

# **Campo de gravidade**

Parte A

Historicamente, os principais dados gravimétricos utilizados por geofísicos para estimar distribuições de densidade em subsuperfície são as **anomalias de gravidade**

Historicamente, os principais dados gravimétricos utilizados por geofísicos para estimar distribuições de densidade em subsuperfície são as **anomalias de gravidade**

Há diferentes tipos de anomalias de gravidade, tais como **anomalia Bouguer, anomalia ar-livre e anomalia isostática**

Blakely (1996)

Hofmann-Wellenhof e Moritz (2005)

Nabighian et al. (2005)

Em nosso estudo, contudo,  
utilizaremos outra quantidade como  
dato gravimétrico: o **distúrbio de  
gravidade**

Em nosso estudo, contudo,  
utilizaremos outra quantidade como  
dato gravimétrico: o **distúrbio de  
gravidade**

Para fins geofísicos, o distúrbio de  
gravidade é conceitualmente mais  
adequado do que anomalias de  
gravidade

O distúrbio de gravidade é uma quantidade muito conhecida na geodesia, mas parece ser menos conhecida em geofísica

O distúrbio de gravidade é uma quantidade muito conhecida na geodesia, mas parece ser menos conhecida em geofísica

Nesse sentido, é necessário definir o distúrbio de gravidade e a sua diferença em relação as anomalias de gravidade

Considere um corpo com  
massa unitária parado sobre  
a superfície da Terra



<http://www.guiageo-americas.com/mapas/globo-america.htm>



Considere um corpo com massa unitária parado sobre a superfície da Terra



<http://www.guiageo-americas.com/mapas/globo-america.htm>

Este corpo experimenta uma força gravitacional e uma força† centrífuga. A resultante destas duas “forças” é chamada **vetor gravidade‡** e sua amplitude é chamada, simplesmente, **gravidade‡** (Hofmann-Wellenhof and Moritz, 2005).

† De fato, isso não é uma força (Symon, 1971, p. 279)

‡ Em física, a terminologia pode ser diferente (Symon, 1971, p. 280)

Considere um corpo com massa unitária parado sobre a superfície da Terra



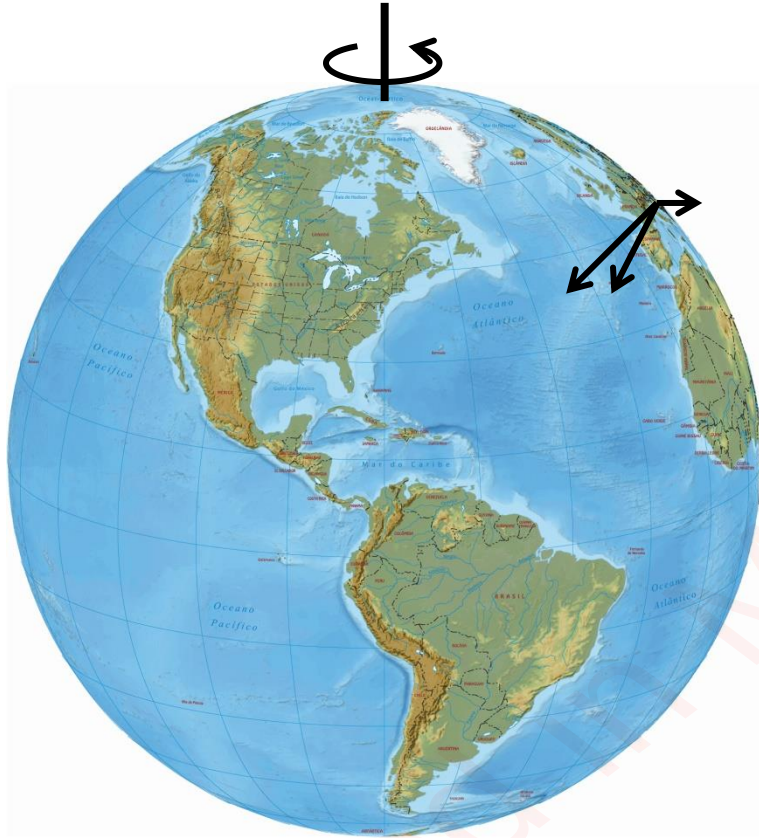
<http://www.guiageo-americas.com/mapas/globo-america.htm>

Este corpo experimenta uma força gravitacional e uma força† centrífuga. A resultante destas duas “forças” é chamada **vetor gravidade‡** e sua amplitude é chamada, simplesmente, **gravidade‡** (Hofmann-Wellenhof and Moritz, 2005).

† De fato, isso não é uma força (Symon, 1971, p. 279)

‡ Em física, a terminologia pode ser diferente (Symon, 1971, p. 280)

Considere um corpo com massa unitária parado sobre a superfície da Terra



<http://www.guiageo-americas.com/mapas/globo-america.htm>

Este corpo experimenta uma força gravitacional e uma força† centrífuga. A resultante destas duas “forças” é chamada **vetor gravidade‡** e sua amplitude é chamada, simplesmente, **gravidade‡** (Hofmann-Wellenhof and Moritz, 2005).

No caso de gravimetria em plataformas móveis (aviões, helicópteros, navios), há outros efeitos não-gravitacionais produzidos pelo movimento do veículo, tais como a força† de Coriolis e vibrações de alta frequência (Symon, 1971; Glennie et al., 2000; Nabighian et al., 2005; Baumann et al., 2012).

† De fato, isso não é uma força (Symon, 1971, p. 279)

‡ Em física, a terminologia pode ser diferente (Symon, 1971, p. 280)

Geofísicos estão interessados, geralmente, na **componente gravitacional da gravidade**, que está relacionada às variações na distribuição interna de densidade da Terra.

Geofísicos estão interessados, geralmente, na **componente gravitacional da gravidade**, que está relacionada às variações na distribuição interna de densidade da Terra.

Para isolar esta componente, é necessário remover os efeitos não-gravitacionais produzidos pelo movimento do veículo (avião, helicóptero, navio) e também variações temporais produzidas pela atração luni-solar, deriva instrumental e variações da pressão atmosférica.

Geofísicos estão interessados, geralmente, na **componente gravitacional da gravidade**, que está relacionada às variações na distribuição interna de densidade da Terra.

Para isolar esta componente, é necessário remover os efeitos não-gravitacionais produzidos pelo movimento do veículo (avião, helicóptero, navio) e também variações temporais produzidas pela atração luni-solar, deriva instrumental e variações da pressão atmosférica.

Se estes efeitos forem removidos de forma adequada, podemos considerar que a gravidade observada é soma de uma **componente normal** e uma **pequena parcela puramente gravitacional**, que é produzida por variações de densidade em subsuperfície.

Geofísicos estão interessados, geralmente, na **componente gravitacional da gravidade**, que está relacionada às variações na distribuição interna de densidade da Terra.

Para isolar esta componente, é necessário remover os efeitos não-gravitacionais produzidos pelo movimento do veículo (avião, helicóptero, navio) e também variações temporais produzidas pela atração luni-solar, deriva instrumental e variações da pressão atmosférica.

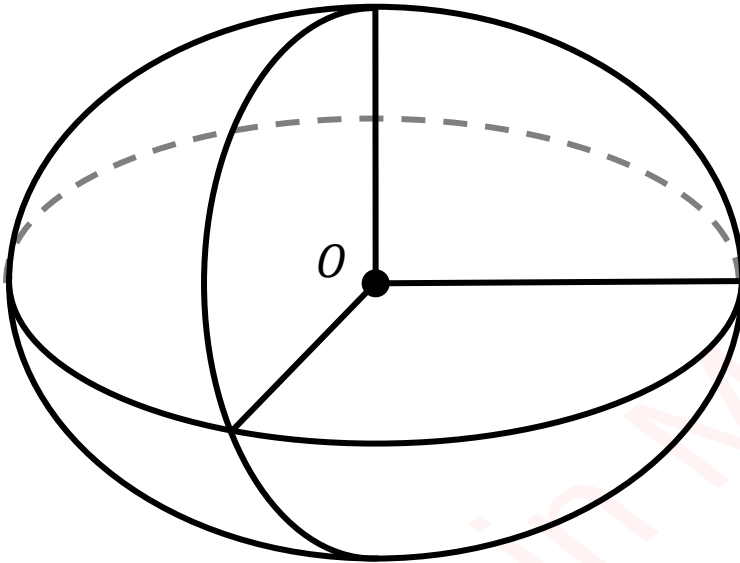
Se estes efeitos forem removidos de forma adequada, podemos considerar que a gravidade observada é soma de uma **componente normal** e uma **pequena parcela puramente gravitacional**, que é produzida por variações de densidade em subsuperfície.

Isolar esta pequena parcela do campo de gravidade é um dos principais desafios em geofísica aplicada (Blakely, 1996).



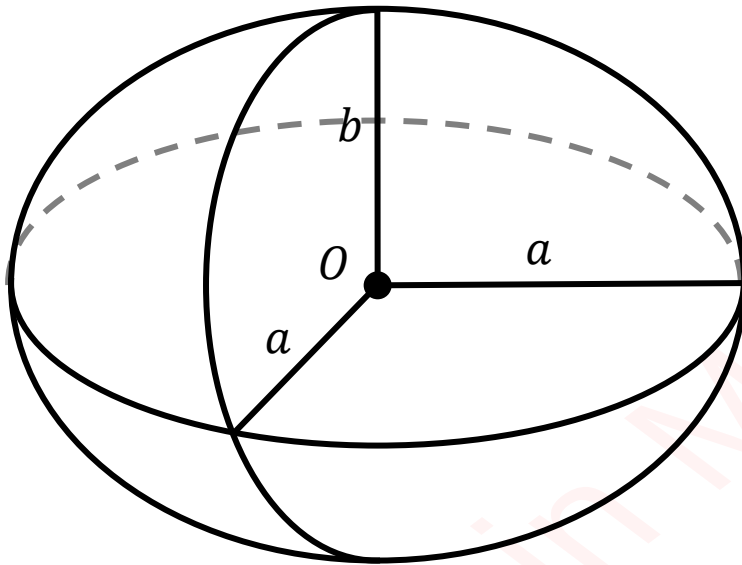
Tradicionalmente, a Terra é aproximada por um elipsoide com as seguintes características:

- origem  $O$  no centro de massa da Terra;



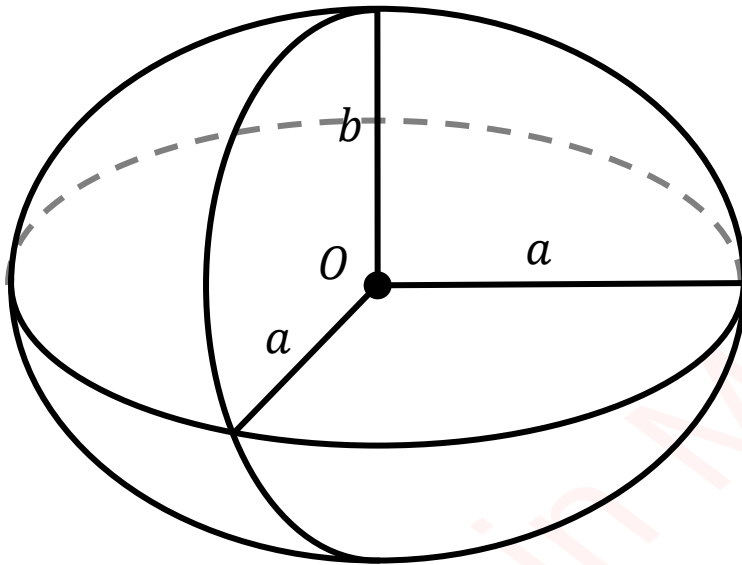


Tradicionalmente, a Terra é aproximada por um elipsoide com as seguintes características:



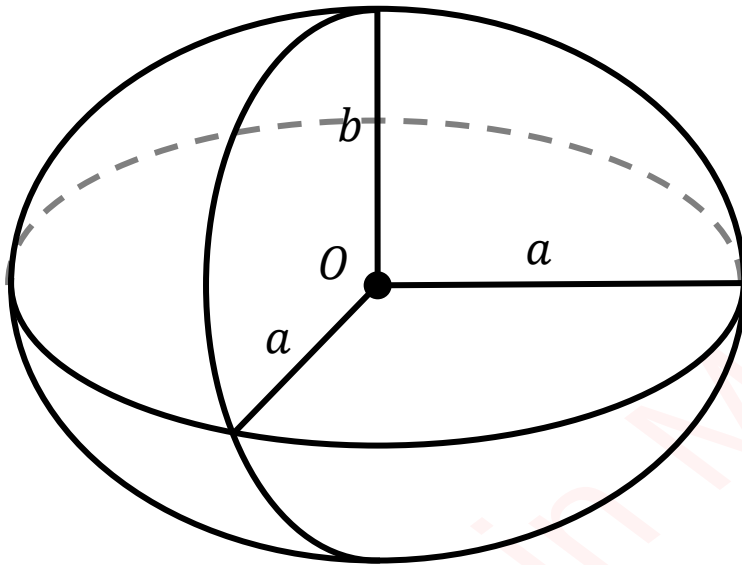
- origem  $O$  no centro de massa da Terra;
- Semieixo menor  $b$  coincidente com o eixo médio de rotação da Terra

Tradicionalmente, a Terra é aproximada por um elipsoide com as seguintes características:

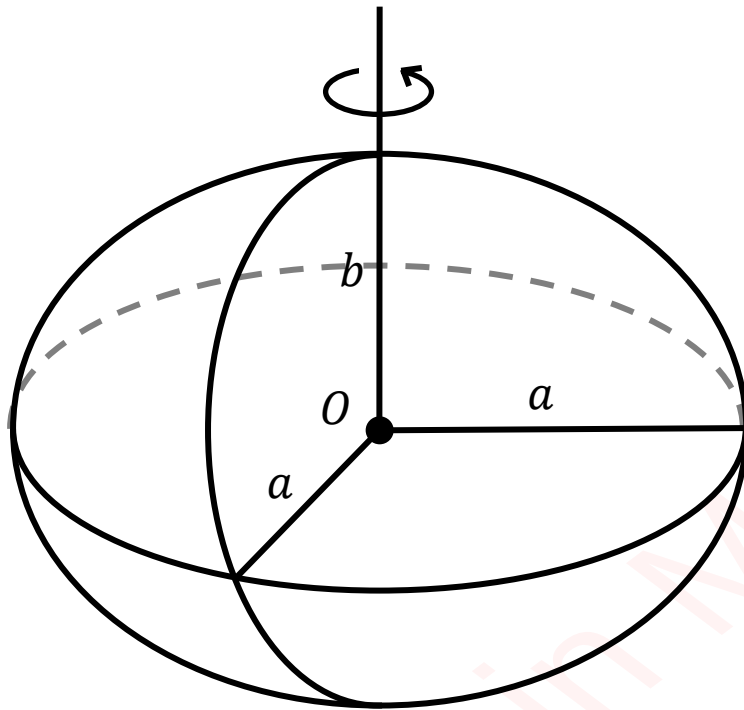


- origem  $O$  no centro de massa da Terra;
- Semieixo menor  $b$  coincidente com o eixo médio de rotação da Terra
- simetria em torno do semieixo menor  $b$  e do plano equatorial;

Tradicionalmente, a Terra é aproximada por um elipsoide com as seguintes características:



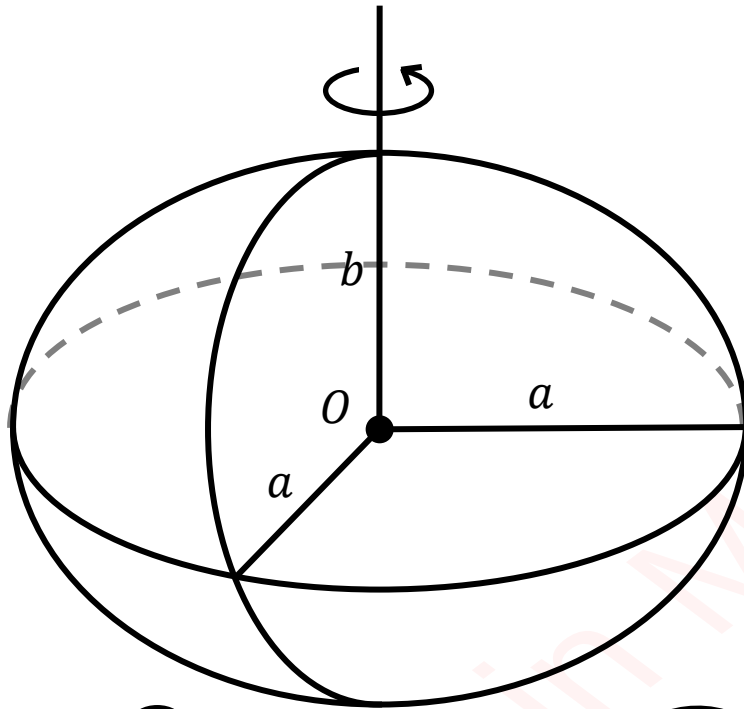
- origem  $O$  no centro de massa da Terra;
- Semieixo menor  $b$  coincidente com o eixo médio de rotação da Terra
- simetria em torno do semieixo menor  $b$  e do plano equatorial;
- mesma massa da Terra (a distribuição interna de massa é indefinida!);



