

## VL11, Lösung 1

a)

Algorithmus	Laufzeit im worst case	Anwendungsgebiete
Lineare Suche	$O(n)$	Universell einsetzbar, einziges elementares Verfahren für unsortierte Folgen
Binäre Suche	$O(\log n)$	Nur für sortierte Folgen geeignet
Interpolationssuche	$O(n)$	Nur für sortierte Folgen geeignet, $O(\log \log n)$ im average case bei Gleichverteilung

b)

1.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	5	11	15	20	32	50	160	300	456

**Binäre Suche:**

- Mitte bestimmen:  $m = l + \frac{r-l}{2} = 1 + \frac{10-1}{2} = 1 + \frac{9}{2} = 5$
- $z[5] = 20$ , Fortsetzen der Suche bei den Elementen 6 bis 10
- Neue Mitte bestimmen:  $m = l + \frac{r-l}{2} = 6 + \frac{10-6}{2} = 6 + \frac{4}{2} = 8$
- $z[8] = 160$ , Fortsetzen der Suche bei den Elementen 6 bis 7
- Neue Mitte bestimmen:  $m = l + \frac{r-l}{2} = 6 + \frac{7-6}{2} = 6 + \frac{1}{2} = 6$
- $z[6] = 32$ , die Zahl wurde nach drei Schritten gefunden

2.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
30	72	36	12	44	59	27	32	8	66

**Lineare Suche:**

Die Folge ist unsortiert, andere elementare Verfahren sind nicht einsetzbar.

Die Zahl 32 wird nach 8 Schritten gefunden.

3.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
26	27	28	30	31	32	34	36	37	38

**Interpolationssuche:**

Die Elemente der Folge sind (fast) gleichverteilt.

- Mitte bestimmen:  $m = l + \frac{32-z[l]}{z[r]-z[l]}(r-l) = 1 + \frac{(32-26) \cdot (10-1)}{38-26} = 1 + \frac{54}{12} = 5$
- $z[5] = 31$ , Fortsetzen der Suche bei den Elementen 6 bis 10
- Neue Mitte bestimmen:  $m = l + \frac{32-z[l]}{z[r]-z[l]}(r-l) = 6 + \frac{(32-32) \cdot (10-6)}{38-32} = 6 + 0 = 6$
- $z[6] = 32$ , die Zahl wurde nach 2 Schritten gefunden

## VL11, Lösung 2

- i) Bubblesort besitzt eine Zeitkomplexität von  $O(n^2)$  im schlechtesten Fall. Die binäre Suche besitzt eine Zeitkomplexität von  $O(\log(n))$ . Die Zeitkomplexität der Gesamtlösung ist also  $O(n^2) + n/2 \cdot O(\log(n)) = O(n^2)$ .
- ii) HeapSort besitzt eine Zeitkomplexität von  $O(n \log(n))$  im schlechtesten Fall. Die Interpolationssuche besitzt eine Zeitkomplexität von  $O(n)$  im schlechtesten Fall. Die Zeitkomplexität der Gesamtlösung ist also  $O(n \log(n)) + n/2 \cdot O(n) = O(n^2)$ .
- iii) Die lineare Suche besitzt eine Zeitkomplexität von  $O(n)$  im schlechtesten Fall. Die Zeitkomplexität der Gesamtlösung ist also  $n/2 \cdot O(n) = O(n^2)$ .
- iv) Mergesort besitzt eine Zeitkomplexität von  $O(n \log(n))$  im schlechtesten Fall. Die binäre Suche besitzt eine Zeitkomplexität von  $O(\log(n))$ . Die Zeitkomplexität der Gesamtlösung ist also  $O(n \log(n)) + n/2 \cdot O(\log(n)) = O(n \log(n))$ . Die ist die beste Gesamtlösung!

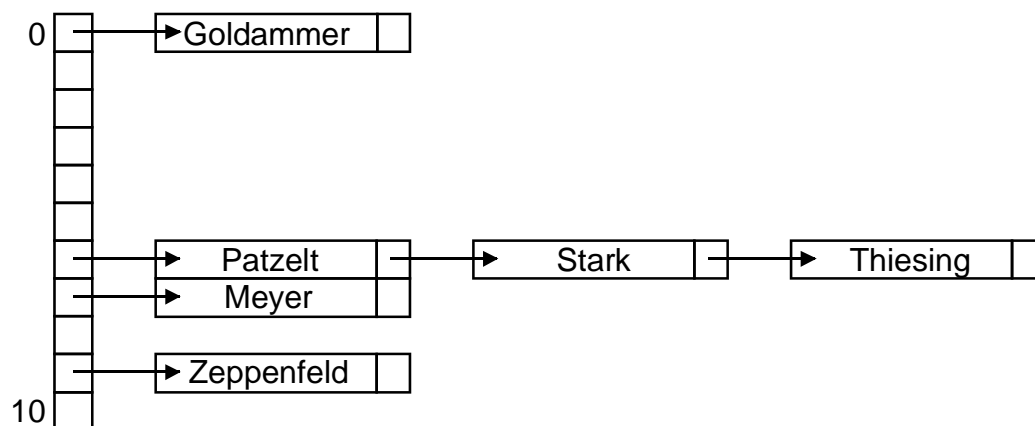
## VL11, Lösung 3

Mit  $h(k) = (\text{ord}(1. \text{ Buchstabe von } k) + \text{ord}(2. \text{ Buchstabe von } k)) \bmod 11$  berechnete Hashwerte:

$h(\text{"MEYER"}) = (13+5) \bmod 11 = 7$   
 $h(\text{"GOLDAMMER"}) = (7+15) \bmod 11 = 0$   
 $h(\text{"PATZELT"}) = (16+1) \bmod 11 = 6$   
 $h(\text{"STARK"}) = (19+20) \bmod 11 = 6$   
 $h(\text{"THIESING"}) = (20+8) \bmod 11 = 6$   
 $h(\text{"ZEPPENFELD"}) = (26+5) \bmod 11 = 9$

Kollisionen entstehen für PATZELT, STARK und THIESING (jeweils Hashwert 6).

a) Hashtabelle mit direkter Verkettung der Überläufer:



## b) Quadratisches Sondieren:

0	Goldammer
	Thiesing
	Patzelt
	Meyer
	Zeppenfeld
10	Stark

**Ausgangssituation:** die Hashtabelle ist leer. Die Schlüssel MEYER, GOLDAMMER, und PATZELT können an den für sie berechneten Hash-Adressen 7, 0 und 6 abgespeichert werden. Beim Einfügen von STARK ist Hash-Adresse 6 bereits durch PATZELT belegt. Also wird erste Ausweichposition  $6+1 = 7$  gewählt. Diese ist jedoch bereits durch MEYER belegt. Also wird nächste Ausweichposition  $6+4 = 10$  geprüft. Da diese noch frei ist, wird STARK dort abgespeichert.

**Einfügen von THIESING:** Die berechnete Hash-Adresse 6 ist nicht mehr frei. Die erste Ausweichposition  $6+1 = 7$  ist belegt durch MEYER. Die nächste Ausweichposition  $6+4 = 10$  ist ebenfalls belegt durch STARK. Die dritte Ausweichposition  $(6+9) \bmod 11 = 4$  ist noch frei. Also wird THIESING dort abgespeichert.

**Einfügen von ZEPPENFELD:** Die berechnete Hash-Adresse 9 ist frei. Also kann ZEPPENFELD dort problemlos abgespeichert werden.

## VL11, Lösung 4

Hashtabelle t:

115	15	86	38	53	75	100
-----	----	----	----	----	----	-----

- **Schlüssel 86:**  $h(86) = 86 \bmod 7 = (12 \cdot 7 + 2) \bmod 7 = 2$   
Der gesuchte Schlüssel befindet sich an der durch die Hashfunktion berechneten Position:  $t[2] = 86$ . Zum Finden des Schlüssels musste nur ein Eintrag betrachtet werden.
- **Schlüssel 100:**  $h(100) = (14 \cdot 7 + 2) \bmod 7 = 2$ .  
 $t[2] = 86 \neq 100$ . Also muss die Strategie zur Kollisionsauflösung angewandt werden, um die 100 zu finden oder festzustellen, dass sie nicht in der Hashtabelle enthalten ist. Erste Ausweichposition:  $(2 + 1^2) \bmod 7 = 3$ .  
 $t[3] = 38 \neq 100$ . Nächste Ausweichposition:  $(2 + 2^2) \bmod 7 = 6$ .  
 $t[6] = 100$ , der Schlüssel wurde gefunden. Zum Finden des Schlüssels mussten insgesamt 3 Einträge betrachtet werden: 86, 38 und 100.

## VL11, Lösung 5

```
public class BinäreSuche
{
    static boolean binaereSuche(final String[] worte, final String begriff)
    {
        int linkerRand = 0;
        int rechterRand = worte.length - 1;

        while (linkerRand <= rechterRand)
        {
            int mittleresElement = (linkerRand + rechterRand) / 2;

            // Lexikographischer Vergleich zweier Zeichenketten
            // Ergebnis zwischenspeichern, da es zweimal benötigt wird
            final int vergleich =
                begriff.compareTo(worte[mittleresElement]);

            // Die gesuchte Zeichenkette wurde gefunden, Methode verlassen
            if (vergleich == 0)
                return true;

            if (vergleich < 0)
            {
                rechterRand = mittleresElement - 1;
            }
            else
            {
                linkerRand = mittleresElement + 1;
            }
        }

        // Die gesuchte Zeichenkette konnte nicht gefunden werden
        return false;
    }

    public static void main(String[] args)
    {
        String[] worte = {"Bär", "Hund", "Katze", "Löwe", "Maus", "Uhu"};

        System.out.println(binaereSuche(worte, "Bär"));
        System.out.println(binaereSuche(worte, "Katze"));
        System.out.println(binaereSuche(worte, "Uhu"));
        System.out.println(binaereSuche(worte, "Ameise"));
        System.out.println(binaereSuche(worte, "Koalabär"));
        System.out.println(binaereSuche(worte, "Wanderfalke"));
    }
}
```

## VL11, Lösung 6

```
public int findePosition(IHashable o)
{
    int collisionCount = 0;

    // Verwendung der Hashmethode des einzufügenden Elements
    int hashWert = o.hash(table.length);
    int currentPos = hashWert;

    while ((table[currentPos] != null) && !table[currentPos].equals(o))
    {
        collisionCount++;
        currentPos = (hashWert + collisionCount * collisionCount) % table.length;
    }

    return currentPos;
}
```