# Module Algebra

Filename: Algebra.py Author: Rafel Amer (rafel.amer AT upc.edu) Copyright: Rafel Amer 2020–2021 Disclaimer: This program is provided "as is", without warranty of any kind, either expressed or implied, including, but not linmited to, the implied warranties of merchantability and fitness for a particular purpose. It has been written to generate random models of exams for the subject of Linear Algebra at ESEIAAT, Technic University of Catalonia License: This program is free software: you can redistribute it and/or modify it under the terms of the GNU General Public License as published by the Free Software Foundation, either version 3 of the License, or (at your option) any later version.

See <https://www.gnu.org/licenses/>

# **Functions**

```
def matriu_latex(m, format=None, ampliada=False, tipus='p')
```

Retorna l'expressió en latex d'una matriu del tipus Matrix del sympy

## **Parametres**

format: format de les columnes de la matriu. Per defecte "r" ampliada: si es vol separar amb una línia vertical l'última columna de la matriu

# def matriu\_mathematica(m)

Retorna l'expressió en Mathematica d'una matriu del tipus Matrix del sympy

#### def mcd\_llista(list)

Retorna el màxim comú divisor d'una llista d'enters

# def mcm\_llista(list)

Retorna el mínim comú múltiple d'una llista d'enters

# def mti(i, j)

Funció auxiliar per crear una matriu triangular superior i uns o menys uns a la diagonal Retorna zero si el coeficients està per sota de la diagonal principal

## def mts(i, j, values)

Funció auxiliar per crear una matriu triangular inferior i uns o menys uns a la diagonal Retorna zero si el coeficients està per sobre de la diagonal principal

#### def mylatex(e)

#### def norma\_maxim(m)

Retorna el màxim en valor absolut d'entre els coeficients d'una matriu del tipus Matrix del sympy

# def nzeros(m)

Retorna el nombre de zeros d'una matriu del tipus Matrix del sympy

## def primer\_no\_nul(list)

Retorna l'índex del primer coeficient no nul d'una llista

```
def vaps_veps(result)
```

Retorna la llista valors propis i els seus vectors propis.

#### **Paràmetres**

result: resultat de la funció eigenvects() del sympy

#### def vaps\_veps\_amb\_signe(result, signe=1)

Donada una matriu A del sympy, result ha de ser el resultat de la funció r = A.eigenvects(). Aleshores aquesta funció retorna la llista valors propis positius (signe > 0) o negatius (signe < 0) i els seus vectors propis.

#### **Paràmetres**

result: resultat de la funció eigenvects() del sympy signe: positiu o negatiu, en funció de quins valors i vectors propis es volen

#### def vectors\_latex(1, sep=False)

Retorna la llista de vectors l escrita en latex

#### **Paràmetres**

l: llista de vectors o punts sep: Si és False, retorna (1,2,3),(3,5,2),(1,-2,3) Si és True, retorna \$(1,2,3)\$, \$(3,5,2)\$ i \$(1,-2,3)\$

# Classes

# class Base (vecs, unitaria=False)

Classe que ens permetrà representar bases de R^n

#### **Atributs**

vecs: una llista de n vectors de R^n dimensio: el valor de n unitaria: En funcio de si volem imprimir els seus vectors unitaris o no

# Static methods

## def aleatoria(dimensio=3, maxim=5, unitaria=False, mzeros=-1)

Retorna una base aleàtoria

# **Paràmetres**

dimensio: Dimensió de l'espai corresponent maxim: Nombre màxim de les components dels seus vectors unitaria: Si el determinant ha de ser 1 o -1 mzeros: Nombre màxim de zeros entre les components dels seus vectors

# def canonica(dimensio=3)

Retorna la base canònica

# **Paràmetres**

dimensio: Dimensió de l'espai corresponent

#### def from\_matriu(m)

Crea una nova base a partir d'una matriu de la classe Matriu Si la matriu no és quadrada o no té rang màxim, retorna None

## def ortogonal(ordre=3, maxim=5, unitaria=False)

Retorna una base ortogonal "aleatòria"

# **Paràmetres**

ordre: dimensió maxim: màxim per a les components dels vectors de la base unitaria: si és True, la base serà ortonormal

#### Methods

```
def canvi_de_base_a_la_base(self, B, p1=1, p2=0)
```

Retorna en format latex l'expressió del canvi de base de la base actual a la base B

#### **Paràmetres**

p1: primes que s'escriuran a les components en la base actual p2: primes que s'escriuran a les components en la base B

#### def components\_del\_vector(self, vec, base=None)

Retorna un nou vector expressat en aquesta base del vector que en la base "base" té components "vec"

#### **Paràmetres**

vec: components en la base "base" base: Base

# def es\_ortogonal(self)

Retorna si la base és ortogonal

#### def es\_unitaria(self)

Retorna si la base és unitària. Notem que els vectors no es guarden com a unitaris.

#### def matriu(self)

Retorna la matriu de la classe Matriu que té per columnes els vectors de la base

#### def orientacio\_positiva(self)

Fa que tingui orientació positiva canviant, si cal, de signe l'últim vector

#### def quadrats\_longituds(self)

Retorna els quadrats de les longituds dels vectors de la base sense tenir en compte si la base és unitària

#### def set\_unitaria(self)

Si la matriu és ortogonal, la passa a unitària

#### def te\_orientacio\_positiva(self)

Retorna si té orientació positiva

# def vector\_de\_components(self, vec)

Retorna un nou vector expressat en la base canònica del vector que en aquesta base té components "vec"

## **Paràmetres**

vec: vector

#### def vectors(self, unitaris=False)

Retorna els vectors la base

# **Paràmetres**

unitaris: si és True, els divideix per la seva longitud

# def vectors\_latex(self)

Retorna l'expressió en latex dels vector de la base, sense les claus inicial i final

# class CilindreElliptic (a2, b2, centre, eix1, eix2)

Classe per treballar amb cilindres el·líptics

```
Ancestors
         Quadrica
    Static methods
     def aleatoria(canonica=False)
        Retorna un cilindre el·líptic de manera aleatòria
    Methods
     def centre(self)
        Retorna un centre del cilindre el·líptic
     def centres(self)
        Retorna la recta de centres
     def equacio_reduida(self)
        Retorna l'equacio reduïda del cilindre el·líptic
     def semieixos(self)
        Retorna els semieixos del cilindre el·líptic
     def semieixos_quadrats(self)
        Retorna els semieixos al quadrat del cilindre el·líptic
    Inherited members
          Quadrica: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con, ellipsoide,
          equacio, from_equacio, hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla,
          paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia_principal, tipus, vectors
class CilindreHiperbolic (a2, b2, centre, eix1, eix2)
    Classe per treballar amb cilindres hiperbòlic
    Ancestors
         Quadrica
    Static methods
     def aleatoria(canonica=False)
        Retorna un cilindre hiperbòlic de manera aleatòria
    Methods
     def centre(self)
        Retorna un centre del cilindre hiperbòlic
     def centres(self)
        Retorna la recta de centres
     def equacio_reduida(self)
        Retorna l'equacio reduïda del cilindre hiperbòlic
```

```
def semieixos(self)
        Retorna els semieixos del cilindre hiperbòlic
     def semieixos_quadrats(self)
        Retorna els semieixos al quadrat del cilindre hiperbòlic
    Inherited members
         Quadrica: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con, ellipsoide,
         equacio, from_equacio, hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla,
         paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia_principal, tipus, vectors
class CilindreParabolic (p, vertex, eix1, eix2=None)
    Classe per treballar amb cilindres parabòlics
    Ancestors
         Quadrica
    Static methods
     def aleatoria(canonica=False)
        Retorna un cilindre parabòlic de manera aleatòria
    Methods
     def equacio_reduida(self)
        Retorna l'equacio reduïda del cilindre parabòlic
     def parametre(self)
        Retorna el paràmetre de la paràbola
     def vertex(self)
        Retorna l'origen de la referència principal
    Inherited members
         Quadrica: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con, ellipsoide,
         equacio, from_equacio, hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla,
         paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia_principal, tipus, vectors
class Con (a2, b2, c2, centre, eix1, eix2)
    Classe per treballar amb cons
    Ancestors
         Quadrica
    Static methods
```

Methods

def aleatoria(canonica=False)

Retorna un hiperboloide de dues fulles de manera aleatòria aleatòria

```
def centre(self)
```

Retorna el centre o vèrtex del con

#### def equacio\_reduida(self)

Retorna l'equacio reduïda del con

# def semieixos(self)

Retorna els semieixos del con

#### def semieixos\_quadrats(self)

Retorna els semieixos al quadrat del con

# Inherited members

**Quadrica**: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con, ellipsoide, equacio, from\_equacio, hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla, paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia\_principal, tipus, vectors

#### class Conica (matriu, ref=None)

Classe per treballar amb còniques. L'objectiu no és classificar còniques, sinó generar coniques a partir dels elements característics o de manera aleatòria.

