Все Доп+ задачи.