## Processos Estocásticos



## São os processos geradores de variáveis aleatórias.

#### Por exemplo:

Observa-se uma série temporal  $\{Y_1, Y_2, Y_3... Y_n\}$  decorrente de uma variável aleatória Y. Essa série temporal é uma possível realização do processo estocástico gerador de dados.

Série de dados: resultados do lançamento de um dado, realizado diariamente por uma semana.

Variável aleatória: resultado do lançamento do dado, com chance, probabilidade de 1/6 para cada número

Processo estocástico: lançamento diário dos dados.

Série temporal: conjunto dos resultados obtidos.

### Estacionariedade



### Estacionariedade Fraca

Os dois primeiros momentos da variável aleatória (média e variância) constantes ao longo do tempo

1)  $E|Y_t|^2 < \infty$ 

Variância deve ser finita

2)  $E(Y_t) = \mu$ 

Média Igual para todo período

3)  $E(Y_t - \mu)(Y_{t-i} - \mu) = \gamma_i$  Variância é sempre igual para todo período

### Estacionariedade Estrita

Todos os momentos da variável aleatória (média, variância, assimetria e curtose) constantes ao longo do tempo



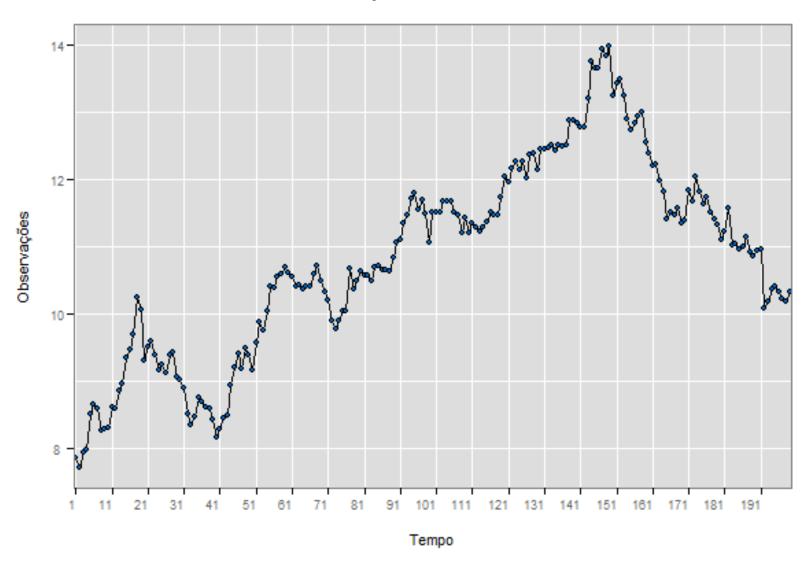
### Séries Estacionárias e Não Estacionárias

Séries temporais estacionárias: estacionariedade fraca.

Séries temporais não estacionárias: não flutuam em torno de uma média e nem apresentam uma variância constante. Ex. possuem tendência

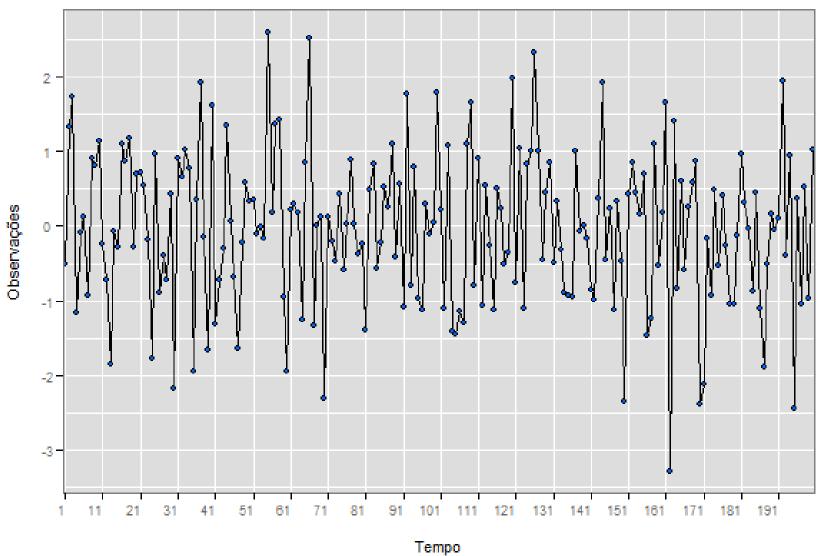


#### Série temporal não estacionária





#### Série Temporal Estacionaria



# Ergodicidade



A média da série temporal converge para o valor esperado do processo estocástico.

