

Polimorfismo e Classes de Tipos

Inferência de tipos

- Tudo em Haskell tem tipo
- Quando não é explicitado o tipo, Haskell infere
 - É uma boa prática explicitar os tipos

Funções monomórficas

```
upper c
  | 'a' <= c && c <= 'z' = chr (ord 'A' + ord c - ord 'a')
  | otherwise = c
```

- O argumento de `upper` deve ser um caractere, pois senão a comparação `'a' <= c` não poderia ser aplicada
- Dizemos que `upper` é uma função monomórfica, pois ela se aplica somente a um único tipo

```
upper :: Char -> Char
upper c
  | 'a' <= c && c <= 'z' = chr (ord 'A' + ord c - ord 'a')
  | otherwise = c
```

Polimorfismo paramétrico

$$\text{fst } (x, y) = x$$

- Não há nenhuma restrição acerca do tipo das componentes da dupla
- Definição genérica
 - A função atua uniformemente sobre uma família de tipos
- A função é polimórfica
 - O tipo da função é o poli-tipo
$$(t, r) \rightarrow t$$
 - onde t e r são variáveis de tipo
- fst se aplica a valores cujo tipo tem a forma (t, r) e retorna um valor de tipo t , onde t e r são tipos quaisquer

```
fst :: (t, r) -> t  
fst (x, y) = x
```

```
fst (3, 6) ≈ 3  
fst ("ab", 1) ≈ "ab"  
fst ((3, 'a'), "abcd") ≈ (3, 'a')
```

- Temos uma única definição que atua sobre uma família de tipos
- Polimorfismo permite “genericidade”

Exemplos

```
snd :: (t,r) -> r
snd (a,b) = b

identity :: t -> t
identity x = x
```

Quais são os tipos das seguintes funções:

```
head (x:xs) = x

tail (x:xs) = xs
```

```
head :: [t] -> t
head (x:xs) = x

tail :: [t] -> [t]
tail (x:xs) = xs
```

Quais são os tipos mais gerais das seguintes funções:

```
take 0 xs = []  
take n [] = []  
take n (x:xs) = x : take (n-1) xs
```

```
drop 0 xs = xs  
drop n [] = []  
drop n (x:xs) = drop (n-1) xs
```

```
length [] = 0  
length (x:xs) = 1 + length xs
```

```
zip [] ps = []  
zip ps [] = []  
zip (p:ps) (q:qs) = (p, q) : zip ps qs
```

```
take :: Int -> [a] -> [a]
take 0 xs = []
take n [] = []
take n (x:xs) = x : take (n-1) xs
```

```
drop :: Int -> [a] -> [a]
drop 0 xs = xs
drop n [] = []
drop n (x:xs) = drop (n-1) xs
```

```
length :: [a] -> Int
length [] = 0
length (x:xs) = 1 + length xs
```

```
zip :: ...
zip [] ps = []
zip ps [] = []
zip (p:ps) (q:qs) = (p, q) : zip ps qs
```


Sobrecarga

- Um mesmo nome para diferentes entidade

O nome `(+)` usamos para a soma de `Int`, `Integer`, `Float`, `Double`, ...

O nome `div` para a divisão inteira de números `Int` e números `Integer`

- Sozinha, é uma mera notação amigável
- Pré-definida e definida pelo usuário
 - Tradicionalmente linguagens só tinham sobrecarga de operadores pré-definidos
- Excesso e mau uso de sobrecarga pode comprometer a

legibilidade dos programas

Sobrecarga vs Polimorfismo

- Sobrecarga

- Um mesmo identificador denotando diferentes entidade
(==), show, (+), (<), ...

- Polimorfismo

- Uma única definição opera sobre uma família de tipos

`fst :: (t, r) -> t`

`head :: [t] -> t`

`length :: [t] -> Int`

Classes de Tipos

```
elem x [] = False
elem x (y:ys) = x == y || elem x ys
```

- Qual é o tipo de elem?

`elem :: a -> [a] -> Bool` ?

