# Module Algebra

Filename: Algebra.py Author: Rafel Amer (rafel.amer AT upc.edu) Copyright: Rafel Amer 2020–2024 Disclaimer: This program is provided "as is", without warranty of any kind, either expressed or implied, including, but not linmited to, the implied warranties of merchantability and fitness for a particular purpose. It has been written to generate random models of exams for the subject of Linear Algebra at ESEIAAT, Technic University of Catalonia License: This program is free software: you can redistribute it and/or modify it under the terms of the GNU General Public License as published by the Free Software Foundation, either version 3 of the License, or (at your option) any later version.

See <https://www.gnu.org/licenses/>

# **Functions**

```
def matriu_latex(m, format=None, ampliada=False, tipus='p')
```

Retorna l'expressió en latex d'una matriu del tipus Matrix del sympy

#### **Parametres**

format: format de les columnes de la matriu. Per defecte "r" ampliada: si es vol separar amb una línia vertical l'última columna de la matriu

```
def matriu_mathematica(m)
```

Retorna l'expressió en Mathematica d'una matriu del tipus Matrix del sympy

```
def mcd llista(llista)
```

Retorna el màxim comú divisor d'una llista d'enters

```
def mcm llista(llista)
```

Retorna el mínim comú múltiple d'una llista d'enters

```
def mti(i, j)
```

Funció auxiliar per crear una matriu triangular superior i uns o menys uns a la diagonal Retorna zero si el coeficients està per sota de la diagonal principal

```
def mts(i, j, values)
```

Funció auxiliar per crear una matriu triangular inferior i uns o menys uns a la diagonal Retorna zero si el coeficients està per sobre de la diagonal principal

```
def mylatex(e)
```

```
def nnegatius(m)
```

Retorna el nombre d'elements negatius d'una matriu del tipus Matrix del sympy

```
def norma_maxim(m)
```

Retorna el màxim en valor absolut d'entre els coeficients d'una matriu del tipus Matrix del sympy

```
def nzeros(m)
```

Retorna el nombre de zeros d'una matriu del tipus Matrix del sympy

```
def primer_no_nul(list)
```

Retorna l'índex del primer coeficient no nul d'una llista

```
def vaps_veps(result, ortogonals=False)
```

Retorna la llista valors propis i els seus vectors propis.

#### **Paràmetres**

result: resultat de la funció eigenvects() del sympy

```
def vaps_veps_amb_signe(result, signe=1)
```

Donada una matriu A del sympy, result ha de ser el resultat de la funció r = A.eigenvects(). Aleshores aquesta funció retorna la llista valors propis positius (signe > 0) o negatius (signe < 0) i els seus vectors propis.

## **Paràmetres**

result: resultat de la funció eigenvects() del sympy signe: positiu o negatiu, en funció de quins valors i vectors propis es volen

```
def vectors_latex(l, sep=False)
```

Retorna la llista de vectors l escrita en latex

#### **Paràmetres**

l: llista de vectors o punts sep: Si és False, retorna (1,2,3),(3,5,2),(1,-2,3) Si és True, retorna \$(1,2,3)\$, \$(3,5,2)\$ i \$(1,-2,3)\$

# Classes

```
class Base (vecs, unitaria=False)
```

Classe que ens permetrà representar bases de R^n

## **Atributs**

vecs: una llista de n vectors de R^n dimensio: el valor de n unitaria: En funcio de si volem imprimir els seus vectors unitaris o no

## Static methods

```
def aleatoria(dimensio=3, maxim=5, unitaria=False, mzeros=-1)
```

Retorna una base aleàtoria

## **Paràmetres**

dimensio: Dimensió de l'espai corresponent maxim: Nombre màxim de les components dels seus vectors unitaria: Si el determinant ha de ser 1 o -1 mzeros: Nombre màxim de zeros entre les components dels seus vectors

```
def canonica(dimensio=3)
```

Retorna la base canònica

```
Paràmetres
```

dimensio: Dimensió de l'espai corresponent

```
def from_matriu(m)
```

Crea una nova base a partir d'una matriu de la classe Matriu Si la matriu no és quadrada o no té rang màxim, retorna None

```
def ortogonal(ordre=3, maxim=5, unitaria=False)
```

Retorna una base ortogonal "aleatòria"

# **Paràmetres**

ordre: dimensió maxim: màxim per a les components dels vectors de la base unitaria: si és True, la base serà ortonormal

# Methods

```
def canvi_de_base_a_la_base(self, B, p1=1, p2=0)
```

Retorna en format latex l'expressió del canvi de base de la base actual a la base B

## **Paràmetres**

p1: primes que s'escriuran a les components en la base actual p2: primes que s'escriuran a les components en la base B

```
def components_del_vector(self, vec, base=None)
```

Retorna un nou vector expressat en aquesta base del vector que en la base "base" té components "vec"

## **Paràmetres**

vec: components en la base "base" base: Base

```
def es_ortogonal(self)
```

Retorna si la base és ortogonal

```
def es_unitaria(self)
```

Retorna si la base és unitària. Notem que els vectors no es guarden com a unitaris.

```
def matriu(self)
```

Retorna la matriu de la classe Matriu que té per columnes els vectors de la base

```
def orientacio_positiva(self)
```

Fa que tingui orientació positiva canviant, si cal, de signe l'últim vector

```
def quadrats_longituds(self)
```

Retorna els quadrats de les longituds dels vectors de la base sense tenir en compte si la base és unitària

```
def set unitaria(self)
```

Si la matriu és ortogonal, la passa a unitària

```
def te_orientacio_positiva(self)
```

```
def vector_de_components(self, vec)
         Retorna un nou vector expressat en la base canònica del vector que en aquesta base té components "vec"
         Paràmetres
         vec: vector
      def vectors(self, unitaris=False)
         Retorna els vectors la base
         Paràmetres
         unitaris: si és True, els divideix per la seva longitud
      def vectors_latex(self)
         Retorna l'expressió en latex dels vector de la base, sense les claus inicial i final
class CilindreElliptic (a2, b2, centre, eix1, eix2)
     Classe per treballar amb cilindres el·líptics
     Ancestors
          Quadrica
     Static methods
      def aleatoria(canonica=False)
         Retorna un cilindre el·líptic de manera aleatòria
     Methods
      def centre(self)
         Retorna un centre del cilindre el·líptic
      def centres(self)
         Retorna la recta de centres
      def equacio_reduida(self)
         Retorna l'equacio reduïda del cilindre el·líptic
      def semieixos(self)
         Retorna els semieixos del cilindre el·líptic
```

Retorna si té orientació positiva

def semieixos\_quadrats(self)

Retorna els semieixos al quadrat del cilindre el·líptic

```
Inherited members
```

**Quadrica**: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con, ellipsoide, equacio, equacio\_en\_plaUV, equacio\_en\_referencia, from\_equacio, hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla, matriu\_en\_referencia, paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia principal, tipus, vectors

```
class CilindreHiperbolic (a2, b2, centre, eix1, eix2)
     Classe per treballar amb cilindres hiperbòlic
     Ancestors
          Quadrica
     Static methods
      def aleatoria(canonica=False)
         Retorna un cilindre hiperbòlic de manera aleatòria
     Methods
      def centre(self)
         Retorna un centre del cilindre hiperbòlic
      def centres(self)
         Retorna la recta de centres
      def equacio reduida(self)
         Retorna l'equacio reduïda del cilindre hiperbòlic
      def semieixos(self)
         Retorna els semieixos del cilindre hiperbòlic
      def semieixos_quadrats(self)
         Retorna els semieixos al quadrat del cilindre hiperbòlic
```

Inherited members

**Quadrica**: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con, ellipsoide, equacio, equacio\_en\_plaUV, equacio\_en\_referencia, from\_equacio, hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla, matriu\_en\_referencia, paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia principal, tipus, vectors

```
class CilindreParabolic (p, vertex, eix1, eix2=None)
```

Classe per treballar amb cilindres parabòlics

**Ancestors** 

def equacio\_reduida(self)

def semieixos(self)

Retorna l'equacio reduïda del con

Retorna els semieixos del con

def semieixos\_quadrats(self)

```
Quadrica
    Static methods
     def aleatoria(canonica=False)
        Retorna un cilindre parabòlic de manera aleatòria
    Methods
     def equacio_reduida(self)
        Retorna l'equacio reduïda del cilindre parabòlic
     def parametre(self)
        Retorna el paràmetre de la paràbola
     def vertex(self)
        Retorna l'origen de la referència principal
    Inherited members
         Quadrica: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con,
         ellipsoide, equacio, equacio_en_plaUV, equacio_en_referencia, from_equacio,
         hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla, matriu en referencia,
         paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia principal, tipus, vectors
class Con (a2, b2, c2, centre, eix1, eix2)
    Classe per treballar amb cons
    Ancestors
         Quadrica
    Static methods
     def aleatoria(canonica=False)
        Retorna un hiperboloide de dues fulles de manera aleatòria aleatòria
    Methods
     def centre(self)
        Retorna el centre o vèrtex del con
```

# Inherited members

**Quadrica**: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con, ellipsoide, equacio, equacio\_en\_plaUV, equacio\_en\_referencia, from\_equacio, hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla, matriu\_en\_referencia, paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia principal, tipus, vectors

```
class Conica (matriu, ref=None)
```

Classe per treballar amb còniques. L'objectiu no és classificar còniques, sinó generar coniques a partir dels elements característics o de manera aleatòria.

