### 1. Kalman Filter

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
np.random.seed(42) # Seed untuk hasil reproducible
true position = 0  # Posisi awal robot
velocity = 1
process variance = 0.01 # Variansi pada noise proses
measurement variance = 1.0 # Variansi pada noise pengukuran
P = 1 # Variansi estimasi awal
Q = process variance # Kovarians noise proses
R = measurement variance  # Kovarians noise pengukuran
true positions = []
measurements = []
kf estimates = []
for t in range(n steps):
    true position += velocity # Posisi sebenarnya
   measurement = true position + np.random.normal(0,
np.sqrt(R)) # Pengukuran noisy
    x pred = A * x
   P \text{ pred} = A * P * A + Q
    K = P \text{ pred * H / (H * P pred * H + R)} \# Kalman Gain
    x = x \text{ pred} + K * (measurement - H * x pred) # Update
    P = (1 - K * H) * P pred # Update variansi estimasi
```

```
true positions.append(true position)
    measurements.append (measurement)
    kf estimates.append(x)
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.plot(true positions, label="Posisi Sebenarnya",
color="g")
plt.plot(measurements, label="Pengukuran (Noisy)",
color="r", linestyle='dotted')
plt.plot(kf estimates, label="Estimasi Kalman Filter",
color="b")
plt.xlabel("Langkah Waktu")
plt.ylabel("Posisi")
plt.title("Estimasi Posisi Robot menggunakan Kalman Filter")
plt.legend()
plt.grid()
plt.show()
```

Kode ini menjalankan simulasi Kalman Filter untuk memperkirakan posisi robot. Berikut adalah rincian langkah-langkah yang terlibat:

Inisialisasi: Variabel diinisialisasi, termasuk posisi awal robot, kecepatan, varians noise, dan parameter Kalman Filter (x, P, A, H, Q, R).

Simulasi: Loop for mensimulasikan pergerakan robot selama beberapa langkah waktu. Di setiap langkah:

Posisi sebenarnya robot diperbarui berdasarkan kecepatannya.

Pengukuran noisy dihasilkan dengan menambahkan noise Gaussian ke posisi sebenarnya.

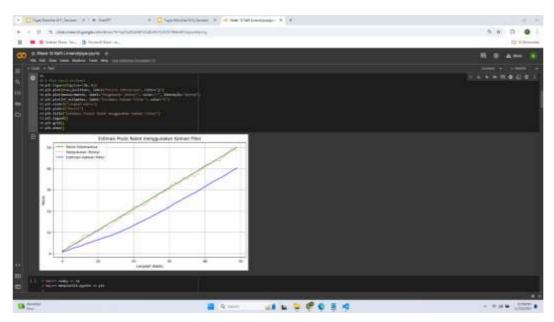
Kalman Filter diterapkan untuk memperkirakan posisi robot berdasarkan pengukuran noisy. Filter ini memiliki dua langkah utama:

Prediksi: Memprediksi keadaan robot berikutnya (posisi) dan ketidakpastiannya (kovariansi).

Pembaruan: Memperbarui estimasi keadaan dan kovariansi berdasarkan pengukuran.

Penyimpanan: Posisi sebenarnya, pengukuran, dan estimasi Kalman Filter disimpan untuk setiap langkah waktu.

Plotting: Setelah simulasi, hasil diplot untuk memvisualisasikan bagaimana estimasi Kalman Filter membandingkan dengan posisi sebenarnya dan pengukuran noisy.



Singkatnya, Kode ini mensimulasikan skenario pelacakan robot dan menggunakan Kalman Filter untuk memperkirakan posisi robot dari pengukuran noisy, kemudian memvisualisasikan hasilnya.

# 2. Filter Partikel untuk Estimasi Posisi Robot

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

# Simulasi parameter
np.random.seed(42)  # Seed untuk hasil reproducible
n_steps = 50  # Jumlah langkah simulasi
n_particles = 1000  # Jumlah partikel dalam filter
true_position = 0  # Posisi awal robot
velocity = 1  # Kecepatan konstan robot

# Variansi noise
process_variance = 0.01  # Variansi pada noise proses
(pergerakan)
measurement_variance = 1.0  # Variansi pada noise pengukuran

# Inisialisasi partikel
particles = np.random.uniform(-10, 10, n_particles)
```

```
weights = np.ones(n particles) / n particles # Bobot awal
true positions = []
measurements = []
particle estimates = []
def resample(particles, weights):
    indices = np.random.choice(range(n particles),
size=n particles, p=weights)
    return particles[indices]
for t in range(n steps):
    true position += velocity # Posisi sebenarnya
    measurement = true position + np.random.normal(0,
np.sqrt(measurement variance))  # Pengukuran noisy
    particles += velocity + np.random.normal(0,
np.sqrt(process variance), n particles)
    weights = np.exp(-0.5 * ((particles - measurement) ** 2)
 measurement variance)
    weights += 1.e-300 # Menghindari bobot nol
    weights /= np.sum(weights) # Normalisasi bobot
    particles = resample(particles, weights)
    estimate = np.mean(particles)
    true positions.append(true position)
    measurements.append(measurement)
    particle estimates.append(estimate)
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.plot(true positions, label="Posisi Sebenarnya",
color="g")
```

```
plt.plot(measurements, label="Pengukuran (Noisy)",
color="r", linestyle='dotted')
plt.plot(particle_estimates, label="Estimasi Filter
Partikel", color="b")
plt.xlabel("Langkah Waktu")
plt.ylabel("Posisi")
plt.title("Estimasi Posisi Robot menggunakan Filter
Partikel")
plt.legend()
plt.grid()
plt.show()
```