#### **Atributs**

ref: referència afí matriu: matriu projectiva de la cònica en la referència "ref" canonica: matriu projectiva de la cònica en la referència canònica

# Subclasses

Ellipse, Hiperbola, Parabola

# Static methods

## def aleatoria(maxim=30, canonica=False)

Retorna una el·lipse, hipèrbola o paràbola aleatòries

# **Paràmetres**

maxim: nombre màxim de la matriu projectiva de la cònica

# def ellipse(maxim=30, canonica=False)

Retorna una el·lipse aleatòria

#### **Paràmetres**

maxim: nombre màxim de la matriu projectiva de la cònica

## def from\_equacio(eq)

Retorna i classifica la cònica a partir de la seva equació. Només per a el·lipses, hipèrboles i paràboles

# def hiperbola(maxim=30, canonica=False)

Retorna una hipèrbola aleatòria

#### **Paràmetres**

maxim: nombre màxim de la matriu projectiva de la cònica

dof narahala/mavim=20 canonica=Ealco)

```
uei parabuta(maxim-su, canunita-raise)
         Retorna una paràbola aleatòria
         Paràmetres
         maxim: nombre màxim de la matriu projectiva de la cònica
     Methods
      def equacio(self)
         Retorna l'equació en latex de l'equació de la quàdrica
      def referencia_principal(self)
         Retorna la referencia principal
      def tipus(self)
         Retorna el tipus de cònica
      def vectors(self, unitaris=False)
         Retorna els vectors de la base de la referència principal
         Paràmetres
         unitaris: si és True, els retorna unitaris
class Ellipse (a2, b2, centre, eix)
     Classe per treballar amb el·lipses
     Ancestors
          Conica
     Static methods
      def aleatoria(canonica=False)
         Retorna una el·lipse aleatòria
     Methods
      def centre(self)
         Retorna el centre de la el·lipse
      def equacio_reduida(self)
         Retorna l'equacio reduïda de l'el·lipse en format LaTeX
      def focus(self)
         Retorna els focus de l'el·lipse
      def maxim_origen(self)
         Retorna el màxim dels valors absoluts de les coordenades del centre
      def semidistancia_focal(self)
         Retorna la simidistància focal
      def semieix maior(self)
```

```
Retorna el semieix major
     def semieix_menor(self)
        Retorna el semieix menor
     def to_asy(self, scaled=1.0, canonica=10, x=8, y=8)
        Retorna una expressió per fer servir amb el programa Asymtote
        Paràmetres
        scaled: factor d'escalat canonica = valors de partida dels eixos de la referència canònica x, y: nombres enters. El gràfic es
        representarà en una quadricula de límits (-x,x) i (-y,y)
     def vertexs(self)
        Retorna els vèrtex de l'el·lipse
    Inherited members
          Conica: ellipse, equacio, from_equacio, hiperbola, parabola, referencia_principal,
          tipus, vectors
class Ellipsoide (a2, b2, c2, centre, eix1, eix2)
    Classe per treballar amb el·lipsoides
    Ancestors
         Quadrica
    Static methods
     def aleatoria(canonica=False)
        Retorna un el·lipsoide de manera aleatòria aleatòria
    Methods
     def centre(self)
        Retorna el centre de l'el·lipsoide
     def equacio_reduida(self)
        Retorna l'equacio reduïda de l'el·lipsoide
     def semieixos(self)
        Retorna els semieixos de l'el·lipsoide
     def semieixos_quadrats(self)
        Retorna els semieixos al quadrat de l'el·lipsoide
    Inherited members
          Quadrica: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con, ellipsoide,
          equacio, from_equacio, hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla,
          paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia_principal, tipus, vectors
```

Classe per treballar amb equacions lineals.

# **Atributs**

equacio: terme de l'esquerra en la equacio "eq = 0" unknowns: incògnites que apareixen a l'equació amp: True o False prime: nombre de primes que escriurem a l'equació

Constructor.

## **Paràmentres**

eq: expressió lineal que ha de contenir tots els termes, aleshores l'equació serà "eq = 0". Només guardem la part "eq" amp: quan escrivim l'equació en latex ha d'aparèixer &= o només = prime: nombre de primes que s'han de posar a les incògnites

Per exemple: x, y, z, t = symbols('x y z t') eq = 2x-3y+4z-3t-4 e = EquacioLineal(eq)

# Static methods

# def coeficients(a, b, amp=False, prime=0)

Retorna una nova equació amb coeficients de les incògnites el vector "a" i terme independent b

# **Paràmetres**

a: Vector amb els coeficients de les incògnites b: terme independents amp: si és True l'equació s'escriurà amb el &= per al LaTeX prime: nombre de primes que s'escriuran a les incògnites

# Methods

# def set\_coeficient\_positiu(self, incogs)

Busca el primer coeficient no nul d'entre les incògnites "incogs", si el primer que troba és negatiu, canvia l'equació de signe canvia de signe tota l'equació, de manera que el coeficients de "k" passa a ser positiu

## def to\_sistema\_equacions(self)

Retorna un sistema d'equacions (class Sistema Equacions) que té com a única equació l'actual

#### class EquacioParametrica (eq, amp=True)

Classe per treballar amb equacions paramètriques

# **Atributs**

equacio: l'equació paramètrica b: terme independent de l'equaqció coefs: coeficients dels paràmetres unknown: incògina de l'equació paramètrica

Contructor.

# **Paràmetres**

eq: equació paramètrica. Ha de ser del tipus -x + 2t1 - 3t2 + t3 - 4 amb el signe menys a la incògnita amp: True o False en funció si hem d'escriure &= o només = en la representació en LaTeX de l'equació

# Static methods

## def coeficients(a, b, p=0, total=1, amp=True)

Genera una equació amb coeficients dels paràmtres el vector "a", terme independent b i incògnita número p d'un total de "total".

## **Paràmetres**

a: vector amb els coeficients dels paràmetres b: terme independent p: índex que representa la incògnita total: nombre total d'incònites

# Exemple

e = EquacioParametrica(Vector(3,-2,1),5,1,4) genera l'equació - y + 3t1 - 2t2 + t3 + 5 e = EquacioParametrica(Vector(3,-2,1,3],-5,3,7) genera l'equació - x3 + 3t1 - 2t2 + t3 + 3t4 + 7t5 - 5

#### Observació

si hi ha un màxim de quatre incògnites, son (x,y,z,t) si n'hi ha més, són (x1,x2,x3,x4,...)

#### class EquacionsParametriques (a, b, amp=True)

Classe per treballar amb sistemes d'equacions paramètriques

#### **Atributs**

A: matriu dels coeficients dels paràmetres B: vector dels termes independents equacions: llista de EquacioParametrica nombre: nombre d'equacions

# Methods

```
def eliminar_parametres(self, prime=0)
```

Retorna el Sistema Equacions que s'obté en eliminar els paràmetres dels sistema

## class FormaQuadratica (matriu, base=None)

Classe per treballar amb formes quadràtiques

#### **Atributs**

matriu: matriu de la forma quadrètica en la base canònica dimensio: n vaps: valors propis base: base oronormal en la que diagonalitza

# Static methods

#### def aleatoria(ordre=3, maxim=20, vapsnonuls=2)

Retorna una forma quadràtica aleatòria

#### **Paràmetres**

ordre: ordre de la matriu simètrica de la forma quadràtica maxim: nombre màxim dels coeficients de la matriu vapsnonuls: nombre mínim de valrs propis no nuls

# Methods

# def classificacio(self)

Retorna la classificació de la forma quadràtica

## def expressio\_euclidiana(self, prime=1)

Retorna l'expressió euclidiana reduïda de la forma de polinomi expressat en LaTeX

#### **Paràmetres**

prime: nombre de primes que s'escriuran a les variables

# def latex(self, base=None, prime=0)

Retorna l'expressió en latex de la forma quadràtica com a polinomi de segon grau en la base "base"