#### **Atributs**

ref: referència euclidiana matriu: matriu projectiva de la cònica en la referència "ref" canonica: matriu projectiva de la cònica en la referència canònica

# Subclasses

Ellipse, Hiperbola, Parabola

## Static methods

```
def aleatoria(maxim=40, canonica=False)
```

Retorna una el·lipse, hipèrbola o paràbola aleatòries

#### **Paràmetres**

maxim: nombre màxim de la matriu projectiva de la cònica

```
def ellipse(maxim=30, canonica=False)
```

Retorna una el·lipse aleatòria

#### **Paràmetres**

maxim: nombre màxim de la matriu projectiva de la cònica

```
def from_equacio(eq, s=None)
```

Retorna i classifica la cònica a partir de la seva equació. Només per a el·lipses, hipèrboles i paràboles

```
def hiperbola(maxim=30, canonica=False, focus=False)
```

Retorna una hipèrbola aleatòria

# Paràmetres

maxim: nombre màxim de la matriu projectiva de la cònica

```
def parabola(maxim=30, canonica=False)
```

Retorna una paràbola aleatòria

```
Paràmetres

maxim: nombre màxim de la matriu projectiva de la cònica

Methods

def eix_principal(self)

Retorna l'eix principal com a recta afí
```

```
def eix_principal(self)
         Retorna l'eix principal com a recta afí
      def eix_secundari(self)
         Retorna l'eix secundari com a recta afí
      def equacio(self)
         Retorna l'equació en latex de l'equació de la quàdrica
      def referencia_principal(self)
         Retorna la referencia principal
      def tipus(self)
         Retorna el tipus de cònica
      def vectors(self, unitaris=False)
         Retorna els vectors de la base de la referència principal
         Paràmetres
         unitaris: si és True, els retorna unitaris
class Ellipse (a2, b2, centre, eix)
     Classe per treballar amb el·lipses
     Ancestors
          Conica
     Static methods
      def aleatoria(canonica=False)
         Retorna una el·lipse aleatòria
     Methods
      def centre(self)
         Retorna el centre de la el·lipse
      def equacio_reduida(self)
         Retorna l'equacio reduïda de l'el·lipse en format LaTeX
```

def focus(self)

```
Retorna els focus de l'el·lipse
      def maxim_origen(self)
        Retorna el màxim dels valors absoluts de les coordenades del centre
      def semidistancia_focal(self)
        Retorna la simidistància focal
      def semieix major(self)
        Retorna el semieix major
      def semieix_menor(self)
        Retorna el semieix menor
      def to_asy(self, scaled=1.0, canonica=10, x=9, y=9)
        Retorna una expressió per fer servir amb el programa Asymtote
        Paràmetres
        scaled: factor d'escalat canonica = valors de partida dels eixos de la referència canònica
      def vertexs(self)
        Retorna els vèrtex de l'el·lipse
    Inherited members
          Conica: eix_principal, eix_secundari, ellipse, equacio, from_equacio,
          hiperbola, parabola, referencia_principal, tipus, vectors
class Ellipsoide (a2, b2, c2, centre, eix1, eix2)
    Classe per treballar amb el·lipsoides
    Ancestors
         Quadrica
    Static methods
      def aleatoria(canonica=False)
        Retorna un el·lipsoide de manera aleatòria aleatòria
    Methods
      def centre(self)
        Retorna el centre de l'el·lipsoide
      def equacio_reduida(self)
```

Retorna l'equacio reduïda de l'el·lipsoide

```
def semieixos(self)
```

Retorna els semieixos de l'el·lipsoide

```
def semieixos_quadrats(self)
```

Retorna els semieixos al quadrat de l'el·lipsoide

## Inherited members

**Quadrica**: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con, ellipsoide, equacio, equacio\_en\_plaUV, equacio\_en\_referencia, from\_equacio, hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla, matriu\_en\_referencia, paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia principal, tipus, vectors

```
class EquacioLineal (eq, amp=False, prime=0)
```

Classe per treballar amb equacions lineals.

#### **Atributs**

equacio: terme de l'esquerra en la equacio "eq = 0" unknowns: incògnites que apareixen a l'equació amp: True o False prime: nombre de primes que escriurem a l'equació

Constructor.

#### **Paràmentres**

eq: expressió lineal que ha de contenir tots els termes, aleshores l'equació serà "eq = 0". Només guardem la part "eq" amp: quan escrivim l'equació en latex ha d'aparèixer &= o només = prime: nombre de primes que s'han de posar a les incògnites

Per exemple: x, y, z, t = symbols('x y z t') eq = 2x-3y+4z-3t-4 e = EquacioLineal(eq)

# Static methods

```
def coeficients(a, b, amp=False, prime=0)
```

Retorna una nova equació amb coeficients de les incògnites el vector "a" i terme independent b

## **Paràmetres**

a: Vector amb els coeficients de les incògnites b: terme independents amp: si és True l'equació s'escriurà amb el &= per al LaTeX prime: nombre de primes que s'escriuran a les incògnites

# Methods

```
def maxim_coeficients(self)
```

Retorna el màxim en valor absolut dels coeficients de l'equació

```
def nombre_coeficients(self)
```

Retorna el nombre de coeficients de l'equació

```
def resol(self, unknown)
```

Resol l'equació aïllant la incògnita 'unknown'

```
def set_ampersan(self, ampersan=True)
```

Assignem ampersan a self.amp

```
def set_coeficient_positiu(self, incogs=None)
```

Busca el primer coeficient no nul d'entre les incògnites "incogs", si el primer que troba és negatiu, canvia l'equació de signe

canvia de signe tota l'equació, de manera que el coeficients de "k" passa a ser positiu

```
def simplificar(self)
```

Simplifica l'equacio

```
def terme_independent(self)
```

Retorna el terme independent de l'equació

```
def to_sistema_equacions(self)
```

Retorna un sistema d'equacions (class Sistema Equacions) que té com a única equació l'actual

```
class EquacioParametrica (eq, amp=True)
```

Classe per treballar amb equacions paramètriques

#### **Atributs**

equacio: l'equació paramètrica b: terme independent de l'equaqció coefs: coeficients dels paràmetres unknown: incògina de l'equació paramètrica

Contructor.

#### **Paràmetres**

eq: equació paramètrica. Ha de ser del tipus -x + 2t1 - 3t2 + t3 - 4 amb el signe menys a la incògnita amp: True o False en funció si hem d'escriure &= o només = en la representació en LaTeX de l'equació

## Static methods

```
def coeficients(a, b, p=0, total=1, amp=True)
```

Genera una equació amb coeficients dels paràmtres el vector "a", terme independent b i incògnita número p d'un total de "total".

#### **Paràmetres**

a: vector amb els coeficients dels paràmetres b: terme independent p: índex que representa la incògnita total: nombre total d'incònites

# Exemple

```
e = EquacioParametrica(Vector(3,-2,1),5,1,4) genera l'equació - y + 3t1 - 2t2 + t3 + 5 e = EquacioParametrica(Vector(3,-2,1,3],-5,3,7) genera l'equació - x3 + 3t1 - 2t2 + t3 + 3t4 + 7t5 - 5
```

# Observació

si hi ha un màxim de quatre incògnites, son (x,y,z,t) si n'hi ha més, són (x1,x2,x3,x4,...)

```
class EquacionsParametriques (a, b, amp=True)
```

Classe per treballar amb sistemes d'equacions paramètriques

#### **Atributs**

A: matriu dels coeficients dels paràmetres B: vector dels termes independents equacions: llista de EquacioParametrica nombre: nombre d'equacions

## Methods

```
def eliminar_parametres(self, prime=0)
```

Retorna el Sistema Equacions que s'obté en eliminar els paràmetres dels sistema

```
class FormaQuadratica (matriu, base=None)
```

Classe per treballar amb formes quadràtiques

#### **Atributs**

matriu: matriu de la forma quadrètica en la base canònica dimensio: n vaps: valors propis base: base oronormal en la que diagonalitza

## Static methods

```
def aleatoria(ordre=3, maxim=20, vapsnonuls=2)
```

Retorna una forma quadràtica aleatòria

#### **Paràmetres**

ordre: ordre de la matriu simètrica de la forma quadràtica maxim: nombre màxim dels coeficients de la matriu vapsnonuls: nombre mínim de valrs propis no nuls

## Methods

```
def classificacio(self)
```

Retorna la classificació de la forma quadràtica

```
def expressio_euclidiana(self, prime=1)
```

Retorna l'expressió euclidiana reduïda de la forma de polinomi expressat en LaTeX

# **Paràmetres**

prime: nombre de primes que s'escriuran a les variables

```
def latex(self, base=None, prime=0)
```

Retorna l'expressió en latex de la forma quadràtica com a polinomi de segon grau en la base "base"

```
Paràmetres
```

base: base de R^n. No cal que sigui ortormal. Si és None, serà la base canònica prime: nombre de primes que s'escriuran a les variables del polinomi segon grau

```
def polinomi_caracteristic(self)
```

Retorna el polinomi característic de la forma quadràtica

```
def rank(self)
```

Retorna el rang de la forma quadràtica

```
def signatura(self)
```

Retorna la signatura o índexs d'inèrcia de la forma quadràtica

```
class Hiperbola (a2, b2, centre, eix)
```