$$\overline{y} \equiv E(y_t)$$





Uma sequência  $\{\varepsilon_t\}$  é um ruído branco se:

```
1) E(\varepsilon_t) = 0, \forall t Possuir média zero
```

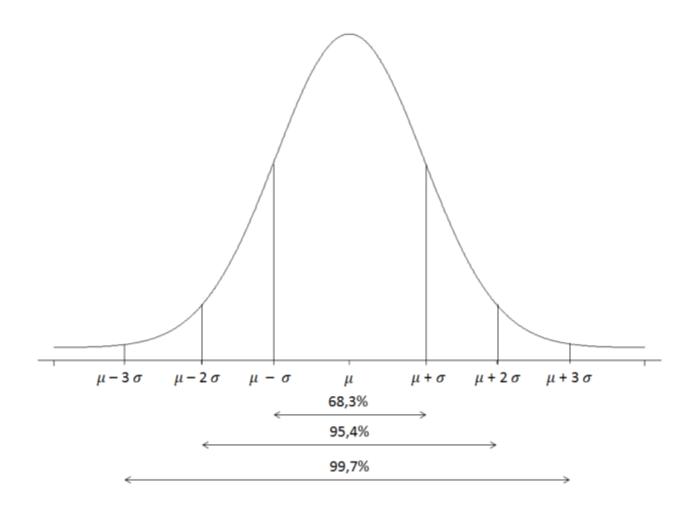
2) 
$$\mathbf{E}(\varepsilon_t^2) = \sigma^2 \quad \forall t$$
 Variância constante

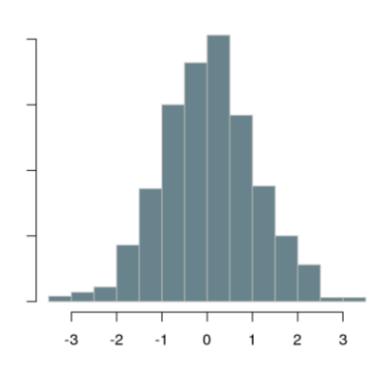
3)  $E(\varepsilon_t \varepsilon_{t-j}) = 0$ , todo  $j \neq 0$  Autocorrelação zero, não possui correlação com valores pasados

Sua representação é:  $RB(0, \sigma^2)$ 

# Distribuições de Probabilidade SãoJudas

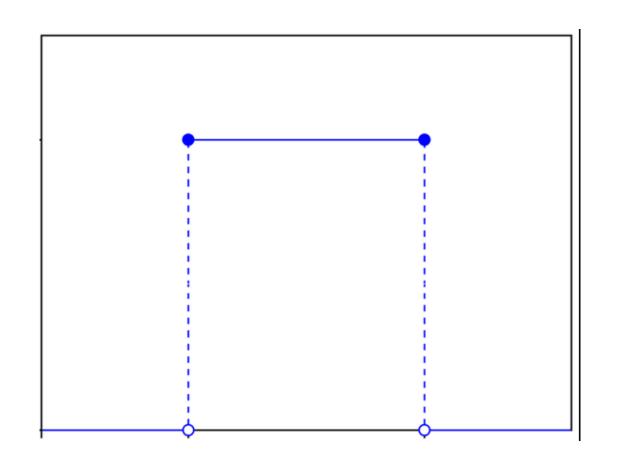
Normal: as variáveis aleatórias se distribuem em torno do seu valor médio. Dsitribuição é unimodal e simétrica.