# **Paràmetres**

```
les variables del polinomi segon grau
      def polinomi_caracteristic(self)
         Retorna el polinomi característic de la forma quadràtica
      def rank(self)
         Retorna el rang de la forma quadràtica
      def signatura(self)
         Retorna la signatura o índexs d'inèrcia de la forma quadràtica
class Hiperbola (a2, b2, centre, eix)
     Classe per treballar amb hipèrboles
     Ancestors
          Conica
     Static methods
      def aleatoria(canonica=False)
         Retorna una hipèrbola aleatòria
     Methods
      def centre(self)
         Retorna el centre de la el·lipse
      def equacio_continua_asimptota(self, v)
         Retorna l'equació contínua de l'asímptota amb direccio v en format LaTeX
         Paràmetres
         v: vector director de l'asímptota
      def equacio_reduida(self)
         Retorna l'equacio reduïda de la hipèrbola en format LaTeX
      def focus(self)
         Retorna els focus de la hipèrbola
      def maxim_origen(self)
         Retorna el màxim dels valors absoluts de les coordenades del centre
      def semidistancia_focal(self)
         Retorna la simidistància focal
      def semieix_imaginari(self)
         Retorna el semieix imaginari
```

def semieix\_real(self)

base: base de R^n. No cal que sigui ortormal. Si és None, serà la base canònica prime: nombre de primes que s'escriuran a

Retorna el semieix real

```
def to_asy(self, scaled=1.0, canonica=10, x=8, y=8)
```

Retorna una expressió per fer servir amb el programa Asymtote

#### **Paràmetres**

scaled: factor d'escalat canonica = valors de partida dels eixos de la referència canònica x, y: nombres enters. El gràfic es representarà en una quadricula de límits (-x,x) i (-y,y)

```
def vectors_directors_asimptotes(self)
```

Retorna els vectors directors de les asímptotes expressats en la base canònica

```
def vertexs(self)
```

Retorna els vèrtexs de la hipèrbola

## Inherited members

```
Conica: ellipse, equacio, from_equacio, hiperbola, parabola, referencia_principal,
tipus, vectors
```

#### class HiperboloideDuesFulles (a2, b2, c2, centre, eix1, eix2)

Classe per treballar amb hiperboloides de dues fulles

#### Ancestors

Quadrica

## Static methods

## def aleatoria(canonica=False)

Retorna un hiperboloide de dues fulles de manera aleatòria aleatòria

# Methods

# def centre(self)

Retorna el centre de l'hiperboloide de dues fulles

# def equacio\_reduida(self)

Retorna l'equacio reduïda de l'hiperboloide de dues fulles

#### def semieixos(self)

Retorna els semieixos de l'hiperboloide de dues fulles

#### def semieixos\_quadrats(self)

Retorna els semieixos al quadrat de l'hiperboloide de dues fulles

# Inherited members

```
Quadrica: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con, ellipsoide, equacio, from_equacio, hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla, paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia_principal, tipus, vectors
```

Classe per treballar amb hiperboloides d'una fulla

# Ancestors

Quadrica

# Static methods

```
def aleatoria(canonica=False)
```

Retorna un hiperboloide d'una fulla de manera aleatòria

# Methods

```
def centre(self)
```

Retorna el centre de l'el·lipsoide

```
def equacio_reduida(self)
```

Retorna l'equacio reduïda de l'hiperboloide d'una fulla

```
def semieixos(self)
```

Retorna els semieixos de l'el·lipsoide

```
def semieixos_quadrats(self)
```

Retorna els semieixos al quadrat de l'el·lipsoide

#### Inherited members

```
Quadrica: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con, ellipsoide, equacio, from_equacio, hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla, paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia_principal, tipus, vectors
```

# class Impresora (settings=None)

La funció latex() del sympy té la mania d'escriure les variables x, y, z i t en l'ordre t, x, y i z. L'única manera que, de moment, he trobat per resoldre aquest inconvenient és definir la classe Impresora i la funció mylatex(). Ho he trobat a StackOverflow.

## **Ancestors**

sympy.printing.printer.Printer

# Class variables

var printmethod

```
class Matriu (matrix=Matrix([ [1, 0, 0], [0, 1, 0], [0, 0, 1]]))
```

Classe que ens permetrà representar matrius. El problema de la classe Matrix del sympy és que només es poden multiplicar per elements del tipus Matrix. Ens insteressa poder multiplicar Matrius per Vectors

## **Atributs**

dimensio: nombre de files de la matriu columnes: nombre de columnes de la matriu matriu: matriu de la classe Matrix del sympy format: format LateX per a la matriu

Només s'utilitzen quan generem una matriu diagonalitzble vaps: llista de vectors propis de la matriu veps: llista de vectors propis de la matriu

Constructor.

# **Paràmetres**

matrix: matriu del tipus Matrix de sympy per defecte és la matriu unitat d'ordre 3

#### Static methods

## def aleatoria(f=3, c=3, maxim=5, nuls=True)

Genera una matriu aleatoria.

#### **Paràmetres**

f: nombre de files de la matriu c: nombre de columnes de la matriu maxim: tots els elements tindran valor absolut menor que "maxim" nuls: la matriu pot contenir coeficients nuls o no

```
def amb_rang(f=3, c=3, r=3, maxim=5, mzeros=-1)
```

Retorna una matriu aleatoria amb rang r.

#### **Paràmetres**

f: nombre de files de la matriu c: nombre de columnes de la matriu r: rang de la matriu maxim: tots els elements tindran valor absolut menor que "maxim" nuls: la matriu pot contenir coeficients nuls o no

# def diagonal(vals)

Retorna una matriu diagonal amb valors "vals" a la diagonal

#### **Paràmetres**

vals: llista d'escalars o vector (class Vector o Punt)

## def diagonalitzable(ordre=3, maxim=5, mzeros=-1, mvaps=3, vapsnuls=False, vapsrepetits=True)

Retorna una matriu quadrada aleatoria diagonalitzable.

# **Paràmetres**

ordre: nombre de files i columnes de la matriu maxim: tots els elements tindran valor absolut menor o igual que "maxim" mzeros: si nzeros >= 0, nombre màxim de zeros que tindrà la matrius si nzeros < 0, el nombre de zeros no està limitat mvaps: tots els valors propis tindran valor absolut menor o igual que "mvaps" vapsnuls: si hi pot aparèixer el valor propi nul vapsrepetits: si hi pot aparèixer valors propis repetits

## def from\_vectors\_columna(vecs)

Retorna una nova matriu a partir d'una llista de vectors. Les components dels vectors seran les columnes de la nova matriu

# **Paràmetres**

v: llista de vectors o punts

#### def from\_vectors\_fila(vecs)

Retorna una nova matriu a partir d'una llista de vectors. Les components dels vectors seran les files de la nova matriu

#### **Paràmetres**

v: llista de vectors o punts

# def gram(ordre=3, maxim=5, mzeros=-1)

Retorna una matriu quadrada aleatoria que serà d'un producte escalar, és a dir, una matriu de Gram

# **Paràmetres**

ordre: nombre de files i columnes de la matriu maxim: tots els elements tindran valor absolut menor o igual que "maxim" mzeros: si nzeros >= 0, nombre màxim de zeros que tindrà la matrius si nzeros < 0, el nombre de zeros no està limitat

# def identitat(ordre)

Retorna la matriu identitat

#### **Paràmetres**

ordre: ordre de la matriu identitat

```
def invertible(ordre=3, maxim=5, mzeros=-1, unitaria=False)
```

Retorna una matriu quadrada aleatoria invertible.