Tradicionalmente, a Terra é aproximada por um elipsoide com as seguintes características:

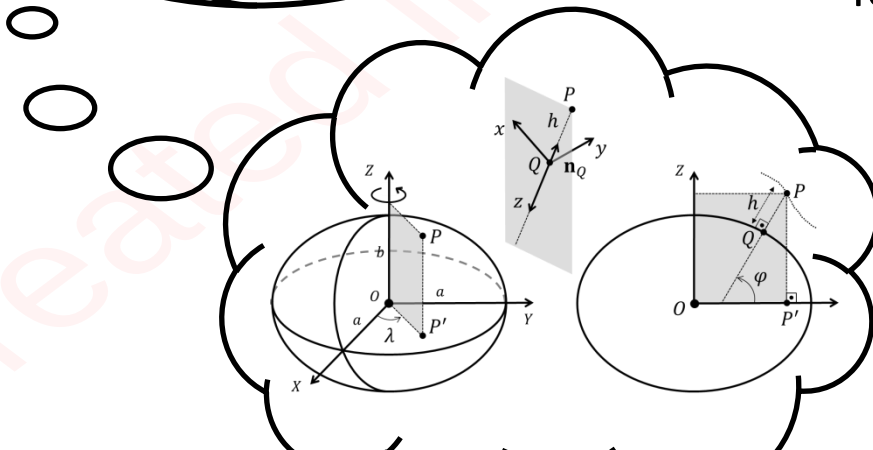
- origem  $O$  no centro de massa da Terra;
- Semieixo menor  $b$  coincidente com o eixo médio de rotação da Terra
- simetria em torno do semieixo menor  $b$  e do plano equatorial;
- mesma massa da Terra (a distribuição interna de massa é indefinida!);
- mesma velocidade de rotação da Terra;

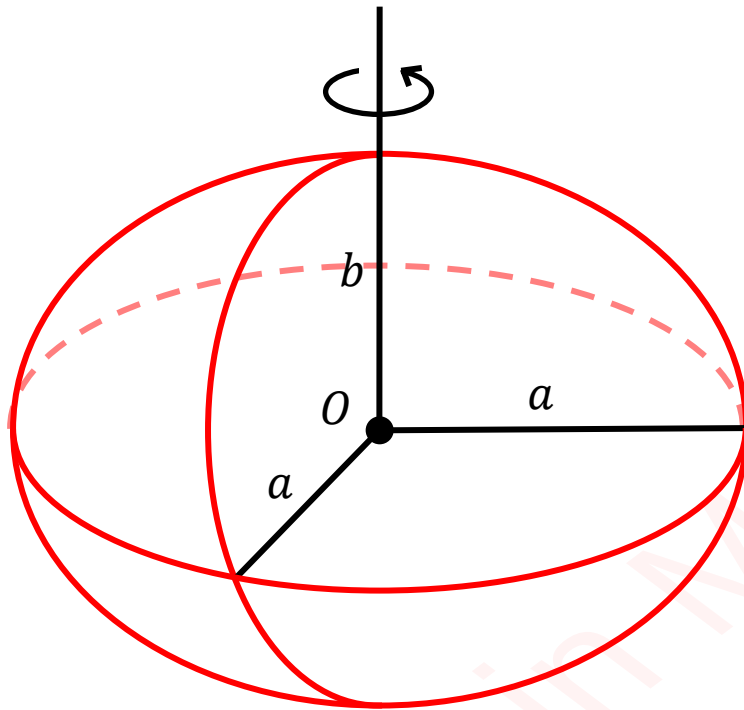
Note a semelhança entre este elipsoide e aquele utilizado como referência para o sistema de coordenadas geodésicas!



Tradicionalmente, a Terra é aproximada por um elipsoide com as seguintes características:

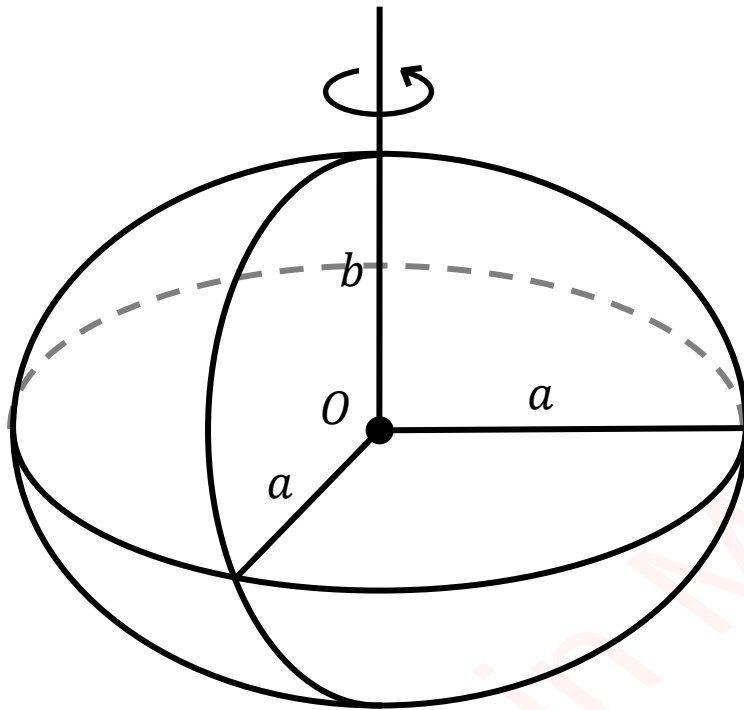
- origem  $O$  no centro de massa da Terra;
- Semieixo menor  $b$  coincidente com o eixo médio de rotação da Terra
- simetria em torno do semieixo menor  $b$  e do plano equatorial;
- mesma massa da Terra (a distribuição interna de massa é indefinida!);
- mesma velocidade de rotação da Terra;





Tradicionalmente, a Terra é aproximada por um elipsoide com as seguintes características:

- origem  $O$  no centro de massa da Terra;
- Semieixo menor  $b$  coincidente com o eixo médio de rotação da Terra
- simetria em torno do semieixo menor  $b$  e do plano equatorial;
- mesma massa da Terra (a distribuição interna de massa é indefinida!);
- mesma velocidade de rotação da Terra;
- superfície limitante determinada por uma das equipotenciais do seu próprio campo de gravidade.

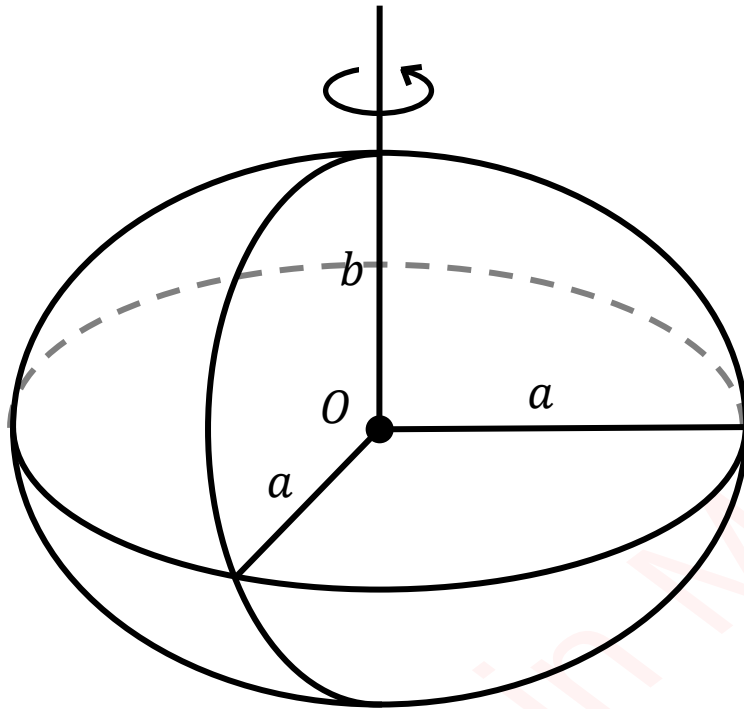


Sim! Este modelo produz um campo de gravidade que tem o mesmo significado anterior e, portanto, tem uma componente gravitacional e outra centrífuga

Tradicionalmente, a Terra é aproximada por um elipsoide com as seguintes características:

- origem  $O$  no centro de massa da Terra;
- Semieixo menor  $b$  coincidente com o eixo médio de rotação da Terra
- simetria em torno do semieixo menor  $b$  e do plano equatorial;
- mesma massa da Terra (a distribuição interna de massa é indefinida!);
- mesma velocidade de rotação da Terra;
- superfície limitante determinada por uma das equipotenciais do seu próprio campo de gravidade.

# Modelo de Terra Normal



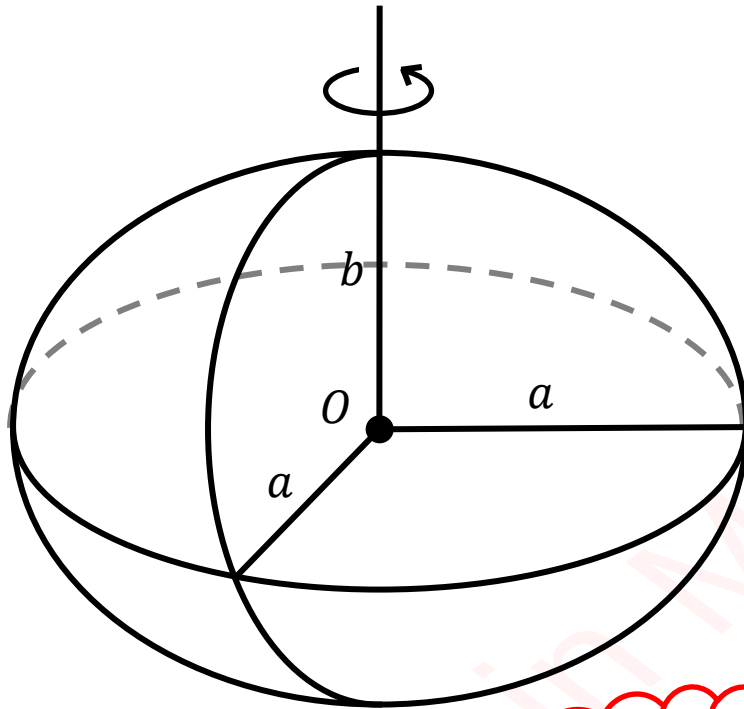
Tradicionalmente, a Terra é aproximada por um elipsoide com as seguintes características:

- origem  $O$  no centro de massa da Terra;
- Semieixo menor  $b$  coincidente com o eixo médio de rotação da Terra
- simetria em torno do semieixo menor  $b$  e do plano equatorial;
- mesma massa da Terra (a distribuição interna de massa é indefinida!);
- mesma velocidade de rotação da Terra;
- superfície limitante determinada por uma das equipotenciais do seu próprio campo de gravidade;

**Campo de gravidade normal**



# Modelo de Terra Normal



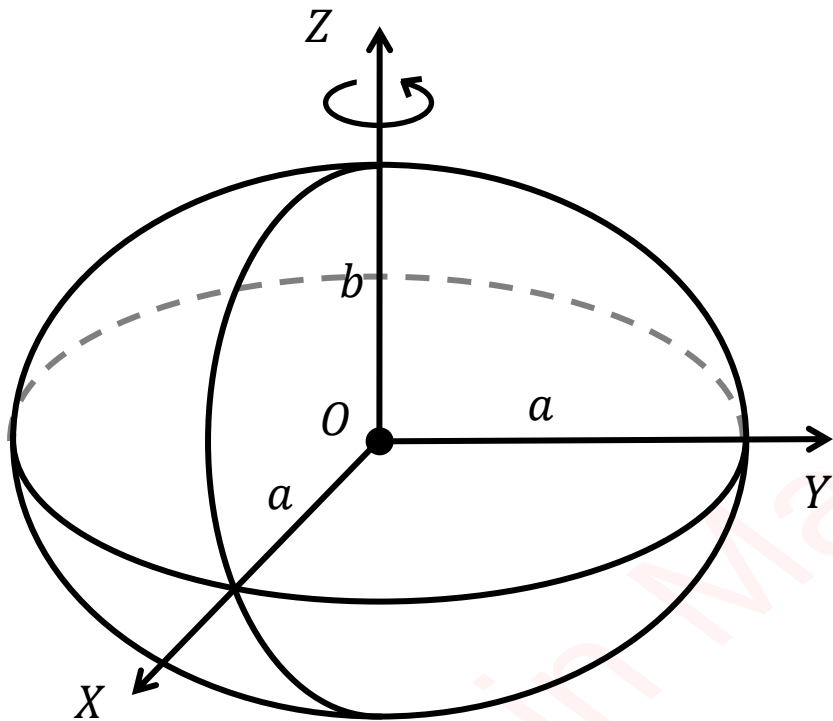
Tradicionalmente, a Terra é aproximada por um elipsoide com as seguintes características:

- origem  $O$  no centro de massa da Terra;
- Semieixo menor  $b$  coincidente com o eixo médio de rotação da Terra
- simetria em torno do semieixo menor  $b$  e do plano equatorial;
- mesma massa da Terra (a distribuição interna de massa é indefinida!);
- mesma velocidade de rotação da Terra;
- superfície limitante determinada por uma das **equipotenciais** do seu próprio campo de gravidade.

**Campo de gravidade normal**

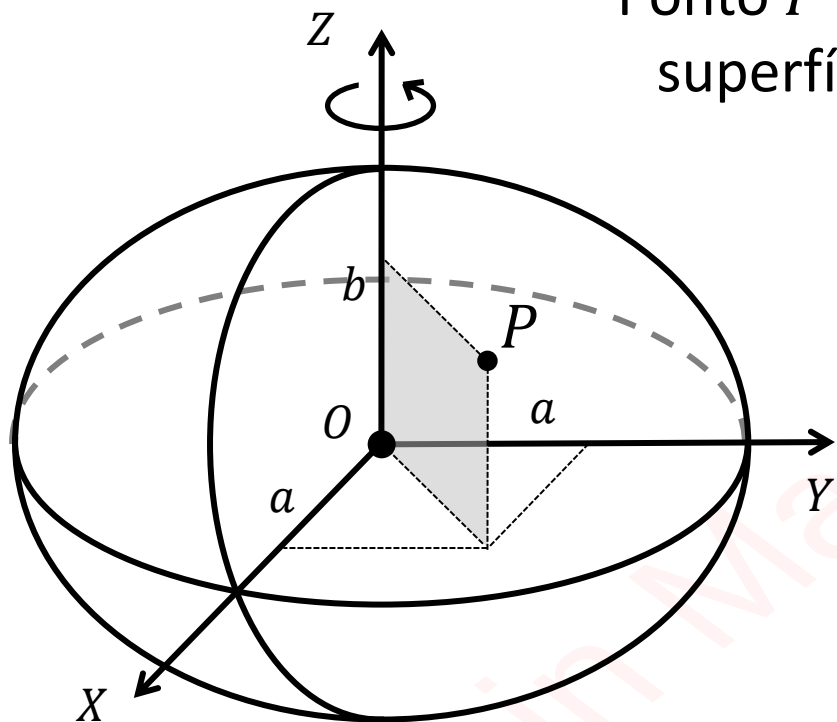
Hein?!



