

## DIGITAL ORGANISATION

### UNIT-I

**DATA TYPES:-** Digital Computers में Binary Information को Registers में Store किया जाता है। Registers में data या Control Information को Store किया जाता है। Control Information bit व bits का ग्रुप है जिसे अन्य Registers पर डाटा Manipulation के लिये Command Signals के रूप में प्रदर्शित किया जाता है। Data Binary Number या Numbers हैं जिसे Results के लिये उपयोग में लिया जाता है। digital Computers में Register Data Types को निम्न श्रेणी में विभक्त किया गया है:-

- (1) Numbers जिन्हें Arithmetic Operation के लिये उपयोग में लिया जाता है।
- (2) Data Processing में उपयोग में लिये जाने वाले Letters
- (3) अन्य Special Symbols

Binary Numbers के अलावा सभी प्रकार के डाटा को Binary code form में Register में प्रदर्शित किया जाता है

**Number System:-** हर Number System को उसके आधार के अनुसार पहचाना जाता है जिसे Radix कहते हैं। जैसे decimal Numbers System हमेशा Base 10 को उपयोग में लेता है। जैसे यदि (24.5) को Represent करना है तो निम्न प्रकार किया जा सकता है:-

$$7 \times 10^2 + 2 \times 10^1 + 4 \times 10^0 + 5 \times 10^{-1}$$

**Binary:-** इसी प्रकार Binary Number System Base 2 को उपयोग में लेता है। इन दो digits को 0 या 1 द्वारा प्रदर्शित किया जाता है। इन digits को प्रदर्शित करने के लिये निम्न नियम उपयोग में लिये जाते हैं:-  $(101101)_2$

$$1 \times 2^5 + 0 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 45$$

**Octal:-** इसी प्रकार Octal Number को प्रदर्शित करने के लिये Base 8 को उपयोग में लिया जाता है। जैसे यदि  $(736.4)_8$  को Decimal Numbers में प्रदर्शित करना है:-

$$(736.4)_8 = 7 \times 8^2 + 3 \times 8^1 + 6 \times 8^0 + 4 \times 8^{-1}$$

**Hexadecimal:-** Hexadecimal Numbers को प्रदर्शित करने के लिये Base 16 को उपयोग में लिया जाता है। जैसे यदि  $(F3)_{16}$  को decimal में प्रदर्शित करना हो तो:-

$$(F3)_{16} = F \times 16 + 3 = 15 \times 16 + 3 = (243)_{10}$$

Number System में मुख्य Systems इस प्रकार हैं:-

**(1) Decimal to Binary:-** किसी भी Decimal Numbers की Binary (0,1) में परिवर्तित करने के लिये उसमें 2 का भाग दिया जाता है जब तक कि शेषफल 1 न रह जाए:-

जैसे  $(13)_{10}$  को यदि Binary में परिवर्तित करना हो:-

2	13	1
2	6	0
2	3	1
	1	

$(1101)_2$

अतः  $(13)_{10} = (1101)_2$  हैं।

यदि  $(0.65625)_{10}$  को Binary में बदलना है तो

0.65625	1.31250	0.62500	0.25000	0.50000
<u>x2</u>	<u>x2</u>	<u>x2</u>	<u>x2</u>	<u>x2</u>
1.31250	0.62500	1.25000	0.50000	1.00000
↓	↓	↓	↓	↓
1	0	1	0	1

अतः  $(0.65625)_{10} = (0.10101)_2$

**Binary To Decimal:-** यदि किसी Binary Number को Decimal में परिवर्तित करना हो, तो निम्न प्रकार किया जाता है:-

(i)  $(11111)_2 = (?)_{10}$

$$1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 \\ = 16 + 8 + 4 + 2 + 1 = (31)_{10}$$

(ii)  $(110101)_2 = (?)_{10}$

$$1 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 \\ = 32 + 16 + 0 + 4 + 0 + 1 = (53)_{10}$$

$$\begin{aligned}
 \text{(iii)} \quad (1100.1011)_2 &= (?)_{10} \\
 &= 1*2^3 + 1*2^2 + 0*2^1 + 0*2^0 + 0*2^{-1} + 0*2^{-2} + 1*2^{-3} + 1*2^{-4} \\
 &= 8 + 4 + 0 + 0 + 1/2 + 1/8 + 1/16 \\
 &= 8 + 4 + .5 + .125 + .0625 \\
 &= (12.6875)_{10}
 \end{aligned}$$

**Decimal to Octal:-** Decimal Number की Octal में बदलने के लिये 8 से divide किया जाता है व शेषफल (0-7) के मध्य आता है।

जैसे:- यदि  $(247)_{10}$  को Octal में बदलना से:-

8	247	7
8	30	6
	3	

$$(247)_{10} = (367)_8$$

यदि  $(0.6875)_{10}$  को Octal में परिवर्तित करना हो:-

$$\begin{array}{r}
 0.6875 \quad 0.5000 \\
 \times 8 \quad \times 8 \\
 \hline
 5.5000 \quad 4.0000 \\
 \downarrow \quad \downarrow \\
 5 \quad 4
 \end{array}$$

$$(0.6875)_{10} = (0.54)_8$$

**Binary to Octal:-** Binary Number को Octal को बदलने के लिये LSB (Least Significant Bit) (Right Side) से MSB (Most Significant Bit) Left Side की तरफ तीन Bits का Group बनाया जाता है व उसे Binary form में परिवर्तित कर दिया जाता है।

$$\begin{aligned}
 \text{(i)} \quad (1001110)_2 &= (001 \ 001 \ 110)_2 \\
 &\quad \quad \quad 1 \quad 1 \quad 6 \\
 &= (116)_8
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{(ii)} \quad (0.10100110)_2 &= (0. \ 101 \ 001 \ 110)_2 \\
 &\quad \quad \quad 5 \quad 1 \quad 6 \\
 &= (0.516)_2
 \end{aligned}$$

**Octal to Binary:-** Octal को Binary में परिवर्तित करने के लिये हर Octal digit को उसके 3 Bit Binary form में परिवर्तित कर दिया जाता है।

$$(736)_8 = (111 \ 011 \ 110)_2$$

**Hexadecimal to Decimal Conversion:-** Hexadecimal Number System में Base 16 को उपयोग में लिया जाता है। hexadecimal No. को प्रदर्शित करने के लिये Numeric (0-9) व Alphabet (AF) दोनों उपयोग में लिये जाते हैं।

जैसे यदि  $(3A.2F)_{16}$  को decimal में परिवर्तित करना है:-

$$\begin{aligned}
 (3A.2F)_{16} &= 3*16^1 + 10*16^0 + 2*16^{-1} + 15*16^{-2} \\
 &= 48 + 10 + 2/16 + 15/16^2 \\
 &= (58.1836)_{10}
 \end{aligned}$$

**Decimal to Hexadecimal:-**

$$(1) \quad (95.5)_{10} = (?)_{16}$$

16	95	15
	5	

$$\begin{array}{r}
 (5F)_{16} \quad .5 \\
 \times 16 \\
 \hline
 8.0 \\
 \downarrow \\
 8
 \end{array}$$

$$(95.5)_{10} = (5F.8)_{16}$$

**Binary to Hexadecimal:-** किसी Binary No. को Hexadecimal में परिवर्तित करने के लिये राईट से 4-Bit के Pair बनाए जाते हैं व उनकी Binary Equivalent Value लिख दी जाती हैं।

$$\text{जैसे:- } (10100110101111)_2 = \begin{array}{cccc} 0010 & 1001 & 1010 & 1111 \\ & 2 & 9 & A & F \end{array}$$

(29AF)<sub>16</sub>

**Hexadecimal to Octal:-** यदि Hexadecimal Number को Octal में बदलना हो तो:-

- (i) Hexadecimal Number को Binary में बदलना
- (ii) 3 Bit के Group बनाना
- (iii) Binary Equivalent Value लिखना

$$\text{जैसे:- } (i) (A73E)_{16} = (1010\ 0111\ 0010\ 1110)_2$$

$$\begin{array}{cccccc} 001 & 010 & 011 & 100 & 101 & 110 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \end{array}$$

$$= (123456)_8$$

**Octal to Hexadecimal:-**

- (i) Binary में परिवर्तित करना
- (ii) 4 Bit का Group (Right Left)
- (iii) Binary Equivalent में लिखना

$$\text{जैसे:- } (24736)_8$$

$$= (010\ 100\ 111\ 011\ 110)_2$$

$$\begin{array}{cccccc} 1010 & 0111 & 0111 & 1000 \\ A & 7 & 7 & 8 \end{array}$$

$$= (A7.78)_{16}$$

दशमलव के बाद की संख्या में Group Left से Right (बांयी से दायी) तरफ बनते हैं।

**One's Complement (1's Complement):-** किसी भी Binary Number को उसके is Comp. में बदलने के लिए 1 के स्थान पर 0 व 0 के स्थान पर 1 कर दिया जाता है। परन्तु यदि 0 Number (+5) – (1010)<sub>2</sub> हैं तो 1's Comp. निकालने पर वह (-5) – (1010)<sub>2</sub> हो जाएगा। इस प्रकार के नम्बर इनके लिये MSB (Most Significant Bit) Left से 1's Bit जब 0 हो तो वह No. Positive व जब वहीं Bit 1 हो तो No. Negative होता है जैसे:-

$$\begin{array}{l} +7 = 0111 \\ -7 = 1000 \end{array} \quad \begin{array}{l} +8 = (01000)_2 \\ -8 = (10111)_2 \end{array}$$

**2's Complement:-** जब किसी Binary Number के 1's Complement में 1 जोड़ा है तो 2's Complement प्राप्त होता है। जैसे:-

$$\begin{array}{r} +5 = 0101 \\ -5 = \underline{1010} \quad 1's \text{ Comp.} \\ \quad \quad \quad +1 \\ -5 = 1011 \quad 2's \text{ Comp.} \end{array}$$

**9's Complement:-** किसी भी Value का 9's Complement निकालने के लिये कोई नम्बर N का Base r व उसमें N Digits हो तो जैसे decimal Numbers के लिये:-

$$r=10 \text{ तो } r-1=9 \text{ अतः किसी नम्बर N का 9's Comp. } (10^n-1)-N \text{ होगा। जैसे यदि } n=4 \text{ हो तो}$$

$$(10^4-1) = 10000-1 = 9999$$

अतः यदि किसी दिये गये नम्बर के हर digit से 9 को घटा दिया जाए तो 9's Comp. प्राप्त होता है जैसे:-

$$\begin{array}{r} 999999 \\ 546700 \\ \hline 453299 \quad 9's \text{ Complement} \end{array}$$

**10's Complement:-** 9's Comp. में 1 जोड़ने से 10's Comp. प्राप्त होता है। जैसे 2389 को 10's Comp.

$$\begin{array}{r} 9999 \\ 2389 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 7610 \quad - 9's \text{ Comp.} \\
 \underline{+1} \quad - 10's \text{ Comp.} \\
 7611
 \end{array}$$

### Arithmetic Operation On Branch Numbers:-

$$\begin{array}{r}
 \text{Addition:-} \quad + 6 \quad \quad 00000110 \\
 \underline{+13} \quad \quad +00001101 \\
 19 \quad - \quad 00010011
 \end{array}$$

यदि  $1+0 = 1$

$1+1 = 10$  या  $\rightarrow 0$  लिखा जाएगा व 1 Carry के रूप में रहेगा।

जब दोनो Value Positive हो तो उन्हें आसानी से Add कर दिया जाता है। पर यदि एक Value Positive व एक Value Negative हो तो इसके लिये Negative (-) Value का 2's Compliment निकाल कर उसे Add किया जाता है। जैसे:-

$$(+6)+(-13) = -7$$

इसके लिये पहले 13 का 2's Compliment निकाला जाएगा:-

$$\begin{array}{r}
 13 \quad \quad - \quad 00001101 \\
 1's \text{ Comp.} - \quad \underline{11110010} \\
 \quad \quad \quad \underline{+1} \\
 \quad \quad \quad 11110011
 \end{array}$$

अब  $13^{\text{th}}$  के 2's Comp. को 6 में Add कर दिया जाएगा।

$$\begin{array}{r}
 + 6 \quad 00000110 \\
 -13 \quad \underline{11110011} \\
 - 7 \quad 11111001
 \end{array}$$

**Subtraction:-** जब दो decimal या Binary Numbers की Subtraction करनी हैं तो दो मुख्य बातों का ध्यान रखना आवश्यक है:- (i) जब  $M > N$  ही

(ii) जब  $M < N$  हो।

यदि दो नम्बर M व N हैं व यदि N, M से छोटा है अर्थात्  $M > N$  हैं तो:-

(i) N का 10's Comp. निकालना

(ii) M में N के 10's Comp. को Add करना।

(iii) End Carry को Discard करने के लिये आने वाले Sun की उतनी ही 10 की घात से लेस करना।

जैसे:-दो Number -

$$\begin{array}{r}
 72532 - 13250 = 59282 \\
 \quad \quad M \quad \quad N
 \end{array}$$

यहाँ  $M > N$  हैं।

$$\begin{array}{r}
 \text{(i) अतः M का 10's Compliment -} \quad 99999 \\
 \quad \quad \quad \underline{13250} \\
 \quad \quad \quad 9's \text{ Comp.} \quad \quad 86749 \\
 \quad \quad \quad \quad \quad \underline{+1} \\
 \quad \quad \quad \quad \quad 86750
 \end{array}$$

10's Comp.

(ii) M में N को 10's Comp. को Add करना:-

$$\begin{array}{r}
 M - \quad \quad 72532 \\
 N's \text{ 10's Comp.} - \quad \underline{86750} \\
 \quad \quad \quad 159282
 \end{array}$$

(iii) Carry को discard करने के लिये:-

$$\begin{array}{r}
 159282 \\
 10^5 \quad - \quad \underline{100000} \\
 \text{Answer} \quad \quad 59282
 \end{array}$$

जैसे  $13250 - 72532 = -59282$

M N

(i)  $M < N$  हैं:-

$$\begin{array}{r}
 \text{(i) N का 10's Compliment} \\
 \quad \quad \quad 99999
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 - \underline{72532} \\
 9's \text{ Comp. } \quad 27467 \\
 \quad \quad \quad +1 \\
 10's \text{ Comp. } \quad 27468 \\
 \text{(ii) N के } 10's \text{ Comp. को M में Add करना} \\
 \quad \quad \quad 13250 \\
 \quad \quad \quad + \underline{27468} \\
 \text{Sum. } \quad 40718 \\
 \text{(iii) Sum का } 10's \text{ Comp. निकालना:-} \\
 \quad \quad \quad 99999 \\
 \quad \quad \quad - \underline{40718} \\
 \quad \quad \quad 59281 \text{ Answer}
 \end{array}$$

इसी प्रकार यदि Binary Numbers का Subtraction करना हो जब (i)  $M > N$  हो (ii)  $M < N$  हो

(i) जब  $M > N$  हो:-

(i) N का 2's Comp.

(ii) M में N के 2's Comp. को Add करना।

(iii) Carry discard करने के लिये 2 की Power को Less करना।

$$M = 1010100$$

$$N = 011110$$

$M > N$

(i) N का 2's Comp.

$$0111101$$

$$1's \text{ Comp. } - 1000010$$

$$\quad \quad \quad +1$$

$$2's \text{ Comp. } \quad 1000011$$

(ii) M में N के 2's Comp. को Add करना:-

$$1010100$$

$$+ \underline{1000011}$$

$$1001011$$

(iii) Carry discard करने के लिये

$$10010111$$

$$2^7 \quad \underline{10000000}$$

$$10000111 \text{ Answer}$$

(iv) जब  $M < N$  हो:-

(i) N का 2's Comp.

(ii)  $M+N$ 's Comp.

