Esame di Fisica Nucleare e Subnucleare 1 - AA 2015/2016

Settembre 2016

1. Esercizio 1

Soluzione: Nel caso di produzione a soglia Σ^+ e K^+ vengono prodotti a riposo nel sistema di riferimento del centro di massa, quindi con p^* nullo. Vale quindi

$$\sqrt{s} = E_{\Sigma}^* + E_K^* = m_{\Sigma} + m_K = 1683 \text{ MeV}.$$

Nel sistema di riferimento del laboratorio il quadrimpulso totale dello stato iniziale è $(E_{\pi} + m_{p}, p_{\pi})$

$$s = E_{\pi}^2 + m_p^2 + 2E_{\pi}m_p - p_{\pi}^2 = m_{\pi}^2 + m_p^2 + 2E_{\pi}m_p = (s)^* = (m_{\Sigma} + m_K)^2 \text{ e infine}$$

$$E_{\pi} = \frac{(m_{\Sigma} + m_K)^2 - m_{\pi}^2 - m_p^2}{2m_p} = 1030 \text{ MeV, per cui } p_{\pi} = \sqrt{E_{\pi}^2 - m_{\pi}^2} = 1021 \text{ MeV.}$$

In questo caso si ha $\beta_{CM} = \frac{p_{LAB}^{tot}}{E_{LAB}^{tot}} = \frac{p_{\pi}}{m_p + E_{\pi}} = 0.52$ (usando il valore già calcolato $\sqrt{s} = 1683$ MeV),

$$\gamma_{CM} = \frac{E_{LAB}^{tot}}{\sqrt{s}} = \frac{m_p + E_{\pi}}{\sqrt{s}} = 1.17,$$

 $\beta_{CM}\gamma_{CM} = \frac{p_{LAB}^{tot}}{\sqrt{s}} = \frac{p_{\pi}}{\sqrt{s}} = 0.61$, e siccome il K^+ è a riposo nel centro di massa, nel laboratorio vale $\beta_K\gamma_K = \beta_{CM}\gamma_{CM}$ da cui $< x_K >= \beta_K\gamma_K c\tau = 2.25$ m.

Nel caso invece in cui il K^+ venga prodotto fermo nel laboratorio, si ha:

$$p'_{\pi} = p_{\Sigma} \epsilon$$

 $E_{\pi}^{\mu} - p_{\Sigma} \in E_{\pi}^{\mu} + m_{p} = E_{\Sigma} + m_{K}. \text{ Dalla conservazione dell'impulso: } E_{\Sigma}^{2} = m_{\Sigma}^{2} + p_{\Sigma}^{2} = m_{\Sigma}^{2} + p_{\pi}^{\prime 2} = m_{\Sigma}^{2} + E_{\pi}^{\prime 2} - m_{\pi}^{2},$ da quella dell'energia $E_{\Sigma}^{2} = (E_{\pi}^{\prime} + m_{p} - m_{K})^{2}$; eguagliando si ottiene $(E_{\pi}^{\prime} + m_{p} - m_{K})^{2} = m_{\Sigma}^{2} + E_{\pi}^{\prime 2} - m_{\pi}^{2} \text{ da cui}$ $E_{\pi}^{\prime 2} + m_{p}^{2} + m_{K}^{2} + 2E_{\pi}^{\prime}(m_{p} - m_{K}) - 2m_{p}m_{K} = m_{\Sigma}^{2} + E_{\pi}^{\prime 2} - m_{\pi}^{2} \text{ e infine}$ $E_{\pi}^{\prime} = \frac{m_{\Sigma}^{2} - m_{\pi}^{2} - m_{p}^{2} - m_{K}^{2} + 2m_{p}m_{K}}{2(m_{p} - m_{K})} = 1347 \text{ MeV}.$

$$(E'_{-} + m_{\nu} - m_{K})^{2} = m_{\Sigma}^{2} + E'_{-}^{2} - m_{-}^{2}$$
 da cui

$$E'_{\pi} = \frac{m_{\Sigma}^2 - m_{\pi}^2 - m_p^2 - m_K^2 + 2m_p m_K}{2(m_p - m_K)} = 1347 \text{ MeV}$$

Si può quindi calcolare $\sqrt{s}=\sqrt{m_\pi^2+m_p^2+2E_\pi'm_p}$ =1851 MeV.

Come già discusso, se il K viene prodotto a riposo nel laboratorio, vale $p_{\Sigma} = p'_{\pi} = \sqrt{E'_{\pi}^2 - m_{\pi}^2} =$ 1340 MeV, da cui si calcola immediatamente $E_{\Sigma} = 1791$ MeV.

2. Esercizio 2

Soluzione:

Si ha $I=I_0e^{-\mu d}$. Il coefficiente di assorbimento vale $\mu=n_b\sigma$. La densità di bersagli vale: $n_b=(\rho N_A/A)\cdot Z=1g/cm^3\cdot 6.022\cdot 10^{23}mol^{-1}/(18gmol^{-1})\cdot 10=3.33\cdot 10^{23}~{\rm cm}^{-3}$. Il coefficiente di assorbimento vale allora $\mu=3.33\cdot 10^{-18}~{\rm cm}^{-1}$. Allora $d=\frac{1}{\mu}ln(I_0/I)=ln(2)/\mu=0.21\cdot 10^{18}~{\rm cm}$.

Vale $\frac{dN_r}{dt} = \phi N_b \sigma$, con $N_b = n_b \cdot V = 3.33 \cdot 10^{27}$, quindi risulta $\frac{dN_r}{dt} = 10^{13} cm^{-2} s^{-1} \cdot 3.33 \cdot 10^{27} \cdot 10^{-41} cm^2 = 0.33$ Hz. Moltiplicando per gli 86400 secondi che ci sono in un giorno si trovano $2.9 \cdot 10^4$ reazioni attese al giorno.

Per avere emissione Cherenkov, si deve avere $\beta>1/n=.752$ e quindi l'elettrone deve avere $\gamma>\gamma_{thr}=1.52$, corrispondente a un'energia pari a $E_e^{thr}=\gamma_{thr}m_e=0.775$ MeV. A queste energie si può considerare fermo il neutrone di stato finale nel laboratorio, per cui la con-

A queste energie si può considerare fermo il neutrone di stato finale nel laboratorio, per cui la conservazione dell'energia nel laboratio vale

 $E_{\nu} + m_p = E_e + m_n$ da cui $E_{\nu}^{thr} = E_e^{thr} + m_n - m_p = 0.775 + 939.6 - 938.3 = 2.1 \text{ MeV}.$

3. Esercizio 3

Soluzione:

Reazioni

- a. Sì, debole
- b. Sì, forte
- c. Sì, forte
- d. No, L_{μ}
- e. Sì, EM
- f. No, Q

Decadimenti

- a. No, $\Delta S = 2$
- b. No, massa
- c. No, massa
- d. Sì, debole
- e. No, massa
- f. Sì, forte