# WYBRANE ZAGADNIENIA ELEKTRONIKI

Opracował: mgr inż. F.Gawlik

1. <b>DIODY</b>	4
1.1. Diody prostownicze	4
1.2. Diody stabilizacyjne – Diody Zenera	5
2. TRANZYSTORY BIPOLARNE	7
2.1. Podział tranzystorów bipolarnych.	8
2.2. Zasada działania tranzystora.	8
2.3. Układy pracy tranzystora.	11
2.4. Charakterystyki statyczne tranzystora	12
2.4.1. Charakterystyki statyczne tranzystora pracującego w układzie <i>OB</i>	12
2.4.2. Charakterystyki tranzystora pracującego w układzie OE.	13
2.5. Stan pracy i parametry tranzystora	14
2.6. Schematy zastępcze tranzystora.	16
2.7. Model tranzystora - podsumowanie	17
2.8. Wtórnik emiterowy - podsumowanie	18
2.9. Impedancje: wejściowa i wyjściowa wtórnika emiterowego - podsumowanie	19
2.10. Ustalanie punktu pracy wtórnika emiterowego - podsumowanie	20
3. PODSTAWOWE UKŁADY WZMACNIAJĄCE	21
3.1. Układ o wspólnym emiterze <i>WE</i>	21
3.2. Układ o wspólnym kolektorze <i>WC</i>	23
3.3. Układ o wspólnej bazie WB	25
4. WZMACNIACZE OPERACYJNE.	26
4.1.Parametry wzmacniacza operacyjnego WO idealnego.	26
4.2. Zastosowanie wzmacniaczy operacyjnych	27
5. UKŁADY ZASILAJĄCE	28
5.1. Właściwości transformatorów sieciowych	28
5.2. Prostownik jednopołówkowy	29
5.3. Prostownik dwupołówkowy	30
5.4. Parametryczny stabilizator napięcia z diodą Zenera - podstawowe zależności	
energetyczne	31
6. <b>ZADANIA</b>	32
Zadanie 1: Wzmacniacz rezystancyjny w układzie WE - sztywne źródło napięcia	32
Zadanie 2: Projektowanie wtórnika emiterowego	34

Zadanie 3: Wzmacniacz rezystancyjny prądu zmiennego w układzie WE	. 36
Zadanie 4: Wzmacniacz rezystancyjny prądu zmiennego z emiterowym sprzężeniem	
zwrotnym	. 37
Zadanie 5: Wzmacniacz rezystancyjny w układzie WE	. 40
Zadanie 6: Wtórnik emiterowy z tranzystorami npn w połączeniu Darlingtona	. 42
Zadanie 7: Symetryczny wzmacniacz różnicowy prądu stałego na tranzystorach npn	. 44
Zadanie 8: Wzmacniacze operacyjne - Sumowanie sygnałów napięciowych	. 48
Zadanie 9: Wzmacniacze operacyjne - Wzmacniacz odwracający z dzielnikiem w	
obwodzie sprzężenia zwrotnego	. 51
Zadanie 10: Wzmacniacze operacyjne - Przetwornik I/U	. 53
Zadanie 11: Projektowanie układu prostowniczego dwupołówkowego	. 55
Zadanie 12: Parametryczny stabilizator napięcia z diodą Zenera	. 57
Zadanie 13: Szeregowy stabilizator napięcia z tranzystorem npn	. 58

#### 1. DIODY

#### 1.1. Diody prostownicze

**Diody prostownicze** są przeznaczone do prostowania napięcia bądź prądu przemiennego o małej częstotliwości. Prostowanie jest to przetwarzanie prądu przemiennego na prąd jednokierunkowy.

Diody zaczynają przewodzić dopiero po przekroczeniu pewnej wartości napięcia w kierunku przewodzenia. Dla diod krzemowych wynosi ona ok. 0,7V, a dla germanowych ok. 0,3 V. Diody prostownicze są stosowane w układach prostowniczych urządzeń zasilających, przekształcających prąd zmienny w jednokierunkowy prąd pulsujący. W układzie prostowniczym dioda spełnia funkcję zaworu jednokierunkowego. Wykorzystuje się tutaj właściwość polegająca na różnicy zdolności przewodzenia prądu w kierunku wstecznym i w kierunku przewodzenia. Przez diodę prostowniczą na ogół płyną duże prądy w kierunku przewodzenia, dlatego też stosujemy diodę warstwową wykonaną z krzemu.

Diody prostownicze mają małą rezystancję w kierunku przewodzenia – rzędu pojedynczych $\Omega$ , co pozwala na uzyskanie dużych sprawności prostowania.

Mamy diody prostownicze takie jak:

- diody wysokiego napięcia,
- diody typowe,
- diody mocy,
- diody szybkiej mocy,
- stos diodowy,

## Parametry charakteryzujące diody prostownicze

- napięcie przewodzenia  $U_E$  przy określonym prądzie przewodzenia,
- **prąd wsteczny**  $I_R$ , przy określonym napięciu w kierunku zaporowym,
- czas ustalania się prądu wstecznego -t,
- **pojemność** *C*, przy określonym napięciu przewodzenia.

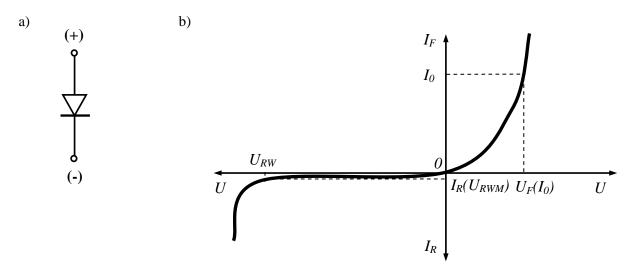
#### **Dopuszczalne** (graniczne) parametry:

- maksymalny prąd przewodzenia  $I_0$ ;
- szczytowe napięcie wsteczne  $U_{RWM}$ ;

Diody prostownicze wykonuje się głównie z krzemu. Wartość prądu płynącego przez diodę spolaryzowaną w kierunku przewodzenia jest  $10^6-10^8$  razy większa od wartości prądu w kierunku zaporowym.

Diody prostownicze ze względu na wydzielaną w nich moc dzielimy na:

- małej mocy (>1 W),
- średniej mocy (1 10W),
- dużej mocy (<10 W),



Rys.1.1. Dioda prostownicza.

a) symbol diody prostowniczej, b) charakterystyka prądowo – napięciowa diody prostowniczej – rzeczywista, Gdzie:  $U_{RWM}$  – maksymalne napięcie wsteczne,  $U_F$  – napięcie przewodzenia,  $I_0$  – maksymalny prąd przewodzenia.

Diody, przez które płynie prąd o wartości większej niż 10 A mają radiator, który odprowadza wydzielane ciepło do otoczenia. Gdy zastosowanie radiatora jest niewystarczające wtedy należy diodę chłodzić wymuszonym opływem powietrza, a nawet specjalną cieczą. Jeżeli chcemy uzyskać większy prąd przewodzenia przy tym samym napięciu, to możemy połączyć diody równolegle. Jeśli chcemy mieć dodatkowo jednakowe prądy płynące przez poszczególne diody, to do każdej z nich dołączamy szeregowo rezystor o niewielkiej wartości. Jeśli chcemy zwiększyć napięcie wsteczne przy tym samym prądzie, to w miejsce jednej diody wstawiamy kilka diod połączonych szeregowo.

#### 1.2. Diody stabilizacyjne – Diody Zenera

**Diody Zenera** to diody przeznaczone do stabilizacji lub ograniczenia napięcia. Diody stabilizacyjne pracują przy polaryzacji w kierunku zaporowym, charakteryzując niewielkimi zmianami napięcia pod wpływem dużych zmian prądu. Diody te stosuje się w układach stabilizacji napięć, w ogranicznikach amplitudy, w układach źródeł napięcia odniesienia itp.

Parametry charakteryzujące diody stabilizacyjne

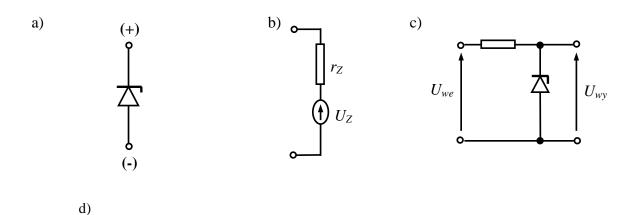
- napięcie stabilizacji  $U_Z$ ,
- prąd stabilizacji  $I_Z$ ,
- napięcie przewodzenia  $U_F$ , przy określonym prądzie przewodzenia,
- **prąd wsteczny diody**  $I_R$ , przy określonym napięciu wstecznym,
- **rezystancja dynamiczna**  $r_z$ , której wartość zmienia się w zależności od napięcia stabilizacji:

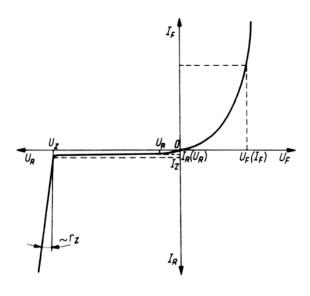
$$r_{\rm Z} = \frac{\Delta U_{\rm Z}}{\Delta I_{\rm Z}};$$

Rezystancja dynamiczna zależy od wartości napięcia stabilizacji i prądu stabilizacji. Wynosi ona od kilku do kilkudziesięciu omów. Minimalną rezystancję dynamiczną mają diody o napięciu stabilizacji  $U_Z=6 \div 8~V$ .

• temperaturowy współczynnik napięcia stabilizacji –  $\alpha_{U_{\mathcal{D}}}$ 

Zależy od napięcia stabilizacji. Ma wartość ujemną dla diod z przebiciem Zenera  $(U_Z < 5 V)$ , a dodatnią dla diod z przebiciem lawinowym  $(U_Z > 7 V)$ .





Rys.1.2. Dioda stabilizacyjna:

a) symbol diody stabilizacyjnej, b) Schemat zastępczy.c) Schemat stabilizatora napięcia z diodą stabilizacyjną.d) Charakterystyka prądowo – napięciowa diody stabilizacyjnej.

Przy czym  $U_Z$  – napięcie stabilizacji,  $U_F$  – napięcie przewodzenia,  $I_R$  – prąd wsteczny, $r_Z$  – rezystancja dynamiczna.

#### 2. TRANZYSTORY BIPOLARNE

**Tranzystorem bipolarnym** zwany też warstwowym, stanowi kombinacją dwóch półprzewodnikowych złączy *p-n*, wytworzonych w jednej płytce półprzewodnika. Procesy zachodzące w jednym złączu oddziałują na drugie, a nośnikami ładunku elektrycznego są dziury i elektrony. Tranzystory bipolarne wykonywane są najczęściej z krzemu, rzadziej z germanu. Ze względu na kolejność ułożenia warstw półprzewodnika rozróżniamy:

- tranzystory *p-n-p* (*rys*.2.1*a*),
- tranzystory n-p-n (rys.2.1b).

Moga one być z:

- jednorodna baza (dyfuzyjny),
- niejednorodną bazą (dryfytowy).

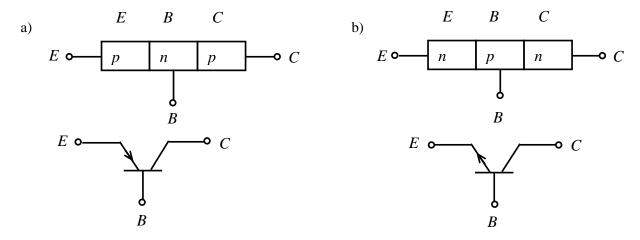
Zasada działania tranzystora *n-p-n* i *p-n-p* jest jednakowa, różnice występują tylko w polaryzacji zewnętrznych źródeł napięcia i kierunku przepływu prądów.

**Tranzystor bipolarny** składa się z trzech obszarów o przeciwnym typie przewodnictwa, co powoduje powstanie dwóch złączy: p-n i n-p. W tranzystorze bipolarnym poszczególne obszary półprzewodnika mają swoją nazwę:  $\mathbf{B}$  – baza,  $\mathbf{E}$  – emiter,  $\mathbf{C}$  – kolektor. A złącza nazywa się

- złączem emiterowym (złącze emiter-baza);
- złączem kolektorowym (złącze baza-kolektor).

Struktura półprzewodnikowa tranzystora jest umieszczana w hermetycznie zamkniętej obudowie metalowej, ceramicznej lub plastykowej.

Obudowa ta chroni przed uszkodzeniami mechanicznymi, jak również spełnia inne funkcje, np. w tranzystorach średniej i dużej mocy umożliwia skuteczne odprowadzenie ciepła.



Rys.2.1. Model struktury i symbole graficzne tranzystora bipolarnego.

a) p-n-p, b) n-p-n.

#### 2.1. Podział tranzystorów bipolarnych.

Ze względu na wydzielaną moc, tranzystory dzielimy na:

- Małej mocy do 0,3 W.
- Średniej mocy do 5 W.
- Dużej mocy powyżej 5 W, nawet do 300 W.

Ze względu na maksymalną częstotliwość generacji, tranzystory dzielimy na:

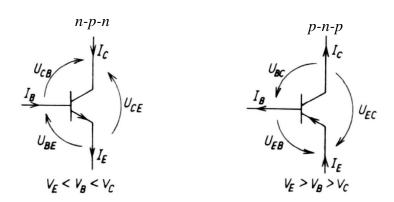
- Małej częstotliwości do kilkudziesięciu MHz.
- Wielkiej częstotliwości nawet do kilku GHz.

### 2.2. Zasada działania tranzystora.

Działanie tranzystora bipolarnego rozpatrzymy na przykładzie polaryzacji normalnej tranzystora, tzn. gdy złącze emiter-baza jest spolaryzowane w kierunku przewodzenia, a złącze bazakolektor spolaryzowane w kierunku zaporowym. Stan taki jest zapewniony, gdy spełniona jest zależność między potencjałami na poszczególnych elektrodach:

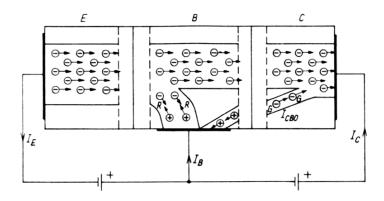
- $V_E < V_B < V_C$  dla tranzystora n-p-n;
- $V_E > V_B > V_C$  dla tranzystora p-n-p.

Na rysunku 6.2 pokazano rozpływ prądów i spadki napięć między poszczególnymi elektrodami.



Rys. 2.2. Oznaczenie rozpływu prądu w tranzystorze i spadki napięcia na nim.

 $I_B$  – prąd bazy,  $I_C$  – prąd kolektora,  $I_E$  – prąd emitera,  $U_{CE}$  – napięcie kolektor-emiter,  $U_{BE}$  – napięcie baza-emiter,  $U_{CB}$  – napięcie kolektor-baza,  $V_E$  – potencjał emitera,  $V_B$  – potencjał emitera,  $V_C$  – potencjał kolektora.



Rys. 2.3. Zasada działania tranzystora n-p-n.

 $I_B$  – prąd bazy,  $I_C$  – prąd kolektora,  $I_{CBO}$  –zerowy prąd kolektora,  $I_E$  – prąd emitera, E – emiter, B – baza, C – kolektor.

W wyniku przyłożenia napięć do elektrod tranzystora, elektrony jako nośniki większościowe przechodzą z emitera do bazy, gdzie stają się nośnikami mniejszościowymi i część z nich rekombinuje z dziurami wprowadzanymi przez kontakt bazy. Elektrony przechodzące przez złącze emiter-baza mają określone prędkości i jeżeli obszar bazy jest wąski, to prawie wszystkie przejdą do kolektora, gdzie staną się ponownie nośnikami większościowymi i zostaną usunięte z obszaru kolektora do obwodu zewnętrznego.

Stosunek ilości nośników (elektronów) przechodzących do kolektora, do ilości nośników (elektronów) wstrzykiwanych z emitera do bazy, nazywamy **współczynnikiem wzmocnienia prądowego** i oznaczamy  $\alpha$ .

Jeżeli złącze kolektor-baza jest spolaryzowane w kierunku zaporowym, tzn. kolektor ma wyższy potencjał niż baza, to pole elektryczne występujące w tym złączu powoduje unoszenie nośników z obszaru bazy do obszaru kolektora. Wartość prądu płynącego przez kolektor może być regulowana przez zmianę wysokości bariery złącza emiterowego, czyli przez zmianę napięcia polaryzującego złącze emiter-baza. Przez złącze baza-kolektor płynie prąd związany z polaryzacją, tzw. Prąd zerowy kolektora –  $I_{CBO}$ . Płynie on nawet wtedy gdy złącze baza-emiter nie jest spolaryzowane ( $I_E=0$ ). Przez tranzystor płynie również prąd zerowy  $I_{CBO}$ , gdy  $I_B=0$ .

$$\begin{split} I_E &= I_B + I_C; \\ I_C &= \alpha \cdot I_E + I_{CBO}; \\ I_B &= (1 - \alpha)I_E - I_{CEO}; \end{split} \tag{2.1}$$

$$\alpha = \beta/(\beta+1);$$
 lub  $\beta = \alpha/1-\alpha;$  (2.2)

$$I_C = \beta \cdot I_R + I_{CEO}. \tag{2.3}$$

gdzie:  $\alpha$  - współczynnik wzmocnienia prądowego (0,952  $\div$  0,998),  $\beta$  - współczynnik wzmocnienia prądowego, który jest stosunkiem ilości nośników wstrzykiwanych do kolektora do ilości nośników w bazie ( $\beta = 20 \div 850$ ).