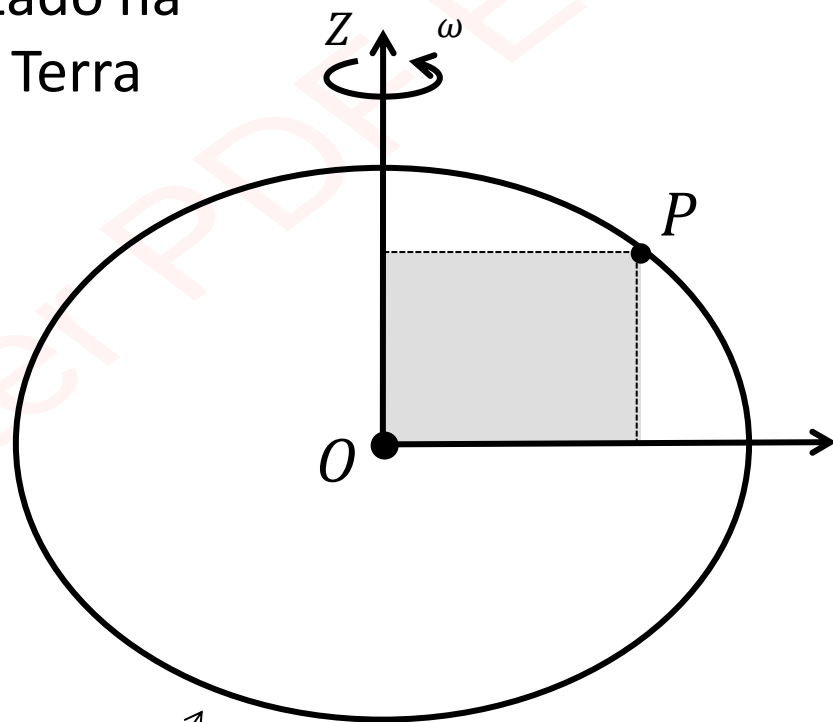
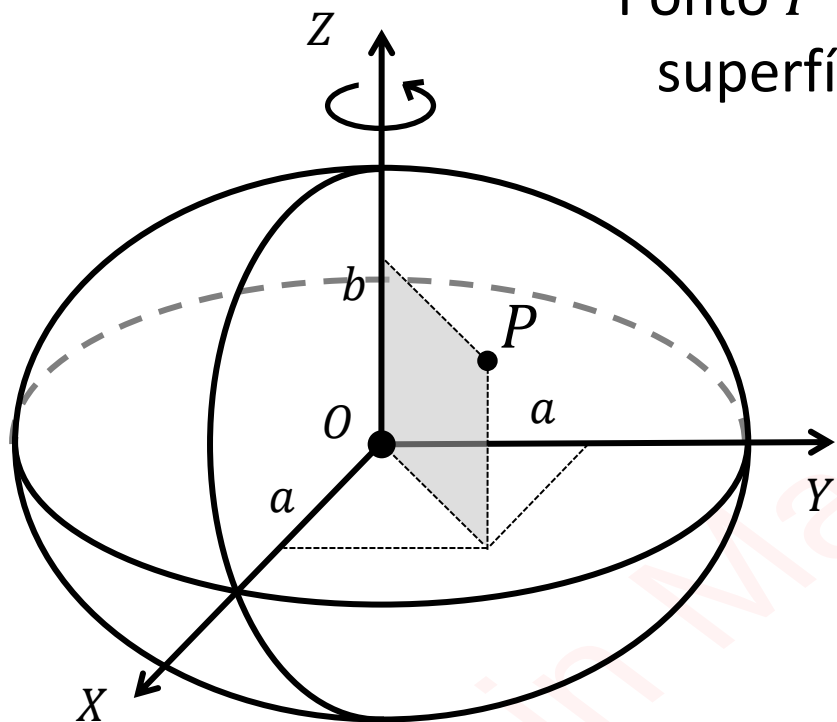


Considere um sistema  
Cartesiano geocêntrico

Ponto  $P$  localizado na  
superfície da Terra

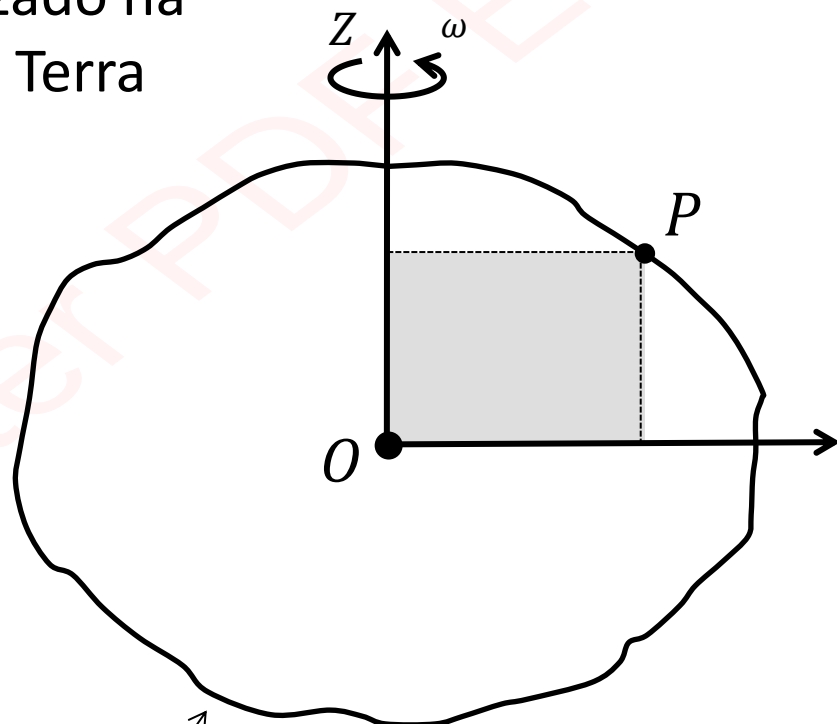
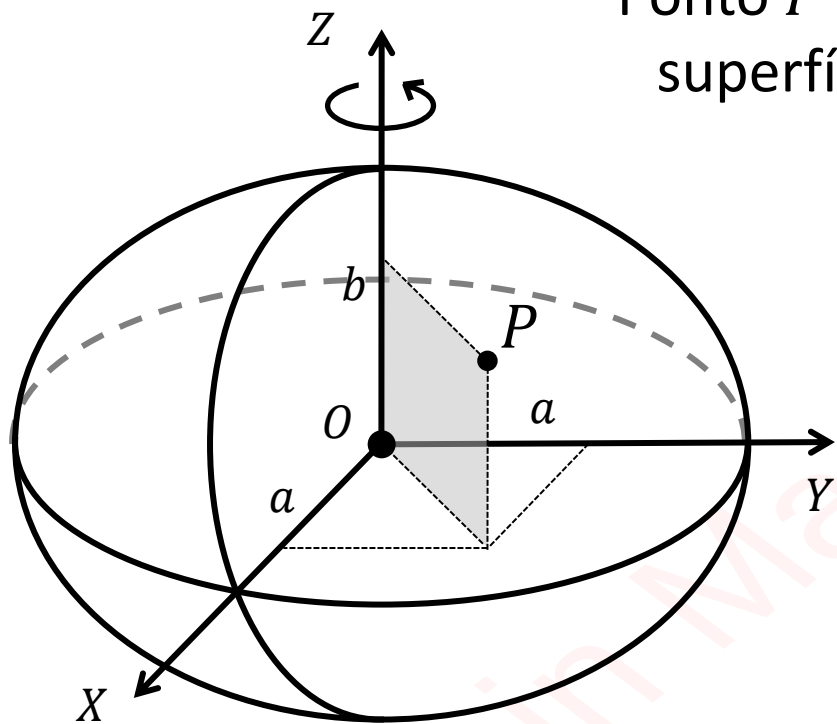


Ponto  $P$  localizado na  
superfície da Terra



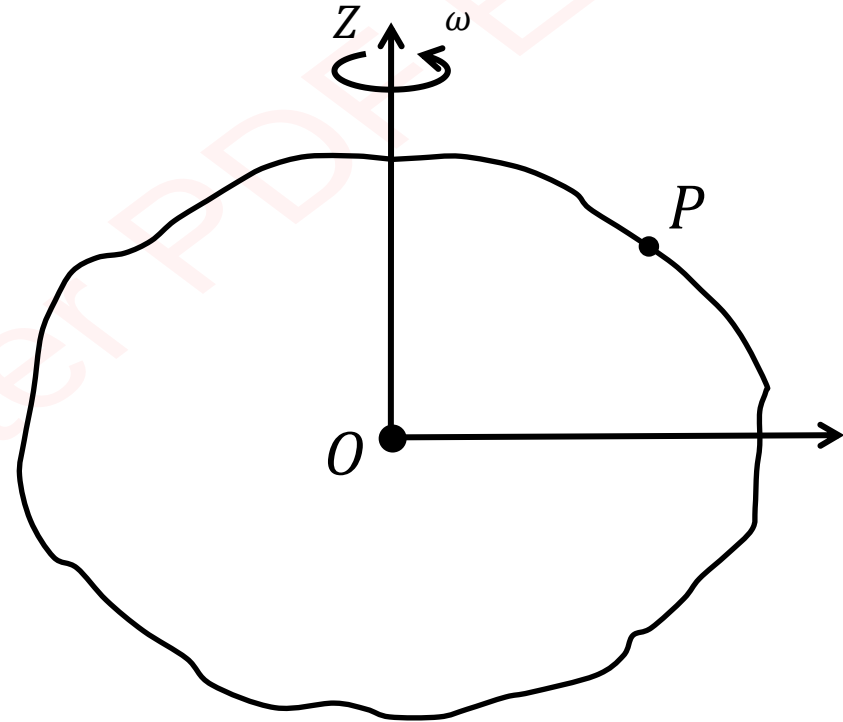
Superfície aproximada

Ponto  $P$  localizado na  
superfície da Terra



Representação esquemática  
da superfície da Terra

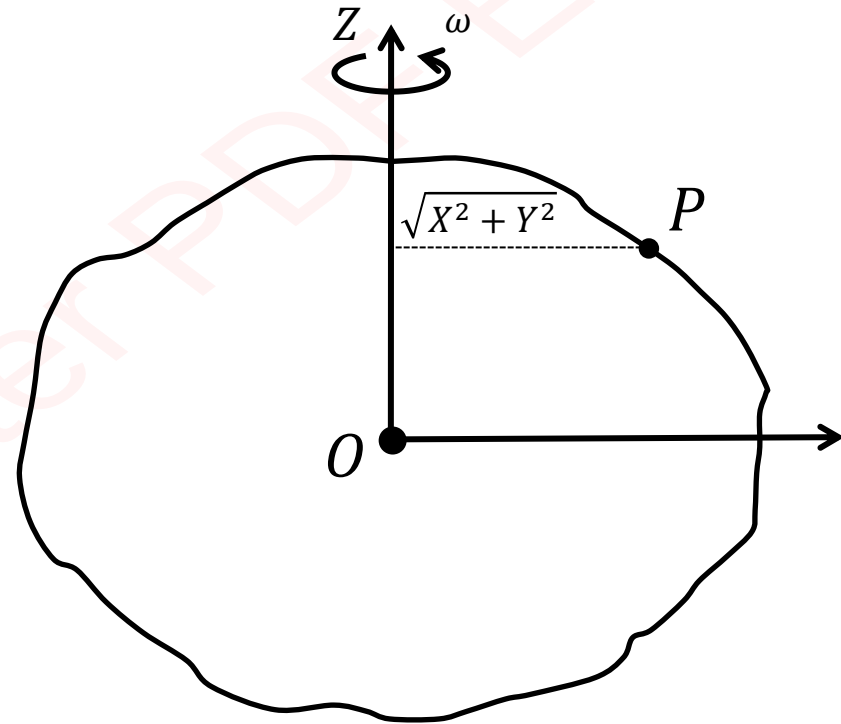
O **potencial de gravidade**  $W_P$  é uma função escalar, que resulta da soma entre outras duas funções escalares: o **potencial gravitacional**  $V_P$  e o **potencial centrífugo**  $\Phi_P$



$$W_P = V_P + \Phi_P$$

O **potencial de gravidade**  $W_P$  é uma função escalar, que resulta da soma entre outras duas funções escalares: o **potencial gravitacional**  $V_P$  e o **potencial centrífugo**  $\Phi_P$

O potencial centrífugo aumenta com o quadrado da distância até o eixo médio de rotação da Terra

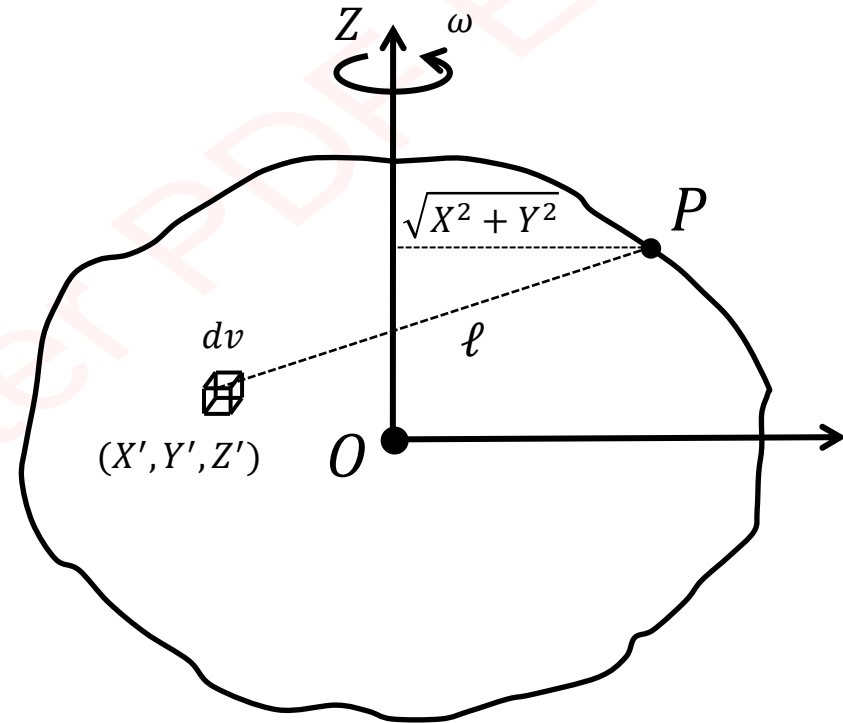


$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2)$$

O **potencial de gravidade**  $W_P$  é uma função escalar, que resulta da soma entre outras duas funções escalares: o **potencial gravitacional**  $V_P$  e o **potencial centrífugo**  $\Phi_P$

Já o potencial gravitacional depende da distribuição interna de densidade da Terra



$$W_P = V_P + \Phi_P$$

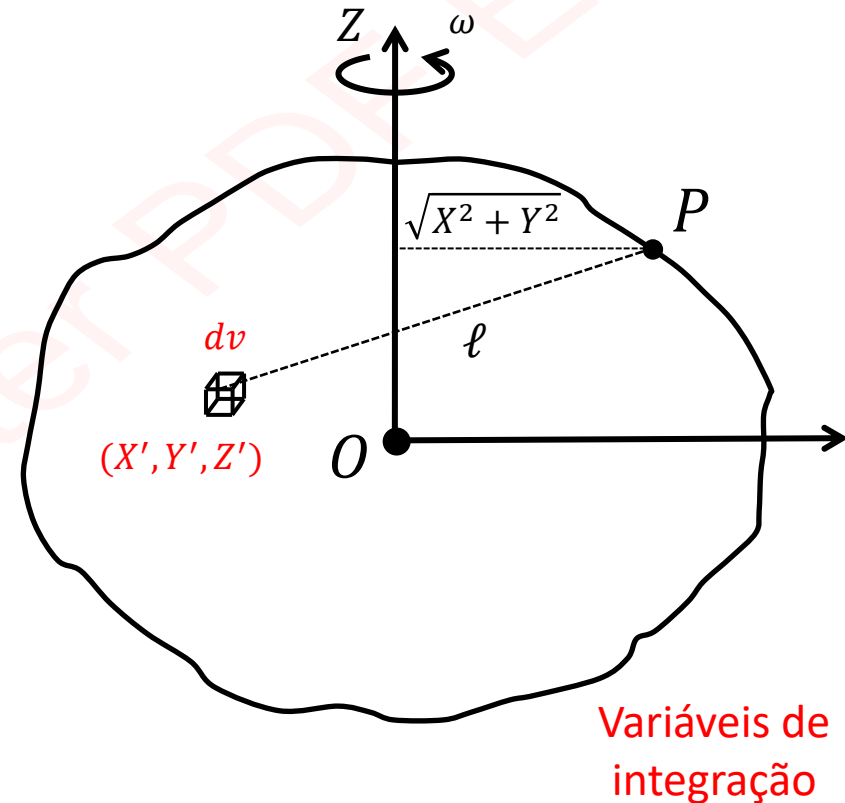
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$



O **potencial de gravidade**  $W_P$  é uma função escalar, que resulta da soma entre outras duas funções escalares: o **potencial gravitacional**  $V_P$  e o **potencial centrífugo**  $\Phi_P$

Já o potencial gravitacional depende da distribuição interna de densidade da Terra