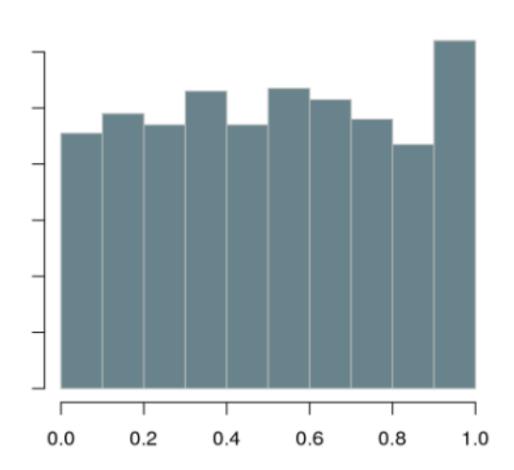




# Distribuições de Probabilidade Sãojudas

Uniforme: as frequências das variáveis aleatórias se distribuem uniformemente.





# Revisão



### #Carregando e Instalando Pacotes

# Revisão



#Criando Gráficos

```
plot(br$PIB)
plot(br$PIB, type = "l")

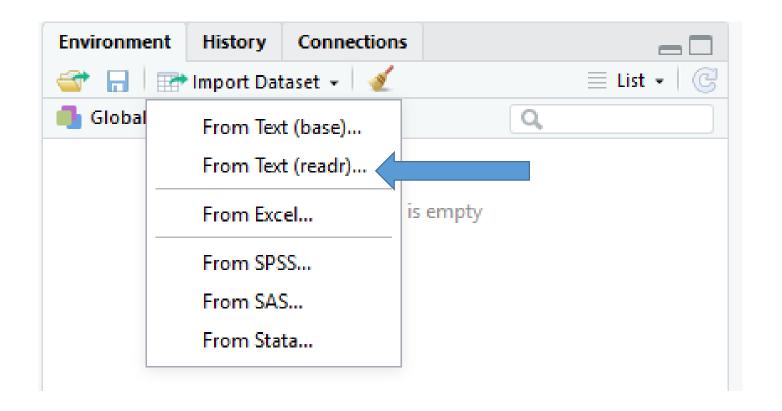
dados <- ts(br, start = 1950, frequency = 1)

plot(dados, col="blue", main="Dados Barsileiros", xlab="Ano", plot.type = "single")

write.csv(br,file = "br.csv")</pre>
```



```
rm(list = ls())
getwd()
[1] "c:/EconometriaA"
> setwd("c:/EconometriaA")
> getwd()
[1] "c:/EconometriaA"
```