## Związki między prądami tranzystora

	$I_B$	$I_C$	$I_E$
$I_B$	1	β	$1 + \beta$
$I_C$	$\frac{1}{\beta}$	1	$\frac{1+\beta}{\beta}$
$I_E$	$\frac{1}{1+\beta}$	$\frac{\beta}{1+\beta}$	1

1) 
$$I_E = I_C + I_B$$
;

2) 
$$I_C = I_E - I_B$$
; 3)  $I_B = I_E - I_C$ ;

3) 
$$I_R = I_E - I_C$$
;

$$\alpha = \frac{I_C}{I_E}; \qquad \beta = \frac{I_C}{I_B};$$

2) 
$$I_E = I_C + I_B; \qquad \beta = \frac{I_C}{I_B}; \qquad I_C = \beta \cdot I_B;$$
 
$$I_E = \beta \cdot I_B + I_B;$$
 
$$I_E = I_B(\beta + 1);$$

3) 
$$I_{C} = I_{E} - I_{B}; \qquad \beta = \frac{I_{C}}{I_{B}}; \qquad I_{B} = \frac{I_{C}}{\beta};$$

$$I_{C} = I_{E} - \frac{I_{C}}{\beta}; \qquad I_{C}(\beta + 1) = I_{E}\beta;$$

$$I_{C}(\beta + 1) = I_{E}\beta;$$

$$I_{C} = I_{E} \frac{\beta}{\beta + 1};$$
4) 
$$I_{B} = I_{E} - I_{C}; \qquad I_{B} = I_{E} - \beta \cdot I_{B}; \qquad I_{B}(1 + \beta) = I_{E};$$

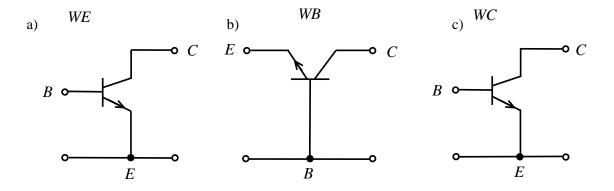
$$I_{B} = \frac{I_{E}}{1 + \beta};$$
5) 
$$I_{E} = I_{C} + I_{B}; \qquad I_{E} = I_{C} + \frac{I_{C}}{\beta};$$

$$I_{E} = \frac{I_{C}(\beta + 1)}{\beta}.$$

#### 2.3. Układy pracy tranzystora.

Zależnie od doprowadzenia i wyprowadzenia sygnału rozróżniamy trzy sposoby włączenia tranzystora do układu:

- układ ze wspólnym emiterem *OE* (*WE*),
- układ ze wspólną bazą OB (WB),
- układ za wspólnym kolektorem *OC* (*WC*).



Rys.2.3. Układy pracy tranzystora.

a) ze wspólnym emiterem (OE), b) ze wspólną bazą (OB.), c) ze wspólnym kolektorem (OC).

Wybór układu pracy tranzystora jest zależny od przeznaczenia i rodzaju zastosowanego tranzystora.

### Tranzystor pracujący w układzie OE charakteryzuje się:

- dużym wzmocnieniem prądowym ( $\beta = I_C/I_B$ ),
- dużym wzmocnieniem napięciowym,
- dużym wzmocnieniem mocy.

Napięcie wyjściowe w układzie OE jest odwrócone w fazie o 180° w stosunku do napięcia wejściowego. Rezystancja wejściowa jest rzędu kilkuset  $\Omega$  a wyjściowa wynosi kilkadziesiąt k $\Omega$ .

## Tranzystor pracujący w układzie OB charakteryzuje się:

- małą rezystancją wejściową,
- bardzo dużą rezystancją wyjściową,
- wzmocnienie prądowe blisko jedności ( $\alpha = I_C/I_E$ ).

Tranzystor w tym układzie pracuje przy bardzo dużych czestotliwościach granicznych.

## Tranzystor pracujący w układzie OC charakteryzuje się:

- dużą rezystancją wejściową co ma istotne znaczenie we wzmacniaczach małej częstotliwości,
- wzmocnieniem napięciowym równym jedności,
- dużym wzmocnieniem prądowym ( $\beta + 1 = I_F/I_B$ ).

#### 2.4. Charakterystyki statyczne tranzystora.

Właściwości tranzystora opisują rodziny charakterystyk statycznych i parametry dynamiczne. Charakterystyki statyczne przedstawiają zależności między prądami: emiter, kolektora, bazy i napięciami: baza-emiter, kolektor-emiter, kolektor-baza.

Rozróżniamy cztery rodziny charakterystyk statycznych:

- wejściowa ( $U_1 = f(I_1)$ , przy  $U_2 = const$ ),
- **przejściowa** ( $I_2 = f(I_1)$ , przy  $U_2 = const$ ),
- wyjściowa ( $I_2 = f(U_2)$ , przy  $I_1 = const$ ),
- **zwrotna**  $(U_1 = f(U_2), \text{ przy } I_1 = const).$

Znając dwie charakterystyki (wejściową i wyjściową) możemy wyznaczyć dwie pozostałe. Postać charakterystyki wejściowej i wyjściowej jest taka sama, jak charakterystyki złącza półprzewodnikowego spolaryzowanego w kierunku przewodzenia i w kierunku zaporowym.

#### 2.4.1. Charakterystyki statyczne tranzystora pracującego w układzie *OB*.

Na rysunku 2.4 przedstawiono rodzinę charakterystyk statycznych tranzystora w układzie OB, w którym  $I_1 = I_E$ ,  $U_1 = U_{EB}$ ,  $I_2 = I_C$ ,  $U_2 = U_{CB}$ .

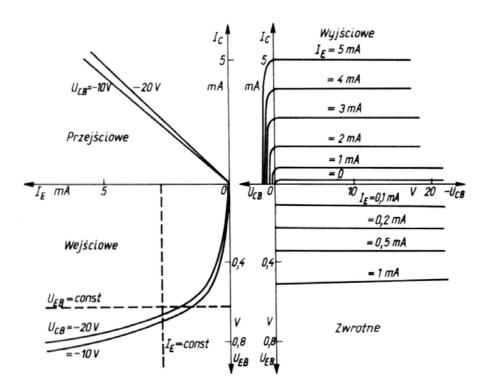
Charakterystyki wejściowe w rzeczywistości nie przecinają się w jednym punkcie, spowodowane jest to spadkiem napięcia jakie istnieje na rezystancji rozproszonej bazy  $r_{bb}$ . Występujące przesunięcie charakterystyk względem siebie jest związane ze zjawiskiem Early'ego – modulacja szerokości bazy.

Jest to tzw. oddziaływanie wsteczne w tranzystorze, które silniej występuje w tranzystorach z jednorodną bazą. Natomiast przesunięcie charakterystyk wyjściowych jest związane ze sterowaniem prądu kolektora przez prąd emitera.

Rys.2.4. Charakterystyki statyczne tranzystora p-n-p w układzie OB.

Charakterystyka wyjściowa osiąga nasycenie, nie jest płaska lecz nieznacznie wzrasta, co jest spowodowane modulacją efektywnej szerokości bazy.

Charakterystyki przejściowe, to linie nachylone pod kątem  $\alpha$  - współczynnik wzmocnienia prądowego. Charakterystyki zwrotne powinny być liniami prostymi, równoległymi do osi napięcia

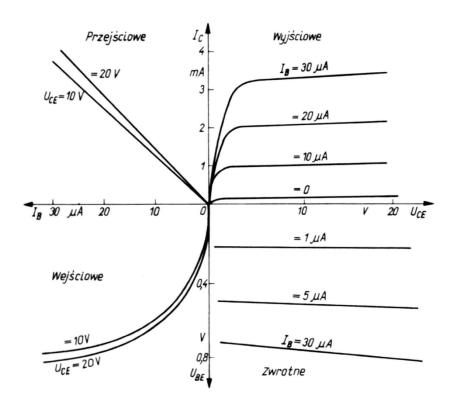


 $U_{CB}$ , jednak tak nie jest w wyniku oddziaływania wstecznego w tranzystorze. Wpływ modulacji szerokości bazy jest tym silniejszy, im większy jest prąd emitera.

#### 2.4.2. Charakterystyki tranzystora pracującego w układzie OE.

Na rysunku 2.5 przedstawiono rodzinę charakterystyk statycznych tranzystora w układzie OE, w którym  $I_1 = I_B$ ,  $U_1 = U_{BE}$ ,  $I_2 = I_C$ ,  $U_2 = U_{CE}$ .

Przesunięcie charakterystyk wejściowych względem siebie jest związane z modulacją szerokości bazy, natomiast przesunięcie charakterystyk wyjściowych jest spowodowane oddziaływaniem prądu bazy na prąd kolektora. Podobnie jak w układzie OB. Charakterystyki osiągają nasycenie, a ich nachylenie nie jest stałe, ale rośnie. Jest większe niż w układzie OB, gdyż część napięcia  $U_{CE}$  polaryzuje złącze emiter-baza.



Rys. 2.5. Charakterystyki statyczne tranzystora n-p-n w układzie OE.

Charakterystyka przejściowa jest linią prostą o nachyleniu  $\beta$  - współczynnik wzmocnienia prądowego. Charakterystyki zwrotne są podobne do charakterystyk zwrotnych w układzie OB.

#### 2.5. Stan pracy i parametry tranzystora.

Tranzystor składa się z dwóch złączy p-n, które mogą być spolaryzowane w kierunku przewodzenia jak i w kierunku zaporowym. W związku z tym wyróżniamy cztery stany pracy tranzystora.

- 1. Aktywny.
- 2. Nasycenia.
- 3. Zatkania.
- 4. Inwersyjny.

Stan pracy tranzystora i odpowiadająca im polaryzacja złącza

Stan	Kierunki polaryzacji złączy tranzystora			
tranzystora	złącze	złącze		
J	emiter – baza	kolektor – baza		
Zatkanie	zaporowy	zaporowy		
Przewodzenie aktywne	przewodzenia	zaporowy		
Nasycenie	przewodzenia	przewodzenia		
Przewodzenie inwersyjne	zaporowy	przewodzenia		

Tranzystor pracujący w układach analogowych musi być w stanie aktywnym, natomiast w układach cyfrowych w stanie zatkania lub nasycenia.

#### Parametry tranzystorów.

- **Parametry statyczne**. Parametry określające zależności między prądami i napięciami stałymi doprowadzanymi do tranzystora rezystancja rozproszenia bazy, współczynnik wzmocnienia prądowego, prądy zerowe. Umożliwiają określenie punktu pracy tranzystora.
- **Parametry graniczne**. Określają dopuszczalne wartości: napięć, prądów, temperatury i mocy, które mogą wystąpić w tranzystorze, a ich przekroczenie spowoduje uszkodzenie lub zniszczenie tranzystora.
- **Parametry charakterystyczne**. To typowe wartości określające tranzystor prądy, napięcia. Współczynnik wzmocnienia prądowego, rezystancja bazy, pojemności złączowe, pulsacja graniczna.
- **Parametry maksymalne**. Największe wartości prądów lub napięć. W przypadku przekroczenia określonej wartości gwałtownie pogarszają się pozostałe parametry tranzystora, ale nie następuje jego uszkodzenie.
- **Parametry dynamiczne**. Określają właściwości tranzystora w wybranym punkcie pracy, gdy zostanie on wysterowany przemiennym napięciem lub prądem czasy włączenia i wyłączenia tranzystora.

## Najważniejsze parametry tranzystorów bipolarnych:

- Wzmocnienie prądowe. W układzie *OE* przy określonym prądzie kolektora i napięciu kolektor-emiter;
- Napięcie nasycenia. Przy określonym prądzie bazy i kolektora;
- Prąd zerowy. Przy określonym napięciu kolektor-baza lub

kolektor-emiter;

- Częstotliwość graniczna;
- Pojemność złącza kolektorowego;
- Czas wyłączenia;
- Stała czasowa związana z rezystancją rozproszoną bazy;
- Maksymalna moc wydzielana.

#### Zastosowanie tranzystorów.

Przy produkcji tranzystorów dąży się do osiągnięcia jak największej wartości iloczynu wydzielanej mocy i maksymalnej częstotliwości generacji. Dużą wartość wydzielanej mocy mają tranzystory, których powierzchnia złącza baza-kolektor jest duża. Natomiast dużą wartością częstotliwości generacji odznaczają się tranzystory o bardzo małej rezystancji rozproszonej bazy i pojemności złącza kolektorowego oraz o bardzo dużej częstotliwości granicznej.

Układy elektroniczne z tranzystorami germanowymi mogą być zasilane ze źródeł o niższym napięciu około 1,5 V, natomiast z tranzystorami krzemowymi mogą być zasilane ze źródeł o napięciu około 6 V. Tranzystory germanowe mogą pracować w układach, gdzie pracują przy większych częstotliwościach niż tranzystory krzemowe. Tranzystory germanowe charakteryzują się mniejszymi napięciami na złączach w stanie przewodzenia i większymi prądami zerowymi niż tranzystory krzemowe

#### 2.6. Schematy zastępcze tranzystora.

Schematy zastępcze tranzystora stosujemy, wtedy gdy chcemy przeprowadzić analizę pracy danego układu elektronicznego.

Rozróżniamy trzy podstawowe schematy zastępcze tranzystora:

- Тури П.
- Hybrydowy.
- Ebersa Molla.

Schemat zastępczy typu  $\Pi$  tranzystora jest stosowany przy określaniu punktu pracy i parametrów roboczych układów elektronicznych – rezystancja wejściowa i wyjściowa, wzmocnienie.

**Schemat hybrydowy** służy również do określania parametrów układów elektronicznych. Wartości parametrów *h* określa się korzystając z charakterystyk statycznych tranzystora.

Model Ebersa – Molla jest wykorzystywany do analizy pracy układów impulsowych i cyfrowych.

#### Schemat zastępczy hybrydowy.

Tranzystor traktujemy jako czwórnik i napięcie na wejściu i prąd wyjściowy tranzystora pracującego w układzie *OE* jest opisany następująco:

$$U_{RF} = h_{11}I_R + h_{12}U_{CF}$$
,

$$I_C = h_{21}I_B + h_{22}U_{CE},$$

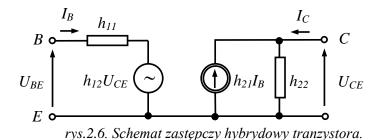
przy czym:

$$h_{11} = \frac{U_{\it BE}}{I_{\it B}}$$
 - impedancja wejściowa przy zwartym wyjściu,  $U_{\it CE} = 0$ 

$$h_{\!\scriptscriptstyle 12} = \! \frac{U_{\scriptscriptstyle BE}}{U_{\scriptscriptstyle CE}} \bigg|_{I_{\scriptscriptstyle B}} - {\rm wsp\'ołczynnik}$$
 - wsp\'ołczynnik przenoszenia wstecznego przy rozwartym wejściu,

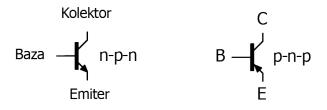
$$h_{21} = \frac{I_C}{I_B}$$
 - współczynnik przenoszenia prądowego przy zwartym wyjściu, 
$$U_{CE} = 0$$

$$h_{22} = rac{I_C}{U_{CE}}$$
 - admitancja wyjściowa przy rozwartym wejściu. 
$$I_{\it B} = 0$$



#### 2.7. Model tranzystora - podsumowanie

Tranzystor jest elementem o trzech końcówkach, występującym w dwóch odmianach (n-p-n i p-n-p), o właściwościach, do których mają zastosowanie następujące reguły (dotyczą one tranzystora n-p-n, dla tranzystora p-n-p wystarczy zmienić polaryzację na przeciwną):



rys.2.7

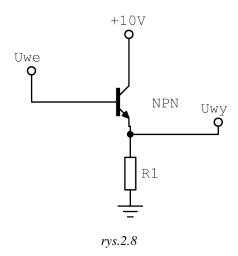
- 1. Potencjał kolektora musi być większy od potencjału emitera
- Obwody baza-emiter i baza-kolektor zachowują się jak diody. W warunkach normalnej pracy dioda baza-emiter jest spolaryzowana w kierunku przewodzenia, a dioda baza-kolektor w kierunku zaporowym.
- 3. Każdy tranzystor charakteryzuje się maksymalnymi wartościami  $I_C$ ,  $I_B$ ,  $U_{CE}$ , których przekroczenie jest równoznaczne z uszkodzeniem tranzystora. Należy być świadomym innych ograniczeń, takich jak: moc rozpraszania na kolektorze  $I_CU_{CE}$ , temperatura  $U_{BE}$  itp.
- 4. Jeśli spełnione są warunki 1-3 to  $I_C$  jest w przybliżeniu proporcjonalny do  $I_B$  i może być opisany równaniem:  $I_C = h_{FE}I_B = \beta I_B$

#### **Uwaga:**

- ✓ Nie należy mylić prądu kolektora z prądem przewodzenia diody baza-kolektor.
- ✓ h<sub>FE</sub> nie jest "dobrym" parametrem tranzystora, np.: jego wartość może się zmieniać od 50 do 250 A/A dla różnych egzemplarzy tego samego typu tranzystora. Układ, którego parametry zależą od określonej wartości h<sub>FE</sub> jest złym układem.
- ✓ przekroczenie napięcia na bazie o więcej niż 0,6 do 0,8V w kierunku przewodzenia (spadek na łączu baza-emiter U<sub>BE</sub>), powoduje przepływ ogromnego prądu bazy U<sub>B</sub>= U<sub>E</sub> + U<sub>BE</sub>.