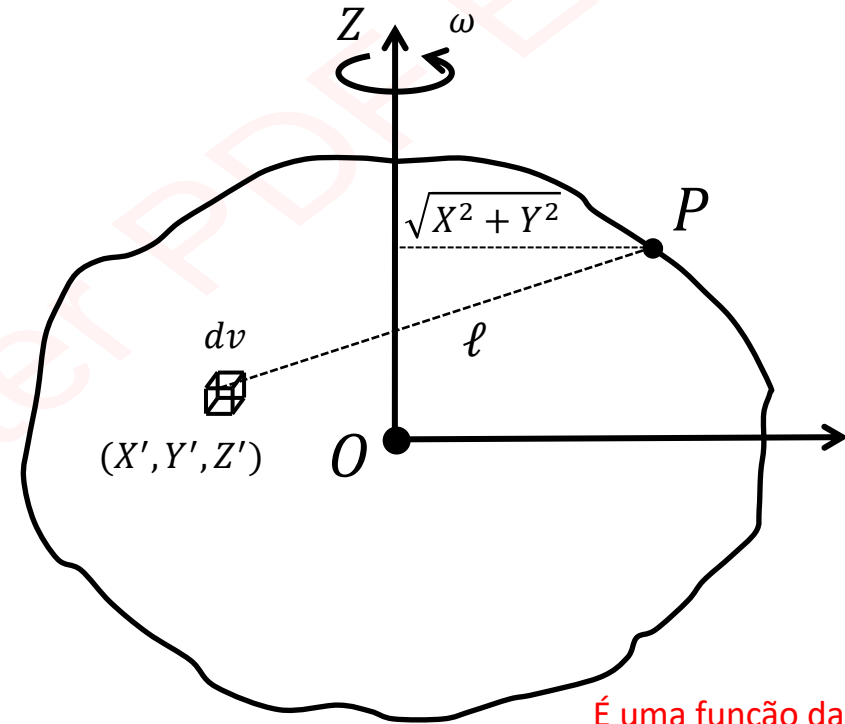
$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$

O **potencial de gravidade**  $W_P$  é uma função escalar, que resulta da soma entre outras duas funções escalares: o **potencial gravitacional**  $V_P$  e o **potencial centrífugo**  $\Phi_P$

Já o potencial gravitacional depende da distribuição interna de densidade da Terra



É uma função das variáveis de integração  $(X', Y', Z')$

$$W_P = V_P + \Phi_P$$

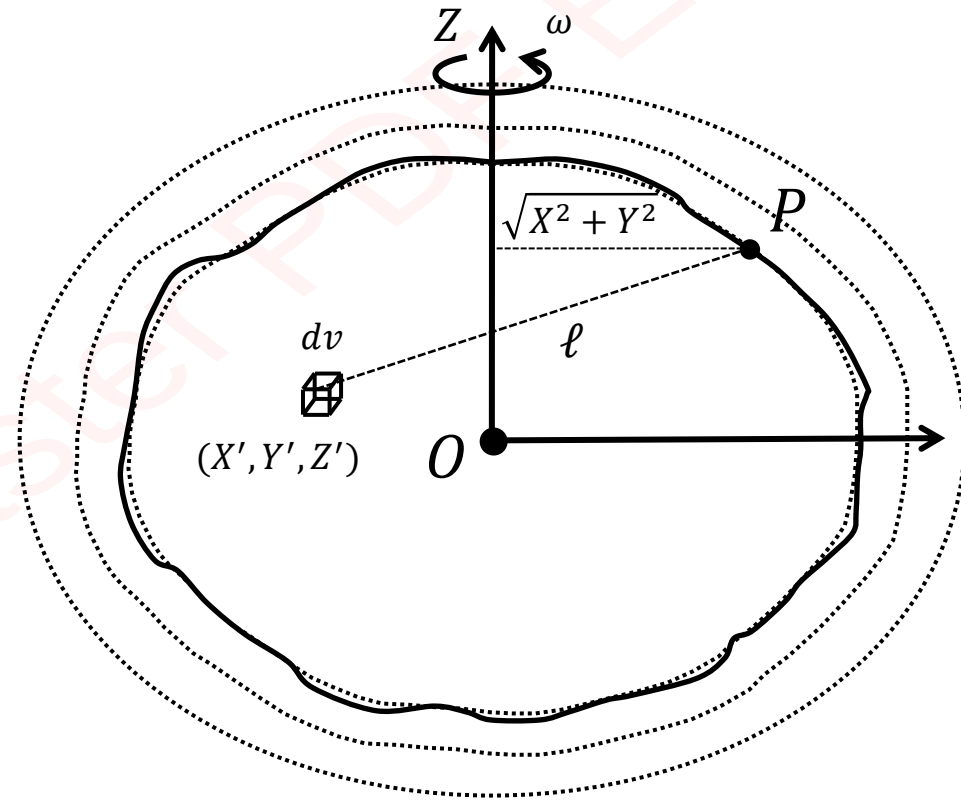
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$

O **potencial de gravidade**  $W_P$  é uma função escalar, que resulta da soma entre outras duas funções escalares: o **potencial gravitacional**  $V_P$  e o **potencial centrífugo**  $\Phi_P$

Superfícies sobre as quais o potencial de gravidade é constante



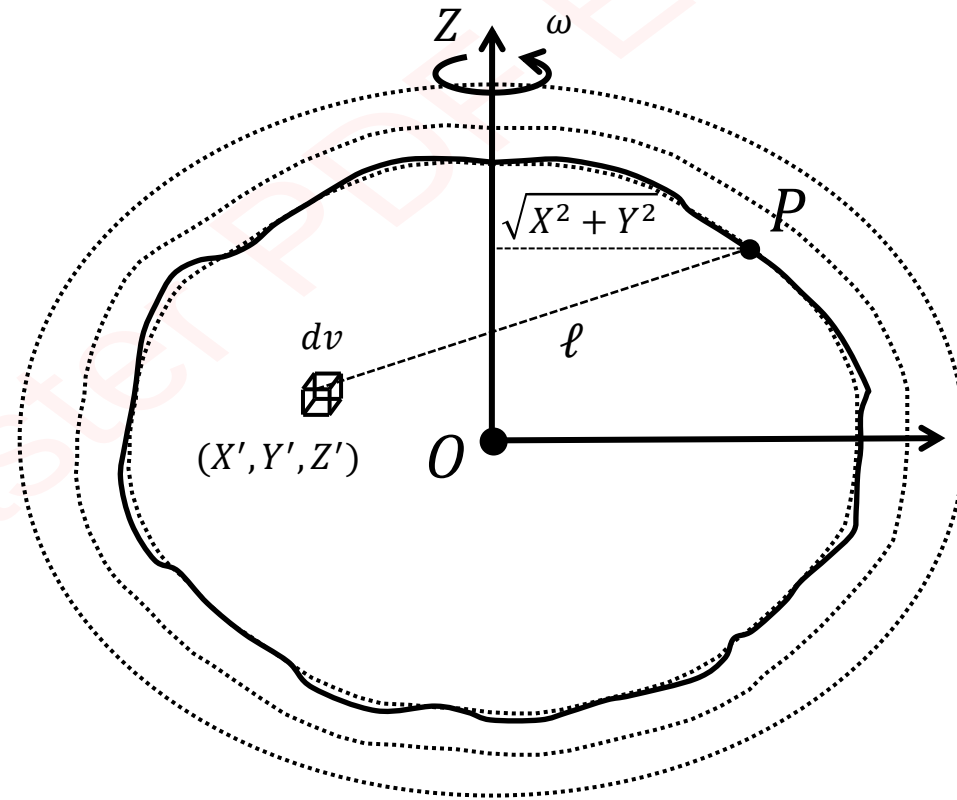
$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$

O **potencial de gravidade**  $W_P$  é uma função escalar, que resulta da soma entre outras duas funções escalares: o **potencial gravitacional**  $V_P$  e o **potencial centrífugo**  $\Phi_P$

Equipotenciais do campo de gravidade ou **Geopes**



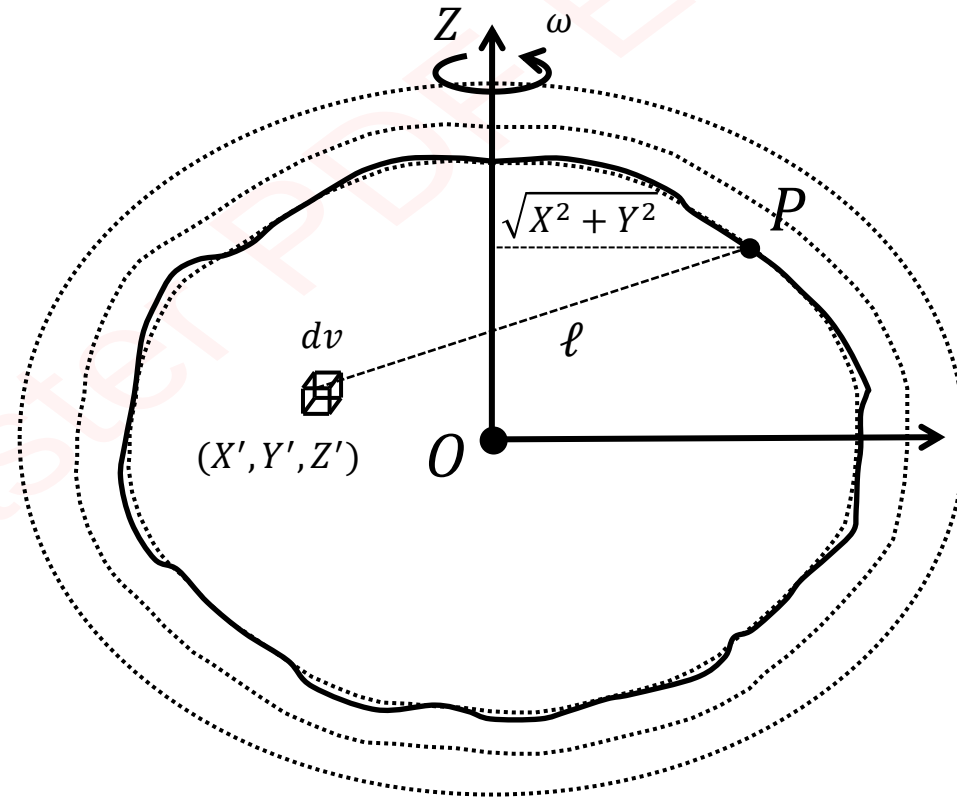
$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$

O **potencial de gravidade**  $W_P$  é uma função escalar, que resulta da soma entre outras duas funções escalares: o **potencial gravitacional**  $V_P$  e o **potencial centrífugo**  $\Phi_P$

O Geope que coincide com o nível médio dos mares não perturbados e se prolonga através dos continentes é denominado **Geoide**



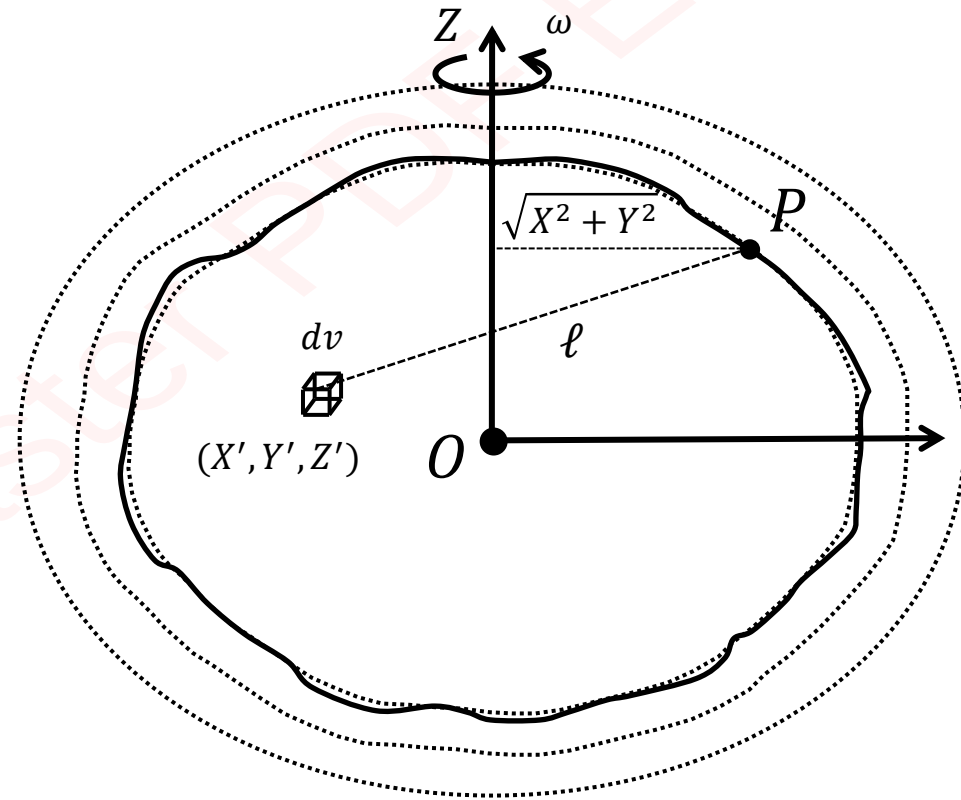
$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$

O **potencial de gravidade**  $W_P$  é uma função escalar, que resulta da soma entre outras duas funções escalares: o **potencial gravitacional**  $V_P$  e o **potencial centrífugo**  $\Phi_P$

O Geoide é uma superfície que se aproxima da superfície física da Terra.



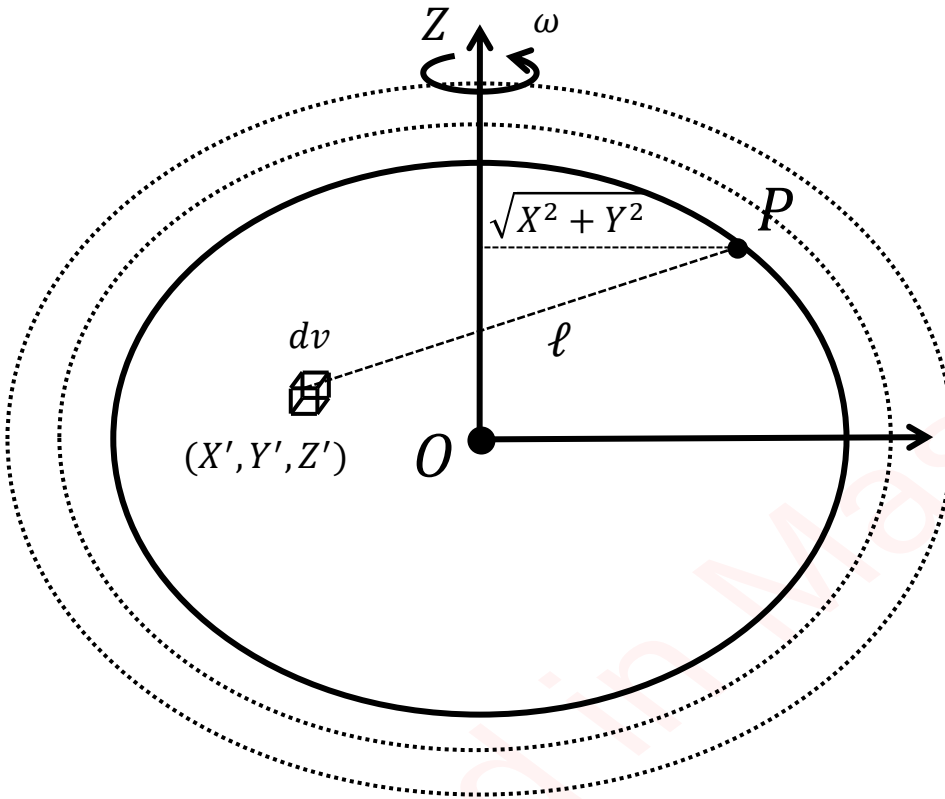
$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$

Analogamente, a Terra Normal produz um campo de gravidade denominado **campo de gravidade normal**.