(iii) Result का 2's Comp.

$$N = 1010100 \quad M = 1000011$$

**Overflow:-** जब दो n digits को Add करने पर Result n+1 आता है तो इस प्रकार की Condition Overflow Condition कहलाती है। जब यही कार्य Paper, Pencil पर किया जाता है तो Overflow Condition Occur नहीं होती परन्तु यदि digital Computers में यह कार्य किया जाता है तो Problem Occur होती है क्योंकि रजिस्टर की Fix Size होती है। Overflow तभी Occur होता है जब दो Numbers को Add किया जाए। यदि एक Number Positive व अन्य Negative हो तो Overflow Occur नहीं होता।

## **CODES**

Computer तथा अन्य digital Circuit Data को Binary Format में Process करते हैं Numeric Alphabets या अन्य प्रकार के Data को प्रदर्शित करने के लिये विभिन्न Binary Code को उपयोग में लिया जाता है।

**BCD Code:-** इस प्रकार के Code में 0-9 decimal Number को उसकी Binary form में प्रदर्शित किया जाता है। यह Binary form 4 Bits में प्रदर्शित की जाती है तथा हर decimal Number के decimal digit को उसकी binary form में प्रदर्शित किया जाता है। जैसे यदि Binary Number – 1000001 को decimal में = 65 व BCD में = 01000001 = 41 लिखा जायेगा।

(2 3) को BCD में 00100011 लिखा जाएगा। ना कि  $(10111)_2$  उसमें Bit by Bit Values को Store किया जाता हैं जिसे बड़ी Values के लिये Registers भी अधिक चाहिये होते हैं इस disadvantage के होते हुए भी digital Systems के लिये Input/Output Operations को इसी प्रकार Represent किया जाता हैं। इस Code को 3-4-2 Code भी कहा जाता हैं।

Decimal Number	Binary				BCD				Excess3				GRAY			
	B <sub>3</sub>	B <sub>2</sub>	B <sub>1</sub>	B <sub>0</sub>	D	C	B	A	E <sub>3</sub>	E <sub>2</sub>	E <sub>1</sub>	E <sub>0</sub>	G <sub>3</sub>	G <sub>2</sub>	G <sub>1</sub>	G <sub>0</sub>
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0	1
2	0	0	1	0	0	0	1	0	0	1	0	1	0	0	1	1
3	0	0	1	1	0	0	1	1	0	1	1	0	0	0	1	0
4	0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	1	1	0	1	1	0
5	0	1	0	1	0	1	0	1	1	0	0	0	0	1	1	1
6	0	1	1	0	0	1	1	0	1	0	0	1	0	1	0	1
7	0	1	1	1	0	1	1	1	1	0	1	0	0	1	0	0
8	1	1	1	0	1	1	1	0	1	0	1	1	1	1	0	0
9	1	0	0	1	1	0	0	1	1	1	0	0	1	1	0	1
10	1	0	1	0									1	1	1	1
11	1	0	1	1									1	1	1	0
12	1	1	0	0									1	0	1	0
13	1	1	0	1									1	0	1	1
14	1	1	1	0									1	0	0	1
15	1	1	1	1									1	0	0	0

**Excess 3 Code:-** यह BCD Code की ही अन्य Form हैं जिसमें यह हर Decimal Digit को उसके 4 bit Binary Code में प्रदर्शित किया जाता हैं। यह Code वास्तविक BCD Code में 3(0011) को Add करने से बनता हैं जैसे 1 के लिये - 0001+001

0001

+ 0011

0100 – Excess 3 Code

इस Code को Weighted Code कहा जाता हैं यह Code Self Complementing Code कहलाता हैं। अर्थात् 2 का Excess 3 Code 0101 हैं तथा इसका 1's Complement 1010 – का Excess 3 Code हैं। जो कि 2 का 9's Complement हैं।

**Gray Code:-** 1 bit के लिये निम्न Gray Code हैं:-

(i) Decimal Number	Gray Code
0	0
1	1

(ii) 2 bit Gray Code

Decimal Number	Gray Code
0	00
1	01
2	11
3	10

(iii) 3 bit के लिये Gray Code:-

Decimal Number	Gray Code
0	000
1	001
2	011
3	010
4	110
5	111
6	101

EBCDIC – Extended BCD Interchange Code.

ASCII – American Standard Code for Information Interchange.

CS DEPT, ACE

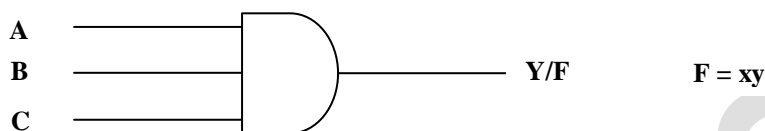
## UNIT – II

Boolean Function को AND, Or तथा Not Operation के रूप में परिभाषित किया जाता है। इसके अलावा अन्य Gates बनाते समय निम्न चार बातों को ध्यान रखना आवश्यक है:-

- (1) Data को बनाने के Physical Components को ध्यान में रखना
- (2) Gate में दो से अधिक Inputs की संभावना को बढ़ाना।
- (3) Binary Operators की मुख्य Properties को ध्यान में रखना।
- (4) Gate का अन्य Gates के साथ भी Boolean Operation को Perform करना।

**AND Gate:-** वह सर्किट जिसके द्वारा AND Operation Perform किया जाता है। इसे AND Gate कहा जाता है। इसे (N>2) को Input के रूप में लिया जाता है व एक Output प्राप्त होता है।

And Operation को निम्न प्रकार define किया जाता है:- Output तभी 1 होगा जब डाले गए सभी Inputs 1 हो।



### AND Gate

डाला गया सभी Input Binary Form में होता है अतः Input या तो 0 या तो 1 ही डाला जाएगा। इन Binary Variable को Logical Variables भी कहा जाता है। दो Variables के मध्य जब AND Operation को Perform किया जाता है तो इसे (.) से प्रदर्शित करते हैं।

**Truth Table:-** Logical Variables को दो Values ही होती हैं (0 या 1) किसी भी Logical Operation को Table की Form में परिभाषित किया जाता है। जिसमें सभी Possible Input को व उनके Outputs को प्रदर्शित किया जाता है। इस प्रकार की Table को Truth Table कहा जाता है।

Truth Table को निम्न प्रकार से प्रदर्शित किया जा सकता है:-

Input		Output
A	B	Y
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

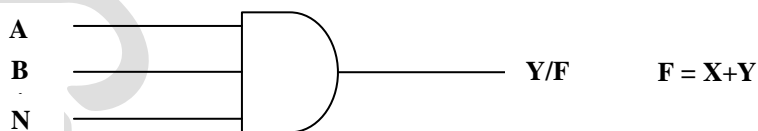
$$A.B = Y$$

**OR-Operation:-** Or gate में भी N Inputs (N>2) दिये जा सकते हैं परन्तु आउटपुट हमेशा 1 होता है OR Gate को निम्न प्रकार define किया जाता है।

Or Gate के द्वारा Output 1 होगा जब दो या एक Input 1 हो।

$$Y = A \text{ or } B \text{ or } C \dots\dots\dots \text{OR} \dots N$$

$$= A+B+C \dots\dots\dots +N$$



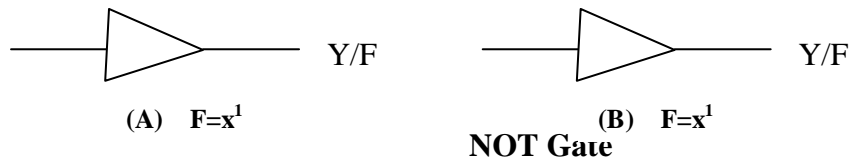
Or Gate के लिये 2 Inputs की Truth Table निम्न है:-

### Truth Table

Input		Output
A	B	Y
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1



**(3) NOT Operation:-** Not Gate को Inverter भी कहा जाता है। इसमें 1 Input व एक Output होता है। इसे निम्न दो प्रकार से प्रदर्शित किया जा सकता है:-



$$Y = \text{NOT } A$$

$$= \bar{A} \text{ (A Complement)}$$

**TRUTH TABLE**

Input A	Output B
0	1
1	0

(N>2) gate

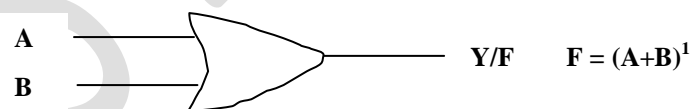
**NAND Gate:-** Mand Function and gate का Complement होता है। इसमें जब दोनो Input 0 व दोनो में से कोई एक Input 1 हो तो Output 1 होता पर यदि दो Input 1 हो तो Output 0 होता है।



**TRUTH TABLE**

Input X	Y	Output F/Y
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

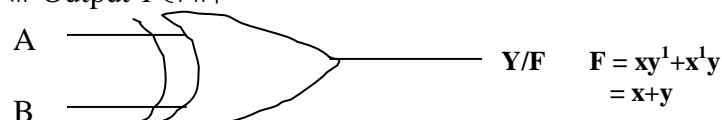
**Nor Gate:-** Nor Gate को OR का Complement कहा जाता है। इसमें जब दोनो Input 0 हो तो Result 1 होगा पर यदि दोनो Input 1 या एक भी Input 1 हो तो Result 0 होगा।



**TRUTH TABLE**

Input A	B	Output Y/F
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

**Exclusive-OR (X-OR):-** इसमें यदि दोनो Input 0 या दोनो Input 1 हो तो Output 0 व यदि दोनो Input में से कोई एक Input 1 हो तो Output 1 होगा।



### TRUTH TABLE

Input		Output
A	B	Y/F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

$$F = xy^1 + x^1y$$
$$= x+y$$

### BOOLEAN ALGEBRA

Digital Signals सीर्फ 0 या 1 Values को ही समझते हैं। अतः इन पर एक Number System बना है जिसे Binary Number System कहा जाता है। 19 वीं शताब्दी के मध्य में एक अंग्रेज गणितज्ञ George Boolean द्वारा कुछ Rules बनाए गए (Binary Variables पर) जिन्हें Boolean Algebra कहा जाता है।

#### Boolean Algebra Theorem:-

$$A+0 = A$$

$$A+1 = A$$

$$A+1 = 1$$

$$A+0 = 0$$

$$A+A = A$$

$$A+\overline{A} = A$$

$$A+\overline{A} = 1$$

$$A+A = 0$$

$$A.(B+C) = AB+AC$$

$$A+BC = (A+B)(A+C)$$

$$A+AB = A$$

$$A(\overline{A+B}) = A$$

$$A+\overline{AB} = (A+B)$$

$$A(\overline{A+B}) = (AB)$$

$$AB+\overline{AB} = \overline{A}$$

$$(A+B).(A+B) = A$$

$$AB+\overline{AC} = (\overline{A+C})(\overline{A+B})$$

$$A.B.C = A . B . C$$

(Break the line & Change the Sign.)

इन Theorems को Demorgans Theorem कहा जाता है।

**MAP Simplification:-** Logical Functions को Logical Variables के रूप में प्रदर्शित किया जाता है। Logical Function या Logical Variables की Value को Binary form में प्रदर्शित किया जाता है। किसी भी Logical Function को निम्न प्रकार से परिभाषित किया जा सकता है:-

(1) Sum of Products (SOP). and

(2) Product of Sum (POS).

जैसे एक Logical Equation दी गई है:-

$$Y = (A+BC)(B+\overline{CA}) \text{ को SOP form में परिवर्तित करना:-}$$

$$Y = (A+BC)(B+\overline{CA})$$

पहले Bracket की Values को दूसरे से And Operation Perform करवाना:-

$$A(B+\overline{CA}) + BC(B+\overline{CA})$$

$$= AB+A\overline{CA}+BCB+BC\overline{CA}$$

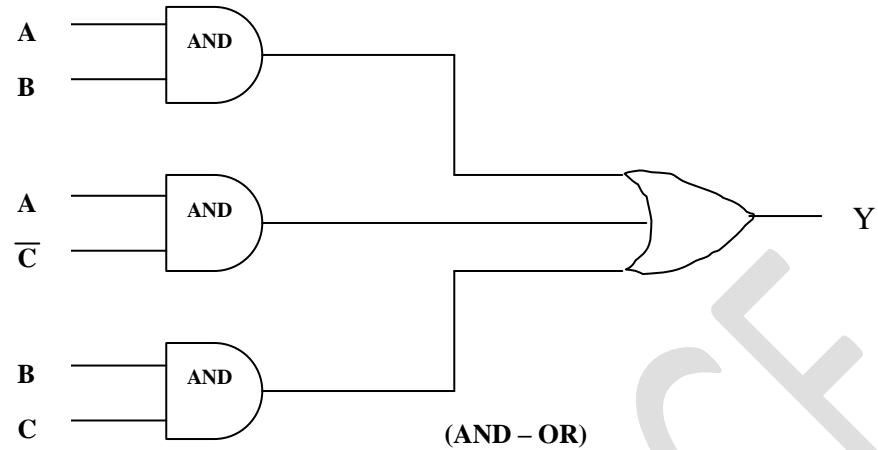
$$= A.B+A.A\overline{C}+B.BC+BA C\overline{C}$$

$$= AB+A\overline{C}+BC+0$$

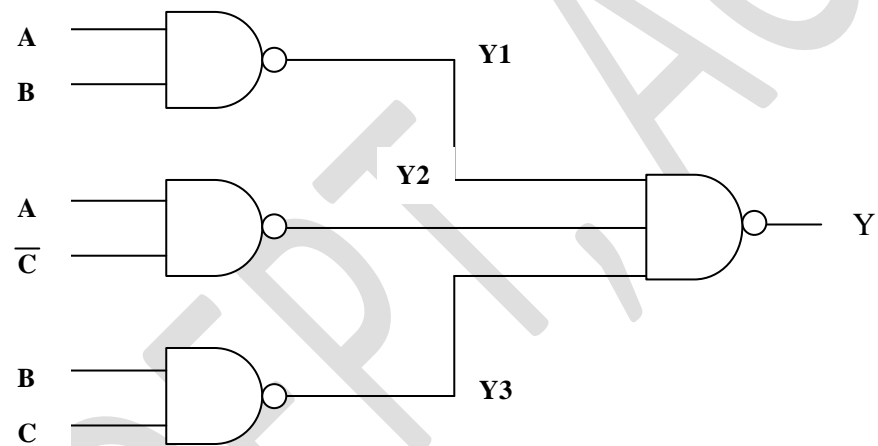
$$\text{SOP} = AB+A\overline{C}+BC$$

Because:-  $A.A=A$ ,  $B.B=A$  But  $C.\overline{C}=0$

**Diagram:-**



इसी Diagram को निम्न प्रकार प्रदर्शित किया जा सकता है:-

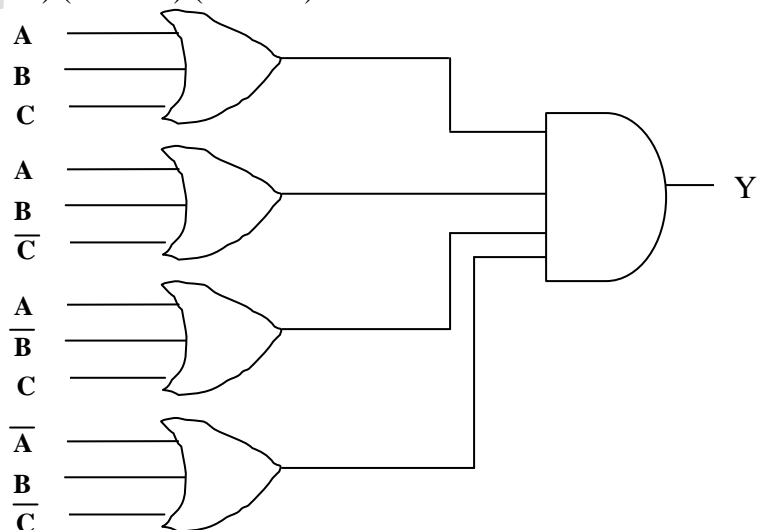


यदि इसे ही POS में Convert करना हो तो:-

$$\begin{aligned}
 y &= (A+BC)(B+CA) \\
 &= (A+B)(A+C)(B+\overline{C})(A+B) \\
 &= (A+B)(A+C)(B+\overline{C})
 \end{aligned}$$

यदि जो Value उपस्थित नहीं उसे एक बार 1 व एक e बार C बना कर लिखा जाए जैसे (A+B) में C उपस्थित नहीं हैं तो उसे CC के रूप में लिखा जा सकता है:-

$$\begin{aligned}
 &(A+B+CC)(A+C+BB)(AA+B+\overline{C}) \\
 &= (A+B+C)(A+B+\overline{C})(A+C+B)(A+\overline{B}+C)(A+B+\overline{C})(\overline{A}+B+\overline{C}) \\
 \text{POS} &= (A+B+C)(A+B+\overline{C})(A+\overline{B}+C)(\overline{A}+B+\overline{C})
 \end{aligned}$$



**K-Maps:-** Logical Function को Short hand में लिखने या उनके Minimization के लिये Minterm या Maxterm को उपयोग में लिया जाता है। जब Logical Variables के मध्य AND Operation Perform किया जाता है तो वे Minterms वे जब उन्हीं Logical Variables के मध्य Operation Perform किया जाता है तो वे Maxterm कहलाती हैं जब  $X=0$  हो तो वह  $X^1/X$  व यदि  $X=1$  हो तो वह  $\bar{X}$  लिखा जाता है। इस प्रकार  $2^4=16$  के लिये Minterms व Maxterms निम्न हैं:-