- A definição requer que o tipo `a` permita comparação por igualdade (`==`)
- O operador (`==`) não opera em funções, por exemplo
- Precisamos dizer que a variável de tipo `a` só pode ser instanciada por
- tipos que suportam igualdade (`==`)

`elem :: Eq a => a -> [a] -> Bool`

contexto ou restrição

- `Eq` é a classe de tipos que suporta a operação (`==`) e (`/=`)

Classes e polimorfismo de sobrecarga

```
elem :: Eq a => a -> [a] -> Bool
elem x [] = False
elem x (y:ys) = x == y || elem x ys
```

- Numa chamada a elem, qual é a função (==) que será usada?
 - Depende de qual é o tipo que está sendo instanciado para a
 - Só podemos saber na hora da chamada
- Dynamic binding: resolução do vínculo é feito em tempo de execução

```
elem 3 [2,5]      -- usa (==) de Int
elem 'c' "abcd"   -- usa (==) de Char
```

- Polimorfismo de sobrecarga

Classes de Tipos

- Uma classe de tipos é uma coleção de tipos
 - caracterizada por uma assinatura:
conjunto de “nomes” de funções/operações com seus tipos

```
class Eq a where  
    (==) , (/=) :: a -> a -> Bool
```

- Cada instância (um tipo) da classe implementa suas próprias funções/operações

```
instance Eq Bool where  
    (==) :: Bool -> Bool -> Bool  
    True == True = True  
    False == False = True  
    _ == _ = False  
  
    (/=) :: a -> a -> Bool  
    x /= y = not (x == y)
```

Classes podem ter definições *default*

```
class Eq a where  
    (==), (/=) :: a -> a -> Bool  
    x /= y = not (x == y)
```

Neste caso, as instâncias só tem a obrigação de dar uma definição para (==)

A definição de (/=) é opcional

Também é possível

```
class Eq a where  
    (==) , (/=) :: a -> a -> Bool  
    x == y == not (x /= y)  
    x /= y = not (x == y)
```

Neste caso, as instâncias só tem a obrigação de dar uma definição para (==) ou uma para (/=)

Também, uma instância pode prover definições para ambos operadores

Instâncias com contextos

Pares do tipo (a, b) podem ser comparados por $(==)$ caso a e b sejam instâncias de Eq

```
instance Eq a, Eq b ==> Eq (a, b) where  
  (==) :: a -> a -> Bool  
  (x1, x2) == (y1, y2) = x1 == y1 && x2 == y2
```


Classes derivadas

Uma classe pode depender de outra

```
class Eq a => Ord a where  
  (<), (<=), (>), (>=) :: a -> a -> Bool  
  max, min :: a -> a -> a  
  compare :: a -> a -> Ordering
```