### 2.8. Wtórnik emiterowy - podsumowanie

Wtórnik emiterowy przedstawiono na rysunku poniżej. Jego nazwa wzięła się stąd, że wyjściem układu jest emiter tranzystora, a napięcie wyjściowe jest, co do wartości, napięciem wejściowym pomniejszonym o pojedynczy spadek na przewodzącej diodzie:  $U_E = U_B - 0.6V$ 



Napięcie wyjściowe jest kopią napięcia wejściowego, przesuniętą o 0,6 do 0,7V w stronę napięć ujemnych. Napięcie wejściowe tego układu musi wynosić co najmniej 0,6V, w przeciwnym razie wyjście układu będzie pozostawiać na potencjale masy. Przez dołączenie rezystora emiterowego do ujemnego napięcia zasilającego można uzyskać również uzyskać ujemne napięcia na wyjściu układu.

Należy zwrócić uwagę, że w układzie wtórnika emiterowego nie ma żadnego rezystora w obwodzie kolektorowym.

Na pierwszy rzut oka układ może wydawać się bezużyteczny, dopóki nie zauważymy, że jego impedancja wejściowa jest znacznie większa od impedancji wyjściowej. Oznacza to, że wtórnik z dołączonym do wyjścia danym obciążeniem pobiera ze źródła sygnału mniej mocy niż pobierałoby obciążenie bezpośrednio dołączone do źródła.

#### Uwaga:

✓ Wtórnik emiterowy jest wzmacniaczem prądowym, mimo, że nie ma w ogóle wzmocnienia napięciowego.

#### 2.9. Impedancje: wejściowa i wyjściowa wtórnika emiterowego - podsumowanie

Użyteczność wtórnika emiterowego polega na transformacji impedancji źródeł sygnału lub obciążeń. Jest to cała istota wtórnika emiterowego.

Obliczamy impedancję: wejściową i wyjściową wtórnika emiterowego. Rezystor  $R_1$  występujący na wcześniejszym rysunku potraktujemy jako obciążenie. Zmieńmy o  $\Delta U_B$  napięcie na bazie. Napięcie na emiterze zmieni się o $\Delta U_E = \Delta U_B$ . Stąd zmiana prądu emitera jest równa $\Delta I_E = \Delta U_B/R$  więc stosując  $\Delta I_E = \Delta I_C + \Delta I_B$  oraz  $\Delta U_B = \Delta I_BR$  możemy zapisać

$$\Delta I_B = \frac{1}{h_{fe} + 1} \Delta I_B = \frac{\Delta U_B}{R(h_{fe} + 1)}$$

Ponieważ

$$\Delta I_B = \frac{\Delta U_B}{\text{pewna impedancja widziana od strony bazy}}$$

To możemy stwierdzić, że

$$R(h_{fe} + 1) = r_{we}$$

W obliczeniach tych do oznaczania małosygnałowych (przyrostowych) wielkości użyliśmy symboli pisanych małymi literami. Nie zawsze w sposób jasny rozróżnia się wzmocnienie stałoprądowe ( $h_{FE}$ ) i małosygnałowe wzmocnienie prądowe ( $h_{fe}$ ) i dla obu stosuje się termin beta. Nie jest to błąd ponieważ ( $h_{fe}$ )  $\approx$  ( $h_{FE}$ ) (za wyjątkiem zakresu dużych częstotliwości).

Dla uogólnienia możemy zapisać w postaci impedancji.

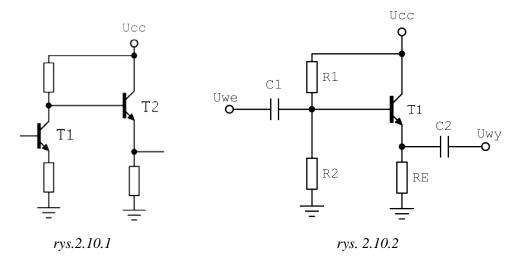
$$\mathbf{Z}_{we} = \mathbf{Z}_{obc}(\mathbf{h}_{fe} + 1)$$

Możemy wykonać podobne obliczenia aby stwierdzić, że impedancja wyjściowa  $\mathbf{Z}_{we}$  wtórnika emiterowego (jest to impedancja widziana w stronę emitera), sterowalnego ze źródła o wewnętrznej impedancji  $\mathbf{Z}_{S}$ , wynosi

$$\mathbf{Z}_{wy} = \frac{\mathbf{Z}_{S}}{(\mathbf{h}_{fe} + 1)}$$

#### 2.10. Ustalanie punktu pracy wtórnika emiterowego - podsumowanie

Gdy wtórnik emiterowy jest sterowany z poprzedzającego go w układzie stopnia, bazę wtórnika łączy się zazwyczaj bezpośrednio z wyjściem tego stopnia, jak na rysunku poniżej.



Ponieważ wartość napięcia na kolektorze tranzystora T1 nigdy nie przekracza wartości napięcia zasilania, napięcie na bazie T2 można przyjmować wartości od zera (masa układu) do  $U_{CC}$ . A więc, tranzystor T2 zawsze znajduje się w obszarze aktywnym (nigdy nie jest nasycony ani odcięty), z przewodzącą diodą baza-emiter i wartością napięcia na kolektorze zawsze o kilka dziesiątych wolta większą od wartości napięcia na emiterze. Jednak czasami napięcie doprowadzane do wejścia wtórnika nie ma tak korzystnego usytuowania względem napięć zasilających.

Gdybyśmy połączyli wtórnik z zewnętrznym źródłem sygnału (np. sygnał akustyczny) to w tym przypadku wartość średnia sygnału jest równa zeru i bezpośrednie dołączenie źródła sygnału do wejścia wtórnika wytwarza na wyjściu tylko sygnał o dodatnim napięciu (dodatnie połówki).

Konieczne jest **ustalenie punktu pracy** wtórnika (w rzeczywistości każdego wzmacniacza) tak, aby prąd kolektora płynął dla dowolnych, występujących w danym zastosowaniu, wartości sygnału wejściowego. Najprostszym rozwiązaniem jest zastosowanie dzielnika napięcia.

Wartości R<sub>1</sub> i R<sub>2</sub> wybiera się tak aby w przypadku braku sygnału wejściowego potencjał bazy był równy połowie napięcia zasilania U<sub>CC</sub>, tzn. R<sub>1</sub> i R<sub>2</sub> są jednakowe. Procedura wyboru wartości napięć w układzie, przy założeniu braku sygnałów sterujących, nazywana jest ustaleniem *spoczynkowego punktu pracy układu*. Spoczynkowy punkt pracy jest wybierany tak, aby zyskać możliwie dużą amplitudę napięcia sygnału wyjściowego, bez obcinania jego wierzchołków. Stosując zasadę:

$$R_1||R_2 << h_{fe}R_E$$

Ustalamy tak wartość impedancji zastępczej stałoprądowej źródła zasilającego obwód bazy aby była ona mała w porównaniu z wartością obciążenia tego źródła(10 krotnie).

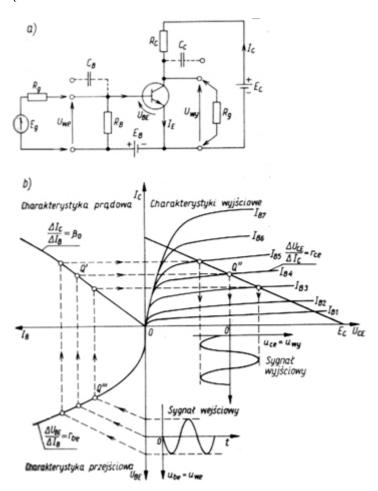
## 3. PODSTAWOWE UKŁADY WZMACNIAJĄCE

Podstawowa funkcja wzmacniacza – zwiększenie mocy sygnałów – może być realizowana przez zastosowanie w układzie wzmacniacza elementów czynnych. Stosowane są tranzystory bipolarne i unipolarne (polowe). Elektrody tranzystora można w różny sposób dołączyć do obciążenia i źródła sygnału (*rys.3a*). Praktyczne zastosowanie znalazły trzy układy połączeń:

- 1. **Układ o wspólnym emiterze**. Oznaczamy go przez *WE* lub *OE* (*rys.3.1*). Sygnał jest doprowadzany między emiter i bazę, a obciążenie jest włączone między kolektor i emiter. Emiter stanowi elektrodę wspólną dla obwodu wejściowego i wyjściowego.
- 2. **Układ o wspólnym kolektorze**. Oznaczony przez *WC* lub *OC* (*rys.3.2*). Sygnał jest doprowadzony między bazę i kolektor, a obciążenie jest włączone między emiter i kolektor. Kolektor stanowi elektrodę wspólną dla obwodu wejściowego i wyjściowego.
- 3. **Układ o wspólnej bazie**. Oznaczony przez *WB* lub *OB* (*rys.3.3*). Sygnał jest doprowadzony między emiter i bazę, a obciążenie jest włączone między kolektor i bazę. Baza stanowi elektrodę wspólną dla obwodu wejściowego i wyjściowego.

#### 3.1. Układ o wspólnym emiterze WE

Jest najpowszechniej stosowaną konfiguracją tranzystora bipolarnego we wzmacniaczu małej częstotliwości (*rys.3*). Sygnał wejściowy doprowadza się między bazę a emiter tranzystora, sygnał wyjściowy pobiera się z kolektora.



Rys.3.1. Wzmacniacz w układzie WE. a) schemat, b) ilustracja działania.

Do wejścia doprowadzamy napięcie  $U_{we} = \Delta U_{BE}$  o wartości dużo mniejszej niż  $U_{BE}$  wynikające z polaryzacji tranzystora. Wskutek dołączenia tego napięcia nastąpi zmiana prądu bazy. Z prawa Ohma wynika:

$$\Delta I_B = \frac{\Delta U_{BE}}{r_{be}} = \frac{U_{we}}{r_{be}}; \tag{3.1}$$

gdzie:  $r_{be}$  – rezystancja małosygnałowa baza-emiter tranzystora

Zmiana prądu bazy spowoduje zmianę prądu kolektora. Charakterystyki wyjściowe tranzystora w zakresie aktywnym mają przebieg zbliżony do poziomu, dlatego też możemy przyjąć w przybliżeniu, że  $I_C$  zależy tylko od  $I_B$ , a nie zależy od  $U_{CE}$ .

Korzystając z wzoru

$$\beta_0 = \frac{\Delta I_C}{\Delta I_B} \quad \Delta U_{CE} \to 0; \tag{3.2}$$

i zależności 3.1 otrzymujemy

$$\Delta I_C = \beta_0 \Delta I_B = \beta_0 \frac{U_{we}}{r_{be}}; \tag{3.3}$$

 $\beta_0$  – małosygnałowy współczynnik wzmocnienia prądowego tranzystora pracującego w układzie WE

Korzystając z II prawa Kirchhoffa dla obwodu wyjściowego napięcie ma postać:

$$U_{CF} = E_C - I_C R_C; (3.4)$$

Zmiana prądu kolektora o  $\Delta I_C$  spowoduje zmianę tego napięcia o  $\Delta U_{CE}$  (przy stałych wartościach  $E_C$  i  $R_C$ ). Zmiana ta jest sygnałem wyjściowym i wynosi:

$$U_{wy} = \Delta U_{CE} = -\Delta I_C R_C = -U_{we} \beta_0 \frac{R_C}{r_{he}};$$
 (3.5)

Wzmocnienie napięciowe układu ma postać:

$$k_{u} = \frac{U_{wy}}{U_{we}} = -\beta_{0} \frac{R_{C}}{r_{be}}; (3.6)$$

Jeżeli uwzględnimy zależność prądu  $I_C$  od napięcia  $U_{CE}$  to powyższy wzór przyjmie postać:

$$k_{u} = -\beta_{0} \frac{R_{C} \| r_{ce}}{r_{ce}}; (3.7)$$

We wzorze 3.7 symbol  $R_C // r_{ce}$  oznacza wartość równolegle połączonych rezystancji  $R_C$  i  $r_{ce}$ . Znak minus świadczy o tym, że układ odwraca fazę sygnału wejściowego.

**Rezystancja wejściowa**  $r_{we}$  wzmacniacza w układzie WE składa się z równolegle połączonej rezystancji baza-emiter  $r_{be}$  tranzystora (rezystancji wejściowej tranzystora) i rezystancji obwodu polaryzacji bazy  $R_B$ 

$$r_{we} = r_{he} || R_R ; \qquad (3.8)$$

**Rezystancja wyjściowa** wzmacniacza pracującego w układzie WE składa się z równolegle połączonej rezystancji kolektor-emiter  $r_{ce}$  tranzystora (rezystancji wyjściowej tranzystora) i rezystancji  $R_C$ 

$$r_{wv} = r_{ce} || R_C ; \qquad (3.9)$$

**Wzmocnienie prądowe** zależy od rezystancji obciążenia  $R_o$  i ma postać:

$$k_i = -\beta_0 \frac{r_{wy}}{r_{wy} + R_o}; (3.10)$$

gdy  $R_o = 0$  to wówczas  $k_i = -\beta_0$ .

Sygnał wejściowy również może być zmienny w czasie. W takim przypadku prądy i napięcia tranzystora zawierają składowe stałe związane z polaryzacją i nałożone na nie dużo mniejsze składowe zmienne, związane z przenoszeniem sygnału. Podane zależności obowiązują również dla wartości skutecznych i maksymalnych składowych zmiennych.

Sygnały zmienne często doprowadza się do wzmacniacza przez kondensator  $C_B$ , a obciążenie dołącza się przez kondensator  $C_C$  (rys.3.1, linie kreskowe). Kondensatory sprzęgające  $C_B$  i  $C_C$  pozwalają odseparować składowe zmienne od składowych stałych. Reaktancje tych kondensatorów w paśmie przenoszenia wzmacniacza są bardzo małe; dla sygnałów zmiennych stanowią one "zwarcie".

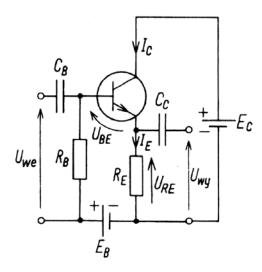
Działanie wzmacniacza przy sygnale wejściowym sinusoidalnym pokazano na rysunku 3.1b. Punkt Q jest punktem pracy układu. Jego położenie zależy od wartości prądów i napięć polaryzujących (stałych).

#### Właściwości układu o wspólnym emiterze WE:

- W zakresie małych i średnich częstotliwości, przy obciążeniu rezystancyjnym. Układ odwraca fazę sygnału wejściowego o 180°.
- Układ zapewnia dość duże wzmocnienie napięciowe i prądowe oraz duże wzmocnienie mocy.
- Rezystancja wejściowa układu jest umiarkowanie mała, zaś wyjściowa umiarkowanie duża.

## 3.2. Układ o wspólnym kolektorze WC

Schemat wzmacniacza pokazano na rysunku 3.2. Układ ten nazywamy również **wtórnikiem emiterowym**. Napięcie wejściowe jest doprowadzone między bazę a emiter. Wskutek tego zmienia się prąd kolektora  $I_C$  jak również prąd emitera  $I_E$  tranzystora. W wyniku czego ulega zmianie spadek napięcia na rezystorze  $R_E$ , który jest sygnałem wyjściowym.



Rys. 3.2. Schemat wzmacniacza z tranzystorem bipolarnym w układzie WC.

Napięcie  $U_{BE}$  baza-emiter tranzystora zmienia się nieznacznie przy zmianach prądu kolektora, dlatego też napięcie wyjściowe jest prawie takie samo jak napięcie wejściowe

$$\Delta U_{RE} = U_{wv} \approx U_{we}; \tag{3.11}$$

Wzmocnienie napięciowe układu o wspólnym kolektorze wynosi

$$k_u = \frac{U_{wy}}{U_{we}} \approx 1; (3.12)$$

Potencjał emitera tranzystora nadąża za potencjałem bazy stąd nazwa układu – wtórnik emiterowy.