No.	Variable	Minterm	Maxterms
	A B C D	Mi	Mi
0	0 0 0 0	$\bar{A}\bar{B}\bar{C}\bar{D} = M_0$	$A+B+C+D = M_0$
1	0 0 0 1	$\bar{A}\bar{B}\bar{C}D = M_1$	$A+B+C+\bar{D} = M_1$
2	0 0 1 0	$\bar{A}\bar{B}C\bar{D} = M_2$	$A+B+\bar{C}+D = M_2$
3	0 0 1 1	$\bar{A}\bar{B}CD = M_3$	$A+B+\bar{C}+\bar{D} = M_3$
4	0 1 0 0	$\bar{A}B\bar{C}\bar{D} = M_4$	$A+\bar{B}+C+D = M_4$
5	0 1 0 1	$\bar{A}B\bar{C}D = M_5$	$A+\bar{B}+C+\bar{D} = M_5$
6	0 1 1 0	$\bar{A}BC\bar{D} = M_6$	$A+\bar{B}+\bar{C}+D = M_6$
7	0 1 1 1	$\bar{A}BCD = M_7$	$A+\bar{B}+\bar{C}+\bar{D} = M_7$
8	1 0 0 0	$A\bar{B}\bar{C}\bar{D} = M_8$	$\bar{A}+B+C+D = M_8$
9	1 0 0 1	$A\bar{B}\bar{C}D = M_9$	$\bar{A}+B+C+\bar{D} = M_9$
10	1 0 1 0	$A\bar{B}C\bar{D} = M_{10}$	$\bar{A}+B+\bar{C}+D = M_{10}$
11	1 0 1 1	$A\bar{B}CD = M_{11}$	$\bar{A}+B+\bar{C}+\bar{D} = M_{11}$
12	1 1 0 0	$AB\bar{C}\bar{D} = M_{12}$	$\bar{A}+\bar{B}+C+D = M_{12}$
13	1 1 0 1	$AB\bar{C}D = M_{13}$	$\bar{A}+\bar{B}+C+\bar{D} = M_{13}$
14	1 1 1 0	$ABC\bar{D} = M_{14}$	$\bar{A}+\bar{B}+\bar{C}+D = M_{14}$
15	1 1 1 1	$ABCD = M_{15}$	$\bar{A}+\bar{B}+\bar{C}+\bar{D} = M_{15}$

K Map को Squares से मिलाकर बनाया जाता है हर Square एक Minterm को प्रदर्शित करता है। अतः किसी भी Boolean Function को Minterms के Sum में प्रदर्शित किया जाता है।

**2 or 3 Variable के Map:-** 2 Variable के Map में 4 Minterm को प्रदर्शित किया जाता है। अतः K-Map में चार Squares बनेंगे जिसमें हर एक Minterm को प्रदर्शित किया जाएगा।

(1) यदि  $x=0 = x^1$  द्वारा प्रदर्शित करेंगे।

यदि  $x=1$  हैं तो उसे  $x$  द्वारा प्रदर्शित किया जाएगा।

इसी प्रकार  $y$  के लिये भी यही Terms Use में ली जायेगी।

		x/y	$y^1\{0$	$y\{1$
M <sub>0</sub>	M <sub>1</sub>	$x^1\{0$	$x^1y^1$	$x^1y$
M <sub>2</sub>	M <sub>3</sub>	$x\{1$	$xy^1$	$xy$

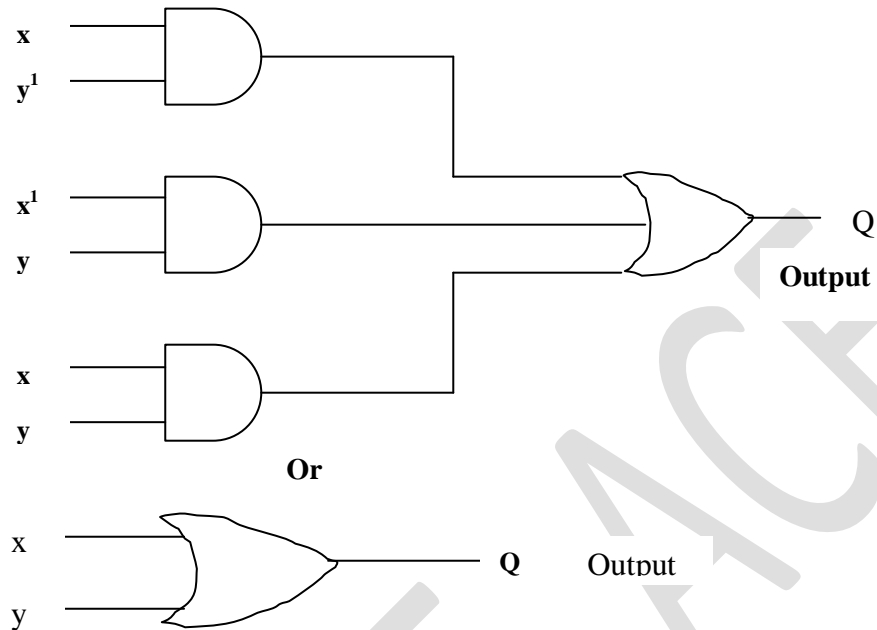
यदि  $M_1+m_2+m_3$  के लिये K-map बनाना है, तो  $M_1, M_2$  व  $M_3$  के ब्लॉक में 1 Values को रख दिया जाएगा।

x/y	0	1
0	0	1 <sub>1</sub>
1	1 <sub>2</sub>	1 <sub>3</sub>

इसके लिये Minimization Function निम्न है:-

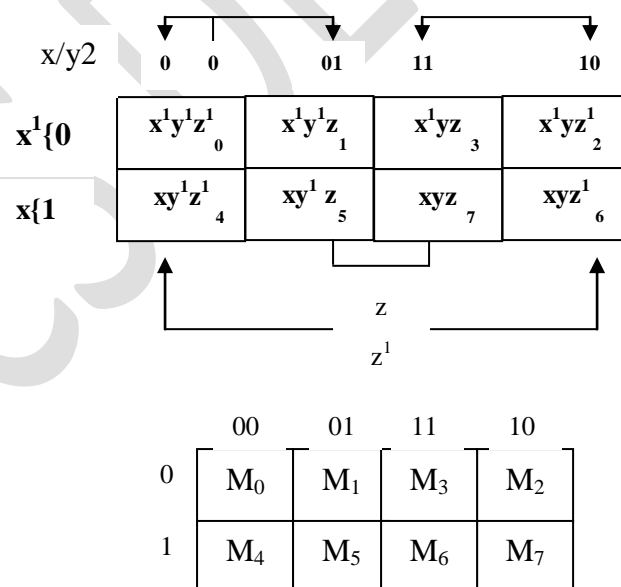
$$xy^1 + x^1y + xy = x + y$$

**Diagram:-**



### K-Map Diagram for 2 Variables

**K-Map for Three Variables:-** तीन Variable के K-Map के लिये 8 Minterms को उपयोग में लिया जाता है। अतः Map में भी 8 Squares को बनाया जाता है। परन्तु ये Minterms Binary Table की Form में नहीं बनायी जाती। क्योंकि जब मैप को फोल्ड किया जाए तो एक दूसरे पर आने वाली Bits की Mirror Images Same नहीं होनी चाहिए। अतः K-map Square को निम्न प्रकार से बनाया जा सकता है।



K-map को Solve करने के लिये 2 के गुणांको में Pairs बनाये जाते हैं। व इनमें यह चेक किया जाता है तीनो Variable में से कौनसी दो Values Same हैं उन्हें ही Function बनाने के लिये उपयोग में लिया जाता है। जैसे एक Function दिया गया है।

$$F = x^1yz + x^1yz^1 + x^1yz^1 + xy^1z^1 + xy^1z$$

सभी Variables की Value रख दी जाएगी।

x/yz	00	01	11	10
$0=x^1$	0	1	$1_3$	$1_2$ → Pair 1
$1=x$	$1_4$ ↓ Pair 2	$1_5$	7	6

Part 1 के लिये समीकरण:-

- (i) दोनों में  $x^1$  की Value Same हैं।
- (ii) दोनों में  $y$  की Value Same हैं।
- (iii) परन्तु  $z$  की Value को एक बार। व दूसरी बाद 0 है अतः इस Value को Function बनाने के लिये उपयोग में नहीं लिया जाएगा।

$$\text{Pair1} = x^1 y$$

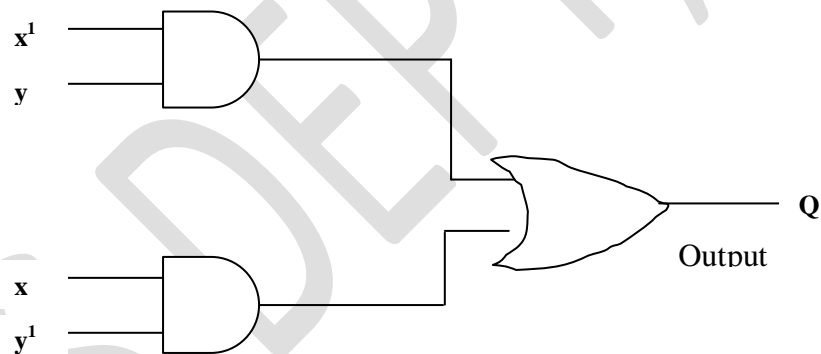
Part 2 के लिये समीकरण:-

- (iv) दोनों में  $x$  की Value Same हैं।
- (v) दोनों में  $y^1$  की Value Same हैं।
- (vi) परन्तु  $z$  की Value बदल रही हैं अतः इसे Function के दौरान उपयोग में नहीं लिया जाएगा।

$$\text{Pair2} = xy^1$$

अतः पूरी समीकरण

$$\begin{aligned} \text{Pair1} + \text{Pair2} \\ = x^1 y + xy^1 \end{aligned}$$



3-Variable K-map diagram

$$F = x^1 y z + xy^1 z^1 + xyz + xyz^1$$

x/yz <sup>1</sup>	00	01	11	10
$x^1\{0$	0	1	$1_3$	2
$x\{1$	$1_4$	$1_5$	$1_7$	$1_6$

इस समय K-Map को यदि फोल्ड किये Pair 2 (4 : Pair 1 Pair 2) पास आ जाएंगे अतः इसे दूसरी Pair बनाया जा सकता है।

**Equation for Pair:-** (i)  $x$  की Value बदल रही हैं।

(ii)  $y$  की Value Same हैं।

(iii)  $Z$  की Value Same हैं।

अतः Equation =  $yz$

**Pair2:-** (i) x की Value Same हैं।

(ii) y की Value बदल रही हैं।

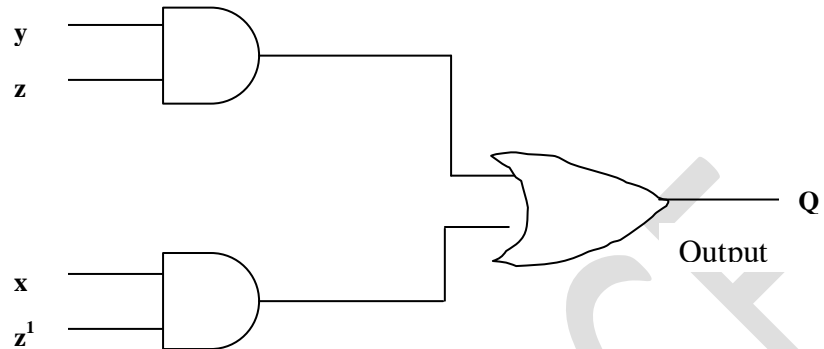
(iii)  $z^1$  की Value Same हैं।

अतः समीकरण  $F = xz^1$

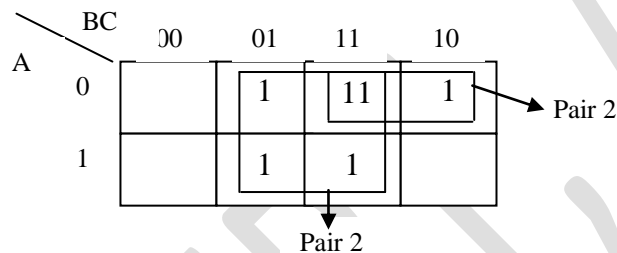
Full Equation:-

Pair1+Pair2

$$F = yz + xz^1$$



$F = A^1C + A^1B + AB^1C + BC$  के लिये Kmap

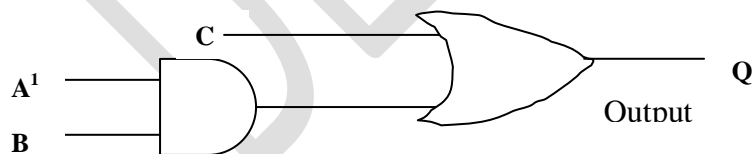


$A^1C$  = दो जगह हैं :- (1) 001 (2) 011 अतः दोनों में Value रख दी जाएगी।

$A^1B$  = दो जगह हैं :- (1) 011 (2) 010 अतः इसमें भी दोनो स्थानो पर 1 रखा जाएगा।

$BC = BC$  भी दो स्थानो पर हैं:- (1) 011 व (2) 110 अतः दोनो स्थानो पर 1 रखा जाएगा।

$$F = C + A^1B$$

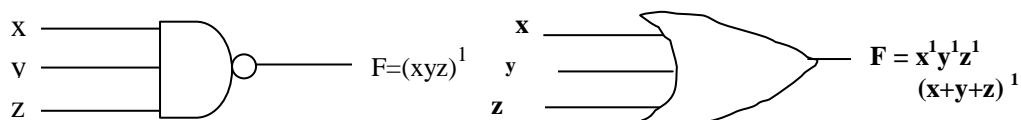


4 Variable K-Map

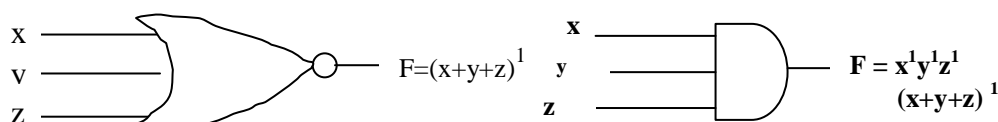
00	$w^1x^1y^1z^1$	$w^1x^1y^1z$	$w^1x^1yz$	$w^1x^1yz^1$
01	$w^1xy^1z^1$	$w^1xy^1z$	$w^1xyz$	$w^1xyz^1$
11	$wxy^1z^1$	$wxy^1z$	$wxyz$	$wxyz^1$
10	$wx^1y^1z^1$	$wx^1y^1z$	$wx^1yz$	$w^1xyz^1$

00	0	1	3	2
01	4	5	7	6
11	12	13	15	14
10	8	9	11	10

Diagram Simplification By NAND Or NOR Gates



NAND GATE



Digital Systems के लिये Logical Circuits दो प्रकार के हो सकते हैं:-

- (1) Combinational (कॉम्बिनेशनल)
- (2) Sequential (सीक्वेंशियल)

Combinational Circuits वे Circuits हैं जो Logical Gates के बने होते हैं, व जिनका Output उनके Input के Combination पर निर्भर करता है जो उसे Currently मिला है। वह किसी भी Previous (पिछले) Input पर निर्भर नहीं करता। अतः Combination Circuit सिर्फ Boolean Function पर ही Information Processor Perform करता है। अतः Combinational Circuits सिर्फ Logic Gates के बने होते हैं व अपने Current Input के Combination पर depend करते हैं।

परन्तु Flip Flop एक ऐसा System है जो Sequential है अर्थात् क्रमवार है। Flip-flop व Combinational Circuit को उपयोग में लेकर Sequential Logical Circuit को बनाया जाता है। सबसे महत्वपूर्ण Sequential Circuit जिन्हें सबसे ज्यादा Digital System में उपयोग लिया जाता है वे Registers व Counters Combinational Circuit को बनाने के लिये निम्न Steps को Follow किया जाता है:-

- (1) सबसे पहले समस्या को समझना।
- (2) अब Input Variables के आधार पर Output Variables का अनुमा लगाना।
- (3) Input व Output Variables को Letters के रूप में प्रदर्शित किया जाता है।
- (4) Input व Output को परिभाषित करने के लिये उसकी Truth Table बनाना।
- (5) हर Output के लिये Boolean Function को प्रदर्शित करना व उसे K-Map द्वारा सरल करना।
- (6) Logical Diagram को प्रदर्शित करना।

**Adders:-** Digital Computers बहुत सी Information Processing कार्यों को Perform करते हैं। जिनमें मुख्य Arithmeted Operations हैं। सबसे मुख्य Operation दो Binary digits का Function है। इसके लिये 4 Possible Operations किये जाते हैं:-

$$0+0=0, \quad 0+1=1, \quad 1+0=1, \quad 1+1=10$$

जब  $9+1$  को Add किया जाता है तो Result 10 आता है इसमें 0 को Sum के रूप में व 1 को Carry के रूप में प्रदर्शित किया जाता है। अतः वह Combinational Circuit जिसके द्वारा दो Bits की Addition को Perform किया जाता है तो वह Full Adder कहलाता है।