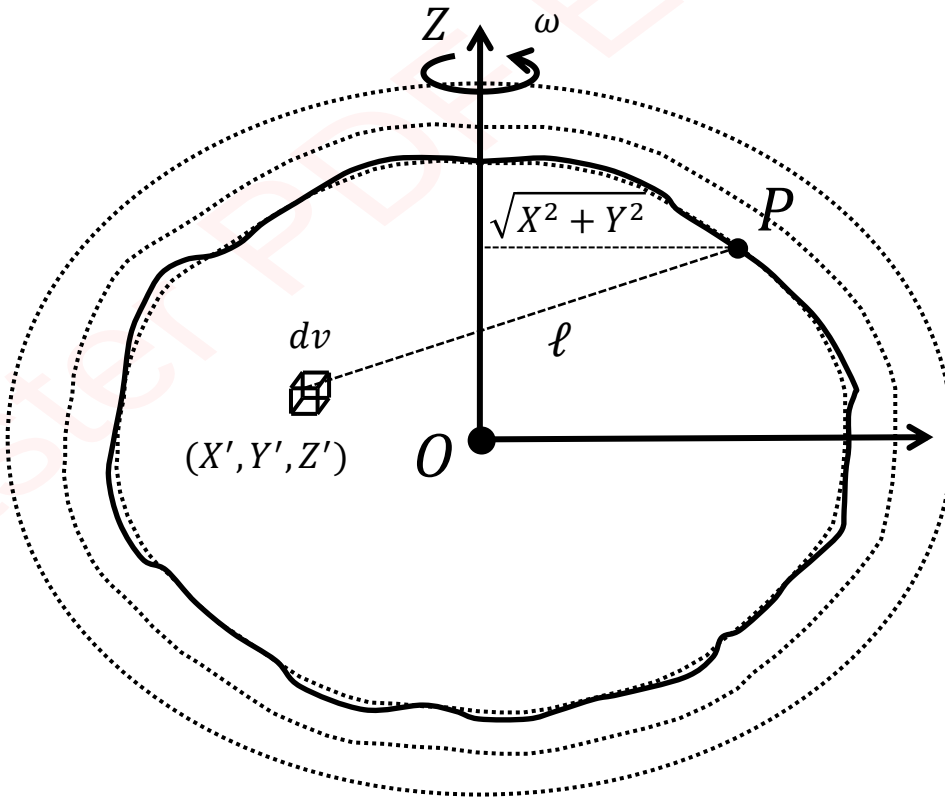
O Geoide é uma superfície que se aproxima da superfície física da Terra.



$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$



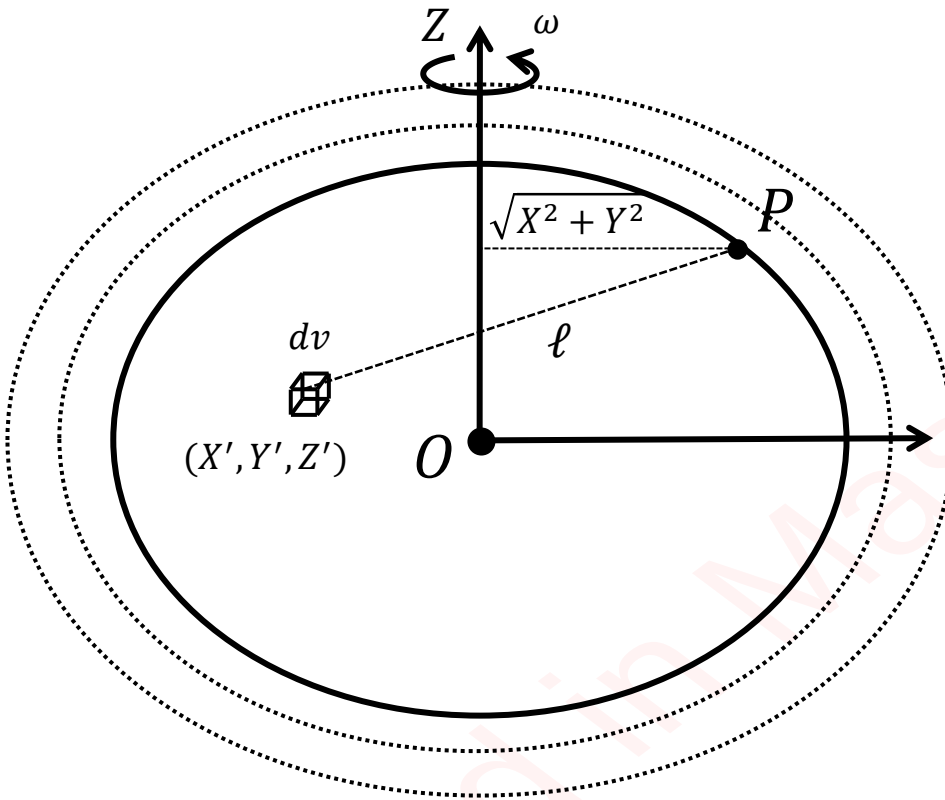
$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$

A componente **centrífuga** é igual àquela do campo de gravidade da Terra. Contudo, a componente **gravitacional** é diferente.

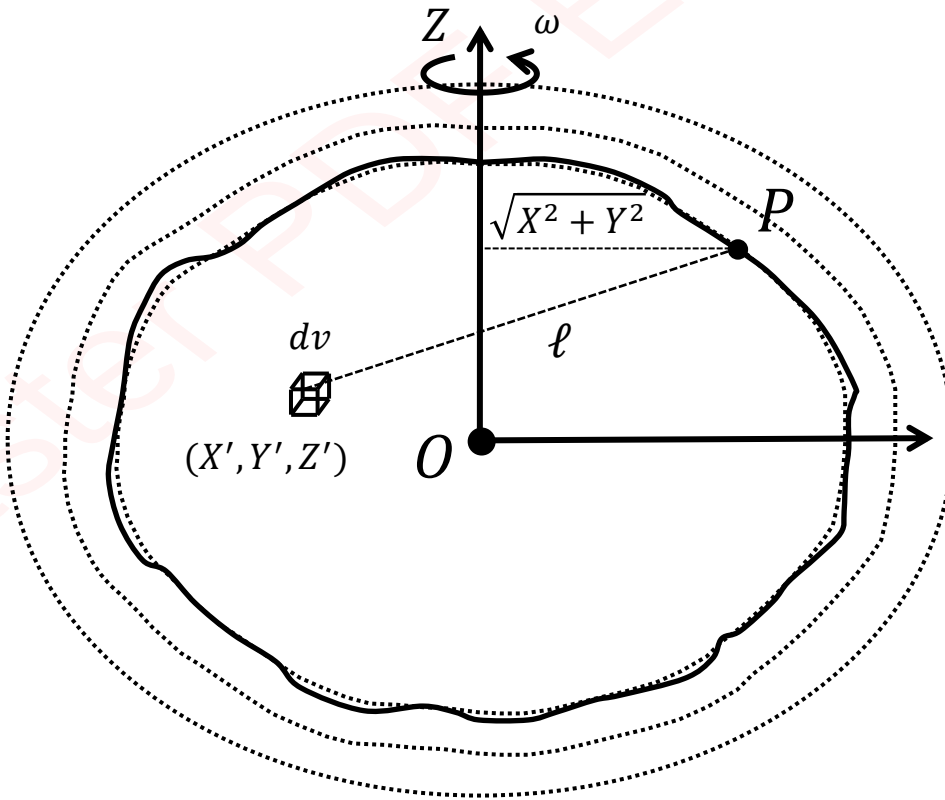
O Geoide é uma superfície que se aproxima da superfície física da Terra.



$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$



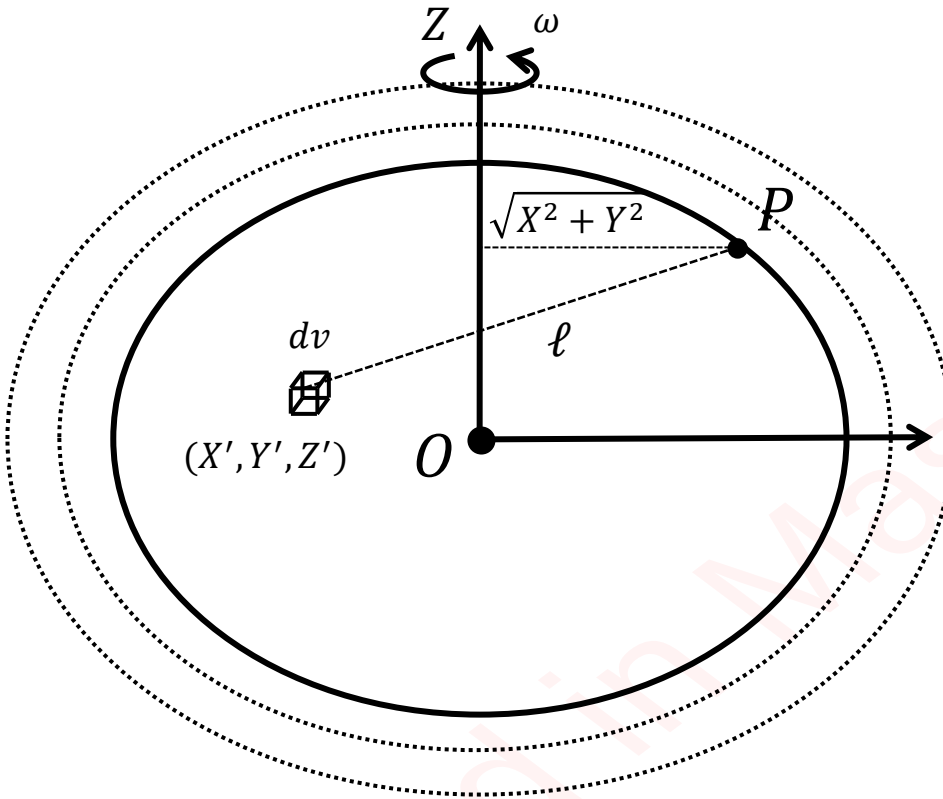
$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$



As equipotenciais do campo de gravidade normal são denominadas **Esferopes**

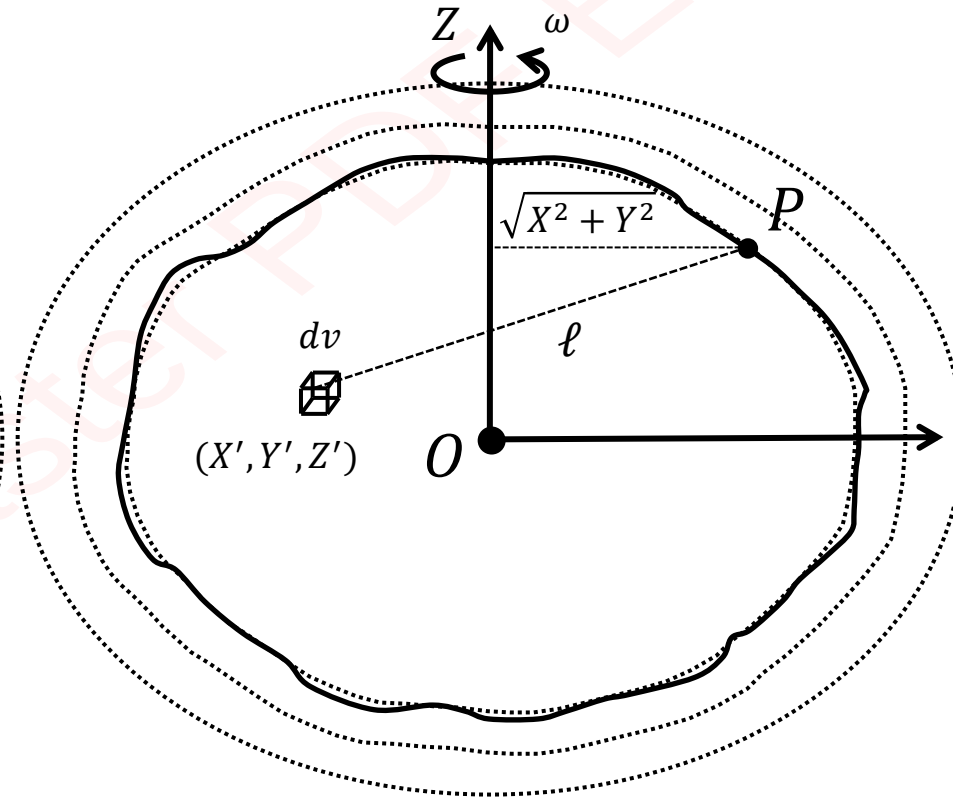


$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O Geoide é uma superfície que se aproxima da superfície física da Terra.

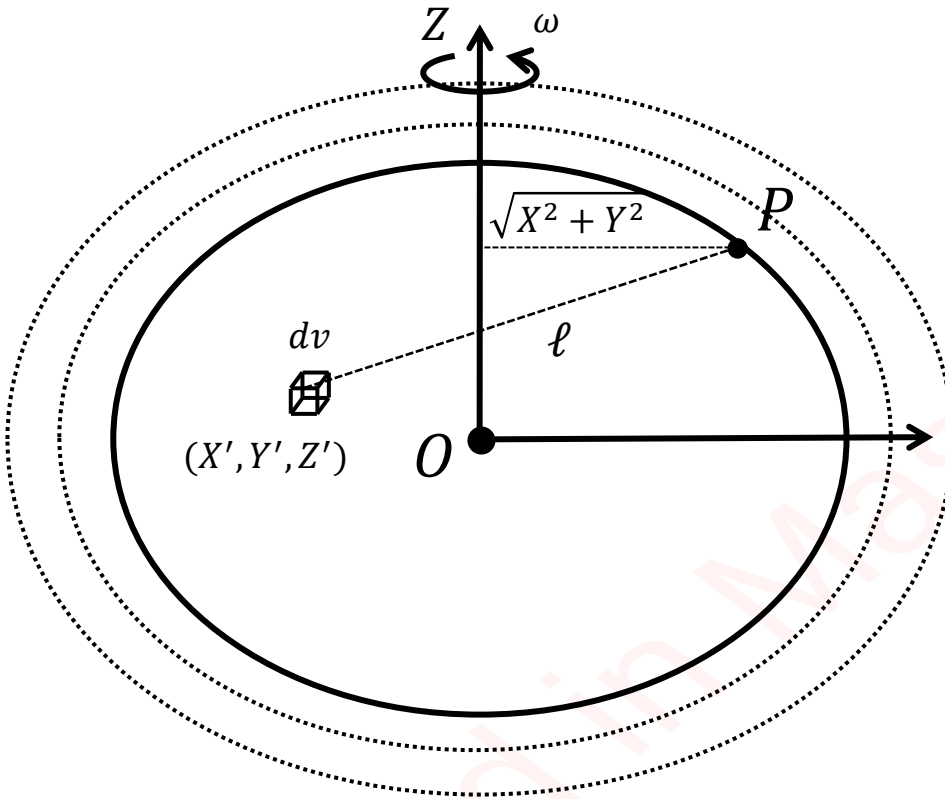


$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$

A superfície elipsoidal que define o modelo de Terra Normal é definida por um Esferope.

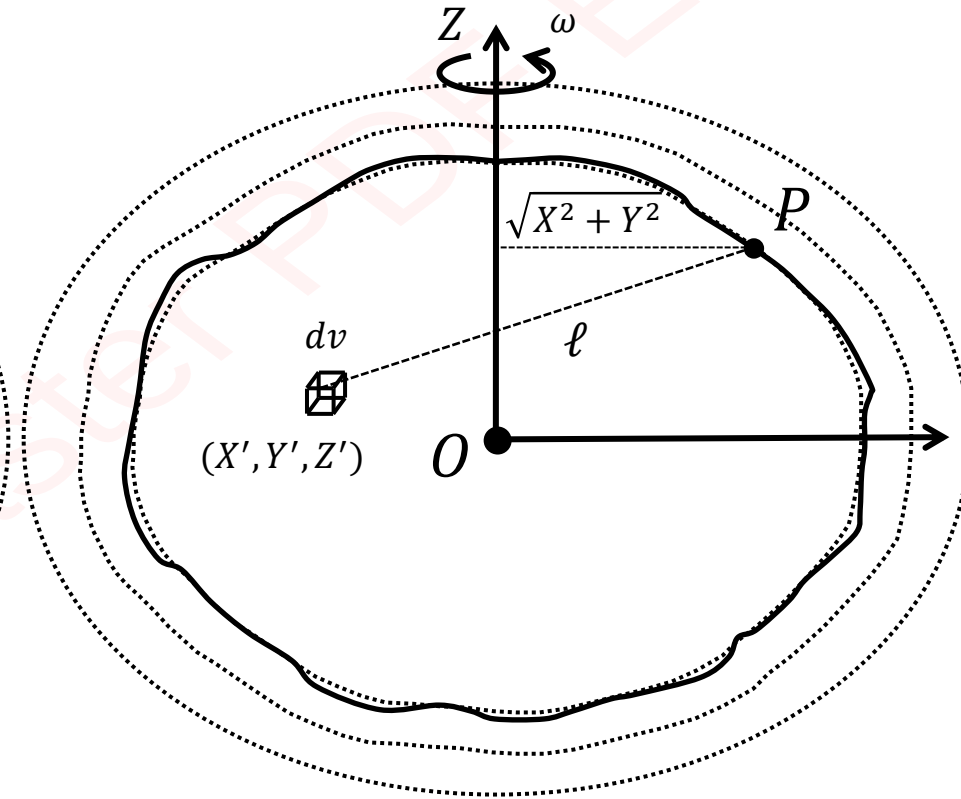


$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O Geoide é uma superfície que se aproxima da superfície física da Terra.