#### **Paràmetres**

ordre: nombre de files i columnes de la matriu maxim: tots els elements tindran valor absolut menor que "maxim" mzeros: si nzeros >= 0, nombre màxim de zeros que tindrà la matrius si nzeros < 0, el nombre de zeros no està limitat unitaria: si volem que el determinant sigui 1 o -1

```
def matriu_columna(v)
```

Retorna una nova matriu columna a partir de les components del vector v

#### **Paràmetres**

v: vector o punt

```
def matriu_fila(v)
```

Retorna una nova matriu fila a partir de les components del vector v

#### **Paràmetres**

v: vector o punt

```
def transformacio_elemental(ordre, i, j, s, t)
```

Retorna la matriu corresponent a la transformació elemental F\_i \sim s F\_i + t F\_j

# Methods

```
def adjunta(self)
```

Retorna una nova matriu que és l'adjunta de l'actual

```
def clona(self)
```

Retorma una còpia de la matriu

```
def det(self)
```

Retorna el determiant de la matriu

```
def determinant(self)
```

Retorna el determiant de la matriu

```
def es_diagonal(self)
```

Retorna True si és una matriu diagonal

```
def es_simetrica(self)
```

Retorna True si és simètrica

```
def factor_comu(self)
```

Retorna quin factor comú podem treure de la matriu

```
def inserta_columna(self, pos, columna)
```

```
Retorna una nova matriu amb la columna "columna" insertada a la posició "pos"
   Paràmetrers
   columna: nova columna de la matriu pos: posició que ha d'ocupar la nova columna
def inserta_fila(self, pos, fila)
   Retorna una nova matriu amb la fila "fila" insertada a la posició "pos"
   Paràmetrers
   fila: nova fila de la matriu pos: posició que ha d'ocupar la nova fila
def intercanvia_columnes(self, i, j)
   Retorna una matriu amb les columnes i i j permutades
   Paràmetres
   i, j: índexs de les columnes
def inversa(self)
   Retorna una nova matriu que és la inversa de l'actual
def latex(self, format=None, tipus='p')
   Retorna la representació en LaTeX de la matriu
def max_diagonal(self)
   Retorna el màxim en valor absolut dels coeficients de la diagonal Si la matriu no és quadrada retorna None
def norma_maxim(self)
   Retorna la norma del màxim de la matriu
def nucli(self)
   Retorna una llista de vectors que formen una base del nucli de la matriu
def nzeros(self)
   Retorna el nombre de zeros de la matriu
def polinomi_caracteristic(self)
   Retorna el polinomi característic de la matriu
def rang(self)
   Retorna el rang de la matriu
def rank(self)
   Retorna el rang de la matriu
def reordena_aleatoriament_columnes(self)
   Retorna una nova matriu amb les columnes reordenades aleatòriament
def reordena_aleatoriament_files(self)
   Retorna una nova matriu amb les files reordenades aleatòriament
def set_format(self, format)
```

Estableix el format LaTeX amb que s'escriurà la matriu

#### def set\_vaps(self, vaps)

Assigna un llista de valors propis a la variable self.vaps

#### **Paràmetres**

vaps: llista de nombres

#### def set\_veps(self, veps)

Assigna un llista de vectors propis simplificats a la variable self.veps

#### **Paràmetres**

vaps: llista de vectors

# def simplificar(self)

Simplifica la matriu, és a dir, converteix les seves entrades en una llista d'enters amb mcd igual a 1. Només té sentit si totes les components del vector són nombres enters o racionals

#### def sistema\_propi(self)

Retorna el sistema d'equacions en format latex corresponent al càlcul dels valors propis de la matriu

#### def submatriu(self, files, columnes)

Retorna la submatriu determinada per les files "files" i les columnes "columnes".

# **Paràmetrers**

files: llista de files columnes: llista de columnes

# def subs(self, 1)

Aplica una llista de substitucions

#### **Paràmetres**

l: llista de substitucions

# def transposada(self)

Retorna la transposada de la matriu

# def vectors\_columna(self, simplificar=False)

Retorna una llista amb els vectors columna de la matriu

#### **Paràmetres**

simplificar: si és True retornarà els vectors simplificats

## def vectors\_fila(self, simplificar=False)

Retorna una llista amb els vectors fila de la matriu

# **Paràmetres**

simplificar: si és True retornarà els vectors simplificats

# class Parabola (vertex, focus)

Classe per treballar amb paràboles

```
Conica
     Static methods
      def aleatoria(canonica=False)
         Retorna una paràbola aleatòria
     Methods
      def equacio_reduida(self)
         Retorna l'equacio reduïda de la paràbola en format LaTeX
      def focus(self)
         Retorna el focus de la paràbola
      def maxim_origen(self)
         Retorna el màxim dels valors absoluts de les coordenades del vèrtex
      def parametre(self)
         Retorna el paràmetre de la paràbola
      def to_asy(self, scaled=1.0, canonica=10, x=8, y=8)
         Retorna una expressió per fer servir amb el programa Asymtote
         Paràmetres
         scaled: factor d'escalat canonica = valors de partida dels eixos de la referència canònica x, y: nombres enters. El gràfic es
         representarà en una quadricula de límits (-x,x) i (-y,y)
      def vertex(self)
         Retorna el vèrtex de la paràbola
     Inherited members
          Conica: ellipse, equacio, from_equacio, hiperbola, parabola, referencia_principal,
          tipus, vectors
class ParaboloideElliptic (a2, b2, vertex, eix1, eix2)
     Classe per treballar amb paraboloides el·líptics
     Ancestors
          Quadrica
     Static methods
      def aleatoria(canonica=False)
         Retorna un paraboloide el·líptic de manera aleatòria
     Methods
      def equacio_reduida(self)
         Retorna l'equacio reduïda del paraboloide el·líptic
```

**Ancestors** 

```
def semieixos(self)
        Retorna els semieixos del paraboloide el·líptic
     def semieixos_quadrats(self)
        Retorna els semieixos al quadrat del paraboloide el·líptic
     def vertex(self)
        Retorna el vèrtex del paraboloide el·líptic
    Inherited members
         Quadrica: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con, ellipsoide,
         equacio, from_equacio, hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla,
         paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia_principal, tipus, vectors
class ParaboloideHiperbolic (a2, b2, vertex, eix1, eix2)
    Classe per treballar amb paraboloides hiperbòlics
    Ancestors
         Quadrica
    Static methods
     def aleatoria(canonica=False)
        Retorna un paraboloide hiperbòlic de manera aleatòria
    Methods
     def equacio_reduida(self)
        Retorna l'equacio reduïda del paraboloide hiperbòlic
     def semieixos(self)
        Retorna els semieixos del paraboloide hiperbòlic
     def semieixos_quadrats(self)
        Retorna els semieixos al quadrat del paraboloide hiperbòlic
     def vertex(self)
        Retorna el vèrtex del paraboloide hiperbòlic
    Inherited members
         Quadrica: cilindreelliptic, cilindrehiperbolic, cilindreparabolic, con, ellipsoide,
         equacio, from_equacio, hiperboloideduesfulles, hiperboloideunafulla,
         paraboloideelliptic, paraboloidehiperbolic, referencia_principal, tipus, vectors
```

### class PlaAfi (p, u1, u2, ref=None)

Classe per treballar amb plans afins.

#### **Atributs**

u1, u2: vectors directors del pla p: punt de pas

```
def aleatori()
 def amb_associat(w, p)
    Genera el pla afí que té vector perpendicular "w" i passa pel punt p
    Paràmetres
    w: vector associat p: punt de pas
 def from_equacio_implicita(eq)
    Retorna el pla afí que té equació implícita eq
    Paràmetres
    eq: EquacioLineal
Methods
 def associat(self, base=None)
    Retorna un vector perpendicular al pla expressat en la base "base"
    Paràmetres
    base: base de l'espai vectorial. Si és None, serà la canònica
 def base_ortogonal(self)
    Retorna una base orogonal (vectors directors perpendiculars) del pla
 def conte(self, punt)
    Retorna si el punt "punt" pertany al pla
    Paràmetres
    punt: Punt
 def distancia(self, other)
    Retorna la distància entre el pla actual i un punt, una recta o un altre pla
    Paràmetres
    other: un punt (classe Punt), una recta (classe RectaAfi) o un pla (class PlaAfi)
 def equacio_implicita(self, ref=None, prime=0)
    Retorna l'expressió de l'equació implícita del pla en la referència "ref"
    Paràmetres
    ref: referència afí prime: nombre de primes que s'escriuran a les incògnites
 def interseccio(self, other)
    Retorna la intersecció del pla amb una altre pla o una recta. El resultat pot ser None, una recta o un pla.
    Paràmetes
    other. PlaAfi o RectaAfi
 def projeccio_ortogonal(self, punt)
```

Retorna la projecció ortogonal del punt "punt" sobre el pla

Static methods

```
punt: Punt
      def punt_de_coordenades_enteres(self, p=None, u=None, v=None)
         Retorna, si és possible, un punt de coordenades enteres del pla afí que passa pel punt p i té vectors directors u i v
      def simetric(self, punt)
         Retorna el simètric del punt "punt" respecte al pla
         Paràmetres
         punt: Punt
class PlaVectorial (u1, u2)
     Classe per treballar amb plans vectorials
     Static methods
      def amb_associat(w)
         Genera el pla vectorial que té vector perpendicular "w"
         Paràmetres
         v: vector no nul de dimensió 3
      def from_matriu(m)
         Crea el pla vectorial generat per les columnes de la matriu "m"
         Paràmetres
         m: matriu. Ha de tenir 3 files, dues columnes i rang 2
     Methods
      def associat(self, base=None)
         Retorna les components del vector associat en la base "base"
         Paràmetres
         base: element de la clase Base
      def base_ortogonal(self)
         Retorna una base ortogonal del pla vectorial
      def conte(self, u)
         Retorna si el vector u pertany al pla.
         Paràmetres
         u: Vector
      def equacio_implicita(self, base=None, prime=0)
         Retorna l'equació implícita del pla en la base "base" en format LaTeX. Normalment, si la base no és la canònica es posa
         prime > 0 perquè el resultat sigui de l'estil 2x'-3y'+4z'= 0
```

**Paràmetres** 

**Paràmetres** 

```
base: una base (classe Base). Si és None, serà la canònica prime: nombre de primes que s'escriuran a les incògnites
```

```
def es_associat(self, u)
```

Retorna si el vector és perpendicular al pla.