Kode ini mengimplementasikan Filter Partikel untuk memperkirakan posisi robot. Berikut adalah penjelasan langkah-langkahnya:

Inisialisasi: Sama seperti kode sebelumnya, sel ini dimulai dengan menginisialisasi parameter simulasi seperti jumlah langkah, jumlah partikel, posisi awal robot, kecepatan, dan varians noise. Selain itu, ia juga menginisialisasi partikel dan bobotnya. Partikel mewakili kemungkinan posisi robot, dan bobot menunjukkan seberapa besar kemungkinan setiap partikel mewakili posisi robot yang sebenarnya.

Fungsi resample: Fungsi ini didefinisikan untuk melakukan resampling partikel berdasarkan bobotnya. Resampling penting untuk memastikan bahwa partikel dengan bobot lebih tinggi (lebih mungkin) direproduksi, sementara partikel dengan bobot lebih rendah dihilangkan.

Simulasi: Loop for mensimulasikan pergerakan robot dan menerapkan Filter Partikel. Di setiap langkah:

Posisi sebenarnya robot diperbarui.

Pengukuran noisy dihasilkan.

Prediksi: Partikel dipindahkan berdasarkan model pergerakan dan noise proses.

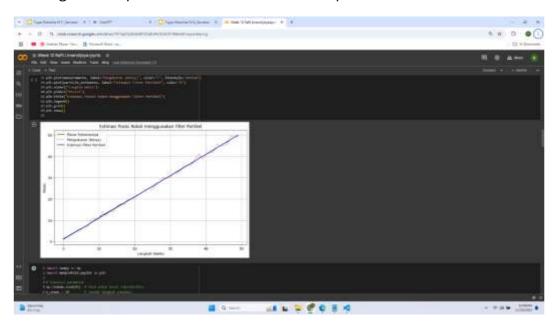
Pembaruan: Bobot partikel diperbarui berdasarkan seberapa dekat pengukuran dengan setiap partikel.

Resampling: Partikel di-resampling menggunakan fungsi resample.

Estimasi: Posisi robot diperkirakan dengan menghitung rata-rata dari semua partikel.

Penyimpanan: Posisi sebenarnya, pengukuran, dan estimasi Filter Partikel disimpan.

Plotting: Hasil diplot untuk memvisualisasikan performa Filter Partikel.



Pada dasarnya, kode ini menggunakan sekumpulan partikel untuk mewakili kemungkinan posisi robot dan memperbarui bobot partikel ini berdasarkan pengukuran. Estimasi posisi robot kemudian diperoleh dengan menghitung rata-rata dari partikel-partikel tersebut.