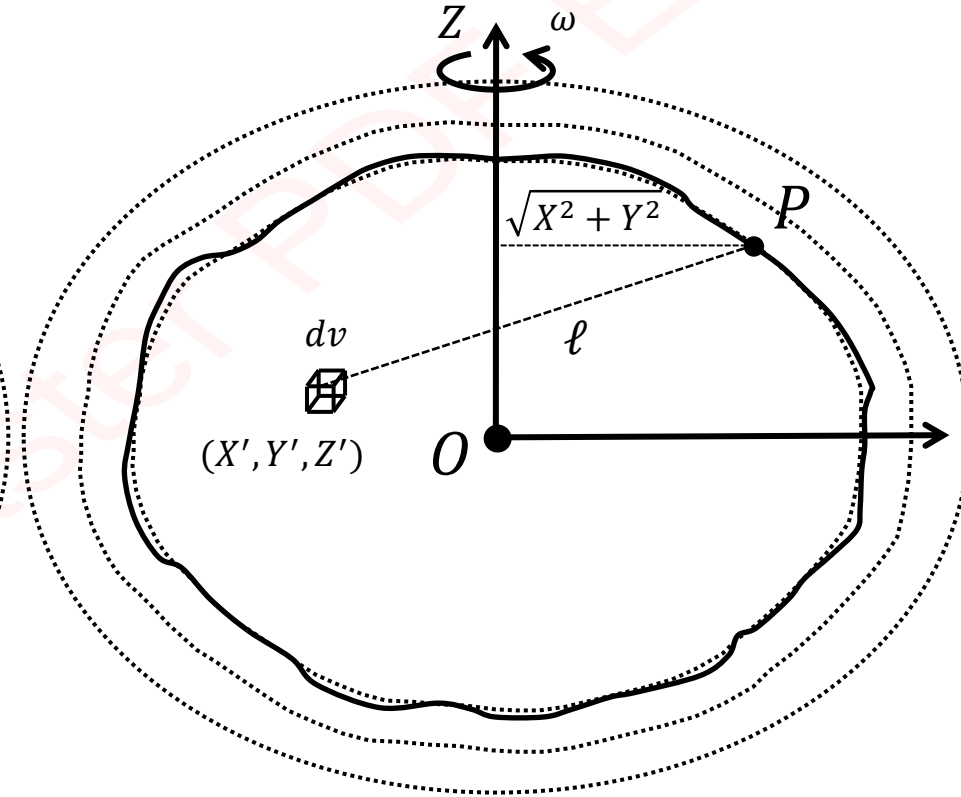
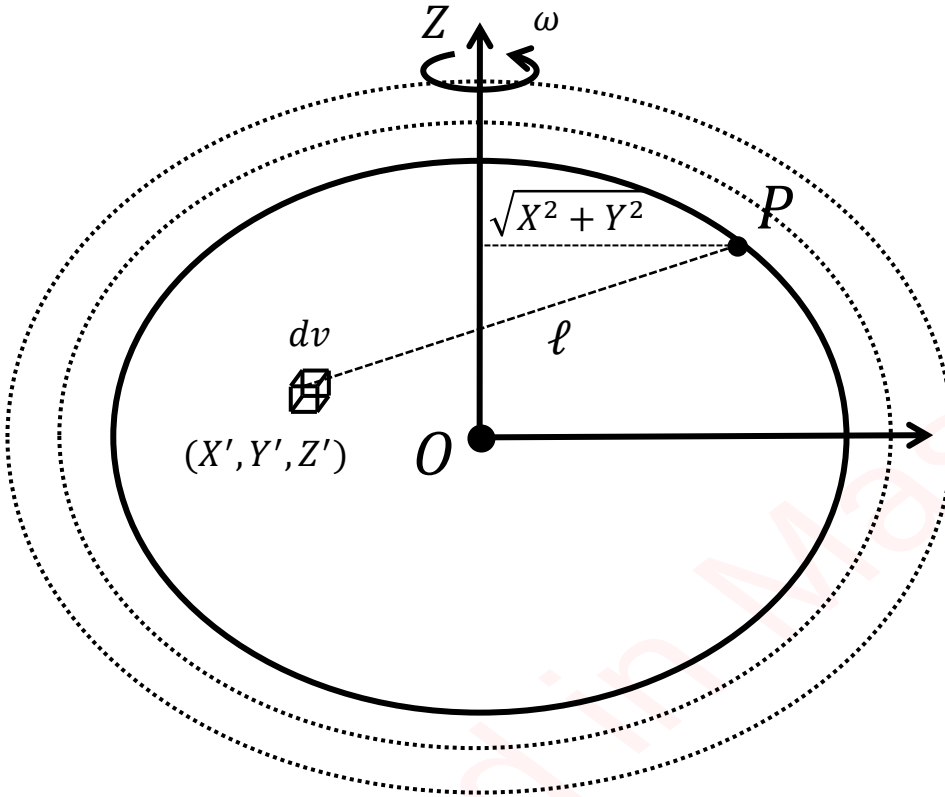
$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$

**A distribuição interna de densidade da Terra Normal é desconhecida.** As únicas restrições são: a Terra Normal tem a mesma massa da Terra e sua superfície limitante é um Esferope.

O Geoide é uma superfície que se aproxima da superfície física da Terra.



$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$W_P = V_P + \Phi_P$$

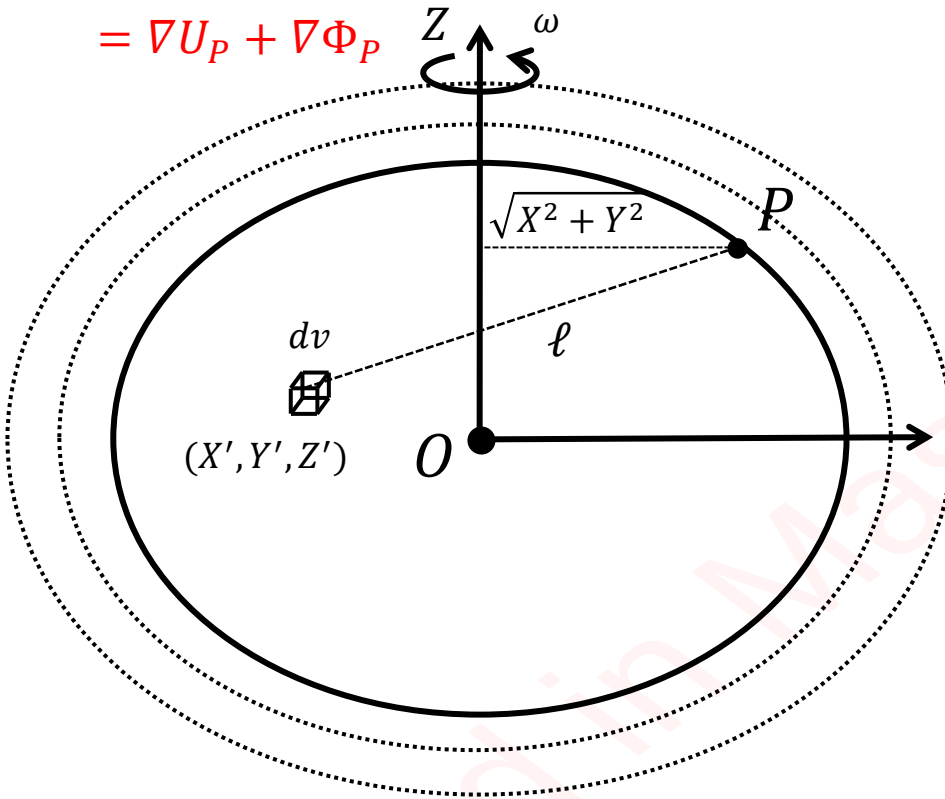
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é definido como o gradiente do potencial de gravidade normal no ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{y}_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$



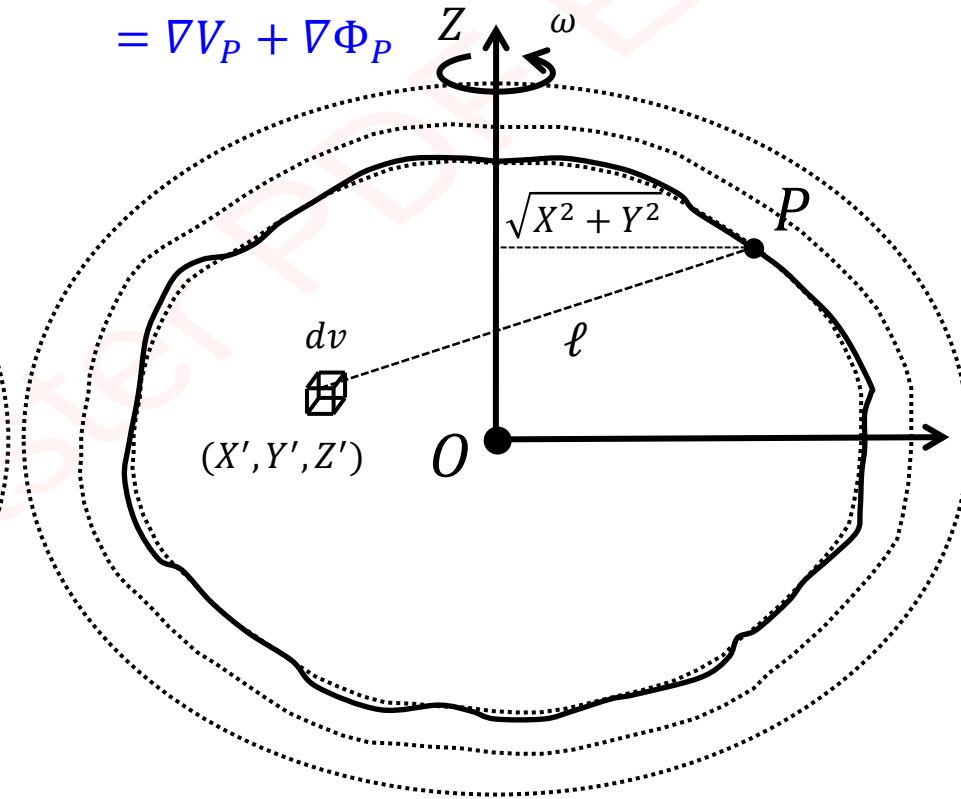
$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é definido como o gradiente do potencial de gravidade no ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$



$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

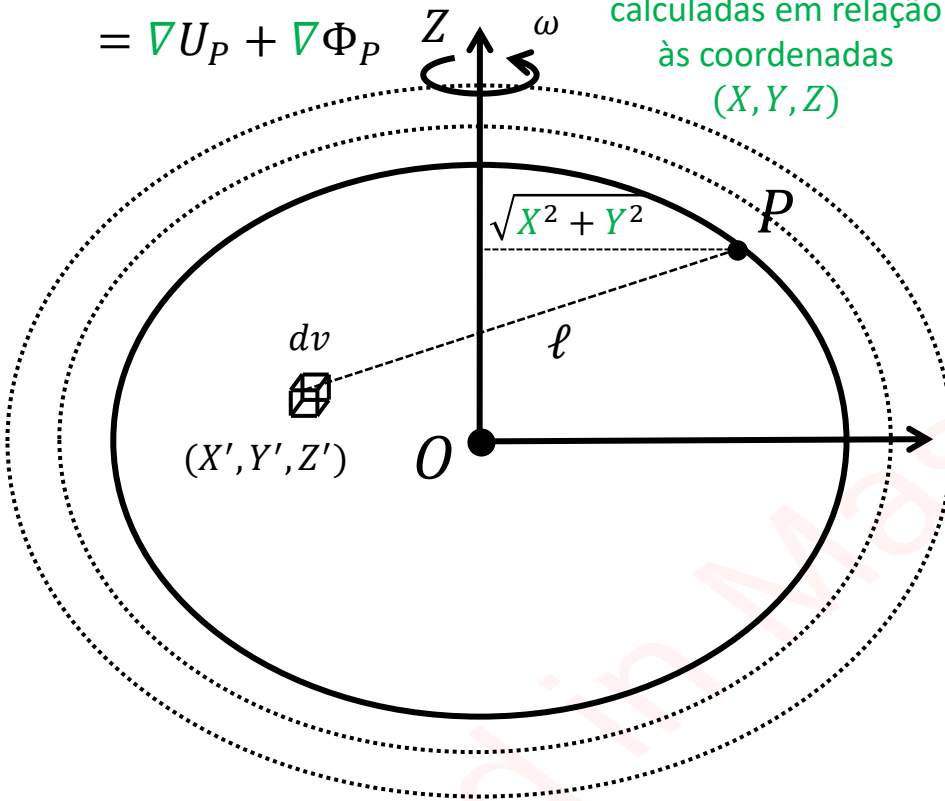
$$\kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é definido como o gradiente do potencial de gravidade normal no ponto  $P$ .

$$\mathbf{y}_P = \nabla \tilde{W}_P$$

$$= \nabla U_P + \nabla \Phi_P$$

As derivadas são  
calculadas em relação  
às coordenadas  
( $X, Y, Z$ )



$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

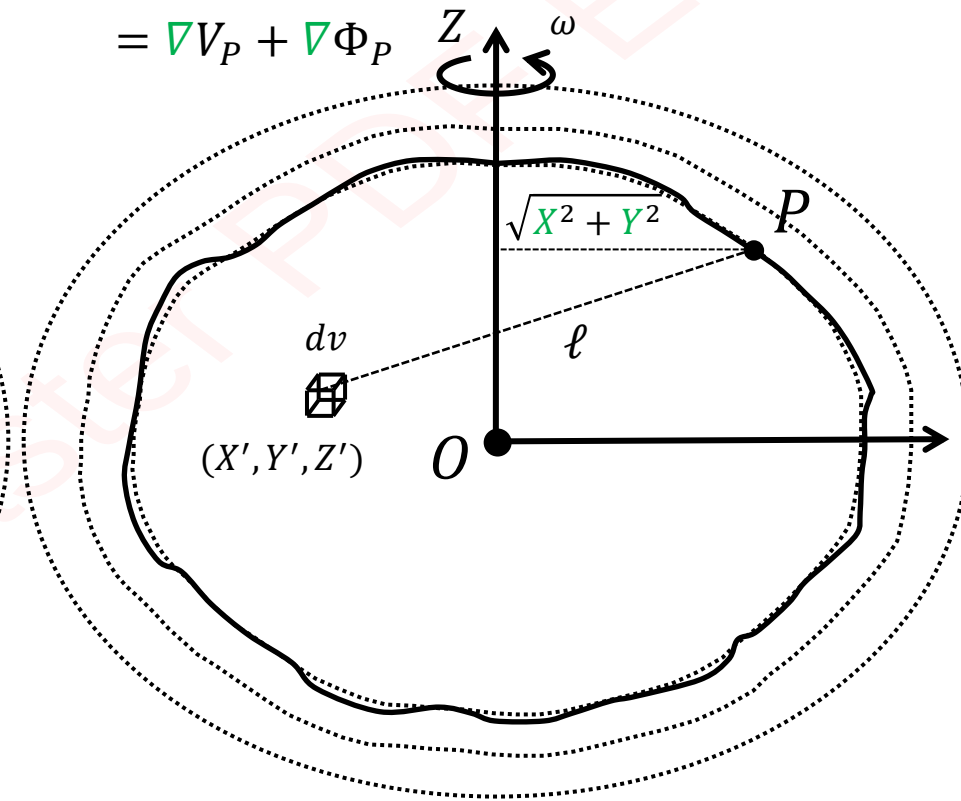
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é definido como o gradiente do potencial de gravidade no ponto  $P$ .