Classe per treballar amb hipèrboles

## **Ancestors**

Conica

## Static methods

```
def aleatoria(canonica=False, focus=False)
```

Retorna una hipèrbola aleatòria

#### **Paràmetres**

canonica: si els eixos principals són paral·lels als de la referència canònica focus: si els focus han de tenir coordenades enteres

# Methods

```
def asimptotes(self)
```

Retorna les dues asímptotes de la hipèrbola

```
def centre(self)
```

Retorna el centre de la el·lipse

```
def equacio_continua_asimptota(self, v)
```

Retorna l'equació contínua de l'asímptota amb direccio v en format LaTeX

## **Paràmetres**

v: vector director de l'asímptota

```
def equacio_reduida(self)
```

Retorna l'equacio reduïda de la hipèrbola en format LaTeX

```
def focus(self)
```

```
def maxim_origen(self)
        Retorna el màxim dels valors absoluts de les coordenades del centre
      def semidistancia_focal(self)
        Retorna la simidistància focal
      def semieix_imaginari(self)
        Retorna el semieix imaginari
      def semieix real(self)
        Retorna el semieix real
      def to_asy(self, scaled=1.0, canonica=10, x=8, y=8)
        Retorna una expressió per fer servir amb el programa Asymtote
        Paràmetres
        scaled: factor d'escalat canonica = valors de partida dels eixos de la referència canònica x, y: nombres enters. El
        gràfic es representarà en una quadricula de límits (-x,x) i (-y,y)
      def vectors_directors_asimptotes(self)
        Retorna els vectors directors de les asímptotes expressats en la base canònica
      def vertexs(self)
        Retorna els vèrtexs de la hipèrbola
    Inherited members
          Conica: eix principal, eix secundari, ellipse, equacio, from equacio,
          hiperbola, parabola, referencia_principal, tipus, vectors
class HiperboloideDuesFulles (a2, b2, c2, centre, eix1, eix2)
    Classe per treballar amb hiperboloides de dues fulles
    Ancestors
          Quadrica
     Static methods
      def aleatoria(canonica=False)
        Retorna un hiperboloide de dues fulles de manera aleatòria aleatòria
     Methods
```

Retorna els focus de la hipèrbola

def centre(self)

```
def equacio_reduida(self)
        Retorna l'equacio reduïda de l'hiperboloide de dues fulles
     def semieixos(self)
        Retorna els semieixos de l'hiperboloide de dues fulles
     def semieixos_quadrats(self)
        Retorna els semieixos al quadrat de l'hiperboloide de dues fulles
    Inherited members
         Quadrica: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con,
         ellipsoide, equacio, equacio en plaUV, equacio en referencia, from equacio,
         hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla, matriu en referencia,
         paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia principal, tipus, vectors
class HiperboloideUnaFulla (a2, b2, c2, centre, eix1, eix2)
    Classe per treballar amb hiperboloides d'una fulla
    Ancestors
         Quadrica
    Static methods
     def aleatoria(canonica=False)
        Retorna un hiperboloide d'una fulla de manera aleatòria
    Methods
     def centre(self)
        Retorna el centre de l'el·lipsoide
     def equacio_reduida(self)
        Retorna l'equacio reduïda de l'hiperboloide d'una fulla
     def semieixos(self)
        Retorna els semieixos de l'el·lipsoide
     def semieixos_quadrats(self)
        Retorna els semieixos al quadrat de l'el·lipsoide
    Inherited members
         Quadrica: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con,
         ellipsoide, equacio, equacio_en_plaUV, equacio_en_referencia, from_equacio,
```

hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla, matriu en referencia,

Retorna el centre de l'hiperboloide de dues fulles

paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia principal, tipus, vectors

## class Impresora (settings=None)

La funció latex() del sympy té la mania d'escriure les variables x, y, z i t en l'ordre t, x, y i z. L'única manera que, de moment, he trobat per resoldre aquest inconvenient és definir la classe Impresora i la funció mylatex(). Ho he trobat a StackOverflow.

## **Ancestors**

sympy.printing.printer.Printer

# Class variables

#### var **printmethod**

The type of the None singleton.

```
class Matriu (matrix=Matrix([ [1, 0, 0], [0, 1, 0], [0, 0, 1]]))
```

Classe que ens permetrà representar matrius. El problema de la classe Matrix del sympy és que només es poden multiplicar per elements del tipus Matrix. Ens insteressa poder multiplicar Matrius per Vectors

## **Atributs**

dimensio: nombre de files de la matriu columnes: nombre de columnes de la matriu matriu: matriu de la classe Matrix del sympy format: format LateX per a la matriu diagonalitzable: si és o no diagonalitzable

Només s'utilitzen quan generem una matriu diagonalitzble vaps: llista de vectors propis de la matriu veps: llista de vectors propis de la matriu

Constructor.

#### **Paràmetres**

matrix: matriu del tipus Matrix de sympy per defecte és la matriu unitat d'ordre 3

## Static methods

```
def aleatoria(f=3, c=3, maxim=5, nuls=True)
```

Genera una matriu aleatoria.

#### **Paràmetres**

f: nombre de files de la matriu c: nombre de columnes de la matriu maxim: tots els elements tindran valor absolut menor que "maxim" nuls: la matriu pot contenir coeficients nuls o no

```
def amb_rang(f=3, c=3, r=3, maxim=5, mzeros=-1)
```

Retorna una matriu aleatoria amb rang r.

## **Paràmetres**

f: nombre de files de la matriu c: nombre de columnes de la matriu r: rang de la matriu maxim: tots els elements tindran valor absolut menor que "maxim" mzeros: nombre màxim de zeros. Si és -1, no hi ha màxim

```
def diagonal(vals)
```

Retorna una matriu diagonal amb valors "vals" a la diagonal

#### **Paràmetres**

vals: llista d'escalars o vector (class Vector o Punt)

def diagonalitzable(ordre=3, maxim=5, mzeros=-1, mvaps=3, vapsnuls=False, vapsrepetits=True)

Retorna una matriu quadrada aleatoria diagonalitzable.

#### **Paràmetres**

ordre: nombre de files i columnes de la matriu maxim: tots els elements tindran valor absolut menor o igual que "maxim" mzeros: si nzeros >= 0, nombre màxim de zeros que tindrà la matrius si nzeros < 0, el nombre de zeros no està limitat mvaps: tots els valors propis tindran valor absolut menor o igual que "mvaps" vapsnuls: si hi pot aparèixer el valor propi nul vapsrepetits: si hi pot aparèixer valors propis repetits

#### def from\_vectors\_columna(vecs)

Retorna una nova matriu a partir d'una llista de vectors. Les components dels vectors seran les columnes de la nova matriu

#### **Paràmetres**

v: llista de vectors o punts

# def from\_vectors\_fila(vecs)

Retorna una nova matriu a partir d'una llista de vectors. Les components dels vectors seran les files de la nova matriu

## **Paràmetres**

v: llista de vectors o punts

```
def gram(ordre=3, maxim=5, mzeros=-1)
```

Retorna una matriu quadrada aleatoria que serà d'un producte escalar, és a dir, una matriu de Gram

#### **Paràmetres**

ordre: nombre de files i columnes de la matriu maxim: tots els elements tindran valor absolut menor o igual que "maxim" mzeros: si nzeros >= 0, nombre màxim de zeros que tindrà la matrius si nzeros < 0, el nombre de zeros no està limitat

#### def identitat(ordre)

Retorna la matriu identitat

## **Paràmetres**

ordre: ordre de la matriu identitat

```
def invertible(ordre=3, maxim=5, mzeros=-1, unitaria=False)
```

Retorna una matriu quadrada aleatoria invertible.

## **Paràmetres**

ordre: nombre de files i columnes de la matriu maxim: tots els elements tindran valor absolut menor que "maxim" mzeros: si nzeros >= 0, nombre màxim de zeros que tindrà la matrius si nzeros < 0, el nombre de zeros no està limitat unitaria: si volem que el determinant sigui 1 o -1

```
def matriu_columna(v)
```

Retorna una nova matriu columna a partir de les components del vector v

# **Paràmetres**

v: vector o punt

```
def matriu_fila(v)
```

Retorna una nova matriu fila a partir de les components del vector v

#### **Paràmetres**

v: vector o punt

```
def transformacio_elemental(ordre, i, j, s, t)
```

Retorna la matriu corresponent a la transformació elemental F\_i \sim s F\_i + t F\_j

# Methods

```
def adjunta(self)
```

Retorna una nova matriu que és l'adjunta de l'actual

```
def anula_coeficient_amb_pivot(self, fc, fp)
```

Aplicar la transformació elemental F\_fc \sim s F\_fc - t F\_fp on s i t s'obtenen de la forma següent: 1. s és el primer coeficient no nul de la fila fp, que ocuparà la columna col 2. t és el coeficient que ocupa la fila fc, columna col 3. Si s i t són enters, els dividim pel seu màxim comú divisor Retornem la transformació elemental feta en forma de tupla (s,t)

```
def calcula_format(self)
```

Calcula el format LaTeX amb que s'escriurà la matriu

```
def clona(self)
```

Retorma una còpia de la matriu

```
def columna_tots_enters_racionals(self, col)
```

