

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №1-2

Формирование последовательности случайных чисел с заданным законом распределения

Цель. Изучить основные способы создания последовательностей случайных чисел с заданными законами распределения вероятности.

Краткое теоретическое введение.

1. Алгоритм Лемера генерации равномерно распределенных случайных чисел.

Выраженный в символьном виде **алгоритм Лемера** представляет собой следующее выражение:

$$X(i) = a * X(i-1) \bmod m$$

«Новое случайное число является предыдущим случайным числом, умножаемым на константу a , после чего над результатом выполняется операция деления по модулю константы m ». Например, предположим, что в некий момент текущее случайное число равно 104, $a = 3$ и $m = 100$. Тогда новое случайное число будет равно $3 * 104 \bmod 100 = 312 \bmod 100 = 12$.

2. Метод серединных произведений.

Число R_0 умножается на R_1 , из полученного результата R_2 извлекается середина R_2^* (это очередное случайное число) и умножается на R_1 . По этой схеме вычисляются все последующие случайные числа (см. рис. 1).

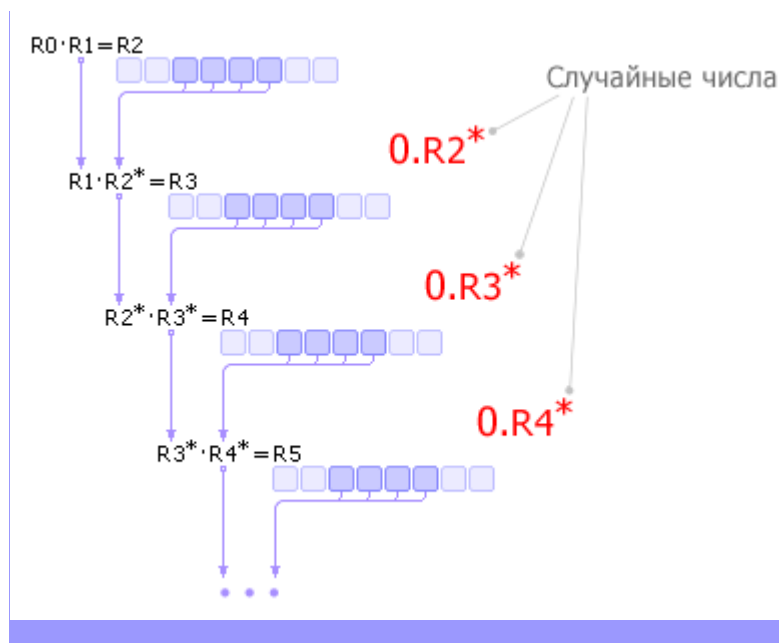


Рис. 1– Схема метода сер

3. Регистр с линейной обратной связью

В регистре сдвига с линейной обратной связью (РСЛОС) выделяют две части (модуля):

- собственно, регистр сдвига;
- схему (или подпрограмму) обратной связи, вычисляющую значение вдвигаемого бита.

Регистр состоит из функциональных ячеек памяти (битов одного или нескольких машинных слов), в каждой из которых хранится текущее состояние (значение) одного бита. Количество ячеек, называют длиной регистра. Биты (ячейки) обычно нумеруются числами, содержимое i -й ячейки обозначается через S_i . Значение нового бита определяется до сдвига битов в регистре и только после сдвига записывается в ячейку S_0 , а из ячейки S_{n-1} извлекается очередной сгенерированный бит.

Функцией обратной связи для РСЛОС является линейная булева функция от значений всех или некоторых битов регистра. Функция выполняет умножение битов регистра на коэффициенты c_i , где $i = 0, 1, \dots, n-1$. Количество коэффициентов совпадает с количеством битов регистра. Коэффициенты принимают значения 0 или 1, причём последний коэффициент равен 1, так как РСЛОС задаётся характеристическим многочленом степени n . Сложение по модулю 2 (операция «XOR», обозначаемая в формулах символом « \oplus ») или её логическая инверсия «XNOR» являются линейными булевыми функциями и наиболее часто применяются в таких регистрах^[2]. При этом биты, являющиеся переменными функции обратной связи, называются **отводами**, а сам регистр называется **конфигурацией Фибоначчи**^[3].

Управление регистром в аппаратных реализациях производится подачей сдвигающего импульса (иначе называемого тактовым или **синхроимпульсом**) на все ячейки. Управление регистром в программных реализациях производится выполнением цикла. На каждой итерации цикла вычисляется функция обратной связи и выполняется битовый сдвиг в слове.