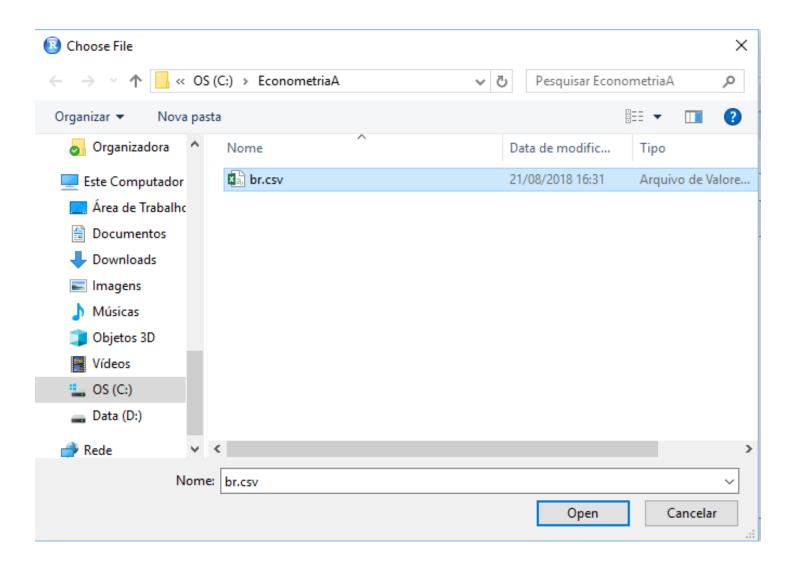




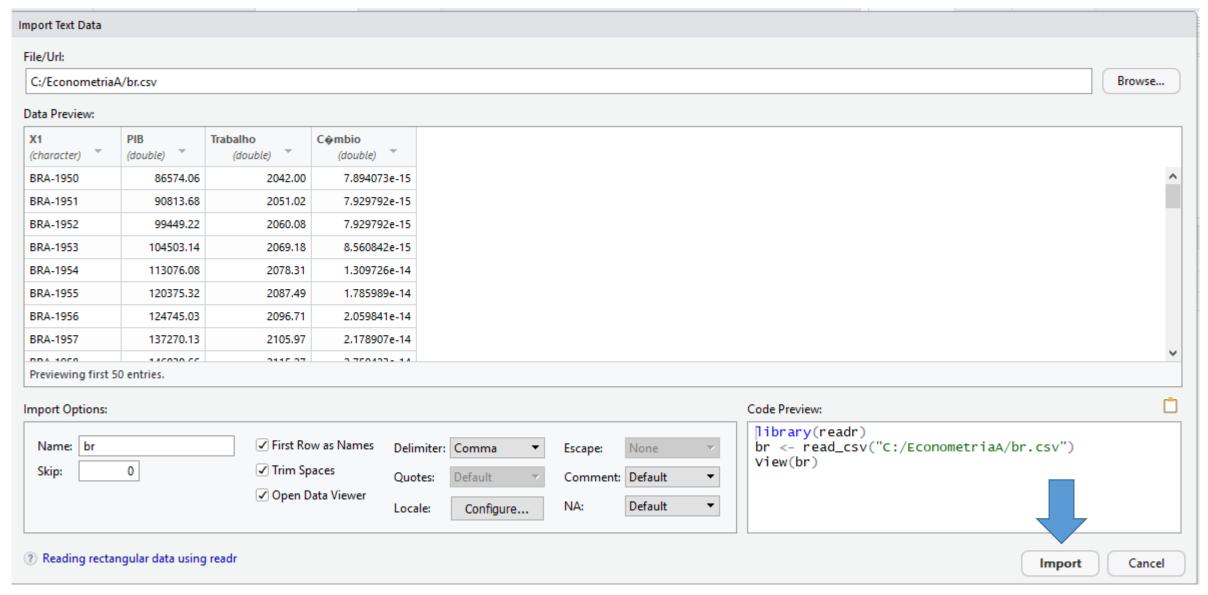


| Import Text Data                     |   |       |
|--------------------------------------|---|-------|
| File/Url:                            | Brow  | wse   |
| Data Preview:                        |   |       |
| Skip: 0                              | Row as Names Delimiter: Comma   Escape: None  Spaces Quotes: Default  Comment: Default  Default  Locale: Configure NA: Default   Code Preview:  [library(readr)  dataset <- read_csv(NULL)  view(dataset) |       |
| Reading rectangular data using readr | Import Ca   | ancel |









library("readr")
br <- read.csv("c:/EconometriaA/br.csv")
view(br)</pre>

| *  | <b>x</b> | PIB <sup>‡</sup> | Trabalho <sup>‡</sup> | Câmbio <sup>‡</sup> |
|----|----------|------------------|-----------------------|---------------------|
| 1  | BRA-1950 | 86574.06         | 2042.00               | 7.894073e-15        |
| 2  | BRA-1951 | 90813.68         | 2051.02               | 7.929792e-15        |
| 3  | BRA-1952 | 99449.22         | 2060.08               | 7.929792e-15        |
| 4  | BRA-1953 | 104503.14        | 2069.18               | 8.560842e-15        |
| 5  | BRA-1954 | 113076.08        | 2078.31               | 1.309726e-14        |
| 6  | BRA-1955 | 120375.32        | 2087.49               | 1.785989e-14        |
| 7  | BRA-1956 | 124745.03        | 2096.71               | 2.059841e-14        |
| 8  | BRA-1957 | 137270.13        | 2105.97               | 2.178907e-14        |
| 9  | BRA-1958 | 146030.66        | 2115.27               | 2.750423e-14        |
| 10 | BRA-1959 | 157291.12        | 2124.62               | 4.345908e-14        |
| 11 | BRA-1960 | 169499.83        | 2134.00               | 8.096485e-14        |
| 12 | BRA-1961 | 193353.92        | 2135.10               | 1.166846e-13        |



br <- br[,-1]