# **Paràmetres**

u: Vector

#### def ortogonal(self)

Retorna el suplementari ortogonal

```
def projeccio_ortogonal(self, u)
```

Retorna la projecció ortogonal del vector u sobre el pla.

## **Paràmetres**

u: Vector

# def simetric(self, u)

Retorna el simètric del vector u respecte al pla.

# **Paràmetres**

u: Vector

# class Punt (\*args)

Classe per treballar amb punts. Internament un punt és el mateix que un vector

Constructor.

# **Paràmetres**

c: Una única llista de nombres o una llista de paràmetres que han de ser nombres

# Exemples

```
u = Vector([2,3,1,2]) v = Vector(3,1,-2)
```

#### Ancestors

Vector

# Methods

```
def coordenades_en_referencia(self, ref)
```

Retorna les coordenades del punt en la referència "ref"

# **Paràmetres**

ref: referència de la classe ReferenciaAfi

# Inherited members

```
Vector: aleatori, as_quaternio, components_en_base, cross, dot, es_proporcional, factor_comu, latex, length, maxim, normalitzar, normalitzat, nul, nzeros, perpendicular, punt, radsimplificar, reordena_aleatoriament, simplificar, tots_enters
```

Classe per treballar amb quàdriques. L'objectiu no és classificar quàdriques, sinó generar-les a partir dels elements característics o de manera aleatòria.

# **Atributs**

ref: Referència afí matriu: matriu projectiva de la quàdrica en la referència "ref" canonica: matriu projectiva de la quàdrica en la referència canònica

# Subclasses

CilindreElliptic, CilindreHiperbolic, CilindreParabolic, Con, Ellipsoide, HiperboloideDuesFulles, HiperboloideUnaFulla, ParaboloideElliptic, ParaboloideHiperbolic

# Static methods

#### def aleatoria(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna una quàdrica de manera aleatòria

#### **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica

#### def cilindreelliptic(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un cilindre el·líptic de manera aleatòria

## **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

#### def cilindrehiperbolic(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un cilindre hiperbòlic de manera aleatòria

## **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

# def cilindreparabolic(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un cilindre parabòlic de manera aleatòria

# **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

## def con(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un con de manera aleatòria

#### **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

# def ellipsoide(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un el·lipsoide de manera aleatòria

## **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

#### def from\_equacio(eq)

Retorna i classifica la quadrica a partir de la seva equació. Només per als nou tipus de quàdriques definides en aquesta llibreria

## def hiperboloideduesfulles(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un hiperboloide de dues fulles de manera aleatòria

#### **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

#### def hiperboloideunafulla(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un hiperboloide d'una fulla de manera aleatòria

## **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

## def paraboloideelliptic(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un paraboloide el·líptic de manera aleatòria

# **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

# def paraboloidehiperbolic(maxim=30, diagonal=15, canonica=False)

Retorna un paraboloide hiperbòlic de manera aleatòria

#### **Paràmetres**

maxim: valor màxim de la matriu projectiva de la quàdrica diagonal: valor màxim de la diagonal de la matriu projectiva de la quàdrica canonica: si és True, els eixos principals seran paral·lels als de la referència canònica

# Methods

# def equacio(self)

Retorna l'equació en latex de l'equació de la quàdrica

#### def referencia\_principal(self)

Retorna la referencia principal

## def tipus(self)

Retorna el tipus de quàdrica

# def vectors(self, unitaris=False)

Retorna els vectors de la base de la referència principal

# **Paràmetres**

unitaris: si és True, els retorna unitaris

#### class Radicals

Classe per treure factor comú en expressions on hi apareixen arrels quadrades

```
def busca_fraccions(self, el)
         Afegeix els termes que apareixen als denominadors a la llista self.fraccions
         Paràmetres
         el: expressió del sympy
      def busca_quadrats(self, el)
         Afegeix els termes que apareixen dins d'arrels quadrades a la llista self.quadrats
         Paràmetres
         el: expressió del sympy
      def mcd(self)
         Retorna el màxim comú divisor dels elements de la llista self.quadrats
      def mcm(self)
         Retorna el mínim comú múltiple dels elements de la llista self.faccions
class RectaAfi (p, u, ref=None)
     Classe per treballar amb rectes afins, dimensió 2 o 3
     Atributs
     u: generador de la recta vectorial p: punt de pas
     Static methods
      def aleatoria(dim=3)
         Retorna una recta afí aleatòria
         Paràmetres
         dim: dimensió
      def from_equacions_implicites(s)
         Retorna la recta afí que té equacions implícites s
         Paràmetres
         s: SistemaEquacions
     Methods
      def conte(self, punt)
         Retorna si el punt "punt" pertany a la recta
         Paràmetres
         punt: Punt
      def distancia(self, other)
```

Retorna la distància entre la recta actual i un punt, una recta o un pla

**Paràmetres** 

Methods

```
other: un punt (classe Punt), una recta (classe RectaAfi) o un plan (class PlaAfi)
```

```
def equacio_continua(self, ref=None, prime=0)
```

Retorna l'expressió en latex de l'equqció contínua de la recta afí en la referència "ref".

#### **Paràmetres**

ref: referència afí. Si és None, serà la canònica prime: nombre de primes que s'escriuran a les incògnites

```
def equacions_implicites(self, ref=None, prime=0, aleatori=True)
```

Retorna l'equació implícita (dimensió 2) o el sistema d'equacions implícites (dimensió 3) de la recta afí en la referència "ref".

#### **Paràmetres**

ref: referència en la que calculem les equacions implícites prime: nombre de primes que s'escriran a les incògnites aleatori: només s'aplica a dimensió 3 i genera unes equacions implícites amb tots els coeficients de les incògnites no nuls

```
def interseccio(self, other)
```

Retorna la intersecció de la recta amb una altra recta o un pla. El resultat pot ser None, un punt o una recta.

#### **Paràmetes**

other. PlaAfi o RectaAfi

## def projeccio\_ortogonal(self, punt)

Retorna la projecció ortogonal del punt "punt" sobre la recta

#### **Paràmetres**

punt: Punt

# def punt(self, t)

Retorna el punt de la recta amb paràmetre t

## **Paràmetres**

t: escalar

# def punt\_de\_coordenades\_enteres(self, p=None, u=None)

Retorna, si és possible, un punt de coordenades enteres de la recta que passa pel punt p i té vector director u

# def simetric(self, punt)

Retorna el simètric del punt "punt" respecte a la recta

#### **Paràmetres**

punt: Punt

# class RectaRegressio (punts)

Classe per treballar amb rectes de regressió

### **Atributs**

punts: llista de punts A: matriu dels coeficients de les incògnites B: vector de termes independents solucio: solució del sistema d'equacions A^tAX = A^tB

## Static methods

```
def aleatoria(l=4, max=4)
```

Retorna un problema aleatori amb l punts

#### **Paràmetres**

l: nombre de punts max: valor màxim de les ys

# Methods

```
def equacio(self)
```

Retorna l'equació de la recta de regressió expressada en LaTeX

```
def error_quadratic(self)
```

Retorna d'error quadràtic

```
def llista_punts(self)
```

Retorna la llista de punts en format LaTeX

```
def taula_punts(self)
```

Retorna una taula en format LaTeX dels punts

#### class RectaVectorial (u)

Classe per treballar amb rectes vectorials, dimensió 2 o 3

#### **Atributs**

u: generador de la recta vectorial

# Methods

```
def equacio_continua(self, base=None, prime=0)
```

Retorna l'expressió en LaTeX de l'equació contínua de la recta vectorial en la base "base".