**Half-Adder:-** इस प्रकार के Circuit में 2 Input व 2 Output को Consider किया जाता है। Input को x व y के रूप में प्रदर्शित किया जाता है। इसके लिये Truth Table निम्न है:-

x	y	C	S
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	0

अब हर Output (Carry व Sum) के लिये K-Map बनाया जाएगा:-  
K-Map For Carry:-

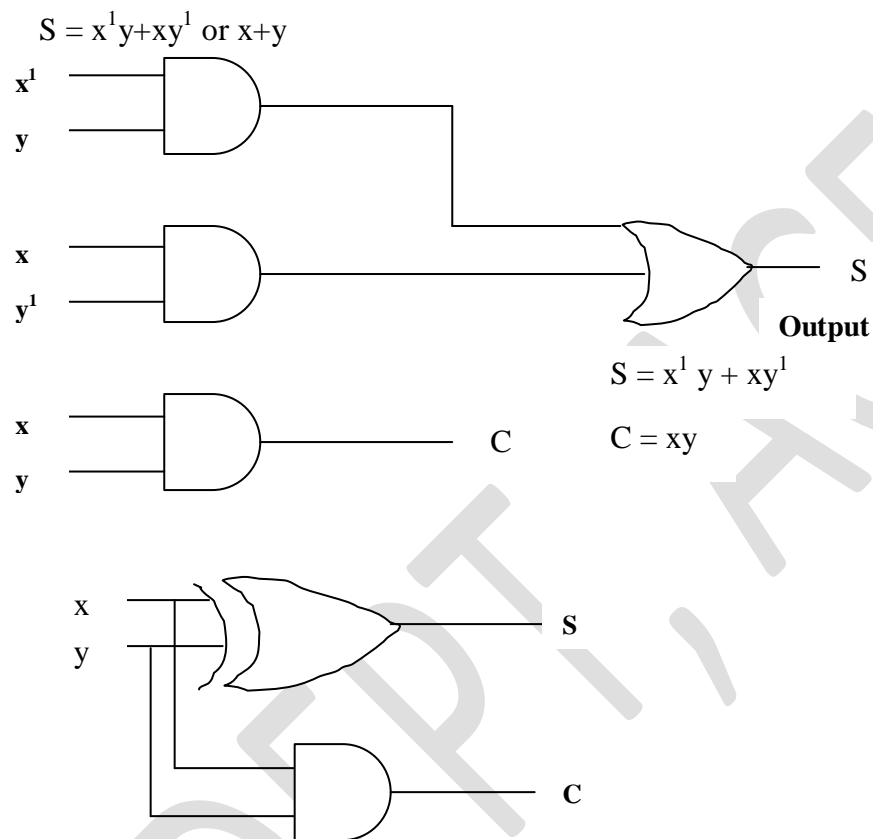
		y	
		0	1
x	0	0	1
	1	2	13

$$C = xy$$

K-Map For Sum

		y	
		0	1
x	0	0	11
	1	12	13



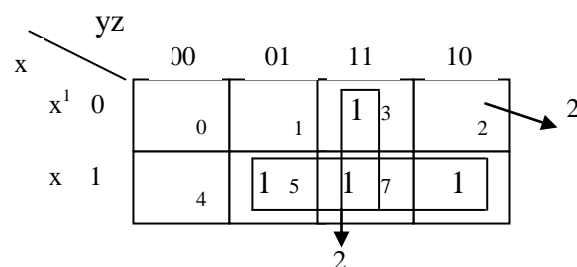


**Full Adder:-** जब  $T$   $S = x+y$   $C = xy$  Bits पर Arithmetic Operation Perform किया जाता है तो उसे Full Adder कहते हैं।

**Truth Table For Full Adder**

x	y	z	C	S
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

**K-Map For Carry:-**



K-Map For Sum:-

		yz			
		00	01	11	10
x	0	0	1 1	3	1 2
	1	1 4	5	1 7	6

$$S = x^1y^1z + x^1yz^1 + xy^1z^1 + xyz$$

$$C = xy + xz + yz$$

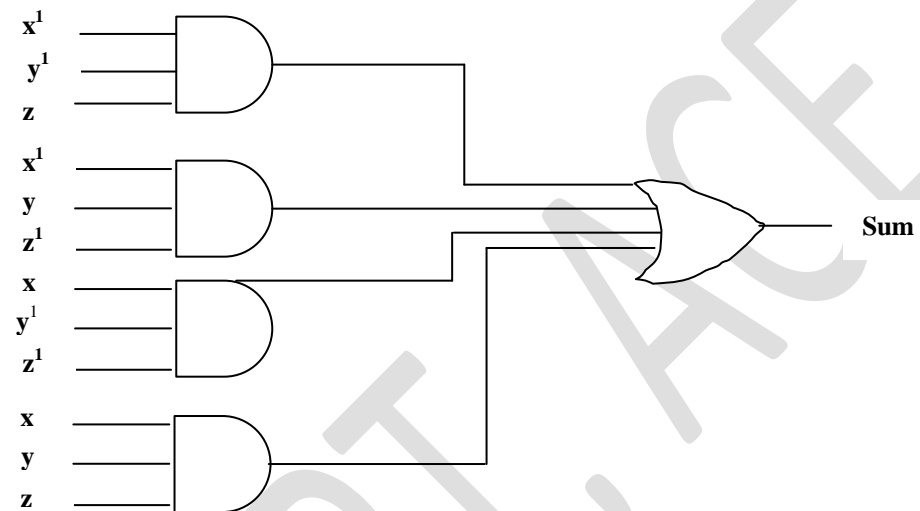
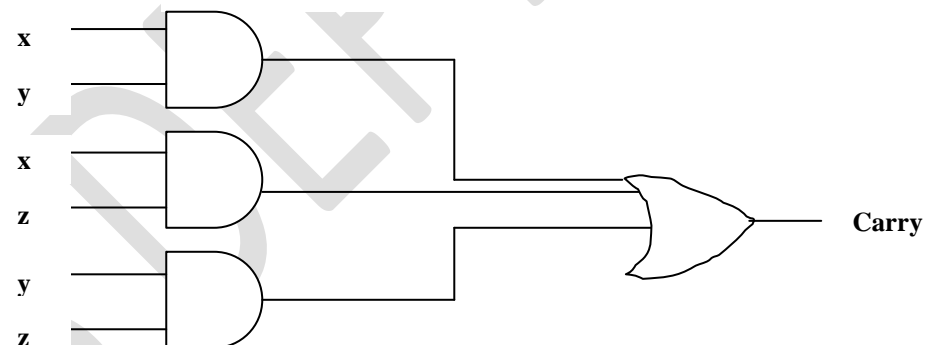


Diagram For Sum



**Sub tractor:-** दो Bits को Subtraction को Half Adder द्वारा Perform किया जाता हैं। इसमें भी उन्हीं Steps को Follow किया जाता हैं जिनके द्वारा Adder बनते हैं। परन्तु यहाँ आने वाले Output को B (Borrow/उधार) व D (difference से प्रदर्शित किया जाता हैं:-

Truth Table

x	y	B	D
0	0	0	0
0	1	1	1
1	0	0	1
1	1	0	0

		0	1
	0	0	1 1
	1	1 2	3

$$D = x^1y + xy^1$$

### Full Sub tractor:-

x	y	z	C	S
0	0	0	0	0
0	0	1	1	1
0	1	0	1	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	0	0
1	1	0	0	0
1	1	1	1	1

### K-Map For B

		yz			
		00	01	11	10
x	0	0	1 1	1 3	1 2
	1	4	5	1 7	6

Groupings: (0,1,3,2) → 1, (1,5,7,6) → 3, (5,7) → 2

### K-Map For D:-

		yz			
		00	01	11	10
x	0	0	1 1	3	1 2
	1	1 4	5	1 7	6

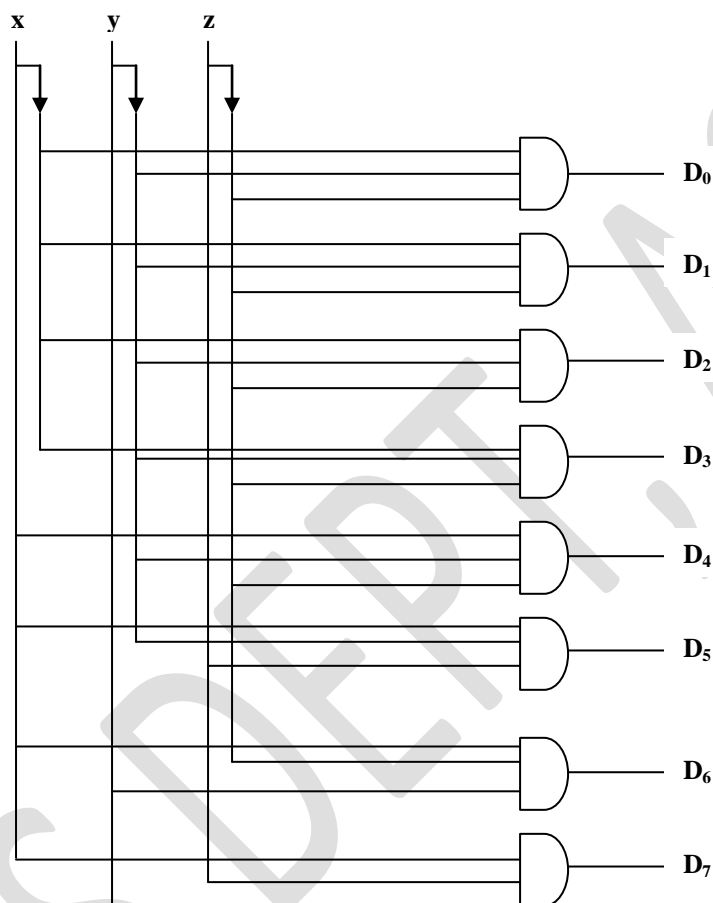
$$D = x^1y^1z + x^1yz + xy^1z^1 + xyz$$

**Decoders:-** Decode एक ऐसा Combinational Circuit हैं जिसके द्वारा Input से  $2^n$  Outputs प्राप्त किये जा सकते हैं। जैसे 3 Inputs देकर  $2^3$  Outputs = 8 Outputs प्राप्त किये जा सकते हैं।

**Example:-** यदि 3x8 Line Decode का Circuit बनाना हैं तो तीन Input को decode करके 8 Outputs decode किये जाएंगे। हर Output 3 में से किसी एक Minterm को प्रदर्शित करेगा। इसके लिये Truth Table निम्न प्रकार हैं:-

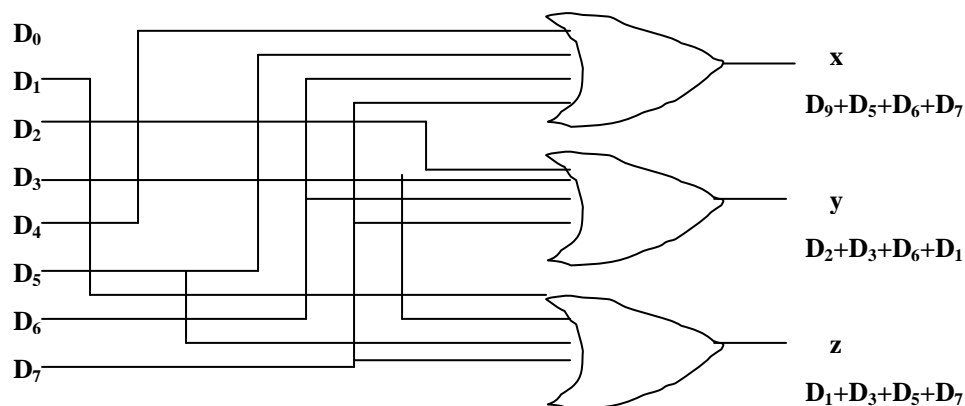
Inputs			3x8 line Decode Outputs							
x	y	z	D <sub>0</sub>	D <sub>1</sub>	D <sub>2</sub>	D <sub>3</sub>	D <sub>4</sub>	D <sub>5</sub>	D <sub>6</sub>	D <sub>7</sub>
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0
1	0	1	0	0	0	0	0	1	0	0
1	1	0	0	0	0	0	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	1

## One Decoder



**Encoders:-** Encoder ऐसा digital Function हैं जिसके द्वारा decoder का उल्टा Operation Perform किया जाता हैं। अतः Encoder  $2^n$  Inputs लेता हैं व  $n$  outputs को प्रदर्शित करता हैं। इन्हें OR Gates द्वारा बनाया जाता हैं।

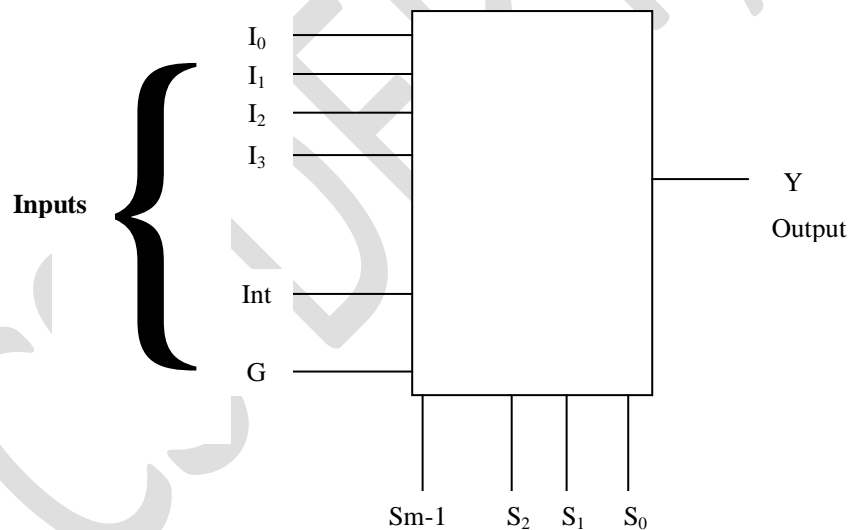
किसी भी समय Encoder केवल एक Input Line को On कर सकता हैं। क्योंकि यदि 8 Inputs डाले जाएं तो Outputs  $2^8 = 256$  होते हैं। परन्तु इनमें से सिर्फ 8 Combinations ही Meaning Full होते हैं। व अन्य Inputs को Don't Care Conditions कहा जाता हैं।



**TRUTH TABLE**

D <sub>0</sub>	D <sub>1</sub>	D <sub>2</sub>	D <sub>3</sub>	D <sub>4</sub>	D <sub>5</sub>	D <sub>6</sub>	D <sub>7</sub>	x	y	z
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	0	0	1	0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0
0	0	0	0	0	1	0	0	1	0	1
0	0	0	0	0	0	1	0	1	1	0
0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1

**Multiplexers:-** Multiplexer एक Special Combinational Circuit हैं जिसे Digital Design के लिये उपयोग में लिया जाता हैं। Multiplexer एक ऐसा Logic Circuit हैं जो विभिन्न Input में से किसी एक Output को सलेक्ट करता हैं। Input Selection को Set of Select Inputs के द्वारा Control किया जाता हैं।



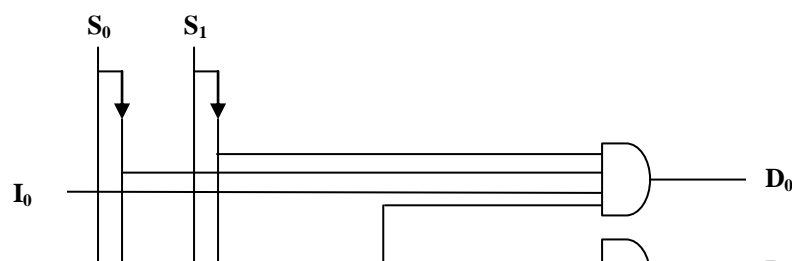
**Truthe Table of 4:1 Multiplexer**

Select Inputs      Outputs

S <sub>1</sub>	S <sub>0</sub>	y
0	0	I <sub>0</sub>
0	1	I <sub>1</sub>
1	0	I <sub>2</sub>
1	1	I <sub>3</sub>

$$Y = S_1 S_0 I_0 + S_1 S_0 I_1 + S_1 S_0 I_2 + S_1 S_0 I_3$$

**CIRCUIT DIAGRAM**



### Multiplexer की विशेषताएँ:-

- (1) Logical Expression को Simplify करने की आवश्यकता नहीं होती।
- (2) Design (Gate की) को भी Simple बना दिया जाता है।

### Flip-Flop

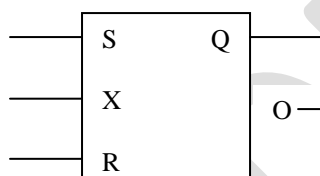
Asked Sequence Circuit में जिन Storage Element का प्रयोग किया जाता है। उन्हें Flip Flop कहते हैं। Flip Flop तक Binary Cell हैं जो एक Bit के Information को Install कर सकते हैं।

### Types of Flip-Flop

विभिन्न प्रकार Flip Flop इस प्रकार हैं:-

- (1) SR Flip-Flop
  - (2) D Flip-Flop
  - (3) JK Flip-Flop
  - (4) T Flip-Flop
- (Set) (Reset)

(1) SR Flip-Flop:- SR F.F Graphics Symbol इस प्रकार का होता है:-



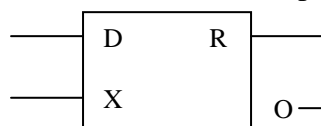
S, R – Output  
Q – Output  
C – Check Pulse  
O – Compliment Output

SR	Q (11)
00	Q (t) No Change
01	O Clear to O
10	1 Sets1
11	? Indentaimiate

Characterisite Table of SR Data

(2) D Flip-Flop:- SR F.F का Modified रूप हैं। S और R Input के आगे Inverter Gate लगाकर हमने उसे एक Singal Input D Symbol बना दिया।

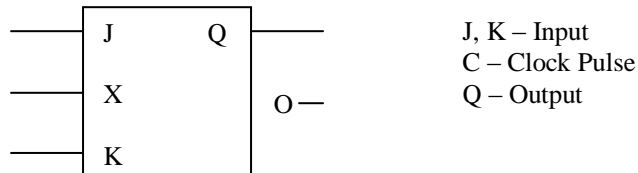
D-Input, C- Clock Pulse, R- Output



Graphics Svmbol

D R (t+1)  
0 0 Clear to O  
1 1 Set to 1  
Characterisite\_table of 1

(3) JK Flip-Flop:- SRF.F. का Refindement रूप हैं। SR ऐसा F.F Indertermative State को इस F.F. के द्वारा difined किया गया हैं।