$$\mathbf{g}_P = \nabla W_P$$

$$= \nabla V_P + \nabla \Phi_P$$



$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

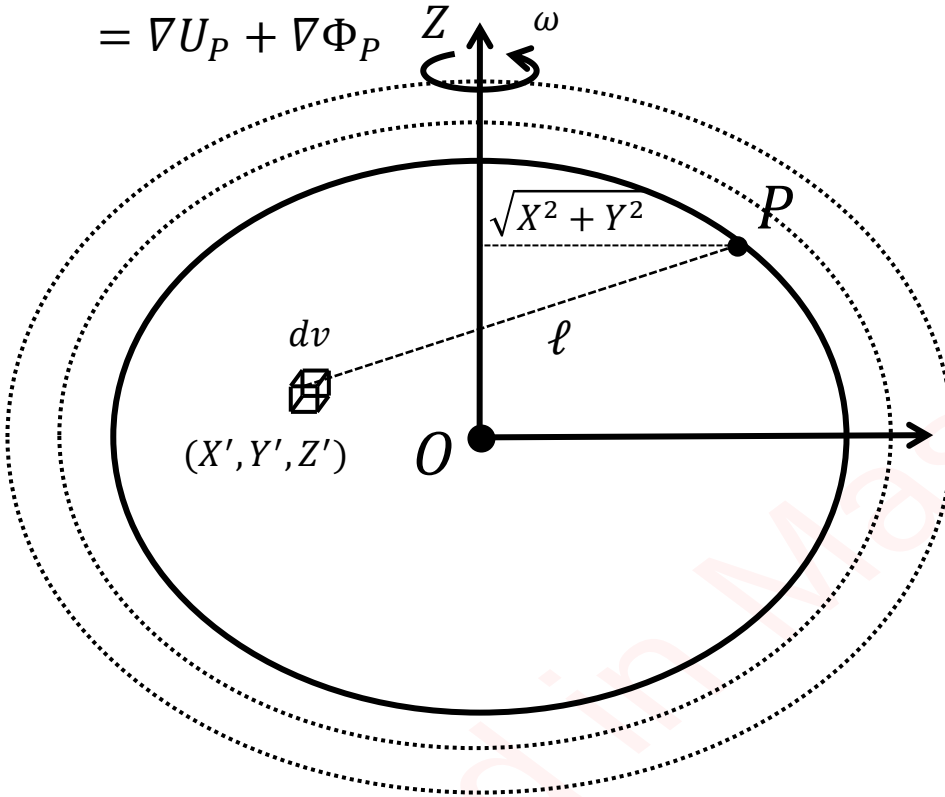
$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\mathbf{y}_P = \nabla \tilde{W}_P$$

$$= \nabla U_P + \nabla \Phi_P$$



$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

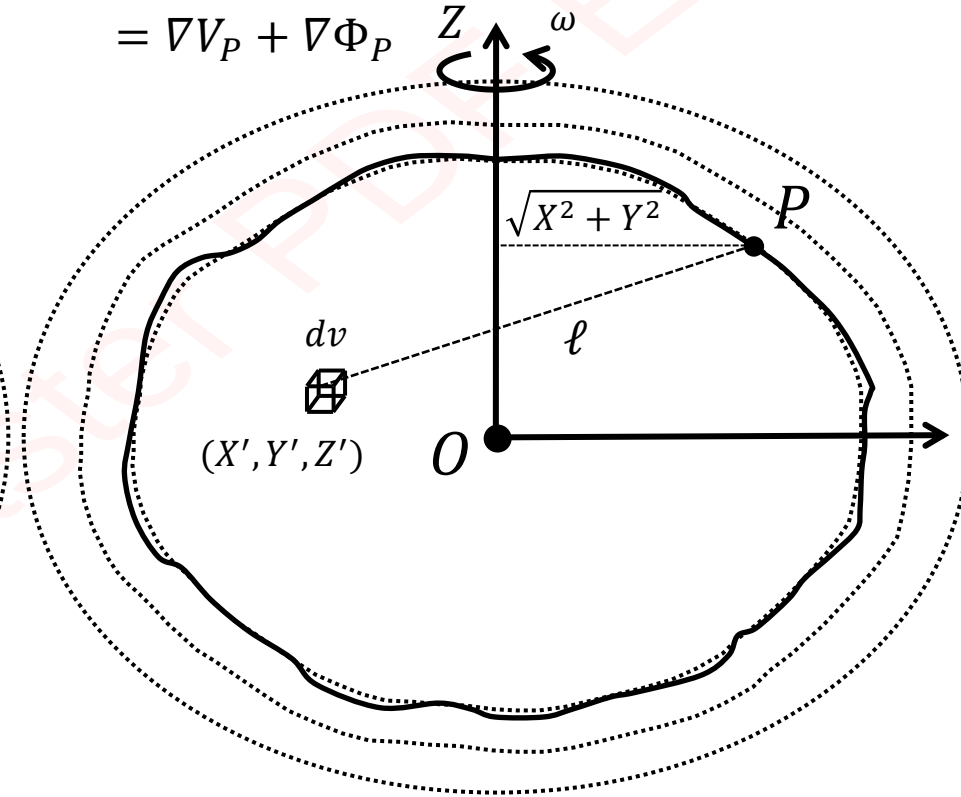
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\mathbf{g}_P = \nabla W_P$$

$$= \nabla V_P + \nabla \Phi_P$$



$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

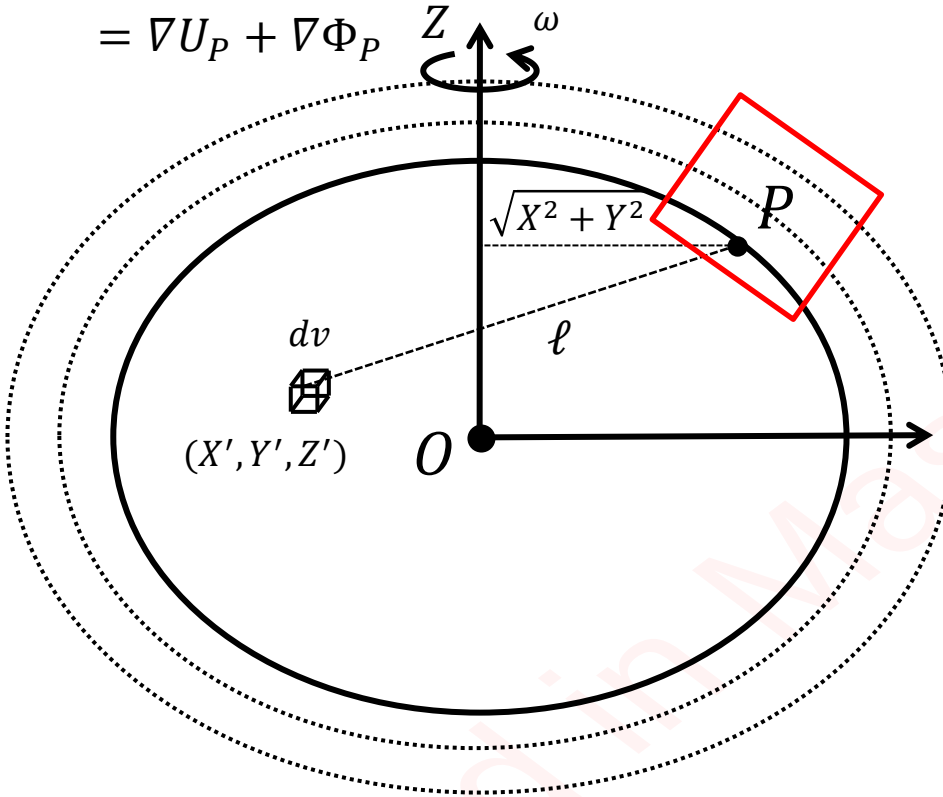
$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\mathbf{y}_P = \nabla \tilde{W}_P$$

$$= \nabla U_P + \nabla \Phi_P$$



$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

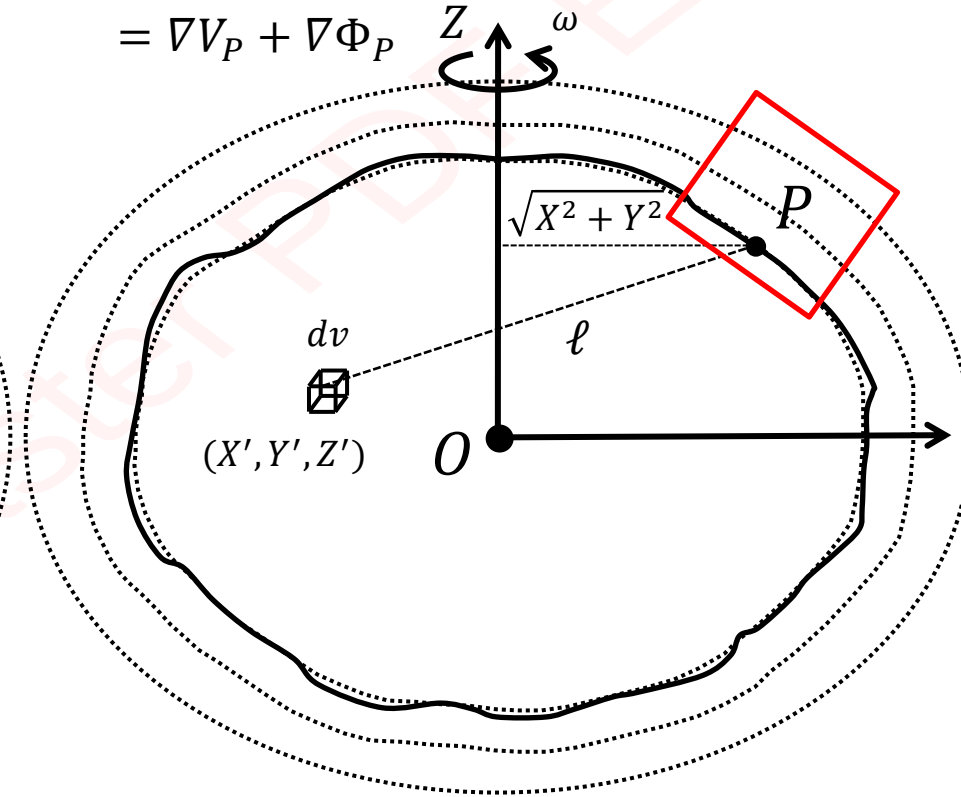
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\mathbf{g}_P = \nabla W_P$$

$$= \nabla V_P + \nabla \Phi_P$$



$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

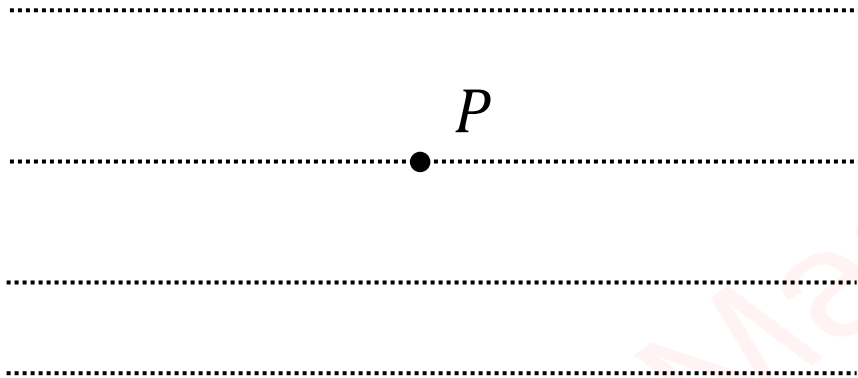
$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\gamma_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

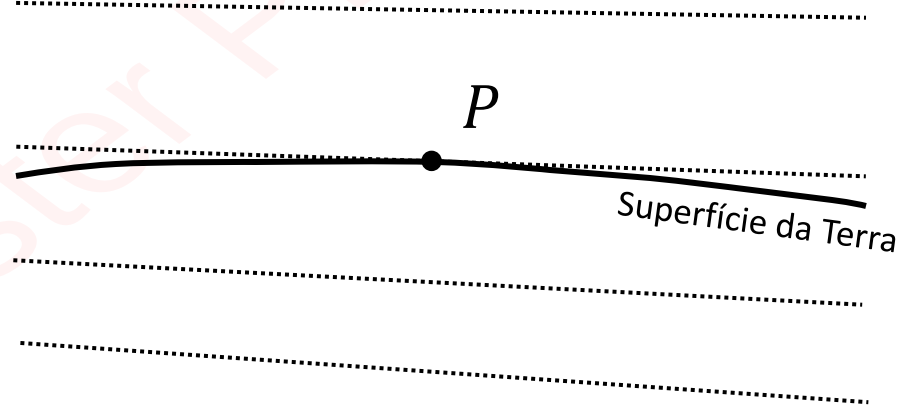
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

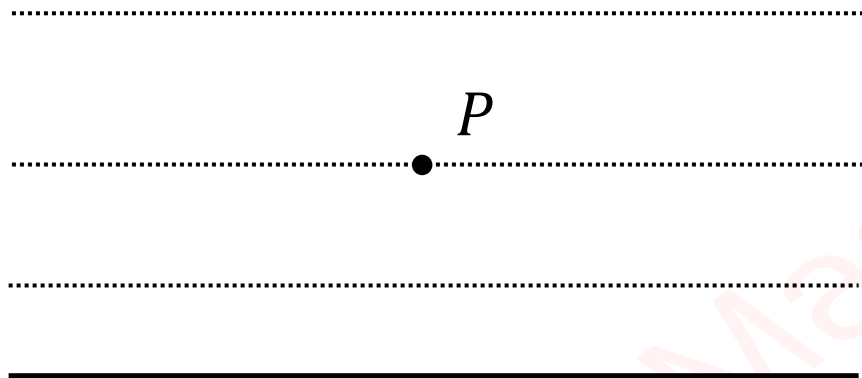
$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$



O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{y}_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



Superfície  
do elipsoide

$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

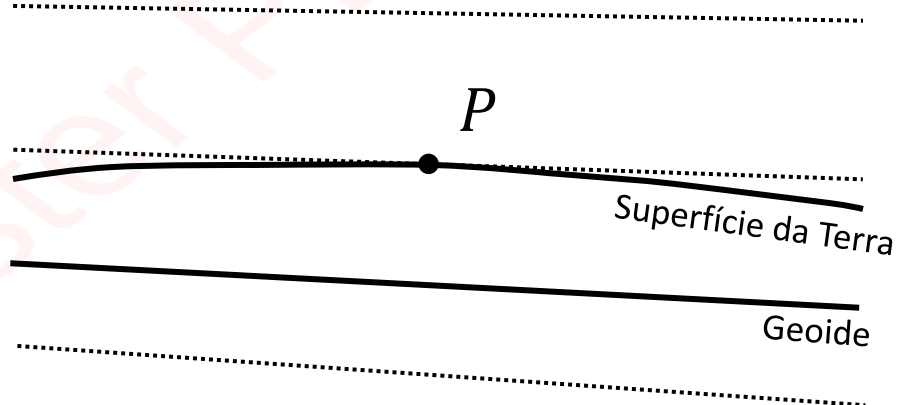
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



$$W_P = V_P + \Phi_P$$

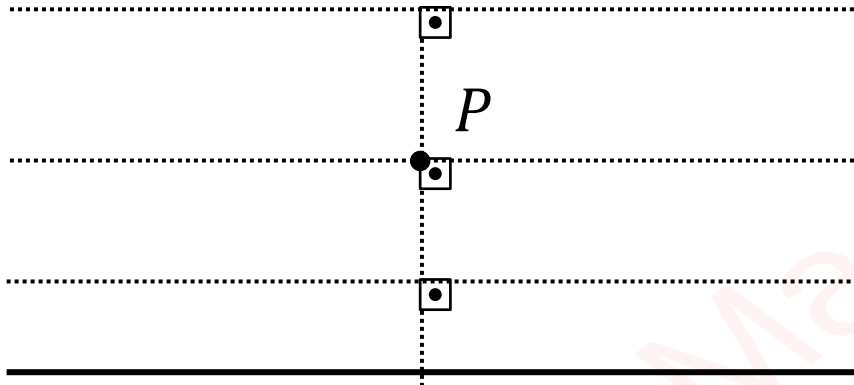
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\gamma_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



Superfície  
do elipsoide

$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

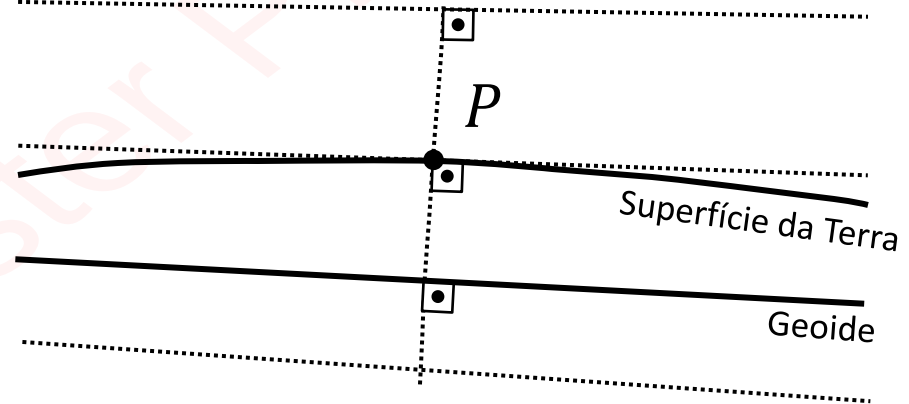
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



$$W_P = V_P + \Phi_P$$

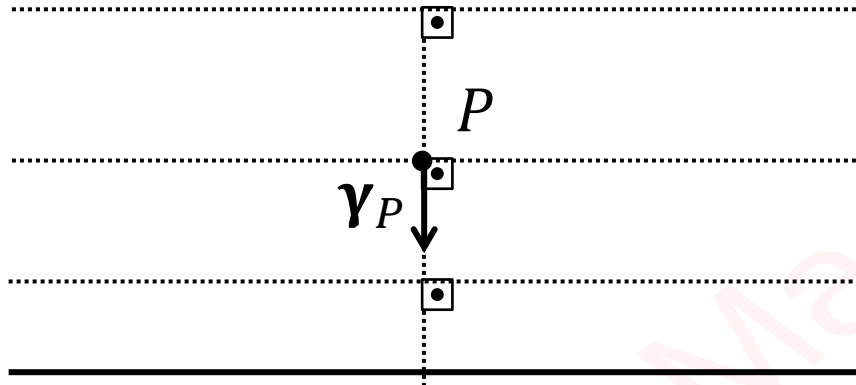
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\gamma_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