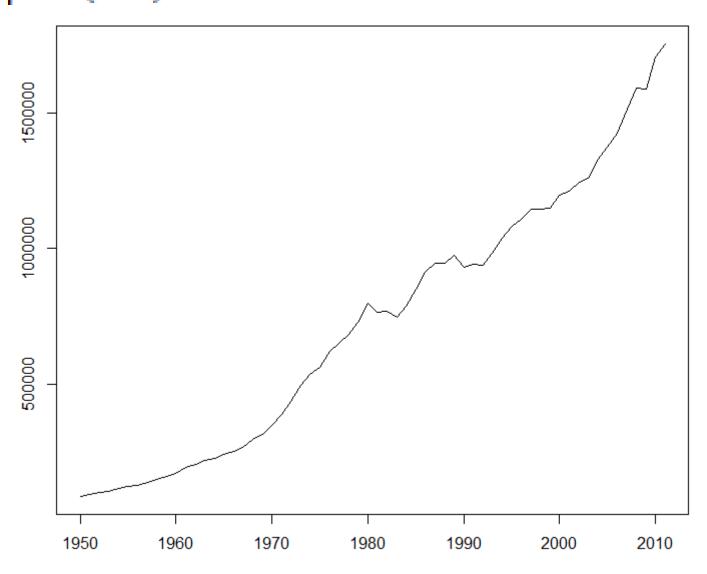
colnames(br)[3] <- "Cambio"</pre>

| $\langle \neg \neg \rangle$ | 🖅   🖓 Filter     |                       |                     |  |  |
|-----------------------------|------------------|-----------------------|---------------------|--|--|
| *                           | PIB <sup>‡</sup> | Trabalho <sup>‡</sup> | Cambio <sup>‡</sup> |  |  |
| 1                           | 86574.06         | 2042.00               | 7.894073e-15        |  |  |
| 2                           | 90813.68         | 2051.02               | 7.929792e-15        |  |  |
| 3                           | 99449.22         | 2060.08               | 7.929792e-15        |  |  |
| 4                           | 104503.14        | 2069.18               | 8.560842e-15        |  |  |
| 5                           | 113076.08        | 2078.31               | 1.309726e-14        |  |  |
| 6                           | 120375.32        | 2087.49               | 1.785989e-14        |  |  |
| 7                           | 124745.03        | 2096.71               | 2.059841e-14        |  |  |
| 8                           | 137270.13        | 2105.97               | 2.178907e-14        |  |  |
| 9                           | 146030.66        | 2115.27               | 2.750423e-14        |  |  |
| 10                          | 157291.12        | 2124.62               | 4.345908e-14        |  |  |
| 11                          | 169499.83        | 2134.00               | 8.096485e-14        |  |  |
| 12                          | 193353.92        | 2135.10               | 1.166846e-13        |  |  |



PIB <- ts(br\$PIB, start = 1950, frequency = 1) plot(PIB)



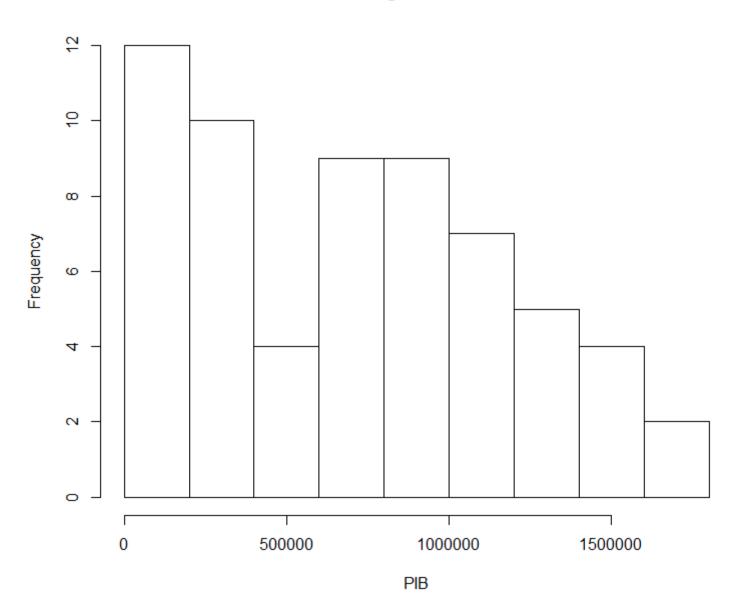


Essa série temporal é estacionária?

### hist(PIB)



#### **Histogram of PIB**



Essa série temporal segue um distribuição normal?