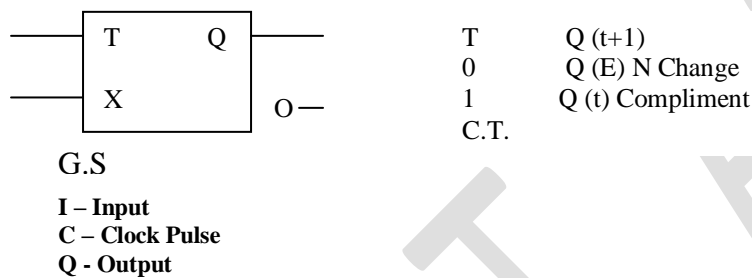


### Graphics Symbol

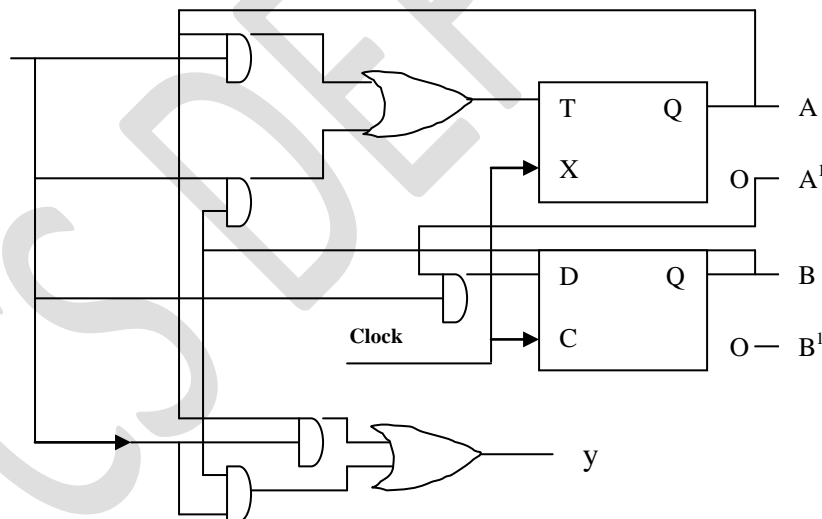
J K	Q (t+1)
0 0	Q (t) No Change
0 1	0 ouarts 0
1 0	1 Set to 1
1 1	Q (t) Complement

### Characteriste Table of JK

(4) Flip-Flop:- T एक Toggle Flip-Flop हैं। यह F.F J.K. Flip Flop से प्राप्त किया गया हैं। J औस K Input बना दिया हैं।



Sequential Circuites:- ऐसे Circuit जो Gates और Flip-Flop से मिलकर बनाते हैं उन्हें Sequential Circuits कहते हैं।

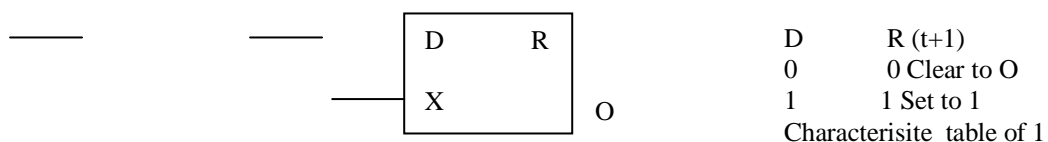


### Graphics Symbol

### Example of a Sequential Circuits

Decoders:- एक ऐसा Circuit जिसमें N Bits Input के लिए  $2^n$  Output अथवा different Codes होते हैं। उसे Decoders कहते हैं। या

Decoderes वह Combinational Circuit हैं जो N Input की Binary Information को Maximum  $2^n$  Unique में परिवर्तित कर देता हैं।

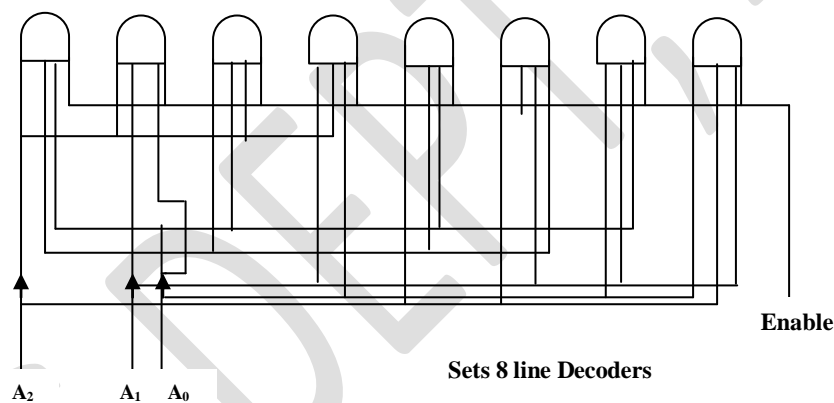


Input				Output							
Enable	A <sup>2</sup>	A <sup>1</sup>	A <sup>0</sup>	D <sub>7</sub>	D <sub>6</sub>	D <sub>5</sub>	D <sub>4</sub>	D <sub>3</sub>	D <sub>2</sub>	D <sub>1</sub>	D <sub>0</sub>
0	x	x	x	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
1	1	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
1	0	1	0	0	0	0	1	0	1	0	0
1	0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

### Graphics Symbol

D	R
X	

D R (t+1)  
 0 0 Clear to 0  
 1 1 Set to 1  
 Characterisite\_table of 1



**Encoders:-** Encoders एक Digital Circuit हैं जो Decoders का Inverse Operation Perform करता हैं। एक Encoders में 2<sup>n</sup> Input Line और N Output line होती हैं।

### Truth table From Octal to Binary Encoders

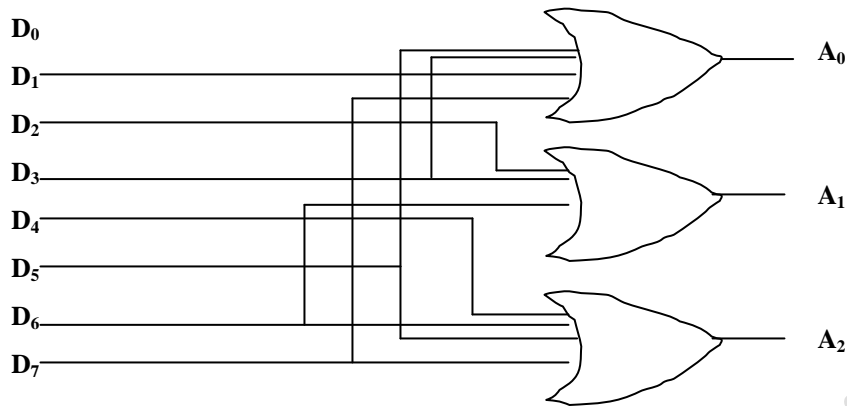
Input								Output		
D <sub>7</sub>	D <sub>6</sub>	D <sub>5</sub>	D <sub>4</sub>	D <sub>3</sub>	D <sub>2</sub>	D <sub>1</sub>	D <sub>0</sub>	A <sub>2</sub>	A <sub>1</sub>	A <sub>0</sub>
0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1
0	0	0	1	0	1	0	0	0	1	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1
0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0	1	0	1
0	1	0	0	0	0	0	0	1	1	0
1	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1

$$A_0 = d_1 + d_3 + d_5 + d_7$$

$$A_1 = D_2 + D_3 + D_6$$

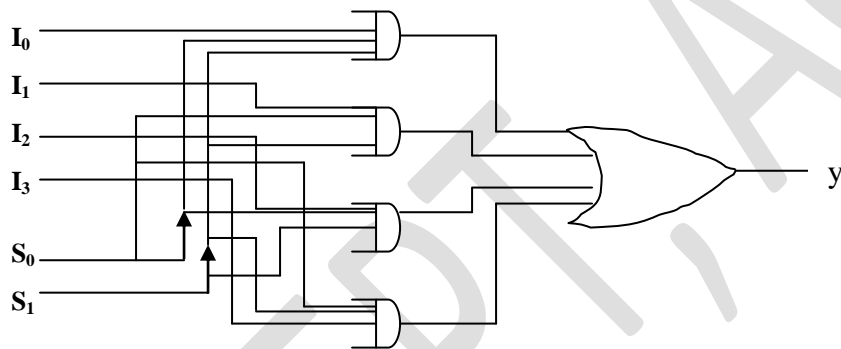


$$A_2 = D_4 + D_5 + D_6 + D_7$$



### 8 To 3 Line Encoders

**Multiplexer:-** Multiplexer वह Combinational Circuit है जो  $2^n$ -Input Data lines से Binary Line Received करता है उसके एक Singal Output Lines पद Direct कर देता है। Particular Data line को सलेक्ट करने के लिए हमें Selection Input line की आवश्यकता होता है।  $2^n$ -to-1 Multiplexer में  $2^n$  InputLine हैं और n Input Selection Line हैं। इसे Mux भी कहते हैं।

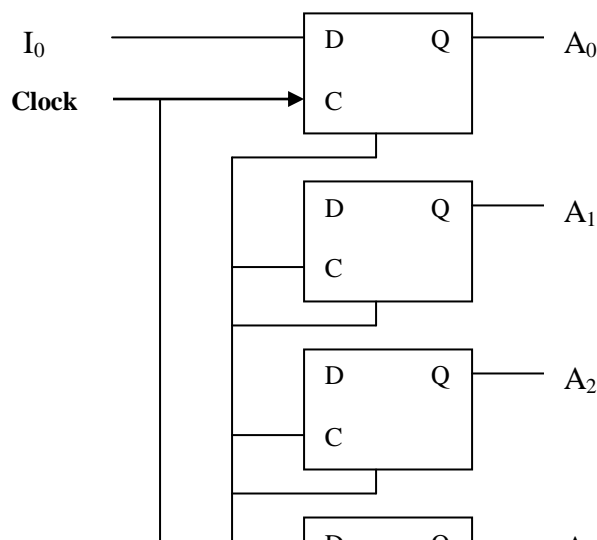


4 to 1 line mwc

Function Table 4 to 1 line mwc

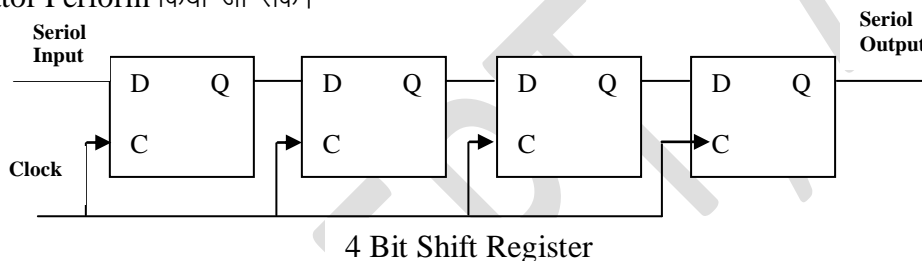
Input		Out put
S.	$\underline{S_0}$	y
0	0	$I_0$
0	1	$I_1$
1	0	$I_2$
1	1	$I_3$
$2^n$ INPUT Line		
N Selection Line		

**Registers:-** Flip-Flop के समूह को Register कहते हैं। एक N Bit Register में N Flip-Flop होते हैं जो N Bit को Install कर सकते हैं। Flip-Flop के साथ-2 एक Register में Data Processing कार्य करने के लिए Combinational Gates भी हो सकते हैं। इस प्रकार हम यह कह सकते हैं कि Register Flip-Flop व Gates का समूह होता है।



**Shift-Register:-** एक ऐसा Register जो दोनो दिशाओं में Binary Information को Shift कर सकता है, उसे Shift Register कहते हैं।

वास्तव में Shift Register में Flip Flop की एक बहुत बड़ी श्रृंखला होती है। जिसमें Flip-Flop का Output दूसरे Flip-Flop के लिए Input का कार्य करता है। सभी Flip-Flop Common Clock Pulse Receive करते हैं ताकि Shift Operator Perform किया जा सके।

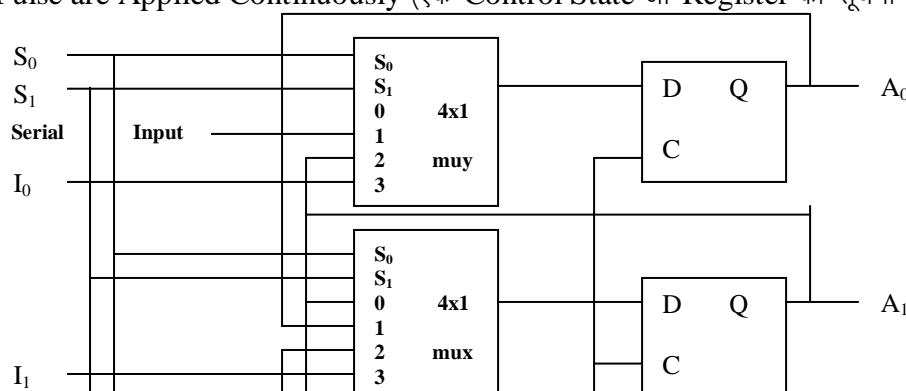


एक Flip-Flop का Output Right Side वाले Flip Flop के लिए D Input के साथ Connect किया गया है। सभी Flip-Flop में Clock Pulse Common है। Serial Input यह Determination करता है कि Left Most Position से क्या Input आएगा। Serial Output Right Most Flip Flop से प्राप्त होगा।

### **Bidirection Shift Register With Parallel Load**

एक Register जो सिर्फ एक ही दिशा में Shift कर सकता है। उसे Unidirectional Shift Register कहते हैं। तथा एक अन्य Register जो दोनो दिशा में Shift कर सकता है। उसे Bidirectional Shift Register कहते हैं। कई Register Parallel Transfer के लिए Input एवं Output Terminals प्रदान करते हैं। एक General Shift Register में निम्नलिखित विशेषताएँ होती हैं:-

- (1) An Input for Clock Pulse is Synchronise all Operations सभी Operation को प्रारम्भ करने के लिए N Bits होते हैं।
- (2) A Shift Right Operation & a serial Input line Associated With the Shift right Connect होते हैं।
- (3) A Shift Left Operation & a Serial Input line associated with the Shift Left. (Shift Left के लिए S.L.O. एवं Serial Input lines आपस में Left Connect होते हैं।
- (4) A Parallel Load Operation & in input lines Associated with the Parallel Transfer. (Parallel Transfer के लिए Parallel Load और Serial line आपस में Connect होते हैं।
- (5) N Parallel Output lines.
- (6) A Control State that leaves the in for Matlon in the Register Unchanged even Though Clock Pulse are Applied Continuously (एक Control State जो Register की सूचना को नहीं बदलती है।)



उपरोक्त चित्र 4-bit Bidirectional Shift Register With Parallel Load का है। जिसमें हर एक Stage के लिए एक D Flip Flop है और एक 4x1 mux प्रदान किया गया है। 2 Selection Input  $S_1$  और  $S_0$  D Flip Flop के लिए Multiplexer में से Data Input Select करते हैं। Selection Line Operation के माध्यम से Control करती हैं। जब  $S, S_0 = 00$  होगा तो mux का Data Input 0 Select किया जाएगा। इसी प्रकार जब  $S, S_0 = 01$  होगा तब हर mux का Input 1 Select होगा। इस प्रकार यह क्रम निरंतर चलता रहेगा।

Table For Register

Model Control		Register Operation
$S_1$	$S_0$	
0	0	No Change
0	1	Shift Right (down)
1	0	Shift Left (Up)
1	1	Parallel Load

Diagram चाहे किसी भी प्रकार से बनाया जाए। Shift Right Operation में Register Contents को Down Direction में Shift किया जाता है। और Shift Left में Register को Contents को Up Words किया जाता है।

### Memory Unit

Memory Unit Storage Cells का Collection है जिसमें Circuit के साथ Associate करके Information को स्टोर या Retrieve किया जाता है। Memory Binary Information को जिन Group of bits में स्टोर करती हैं, उन्हें Memory Words कहते हैं। Words Memory की वह Entity है जिसमें Bits को स्टोर किया जाता है या Retrieve किया जाता है। Memory Words is a Group of 1's and 0's होते हैं जो एक Number Instruction Code हैं, एक या एक से अधिक Alpha Numerical Character या अन्य Binary Coded Information को Represent करना हैं। A Group of 8 bits is Called a Byte अधिकतर Computer Memory Bytes के रूप में Words को Represent करती हैं।

एक Memory की आंतरिक संरचना के बारे में जानकारी उसके No. of Words एवं हर Word में No. of Bits के द्वारा प्राप्त की जा सकती है। हर एक Word को Memory में एक Identification Number दिया जाता है जिसे Address कहते हैं। यह Address 0 से शुरू होता है और  $2^k - 1$  तक हो सकता है। जहाँ  $k$  = Number of Address Lines हैं। किसी भी निश्चित Word को Memory में सलेक्ट करने के लिए  $k$  Bit Binary Address का प्रयोग Address Line पर किया जाता है। Memory के अन्दर एक Decoders होता है। जो इस Address को Accept करता है उस निश्चित Bit को Select करने के लिए मार्ग प्रशस्त कर देता है।