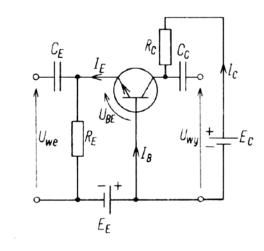
### Właściwości układu o wspólnym kolektorze WC:

- W zakresie małych częstotliwości, przy obciążeniu rezystancyjnym. Układ nie odwraca fazy sygnału wejściowego.
- Wzmocnienie prądowe jest tego samego rzędu co w układzie WE.
- Wzmocnienie napięciowe jest bliskie jedności, stad nazwa wtórnik.
- Rezystancja wyjściowa jest mała, a rezystancja wejściowa może być duża. Rezystancję wejściową zmniejsza znacznie bocznikujące działanie rezystorów polaryzujących bazę.
- Układ transformuje (przenosi) rezystancję z obwodu emitera do obwodu bazy jako rezystancję ( $\beta_0 + I$ ) razy większą, natomiast każdą rezystancję z obwodu bazy przenosi do obwodu emitera jako rezystancję ( $\beta_0 + I$ ) razy mniejszą. Dlatego też taki układ nazywamy także **transformatorem rezystancji**.

Ze względu na dużą rezystancję wejściową i małą rezystancję wyjściową, układ o wspólnym kolektorze stosujemy jako układy dopasowujące lub separujące.

## 3.3. Układ o wspólnej bazie WB

Schemat wzmacniacza z tranzystorem bipolarnym w układzie o wspólnej bazie przedstawiony jest na rysunku 3.3. Ze względu na stabilność pracy i korzystne właściwości w zakresie wielkich częstotliwości był stosowany w początkach rozwoju układów tranzystorowych. Obecnie wykorzystywany jest we wzmacniaczach wielkich częstotliwości.



Rys. 3.3. Schemat wzmacniacza z tranzystorem bipolarnym w układzie WE.

#### Właściwości układu o wspólnym kolektorze WB:

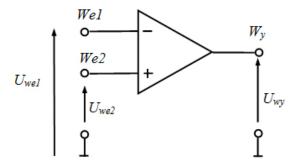
- W zakresie małych częstotliwości, przy obciążeniu rezystancyjnym. Układ nie odwraca fazy sygnału wejściowego.
- Wzmocnienie napięciowe jest zbliżone do wzmocnienia układu WE.
- Wzmocnienie prądowe jest mniejsze od jedności.
- Rezystancja wejściowa jest bardzo mała,  $(\beta_0 + 1)$  razy mniejsza niż w układzie WE. Rezystancja wyjściowa jest bardzo duża,  $(\beta_0 + 1)$  razy większa niż w układzie WE.

Wadą tego układu jest mała wartość rezystancji wejściowej.

#### 4. WZMACNIACZE OPERACYJNE.

Wzmacniacze operacyjne stanowią największą grupę analogowych układów scalonych. Charakteryzują się następującymi właściwościami:

- bardzo dużym wzmocnieniem napięciowym (powyżej 10000 V/V czyli 80dB),
- wzmacniają prąd stały,
- odwracają fazę sygnału wyjściowego w stosunku do sygnału podawanego na wejściu odwracające (oznaczenie " ") lub zachowują zgodność w fazie jeżeli sygnał wejściowy jest podawany na wejście nieodwracające (oznaczenie " + "),
- dużą rezystancję wejściową ( $M\Omega$ ),
- mała rezystancję wyjściowa ( $\Omega$ ).



Rys. 4.1. Symbol wzmacniacza operacyjnego.

Podział wzmacniaczy ze względu na przeznaczenie:

- ogólnego przeznaczenia,
- szerokopasmowe,
- stosowane w urządzeniach dokładnych, gdzie wymagana jest duża rezystancja wejściowa, mały współczynnik cieplny i małe szumy,
- do zastosowań specialnych.

#### 4.1. Parametry wzmacniacza operacyjnego WO idealnego.

Idealny wzmacniacz operacyjny powinien wykazywać następujące właściwości:

- nieskończenie duże wzmocnienie przy otwartej petli sprzeżenia zwrotnego  $(K \to \infty)$ ;
- nieskończenie szerokie pasmo przenoszonych częstotliwości;
- nieskończenie dużą impedancję wejściową (między wejściami oraz między wejściami a masą);
- impedancję wyjściową równą zeru;
- napięcie wyjściowe równe zeru przy sterowaniu sygnałem nieróżnicowym (wspólnym);
- wzmocnienie idealne różnicowe, a więc nieskończenie duże tłumienie sygnału nieróżnicowego;
- niezależność parametrów od temperatury.

## Parametry wzmacniacza operacyjnego rzeczywistego.

- Wzmocnienie napięciowe różnicowe  $K_{ur}$ .
- Wzmocnienie napięciowe sumacyjne  $K_{us}$ .
- Współczynnik tłumienia sygnału sumacyjnego  $H_s$ .
- Rezystancja (impedancja) wejściowa różnicowa  $r_{wer}(\underline{Z}_{wer})$ .
- Rezystancja (impedancja) wejściowa sumacyjna  $r_{wes}(\underline{Z}_{wes})$ .
- Rezystancja (impedancja) wyjściowa  $r_{wy}$  ( $\underline{Z}_{wy}$ ).

- Wejściowy prąd polaryzacji  $I_{we}$ .
- Wejściowe napięcia niezrównoważenia  $U_{wen}$ .
- Wejściowy prąd niezrównoważenia  $I_{wen}$ .
- Dryfty: temperaturowy i czasowy wejściowego napięcia i prądu niezrównoważenia.
- Parametry graniczne: maksymalne napięcie wejściowe  $U_{we\ max}$ , maksymalne różnicowe napięcie wejściowe  $U_{wer\ max}$ , maksymalne napięcie wyjściowe  $U_{wy\ max}$ , maksymalny prąd wyjściowy  $I_{wy\ max}$ .
- Napięcie  $U_z$  i moc  $P_z$  zasilania.
- Szerokość pasma częstotliwości określana częstotliwością graniczną  $f_g$ , marginesem wzmocnienia A i marginesem fazy  $\alpha$ .
- Parametry odpowiedzi na skok napięcia: czas narastania  $t_n$ , szybkość narastania S, przeregulowanie (przerzut)  $\delta_u$ .

#### 4.2. Zastosowanie wzmacniaczy operacyjnych.

## Stosowane są głównie w:

- a) układach analogowych, gdzie wykonują operacje: dodawania, odejmowania, mnożenia, dzielenia, całkowania i różniczkowania,
- b) wzmacniaczach logarytmicznych,
- c) generatorach sygnałów: prostokątnych, trójkątnych i sinusoidalnych,
- d) filtrach,
- e) detektorach liniowych i detektorach wartości szczytowej,
- f) układach próbkujących z pamięcią.

## Podstawowe układy pracy wzmacniaczy operacyjnych

- 1. Wzmacniacz odwracający,
- 2. Wzmacniacz nieodwracajacy.
- 3. Wzmacniacz sumujący i odejmujący,
- 4. Wzmacniacz całkujący,
- 5. Wzmacniacz różniczkujący,
- 6. Wtórnik napięciowy,
- 7. Konwerter prad napiecie,
- 8. Przesuwnik fazy,
- 9. Prostownik idealny.

#### 5. UKŁADY ZASILAJĄCE

## 5.1. Właściwości transformatorów sieciowych

Przy projektowaniu układów prostowniczych dużą rolę odgrywa rezystancja wewnętrzna  $r_w$  transformatora sieciowego. Można ją obliczyć na podstawie danych znamionowych uzwojenia wtórnego  $U_n$  <sub>ef</sub>,  $I_n$  <sub>ef</sub> oraz współczynnika  $s_u$  określającego spadek napięcia przy obciążeniu znamionowym. Jest on zdefiniowany jako stosunek wartości skutecznych napięcia biegu jałowego do napięcia znamionowego

$$s_u = \frac{U_{0 ef}}{U_{n ef}}$$

Wynika stąd wyrażenie na rezystancję wewnętrzną

$$r_w = \frac{U_{0 ef} - U_{n ef}}{I_{n ef}} = \frac{U_{0 ef}(1 - s_u)}{I_{n ef}}$$

Definiując obciążenie znamionowe jako  $R_N=U_{n\,ef}/I_{n\,ef}$  otrzymujemy  $r_w=R_N(s_u-1)$ .

Zestawienie danych technicznych częściej używanych transformatorów z rdzeniem płaszczowym oraz z rdzeniem pierścieniowym (mają kilka zalet: ich pole magnetyczne rozproszenia jest znacznie mniejsze i mniejsze są straty biegu jałowego.)

## Typowe dane transformatorów z rdzeniem płaszczowych dla napięć pierwotnych $U_{1\ ef}$ =220-230V, 50Hz

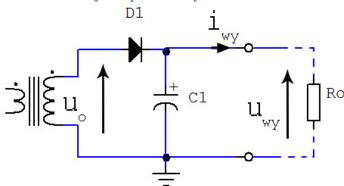
Typ rdzenia	Moc	Współczynnik	Liczba	Średnica	Liczba	Znormalizowana
(długość	znamionowa	strat napięcia	zwojów	przewodu	zwojów	średnica
boku)			uzwojenia	uzwojenia	uzwojenia	przewodu
			pierwotnego	pierwotnego	wtórnego na	uzwojenia
	D	c.		,	wolt	wtórnego
[mm]	$P_{N}$	S <sub>u</sub>	$z_1$	$d_1$	/T T	1 //7 \1/2
[111111]	[W]			[mm]	$z_2/U_{2 \text{ ef}}$	$d_2/(I_{2 ef})^{1/2}$
				[111111]	[1/V]	$[mm/A^{1/2}]$
					[ ]	[]
M 42	4	1,31	4716	0,09	28,00	0,61
M 55	15	1,20	2671	0,18	14,62	0,62
M 65	33	1,14	1677	0,26	8,68	0,64
M 74	55	1,11	1235	0,34	6,24	0,65
M 85a	80	1,09	978	0,42	4,83	0,66
M 85b	105	1,06	655	0,48	3,17	0,67
M 102a	135	1,07	763	0,56	3,72	0,69
M 102b	195	1,05	513	0,69	2,45	0,71

## Typowe dane transformatorów z rdzeniem pierścieniowym dla napięć pierwotnych $U_{1\ ef}$ =220-230V, 50Hz

Typ rdzenia	Moc	Współczynnik	Liczba	Średnica	Liczba	Znormalizowana
(długość boku)	znamionowa	strat napięcia	zwojów	przewodu	zwojów	średnica
			uzwojenia	uzwojenia	uzwojenia	przewodu
					wtórnego na	uzwojenia
						-

[mm]	P <sub>N</sub>	S <sub>u</sub>	pierwotnego	pierwotnego	wolt	wtórnego
	[W]		$z_1$	$d_1$	$z_2/U_{2\;\rm ef}$	$d_2/(I_{2 ef})^{1/2}$
				[mm]	[1/V]	$[mm/A^{1/2}]$
60	10	1,18	3500	0,15	19,83	0,49
61	20	1,18	2720	0,18	14,83	0,54
70	30	1,16	2300	0,22	12,33	0,55
80	50	1,15	2140	0,30	11,25	0,56
94	75	1,12	1765	0,36	9,08	0,58
95	100	1,11	1410	0,40	7,08	0,60
100	150	1,09	1100	0,56	5,42	0,61
115	200	1,08	820	0,60	4,00	0,62
120	300	1,07	715	0,71	3,42	0,63

## 5.2. Prostownik jednopołówkowy



Napięcie wyjściowe biegu jałowego

$$U_{WYO} = \sqrt{2}U_{oef} - U_F$$

Napięcie wyjściowe pod obiciążeniem

$$U_{WY} = U_{WYO} \left( 1 - \sqrt{\frac{r_w}{R_o}} \right)$$

Maksymalne napięcie wsteczne

$$U_{RM} = 2\sqrt{2}U_{oef}$$

Średni prąd przewodzenia

$$I_{F \acute{s}r} = I_{WY}$$

Szczytowy prąd przewodzenia

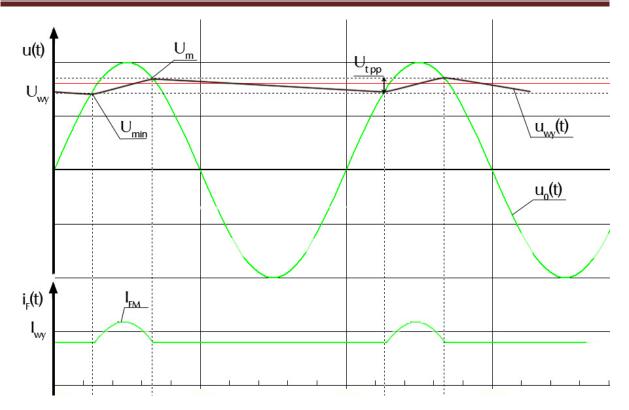
$$I_{FM} = U_{WYO} / \sqrt{r_w R_O}$$

Napięcie tętnień

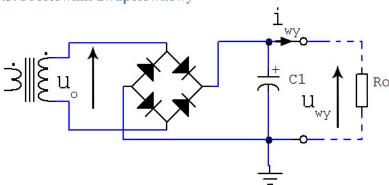
$$U_{t\,pp} = \frac{I_{WY}}{2Cf} \left( 1 - \sqrt[4]{\frac{r_w}{R_o}} \right)$$

Minimalne napięcie wyjściowe

$$U_{WY \, min} \approx U_{WY} - 2/3U_{t \, pp}$$



## 5.3. Prostownik dwupołówkowy



Napięcie wyjściowe biegu jałowego

$$U_{WYO} = \sqrt{2}U_{oef} - 2U_F$$

Napięcie wyjściowe pod obiciążeniem

$$U_{WY} = U_{WY O} \left( 1 - \sqrt{\frac{r_w}{2R_o}} \right)$$

Maksymalne napięcie wsteczne

$$U_{RM} = \sqrt{2}U_{oef}$$

Średni prąd przewodzenia

$$I_{F \acute{s}r} = 1/2I_{WY}$$

Szczytowy prąd przewodzenia

$$I_{FM} = U_{WYO} / \sqrt{2r_w R_O}$$

Napięcie tętnień

$$U_{tpp} = I_{WY} \left( 1 - \sqrt[4]{\frac{r_w}{2R_o}} \right) / 2Cf$$

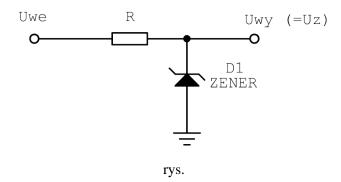
Minimalne napięcie wyjściowe

$$U_{WY\,min} \approx U_{WY} - 2/3U_{t\,pp}$$

Moc znamionowa transformatora

$$P_N = (1,2...2)I_{WY}U_{WY}$$

## **5.4.** Parametryczny stabilizator napięcia z diodą Zenera - podstawowe zależności energetyczne Najprostszym stabilizatorem napięcia jest zwykła dioda Zenera.



Musi przez nią płynąć pewien prąd, więc parametry układu wybieramy tak, aby

$$\frac{\mathbf{U}_{we} - \mathbf{U}_{wy}}{\mathbf{R}} > \mathbf{I}_{wy \ max}$$

Ponieważ  $U_{we}$  nie jest stabilizowane, do tej nierówności wstawiamy najmniejszą z możliwych wartości  $U_{we}$ . Nazywamy to projektowaniem na najgorszy przypadek. W praktyce należy wziąć pod uwagę tolerancje elementów, zmienność napięcia sieciowego itp. i projektować z uwzględnieniem najgorszej kombinacji zdarzeń, jaka może kiedykolwiek wystąpić. Dioda Zenera musi rozproszyć moc:

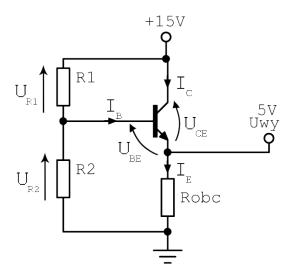
$$P_Z = \left[\frac{U_{we} - U_{wy}}{R} - I_Z\right]U_Z$$

Projektując na najgorszy przypadek należy uwzględnić Uwe max Rmin Iwy min

#### 6. ZADANIA

## Zadanie 1: Wzmacniacz rezystancyjny w układzie WE - sztywne źródło napięcia

Używając wtórnika emiterowego, którego baza jest dołączona do dzielnika napięcia, zaprojektuj "sztywne" źródło napięcia o wartości +5V zasilane z dostępnego stabilizowanego zapięcia +15V. Maksymalna wartość prądu obciążenia jest równa 25mA.