## **Paràmetres**

base: base del pla o de l'espai vectorial (classe Base) prime: nombre de primes amb el que s'escriuran les incògnites

```
def equacions_implicites(self, base=None, prime=0, aleatori=True)
```

Retorna l'equació implícita (dimensió 2) o el sistema d'equacions implícites (dimensió 3) en la base "base".

## **Paràmetres**

base: Base en la que calculem les equacions implícites prime: Quantes primes volem posar a les equacions aleatori: només s'aplica a dimensió 3 i genera unes equacions implícites no trivials

```
def ortogonal(self)
```

Retorna el suplementari ortogonal

```
def projeccio_ortogonal(self, u)
```

Retorna la projecció ortogonal del vector u sobre la recta.

## **Paràmetres**

u: Vector

```
def simetric(self, u)
```

Retorna el simètric del vector u respecte a la recta.

#### **Paràmetres**

u: Vector

# class ReferenciaAfi (origen, base)

Classe per treballar amb referències afins de P^n

#### **Atributs**

origen: origen de la referència (classe Punt) base: base de la referència (classe Base) dimensió: dimensió de l'espai corresponent

## Static methods

#### def aleatoria(dimensio=3, maxim=3, mzeros=0, unitaria=False)

Retorna una referència aleatòria

#### **Paràmetres**

dimensio: dimensió de l'espai corresponent maxim: Màxim nombre que hi apareix mzeros: Màxim nombre de zeros que apareixen a la base unitaria: si és True la matriu del canvi de base tindrà determinant 1 o -1

#### def canonica(dimensio=3)

Retorna la referència canònica

# **Paràmetres**

dimensio: dimensió de l'espai corresponent

# Methods

#### def canvi\_coordenades(self, prime1=0, prime2=1)

Restorna en format latex l'expressió del canvi de coordenades de la referència actual a la referència canònica

#### **Paràmetres**

prime1: primes que s'escriuran a les coordenades en la referència canònica prime2: primes que s'escriuran a les coordenades en la referència actual

# def canvi\_de\_referencia\_a\_la\_referencia(self, R, p1, p2)

Retorna en format latex l'expressió del canvi de coordenades de la referència actual a la referència R

# **Paràmetres**

p1: primes que s'escriuran a les coordenades en la referència actual p2: primes que s'escriuran a les coordenades en la referència R

# def coordenades\_del\_punt(self, punt, ref=None)

Retorna un nou punt expressat en aquesta referència del punt que en la referència "ref" té coordenades "punt". Si ref és None, serà la referència canònica

# **Paràmetres**

punt: coordenades en la referència "ref" ref: ReferenciaAfi

#### def punt\_de\_coordenades(self, punt)

Retorna un nou punt expressat en la referència canònica del punt que en aquesta referencia té coordenades "punt"

## **Paràmetres**

punt: coordenades d'un punt en la referència actual

#### def referencia\_inversa(self)

Retorna una referència que es correspon amb el canvi de coordenades de de la referència canònica a l'actual

#### def vectors(self, unitaris=False)

Retorna els vectors de la base de la referència

#### **Paràmetres**

unitaris: si és True els retorna dividits per la seva longitud

## class SistemaEquacions (a, b, unknowns=None, prime=0)

Classe per treballar amb sistemes d'equacions lineals

# **Atributs**

A: matriu dels coeficients de les incógnites B: vector de termes independents equacions: llista de EquacioLineal nombre: nombre d'equacions solucio: solucio del sistema d'equacions secundaries: incògnites secundàries a la solució parametrica: solucio paramètrica del sistema d'equacions parametres: paràmetres que apareixen a la solució paramètrica unknowns: llista d'incògnites prime: nombre de primes que escriurem a l'equació

# Static methods

## def from\_equacions(eqs, nombre, prime=0)

Retorna un sistema d'equacions amb equacions "eqs"

# **Paràmetres**

eqs: llista de EquacioLineal nombre: nombre d'incògnites prime: nombre de primes que s'escriuran a les incògnites

# Methods

# def matriu\_ampliada(self)

Retorna la matriu ampliada del sistema d'equacions expressada en LaTeX

# def matriu\_incognites(self)

Retorna la matriu dels coeficients de les incògnites expressada en LaTeX

#### def resol(self, unknowns=None)

Resol el sistema d'equacions utilitzant la funció linsolve del sympy. El resultat és una llista d'expressions on hi poden aparèixer les incògnites del sistema com a paràmetres

#### def solucio\_latex(self, linia=False, unknowns=None)

Retorna l'expressió en LaTex de la solució del sistema d'equacions

# **Paràmetres**

linia: si és True escriu la solució en una línia, en cas contrari ho fa com un sistema d'equacions

#### class SubespaiVectorial (vecs, basern=None)

Classe per treballar amb subespais vectorials

# **Atributs**

generadors: generadors del subespai base: base del subespai dimensio: dimensio del subespai espai: n si és un suespai de R^n

# Static methods

```
def from_equacio_implicita(eq, basern=None)
```

Retorna el subespai vectorial que té equació implícita "eq"

## **Paràmetres**

eqs: equació implícita (classe EquacioLineal) basern: Base de R^n

# def from\_equacions\_implicites(eqs, basern=None)

Retorna el subespai vectorial que té equacions implícites "eqs"

#### **Paràmetres**

eqs: equacions implícites (classe Sistema Equacions) basern: Base de R^n

# Methods

```
def amplia_base(self, unitaria=False)
```

Retorna una base ortogonal amb orientació positiva de R^n que comença amb una base del subespai

## **Paràmetres**

unitaria: si és True, retorna una base ortonormal

```
def amplia_base_suplementari(self, unitaria=False)
```

Retorna una base ortogonal amb orientació positiva de R^n que comença amb una base del suplementari ortogonal del subespai

## **Paràmetres**

unitaria: si és True, retorna una base ortonormal

# def base\_ortogonal(self)

Retorna una base ortogonal del subespai

```
def equacions_implicites(self, basern=None, prime=0)
```

Retorna unes equacions implícites del subespai

# **Paràmetres**

basern: base en la que s'escriuran les equacions implícites prime: nombre de primes a les incògnites

# def es\_total(self)

Retorna True si és el subespai R^n

# def es\_zero(self)

Retorna True si és el subespai {0}

# def projeccio\_ortogonal(self, u)

Retorna la projeccio ortogonal del vector u sobre el subespai

## **Parametres**

u: Vector

#### def simetric(self II)

uci simetiio(seii, uj

Retorna el simètric del vector u sobre respecte al subespai

#### **Parametres**

u: Vector

### def suplementari\_ortogonal(self)

Retorna el suplementari ortogonal

## class TransformacioAfi (p, t)

Classe per treballar amb transformacions afins T:P $^n$  ----> P $^n$ , on T(p) = T + A(p)

# **Atributs**

transformacio: Transformació lineal donada per la matriu A translacio: translació de la transformació afí en la referència canònica dimensio: n formats: formats LaTeX en que s'escriuen les matrius de la transformació

## Static methods

## def aleatoria(ordre=3, maxim=4)

Retorna una transformació afí aleatòria

#### **Paràmetres**

ordre: ordre de la matriu corresponent maxim: Nombre màqxim que apareix a la matriu en la base canònica de la transformació i en la translació

#### def gir(angle, origen, radiants=False)

Retorna el gir d'angle "angle" al voltant del punt "origen"

# **Paràmetres**

origen: centre del gir (classe Punt) angle: angle de rotació radiants: si és True, l'angle ha d'estar expressat en radiants

## def moviment\_helicoidal(recta, angle, radiants=False, alpha=0)

Retorna el moviment helicoidal de P\_3 que consisteix en la rotació d'angle "angle" al voltant de la recta "recta" seguit d'una translació de vector alpha \* vector director de la recta.