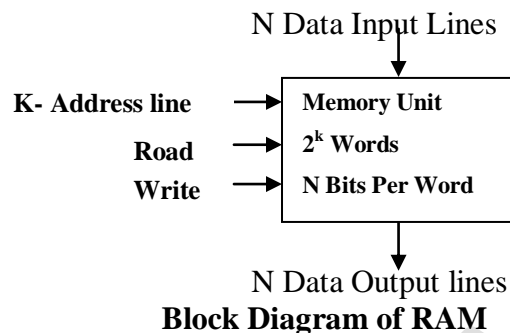
Example:-  $1024 = 2^{10} = 1024$  1 Memory Word के लिए हमें 10 Bit की आवश्यकता होती है।

1024 – Memory Word Address – 10 bit Computer System में मुख्यतः दो प्रकार की Memory काम में ली जाती हैं।

## (1) RAM (2) ROM

(1) RAM:- Ram में सूचना को Store करने के लिए उसकी किसी भी Location का प्रयोग किया जा सकता है। अर्थात् किसी भी Location को ढूँढ़ने का समय Same है। Memory और उसके वातावरण के बीच Communication स्थापित करने के लिए हमें निम्न की आवश्यकता होती है।

- (1) Data Input/Output Lines
- (2) Data Address Selection line
- (3) Control Lines



N Data Input Lines के द्वारा सूचना को Memory में Store किया जाता है। N Data, Out Line के द्वारा सूचना को Memory के बाहर संग्रहित किया जाता है। K-Address Line हमें K-Bits को Binary No. प्रदान करती है जो एक निश्चित Word को Represent करता है जिसे Memory में उपलब्ध 2<sup>k</sup> Message में Choose किया जाता है। 2 Control Input Direction of Transfer की दिशा निर्धारित करता है।

RAM में मुख्य रूप से दो Operation होते हैं।

- (1) Write
- (2) Read

Write Signal के द्वारा Memory में डाटा लिखा जाता है। Write Signal Transfer In Operation को Input की Specify करता है एवं Read Signal Transfer Out Operation Output को Specify करता है।

Memory में एक नये Word को Store करने के लिए निम्न Steps इस प्रकार हैं:-

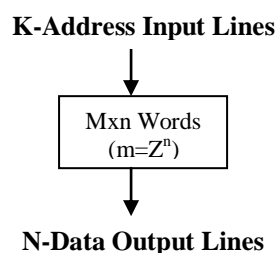
- (1) जिस Word को लिखा जाता है उस Word का Binary Add; Address line पद डाल देना चाहिए।
- (2) Data Bits को Data Input Lines पर डाल देना चाहिए।
- (3) Write Input को Activited कर देना चाहिए।

किसी Word को Memory से Read करने के लिए निम्न Steps इस प्रकार हैं:-

- (1) जिस Word को पढ़ना है उसके Binary Address को Address Line पर डाल देना चाहिए।
- (2) Read Input को Activeted कर देना चाहिए।

**ROM:-** वह Memory Unit है जो सिर्फ Read Operation Perform करती है। इसमें डाटा को लिखने की क्षमता नहीं होती है अर्थात् ROM में Stored Binary Information Hardware Production के दौरान Permanent बना दी जाती है जिसे बदला नहीं जा सकता है। ROM में Special Internal Electronic Busses होते हैं जिन्हें Programed किया जा सकता है।

एक बार Pattern बनाने के बाद वह सदैव उसमें स्थित हो जाती है अर्थात् Power बंद हो जाने के बावजूद वह नष्ट नहीं होता है।



### (Block Diagram of ROM)

एक  $M \times n$  ROM में Binary Cells का एक Array है जिसमें Memory Words और  $N$  Bits होती हैं। उपर दर्शाये गए चित्र में  $K$ -All Input Lines हैं जिनका प्रयोग Memory Words को Memory में से किसी एक Word को Select करने के लिए किया जाता है और  $N$  Output Lines हैं।

### Types of ROM

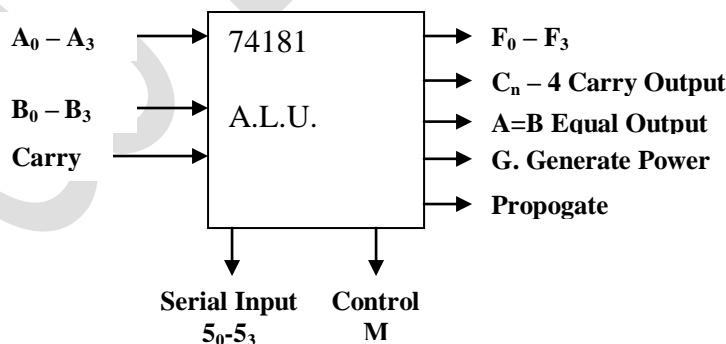
- (1) P ROM
- (2) E E P ROM
- (3) E R ROM

**Program Control:-** निर्देश सदैव लगातार Memory Location में स्टोर होते हैं। जब भी CPU में Processing की जाती है तो निर्देशों को उन लगातार Memory Location से Betch किया जाता है एवं उन्हें क्रियान्वित किया जाता है। जब भी एक निर्देश को Memory से Fetch किया जाता है तो प्रोग्राम काउन्टर को Increment कर दिया जाता है ताकि उसमें अगला Address का Refrence आ जाए। अर्थात् Program Counter में सदैव अगले निर्देश का Address होता है। इसी की सहायता से ही हमारा Control Fetch Cycle के अगले Step पर return होता है। दूसरी तरफ एक Program Control निर्देश उस प्रकार का निर्देश है कि जब इसे क्रियान्वित किया जाता है तो यह Program Counter की Address Value को बदल देता है और इस प्रकार यह Flow of Control बदल देता है। वह Register जिसमें अगला निर्देश क्रियान्वित किया जाता है या हमारे Control Flow को Change कर सकता है उसे Program Control निर्देश कहते हैं।

निम्न Program Control Instrantis इस प्रकार हैं:-

Name	Numeric
(1) Branch	BR
(2) JUMP	JMP
(3) SKIP	SKP
(4) CALL	CALL
(5) RETURN	RET
(6) Compare (Subtraction)	CMP
(7) Test (By Adding)	TST

**Airthmetic Logic Circuit:-** अलग-2 Register के द्वारा Micro Operation Perform करने की बजाय Computer में सभी Unit जोड़ दिया जाता है जिसे A.L.U. कहते हैं। किसी भी निश्चित Micro Operation को Perform करने के लिए किसी निश्चित Register के Containts, Comman A.L.U. Input के रूप में दिए जाते हैं।



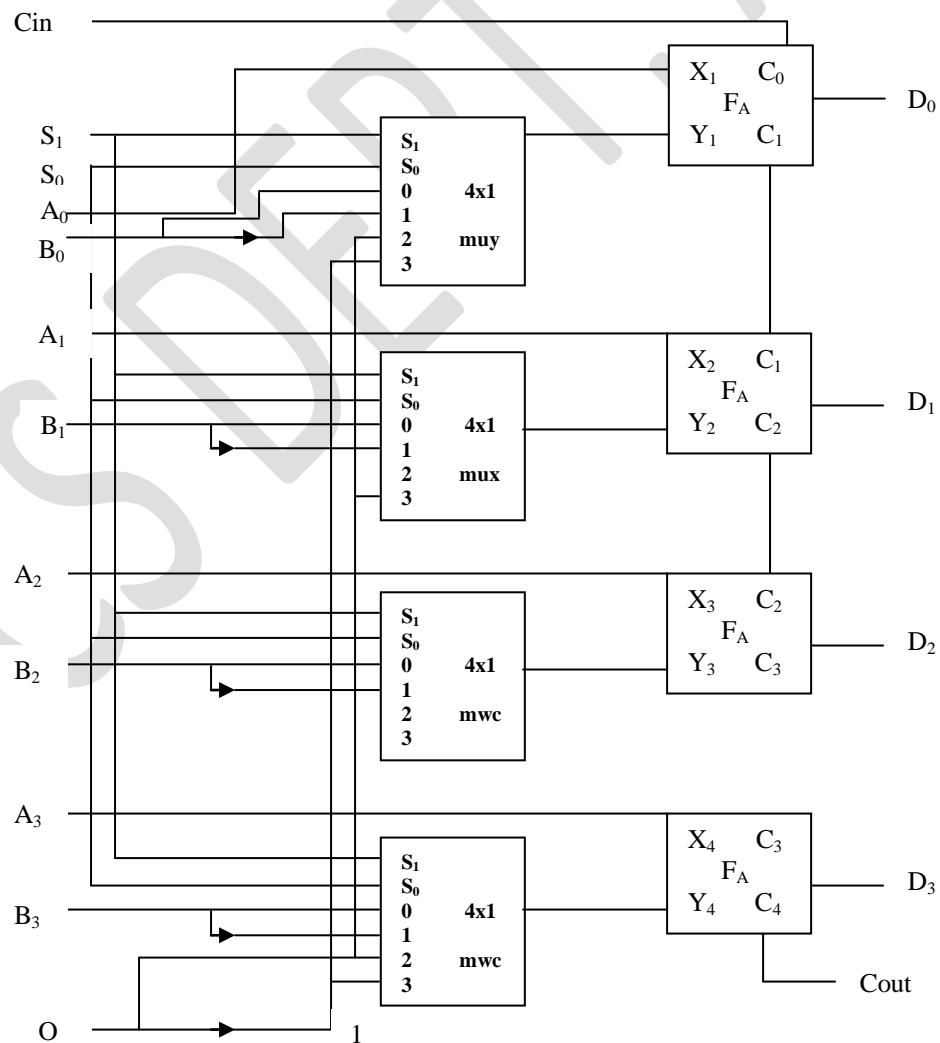
**Airthmetical Circuit:-** Airthmetic Micro Operation को एक Composite Airthmetic Circuit के द्वारा Execute किया जाता है Airthmetic Circuit का प्रमुख Componatit Parellel Adder है। Adder के Data Input को Control करके हम विभिन्न प्रकार के Airthmetic Operation Perform कर सकते हैं।

**Airthmetich Circuit Function Table**

Select	Input	Micro Operation	Output
--------	-------	-----------------	--------

$S_1$	$S_0$	$C_{in}$	$y$		$D=A+y+C_{in}$
0	0	0	B	Add	$D = A+B$
0	0	1	B	Add with Carry	$D = A+B+1$
0	1	0	$\overline{B}$	Sub With Power	$D = A+\overline{B}$
0	1	1	$\overline{B}$	Sub	$D = A+\overline{B}+1$
1	0	0	0	Transfer A	$D = A$
1	0	1	0	Increment A	$D = A+1$
1	1	0	1	Decrement A	$D = A-1$
1	1	1	1	Transfer A	$D = A$

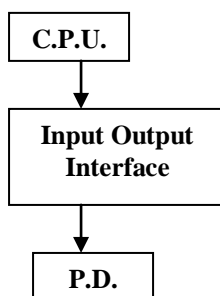
**Micro Operation:-** Micro Operation व Elementry Operation हैं जो Registers में संग्रहित डाटा पद Perform किया हैं।



**4 –Bit Airthmetich Circuit**

## UNIT – IV

Input Output Interface Memory एवं Input Output Devices के बीच सूचना को Transfer करने का तरीका उपलब्ध करवाता है। जो भी Peripheral Devices Computer से Connect होते हैं उन्हें C.P.U. के साथ Interact करने के लिए Special Communication Links की आवश्यकता होती है। Communication Links की आवश्यकता होती है। Communication Links का मुख्य उद्देश्य कम्प्यूटर और विभिन्न Devices के बीच जो असमानताएँ हैं उन्हें हटाना है।

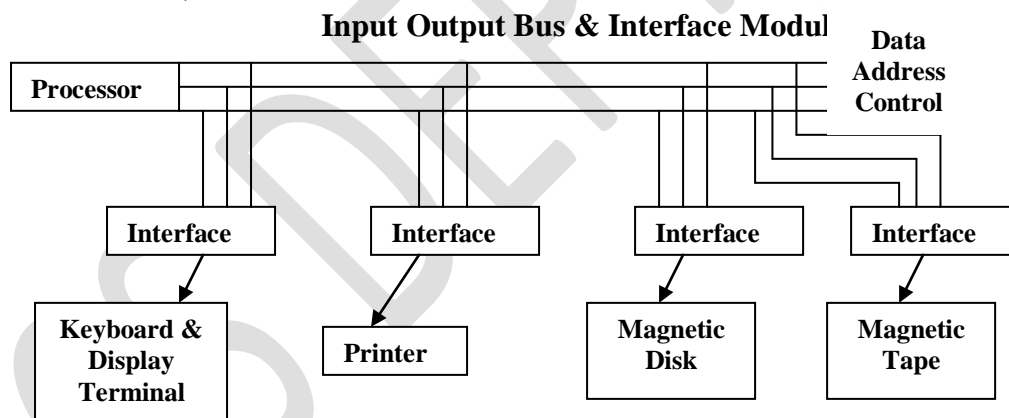


असमानताएँ निम्न प्रकार की हो सकती हैं:-

- (1) Paraphoralls Electro Mechanical या Electro Magnetic Devices हो सकते हैं जिनका कार्य करने का तरीका C.P.U. एवं Memory से भिन्न हो सकता है। इसलिए हमें Signals को परिवर्तित करने की आवश्यकता हो सकती है।
- (2) Paripherals की Data Transfer Rate वह C.P.U. की तुलना में बहुत कम होती है।
- (3) Peripherals के Data Code एवं Format C.P.U. एवं Memory के Word Format से अलग होते हैं।
- (4) Peripherals का Operating Mode एक दूसरे से भिन्न होता है। इसलिए हमें हर Devices को Control करना पड़ता है ताकि एक Devices दूसरे Devices में बाधा नहीं पहुँचा सके।

उस प्रकार की असमानताओं को हटाने के लिए Computer में Special Hardware Compoments का प्रयोग किया जाता है। Hardware Components को Interface कहते हैं।

Interface सदैव C.P.U. और Perphirals के बीच कार्य करते हैं। एवं सभी प्रकार के Input एवं Output Transfer को Supervision करते हैं।



Connection of Input bus to Input-Output एक टिपिकल Communication Link Devices एक Processor व Peripherals के बीच उपरोक्त चित्र में प्रदर्शित किया गया है। Input Output Bus में तीन विभिन्न प्रकार की Lines होती हैं।

- (1) Data Line
- (2) Address Line
- (3) Control Line

हर एक Peripheral Devices हर एक Interface से जुड़ा होता है। हर Interface Input Output Bus के द्वारा प्राप्त किए गए Control को Decode करता है एवं यह पत्रा लगाता है कि यह Address किस Device का है एवं Perphords और Processor के बीच डाटा Transfer के बीच Signal प्रदान करता है। प्रदान करता है हर Peribheral का Controller होता है।

**Peripherals Devices:-** सभी Input एवं Output Devices को Peripherals Devices कहते हैं।

**Input Output Command:-** जब Interface Selected होता है तो उसका एक Function Code होता है, जिसे I/O Command कहते हैं।

**Control Command:-** यह Paripherals को बताता है कि उसे क्या करना हो।

**Status:-** यह Peripheral और Interface की Condition को चेक करता है।

**Output Data:-** Output Data Base के द्वारा Data को Register में Transfer किया जाता है।

**Input Data:-** यह Peripheral तथा Interface से Data लेकर buffer Register में भेजता है।

**Input Output V/s Memory Bus:-** Processor Input Output Devices के साथ Communication करने के साथ-2 Memory Unit से भी Communication करता है।

Input Output bus की तरह ही एक Memory bus होती है जिसमें Data, Address एवं Read & Write Control Lines होती हैं। Memory तथा Input Output के बीच Communication स्थापित करने के लिए Computer Buses को तीन प्रकार से काम में लिया जाता है।

(1) दो Sepret Bus रखना एवं Memory के लिए एक I/O

(2) I/O तथा Memory के बीच Common Bus के लेकिन अलग-2 Control Line

(3) Common Control Line के साथ I/O तथा Memory के लिए का ही Common Line.

