Penjelasan Matematis

1. Logistic Regression (Multiclass)

Fungsi sigmoid untuk klasifikasi biner diganti dengan softmax untuk multiclass:

$$P(y=k) = rac{e^{eta_{k0}+eta_{k1}X_1+\cdots+eta_{kn}X_n}}{\sum_{j=1}^K e^{eta_{j0}+eta_{j1}X_1+\cdots+eta_{jn}X_n}}$$

- K: Jumlah kelas (misal: 1, 2, 3).
- β_{ki} : Koefisien model untuk kelas k dan fitur ke-i.

2. Akurasi (Accuracy)

$$Akurasi = \frac{Jumlah \ Prediksi \ Benar}{Total \ Sampel}$$

3. Presisi (Weighted)

$$\text{Presisi} = \sum_{i=1}^K w_i \cdot \frac{\text{TP}_i}{\text{TP}_i + \text{FP}_i}$$

- w_i : Proporsi sampel di kelas i.
- 4. Recall (Weighted)

$$\text{Recall} = \sum_{i=1}^K w_i \cdot \frac{\text{TP}_i}{\text{TP}_i + \text{FN}_i}$$

5. F1-Score (Weighted)

$$\mathrm{F1} = \sum_{i=1}^{K} w_i \cdot 2 \cdot \frac{\mathrm{Presisi}_i \cdot \mathrm{Recall}_i}{\mathrm{Presisi}_i + \mathrm{Recall}_i}$$

6. AUC-ROC (One-vs-Rest)

Untuk setiap kelas i, hitung AUC dengan strategi One-vs-Rest:

 $\mathrm{AUC}_i = \mathrm{Luas}$ di bawah kurva ROC kelas ivs semua kelas lainnya

$$ext{AUC}_{ ext{weighted}} = \sum_{i=1}^K w_i \cdot ext{AUC}_i$$