Dla tranzystora T należy przyjąć:

- ✓ Wartość napięcia baza-emiter U<sub>BE</sub>=0,6V
- ✓ Współczynnik wzmocnienia prądowego β=100
- ✓ Prąd emitera I<sub>E</sub> jest równy prądowi obciążenia

Należy wyliczyć:

- 1. Parametry elementów R
- 2. Wartości napięć na elementach

#### Rozwiązanie:

Wiemy, że

$$U_{Robc}=U_{E}=5V$$
, to

$$R_{obc} = \frac{U_E}{I_E} = \frac{5}{0.025} = 200\Omega$$

Wiemy także, że zgodne są zależności:

$$I_E=I_B(\beta+1)$$
, to

$$I_B = \frac{I_E}{\beta + 1} = \frac{0,025}{100 + 1} = 0,247 \text{mA}$$

W takim razie:

$$I_C = \beta I_B = 100*0,247 \text{mA} = 24,7 \text{mA}$$

$$U_{R2} = U_E + U_{BE} = 5 + 0,6 = 5,6V$$

$$U_{R1} = U_{CC} - U_{R2} = 15 + 5,6 = 9,4V$$

$$U_{CE} = U_{CC} - U_{E} = 15 - 5 = 10V$$

Ponieważ stosunek napięć  $U_{R1}$  do  $U_{R2}$  określa wartości rezystancji  $R_1$  do  $R_2$  to możemy zapisać, że

$$\frac{U_{R1}}{U_{R2}} = \frac{R_1}{R_2} = \frac{9.4}{5.6}$$

To możemy odpowiednio przyjąć, iż:

$$R_1 = 9400\Omega$$

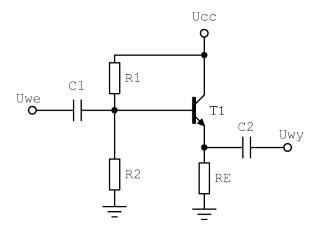
$$R_2 = 5600\Omega$$

Należy jednak pamiętać, że przez rezystor R<sub>1</sub> musi płynąć prąd > od prądu I<sub>B</sub>. Zatem sprawdźmy:

$$\frac{U_{R1}}{R_2} = \frac{9.4}{9400} = 1 \text{mA}$$

#### Zadanie 2: Projektowanie wtórnika emiterowego

Zaprojektujemy wtórnik emiterowy dla sygnałów o częstotliwościach akustycznych (od 20 do 20000Hz). Wartość  $U_{CC}$  jest równa +15V a wartość spoczynkowego prądu emitera powinna wynosić 1mA.



Dla tranzystora T należy przyjąć:

✓ Wartość napięcia baza-emiter U<sub>BE</sub>=0,6V

Należy wyliczyć:

- 3. Parametry elementów RC
- 4. Punkt pracy tranzystora npn

#### Rozwiązanie:

- $\rightarrow$  **Krok 1**: wybieramy wartość U<sub>E</sub>. Aby uzyskać maksymalną amplitudę napięcia na wyjściu, bez obcinania wierzchołków, powinno być: U<sub>E</sub>=0,5U<sub>CC</sub>=7,5V
- $\rightarrow$  **Krok 2**: wybieramy R<sub>E</sub>. Dla spoczynkowej wartości prądu emitera równej 1mA. Wartość R<sub>E</sub> musi wynieść 7,5 kΩ
- $\rightarrow$  **Krok3**: wybieramy R<sub>1</sub> i R<sub>2</sub>. U<sub>B</sub>= U<sub>E</sub>+0,6V czyli U<sub>B</sub>=7,5V+0,6V=8,1V. Z wartości potencjału bazy określamy stosunek R<sub>1</sub> do R<sub>2</sub> jako równy 1:1,17. Stosując w/w zasadę

$$R_1 || R_2 << h_{fe} R_E = 100 * 7,5 k\Omega = 750 k\Omega$$

[10-cio krotnie mniejsza, czyli 75 k $\Omega$ ], to odpowiednie standardy rezystancji wynoszą:  $R_1$ =130 k $\Omega$ ,  $R_2$ =150 k $\Omega$ 

→ **Krok 4**: wybieramy C₁. Kondensator C₁ tworzy filtr górnoprzepustowy z rezystancją, która jest dla niego obciążeniem, a mianowicie z połączonymi równolegle rezystancją dzielnika zasilającego bazę i rezystancję widzianą z zacisku bazy w stronę tranzystora. Gdy założymy, że wartość rezystancji rezystora obciążającego wtórnik jest znacznie większa niż wartość rezystancji rezystora emiterowego R<sub>E</sub>, wtedy wartość rezystancji widzianej z bazy w stronę tranzystora jest równa h<sub>fe</sub>R<sub>E</sub>czyli 750 kΩ. Wartość rezystancji zastępczej dzielnika wynosi 70kΩ. Korzystając ze wzoru na filtr górnoprzepustowy

$$f_{d \ 3dB} = \frac{1}{2\pi RC} = \frac{1}{2\pi C(R_1||R_2)}$$

Obliczamy szukaną pojemność C, dla 3-decybelowej częstotliwości granicznej 20Hz dla filtru górnoprzepustowego.

$$C \ge \frac{1}{2\pi f(R_1||R_2)} = \frac{1}{2\pi 20 * 70000} \approx 0.14 \mu F$$

→ **Krok 5**: wybieramy C<sub>2</sub>. Kondensator C<sub>2</sub> tworzy filtr górnoprzepustowy z nieznaną rezystancją obciążenia wtórnika. Zachowując ostrożność zakładamy, że rezystancja obciążenia nie powinna być mniejsza niż R<sub>E</sub>

$$C \ge \frac{1}{2\pi f R_E} = \frac{1}{2\pi 20 * 7500} \approx 1.1 \mu F$$

Ponieważ, mamy teraz 2 sekwencje filtru górnoprzepustowego połączone kaskadowo, powinniśmy zwiększyć nieco wartości pojemności  $C_1$  i  $C_2$  aby uchronić się przed nadmiernym tłumieniem (zmniejszeniem) o 6dB (w tym przypadku).

Wybierzmy zatem:  $C_1=0.5\mu F$   $C_2=3.3\mu F$ 

Rb 9,4k Uwe Uwy Uwy

Zadanie 3: Wzmacniacz rezystancyjny prądu zmiennego w układzie WE

Na rysunku pokazano wzmacniacz prądu zmiennego z tranzystorem npn w układzie wspólnego emitera WE. Dla tranzystora T w stanie aktywnym można przyjąć, że:

- ✓ Napięcie U<sub>BE</sub> nie zależy od wartości prądu I<sub>B</sub> i wynosi 600mV;
- ✓ Prąd zerowy I<sub>CE 0</sub> jest bardzo mały i może być pominięty;
- ✓ Współczynnik wzmocnienia prądowego  $\beta$ =50, a prąd I  $_{\rm C}$  w obszarze aktywnym nie zależy od wartości napięcia  $\rm U_{\rm CE}$
- ✓ Granicą pomiędzy stanem aktywnym a stanem nasycenia tranzystora jest sytuacja, gdy U<sub>CB</sub>=0.

Przy podanych  $E_{CC}=10V$ ,  $R_{C}=100\Omega$ ,  $R_{B}=9.4k\Omega$ :

- 1. Wyznaczyć punkt pracy tranzystora określony przez wartości stałego prądu kolektora  $I_C$  i stałego napięcia kolektor-emiter  $U_{CE}$
- 2. Określić maksymalną amplitudę niezniekształconego napięcia wyjściowego  $U_{wy\,m}$

#### Rozwiązanie:

**Ad 1.** Złącze baza-emiter B-E tranzystora npn przy dodatnim potencjale na bazie jest spolaryzowane w kierunku przewodzenia (czyli znamy napięcie  $U_{BE}$ =0,6V), możemy zatem zapisać:

$$I_B = (E_{CC} - U_{BE})/R_B = (10 - 0.6)/9.4[V/k\Omega] = 1 \text{ mA}$$

$$I_{C} = \beta * I_{B} + I_{CE,0} \approx \beta (E_{CC} - U_{BE}) / R_{B} = 50(10 - 0.6) / 9.4 [V/k\Omega] = 50 \text{mA}$$

$$U_{CE}\!\!=\!\!E_{CC}\!\!-\!\!I_{CE\,0}\!\!*\!R_{C}\!\!=\!\!10V\text{-}50mA\!\!*\!100\Omega\!\!=\!\!5V$$

Ad 2. Optymalne rozwiązanie w tym układzie polega na wybraniu punktu pracy położonego w środku zakresu zmian napięcia dla obszaru aktywnej pracy tranzystora tzn.  $U_{CE==}1/2*(10+0,6)V=5,3V$  bez zmiany pozostałych parametrów  $I_B$  i  $I_C$ . Oznacza to zmianę  $R_C=(E_{CC}-U_{BE})/I_C=4,7V/50mA=94\Omega$ . Wtedy bez zniekształceń możemy uzyskać amplitudę  $u_{wy}=4,7V$ 

Rb 9,4k U RC 100Cwy Uwy Uwy Uwy Uwy Uwy Uce Re 1000

Zadanie 4: Wzmacniacz rezystancyjny prądu zmiennego z emiterowym sprzężeniem zwrotnym

W układzie jak na rysunku przy założeniach:

- ✓ Napięcie U<sub>BE</sub> nie zależy od wartości prądu I<sub>B</sub> i wynosi 600mV;
- ✓ Prąd zerowy I<sub>CE 0</sub> jest bardzo mały i może być pominięty;
- ✓ Współczynnik wzmocnienia prądowego β=50, a prąd I <sub>C</sub> w obszarze aktywnym nie zależy od wartości napięcia U<sub>CE</sub>
- ✓ Granicą pomiędzy stanem aktywnym a stanem nasycenia tranzystora jest sytuacja, gdy U<sub>CB</sub>=0.

#### Należy:

- 1. Wyznaczyć punkt pracy tranzystora określony przez wartość kolektora  $I_C$  i napięcia kolektroremiter  $U_{CE}$ ;
- 2. Określić w jakim zakresie przy niezmienionych wartościach E<sub>CC</sub>, R<sub>B</sub>, R<sub>E</sub> mogłaby zmieniać się wartość R<sub>C</sub>, aby tranzystor pozostawał w stanie aktywnym;
- 3. Wyznaczyć prądy i napięcia w układzie, w przypadku gdy wartość rezystancji  $R_C$  wzrośnie do  $500\Omega$ , zakładając dla nasyconego tranzystora  $U_{CEs}$ =50mV

# Rozwiązanie:

**Ad 1.** Złącze baza-emiter tranzystora npn przy dodatnim potencjale na bazie jest spolaryzowane w kierunku przewodzenia (czyli znamy  $U_{BE}$ =0,6V). Dla oznaczeń na podstawie II-go prawa Kirchoffa możemy zapisać:

$$R_B*I_B+U_{BE}+R_E*I_E=E_{CC}$$
 uwzględniając  $I_E=I_C+I_B=\beta I_B+I_B=(\beta+1)I_B$  mamy

$$R_B* I_B+ U_{BE}+ R_E*(\beta+1) I_B = E_{CC}$$

Skąd jest już możliwe wyznaczenie wartości  $I_B$ , a następnie  $I_C$  i  $I_E$  i wywołanych przez te prądy spadków napięć:

$$I_B = \frac{E_{CC} - U_{BE}}{R_B + (\beta + 1)R_E} = \frac{10 - 0.6}{9.4 + 51 * 0.1} \left[ \frac{V}{k\Omega} \right] = \frac{9.4}{14.5} = 0.648 [mA]$$

$$I_C = \beta * I_B = 50*0,648 = 32,4 \text{ mA}$$
  $I_C * R_C = 32,4 \text{ mA} * 0,1 \text{ k}\Omega = 3,24 \text{ V}$ 

$$I_E = (\beta + 1) * I_B = 51 * 0,648 = 33,1 \text{ mA}$$
  $I_E * R_E = 33,1 \text{ mA} * 0,1 \text{ k}\Omega = 3,31 \text{ V}$ 

Szukana wartość napięcia U<sub>CE</sub> wynosi więc:

$$U_{CE}=E_{CC}-I_{E}*R_{E}-I_{C}*R_{C}=(10-3,31-3,24)V=3,45V$$

a 
$$U_{RB}=E_{CC}-I_{E}*R_{E}-U_{BE}=(10-3,31-0,6)V=6,09V$$

Ponieważ potencjał na kolektorze jest wyższy od potencjału na bazie oraz napięcie  $U_{CB}$ =2,85V to możemy stwierdzić, iż tranzystor znajduje się w obszarze aktywny.

Ad 2. Przy zmianach wartości  $R_C$  potencjały emitera  $U_E$ =3,31V i bazy  $U_B$ =  $U_E$ +  $U_{BE}$ =3,31+0,6=3,91V nie zmieniają wartości dopóki tranzystor pozostaje w obszarze aktywnym. Na granicy nasycenia ( $U_{CB}$ =0) mamy jednakowe potencjały bazy i kolektora  $U_C$ =  $U_B$ =3,91V, zatem maksymalny możliwy spadek napięcia na rezystancji  $R_C$  wynosi  $I_C$ \* $R_C$ =10V-3,91V=6,09V. Przy stałej wartości prądu  $I_C$ =32,4mA odpowiada to maksymalnej dopuszczalnej wartości rezystancji  $R_C$   $M_{max}$ =6,09/32,4[V/mA]=178 $\Omega$ .

**Ad 3.** Przy takim założeniu wiemy, że obydwa złącza są spolaryzowane w kierunku przewodzenia wobec czego  $U_{CEs}$  przyjmować będzie bardzo małe wartości. Obowiązują tutaj zależności I i II prawa Kirchoffa:

- $(1) I_E = I_B + I_C$
- (2)  $R_B*I_B+U_{BE}+R_E*I_E=E_{CC}$
- (3)  $R_C*I_C+U_{CEs}+R_E*I_E=E_{CC}$

Odejmując stronami dwa ostatnie równania mamy:

 $R_B*I_B+U_{BE} = R_C*I_C+U_{CEs}$  czyli  $I_C=1/R_C(R_B*I_B+U_{BE}-U_{CEs})$  podstawiając ten wynik do równania (2) uwzględniając równanie (1) mamy:

$$\begin{split} \mathbf{R}_{B}\mathbf{I}_{B} + \ \mathbf{U}_{BE} + \big[\frac{\mathbf{R}_{B}\mathbf{I}_{B} + \mathbf{U}_{BE} - \ \mathbf{U}_{CES}}{\mathbf{R}_{C}} + \mathbf{I}_{B}\big]\mathbf{R}_{E} &= \mathbf{E}_{CC} \\ \mathbf{I}_{B}\left[\mathbf{R}_{B}\left(1 + \frac{\mathbf{R}_{E}}{\mathbf{R}_{C}}\right) + \mathbf{R}_{E}\right] &= \ \mathbf{E}_{CC} - \mathbf{U}_{BE}\left(1 + \frac{\mathbf{R}_{E}}{\mathbf{R}_{C}}\right) + \mathbf{U}_{CES}\frac{\mathbf{R}_{E}}{\mathbf{R}_{C}} \\ \mathbf{I}_{B} &= \left(\frac{10 + 0.6(1 + 0.2) + 0.05 * 0.2}{9.4(1 + 0.2) + 0.1}\right) \left[\frac{V}{k\Omega}\right] = 0.816mA \end{split}$$

Potencjał na bazie wynosi:

$$U_B = E_{CC} - I_B * R_B = 10V - 0.816 \text{mA} * 9.4 \text{k}\Omega = 2.33 \text{V}$$

Potencjał emitera wynosi:

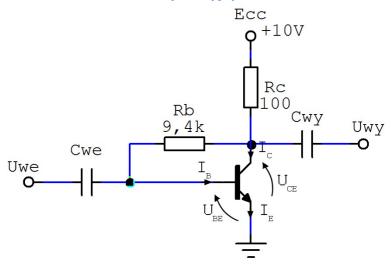
$$U_E = U_B - U_{BE} = 2,33 \text{V} - 0,6 \text{V} = 1,73 \text{V}$$
, wtedy prad emitera  $I_E = U_E / R_E = 1,73 \text{V} / 100 \Omega = 17,3 \text{mA}$ 

Potencjał kolektora wynosi:

$$U_C = U_E - U_{CEs} = 1,73V - 0,05V = 1,78V,$$

co odpowiada spadkowi napięcia na rezystorze kolektorowym  $U_R = I_C * R_C = 10V-1,78V = 8,22V$  a zatem prąd kolektora  $I_C = 8,22V/500\Omega = 16,44mA$ 

Zadanie 5: Wzmacniacz rezystancyjny w układzie WE



W układzie pokazanym na rysunku przy założeniach:

- ✓ Napięcie U<sub>BE</sub> nie zależy od wartości prądu I<sub>B</sub> i wynosi 600mV;
- ✓ Prąd zerowy I<sub>CE 0</sub> jest bardzo mały i może być pominięty;
- ✓ Współczynnik wzmocnienia prądowego β=50, a prąd I <sub>C</sub> w obszarze aktywnym nie zależy od wartości napięcia U<sub>CE</sub>
- ✓ Granicą pomiędzy stanem aktywnym a stanem nasycenia tranzystora jest sytuacja, gdy U<sub>CB</sub>=0.

# Należy:

- 1. Wyznaczyć punkt pracy tranzystora określony przez wartości prądu kolektora  $I_C$  i napięcia kolektor-emiter  $U_{CE}$ ;
- 2. Przeanalizować jakie zmiany w układzie spowoduje przeniesienie rezystora  $R_C$ =100 $\Omega$  do obwodu emitera tranzystora.