#### **Paràmetres**

recta: eix de rotació angle: angle de rotació radiants: si és True, l'angle ha d'estar expressat en radiants alpha: factor de la translació

## def projeccio\_ortogonal(v)

Retorna la projecció ortogonal sobre la variatat lineal "v"

## **Paràmetres**

v: varietat lineal (classe VarietatLineal)

# def rotacio(recta, angle, radiants=False)

Retorna la rotació d'angle "angle" al voltant de la recta "recta"

## **Paràmetres**

recta: eix de rotació angle: angle de rotació radiants: si és True, l'angle ha d'estar expressat en radiants

# def simetria(v)

Retorna la simetria respecte a la variatat lineal "v"

#### **Paràmetres**

v: varietat lineal (classe VarietatLineal)

#### Methods

```
def latex(self, ref=None, prime=0)
```

Retorna l'expressió en latex de la transformació afí en la referència "ref". Si ref és None, serà en la referència canònica

#### **Paràmetres**

base: referència de P^n prime: nombre de primes que s'escriuran

#### def rang(self)

Retorna el rang de la transfoprmació afí

## def rank(self)

Retorna el rang de la transfoprmació afí

```
def set_formats(self, f1, f2)
```

```
def transforma(self, p, ref=None)
```

Calcula el transformat o imatge del punt "p". p seran les coordenades d'aquest punt en la referència "ref" i el transformat també estarà expressat en aquesta referència

#### **Paràmetres**

punt: punt (classe Punt) ref: referència afí. Si és None, serà la referència canònica

# class TransformacioLineal (matriu, base=None)

Classe per treballar amb transformacions lineals T:R^n ----> R^n

#### **Atributs**

dimensio: n canonica: matriu de la transformació en la base canònica format: format LaTeX per a la matriu

# Static methods

# def aleatoria(ordre=3, maxim=4)

Retorna una transformació lineal aleatòria

#### **Paràmetres**

ordre: ordre de la matriu corresponent maxim: Nombre màqxim que apareix a la matriu en la base canònica de la transformació

## def escalat(factors, base=None)

Retorna la transformació lineal que consisteix en escalats de factors "factor" en les direccions de la base "base"

# **Paràmetres**

factors: llista de nombres base: element de la classe Base

## def gir(angle, radiants=False)

Retorna el gir d'angle "angle" en dimensió 2

# **Paràmetres**

angle: angle de rotació radiants: si l'angle està en radiants, ha de ser True

#### def projeccio\_ortogonal(s)

Retorna la projecció ortogonal sobre el subespai "s"

#### **Paràmetres**

s: subespai vectorial (classe Subespai Vectorial)

# def rotacio(eix, angle, radiants=False)

Retorna la rotació d'angle "angle" al voltant del vector "eix"

#### **Paràmetres**

eix: vector al voltant del qual fem la rotació angle: angle de rotació radiants: si l'angle està en radiants, ha de ser True

```
def rotacio_amb_angles_euler(psi, theta, phi, ordre='ZXZ', radiants=False)
```

Retorna la rotació amb angles d'Euler psi, theta i phi al voltant dels dels eixos determinats pel paràmetre ordre

#### **Paràmetres**

psi, theta i phi: angles d'Euler ordre: eixos al voltant dels que fem les rotacions radiants: si l'angle està en radiants, ha de ser True

#### def rotacio\_amb\_quaternio(q)

Retorna la rotació definida pel quaternio "q"

## **Paràmetres**

q: element de la classe Quaternio

## def simetria(s)

Retorna la simetria respecte al subespai "s"

# **Paràmetres**

s: subespai vectorial (classe Subespai Vectorial)

# Methods

## def angles\_euler(self, radiants=False)

Retorna els angles d'Euler de la rotació corresponents a l'ordre 'ZXZ'

# **Paràmetres**

radiants: si és True retorna els angles en radiants, en cas contrari, ho fa en graus

# def antiimatges(self, v)

Retorna les antiimages del vector v

# Paràmetres

v: element de la classe Vector

#### def determinant(self)

Retorna el deterinant de la transformació lineal

## def eix\_angle\_rotacio(self, radiants=False)

```
Retorna l'eix i l'angle de rotació
   Paràmetres
   radiants: si és True retorna l'angle en radiants, en cas contrari, ho fa en graus
def es_rotacio(self)
   Ens diu si és una rotació tridimensional o no
def es_simetrica(self)
   Retorna si la transformació lineal és simètrica
def es_vector_propi(self, u)
   Retorna si el vector "u" és o no un vector propi
   Paràmetres
   u: element de la class Vector
def imatges_una_base(self, base)
   Retorna l'expressió en LaTeX de les imatges dels vectors de la base "base"
   Paràmetres
   base: element de la classe Base
def latex(self, base=None, prime=0)
   Retorna l'expressió en latex de la transformació lineal en la base "base" Si base és None, serà en la base canònica
   Paràmetres
   base: base de R^n prime: nombre de primes que s'han d'escriure
def matriu_en_base(self, base)
   Retorna la matriu de la transformacio lineal en la base "base"
   Paràmetres
   base: base de R^n (classe Base)
def polinomi_caracteristic(self)
   Retorna el polinomi característic de la transformació lineal
def quaternio(self)
   Retorna un dels quaternions que definieix una rotació. Recordem que l'altre és l'oposat
def rang(self)
   Retorna el rang de la transfoprmació afí
def rank(self)
   Retorna el rang de la transfoprmació afí
def set_format(self, format)
```

Estableix el format LaTeX per a la matriu

Calcula el transformat (imatge) del vector "vec".

def transforma(self, vec, base=None)

# **Paràmetres**

vec: vector base: si no és None, vec seran les compoents del vectors en aquesta base. El transformat o imatge també estarà expressat en aquesta base

#### class VarietatAfi (p, s, ref=None)

Classe per treballar amb varietats lineal

## **Atributs**

punt: punt de pas subespai: SubespaiVectorial

# Static methods

```
def from_equacio_implicita(eq, ref=None)
```

Retorna la varietat afí que té equació implícita "eq" en la referència afí "ref"

#### **Paràmetres**

eq: equació implícita (classe EquacioLineal) ref: Referència de P^n

# def from\_equacions\_implicites(eqs, ref=None)

Retorna la varietat afí que té equacions implícites "eqs" en la referència afí "ref"

# **Paràmetres**

eqs: equacions implícites (classe Sistema Equacions) ref: Referència de P^n

# Methods

# def base\_ortogonal(self)

Retorna una base ortogonal del subespai director de la varietat lineal

```
def equacions_implicites(self, ref=None, prime=0)
```

Retorna unes equacions implícites de la varietat lineal

#### **Paràmetres**

ref: referència en la que s'escriuran les equacions implícites prime: nombre de primes de les incògnites

# def es\_total(self)

Retorna True si la varietat lineal és P\_n

# def es\_un\_punt(self)

Retorna True si la varietat lineal és un punt

# def projeccio\_ortogonal(self, punt)

Retorna la projecció ortogonal del punt "punt" sobre la varietat afi

#### **Paràmetres**

punt: Punt

# def simetric(self, punt)

Retorna el simètric del punt "punt" respecte a la varietat afí

## **Paràmetres**

punt: Punt

```
def varietat_ortogonal(self, p)
```

Retorna la varietat ortogonal a l'actual que passa pel punt p

#### class Vector (\*args)

Classe que ens permetrà representar vectors i punts

# **Atributs**

dimensio: el nombre de components o longitud del vector components: llista amb les components del vector

Constructor.

#### **Paràmetres**

c: Una única llista de nombres o una llista de paràmetres que han de ser nombres

# Exemples

```
u = Vector([2,3,1,2]) v = Vector(3,1,-2)
```

# Subclasses

Punt

# Static methods

```
def aleatori(l=3, maxim=5, nuls=True, positius=False)
```

Retorna un vector aleatori de longitud l

# **Paràmetres**

l: longitud del vector maxim: Nombre màxin que pot contenir en valor absolut nuls: Si pot contenir el valor 0 o no positius: Si els coeficients han de set tots positius

# def nul(dim)

Retorna el vector nul de longitud dim

# Methods

# def as\_quaternio(self)

Retorna l'expressió en LaTeX d'un vector de dimensió 4 en format quaternió

```
def components_en_base(self, base=None)
```

Retorna un nou vector amb les components del vector (donem per fet que estan en la base canònica) en la base "base"

#### **Paràmetres**

base: una base (classe Base)

# def cross(self, other, simplificar=False)

Retorna un nou vector que és el producte vectorial de dos vectors: Si simplificar és True, simplifica el vector resultant