#### 3. Filter Partikel IMU dan Lidar

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

# Simulasi parameter
np.random.seed(42)  # Seed untuk hasil reproducible
n_steps = 50  # Jumlah langkah simulasi
n_particles = 1000  # Jumlah partikel dalam filter
true_position = 0  # Posisi awal robot
velocity = 1  # Kecepatan konstan robot

# Variansi noise
process_variance = 0.01  # Variansi pada noise proses
(pergerakan)
measurement_variance = 1.0  # Variansi pada noise pengukuran
IMU dan Lidar
imu_variance = 0.5  # Variansi tambahan dari sensor IMU
lidar_variance = 0.2  # Variansi tambahan dari sensor Lidar
```

```
particles = np.random.uniform(-10, 10, n particles)
weights = np.ones(n particles) / n particles # Bobot awal
true positions = []
imu measurements = []
lidar measurements = []
particle estimates = []
def resample(particles, weights):
    indices = np.random.choice(range(n particles),
size=n particles, p=weights)
    return particles[indices]
for t in range(n steps):
    true position += velocity # Posisi sebenarnya
    imu measurement = true position + np.random.normal(0,
np.sqrt(imu variance)) # Pengukuran IMU
    lidar_measurement = true_position + np.random.normal(0,
np.sqrt(lidar_variance))  # Pengukuran Lidar
    particles += velocity + np.random.normal(0,
np.sqrt(process variance), n particles)
    combined measurement = (imu measurement / imu variance +
lidar variance)
    weights = np.exp(-0.5 * (particles -
combined measurement) ** 2) / combined variance)
    weights += 1.e-300 # Menghindari bobot nol
    weights /= np.sum(weights) # Normalisasi_bobot
```