Podemos interpretar que a Classe `Ord` herda a assinatura de `Eq`

Quais são os tipos mais gerais de

`iSort`

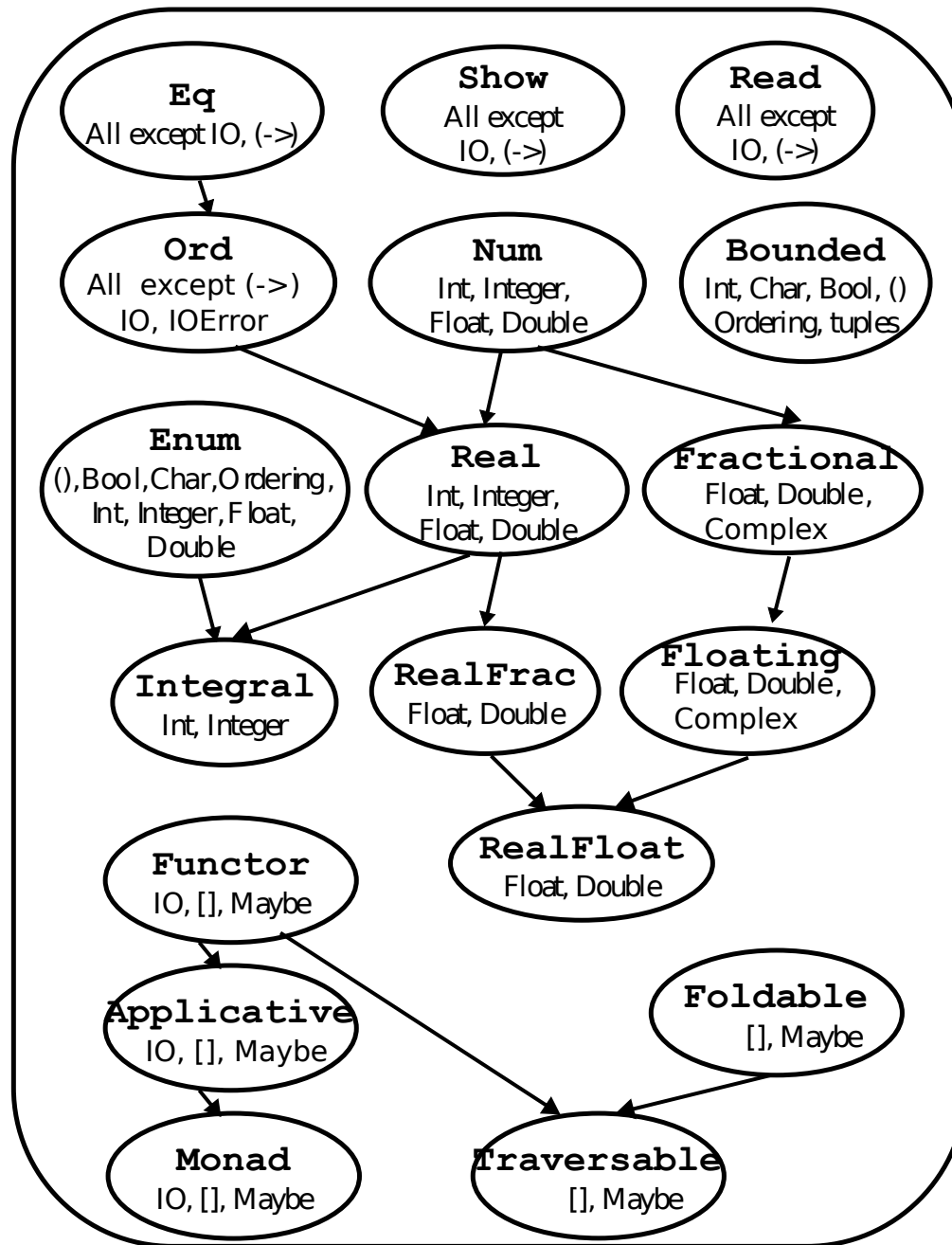
`qSort`

```
iSort :: Ord [a] => [a] -> [a]
iSort [] = []
iSort (x:xs) = ins x (iSort xs)
```

```
ins :: Ord [a] => a -> [a] -> [a]
ins x [] = [x]
ins x (y:ys)
  | x < y      = x : y : ys
  | otherwise = y : ins x ys
```

```
ins x [] = [x]
ins x zs@(y:ys)
  | x < y      = x : zs
  | otherwise = y : ins x ys
```

Classes pré-definidas



Qual é o tipo mais geral de

```
pares :: Integral a => [a] -> [a]  
pares xs = [ x | x <- xs, mod x 2 == 0 ]
```

Exercícios

- Considere a seguinte função

```
shift ((x, y), z) = (x, (y, z))
```

Qual é o seu tipo mais geral?

- Considere a seguinte função

```
zip' [] ps = []
```

```
zip' ps [] = []
```

```
zip' (p:ps) (q:qs) = (p, q) : zip' qs ps
```

O que ela calcula? Qual é seu tipo mais geral?

- Defina uma função `numEqual` que pegue uma lista `xs` de items e um item `x` e retorne o número de vezes que `x` ocorre dentro de `xs`. Qual é o tipo da sua função? Como poderia usar `numEqual` para definir `elem`?
- Defina a função `oneLookupFirst` que pega uma lista de pares e um item. Digamos que o tipo dos pares é (a, b) , e que o tipo do item é `a`. A função retorna a segunda componente do primeiro par cuja primeira componente é igual ao item. Qual é o tipo mais geral da função?
Defina a função `oneLookupSecond` que retorna a primeira componente do primeiro par cuja segunda componente é igual ao item. Qual é o tipo mais geral da função?
- Considere a seguinte função

```
misterio y x = [ show z | z <- x, elem z y ]
```

Qual é o seu tipo mais geral?