	1		(x) (Ax ⊃ Wx)		
	2		(x) (Rx ⊃ Cx)	/	[(Rx · Ax) ⊃ (Cx · Wx)]
		3	Rx · Ax	ACP	
		4	Ax · Rx	3 Com	
		5	Rx	3 Simp	
		6	Ax	4 Simp	
1		7	Ax ⊃ Wx	1 UI	
		8	Rx ⊃ Cx	2 UI	
		9	Wx	7,6 MP	
		10	Cx	8,5 MP	
		11	Cx · Wx	10,9 Conj	
	12		(Rx · Ax) ⊃ (Cx · Wx)	3-11 CP	
	13		(x) [(Rx · Ax) ⊃ (Cx · Wx)]	12 UG	

	1		(x) (Sx ⊃ Wx)		
	2		∃x (Wx · Sx) ⊃ Vo	/	∃x (Sx) ⊃ Vo
		3	∃x (Sx)	ACP	
		4	Sa	3 EI	
2		5	Sa ⊃ Wa	1 UI	
		6	Wa	5,4 MP	
		7	Wa · Sa	6,4 Conj	
		8	∃x (Wx · Sx)	7 EG	
		9	Vo	2,8 MP	
	10		∃x (Sx) ⊃ Vo	3-9 CP	

	1		(x) (Jx ⊃ Wx) ⊃ ∃x (Ax · Rx)		
	2		∃x (Jx · ~Wx) ⊃ ∃x (Ax · Rx)	/	∃x (Ax · Rx)
		3	~∃x (Ax · Rx)	AIP	
		4	~∃x (Jx · ~Wx)	2,3 MT	
		5	(x) ~(Jx · ~Wx)	4 QN	
3		6	(x) (~Jx v ~~Wx)	5 DM	
		7	(x) (~Jx v Wx)	6 DN	
		8	(x) (Jx ⊃ Wx)	7 Imp	
		9	∃x (Ax · Rx)	1,8 MP	
		10	[~∃x (Ax · Rx)] · [∃x (Ax · Rx)]	3,9 Conj	
	11		~~∃x (Ax · Rx)	3-10 IP	
	12		∃x (Ax · Rx)	11 DN	

4

1		∃x (Cx) ⊃ (x) [Ax ⊃ (Dx · Sx)]		
2		x (Cx ⊃ ~Ax) ⊃ ∃x (Dx · Sx)	/	∃x (Dx · Sx)
	3	~∃x (Dx · Sx)	AIP	
	4	~x (Cx ⊃ ~Ax)	2,3 MT	
	5	∃x ~(Cx ⊃ ~Ax)	4 QN	
	6	~(Ca ⊃ ~Aa)	5 EI	
	7	~(~Ca v ~Aa)	6 Impl	
	8	~~Ca · ~~Aa	7 DM	
	9	Ca · Aa	8 DN	
	10	Aa · Ca	9 Com	
	11	Ca	9 Simp	
	12	Aa	10 Simp	
	13	∃x (Cx)	11 EG	
	14	(x) [Ax ⊃ (Dx · Sx)]	1,13 MP	
	15	Aa ⊃ (Da · Sa)	14 UI	
	16	Da · Sa	15,12 MP	
	17	∃x (Dx · Sx)	16 EG	
	18	[~∃x (Dx · Sx)] · [∃x (Dx · Sx)]	3,17 Conj	
19		~~∃x (Dx · Sx)	3-18 IP	
20		∃x (Dx · Sx)	19 DN	

5

1		∃x (Vx) ⊃ (x) (Px ⊃ Ax)		
2		∃x (Px) ⊃ (x) (Ax ⊃ Cx)	/	∃x (Vx) ⊃ (x) (Px ⊃ Cx)
	3	∃x (Vx)	ACP	
	4	(x) (Px ⊃ Ax)	1,3 MP	
	5	Px ⊃ Ax	4 UI	
	6	Px	ACP	
	7	Ax	5,6 MP	
	8	∃x (Px)	6 EG	
	9	(x) (Ax ⊃ Cx)	2,8 MP	
	10	Ax ⊃ Cx	9 UI	
	11	Cx	10,7 MP	
	12	Px ⊃ Ax	6-11 CP	
	13	(x) (Px ⊃ Cx)	12 UG	
14		∃x (Vx) ⊃ (x) (Px ⊃ Cx)	3-13 CP	

6

1		[(x) (Sx ⊃ ~Px)] v [(x) (Rx ⊃ ~Px)]		
2		[∃x (Sx · Px)] v [(x) (Wx ⊃ ~Px)]	/	(x) [(Rx · Px) ⊃ ~Wx]
	3	Rx · Px	ACP	
	4	~~(Rx · Px)	3 DN	
	5	[(x) (Rx ⊃ ~Px)] v [(x) (Sx ⊃ ~Px)]	1 Com	
	6	[(x) (~Rx v ~Px)] v [(x) (Sx ⊃ ~Px)]	5 Imp	
	7	[(x) ~(Rx · Px)] v [(x) (Sx ⊃ ~Px)]	6 DM	
	8	(x) (Sx ⊃ ~Px)	7,4 DS	
	9	(x) (~Sx v ~Px)	8 Imp	
	10	(x) ~(Sx · Px)	9 DM	
	11	~∃x (Sx · Px)	10 QN	
	12	(x) (Wx ⊃ ~Px)	2,11 DS	
	13	(x) (~Wx v ~Px)	12 Imp	
	14	~Wx v ~Px	13 UI	
	15	Px · Rx	3 Com	
	16	Px	15 Simp	
	17	~Px v ~Wx	14 Com	
	18	~~Px	16 DN	
	19	~Wx	17,18 DS	
20		(Rx · Px) ⊃ ~Wx	3-19 CP	
21		(x) [(Rx · Px) ⊃ ~Wx]		