```
particles = resample(particles, weights)
    estimate = np.mean(particles)
    true positions.append(true position)
    imu measurements.append(imu measurement)
    lidar measurements.append(lidar measurement)
    particle estimates.append(estimate)
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.plot(true_positions, label="Posisi Sebenarnya",
color="g")
plt.plot(imu measurements, label="Pengukuran IMU (Noisy)",
color="orange", linestyle='dotted')
plt.plot(lidar measurements, label="Pengukuran Lidar
(Noisy)", color="purple", linestyle='dotted')
plt.plot(particle estimates, label="Estimasi Filter
Partikel", color="b")
plt.xlabel("Langkah Waktu")
plt.ylabel("Posisi")
plt.title("Estimasi Posisi Robot menggunakan Sensor IMU dan
plt.legend()
plt.grid()
plt.show()
```

Kode ini mengimplementasikan Filter Partikel untuk memperkirakan posisi robot, tetapi dengan tambahan sensor IMU dan Lidar.

Berikut adalah langkah-langkah yang dilakukan dalam kode tersebut:

Inisialisasi: Kode ini memulai dengan mendefinisikan parameter simulasi, termasuk jumlah langkah, jumlah partikel, posisi awal robot, kecepatan, dan varians noise untuk proses, pengukuran, IMU, dan Lidar. Partikel dan bobotnya juga diinisialisasi, mirip dengan kode sebelumnya.

Fungsi resample: Fungsi ini sama seperti pada kode sebelumnya, digunakan untuk melakukan resampling partikel berdasarkan bobotnya.

Simulasi: Loop for mensimulasikan pergerakan robot dan menerapkan Filter Partikel dengan pengukuran dari IMU dan Lidar. Di setiap langkah:

Posisi sebenarnya robot diperbarui.

Pengukuran noisy dihasilkan untuk IMU dan Lidar.

Prediksi: Partikel dipindahkan berdasarkan model pergerakan dan noise proses.

Kombinasi Pengukuran: Pengukuran dari IMU dan Lidar digabungkan menggunakan rata-rata tertimbang, dengan bobot berdasarkan varians masing-masing sensor. Ini menghasilkan pengukuran gabungan yang lebih akurat.

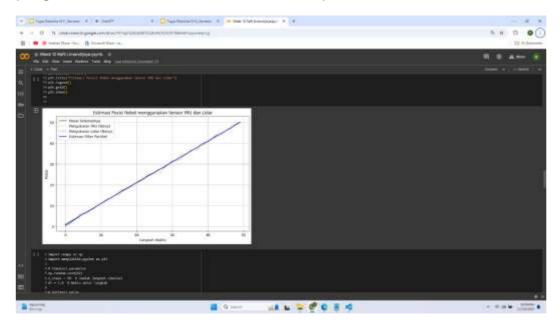
Pembaruan: Bobot partikel diperbarui berdasarkan seberapa dekat pengukuran gabungan dengan setiap partikel.

Resampling: Partikel di-resampling menggunakan fungsi resample.

Estimasi: Posisi robot diperkirakan dengan menghitung rata-rata dari semua partikel.

Penyimpanan: Posisi sebenarnya, pengukuran IMU, pengukuran Lidar, dan estimasi Filter Partikel disimpan.

Plotting: Hasil diplot untuk memvisualisasikan performa Filter Partikel dengan sensor IMU dan Lidar. Plot ini menampilkan posisi sebenarnya, pengukuran dari kedua sensor, dan estimasi posisi.



Pada dasarnya, kode ini memperluas Filter Partikel dengan memasukkan pengukuran dari dua sensor, IMU dan Lidar. Dengan menggabungkan pengukuran ini, Filter Partikel dapat menghasilkan estimasi posisi yang lebih akurat dan robust dibandingkan dengan menggunakan hanya satu sensor.

### 4. Extended Kalman Filter

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
np.random.seed(42)
n steps = 50  # Jumlah langkah simulasi
dt = 1.0 # Waktu antar langkah
process noise cov = np.diag([0.1, 0.1, np.deg2rad(1.0)]) **
measurement noise cov = np.diag([0.5, 0.5]) ** 2 #
state = np.array([0.0, 0.0, 0.0])
# Input kecepatan
velocity = 1.0 # Kecepatan linear
yaw rate = np.deg2rad(10) # Kecepatan rotasi (10
true states = []
measurements = []
estimates = []
def process model(state, control input, dt):
    x, y, yaw = state
    v, omega = control input
    if abs(omega) > 1e-5:
        x \text{ new} = x + (v / \text{omega}) * (np.sin(yaw + \text{omega} * dt)
 np.sin(yaw))
        y new = y + (v / omega) * (-np.cos(yaw + omega * dt)
+ np.cos(yaw))
        x new = x + v * dt * np.cos(yaw)
        y_new = y + v * dt * np.sin(yaw)
    yaw new = yaw + omega * dt
```

```
return np.array([x new, y new, yaw new])
def jacobian_process(state, control_input, dt):
   v, omega = control input
    if abs(omega) > 1e-5:
        J = np.array([
            [1, 0, (v / omega) * (np.cos(yaw + omega * dt) -
np.cos(yaw))],
            [0, 1, (v / omega) * (np.sin(yaw + omega * dt) -
np.sin(yaw))],
       ])
        J = np.array([
            [1, 0, -v * dt * np.sin(yaw)],
            [0, 1, v * dt * np.cos(yaw)],
        ])
def measurement model(state):
    return state[:2]
def jacobian measurement():
    return np.array([[1, 0, 0], [0, 1, 0]])
state estimate = np.array([0.0, 0.0, 0.0])
cov estimate = np.eye(3)
control input = np.array([velocity, yaw rate])
for t in range(n_steps):
    state = process_model(state, control_input, dt)
   true_states.append(state)
    measurement = measurement model(state) +
np.random.multivariate normal([0, 0], measurement noise cov)
    measurements.append(measurement)
```

```
state pred = process model(state estimate,
control input, dt)
    J f = jacobian process(state estimate, control input,
dt)
    cov pred = J f @ cov estimate @ J f.T +
process noise cov
    H = jacobian measurement()
    K = cov pred @ H.T @ np.linalg.inv(H @ cov pred @ H.T +
measurement noise cov)
    state_estimate = state_pred + K @ (measurement -
measurement model(state pred))
    cov_estimate = (np.eye(3) - K @ H) @ cov_pred
    estimates.append(state_estimate)
true states = np.array(true states)
measurements = np.array(measurements)
estimates = np.array(estimates)
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.plot(true_states[:, 0], true_states[:, 1], label="Posisi
plt.scatter(measurements[:, 0], measurements[:, 1],
label="Pengukuran (Noisy)", color="r", s=10)
plt.plot(estimates[:, 0], estimates[:, 1], label="Estimasi")
EKF", color="b")
plt.xlabel("Posisi X")
plt.ylabel("Posisi Y")
plt.title("Simulasi Extended Kalman Filter untuk Navigasi")
plt.legend()
plt.grid()
plt.axis('equal')
plt.show()
```

Kode ini mengimplementasikan Extended Kalman Filter (EKF) untuk memperkirakan posisi dan orientasi robot selama navigasi.

Berikut adalah langkah-langkah yang dilakukan dalam kode:

Inisialisasi: Kode dimulai dengan mendefinisikan parameter simulasi, seperti jumlah langkah, waktu antar langkah, varians noise untuk proses dan pengukuran, serta state awal robot (posisi x, y, dan orientasi yaw). Selain itu, input kecepatan linear dan kecepatan rotasi juga didefinisikan.