Retorna True si totes les components del vector són nombres enters o racionals

# **Paràmetres**

columna: índex de la columna

```
def det(self)
```

Retorna el determiant de la matriu

```
def determinant(self)
```

```
Retorna el determiant de la matriu
```

def diagonalitza(self, ortogonals=False)

Calcula els valors propis i els vectors propis de la matriu i els guarda a les variables self.vaps i self.veps. Actualitza el camp self.diagonalitzable

```
def es_diagonal(self)
```

Retorna True si és una matriu diagonal

```
def es_simetrica(self)
```

Retorna True si és simètrica

```
def factor_comu(self)
```

Retorna quin factor comú podem treure de la matriu

```
def inserta_columna(self, pos, columna)
```

Retorna una nova matriu amb la columna "columna" insertada a la posició "pos"

## **Paràmetrers**

columna: nova columna de la matriu pos: posició que ha d'ocupar la nova columna

```
def inserta_fila(self, pos, fila)
```

Retorna una nova matriu amb la fila "fila" insertada a la posició "pos"

#### **Paràmetrers**

fila: nova fila de la matriu pos: posició que ha d'ocupar la nova fila

```
def intercanvia_columnes(self, i, j)
```

Retorna una matriu amb les columnes i i j permutades

# **Paràmetres**

i, j: índexs de les columnes

```
def inversa(self)
```

Retorna una nova matriu que és la inversa de l'actual

```
def latex(self, format=None, tipus='p')
```

Retorna la representació en LaTeX de la matriu

```
def max_diagonal(self)
```

Retorna el màxim en valor absolut dels coeficients de la diagonal Si la matriu no és quadrada retorna None

```
def nnegatius(self)
```

Retorna el nombre de coeficients negatius de la matriu

```
def norma_maxim(self)
```

Retorna la norma del màxim de la matriu

```
def nucli(self)
  Retorna una llista de vectors que formen una base del nucli de la matriu
def nzeros(self)
  Retorna el nombre de zeros de la matriu
def polinomi_caracteristic(self)
  Retorna el polinomi característic de la matriu
def rang(self)
  Retorna el rang de la matriu
def rank(self)
  Retorna el rang de la matriu
def reordena_aleatoriament_columnes(self)
  Retorna una nova matriu amb les columnes reordenades aleatòriament
def reordena_aleatoriament_files(self)
  Retorna una nova matriu amb les files reordenades aleatòriament
def set_format(self, format)
  Estableix el format LaTeX amb que s'escriurà la matriu
def set_vaps(self, vaps)
  Assigna un llista de valors propis a la variable self.vaps
  Paràmetres
  vaps: llista de nombres
def set_veps(self, veps)
  Assigna un llista de vectors propis simplificats a la variable self.veps
  Paràmetres
  vaps: llista de vectors
def simplificar(self)
  Simplifica la matriu, és a dir, converteix les seves entrades en una llista d'enters amb mcd igual a 1. Només té sentit
  si totes les components del vector són nombres enters o racionals
def sistema_propi(self)
  Retorna el sistema d'equacions en format latex corresponent al càlcul dels valors propis de la matriu
def submatriu(self, files, columnes)
  Retorna la submatriu determinada per les files "files" i les columnes "columnes".
```

**Paràmetrers** 

```
files: llista de files columnes: llista de columnes
      def subs(self, l)
         Aplica una llista de substitucions
         Paràmetres
         l: llista de substitucions
      def tots_enters_racionals(self)
         Retorna True si tots els coeficients de la matriu són nombres enters o racionals
      def tots_uns_i_zeros(self)
         Retorna True si tots els coeficients de la matriu son uns, menys uns i zeros
      def transposada(self)
         Retorna la transposada de la matriu
      def vectors_columna(self, simplificar=False)
         Retorna una llista amb els vectors columna de la matriu
         Paràmetres
         simplificar: si és True retornarà els vectors simplificats
      def vectors_fila(self, simplificar=False)
         Retorna una llista amb els vectors fila de la matriu
         Paràmetres
         simplificar: si és True retornarà els vectors simplificats
class Parabola (vertex, focus)
     Classe per treballar amb paràboles
     Ancestors
          Conica
     Static methods
      def aleatoria(canonica=False)
         Retorna una paràbola aleatòria
     Methods
      def equacio_reduida(self)
         Retorna l'equacio reduïda de la paràbola en format LaTeX
```

```
det tocus(selt)
         Retorna el focus de la paràbola
      def maxim origen(self)
         Retorna el màxim dels valors absoluts de les coordenades del vèrtex
      def parametre(self)
         Retorna el paràmetre de la paràbola
      def recta_directriu(self)
         Retorna la recta directriu com a recta afí
      def to_asy(self, scaled=1.0, canonica=10, x=8, y=8)
         Retorna una expressió per fer servir amb el programa Asymtote
         Paràmetres
         scaled: factor d'escalat canonica = valors de partida dels eixos de la referència canònica x, y: nombres enters. El
         gràfic es representarà en una quadricula de límits (-x,x) i (-y,y)
      def vertex(self)
         Retorna el vèrtex de la paràbola
    Inherited members
          Conica: eix principal, eix secundari, ellipse, equacio, from equacio,
          hiperbola, parabola, referencia principal, tipus, vectors
class ParaboloideElliptic (a2, b2, vertex, eix1, eix2)
    Classe per treballar amb paraboloides el·líptics
    Ancestors
          Quadrica
     Static methods
      def aleatoria(canonica=False)
         Retorna un paraboloide el·líptic de manera aleatòria
     Methods
      def equacio_reduida(self)
         Retorna l'equacio reduïda del paraboloide el·líptic
      def semieixos(self)
         Retorna els semieixos del paraboloide el·líptic
      def semieixos quadrats(self)
```

```
Retorna els semieixos al quadrat del paraboloide el·líptic

def vertex(self)

Retorna el vèrtex del paraboloide el·líptic

Inherited members

Quadrica: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con, ellipsoide, equacio, equacio_en_plaUV, equacio_en_referencia, from_equacio, hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla, matriu_en_referencia, paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia_principal, tipus, vectors
```

class ParaboloideHiperbolic (a2, b2, vertex, eix1, eix2)

Classe per treballar amb paraboloides hiperbòlics

Ancestors

Quadrica

Static methods

```
def aleatoria(canonica=False)
```

Retorna un paraboloide hiperbòlic de manera aleatòria

Methods

```
def equacio_reduida(self)
```

Retorna l'equacio reduïda del paraboloide hiperbòlic

def semieixos(self)

Retorna els semieixos del paraboloide hiperbòlic

def semieixos\_quadrats(self)

Retorna els semieixos al quadrat del paraboloide hiperbòlic

def vertex(self)

Retorna el vèrtex del paraboloide hiperbòlic

Inherited members

**Quadrica**: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con, ellipsoide, equacio, equacio\_en\_plaUV, equacio\_en\_referencia, from\_equacio, hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla, matriu\_en\_referencia, paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia\_principal, tipus, vectors

```
class PlaAfi (p, u1, u2, ref=None)
```

Classe per treballar amb plans afins.

```
u1, u2: vectors directors del pla p: punt de pas
Static methods
 def aleatori()
 def amb_associat(w, p)
    Genera el pla afí que té vector perpendicular "w" i passa pel punt p
    Paràmetres
    w: vector associat p: punt de pas
 def from_equacio_implicita(eq)
    Retorna el pla afí que té equació implícita eq
    Paràmetres
    eq: EquacioLineal
Methods
 def associat(self, base=None)
    Retorna un vector perpendicular al pla expressat en la base "base"
    Paràmetres
    base: base de l'espai vectorial. Si és None, serà la canònica
 def base_ortogonal(self)
    Retorna una base orogonal (vectors directors perpendiculars) del pla
 def conte(self, punt)
    Retorna si el punt "punt" pertany al pla
    Paràmetres
    punt: Punt
 def distancia(self, other)
    Retorna la distància entre el pla actual i un punt, una recta o un altre pla
    Paràmetres
    other: un punt (classe Punt), una recta (classe RectaAfi) o un pla (class PlaAfi)
 def equacio_implicita(self, ref=None, prime=0)
    Retorna l'expressió de l'equació implícita del pla en la referència "ref"
```

**Atributs** 

```
ref: referència afí prime: nombre de primes que s'escriuran a les incògnites
      def interseccio(self, other)
         Retorna la intersecció del pla amb una altre pla o una recta. El resultat pot ser None, una recta o un pla.
         Paràmetes
         other. PlaAfi o RectaAfi
      def projeccio_ortogonal(self, punt)
         Retorna la projecció ortogonal del punt "punt" sobre el pla
         Paràmetres
         punt: Punt
      def punt_de_coordenades_enteres(self, p=None, u=None, v=None)
         Retorna, si és possible, un punt de coordenades enteres del pla afí que passa pel punt p i té vectors directors u i v
      def simetric(self, punt)
         Retorna el simètric del punt "punt" respecte al pla
         Paràmetres
         punt: Punt
class PlaVectorial (u1, u2)
     Classe per treballar amb plans vectorials
     Static methods
      def amb_associat(w)
         Genera el pla vectorial que té vector perpendicular "w"
         Paràmetres
         v: vector no nul de dimensió 3
      def from_matriu(m)
         Crea el pla vectorial generat per les columnes de la matriu "m"
         Paràmetres
         m: matriu. Ha de tenir 3 files, dues columnes i rang 2
     Methods
```

**Paràmetres** 

def associat(self, base=None)

Retorna les components del vector associat en la base "base"

## **Paràmetres**

base: element de la clase Base

```
def base_ortogonal(self)
```

Retorna una base ortogonal del pla vectorial

```
def conte(self, u)
```

Retorna si el vector u pertany al pla.

