

Problema 1.1

Per il primo problema viene richiesto di utilizzare un approccio divide et impera, dove un modo alternativo di vedere il problema è in termini di inversioni.

Considerando questi due caratteristiche la scelta dell'algoritmo di ordinamento è ricaduta su quello del **MergeSort**, che come da definizione risulta essere un algoritmo divide et impera. Inoltre, anche se non effettua un vero e proprio scambio, la traccia suggerisce di considerare come inversioni tutte le volte che $i < j$ e $A_i > A_j$ per cui risulta essere un algoritmo che ben si adegua al nostro caso. Di conseguenza si conteggiano solo i valori che verificano questa condizione e questo viene effettuato con l'espressione: **count += m-i+1**, dove m-i+1 rappresenta il numero di elementi rimanenti nel primo sottovettore che sono maggiori dell'elemento corrente arr[j] nel secondo sottovettore.

Di seguito vengono riportati 3 casi di test alternativi a quelli riportati nell'esempio della traccia:

Sample Input

4
6
2
9
5
2
7
4
5
4
3
2
1
8
0

Sample Output

3
1
6

Di seguito viene riportata l'analisi di complessità:

Complessità nel caso peggiore: $O(n \log n)$

Complessità nel caso medio: $O(n \log n)$

Complessità nel caso migliore: $O(n \log n)$

La complessità tuttavia varia in base al numero di testcase poiché il MergeSort viene invocato più volte, in quel caso la complessità diventa $O(N * n \log n)$ dove N grande è il numero di testcase e n il numero di numeri da ordinare.

Elaborato svolto da:

Marco Dell'Isola

Raffaele Cuzzaniti