#### Rozwiązanie:

**Ad 1.** Tranzystor znajduje się na pewno, gdyż prąd bazy wytwarza napięcie  $U_{CB}=I_B*R_B$ . Prąd płynący przez rezystor  $R_C$  możemy obliczyć jako:

(1) 
$$I_{RC} = I_C + I_B = \beta I_B + I_B = (\beta + 1)I_B$$

Uwzględniając powyższe w równaniu napięcia na podstawie II-go prawa Kirchoffa uzyskujemy zależność:

$$E_{CC} = R_C * I_{RC} + U_{BE} + R_B * I_B = R_C (\beta + 1) I_B + U_{BE} + R_B * I_B$$

Z której jest już możliwe wyznaczenie wartości I<sub>B</sub>:

$$I_B = \frac{E_{CC} - U_{BE}}{R_B + (\beta + 1)R_C} = \frac{10 - 0.6}{9.4 + 51 * 0.1} \left[ \frac{V}{k\Omega} \right] = \frac{9.4}{14.5} = 0.648 [mA]$$

Oraz pozostałych prądów i napięć:

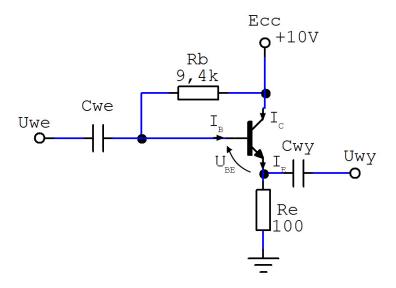
$$I_C = \beta * I_B = 50*0,648 \text{mA} = 32,4 \text{mA}$$

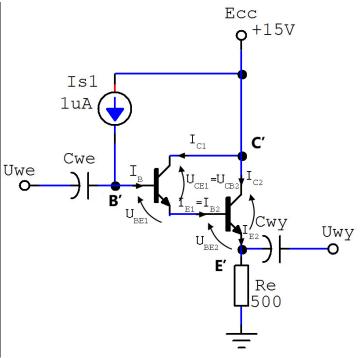
$$I_E = (\beta+1)I_B = 51*0,648\text{mA} = 33,1\text{mA}$$
  
 $I_{RC} * R_C = 33,1\text{mA} * 0,1\text{k}\Omega = 3,31\text{V}$ 

$$U_{CE} = E_{CC} - I_{RC} * R_{C} = 10V - 3,31V = 6,69V$$

Tak więc tranzystor znajduje się w punkcie pracy określonym przez napięcie  $U_{CE}$ =6,69V i prąd  $I_{C}$ = 32,4mA.

Ad 2. Zauważmy, że zgodnie z równaniem (1) przez rezystor  $R_C$  płynie prąd równy prądowi emitera  $I_{RC} = I_E$  a więc przeniesienie rezystora  $R_C = 100\Omega$  jak na rysunku poniżej do obwodu emitera nie zmieni występującego na nim napięcia, czyli nie powinno prowadzić do zmiany wartości  $I_B$  (a więc także  $I_C$ ,  $I_E$  oraz  $U_{CE}$ ). Innymi słowy, nawet gdybyśmy przenieśli tylko część rezystancji  $R_C$  do emitera, wtedy punkt pracy nie ulegnie zmianie, gdyż w obwodzie zachowana jest ta sama rezystancja.





Zadanie 6: Wtórnik emiterowy z tranzystorami npn w połączeniu Darlingtona

W pokazanym jak na rysunku układzie wtórnika napięciowego (w tym przypadku układ Darlingtona) należy:

- 1. Wyznaczyć punkty pracy tranzystorów T1 i T2 określone przez wartości prądów emitera  $I_E$  i napięcia kolektor-emiter  $U_{CE}$ ;
- 2. Obliczyć wartość rezystancji rezystora R<sub>B</sub>, którego włączenie zamiast źródła prądowego Is nie spowodowałoby zmiany punktów pracy tranzystorów.

Dla tranzystorów T1 i T2 można przyjąć, że:

- ✓ Napięcia U<sub>BE</sub> nie zależą od wartości prądu I<sub>B</sub> i wynoszą po 600mV;
- ✓ Prądy zerowe I<sub>CE0</sub> są bardzo małe i mogą być pominięte;
- ✓ Współczynniki wzmocnienia prądowegoβ <sub>1</sub>= β<sub>2</sub>=99, a prądy I<sub>C</sub> w obszarze aktywnym nie zależą od wartości napięcia U<sub>CE</sub>;
- ✓ Granicą pomiędzy stanem aktywnym a stanem nasycenia tranzystora jest sytuacja, gdy U<sub>CB</sub>=0.

# Rozwiązanie:

**Ad 1.** Przy podanym kierunku prądu  $I=I_{B1}=1\mu A$  złącza baza-emiter obydwu tranzystorów npn są spolaryzowane w kierunku przewodzenia  $U_{BE}=0,6V$ . Przy oznaczeniach jak na rysunku dla tranzystorów w stanie aktywnym możemy zapisać:

$$\begin{split} &I_{C1} = \beta_1 * \ I_{B1} = 99*1 \mu A = 99 \mu A \\ &I_{E1} = (\beta + 1) \ I_{B1} = (99 + 1)*1 \mu A = 100 \ \mu A = I_{B2} \\ &I_{C2} = \beta_2 * \ I_{B2} = 99*100 \mu A = 9,9 mA \\ &I_{E2} = (\beta_2 + 1) \ I_{B2} = (99 + 1)*100 \mu A = 10 mA \\ &U_{E2} = I_{E2} * R_E = 10 mA * 0.5 k \Omega = 5 V \end{split}$$

$$\begin{split} &U_{BI} \!= U_E \!\!+ U_{BEI} \!\!+ U_{BE2} \!\!= \!\!5 \!\!+ \!\!0, \!\!6 \!\!+ \!\!0, \!\!6[V] \!\!= \!\!6, \!\!2V \\ &U_{CEI} \!\!= E_{CC} \!\!- U_{E2} \!\!- U_{BE2} \!\!= \!\!15 \!\!- \!\!5 \!\!- \!\!0, \!\!6[V] \!\!= \!\!9, \!\!4V \!\!= U_{CB2} \\ &U_{CE2} \!\!= E_{CC} \!\!- U_{E2} \!\!= \!\!15 \!\!- \!\!5[V] \!\!= \!\!10V \\ &U_{CBI} \!\!= E_{CC} \!\!- U_{BI} \!\!= \!\!15 \!\!- \!\!6, \!\!2 \!\!= \!\!8, \!\!8[V] \end{split}$$

Złącze kolektor-baza obydwu tranzystorów są spolaryzowane w kierunku zaporowym (o obydwu przypadkach wyższy potencjał na kolektorze, który jest obszarem typu n). Tranzystory T1 i T2 w warunkach zadania znajdują się w obszarze aktywnym co weryfikuje wykonane obliczenia.

Zwróćmy uwagę na fakt, że tranzystory T1 i T2 można potraktować jako pojedynczy "tranzystor złożony" T' o wyprowadzonych punktach oznaczonych odpowiednio jako B', C', E'. Mamy wtedy:

$$\begin{split} &I_B \!\! = I_{B1} \\ &I_E \!\! = I_{E2} \!\! = \!\! (1 \!\! + \!\! \beta_2) \; I_{B2} \!\! = \!\! (1 \!\! + \!\! \beta_1) (1 \!\! + \!\! \beta_2) I_{B1} \!\! = \!\! (1 \!\! + \!\! \beta_1 \!\! + \!\! \beta_2 \!\! + \!\! \beta_1 \beta_2) \; I_{B'} \\ &I_C \!\! = I_{C1} \!\! + I_{C2} \!\! = \!\! \beta_1 \!\! * I_{B1} \!\! + \!\! \beta_2 \!\! * I_{B2} \!\! = \!\! \beta_1 \!\! * I_{B1} \!\! + \!\! \beta_2 \!\! * \!\! (\beta_1 \!\! + \!\! 1) I_{B1} \!\! = \!\! (\beta_1 \!\! + \!\! \beta_2 \!\! + \!\! \beta_1 \!\! * \!\! \beta_2) \; I_{B'} \end{split}$$

Z dwu ostatnich równań wynika, że współczynnik wzmocnienia prądowego złożonego tranzystora T' równoważnego dwu połączonym tranzystorom T1 i T2 ma wartość:

$$\beta' = \beta_1 + \beta_2 + \beta_1 * \beta_2 \approx \beta_1 * \beta_2$$

W warunkach zadania oznacza to wartość wzmocnienia prądowego rzędu 10<sup>4</sup> (dokładnie 9999).

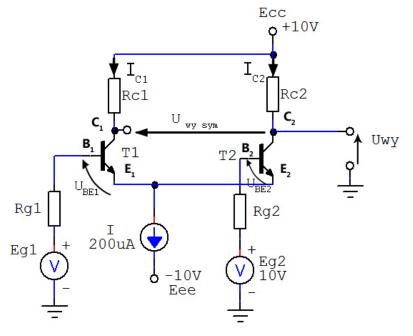
Ad 2. Na źródle prądowym w spoczynkowym punkcie pracy występuje napięcie:

$$E_{CC}$$
- $U_{B}$ =15V-6,2V=8,8V

Taki sam spadek napięcia przy przepływie prądu 1µA odpowiada rezystancji:

$$R_B = 8.8 V/1 \mu A = 8.8 M\Omega$$

Włączenie takiego rezystora w miejsce źródła prądowego  $I_S=1\mu A$  zapewni takie same spoczynkowe punkty pracy tranzystora T1 i T2 określone przez prądy emiterów odpowiednio  $I_{E1}=100\mu A$  i  $I_{E2}=10mA$  i napięcia kolektor-emiter  $U_{CE1}=9,4V$   $U_{CE2}=10V$ .



Zadanie 7: Symetryczny wzmacniacz różnicowy prądu stałego na tranzystorach npn

W układzie symetrycznego różnicowego wzmacniacza prądu stałego jak na rysunku należy przyjąć, że:

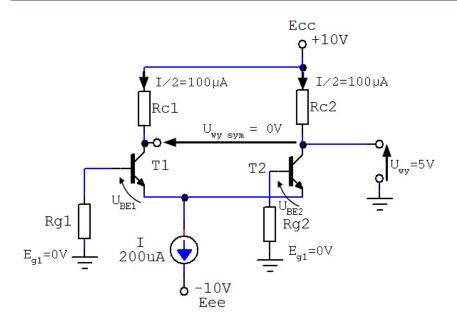
- ✓ Tranzystory T1 i T2 są identyczne;
- ✓ Złącze baza-emiter każdego z tych tranzystorów spolaryzowane w kierunku przewodzenia można zastąpić spadkiem napięcia U<sub>BE</sub>=0,5V;
- ✓ Współczynniki wzmocnienia prądowego tranzystorów $β_1 = β_2$  są na tyle duże, że można przyjąć  $I_{B1} = I_{B2} = 0$ , a zatem  $I_C = I_E$  dla każdego z tranzystorów;
- ✓ Prąd kolektora I<sub>C</sub> z tranzystorów w obszarze aktywnym nie zależy od wartości napięcia U<sub>CE</sub>.

#### Przy tych założeniach należy:

- 1. Obliczyć wartości rezystancji  $R_{C1}$  i  $R_{C2}$  odpowiadających największej amplitudzie niezniekształconego napięcia wyjściowego  $U_{wy\,m}$ ;
- 2. Przeanalizować wpływ napięcia wspólnego (tzn. napięcia podawanego jednocześnie na obydwa wejścia:  $E_{g1} = E_{g2} = E_{CM}$ ) na pracę układu. Obliczyć wartości rezystancji  $R_{C1}$  i  $R_{C2}$  dla przypadku, gdy wzmacniacz różnicowy musi dopuszczać napięcia wspólne w zakresie  $|E_{CM}| \le 5V$ .

#### Rozwiazanie:

Ad 1. Jeśli tranzystory T1 i T2 są identyczne, to w sytuacji gdy obydwa sygnały wejściowe  $E_{g1}$  i  $E_{g2}$  płynie prąd  $I=200\mu A$  w obwodzie emiterów tych tranzystorów rozpływa się równomiernie i przez emiter każdego z tranzystorów płynie prąd  $I_{E1}=I_{E2}=1/2I=100\mu A$ .



Wobec tego, że $\beta_1$ = $\beta_2$  są bardzo duże, można prądy baz  $I_B$ = $I_E$ /( $\beta$ +1) pominąć i prąd kolektora  $I_C$ = $\beta$ \*  $I_E$ /( $\beta$ +1) przyjąć dla każdego tranzystora jako równy  $I_C$ =  $I_E$ =1/2I=100 $\mu$ A. ponieważ potencjały baz są równe zeru, a spadek napięcia na złączu baza-emiter wynosi 0,5V, to potencjał połączonych ze sobą emiterów wynosi  $U_E$ =-0,5V. Na każdym z rezystorów  $R_C$  występuje spadek napięcia równy  $R_C$ \* $I_C$  zmniejszający napięcie  $U_{CE}$  odpowiedniego tranzystora. Dopóki jednak obydwa tranzystory znajdują się w stanie aktywnym, płynące prądy nie zależą od wartości  $R_C$ .

Jeśli dla obydwu tranzystorów przyjmiemy  $R_{C1}=R_{C2}=0\Omega$ , to napięcie  $U_{CE1}=U_{CE2}=10,5V$ . Jeśli teraz zakłócimy stan równowagi przez podłączenie dodatniego napięcia sygnału wejściowego  $E_{g1}$ , to tranzystor T1 zostanie bardziej wysterowany i jego prąd  $I_{C1}$  wzrośnie. Ponieważ suma prądów  $I_{C1}+I_{C2}$  musi być stała i równa I (wymusza to idealna siła prądomotoryczna w obwodzie emiterów), towarzyszy temu takie samo zmniejszenie się prądu  $I_{C2}$ . Gdy przy odpowiednio dużym dodatnim napięciu  $E_{g1}$  tranzystor T1 przejmie cały prąd źródła I, tranzystor T2 wchodzi w stan odcięcia, tzn.  $I_{C2}=0\mu A$ . Mimo że prądy obydwu tranzystorów zmieniają się w takt zmian napięcia sterującego, napięcia  $U_{CE1}=U_{CE2}$  utrzymują się na niezmienionej wartości 10,5V.

Dopiero przyjęcie pewnych wartości rezystancji  $R_C$  powoduje, że napięcie  $U_{CE}$  ulegają przy wysterowaniu wzmacniacza zmianom. Możemy powiedzieć, że włączenie rezystorów  $R_C$  w układzie zapewnia przetwarzanie zmian prądów kolektora na zmiany napięć. Jeśli stan równowagi zostanie zakłócony przez podłączenie dodatniego sygnału wejściowego  $E_{g1}$ , to bardziej wysterowany tranzystor T1 przejmie większą część prądu źródła (jego prąd  $I_{C1}$  wzrośnie), a zatem wzrośnie spadek napięcia  $I_{C1}*R_{C1}$  i napięcie  $U_{CE1}$  zmaleje. Towarzyszy temu takie samo zmniejszenie się prądu  $I_{C2}$  (i odpowiedni wzrost napięcia  $U_{CE2}$ ). Gdy przy odpowiednio dużym dodatnim napięciu  $E_{g1}$  tranzystor T1 przejmie cały prąd źródła I, tranzystor T2 wchodzi w stan odcięcia, tzn.  $I_{C2}$ =0 $\mu$ A, a  $U_{CE}$ =10,5V (zanika spadek napięcia  $I_{C2}*R_{C2}$  i potencjał kolektora  $U_{C2}$ = $E_{CC}$ =10V). Spadek napięcia  $I_{C1}*R_{C1}$  jest wtedy największy, a zatem napięcie  $U_{CE1}$  ma wartość najmniejszą. Przykładowo, dla  $R_{C1}$ =10 $k\Omega$  spadek napięcia  $I_{C1}*R_{C1}$  wyniesie wtedy 0,2mA\*10 $k\Omega$ =2V,czyli napięcie  $U_{CE1}$  wyniesie 8,5V, a więc tranzystor T1 pozostanie jeszcze w stanie aktywnym. Prąd  $I_{C1}$  nie może być większy niż I, ale aby wykorzystać możliwość zmiany napięcia w szerszym zakresie aż do granicy stanu nasycenia tranzystora T2, można zwiększyć wartość rezystancji  $R_{C1}$ .