## **Paràmetres**

u: Vector

```
def equacio_implicita(self, base=None, prime=0)
```

Retorna l'equació implícita del pla en la base "base" en format LaTeX. Normalment, si la base no és la canònica es posa prime > 0 perquè el resultat sigui de l'estil 2x'-3y'+4z'=0

## **Paràmetres**

base: una base (classe Base). Si és None, serà la canònica prime: nombre de primes que s'escriuran a les incògnites

```
def es_associat(self, u)
```

Retorna si el vector és perpendicular al pla.

#### **Paràmetres**

u: Vector

```
def ortogonal(self)
```

Retorna el suplementari ortogonal

```
def projeccio_ortogonal(self, u)
```

Retorna la projecció ortogonal del vector u sobre el pla.

# **Paràmetres**

u: Vector

```
def simetric(self, u)
```

Retorna el simètric del vector u respecte al pla.

## **Paràmetres**

u: Vector

```
class Punt (*args)
```

Classe per treballar amb punts. Internament un punt és el mateix que un vector

Constructor.

## **Paràmetres**

c: Una única llista de nombres o una llista de paràmetres que han de ser nombres

# Exemples

```
u = Vector([2,3,1,2]) v = Vector(3,1,-2)
```

#### **Ancestors**

Vector

# Methods

```
def coordenades_en_referencia(self, ref)
```

Retorna les coordenades del punt en la referència "ref"

#### **Paràmetres**

ref: referència de la classe ReferenciaAfi

# Inherited members

**Vector**: aleatori, as\_quaternio, clona, components\_en\_base, cross, diff, dot, es\_proporcional, factor\_comu, latex, length, maxim, normalitzar, normalitzat, nul, nzeros, perpendicular, punt, radsimplificar, reordena\_aleatoriament, set big, simplificar, subs, tots enters

```
class Quadrica (matriu, ref=None)
```

Classe per treballar amb quàdriques. L'objectiu no és classificar quàdriques, sinó generar-les a partir dels elements característics o de manera aleatòria.

#### **Atributs**

ref: Referència afí matriu: matriu projectiva de la quàdrica en la referència "ref" canonica: matriu projectiva de la quàdrica en la referència canònica

# Subclasses

CilindreElliptic, CilindreHiperbolic, CilindreParabolic, Con, Ellipsoide, HiperboloideDuesFulles, HiperboloideUnaFulla, ParaboloideElliptic, ParaboloideHiperbolic

# Static methods

```
def aleatoria(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)
```

Retorna una quàdrica de manera aleatòria

# **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica

def cilindreelliptic(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un cilindre el·líptic de manera aleatòria

#### **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

def cilindrehiperbolic(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un cilindre hiperbòlic de manera aleatòria

#### **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

def cilindreparabolic(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un cilindre parabòlic de manera aleatòria

#### **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

def con(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un con de manera aleatòria

#### **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

def ellipsoide(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un el·lipsoide de manera aleatòria

#### **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

def from\_equacio(eq)

Retorna i classifica la quadrica a partir de la seva equació. Només per als nou tipus de quàdriques definides en aquesta llibreria

def hiperboloideduesfulles(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un hiperboloide de dues fulles de manera aleatòria

## **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

def hiperboloideunafulla(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un hiperboloide d'una fulla de manera aleatòria

#### **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

def paraboloideelliptic(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un paraboloide el·líptic de manera aleatòria

#### **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

def paraboloidehiperbolic(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un paraboloide hiperbòlic de manera aleatòria

#### **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

# Methods

```
def equacio(self)
```

Retorna l'equació en latex de l'equació de la quàdrica

```
\label{eq:condition} $\operatorname{\mathsf{equacio}}_{\operatorname{\mathsf{en}}}\operatorname{\mathsf{plaUV}}(\operatorname{\mathsf{self}}, \operatorname{\mathsf{referencia}} \setminus \{(0,0,0); (1,0,0), (0,1,0), (0,0,1) \setminus \operatorname{\mathsf{right}}\})$
```

Retorna l'equació de la intersecció de la quàdrica amb el pla w=0 de la referència R

## **Paràmetres**

referencia: Element de la classe ReferenciaAfi

```
\label{eq:def_equacio_en_referencia} (self, referencia = \left\{ (0,0,0); (1,0,0), (0,1,0), (0,0,1) \right\}, prime = 1)
```

Retorna l'equació de la quàdrica en la referencia 'referencia'

# **Paràmetres**

referencia: Element de la classe ReferenciaAfi prime: nombre de primes que escriurem a l'equació

```
\texttt{def matriu\_en\_referencia}(\texttt{self}, \texttt{referencia=} \setminus \{(0,0,0); (1,0,0), (0,1,0), (0,0,1) \setminus \texttt{right} \setminus \{(0,0,0); (1,0,0), (0,1,0), (0,0,1) \setminus \texttt{right} \setminus \{(0,0,0); (1,0,0), (0,0,1,0), (0,0,0)\} \}
```

Retorna la matriu projectiva de la quàdrica en la referencia 'referencia'

#### **Paràmetres**

referencia: Element de la classe ReferenciaAfi

```
def referencia_principal(self)
         Retorna la referencia principal
      def tipus(self)
         Retorna el tipus de quàdrica
      def vectors(self, unitaris=False)
         Retorna els vectors de la base de la referència principal
         Paràmetres
         unitaris: si és True, els retorna unitaris
class Radicals
     Classe per treure factor comú en expressions on hi apareixen arrels quadrades
     Methods
      def busca_fraccions(self, el)
         Afegeix els termes que apareixen als denominadors a la llista self.fraccions
         Paràmetres
         el: expressió del sympy
      def busca_quadrats(self, el)
         Afegeix els termes que apareixen dins d'arrels quadrades a la llista self.quadrats
         Paràmetres
         el: expressió del sympy
      def mcd(self)
         Retorna el màxim comú divisor dels elements de la llista self.quadrats
      def mcm(self)
         Retorna el mínim comú múltiple dels elements de la llista self.faccions
```

class RectaAfi (p, u, ref=None)

Classe per treballar amb rectes afins, dimensió 2 o 3

# **Atributs**

u: generador de la recta vectorial p: punt de pas

Static methods

```
def aleatoria(dim=3, maxim=None)
```

Retorna una recta afí aleatòria

## **Paràmetres**

dim: dimensió maxim: màxim de les coordenades del punt i les components dels vector director

```
def from_equacions_implicites(s)
```

Retorna la recta afí que té equacions implícites s

## **Paràmetres**

s: SistemaEquacions

# Methods

```
def conte(self, punt)
```

Retorna si el punt "punt" pertany a la recta

# **Paràmetres**

punt: Punt

```
def distancia(self, other)
```

Retorna la distància entre la recta actual i un punt, una recta o un pla

#### **Paràmetres**

other: un punt (classe Punt), una recta (classe RectaAfi) o un plan (class PlaAfi)

```
def equacio_continua(self, ref=None, prime=0)
```

Retorna l'expressió en latex de l'equqció contínua de la recta afí en la referència "ref".

#### **Paràmetres**

ref: referència afí. Si és None, serà la canònica prime: nombre de primes que s'escriuran a les incògnites

```
def equacions_implicites(self, ref=None, prime=0, aleatori=True)
```

Retorna l'equació implícita (dimensió 2) o el sistema d'equacions implícites (dimensió 3) de la recta afí en la referència "ref".

## **Paràmetres**

ref: referència en la que calculem les equacions implícites prime: nombre de primes que s'escriran a les incògnites aleatori: només s'aplica a dimensió 3 i genera unes equacions implícites amb tots els coeficients de les incògnites no nuls

```
def interseccio(self, other)
```

Retorna la intersecció de la recta amb una altra recta o un pla. El resultat pot ser None, un punt o una recta.