## Fungsi Model:

process\_model: Fungsi ini mendefinisikan model pergerakan non-linear robot, menghitung state baru berdasarkan state saat ini, input kontrol, dan waktu.

jacobian\_process: Fungsi ini menghitung Jacobian dari model proses, yang digunakan untuk linearisasi dalam EKF.

measurement\_model: Fungsi ini mendefinisikan model pengukuran, yang dalam kasus ini hanya mengukur posisi x dan y.

jacobian\_measurement: Fungsi ini menghitung Jacobian dari model pengukuran.

Inisialisasi EKF: State estimasi, kovariansi estimasi, dan input kontrol diinisialisasi.

Simulasi: Loop for mensimulasikan pergerakan robot dan menerapkan EKF. Di setiap langkah:

Simulasi Ground Truth: State sebenarnya robot dihitung menggunakan process\_model.

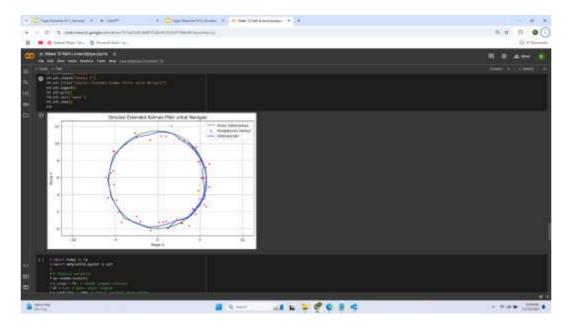
Simulasi Pengukuran: Pengukuran noisy dihasilkan dengan menambahkan noise ke output measurement\_model.

Prediksi: State prediksi dan kovariansi prediksi dihitung menggunakan model proses dan Jacobian-nya.

Pembaruan: Kalman Gain dihitung, dan state estimasi dan kovariansi estimasi diperbarui berdasarkan pengukuran dan Kalman Gain.

Penyimpanan: State sebenarnya, pengukuran, dan state estimasi disimpan untuk setiap langkah waktu.

Plotting: Hasil diplot untuk memvisualisasikan performa EKF. Plot ini menunjukkan lintasan sebenarnya, pengukuran noisy, dan lintasan estimasi EKF.



Singkatnya, kode ini menggunakan EKF untuk memperkirakan state robot (posisi dan orientasi) selama navigasi. EKF menangani model pergerakan non-linear dengan linearisasi menggunakan Jacobian, dan menggabungkan pengukuran noisy untuk menghasilkan estimasi state yang optimal.

# 5. Particel Filter untuk Navigasi

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

# Simulasi parameter
np.random.seed(42)
n_steps = 50  # Jumlah langkah simulasi
dt = 1.0  # Waktu antar langkah
n_particles = 1000  # Jumlah partikel dalam filter

# Variansi noise
process_noise_cov = np.array([0.1, 0.1, np.deg2rad(1.0)]) **
2  # Noise proses (x, y, yaw)
measurement_noise_cov = np.diag([0.5, 0.5]) ** 2  # Noise
pengukuran (x, y)

# State awal [x, y, yaw]
state = np.array([0.0, 0.0, 0.0])

# Input kecepatan
velocity = 1.0  # Kecepatan linear
```

```
yaw rate = np.deg2rad(10) # Kecepatan rotasi (10
particles = np.random.uniform(low=-1.0, high=1.0,
size=(n particles, 3))
weights = np.ones(n particles) / n particles
true states = []
measurements = []
estimates = []
def motion model (particles, velocity, yaw rate, dt,
noise cov):
    n = particles.shape[0]
    noise = np.random.normal(0, np.sqrt(noise cov), size=(n,
3))
    particles[:, 0] += (velocity * dt * np.cos(particles[:,
2])) + noise[:, 0]
    particles[:, 1] += (velocity * dt * np.sin(particles[:,
2])) + noise[:, 1]
    particles[:, 2] += (yaw rate * dt) + noise[:, 2]
    return particles
def measurement model(state):
    return state[:2]
def resample(particles, weights):
    indices = np.random.choice(range(n particles),
size=n particles, p=weights)
    return particles[indices]
for t in range(n steps):
   state[0] += velocity * dt * np.cos(state[2])
    state[1] += velocity * dt * np.sin(state[2])
    state[2] += yaw rate * dt
    true_states.append(state.copy())
    measurement = measurement model(state) +
np.random.multivariate normal([0, 0], measurement noise cov)
```