Jeśli za granicę stanu nasycenia przyjmiemy stan  $U_{CB}$ =0V, odpowiada to potencjałowi kolektora  $U_{C}$ =0V (tzn. napięciu  $U_{CE}$ =0,5V). Tak więc zmianie prądu kolektora w zakresie od zera do pełnego prądu źródła odpowiada zmiana potencjału kolektora od 10V do zera. Stąd wynika, że maksymalna wartość rezystancji w obwodach kolektorów  $R_{C1}$ =  $R_{C2}$ =10V/200 $\mu$ A=50k $\Omega$ . Przy takiej wartości obydwu rezystorów  $R_{C}$  w stanie równowagi ( $E_{g1}$ =  $E_{g2}$ =0), gdy przez każdy z tranzystorów płynie prąd  $I_{C1}$ =  $I_{C2}$ =1/2I=100 $\mu$ A, potencjały kolektorów są równe i wynoszą  $U_{C1}$ =  $U_{C2}$ =5V. Od tej wartości każde z napięć może się zwiększyć o 5V (do  $U_{C}$ =10V w stanie zatkania tranzystora) oraz zmniejszyć o 5V (do  $U_{C}$ =0V na granicy stanu nasycenia tranzystora).

Jeśli sygnałem wyjściowym jest napięcie <u>symetryczne</u>  $U_{WY\ SYM}$  pomiędzy kolektorami tranzystorów, to stanowi równowagi odpowiada zerowa wartość napięcia wyjściowego (napięcia na obydwu kolektorach są jednakowe), a największa osiągalna amplituda napięcia wyjściowego bez zniekształceń wynosi 10V (od położenia równowagi dla zmieniających się  $E_{g1}$  i/lub  $E_{g2}$  potencjały obydwu kolektorów mogą zmienić się po 5V w przeciwne strony, przy czym tranzystory pozostają jeszcze w stanie aktywnym).

<u>Dla wyjścia niesymetrycznego</u> (tzn. pomiędzy jednym z kolektorów a masą układu) w stanie równowagi napięcie wyjściowe wynosi  $U_{WY0}=5V$ ,a przy zmianach  $E_{g1}$  i/lub  $E_{g2}$  może się zmieniać bez zniekształceń w zakresie od zera (granica stanu nasycenia tranzystora) do 10V (dla stanu odcięcia tranzystora). Tak więc maksymalna niezniekształcona amplituda składowej zmiennej wynosi wtedy tylko 5V.

W przypadku wyjścia niesymetrycznego z kolektora T2 dla rezystora  $R_{C1}$  można przyjąć wartość dowolną w zakresie od zera do  $\mathfrak{D}$ k(nie zmienia to rozpływu prądu źródła pomiędzy obydwa tranzystory, a potencjał  $U_{C1}$  jest sygnałem wewnętrznym układu).

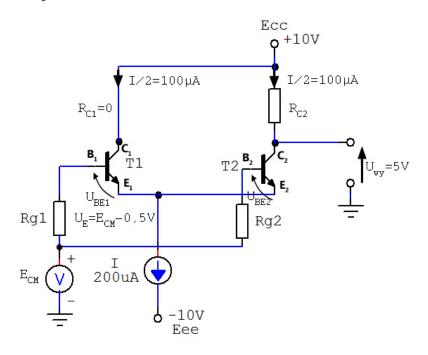
Przyjęcie rezystancji  $R_{C2}$  mniejszej od optymalnej 50k powoduje, że potencjał  $U_{C2}$  w stanie równowagi jest większy, a zatem mniejsza może być amplituda górnych (dodatnich) połówek składowej zmiennej sygnału wyjściowego  $u_{wy}$ . Przy wartości  $R_{C2}$  większej od 50k $\Omega$  potencjał  $U_{C2}$  w stanie równowagi jest mniejszy, a zatem mniejsza może być amplituda dolnych połówek  $u_{wy}$ .

**Ad 2.** Wzrostowi napięcia wejściowego E<sub>g1</sub> odpowiada wzrost prądu I<sub>C1</sub>, czyli opadanie napięcia wyjściowego.

Wejście 2 jest zatem wejściem odwracającym fazę (przy symetrycznych sygnałach okresowych składowa zmienna napięcia wyjściowego jest w stosunku do napięcia wejściowego przesunięta w fazie o pół okresu, czyli o 180°). Przy założeniu idealnej symetrii układu wzmocnienia dla obydwu wejść mają taką samą wartość bezwzględną (różnią się tylko znakiem: wzmocnienie dla wejścia 1 jest dodatnie, a dla wejścia 2 jest ujemne).

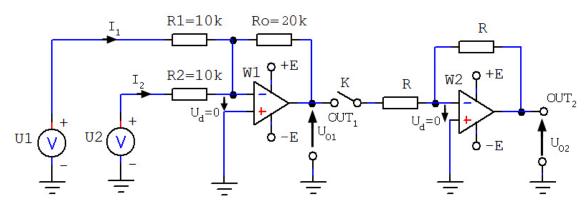
A jak zachowa się układ, gdy na połączone ze sobą wejścia podamy napięcie wspólne  $E_{CM}$ ? Odpowiada to sytuacji  $E_{g1}=E_{g2}$ , czyli idealnie symetrycznym układzie wpływy obydwu wejść wzajemnie się równoważą, a napięcie wyjściowe nie ulega zmianie (mówimy, ze wzmocnienie dla napięcia wspólnego jest równe zeru). Można to wytłumaczyć także w ten sposób, że napięcie wspólne  $E_{CM}$  nie zmienia rozpływu prądu I pomiędzy dwa identyczne tranzystory T1 i T2, a zatem nie wpływa na wartość  $U_{WY0}$ . Jedynym skutkiem przyłożenia napięcia wspólnego  $E_{CM}$  jest zmiana potencjału połączonych ze sobą emiterów tranzystorowych T1 i T2,a przez to zmiana osiąganej amplitudy niezniekształconego napięcia wyjściowego. Jeżeli wystarczająco duże napięcie różnicowe występuje na poziomie napięcia wspólnego  $E_{CM}$ =2V (np. wartości  $E_{g1}$ = 2,001V a  $E_{g2}$ =1,999V odpowiadają napięciu różnicowemu 2mV nałożonemu na równe ich średniej arytmetycznej napięcie wspólne 2V),

to tranzystor T2 wchodzi w stan nasycenia przy  $U_{WY}$ =2V, co dla  $R_{C2}$ =50k $\Omega$  i spoczynkowej wartości  $U_{WY0}$ =5V oznacza, że ujemna amplituda  $U_{wy\ m}$  niezniekształconej składowej zmiennej ulegałoby zmniejszeniu do 3V.



W rozpatrywanym układzie przy dodatnim napięciu wspólnym o wartości  $E_{CM}=+5V$  ujemna amplituda  $U_{wy\,m}$  byłaby już zredukowana do zera. Jeśli nasz wzmacniacz miałby dopuszczać napięcie wspólne  $E_{CM}=+5V$ , oznaczałoby to, że możliwe do wykorzystania napięcia na kolektorze T2 ograniczają się do zakresu od 5V (T2 nasycony przy  $E_{CM}=+5V$ ) do 10V (T2 zatkany przy odpowiednio dużej wartości dodatniej napięcia różnicowego). Odpowiadałaby temu optymalna wartości rezystancji  $R_{C2}=5V/200\mu A=25k\Omega$ , spoczynkowy potencjał  $U_{WY0}=7,5V$  oraz osiągalna niezniekształcona amplituda  $U_{wy\,m}=2,5V$ .

Ujemne napięcie wspólne powiększa zakres zmian  $U_{CE}$ .



Zadanie 8: Wzmacniacze operacyjne - Sumowanie sygnałów napięciowych

Na rysunku pokazano układ z dwoma WO, z których każdy jest objęty ujemnym sprzężeniem zwrotnym. Przy podanych danych liczbowych, zakładając idealne parametry WO, należy:

- 1. Określić jaką operację na dwu napięciach wejściowych realizuje wzmacniacz W1;
- 2. Określić, jak zmieni się realizowana operacja po podłączeniu wzmacniacza W2 przez zamknięcie klucza K;
- Podać zakres wartości stałego napięcia wejściowego U<sub>2</sub>, dla którego układ na wzmacniaczu W1 pracuje na liniowej części charakterystyki przejściowej, jeśli obydwa WO są zasilane napięciami ±15V, a napięcie U<sub>1</sub> to przebieg sinusoidalny o amplitudzie do 2V;
- 4. Podać, jakie zalety ma analizowany układ w stosunku do pokazanego na rysunku poniżej prostego układu rezystancyjnego.

#### Rozwiązanie:

**Ad 1.** Przy otwartym kluczu K w części układu wykorzystującej wzmacniacz W1 widzimy wzmacniacz odwracający, który ma dwa sygnały wejściowe U<sub>1</sub> i U<sub>2</sub>. Dla małych wartości napięć wejściowych, kiedy WO pozostaje na liniowej części charakterystyki (kiedy napięcie wyjściowe ma wartość bezwzględną mniejszą od E) obowiązuje zasada superpozycji i wzmocnienie dla każdego z sygnałów można obliczyć oddzielnie, przy SEM drugiego sygnału wyłączonej (czyli zwartej).

Dla podłączonego napięcia  $U_1$  mamy ujemne sprzężenie zwrotne realizowane przez rezystor  $R_0$ =20k $\Omega$ , wzmacniacz W1 dąży do doprowadzenia napięcia  $U_d$  do wartości zerowej. W stanie ustalonym rezystancja  $R_2$  pochodząca od wyłączonego (zwartego) sygnału  $U_2$  jest włączona dwoma końcami na zerowe napięcie, czyli nie płynie przez nią żaden prąd i możemy zapisać, że prąd  $I_1$  równy  $U_1/R_1$  płynie w całości przez rezystor  $R_0$ , czyli wytwarza na nim napięcie  $U_1$ \*  $R_2$ /  $R_1$ . Uwzględniając ujemny znak tego spadku napięcia, mamy  $U_{01}$ = -  $U_1$ \*  $R_2$ /  $R_1$  czyli wzmocnienie dla napięcia  $U_1$  wynosi:

$$k_{u1} = \frac{U_{01}}{U_1} = -\frac{R_0}{R_1} = -\frac{20k\Omega}{10k\Omega} = -2$$

Postępując podobnie dla sygnału U<sub>2</sub>, otrzymujemy:

$$k_{u2} = \frac{U_{01}}{U_2} = -\frac{R_0}{R_2} = -\frac{20k\Omega}{10k\Omega} = -2$$

Ostatecznie przy jednoczesnym podłączeniu obydwu sygnałów U<sub>1</sub> i U<sub>2</sub> mamy:

$$\mathbf{U}_{01} = \mathbf{k}_{u1} \mathbf{U}_1 + \mathbf{k}_{u2} \mathbf{U}_2 = - \left( \frac{\mathbf{R}_0}{\mathbf{R}_1} \mathbf{U}_1 + \frac{\mathbf{R}_0}{\mathbf{R}_2} \mathbf{U}_2 \right) = - \mathbf{R}_0 \left( \frac{\mathbf{U}_1}{\mathbf{R}_1} + \frac{\mathbf{U}_2}{\mathbf{R}_2} \right)$$

Z ostatniej postaci tej zależności wyraźnie widać, że przez rezystor  $R_0$  płynie w tej sytuacji suma prądów pochodzących od obydwu napięć  $U_1$  i  $U_2$ , a zadaniem rezystorów  $R_1$  i  $R_2$  jest przetworzenie sygnałów napięciowych na prądowe. Podstawiając wartości liczbowe, otrzymujemy zależność:

$$U_{O1} = -2(U_1 + U_2)$$

Układ na wzmacniaczu W1 realizuje zatem wzmocnioną dwukrotnie sumę napięć wejściowych, przy czym nadaje jej znak ujemny. Zwróćmy uwagę na fakt, że pozostawienie jednego z wejść niepodłączonego nie zmienia prądu płynącego ze źródła drugiego sygnału, a zatem nie zmienia wzmocnienia dla tego sygnału.

**Ad 2.** Zamknięcie klucza K powoduje obciążenie wzmacniacza W1 rezystancją wejściową drugiej części układu równą R, ale - jak wiemy - obciążenie takie nie zmienia wzmocnienia. Obydwa rezystory drugiej części układu mają nieznane, ale jednakowe wartości, a więc wzmocnienie tego stopnia wynosi -1. Znak sygnału U<sub>O1</sub> jest więc odwracany i ostatecznie mamy:

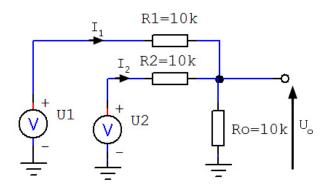
$$U_{02} = 2(U_1 + U_2)$$

**Ad 3.** Rozpatrzmy sytuację dla wejściowych napięć dodatnich. Napięcie  $U_{O1}$  może osiągać wtedy wartość do -15V, a to na podstawie  $U_{O1}$ = -  $2(U_1 + U_2)$  oznacza, że suma napięcia wejściowego  $U_2$  i dodatniej amplitudy sinusoidalnego napięcia wejściowego  $u_1$  może wynieść 7,5V, czyli

$$U_2 = -U_0/2 - U_{1m} = 7.5V - U_{1m} = 7.5V - 2V = 5.5 V$$

Dla ujemnych napięć wejściowych sytuacja jest identyczna, czyli ostatecznie przy amplitudzie sygnału  $u_1$  nieprzekraczającej 2V mamy możliwość nakładania tego sygnału na składową stałą  $U_2$  o wartości zmienianej w zakresie od -5,5V do +5,5V. Dla napięć  $U_2$  poza tym zakresem obydwa wzmacniacze W1 i W2 wchodzą w nasycenie.

**Ad 4.** Dla pokazanego rysunku poniżej, prostego układu złożonego tylko z trzech jednakowych rezystorów przy zastosowaniu zasady superpozycji otrzymujemy:



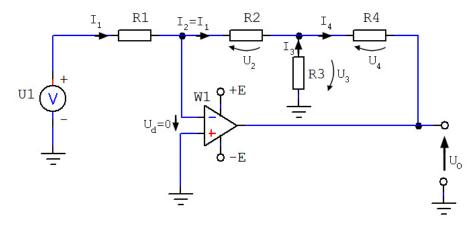
$$U_0 = U_1/3 + U_2/3 = (U_1 + U_2)/3$$

Układ o takiej strukturze także mnoży sumę dwu napięć przez stałą liczbę (jeśli tylko  $R_1 = R_2$ ), ale ma następujące wady w stosunku do układu z "Kluczem".

- Wzmocnienie dla sumy sygnałów może być tylko mniejsze od 1, a co ważniejsze podłączenie jakiegokolwiek obciążenia (równolegle do R<sub>3</sub>) zmienia wartość tego
  wzmocnienia;
- Wzmocnienie dla jednego sygnału (np. U<sub>1</sub>) zależy od tego, czy drugie napięcie (U<sub>1</sub>) jest podłączone, czy jego zacisk wejściowy pozostawimy niepodłączony. W tym drugim przypadku w powyższym przykładzie wzmocnienie dla U<sub>1</sub> wynosi wtedy nie 1/3, lecz 1/2.

Te wady powodują, że do właściwego wykonania operacji sumowania napięć musimy zastosować WO.

Zadanie 9: Wzmacniacze operacyjne - Wzmacniacz odwracający z dzielnikiem w obwodzie sprzężenia zwrotnego



Na rysunku pokazano wzmacniacz operacyjny w układzie z ujemnym sprzężeniem zwrotnym. Wybierając wartości rezystancji z takim ograniczeniem, że stosunek największej wartości rezystancji do najmniejszej nie może przekroczyć 10, należy:

- 1. Wyznaczyć maksymalną osiągalną wartość modułu wzmocnienia napięciowego układu;
- 2. Dobrać wartości rezystorów (spełniających podany warunek) zapewniające jednocześnie moduł wzmocnienia równy 100 oraz rezystancję wejściową równą  $100k\Omega$ .

**Ad 1.** Uzyskanie wzmocnienia równego 100 w prostym układzie wzmacniacza odwracającego wymaga użycia dwu rezystorów o wartościach R i 100R.