## **Paràmetes**

```
other. PlaAfi o RectaAfi
      def projeccio_ortogonal(self, punt)
         Retorna la projecció ortogonal del punt "punt" sobre la recta
         Paràmetres
         punt: Punt
      def punt(self, t)
         Retorna el punt de la recta amb paràmetre t
         Paràmetres
         t: escalar
      def punt_de_coordenades_enteres(self, p=None, u=None)
         Retorna, si és possible, un punt de coordenades enteres de la recta que passa pel punt p i té vector director u
      def simetric(self, punt)
         Retorna el simètric del punt "punt" respecte a la recta
         Paràmetres
         punt: Punt
class RectaRegressio (punts)
     Classe per treballar amb rectes de regressió
     Atributs
     punts: llista de punts A: matriu dels coeficients de les incògnites B: vector de termes independents solucio: solució del
     sistema d'equacions A^tAX = A^tB
     Static methods
      def aleatoria(l=4, max=4)
         Retorna un problema aleatori amb l punts
         Paràmetres
         l: nombre de punts max: valor màxim de les ys
     Methods
      def equacio(self)
         Retorna l'equació de la recta de regressió expressada en LaTeX
```

def error\_quadratic(self)

```
Retorna d'error quadràtic
      def llista_punts(self)
         Retorna la llista de punts en format LaTeX
      def taula_punts(self)
         Retorna una taula en format LaTeX dels punts
class RectaVectorial (u)
     Classe per treballar amb rectes vectorials, dimensió 2 o 3
     Atributs
     u: generador de la recta vectorial
     Methods
      def equacio_continua(self, base=None, prime=0)
         Retorna l'expressió en LaTeX de l'equació contínua de la recta vectorial en la base "base".
         Paràmetres
         base: base del pla o de l'espai vectorial (classe Base) prime: nombre de primes amb el que s'escriuran les incògnites
      def equacions_implicites(self, base=None, prime=0, aleatori=True)
         Retorna l'equació implícita (dimensió 2) o el sistema d'equacions implícites (dimensió 3) en la base "base".
         Paràmetres
         base: Base en la que calculem les equacions implícites prime: Quantes primes volem posar a les equacions aleatori:
         només s'aplica a dimensió 3 i genera unes equacions implícites no trivials
      def ortogonal(self)
         Retorna el suplementari ortogonal
      def projeccio_ortogonal(self, u)
         Retorna la projecció ortogonal del vector u sobre la recta.
         Paràmetres
         u: Vector
      def simetric(self, u)
```

Retorna el simètric del vector u respecte a la recta.

**Paràmetres** 

u: Vector

class ReferenciaAfi (origen, base)

Classe per treballar amb referències afins de P^n

#### **Atributs**

origen: origen de la referència (classe Punt) base: base de la referència (classe Base) dimensio: dimensió de l'espai corresponent

# Static methods

```
def aleatoria(dimensio=3, maxim=3, mzeros=0, unitaria=False, euclidiana=False)
```

Retorna una referència aleatòria

#### **Paràmetres**

dimensio: dimensió de l'espai corresponent maxim: Màxim nombre que hi apareix mzeros: Màxim nombre de zeros que apareixen a la base unitaria: si és True la matriu del canvi de base tindrà determinant 1 o -1

```
def canonica(dimensio=3)
```

Retorna la referència canònica

#### **Paràmetres**

dimensio: dimensió de l'espai corresponent

## Methods

```
def canvi_coordenades(self, prime1=0, prime2=1)
```

Restorna en format latex l'expressió del canvi de coordenades de la referència actual a la referència canònica

#### **Paràmetres**

prime1: primes que s'escriuran a les coordenades en la referència canònica prime2: primes que s'escriuran a les coordenades en la referència actual

```
def canvi_de_referencia_a_la_referencia(self, R, p1, p2)
```

Retorna en format latex l'expressió del canvi de coordenades de la referència actual a la referència R

# **Paràmetres**

p1: primes que s'escriuran a les coordenades en la referència actual p2: primes que s'escriuran a les coordenades en la referència R

```
def coordenades del punt(self, punt, ref=None)
```

Retorna un nou punt expressat en aquesta referència del punt que en la referència "ref" té coordenades "punt". Si ref és None, serà la referència canònica

# **Paràmetres**

punt: coordenades en la referència "ref" ref: ReferenciaAfi

```
def punt_de_coordenades(self, punt)
```

Retorna un nou punt expressat en la referència canònica del punt que en aquesta referencia té coordenades "punt"

#### **Paràmetres**

punt: coordenades d'un punt en la referència actual

```
def referencia_inversa(self)
```

Retorna una referència que es correspon amb el canvi de coordenades de de la referència canònica a l'actual

```
def vectors(self, unitaris=False)
```

Retorna els vectors de la base de la referència

## **Paràmetres**

unitaris: si és True els retorna dividits per la seva longitud

```
class SistemaEquacions (a, b, unknowns=None, prime=0)
```

Classe per treballar amb sistemes d'equacions lineals

# **Atributs**

A: matriu dels coeficients de les incógnites B: vector de termes independents equacions: llista de EquacioLineal nombre: nombre d'equacions solucio: solucio del sistema d'equacions secundaries: incògnites secundàries a la solució paramètrica: solucio paramètrica del sistema d'equacions parametres: paràmetres que apareixen a la solució paramètrica unknowns: llista d'incògnites prime: nombre de primes que escriurem a l'equació

# Static methods

```
def from_equacions(eqs, nombre, prime=0)
```

Retorna un sistema d'equacions amb equacions "eqs"

# **Paràmetres**

eqs: llista de EquacioLineal nombre: nombre d'incògnites prime: nombre de primes que s'escriuran a les incògnites

## Methods

```
def matriu_ampliada(self)
```

Retorna la matriu ampliada del sistema d'equacions expressada en LaTeX

```
def matriu_incognites(self)
```

Retorna la matriu dels coeficients de les incògnites expressada en LaTeX

```
def resol(self, unknowns=None)
```

Resol el sistema d'equacions utilitzant la funció linsolve del sympy. El resultat és una llista d'expressions on hi poden aparèixer les incògnites del sistema com a paràmetres

```
def solucio_latex(self, linia=False, unknowns=None)
```

Retorna l'expressió en LaTex de la solució del sistema d'equacions

#### **Paràmetres**

linia: si és True escriu la solució en una línia, en cas contrari ho fa com un sistema d'equacions

class SubespaiVectorial (vecs, basern=None)

Classe per treballar amb subespais vectorials

## **Atributs**

generadors: generadors del subespai base: base del subespai dimensio: dimensio del subespai espai: n si és un suespai de R^n

# Static methods

```
def from_equacio_implicita(eq, basern=None)
```

Retorna el subespai vectorial que té equació implícita "eq"

#### **Paràmetres**

egs: equació implícita (classe EquacioLineal) basern: Base de R^n

```
def from_equacions_implicites(eqs, basern=None)
```

Retorna el subespai vectorial que té equacions implícites "eqs"

#### **Paràmetres**

egs: equacions implícites (classe SistemaEquacions) basern: Base de R^n

# Methods

```
def amplia_base(self, unitaria=False)
```

Retorna una base ortogonal amb orientació positiva de R^n que comença amb una base del subespai

#### **Paràmetres**

unitaria: si és True, retorna una base ortonormal

```
def amplia_base_suplementari(self, unitaria=False)
```

Retorna una base ortogonal amb orientació positiva de R^n que comença amb una base del suplementari ortogonal del subespai

# **Paràmetres**

unitaria: si és True, retorna una base ortonormal

```
def base ortogonal(self)
```

Retorna una base ortogonal del subespai

```
def equacions_implicites(self, basern=None, prime=0)
```

Retorna unes equacions implícites del subespai

```
basern: base en la que s'escriuran les equacions implícites prime: nombre de primes a les incògnites
      def es_total(self)
         Retorna True si és el subespai R^n
      def es_zero(self)
         Retorna True si és el subespai {0}
      def projeccio_ortogonal(self, u)
         Retorna la projeccio ortogonal del vector u sobre el subespai
         Parametres
         u: Vector
      def simetric(self, u)
         Retorna el simètric del vector u sobre respecte al subespai
         Parametres
         u: Vector
      def suplementari_ortogonal(self)
         Retorna el suplementari ortogonal
class Tetraedre (p1, p2, p3, p4)
     Static methods
      def aleatori()
     Methods
      def plans_de_les_cares(self)
      def vertexs(self)
      def volum(self)
class TransformacioAfi (p, t)
     Classe per treballar amb transformacions afins T:P^n ----> P^n, on T(p) = T + A(p)
```

## **Atributs**

**Paràmetres** 

transformacio: Transformació lineal donada per la matriu A translacio: translació de la transformació afí en la referència canònica dimensio: n formats: formats LaTeX en que s'escriuen les matrius de la transfornació

## Static methods

```
def aleatoria(ordre=3, maxim=4)
```

Retorna una transformació afí aleatòria

## **Paràmetres**

ordre: ordre de la matriu corresponent maxim: Nombre màqxim que apareix a la matriu en la base canònica de la transformació i en la translació

```
def gir(angle, origen, radiants=False)
```

Retorna el gir d'angle "angle" al voltant del punt "origen"

#### **Paràmetres**

origen: centre del gir (classe Punt) angle: angle de rotació radiants: si és True, l'angle ha d'estar expressat en radiants

```
def moviment_helicoidal(recta, angle, radiants=False, alpha=0)
```

Retorna el moviment helicoidal de P\_3 que consisteix en la rotació d'angle "angle" al voltant de la recta "recta" seguit d'una translació de vector alpha \* vector director de la recta.