**Input Output Processor:-** Input एवं Output Devices में Control करने के लिए जिन Seprate का Processor का प्रयोग किया जाता है, उसे Input Output Processor कहते हैं। कई प्रकार के Computer में Data के लिए एक Seprate Interface Logic Combinded कर दिया जाता है। Input Output, DMA एवं Interface Facitatus

**Isolated Verous Memory Mapped Input Output Insloated Input Output:-** इसमें Read एवं Write करने के लिए अलग-2 Lines का उपयोग किया जाता है। यह Memory वाले डाटा को Memory Unit पर तथा Interface वाले डाटा को Interface Unit पद भेजता है। इसके पास जिसका Address आता है उसी को भेज दिया जाता है। यह एक समय में या तो Data Read करता है या फिर Write करता है। यदि Bus Common हैं तो Read एवं Write की Lines अलग-2 होती हैं। Input Output को Memory का Part मानते हैं। इसलिए C.P.U. Memory Word को Change कर सकता है।

हर Interface Read एवं Write करने के लिए अलग-2 Register की आवश्यकता होती है।

**Memory Mapped Input Output:-** Insolated Input Output Method Memory or Input Output Address को अलग-2 रखता है।

इसका एक अन्य तरीका यह हो सकता है। कि दोनो मेमोरी और Input Output के लिए एक ही Address Space प्रयोग किया जाता है। इस प्रकार की स्थिति उन Computer में होती है जो मेमोरी और Input Output Address के बीच अन्तर नहीं रखते हैं और उनमें रीड और Write Signals पद ही सेट होता है। इस प्रकार के Configuration को Memory Mapped Input Output कहते हैं।

**Modes of Data Transfer:-** बाह्य उपकरण से इनपुट लेने के लिए विभिन्न प्रकार के Modes का प्रयोग किया जाता है। यह सारा कार्य Memory में होता है। Memory से डाटा C.P.U. में जाता है। इसके तीन तरीके हैं।

(1) Programed Input Output

(2) Interupt –Initiated Input Output

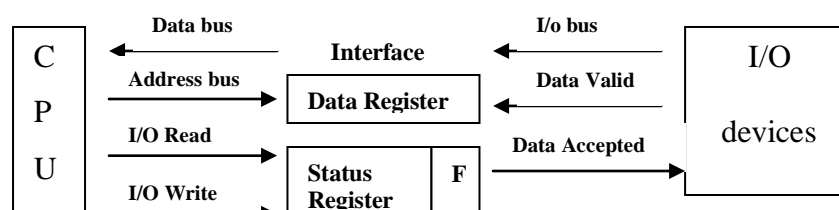
(3) Direct Memory Access (DMA)

**(1) Programed Input Output:-** यह कम्प्यूटर प्रोग्राम में लिखे होते हैं। हर डाटा के लिए एक निर्देश होता है। पहला Transfer C.P.U. तथा Periphals के बीच तथा दूसरा Transfer C.P.U. तथा मेमोरी के बीच होता है।

**(2) Interupt-Initiated Input Output:-** C.P.U. हमेशा Processing के लिए तैयार रहता है। हम जानते हैं कि CPU का टाइम अत्यंत महत्वपूर्ण है इसलिए CPU का टाइम बिल्कुल भी खराब नहीं किया जाना चाहिए ऐसा करने के लिए Interupt-initiated का उपयोग करते हैं। Intrupt-initiated या तो Input devices से आता है या फिर Output devices से आता है। जब भी कोई Interupt आता है तो C.P.U. उसे प्राथमिकता देता है जो कार्य कर रहा है उसे बीच में से छोड़कर पहले Interupt को Handle करता है। उसके पश्चात् पुनः अपना कार्य शुरू करता है।

**(3) Direct Memory Access (DMA):-** Programed Input Output में C.P.U. और Preripale के बीच Data Transfer होता है। DMA में हमें एक Interface प्रदान किया जाता है जिसके द्वारा हम मेमोरी में डाटा रीड एवं Write कर सकते हैं। इस प्रकार का Data Transfer Memory Bus के द्वारा किया जाता है।

C.P.U. Starting Address Interface को Supply के साथ ही Transfer को Initiate कर देता है एवं उसके पश्चात् अपना कार्य करने लग जाता है। जब Transfer शुरू होता है तो DMA Memory bus से Memory Cycles की मांग करता है। जब Memory Contoraler के द्वारा यह मांग पूर्ण कर दी जाती है तो DMA Directly Data को Memory में Transfer कर देता है।





F = Flag bit

Data Transfer From Input Output devices to C.P.U.

### Synchronous & Asynchronous Data Transfer

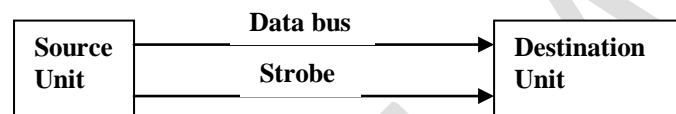
**Synchronous:-** जब C.P.U. or Input Output Interface के Register के बीच Common Clock होता है तो उसे Synchronous कहते हैं।

**Asynchronous:-** जब C.P.U. or Input Output Interface के Register के बीच अलग-2 Clock होती है तो उसे Asynchronous कहते हैं।

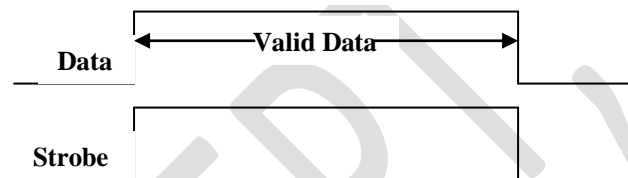
Asynchronous Data Transfer दो तरीकों से किया जाता है।

(1) Strobe:- यह एक Asynchronous Data Transfer का तरीका है इसमें Strobe (जो कि एक Pulse है।) के द्वारा Data Transfer किया जाता है। इसका नुकसान यही है कि हमें यह पता नहीं चलता है कि डाटा सही जगह पर सही रूप से पहुँचा है अथवा नहीं। इसलिए यह तरीका अविश्वसनीय है।

(2) Handshaking:- Asynchronous Data Transfer होकर सही जगह पर पहुँचता है या फिर डाटा पहुँच गया है। इस प्रकार के Method को Handshaking कहते हैं। इसमें हमें यह ज्ञात हो जाता है कि डाटा पहुँचा है अथवा नहीं। Hand shaking एक लचीला एवं विश्वसनीय System है इसमें किसी भी Error का आसानी से पता लगाया जा सकता है।

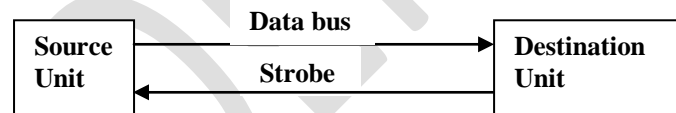


(a) Block Diagram

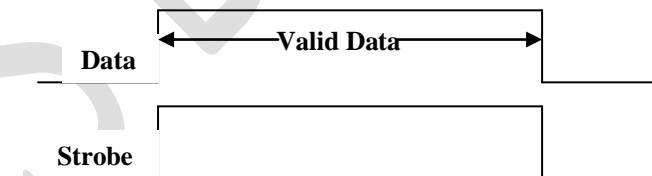


(b) Timing Diagram

Source-Initiated Strobe for Data Transfer

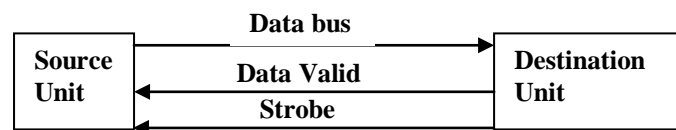


(a) Block Diagram

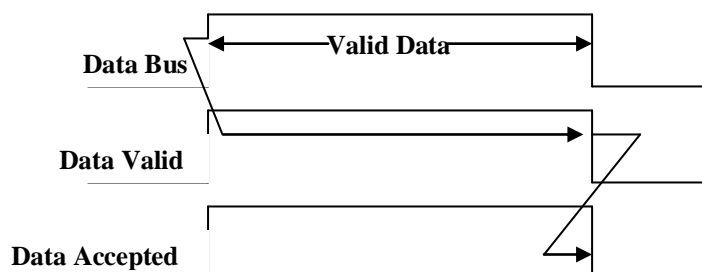


(b) Timing Diagram

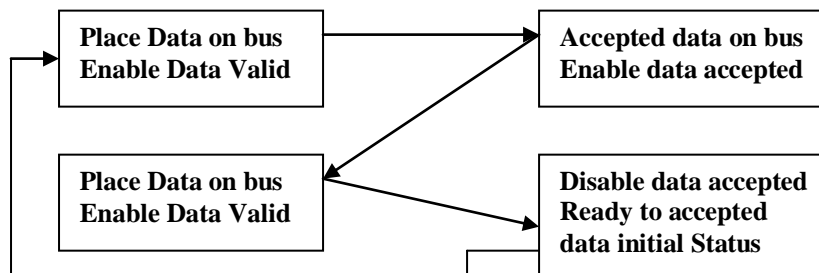
Destination-initiated Strobe for data Transfer



(a) Block Diagram



(b) Timing Diagram



(c) Sequence of Event

Source initiated Transfer Using hand shaking

**(3) Asynchronous Serial data Transfer:-** इसमें Data Serial bit by bit Transfer होता है। यह एक समय में एक Bit Transfer करता है। इसकी Speed काफी कम होती है। यह कम खर्चीला होता है तथा अधिक दूरी के लिए काम में आता है।

समान्तर में एक साथ 4 bit का Data Transfer होता है। समान्तर Data Transfer में हर Bit का अलग-2 Batch होता है। इस प्रकार का Transfer महँगा होता है। तथा Speed Fast होती है

Serial Transfer में कार्य को Fast करने के लिए समान्तर Transfer का उपयोग किया जाता है।

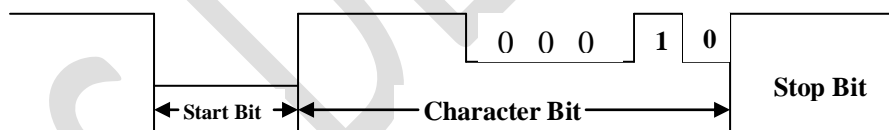
**Asynchronous Serial Transfer:-** इस प्रकार के Transfer में तीन

- (1) Start Bit
- (2) Character Bit
- (3) Stop Bit

(1) Start Bit:- पहले Bit को Start Bit कहते हैं। यदि पूरी Line में 1 हैं इसका अर्थ यह है कि Data Transfer नहीं हो रहा है और हमारी Communication Line idle पड़ी है।

(2) Characterbits:- Character Bit हमेशा Start Bit के पीछे होती है। अर्थात् यहाँ हमारा डाटा शुरू हो जाता है।

(3) Stop bit:- Stop bit हमेशा 1 होती है और यह हमेशा Last में होती है।

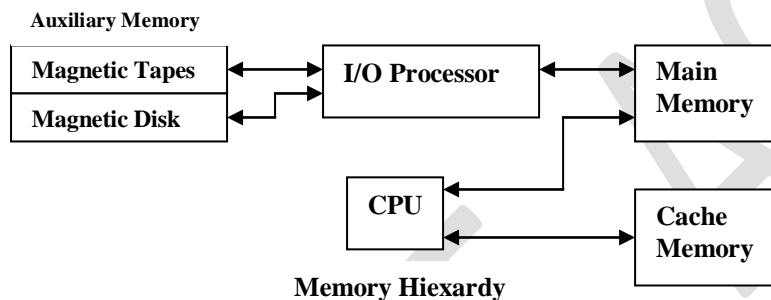


**Baud Rate:-** एक Second में गिनती Bits Transfer होती है उनको Baud Rate कहते हैं।

## UNIT-5

**Memory (Chain) Hierarchy:-** Digital Computer में Memory Unit एक महत्वपूर्ण तत्व है। जिसके द्वारा डाटा एवं Programes को Store किया जाता है। एक छोटे Computer में Limited Application के कार्य पूर्ण किए जा सकते हैं अर्थात् हमें अतिरिक्त Storage क्षमता की आवश्यकता नहीं होती है। यदि General Computers में Main Memory के साथ-2 कुछ अतिरिक्त Storage Unit लगा दी जाए तो वह अपना कार्य और प्रभावशाली तरीके से कर सकता है क्योंकि Main Memory काफी महंगी होती है इसलिए Back-up data के लिए कम खर्चीले Storage devices का प्रयोग किया जाता है। वह Memory Unit जो C.P.U. से Directly Communication करती है उसे Main Memory कहते हैं। वे devices जो Back-up Storage की सुविधा प्रदान करते हैं उन्हें Auxiliary Memory Devices जिनका Computer System में उपयोग किया जाता है Disk व Tape हैं। इनका प्रयोग System Programme, Large Data Files और अन्य Backup सूचना को Store करने के लिए किया जाता है।

एक अन्य प्रकार की Memory जिसका Computer System में उपयोग किया जाता है एवं जिसकी Speed बहुत अधिक होती है उसे Cache Memory कहते हैं। इस प्रकार की Memory का उपयोग Computer की Processing की Speed को बढ़ाने के लिए किया जाता है।



**Auxiliary Memory:-** Computer Systems में जो Common Auxiliary Memory Device काम में लिए जाते हैं वे हैं Disk व Tape अन्य और कई Components हैं जैसे – Magnetic Drum, Bubble Memory जिनका प्रयोग काम में लिया जाता है। इन सभी Auxiliary Machine समझने के लिए हमें Magnetism, Electronics एवं Electron Magnetic का ज्ञान होना आवश्यक है। हालांकि इन सभी devices की Physical Properties काफी Complex होती हैं लेकिन सभी Logical Properties को परिभाषित करके कुछ Parameters द्वारा उन्हें Compare किया जा सकता है। इन Devices की प्रमुख विशेषताएँ इस प्रकार हैं:-

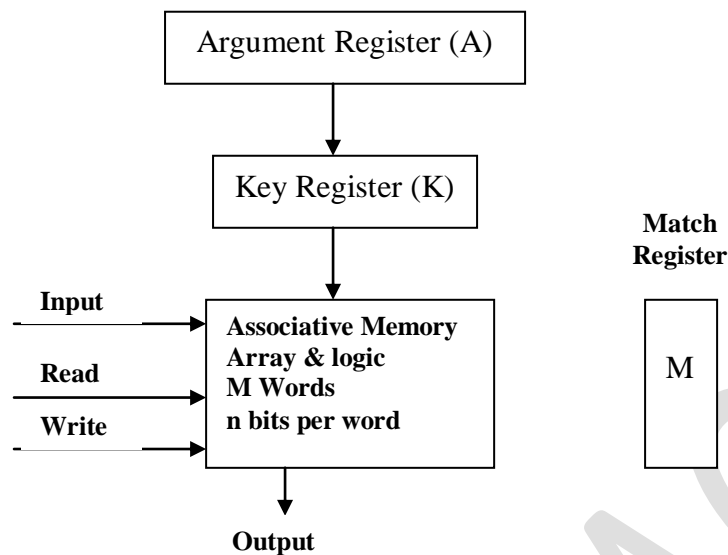
	कम दूरी	अधिक दूरी
(1) Access Mode	(Random)	(Serial)
(2) Access devices	(कम)	
(3) Transfer Rate	(ज्यादा)	
(4) Capacity	(ज्यादा)	
(5) Cost	(कम)	

**(1) Magnetic Drum:-** Magnetic Drum, Magnetic Disk की तरह ही है। इसमें एक High Speed Rotating Surface होता है जिस पर Magnetic पदार्थ की परत होती है। Drum का Rotating Surface एक बेलनाकार होता है। Recording Surface एक निश्चित गति से Rotated होती है। और Access Operation के दौरान उसे Start एवं बंद नहीं किया जा सकता है। Bits को Magnetic Spots के रूप में Surface पर Record किया जाता है। इस प्रक्रिया को Write head कहते हैं। Stored bit को Magnetic Field के बदलाव के कारण पहचान किया जाता है। इस प्रक्रिया को Read Head कहते हैं। Disk की तुलना में Drum की Size (Capacity) कम होती है। इसलिए Drum की बजाय disk का उपयोग कंप्यूटर में अधिक किया जाता है।

**Associative Memory:-** एक ऐसी Memory जिसे उसके डाटा द्वारा Access किया जाता है उसे Associative या Content Addressable Memory कहते हैं। (AM)

जब भी कोई Word Type करते हैं और उसका Address नहीं लिखते हैं तो उसे Associative Memory के द्वारा खोजा जाता है। इसके पहले यह बताना पड़ता है कि इसे क्या खोजना है क्योंकि इसमें Address नहीं होता है। कार्य को Fast करने

के लिए Associative Memory का उपयोग किया जाता है। यह बहुत मंहगी होती है। यह स्वयं के Data के द्वारा ही चलती है। इसका प्रत्येक Call Data को Store करने की क्षमता रखता है।

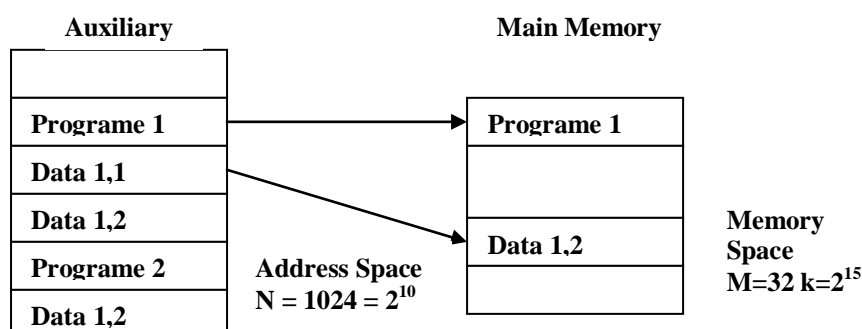


**Block Diagram of Associative Memory:-** Memory में जो Word होते हैं उन्हें Argument Register से Compare करते हैं। Key Register Particular Key को Choose करने की Facility देता है जिससे पूरा Argument Memory से Compare किया जाता है। जब Key Register के सभी Contents 1 होते हैं तब Argument के वे Bits जो कि 1 हैं सिर्फ वे ही Compare किए जाते हैं। वह यह बताती है कि Memory Contents को किस प्रकार Reference किया जाए।