Układ pracuje z ujemnym sprzężeniem zwrotnym, a więc dla małych wartości napięcia wejściowego możemy napisać, że prąd wypływający ze źródła sygnału ma wartość:

(1) 
$$I_1 = \frac{U_1 + U_d}{R_1} = \frac{U_1}{R_1}$$

Prąd ten dopływa do punktu połączenia rezystorów  $R_1$  i  $R_2$  (węzła znajdującego sie na potencjale blisko zera) i w całości płynie dalej przez rezystor  $R_2$  (ponieważ prąd polaryzacji wejścia WO jest równy zeru), wywołując na nim napięcie:

(2) 
$$U_2 = I_1 R_2 = \frac{U_1}{R_1} R_2$$

Napięcie U<sub>3</sub> w punkcie połączenia trzech rezystorów jest równe U<sub>2</sub>, czyli wynosi:

(3) 
$$U_3 = U_2 = \frac{U_1}{R_1} R_2$$

Napięcie to panuje także na rezystorze R<sub>3</sub>, czyli prąd płynący od masy przez ten rezystor musi mieć wartość:

(4) 
$$I_3 = \frac{U_3}{R_3} = \frac{U_1}{R_3} \frac{R_2}{R_1}$$

Przez rezystor R<sub>4</sub> przepływa suma prądów I<sub>2</sub> + I<sub>3</sub>, wywołując na nim spadek napięcia o wartości:

(5) 
$$U_4 = R_4(I_2 + I_3) = R_4(\frac{U_1}{R_1} + \frac{U_1}{R_3} \frac{R_2}{R_1}) = \frac{R_4 U_1}{R_1} (1 + \frac{R_2}{R_3})$$

Napięcie wyjściowe  $U_0$ , które WO musi wystawić, żeby wszystkie powyższe równania były spełnione, obliczamy z oczka pomiędzy dwoma punktami o potencjale masy. Na podstawie II-go prawa Kirchoffa mamy:

(6) 
$$U_0 + U_4 + U_3 = 0$$

Z tego równania wyznaczamy U<sub>0</sub>. Podstawiając wartości uzyskane w (3) i (5), otrzymujemy:

(7) 
$$U_0 = -U_3 - U_4 = -\frac{U_1}{R_1} R_2 - \frac{R_4 U_1}{R_1} \left( 1 + \frac{R_2}{R_3} \right) = -U_1 \left( \frac{R_2}{R_1} + \frac{R_4}{R_1} + \frac{R_4}{R_1} + \frac{R_4}{R_2} \frac{R_2}{R_3} \right)$$

A więc wzmocnienie napięciowe układu wynosi:

(8) 
$$k_u = \frac{U_0}{U_1} = -(\frac{R_2}{R_1} + \frac{R_4}{R_1} + \frac{R_4}{R_1} \frac{R_2}{R_3})$$

Maksymalną wartość modułu wzmocnienia otrzymamy przy nałożonym ograniczeniu, przyjmując małe wartości dla rezystorów występujących w mianownikach składników ostatniego wyrażenia ( $R_1$ =  $R_3$ = R) oraz duże wartości dla rezystorów występujących w licznikach ( $R_2$ =  $R_4$ = 10R). Wynosi ona:

(9) 
$$|\mathbf{k}_{\text{u max}}|=10+10+10*10=120$$

**Ad 2.** Uzyskanie pożądanych parametrów wzmacniacza jest możliwe na wiele różnych sposobów. Jedno z rozwiązań mogłoby polegać na przyjęciu  $R_1$ =R określonej przez pożądaną minimalną rezystancję 100kΩ, przyjęciu  $R_2$ =  $R_4$ = 10R, czyli 1MΩ, i dostrojeniu wzmocnienia przez wyliczoną wartość ostatniego rezystora, czyli  $R_3$ . Na podstawie wyrażenia (8) mamy w tym przypadku:

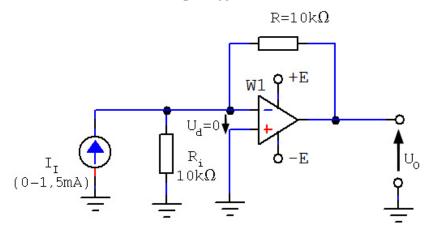
$$10+10+10(10R/R_3)=100$$

I ostatecznie otrzymujemy

$$R_3=100R/80=1,25R=125k\Omega$$

która leży w wymaganym zakresie pomiędzy  $100k\Omega$  a  $1M\Omega$ .

Zadanie 10: Wzmacniacze operacyjne - Przetwornik I/U



W układzie jak na rysunku na wejście II WO podaje sygnał prądu stałego o wartości zmieniającej się w zakresie  $(0\div1,5)$  mA, pochodzący ze źródła o charakterze SPM (siła prądomotoryczna) o rezystancji wewnętrznej  $R_i$ =10k $\Omega$ . Układ ma pełnić rolę przetwornika prądu  $I_I$  na wejście  $U_O$ . Zakładając idealne parametry WO oraz wartość rezystancji R=10k $\Omega$  należy:

- 1. Określić minimalne wartości napięć zasilających (dodatniego i ujemnego), wymagane, aby układ pracował poprawnie w podanym zakresie wartości prądu I<sub>I</sub>
- 2. Przeanalizować, co należałoby zmienić w tym układzie, aby uzyskać zakres przetwarzanych prądów równy (-10 ÷ 10) mA.

#### Rozwiazanie

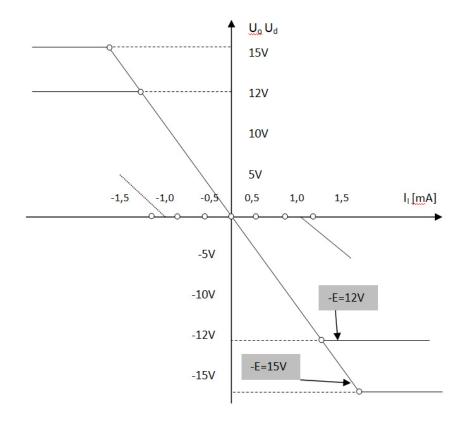
Ad 1. Wzmacniacz pracuje z ujemnym sprzężeniem zwrotnym, czyli można zakładać, że dla małych sygnałów utrzymuje wejściowe napięcie różnicowe U<sub>d</sub> na poziomie zerowym. Źródło sygnału wejściowego pracuje więc w warunkach zwarcia. Napięcie na źródle wynosi zero, przez rezystancję wewnętrzną R<sub>i</sub> nie "ucieka" żaden prąd, a więc cały prąd wejściowy I<sub>I</sub> płynie przez rezystor sprzężenia zwrotnego R. różna od nieskończonej wartości rezystancja wewnętrzna R<sub>i</sub> świadcząca o tym, że źródło prądu wejściowego nie ma charakteru idealnej SPM, nie odgrywa w układzie żadnej roli. Mamy zatem:

(1) 
$$U_0 = -R * I_1$$

Napięcie wyjściowe jest ujemne, proporcjonalne do prądu wejściowego, nie zależy od rezystancji wewnętrznej  $R_i$ , a stała przetwarzania (nachylenie charakterystyki statycznej) wynosi -R, czyli - 10V/mA. Dla maksymalnej wartości prądu równej 1,5 mA napięcie wyjściowe ma największą wartość ujemną i wynosi -15V, pod warunkiem ze pozwala na to napięcie zasilające. Otrzymujemy więc wymaganie, aby -E=-15V. Dodatnie napięcie zasilające może przyjmować wartości znacznie mniejsze, jeśli tylko inne układy nie wymagają, aby było symetryczne względem potencjału masy.

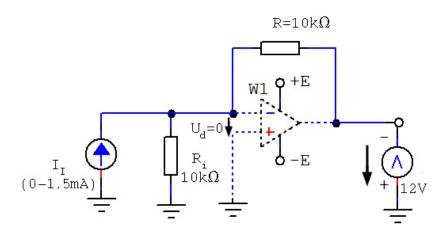
Ad 2. Charakterystyki przetwarzania przedstawiono na Rys.10. Dla symetrycznego zasilania  $\pm E = \pm 15 V$  w całym zakresie prądów napięcie wyjściowe jest określone zależnością (1) a napięcie  $U_d$  jest utrzymywane na poziomie zerowym.

Dla symetrycznego napięcia zasilania ±E=±12V układ pracuje poprawnie dla prądów o wartościach do 1,2 mA. Dla większych prądów sytuacja się komplikuje, gdyż WO nie jest w stanie doprowadzić napięcia U<sub>d</sub> do zera. Obliczmy napięcie U<sub>d</sub> dla maksymalnego prądu I<sub>I</sub>=1,5mA.



Rys. 10

Wzmacniacz zachowuje się jak SEM o wartości -12V, a układ wygląda jak na rysunku (3).



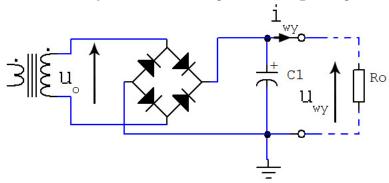
Potencjał wejścia odwracającego  $U_{II}$  obliczony zgodnie z zasadą superpozycji jako suma wartości wynikających z dwu wymuszeń (SEM E równej -12V oraz SPM  $I_{I}$  równej 1,5mA) wynosi:

$$U_{II} = -E \frac{R_i}{R + R_i} + I_I \frac{R_i R}{R + R_i} = -12v * \frac{1}{2} + 1,5 \text{mA} * 5 \text{k}\Omega = +1,5 \text{V}$$

Czyli przez rezystancje wewnętrzną źródła przepływa prąd 0,15mA, tzn. 10% wartości SPM. Napięcie U<sub>d</sub> zastrzałkowane jak na rysunku jest więc wtedy ujemne i ma wartość -1,5V.

**Ad 3.** Aby zakres przetwarzanych prądów wynosił  $\pm 10$ mA, należy np. zastosować symetryczne zasilanie  $\pm 15$ V oraz przyjąć rezystor R w układzie sprzężenia zwrotnego WO równy 1,5k $\Omega$ .

Zadanie 11: Projektowanie układu prostowniczego dwupołówkowego



Chcemy otrzymać zasilacz prądu stałego o minimalnym napięciu wyjściowym  $U_{WY\ min}$ =30V przy prądzie wyjściowym  $I_{WY}$ =1A, z maksymalnym napięciem tętnień  $U_{t\ pp}$ =3V

Korzystamy z równania:

$$U_{WY min} \approx U_{WY} - 2/3U_{t pp} => U_{WY} \approx U_{WY min} + 2/3U_{t pp} = 32V$$

Obliczamy znamionowa moc transformatora przy założeniu że współczynnik kształtu wynosi  $\alpha = 1,5$ 

$$P_N = \alpha I_{WY}(U_{WY} + 2U_F) = 1,5A(32V + 2V) = 51W$$

Z tablicy dobieramy rdzeń pierścieniowy o średnicy D=80mm. Jego współczynnik strat wynosi  $s_u$ =1,15

Korzystamy ze wzoru na rezystancję wewnętrzną transformatora  $r_w = R_N(s_u-1)$ , pamiętając, że

 $R_N=U_{n\,ef}/I_{n\,ef}$  oraz  $P_N=U_{n\,ef}*I_{n\,ef}$  modyfikując wzrór

$$r_w = R_N(s_u-1) = U_{n \text{ ef}}^2 / P_N(s_u-1) = (30V)^2 / 51W(1,15-1) = 2,65\Omega$$

wiemy, że napięcie biegu jałowego wynosi:  $U_{WYO} = \sqrt{2}U_{oef} - 2U_F$ , ale pamietając o zależności  $s_u = \frac{U_{oef}}{U_{nef}}$  modyfikujemy wzór na napięcie biegu jałowego i otrzymujemy

$$\mathbf{U}_{WYO} = \sqrt{2}\mathbf{U}_{n\ ef}\mathbf{s}_u - 2\mathbf{U}_F$$
, podstawiając do  $\mathbf{U}_{WY} = \mathbf{U}_{WYO}\left(1-\sqrt{\frac{\mathbf{r}_w}{2\mathbf{R}_o}}\right)$  mamy

$$U_{WY} = \left(\sqrt{2}U_{n\,ef}s_u - 2U_F\right)\left(1 - \sqrt{\frac{r_w}{2R_o}}\right) = \left(\sqrt{2} * 30V * 1,15 - 2 * 1V\right)\left(1 - \sqrt{\frac{2,65}{2 * 32V/1A}}\right)$$

$$\approx 37,3V$$

Napięcie jest o ok. 5V za wysokie od wymaganego. Należy zmniejszyć o tą wartość. Obliczamy  $r_w$  dla  $U_{n\,ef}$ =25V i otrzymujemy  $r_w$  =1,84  $\Omega$  oraz  $I_{n\,ef}$ = $P_N$ /  $U_{n\,ef}$   $\approx$ 2A

Korzystamy z tablicy i dobieramy uzwojenia:

$$z_1=2140$$
,  $d_1=0.30$ mm

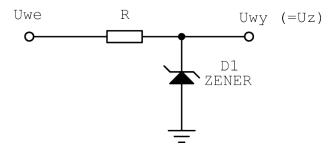
$$z_2=11,25[1/V]*25=281,$$
  $d_1=0,56[\frac{mm}{\sqrt{4}}]*\sqrt{2[A]}=0,79mm$ 

pojemność kondensatora obliczamy ze wzoru:  $U_{t\,pp}=I_{WY}\left(1-\sqrt[4]{\frac{\Gamma_W}{2R_o}}\right)/2Cf$  to pojemność

$$C = \frac{I_{WY}}{2U_{t pp} f} \left(1 - \sqrt[4]{\frac{r_w}{2R_o}}\right) = \frac{1[A]}{2*3[V]*50[Hz]} \left(1 - \sqrt[4]{\frac{1,84}{2*32[\Omega]}}\right) = 1,96 \text{mF} = 1960 \mu\text{F}$$

#### Zadanie 12: Parametryczny stabilizator napięcia z diodą Zenera

Zaprojektuj stabilizator o napięciu wyjściowym +10V dla prądów wyjściowych od 0 do +100mA; napięcie wejściowe zmienia się od 20 do 25V. W każdych warunkach przez diodę Zenera powinien płynąć prąd o wartości co najmniej 10mA. Jaką moc musi wytrzymać dioda Zenera?



## Przyjąć:

- ✓ Minimalne napięcie wejściowe U<sub>we min</sub>=20V, maksymalne napięcie wejściowe U<sub>we max</sub>=25V
- ✓ Wartość napięcia wyjściowego U<sub>wy</sub>=10V
- ✓ Wartość prądu wyjściowego I<sub>wy</sub>=100mA, prądu diody Zenera I<sub>Z</sub>=10mA, prądu płynącego przez oporność I<sub>R</sub>=110mA

### Należy obliczyć:

1. Wartość rezystancji R oraz mocy P dla tej oporności dla poszczególnych przypadków.

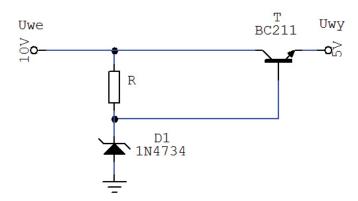
$$\begin{split} R_{min} &= \frac{U_{R\,min}}{I_R} = \frac{10 \text{V}}{0,11 \text{A}} \approx 91 \Omega \rightarrow \text{P} = \text{RI}^2 = 91 * 0,0121 = 1,01 \text{W} \\ R_{max} &= \frac{U_{R\,max}}{I_R} = \frac{15 \text{V}}{0,11 \text{A}} \approx 136 \Omega \rightarrow \text{P} = \text{RI}^2 = 136 * 0,0121 = 1,64 \text{W} \\ P_{Z(1)} &= \left[ \frac{U_{we\,min} - U_{wy}}{R_{min}} - I_{wy} \right] U_Z = \left[ \frac{20 - 10}{91} - 0,10 \right] 10 = -0,098 \text{W} \\ P_{Z(2)} &= \left[ \frac{U_{we\,min} - U_{wy}}{R_{max}} - I_{wy} \right] U_Z = \left[ \frac{20 - 10}{136} - 0,10 \right] 10 = -0,26 \text{W} \\ P_{Z(3)} &= \left[ \frac{U_{we\,max} - U_{wy}}{R_{min}} - I_{wy} \right] U_Z = \left[ \frac{25 - 10}{91} - 0,10 \right] 10 = -0,64 \text{W} \\ P_{Z(4)} &= \left[ \frac{U_{we\,max} - U_{wy}}{R_{max}} - I_{wy} \right] U_Z = \left[ \frac{25 - 10}{136} - 0,10 \right] 10 = -0,10 \end{split}$$

Ujemny znak ma znaczenie symboliczne (jest podłączona zaporowo - płynie w niej prąd wsteczny).

Możemy stwierdzić, iż przypadek 3-ci jest najbardziej niekorzystny dla diody Zenera, czyli gdy występują  $U_{we\ max}$   $R_{min}$  to wydzielana jest największa moc.

## Zadanie 13: Szeregowy stabilizator napięcia z tranzystorem npn

Zaprojektuj prosty stabilizator o napięciu wyjściowym +5V oparty na wtórniku emiterowym, którego baza dołączona jest do napięcia odniesienia - Zenera ( $U_{REF}$ ). Niech układ będzie zasilany z niestabilizowanego napięcia  $U_{we}=10V$ . Wyznacz parametry elementów.



Możemy stwierdzić, że  $U_{WY} = U_{REF} - U_{BE}$  wobec tego aby napięcie na wyjściu było 5V to  $U_{REF} = U_{WY} + U_{BE} = 5V + 0.6V = 5.6V$ 

#### Natomiast

$$U_{WE} = U_{REF} - U_{R} -> U_{R} = U_{WE} - U_{REF} = 10V - 5,6V = 4,4V$$

Jedynie co nam zostało to obliczyć rezystancję R. Znamy napięcie  $U_R$ =4,4V ale nie znamy prądu bazy tranzystora T. Na potrzeby ćwiczenia umieściłem tranzystor BC211, a potrzebne dane katalogowe tego tranzystora to  $I_C$ =300mA przy  $h_{FE}$  min=40.

To w takim razie mamy prąd bazy  $I_B = I_C / h_{FE} = 300 \text{mA} / 40 = 7.5 \text{mA}$ 

To R= 
$$U_R/I_B$$
=4.4V/7.5mA=586 $\Omega$ 

Moc wydzielana na oporniku P=U\*I=4,4V\*7.5mA=0.033W