## **Paràmetres**

recta: eix de rotació angle: angle de rotació radiants: si és True, l'angle ha d'estar expressat en radiants alpha: factor de la translació

```
def projeccio_ortogonal(v)
```

Retorna la projecció ortogonal sobre la variatat lineal "v"

#### **Paràmetres**

v: varietat lineal (classe VarietatLineal)

```
def rotacio(recta, angle, radiants=False)
```

Retorna la rotació d'angle "angle" al voltant de la recta "recta"

#### **Paràmetres**

recta: eix de rotació angle: angle de rotació radiants: si és True, l'angle ha d'estar expressat en radiants

```
def simetria(v)
```

Retorna la simetria respecte a la variatat lineal "v"

## **Paràmetres**

v: varietat lineal (classe VarietatLineal)

## Methods

```
def latex(self, ref=None, prime=0)
```

Retorna l'expressió en latex de la transformació afí en la referència "ref". Si ref és None, serà en la referència canònica

## **Paràmetres**

base: referència de P^n prime: nombre de primes que s'escriuran

```
def rang(self)
```

Retorna el rang de la transfoprmació afí

```
def rank(self)
```

Retorna el rang de la transfoprmació afí

```
def set_formats(self, f1, f2)
```

```
def transforma(self, p, ref=None)
```

Calcula el transformat o imatge del punt "p". p seran les coordenades d'aquest punt en la referència "ref" i el transformat també estarà expressat en aquesta referència

#### **Paràmetres**

punt: punt (classe Punt) ref: referència afí. Si és None, serà la referència canònica

```
class TransformacioLineal (matriu, base=None)
```

Classe per treballar amb transformacions lineals T:R^n ----> R^n

## **Atributs**

dimensio: n canonica: matriu de la transformació en la base canònica format: format LaTeX per a la matriu

# Static methods

```
def aleatoria(ordre=3, maxim=4)
```

Retorna una transformació lineal aleatòria

#### **Paràmetres**

ordre: ordre de la matriu corresponent maxim: Nombre màqxim que apareix a la matriu en la base canònica de la transformació

```
def escalat(factors, base=None)
```

Retorna la transformació lineal que consisteix en escalats de factors "factor" en les direccions de la base "base"

#### **Paràmetres**

factors: llista de nombres base: element de la classe Base

```
def gir(angle, radiants=False)
```

Retorna el gir d'angle "angle" en dimensió 2

## **Paràmetres**

angle: angle de rotació radiants: si l'angle està en radiants, ha de ser True

```
def projeccio_ortogonal(s)
```

Retorna la projecció ortogonal sobre el subespai "s"

#### **Paràmetres**

s: subespai vectorial (classe SubespaiVectorial)

```
def rotacio(eix, angle, radiants=False)
```

Retorna la rotació d'angle "angle" al voltant del vector "eix"

## **Paràmetres**

eix: vector al voltant del qual fem la rotació angle: angle de rotació radiants: si l'angle està en radiants, ha de ser True

```
def rotacio_amb_angles_euler(psi, theta, phi, ordre='ZXZ', radiants=False)
```

Retorna la rotació amb angles d'Euler psi, theta i phi al voltant dels dels eixos determinats pel paràmetre ordre

## **Paràmetres**

psi, theta i phi: angles d'Euler ordre: eixos al voltant dels que fem les rotacions radiants: si l'angle està en radiants, ha de ser True

```
def rotacio_amb_quaternio(q)
```

Retorna la rotació definida pel quaternio "q"

## **Paràmetres**

g: element de la classe Quaternio

```
def simetria(s)
```

Retorna la simetria respecte al subespai "s"

## **Paràmetres**

s: subespai vectorial (classe Subespai Vectorial)

## Methods

```
def angles_euler(self, radiants=False)
```

Retorna els angles d'Euler de la rotació corresponents a l'ordre 'ZXZ'

## **Paràmetres**

radiants: si és True retorna els angles en radiants, en cas contrari, ho fa en graus

```
def antiimatges(self, v)
```

Retorna les antiimages del vector v

## **Paràmetres**

v: element de la classe Vector

```
def determinant(self)
```

```
Retorna el deterinant de la transformació lineal
def diagonalitza(self, ortogonals=False)
  Diagonalitza la matriu de la transformació lineal en la base canònica
def eix_angle_rotacio(self, radiants=False)
  Retorna l'eix i l'angle de rotació
  Paràmetres
  radiants: si és True retorna l'angle en radiants, en cas contrari, ho fa en graus
def es_rotacio(self)
  Ens diu si és una rotació tridimensional o no
def es_simetrica(self)
  Retorna si la transformació lineal és simètrica
def es_vector_propi(self, u)
  Retorna si el vector "u" és o no un vector propi
  Paràmetres
  u: element de la class Vector
def imatges_una_base(self, base)
  Retorna l'expressió en LaTeX de les imatges dels vectors de la base "base"
  Paràmetres
  base: element de la classe Base
def latex(self, base=None, prime=0)
  Retorna l'expressió en latex de la transformació lineal en la base "base" Si base és None, serà en la base canònica
  Paràmetres
  base: base de R^n prime: nombre de primes que s'han d'escriure
def matriu_en_base(self, base)
  Retorna la matriu de la transformacio lineal en la base "base"
  Paràmetres
  base: base de R^n (classe Base)
```

def polinomi\_caracteristic(self)

def quaternio(self)

Retorna el polinomi característic de la transformació lineal

Retorna un dels quaternions que definieix una rotació. Recordem que l'altre és l'oposat def rang(self) Retorna el rang de la transfoprmació afí def rank(self) Retorna el rang de la transfoprmació afí def set\_format(self, format) Estableix el format LaTeX per a la matriu def transforma(self, vec, base=None) Calcula el transformat (imatge) del vector "vec". **Paràmetres** vec: vector base: si no és None, vec seran les compoents del vectors en aquesta base. El transformat o imatge també estarà expressat en aquesta base class VarietatAfi (p, s, ref=None) Classe per treballar amb varietats lineal **Atributs** punt: punt de pas subespai: SubespaiVectorial Static methods def from\_equacio\_implicita(eq, ref=None) Retorna la varietat afí que té equació implícita "eq" en la referència afí "ref" **Paràmetres** eq: equació implícita (classe EquacioLineal) ref: Referència de P^n def from\_equacions\_implicites(eqs, ref=None) Retorna la varietat afí que té equacions implícites "eqs" en la referència afí "ref" **Paràmetres** eqs: equacions implícites (classe SistemaEquacions) ref: Referència de P^n Methods def base\_ortogonal(self) Retorna una base ortogonal del subespai director de la varietat lineal

def equacions\_implicites(self, ref=None, prime=0)

Retorna unes equacions implícites de la varietat lineal

```
Paràmetres
    ref: referència en la que s'escriuran les equacions implícites prime: nombre de primes de les incògnites
 def es_total(self)
    Retorna True si la varietat lineal és P_n
 def es_un_punt(self)
    Retorna True si la varietat lineal és un punt
 def projeccio_ortogonal(self, punt)
    Retorna la projecció ortogonal del punt "punt" sobre la varietat afi
    Paràmetres
    punt: Punt
 def simetric(self, punt)
    Retorna el simètric del punt "punt" respecte a la varietat afí
    Paràmetres
    punt: Punt
 def varietat_ortogonal(self, p)
    Retorna la varietat ortogonal a l'actual que passa pel punt p
Classe que ens permetrà representar vectors i punts
Atributs
```

class Vector (\*args)

dimensio: el nombre de components o longitud del vector components: llista amb les components del vector big: si ha d'escrire \left( ... \right)

Constructor.

## **Paràmetres**

c: Una única llista de nombres o una llista de paràmetres que han de ser nombres

# Exemples

```
u = Vector([2,3,1,2]) v = Vector(3,1,-2)
```

## Subclasses

Punt

## Static methods

```
def aleatori(l=3, maxim=5, nuls=True, positius=False)
```

## **Paràmetres**

l: longitud del vector maxim: Nombre màxin que pot contenir en valor absolut nuls: Si pot contenir el valor 0 o no positius: Si els coeficients han de set tots positius

```
def nul(dim)
```

Retorna el vector nul de longitud dim

## Methods

```
def as_quaternio(self)
```

Retorna l'expressió en LaTeX d'un vector de dimensió 4 en format quaternió

```
def clona(self)
```

Retorma una còpia del vector

```
def components_en_base(self, base=None)
```

Retorna un nou vector amb les components del vector (donem per fet que estan en la base canònica) en la base "base"

## **Paràmetres**

base: una base (classe Base)

```
def cross(self, other, simplificar=False)
```

Retorna un nou vector que és el producte vectorial de dos vectors: Si simplificar és True, simplifica el vector resultant

## **Paràmetres**

other: un altre vector simplificar: si es vol simplificar el resultat o no

## Exemple

```
u = Vector.aleatori(l=3) v = Vector.aleatori(l=3) w = u.cross(v,simplificar=True)
```

```
def diff(self, t, n=1)
```

Retorna l'enèssima derivada del vector

```
def dot(self, other)
```

Retorna el producte escalar de dos vectors.

## **Paràmetres**

other: un altre vector

# Exemple

```
u = Vector.aleatori(l=3) v = Vector.aleatori(l=3) p = u.dot(v)
```

```
def es_proporcional(self, other)
```

```
Retorna si és proporcional al vector "other"
```

## **Paràmetres**

other: un altre vector

```
def factor_comu(self)
```

En cas que totes les components del vector sigui enteres o racionals, torna el racional que es pot treure factor comú i el vector simplificat. Si hi ha components que no són ni enteres ni racionals, torna 1 i el mateix vector

```
def latex(self, unitari=False)
```

Retorna l'expressió en latex del vector.