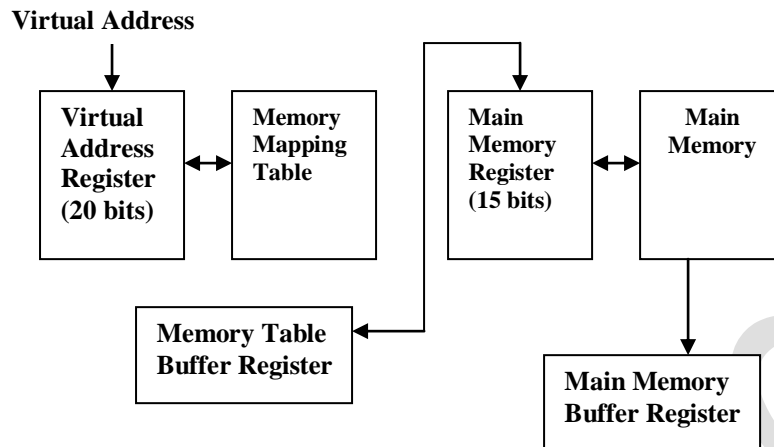
**Virtual Memory:-** Memory Chain System में प्रोग्राम व डाटा को पहले Auxiliary Memory में स्टोर किया जाता है। CPU की आवश्यकता के अनुसार प्रोग्राम या डाटा का कुछ हिस्सा Main Memory में लाया जाता है। Virtual Memory एक Concept है लाया जाता है। प्रयोग बड़े Computer System में किया जाता है जो User को बड़े प्रोग्राम बनाने की सुविधा प्रदान करते हैं। जैसे उनके पास बहुत अधिक मात्रा में Memory उपलब्ध है जितनी कि Auxiliary Memory है। हर एक Address जिसे C.P.U. के द्वारा Refer किया जाता है। उसे एक Address Mapping की प्रक्रिया से गुजरना पड़ता है जो Virtual Address को Main Memory के Physical Address में परिवर्तित कर देता है। Virtual Memory Programmers को ऐसा आभास कराती है कि उनके पास बहुत अधिक मात्रा में Main Memory उपलब्ध है। परन्तु वास्तव में Main Memory बहुत कम मात्रा में होती है।

वह Address जो Programmers के द्वारा प्रयोग में लिया जाता है। उसे Virtual Address कहते हैं।

वह Address जो Main Memory में होता है उसे Physical Address कहते हैं। Physical Address के समूह को Memory Space कहते हैं।

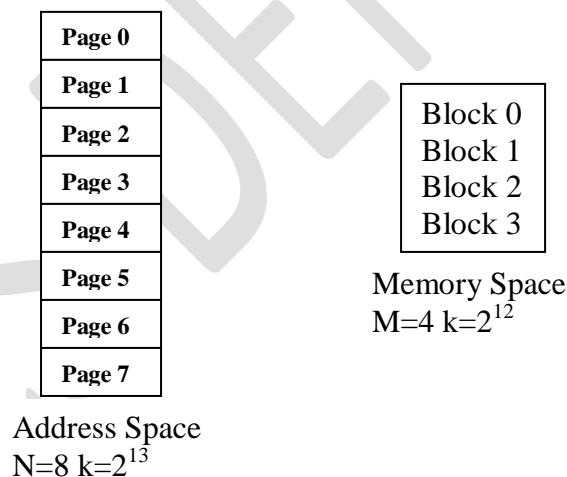


## Relation Between Address & Memory Space in a Virtual Memory System.

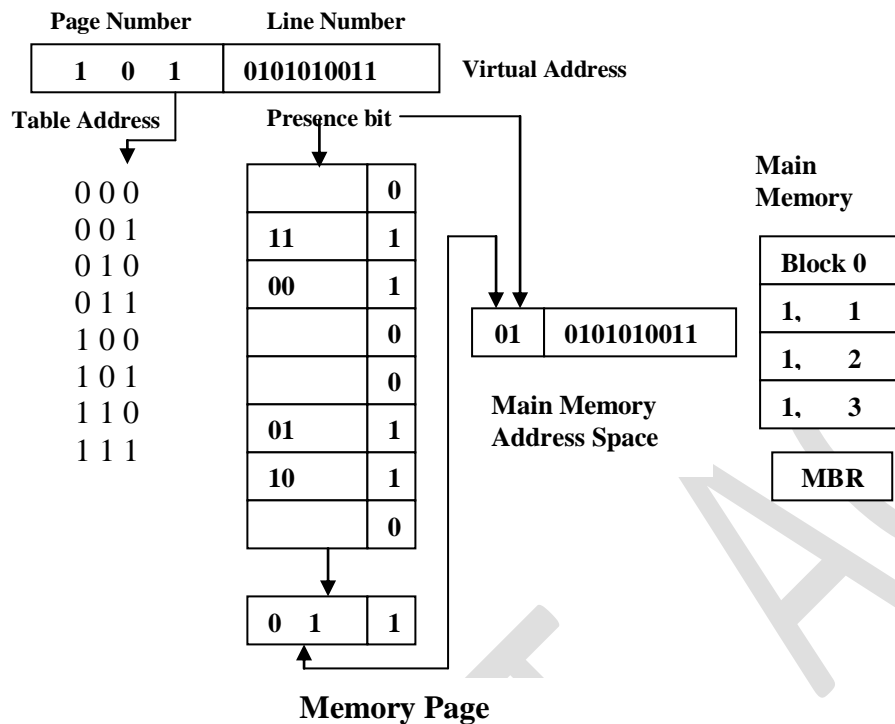


**Memory Table For Mapping A Virtual Address**

**Address Mapping Using Pages:-** Address Mapping के Table Implimentation को हम सरल कर सकते हैं। यदि Address Space और Memory Space की सूचा Fixed Size के Group में divided हो या विभाजित हैं। Physical Memory को Equal Size में Fixed Blocks में divided किया जाता हैं जिनकी क्षमता 64 से 4096 Words हो सकती हैं। एक ही Size के Address Spaces के समूह को Pages कहते हैं। Progame का Part Awuiliary Memory से Main Memory में Equal Sized Pages के Record के रूप में Transfer होते हैं। इन Blocks को कई प्रकार Page Frame भी कहते हैं।



Address Space & Memory Space Split into Groups of 2k Words.



### Memory Table In a Paged System

**Associative Memory Page Table:-** एक Ram Page Table में Storage Utiliagtion का उपयोग प्रभावशाली तरीके से नहीं किया जाता है। वास्तव में एक System जिसमें n Pages एवं m block होते हैं। उसमें n location जो m Block को Locate कर सके उतनी Memory Page Table की आवश्यकता होती है। इस विधि में ऐसा हो सकता है बाकि Location वाली रह जाए अर्थात् उनका उपयोग नहीं किया जा रहा है।

इसे Page Table को प्रभावशाली ढंग से बनाया जा सकता है। एक Page Table उतने Words की बनाई जाए जितने Words Main Memory में Block हैं। इस प्रकार हम Memory की साईज कम कर सकते हैं और सभी Locations का पूर्णतः उपयोग कर सकते हैं। इस प्रकार की विधि में Associative Memory का उपयोग किया जाता है जिसमें हर एक मेमोरी वर्ड के साथ एक पेज नम्बर और उसका Block No. होता है। हर एक Word की Page Field को Virtual Address के Page No. के साथ तुलना की जाती है। यदि हमें Match मिल जाता है जो उस Word को Memory से पढ़ लिया जाता है।

**Virtual Address**

**Page No.**

**101 Line Number**

**Angerement Register**

**11100**

**Key Register**

0 0 1	1 1
0 1 0	0 0
1 0 1	0 1
1 1 0	1 0

**Associative Memory**

**Page No.      Block No.**

An Associative Memory Page Table

**Page Replacement:-** Virtual Memory System Hardware or Software Technology का Combination है। Memory Management Software System Memory Space के Utilization से संबंधित सभी Software Operation को Handle करता है।

It Must Decided:-

- (1) किसी पेज को Main Memory से Remove किया जाए ताकि उसकी जगह किसी नए पेज को लाया जा सके।
- (2) किस वक्त नये पेज को Auxiliary Memory से Main Memory में Transfer किया जाए।
- (3) Main Memory में उस पेज को कहाँ रखा जाए।

इस प्रकार Virtual Memory से Architects में Hardware Mapping Mechanism और Memory Management Software होते हैं।

जब प्रोग्राम Execution होना प्राप्त कर देता है तो एक या एक से अधिक Pages को Main Memory में Transfer कर दिया जाता है एवं Page Table को Set कर दिया जाता है जो इनकी स्थिति के बारे में हमें बताता है। एक प्रोग्राम में मेमोरी से तब तक चलता रहता है। जब तक प्रोग्राम उस पेज के लिए Reference नहीं भेजे जो कि Auxiliary Memory में है। इस प्रकार कि स्थिति को Page Fault कहते हैं। जब Page Fault होता है तो प्रोग्राम का Execution कुछ देर के लिए रुक जाता है जब तक की वह Required Page Main Memory में ही आ जाता है। इस स्थिति में एक नया Page Auxiliary Memory से Main Memory में लोड किया जाता है। यदि Main Memory Full है तो किसी एक पेज को हटाया जाता है। किस पेज को Main Memory से हटाया जाए इसके लिए निम्न Algorithms हैं।

(First in First out)

- (1) FIFO:- जो पेज पहले मेमोरी में आया है उसे पहले Main Memory से हटाया जाएगा।
- (2) LRU (Least Recently Used):- जो पेज अभी सबसे कम काम में आ रहा है उसे सबसे पहले Memory से हटाया जाएगा।

**Cache Memory:-** Large Number of Programmer एक निश्चित समय में मेमोरी को Refer करते हैं। यह Reference Memory के एक निश्चित Area में होते हैं। इस प्रकार की Property Locality of Reference कहते हैं।

प्रोग्राम के कुछ Active हिस्से एवं डाटा को एक Fast Memory में रख दिया जाता है जिससे Average Access Memory time कम हो जाता है। इसे प्रोग्राम का Total Execution time कम हो जाता है। इस Fast Memory को Cache Memory कहते हैं। इसे सदैव C.P.U. एवं Main Memory के बीच रखा जाता है।

**Performance of Cache Memory:-** Performance of Cache Memory bit ratio के द्वारा मापा जाता है। यदि हमें Data Cache Memory में मिल जाता है तो उसे hit कहते हैं अन्यथा उसे Miss कहते हैं।

$$\begin{aligned} \text{Hit ratio} &= \frac{\text{Total No. of Hits}}{\text{Total No. of hits+Miss}} \\ y- &= \frac{10}{10+40} \\ &= \frac{10}{50} \\ &= 0.25 \text{ Memo Seconds} \end{aligned}$$

**Mapping of Cache Memory:-** The Transformation of data from Main Memory to Cache Memory is referred as Mapping Processor. There are three types Mapping:-

- (1) Associative Mapping
- (2) Direct Mapping
- (3) Set Associative Mapping

**(1) Associative Mapping:-** Associative Memory Address or Data को एक साथ Memory Word में स्टोर करती है। Address Value 15 Bit की होती है। 5 digit Octal No. में होती है। 12 Bit का Word और 4 digit Octal No. में होती है।

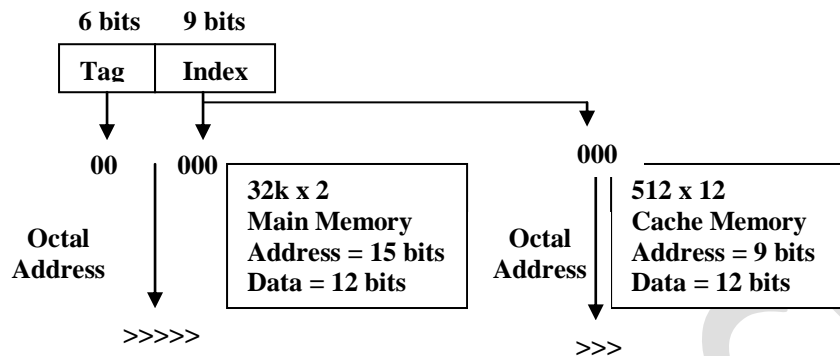
15 Bit का CPU Address Argument Register में रखा जाता है और उसे Associative Memory में Search किया जाता है। यदि हमें वह Address मिल जाता है तो उसका 12 bit का डाटा पढ़ लिया जाता है और उसे CPU के पास भेज दिया जाता है यदि हमें यह Match नहीं मिलता है तो Word को Main Memory से Access किया जाता है। इस प्रकार Address Data Pair को Associative Cache Memory में Transfer किया जाता है।

**C.P.U. Address (15 Bits)**

Argument Register	
Address →	Data →
01000	3450
02777	6710
22345	1234

**Associative Mapping Cache Memory**  
(All Number in Octal)

(2) **Direct Mapping:-** RAM की तुलना में Associate Memory काफी मंहगी होती हैं।



#### Address Relationship Between Main & Cache Memory

C.P.U का Address 15 Bits का होता हैं। जिसे दो भागों में विभाजित कर दिया जाता हैं। 9 Bits का Index तथा 16 Bits का Tag Field होता हैं। Index Field की संख्या Cache Memory के Address Bits की संख्या के बराबर होती हैं। जब भी C.P.U. कोई Memory Request Genrate करता हैं तो Cache Memory से डाटा को Access करने के लिए Index Field का प्रयोग किया जाता हैं।

C.P.U. Address के Tag Field को Cache Memory में से रीड किए गए Word के साथ Compare किया जाता हैं। यदि दोनों Tag Match हो जाते हैं तो Bit होता हैं अर्थात् वह Data Cache Memroy में ही हैं अन्यथा वह Miss हो जाता हैं अर्थात् उस Word को Main Memory से पढ़ लिया जाता हैं। Direct Mapping का सबसे बड़ नुकसान यही हैं कि यदि हमें दो या दो से अधिक Words जिनके Address का एक ही Index No. हैं तो उस परिस्थिति में Hit Ratio काफि कम हो जाता हैं।

#### Main Memory

Address	Memory Data	Index Address	Tag	Data
00000	1220	000	00	1220
00777	2340	777	02	6710
01000	3450			
01777	4560			
02000	5670			
00277	6710			

(a) Main Memory

#### Direct Mapping Cache organization

(3) **Set Associative Mapping:-** Set Associative Mapping, direct Mapping Orinization का ही Improvement हैं। इसमें Cache Memory का एक Word ही Index Address में एक से अधिक Memory Word को स्टोर कर सकता हैं। हर एक Data Word के साथ उसका Tag भी Stored किया जाता हैं और Tag Cache Memory में Tag Data items को set कहते हैं।

Index	Tag	Data	Tag	Data
000	01	3450	02	5670



777	02	6710		00	2340

### Two-Way Set Associative Mapping Cache

जब भी C.P.U. एक Memory Request करता है तो Index Value का प्रयोग Cache को Access करने के लिए किया जाता है। C.P.U. Address के Tag Field को दोनों Cache के दोनों Tag के साथ Compare किया जाता है। यदि वे दोनों Match हो जाते हैं तो Hit होता है। अन्यथा Miss होता है। जैसे-2 Set की साइज बढ़ती जाती है। Hit Ratio भी बढ़ता जाता है और जब Set Full हो जाता है या वह Data Cache में नहीं होता है तो Miss होता है।

Writing into cache:- Cache में लिखने के दो तरीके हैं:-

(1) Write Through

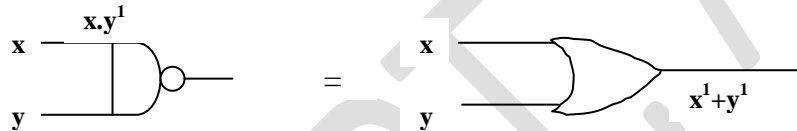
(2) Write back

**(1) Write Through:-** सबसे आसान व सबसे Common तरीका यह है कि जब भी Memory में Write Operation किया जाता है अर्थात् जब भी Data Cache Memory में लिखा जाता है तो साथ-2 Main Memory में भी Updation करना चाहिए। इस विधि को Write Through विधि कहते हैं। इसका फायदा यह है कि हमारी Main Memory सदैव Update रहेगी अर्थात् जो Data Cache Memory में है Main Memory में भी होगा।

**(2) Write Back:-** एक अन्य तरीका Write Back है। इस Method में Write Operation के दौरान सिर्फ Cache में ही Write किया जाता है। Cache में जिस Location में डाटा राईट किया जाता है उसे एक Flag के द्वारा Mark कर दिया जाता है। ताकि जब भी वह Word Cache से हटाया जाएगा तो उसे Main Memory में कॉपी कर दिया जाएगा।

### De Morgan's Theorem

(1)  $(x.y)^1 = x^1 + y^1$



(2)  $(x+y)^1 = x^1.y^1$



(3)  $(x+y+z)^1 = x^1.y^1.z^1$



(4)  $(x.y.z)^1 = x^1 + y^1 + z^1$