#### **Paràmetres**

other: un altre vector simplificar: si es vol simplificar el resultat o no

# Exemple

```
u = Vector.aleatori(l=3) v = Vector.aleatori(l=3) w = u.cross(v,simplificar=True)
def dot(self, other)
   Retorna el producte escalar de dos vectors.
   Paràmetres
   other: un altre vector
   Exemple
   u = Vector.aleatori(l=3) v = Vector.aleatori(l=3) p = u.dot(v)
def es_proporcional(self, other)
   Retorna si és proporcional al vector "other"
   Paràmetres
   other: un altre vector
def factor_comu(self)
   En cas que totes les components del vector sigui enteres o racionals, torna el racional que es pot treure factor comú i el
   vector simplificat. Si hi ha components que no són ni enteres ni racionals, torna 1 i el mateix vector
def latex(self, unitari=False)
   Retorna l'expressió en latex del vector.
   Paràmetres
   unitari: si unitari és True, el retorna dividit per la seva longitud
def length(self)
   Retorna la longitud o mòdul del vector
def maxim(self)
   Retorna el màxim dels valors absoluts de les seves components
   Exemple
   u = Vector.aleatori(l=5,maxim=4,nuls=False) m = u.maxim()
def normalitzar(self)
   Converteix el vector en unitari
   Exemple
   u = Vector(1,2,3) u.normalitzar()
def normalitzat(self)
   Retorna el vector unitari en la direcció i sentit del vector
   Exemple
   u = Vector(1,2,3) v = u.normalitzat()
def nzeros(self)
```

Retorna el nombre de zeros del vector

def perpendicular(self)

Retorna una llista de vectors perpendiculars linealment independents

# def punt(self)

Retorna el Punt corresponent a aquest vector

# def radsimplificar(self)

Simplifica el vector quan alguna de les seves components té radicals

# Exemple

```
u = Vector(sqrt(2),-3*sqrt(2),-sqrt(2)) u.radsimplificar()
```

# def reordena\_aleatoriament(self)

Retorna un nou vector amb les components reordenades aleatoriament

# def simplificar(self)

Simplifica el vector, és a dir, converteix les seves components en una llista d'enters amb mcd igual a 1. Només té sentit si totes les components del vector són nombres enters o racionals

# Exemple

```
u = Vector(-1,2,2,Rational(3,2)) u.simplificar()
```

# def tots\_enters(self)

Retorna True si totes les components del vector són nombres enters

# Index

# **Functions**

matriu\_latex
matriu\_mathematica
mcd\_llista
mcm\_llista
mti
mts
mylatex
norma\_maxim
nzeros
primer\_no\_nul
vaps\_veps
vaps\_veps\_amb\_signe

# Classes

vectors\_latex

#### Base

aleatoria canonica canvi\_de\_base\_a\_la\_base components\_del\_vector es\_ortogonal es\_unitaria from\_matriu matriu orientacio\_positiva ortogonal quadrats\_longituds set\_unitaria te\_orientacio\_positiva vector\_de\_components vectors vectors\_latex

# CilindreElliptic

aleatoria
centre
centres
equacio\_reduida
semieixos
semieixos\_quadrats

# **CilindreHiperbolic**

aleatoria
centre
centres
equacio\_reduida
semieixos
semieixos\_quadrats

# CilindreParabolic

aleatoria equacio\_reduida parametre vertex

#### Con

aleatoria

centre

equacio\_reduida

semieixos

semieixos\_quadrats

# Conica

aleatoria

ellipse

equacio

from\_equacio

hiperbola

parabola

referencia\_principal

tipus

vectors

# **Ellipse**

aleatoria

centre

equacio\_reduida

focus

maxim\_origen

semidistancia\_focal

semieix\_major

semieix\_menor

to\_asy

vertexs

# **Ellipsoide**

aleatoria

centre

equacio\_reduida

semieixos

semieixos\_quadrats

# **EquacioLineal**

coeficients

set\_coeficient\_positiu

to\_sistema\_equacions

# **EquacioParametrica**

coeficients

# **EquacionsParametriques**

eliminar\_parametres

# **FormaQuadratica**

aleatoria

classificacio

expressio\_euclidiana

latex

polinomi\_caracteristic

rank

signatura

# **Hiperbola** aleatoria centre equacio\_continua\_asimptota equacio\_reduida focus maxim\_origen semidistancia\_focal semieix\_imaginari semieix\_real to\_asy vectors\_directors\_asimptotes vertexs **HiperboloideDuesFulles** aleatoria centre equacio\_reduida semieixos semieixos\_quadrats **HiperboloideUnaFulla** aleatoria centre equacio\_reduida semieixos semieixos\_quadrats **Impresora** printmethod Matriu adjunta aleatoria amb\_rang clona det determinant diagonal diagonalitzable es\_diagonal es\_simetrica factor\_comu from\_vectors\_columna from\_vectors\_fila gram identitat inserta\_columna inserta\_fila intercanvia\_columnes inversa invertible latex matriu\_columna matriu\_fila max\_diagonal

norma\_maxim

nucli nzeros polinomi\_caracteristic rang rank reordena\_aleatoriament\_columnes reordena\_aleatoriament\_files set\_format set\_vaps set\_veps simplificar sistema\_propi submatriu subs transformacio\_elemental transposada vectors\_columna vectors\_fila

#### Parabola

aleatoria
equacio\_reduida
focus
maxim\_origen
parametre
to\_asy
vertex

# **ParaboloideElliptic**

aleatoria equacio\_reduida semieixos semieixos\_quadrats vertex

# **ParaboloideHiperbolic**

aleatoria equacio\_reduida semieixos semieixos\_quadrats vertex

# PlaAfi

aleatori
amb\_associat
associat
base\_ortogonal
conte
distancia
equacio\_implicita
from\_equacio\_implicita
interseccio
projeccio\_ortogonal
punt\_de\_coordenades\_enteres
simetric

# **PlaVectorial**

amb\_associat
associat
base\_ortogonal
conte
equacio\_implicita
es\_associat
from\_matriu
ortogonal
projeccio\_ortogonal

#### **Punt**

coordenades\_en\_referencia

# **Quadrica**

simetric

aleatoria
cilindreelliptic
cilindrehiperbolic
cilindreparabolic
con
ellipsoide
equacio

from\_equacio
hiperboloideduesfulles
hiperboloideunafulla
paraboloideelliptic
paraboloidehiperbolic
referencia\_principal
tipus
vectors

# **Radicals**

busca\_fraccions
busca\_quadrats
mcd
mcm

#### RectaAfi

aleatoria
conte
distancia
equacio\_continua
equacions\_implicites
from\_equacions\_implicites
interseccio
projeccio\_ortogonal
punt
punt\_de\_coordenades\_enteres
simetric

# **RectaRegressio**

aleatoria
equacio
error\_quadratic
llista\_punts
taula\_punts

# **RectaVectorial**

equacio\_continua equacions\_implicites ortogonal projeccio\_ortogonal simetric

# ReferenciaAfi

aleatoria
canonica
canvi\_coordenades
canvi\_de\_referencia\_a\_la\_referencia
coordenades\_del\_punt
punt\_de\_coordenades
referencia\_inversa
vectors

# **SistemaEquacions**

from\_equacions
matriu\_ampliada
matriu\_incognites
resol
solucio\_latex

# **SubespaiVectorial**

amplia\_base
amplia\_base\_suplementari
base\_ortogonal
equacions\_implicites
es\_total
es\_zero
from\_equacio\_implicita
from\_equacions\_implicites
projeccio\_ortogonal
simetric
suplementari\_ortogonal

# TransformacioAfi

aleatoria
gir
latex
moviment\_helicoidal
projeccio\_ortogonal
rang
rank
rotacio
set\_formats
simetria
transforma

#### **TransformacioLineal**

aleatoria
angles\_euler
antiimatges
determinant
eix\_angle\_rotacio
es\_rotacio
es\_simetrica

es\_vector\_propi escalat gir imatges\_una\_base latex matriu\_en\_base polinomi\_caracteristic projeccio\_ortogonal quaternio rang rank rotacio rotacio\_amb\_angles\_euler rotacio\_amb\_quaternio set\_format simetria transforma VarietatAfi base\_ortogonal equacions\_implicites es\_total es\_un\_punt from\_equacio\_implicita from\_equacions\_implicites projeccio\_ortogonal simetric varietat\_ortogonal **Vector** aleatori as\_quaternio components\_en\_base cross dot es\_proporcional factor\_comu latex length maxim normalitzar normalitzat nul nzeros perpendicular punt radsimplificar reordena\_aleatoriament simplificar tots\_enters