## **Paràmetres**

unitari: si unitari és True, el retorna dividit per la seva longitud

```
def length(self)
```

Retorna la longitud o mòdul del vector

```
def maxim(self)
```

Retorna el màxim dels valors absoluts de les seves components

## Exemple

```
u = Vector.aleatori(l=5,maxim=4,nuls=False) m = u.maxim()
```

```
def normalitzar(self)
```

Converteix el vector en unitari

# Exemple

```
u = Vector(1,2,3) u.normalitzar()
```

```
def normalitzat(self)
```

Retorna el vector unitari en la direcció i sentit del vector

## Exemple

```
u = Vector(1,2,3) v = u.normalitzat()
```

```
def nzeros(self)
```

Retorna el nombre de zeros del vector

```
def perpendicular(self)
```

Retorna una llista de vectors perpendiculars linealment independents

```
def punt(self)
```

Retorna el Punt corresponent a aquest vector

```
def radsimplificar(self)
```

Simplifica el vector quan alguna de les seves components té radicals

# Exemple

```
u = Vector(sqrt(2),-3*sqrt(2),-sqrt(2)) u.radsimplificar()
```

## def reordena\_aleatoriament(self)

Retorna un nou vector amb les components reordenades aleatoriament

```
def set_big(self, big=True)
```

Activa o desactiva l'opció \left( ... \right)

```
def simplificar(self, positiu=False)
```

Simplifica el vector, és a dir, converteix les seves components en una llista d'enters amb mcd igual a 1. Només té sentit si totes les components del vector són nombres enters o racionals

# Exemple

```
u = Vector(-1,2,2,Rational(3,2)) u.simplificar()
```

```
def subs(self, x, y)
```

Retorna el vector que s'obté substiuint el símbol x per y

```
def tots_enters(self)
```

Retorna True si totes les components del vector són nombres enters

# **Functions**

- matriu\_latex
- matriu mathematica
- ∘ mcd llista
- ∘ mcm llista
- ∘ mti
- $\circ$  mts
- mylatex
- nnegatius
- ∘ norma\_maxim
- nzeros
- primer\_no\_nul
- vaps\_veps
- vaps\_veps\_amb\_signe
- vectors\_latex

## Classes

- Base
- aleatoria
- canonica

- canvi\_de\_base\_a\_la\_base
- components\_del\_vector
- es\_ortogonal
- es unitaria
- from matriu
- matriu
- orientacio positiva
- ortogonal
- quadrats\_longituds
- set\_unitaria
- te\_orientacio\_positiva
- vector\_de\_components
- vectors
- vectors\_latex

## CilindreElliptic

- aleatoria
- centre
- centres
- equacio reduida
- semieixos
- semieixos\_quadrats

## CilindreHiperbolic

- aleatoria
- centre
- centres
- equacio\_reduida
- semieixos
- semieixos quadrats

## CilindreParabolic

- aleatoria
- equacio\_reduida
- parametre
- vertex

#### Con

- aleatoria
- centre
- equacio\_reduida
- semieixos
- semieixos\_quadrats

## Conica

- aleatoria
- eix principal
- eix secundari
- ellipse
- equacio
- from equacio
- hiperbola
- parabola
- referencia\_principal
- tipus
- vectors
- Ellipse

- aleatoria
- centre
- equacio\_reduida
- focus
- maxim origen
- semidistancia\_focal
- semieix major
- semieix menor
- to\_asy
- vertexs

## • Ellipsoide

- aleatoria
- centre
- equacio reduida
- semieixos
- semieixos quadrats

## EquacioLineal

- coeficients
- maxim coeficients
- nombre\_coeficients
- resol
- set ampersan
- set\_coeficient\_positiu
- simplificar
- terme independent
- to\_sistema\_equacions

# EquacioParametrica

■ coeficients

# EquacionsParametriques

eliminar parametres

## ◦ FormaQuadratica

- aleatoria
- classificacio
- expressio\_euclidiana
- latex
- polinomi\_caracteristic
- rank
- signatura

# • Hiperbola

- aleatoria
- asimptotes
- centre
- equacio continua asimptota
- equacio\_reduida
- focus
- maxim\_origen
- semidistancia\_focal
- semieix\_imaginari
- semieix real
- to\_asy
- vectors\_directors\_asimptotes
- vertexs

# HiperboloideDuesFulles

- aleatoria
- centre
- equacio reduida
- semieixos
- semieixos\_quadrats

# ∘ HiperboloideUnaFulla

- aleatoria
- centre
- equacio reduida
- semieixos
- semieixos\_quadrats

## Impresora

printmethod

## ∘ Matriu

- adjunta
- aleatoria
- amb rang
- anula\_coeficient\_amb\_pivot
- calcula\_format
- clona
- columna\_tots\_enters\_racionals
- det
- determinant
- diagonal
- diagonalitza
- diagonalitzable
- es\_diagonal
- es simetrica
- factor\_comu
- from\_vectors\_columna
- from\_vectors\_fila
- gram
- identitat
- inserta\_columna
- inserta\_fila
- intercanvia\_columnes
- inversa
- invertible
- latex
- matriu columna
- matriu fila
- max\_diagonal
- nnegatius
- norma\_maxim
- nucli
- nzeros
- polinomi\_caracteristic
- rang
- rank
- reordena\_aleatoriament\_columnes
- reordena\_aleatoriament\_files
- set format

- set\_vaps
- set\_veps
- simplificar
- sistema propi
- submatriu
- subs
- tots\_enters\_racionals
- tots\_uns\_i\_zeros
- transformacio\_elemental
- transposada
- vectors\_columna
- vectors\_fila

## • Parabola

- aleatoria
- equacio\_reduida
- focus
- maxim\_origen
- parametre
- recta directriu
- to\_asy
- vertex

# ParaboloideElliptic

- aleatoria
- equacio\_reduida
- semieixos
- semieixos\_quadrats
- vertex

## ParaboloideHiperbolic

- aleatoria
- equacio reduida
- semieixos
- semieixos\_quadrats
- vertex

#### ∘ PlaAfi

- aleatori
- amb associat
- associat
- base\_ortogonal
- conte
- distancia
- equacio implicita
- from\_equacio\_implicita
- interseccio
- projeccio ortogonal
- punt\_de\_coordenades\_enteres
- simetric

#### PlaVectorial

- amb associat
- associat
- base\_ortogonal
- conte
- equacio\_implicita

- es associat
- from matriu
- ortogonal
- projeccio ortogonal
- simetric
- Punt
- coordenades\_en\_referencia
- Quadrica
- aleatoria
- cilindreelliptic
- cilindrehiperbolic
- cilindreparabolic
- con
- ellipsoide
- equacio
- equacio\_en\_plaUV
- equacio\_en\_referencia
- from\_equacio
- hiperboloideduesfulles
- hiperboloideunafulla
- matriu\_en\_referencia
- paraboloideelliptic
- paraboloidehiperbolic
- referencia\_principal
- tipus
- vectors
- Radicals
- busca\_fraccions
- busca\_quadrats
- mcd
- mcm

#### ∘ RectaAfi

- aleatoria
- conte
- distancia
- equacio\_continua
- equacions\_implicites
- from\_equacions\_implicites
- interseccio
- projeccio\_ortogonal
- punt
- punt\_de\_coordenades\_enteres
- simetric

## RectaRegressio

- aleatoria
- equacio
- error\_quadratic
- llista\_punts
- taula\_punts

## RectaVectorial

- equacio\_continua
- equacions\_implicites

- ortogonal
- projeccio ortogonal
- simetric

## ∘ ReferenciaAfi

- aleatoria
- canonica
- canvi\_coordenades
- canvi de referencia a la referencia
- coordenades\_del\_punt
- punt de coordenades
- referencia inversa
- vectors

## SistemaEquacions

- from equacions
- matriu\_ampliada
- matriu\_incognites
- resol
- solucio\_latex

## SubespaiVectorial

- amplia\_base
- amplia base suplementari
- base\_ortogonal
- equacions\_implicites
- es total
- es\_zero
- from equacio implicita
- from\_equacions\_implicites
- projeccio\_ortogonal
- simetric
- suplementari\_ortogonal

#### Tetraedre

- aleatori
- plans\_de\_les\_cares
- vertexs
- volum

# TransformacioAfi

- aleatoria
- gir
- latex
- moviment\_helicoidal
- projeccio\_ortogonal
- rang
- rank
- rotacio
- set\_formats
- simetria
- transforma

## TransformacioLineal

- aleatoria
- angles\_euler
- antiimatges
- determinant

- diagonalitza
- eix angle rotacio
- es\_rotacio
- es simetrica
- es\_vector\_propi
- escalat
- gir
- imatges\_una\_base
- latex
- matriu\_en\_base
- polinomi\_caracteristic
- projeccio\_ortogonal
- quaternio
- rang
- rank
- rotacio
- rotacio\_amb\_angles\_euler
- rotacio\_amb\_quaternio
- set\_format
- simetria
- transforma

## ∘ VarietatAfi

- base\_ortogonal
- equacions\_implicites
- es total
- es\_un\_punt
- from\_equacio\_implicita
- from\_equacions\_implicites
- projeccio\_ortogonal
- simetric
- varietat\_ortogonal

#### Vector

- aleatori
- as quaternio
- clona
- components\_en\_base
- cross
- diff
- dot
- es\_proporcional
- factor comu
- latex
- length
- maxim
- normalitzar
- normalitzat
- nul
- nzeros
- perpendicular
- punt
- radsimplificar
- reordena\_aleatoriament
- set\_big

- simplificar
- subs
- tots\_enters

Generated by *pdoc* 0.11.6.