```
measurements.append(measurement)
    particles = motion model(particles, velocity, yaw rate,
dt, process noise cov)
    distances = np.linalg.norm(particles[:, :2] -
measurement, axis=1)
    weights = np.exp(-0.5 * (distances ** 2) /
measurement noise cov[0, 0])
    weights += 1.e-300 # Hindari bobot nol
    weights /= np.sum(weights) # Normalisasi bobot
    particles = resample(particles, weights)
    estimate = np.mean(particles, axis=0)
    estimates.append(estimate)
true states = np.array(true states)
measurements = np.array(measurements)
estimates = np.array(estimates)
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.plot(true states[:, 0], true states[:, 1], label="Posisi
plt.scatter(measurements[:, 0], measurements[:, 1],
label="Pengukuran (Noisy)", color="r", s=10)
plt.plot(estimates[:, 0], estimates[:, 1], label="Estimasi")
Particle Filter", color="b")
plt.xlabel("Posisi X")
plt.ylabel("Posisi Y")
plt.title("Simulasi Particle Filter untuk Navigasi")
plt.legend()
plt.grid()
plt.axis('equal')
plt.show()
```

Kode ini mengimplementasikan Particle Filter untuk memperkirakan posisi dan orientasi robot selama navigasi, mirip dengan kode keempat tetapi menggunakan pendekatan yang berbeda.

Berikut adalah langkah-langkah yang dilakukan dalam kode:

Inisialisasi: Kode dimulai dengan mendefinisikan parameter simulasi, seperti jumlah langkah, waktu antar langkah, jumlah partikel, varians noise untuk proses dan pengukuran, serta state awal robot (posisi x, y, dan orientasi yaw). Selain itu, input kecepatan linear dan kecepatan rotasi juga didefinisikan. Partikel dan bobotnya juga diinisialisasi.

### Fungsi Model:

motion\_model: Fungsi ini mendefinisikan model pergerakan non-linear robot untuk setiap partikel, memperbarui posisi dan orientasi partikel berdasarkan kecepatan, kecepatan rotasi, dan noise proses.

measurement\_model: Fungsi ini mendefinisikan model pengukuran, yang dalam kasus ini hanya mengukur posisi x dan y.

Fungsi resample: Fungsi ini sama seperti pada kode sebelumnya, digunakan untuk melakukan resampling partikel berdasarkan bobotnya.

Simulasi: Loop for mensimulasikan pergerakan robot dan menerapkan Particle Filter. Di setiap langkah:

Simulasi Ground Truth: State sebenarnya robot dihitung berdasarkan model pergerakan.

Simulasi Pengukuran: Pengukuran noisy dihasilkan dengan menambahkan noise ke output measurement\_model.

Prediksi: Partikel dipindahkan menggunakan motion\_model.

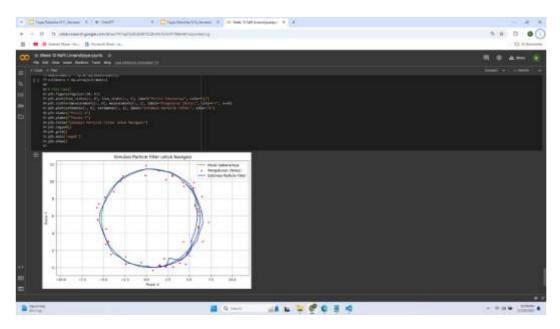
Pembaruan: Bobot partikel diperbarui berdasarkan seberapa dekat pengukuran dengan setiap partikel.

Resampling: Partikel di-resampling menggunakan fungsi resample.

Estimasi: State robot diperkirakan sebagai rata-rata dari semua partikel.

Penyimpanan: State sebenarnya, pengukuran, dan state estimasi disimpan untuk setiap langkah waktu.

Plotting: Hasil diplot untuk memvisualisasikan performa Particle Filter. Plot ini menunjukkan lintasan sebenarnya, pengukuran noisy, dan lintasan estimasi Particle Filter.



Singkatnya, kode ini menggunakan Particle Filter untuk memperkirakan state robot selama navigasi. Particle Filter merepresentasikan distribusi probabilitas state robot menggunakan sekumpulan partikel, dan memperbarui bobot partikel berdasarkan pengukuran. Estimasi state kemudian diperoleh dengan menghitung rata-rata dari partikel-partikel tersebut.