Superfície  
do elipsoide

$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

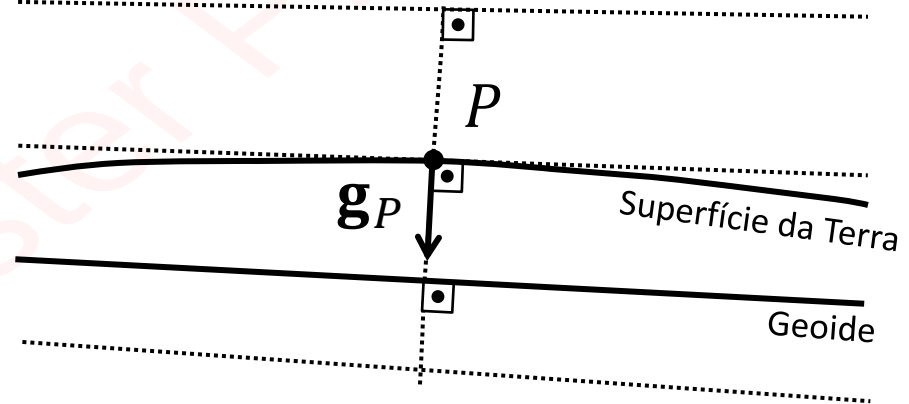
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



Geoide

$$W_P = V_P + \Phi_P$$

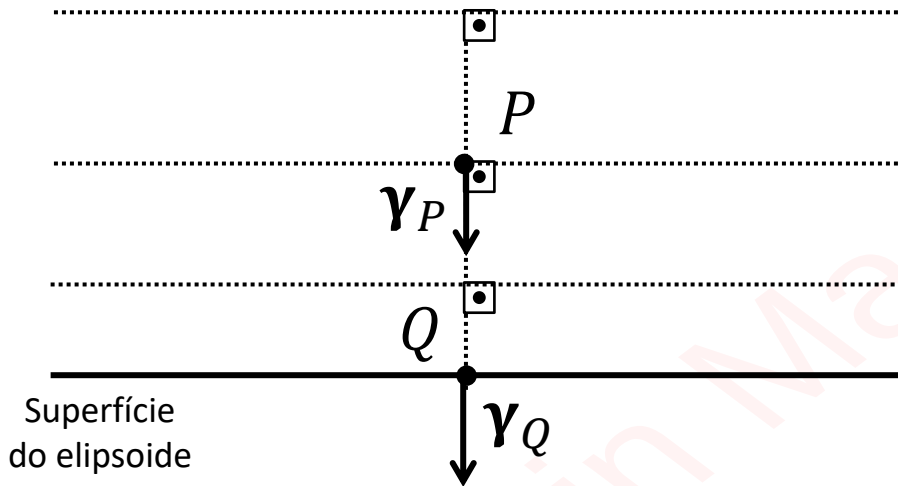
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\gamma_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

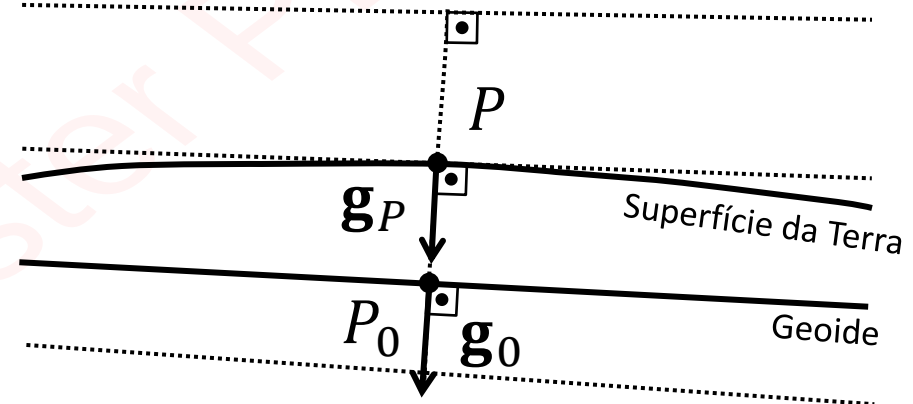
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



$$W_P = V_P + \Phi_P$$

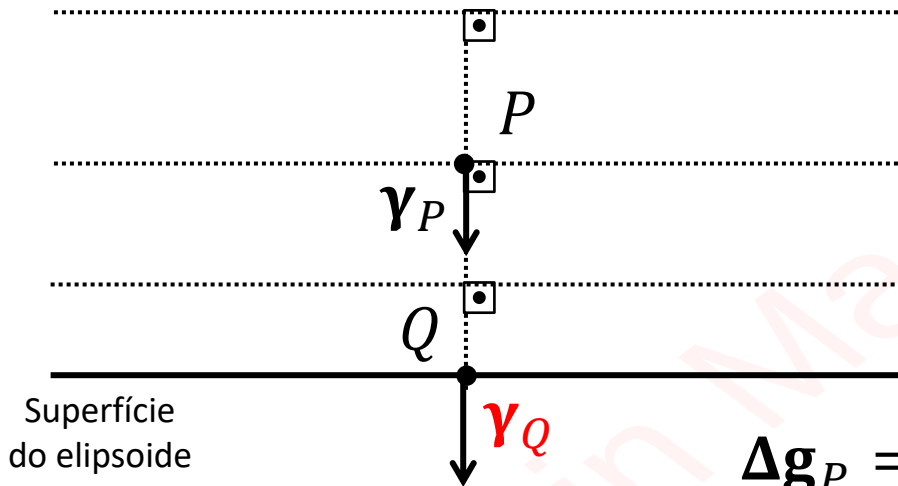
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\gamma_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



$$\Delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_0 - \mathbf{\gamma}_Q$$

**Vetor anomalia de gravidade**

$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

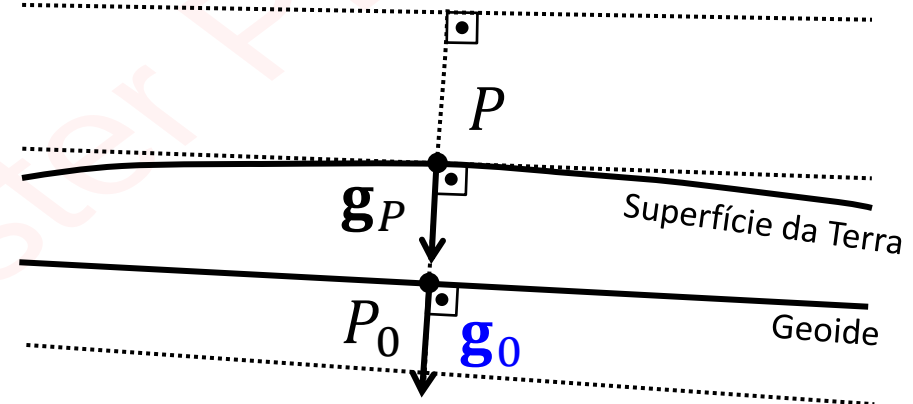
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



$$W_P = V_P + \Phi_P$$

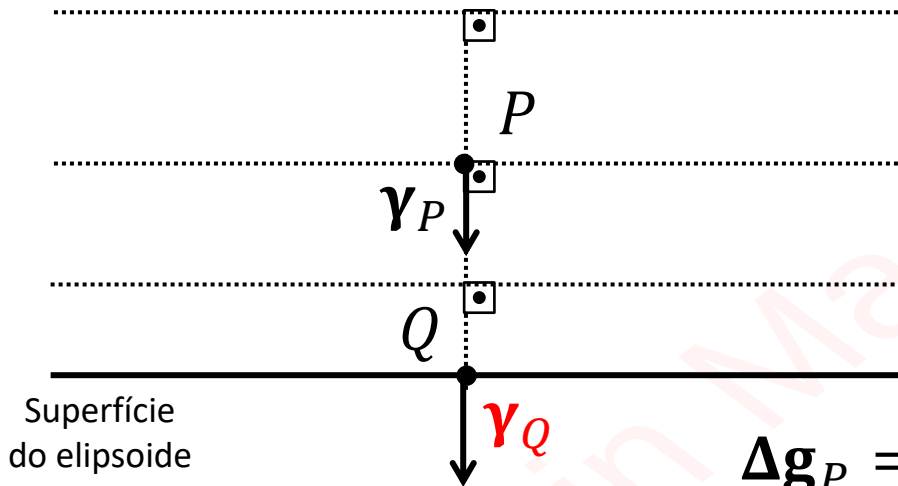
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2} \quad \kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\gamma_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



$$\Delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_0 - \mathbf{\gamma}_Q$$

**Vetor anomalia de gravidade**

$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

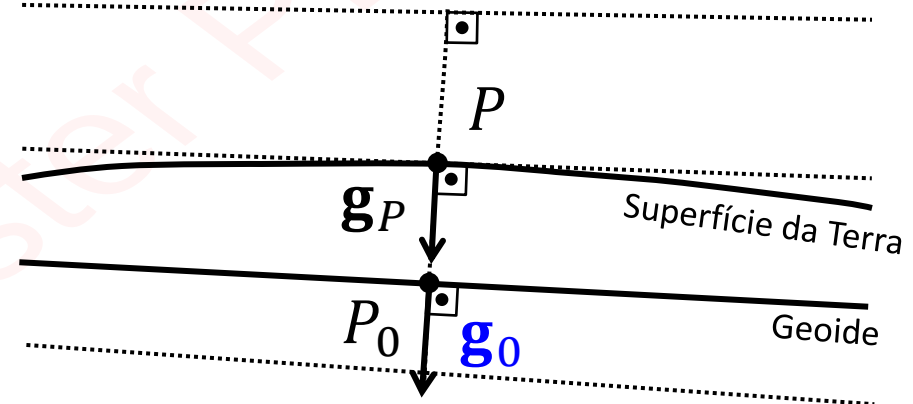
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



Note que o **vetor gravidade** e o **vetor gravidade normal** não estão avaliados no mesmo ponto

$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

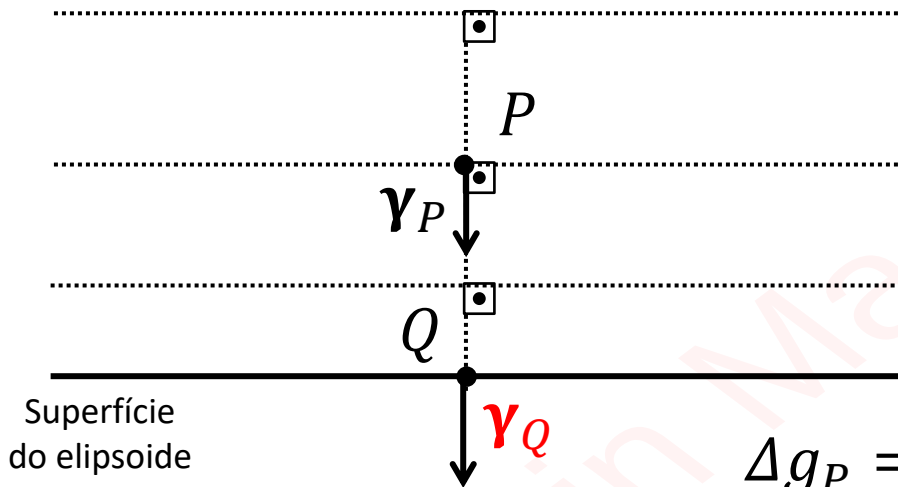
$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\gamma_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



$$\Delta g_P = g_0 - \gamma_Q$$

**Anomalia de gravidade**

$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

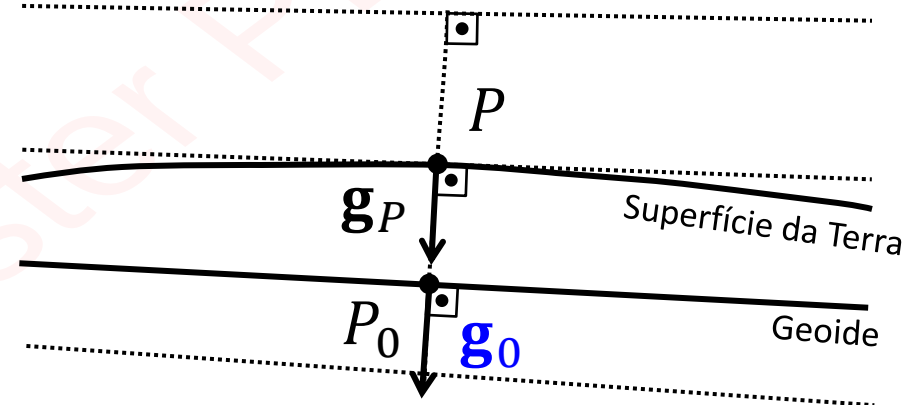
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

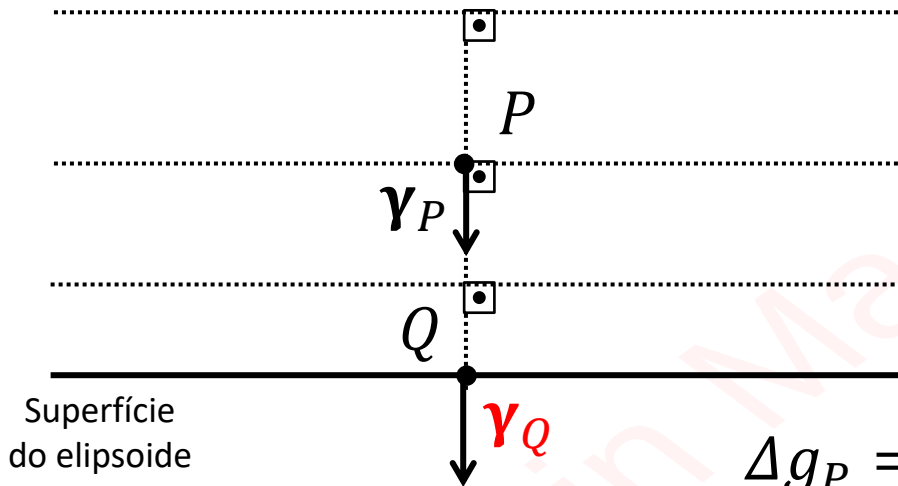
$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\gamma_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



$$\Delta g_P = g_0 - \gamma_Q$$

**Anomalia de gravidade**

$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

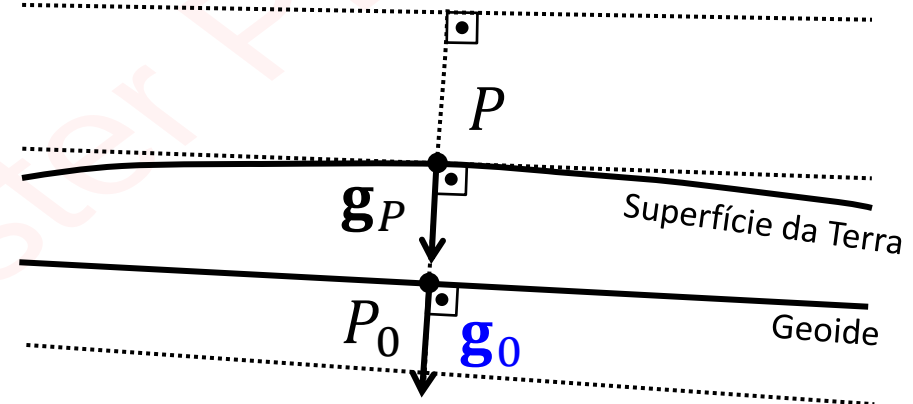
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



Note que a **gravidade** e a **gravidade normal** não estão avaliadas no mesmo ponto

$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

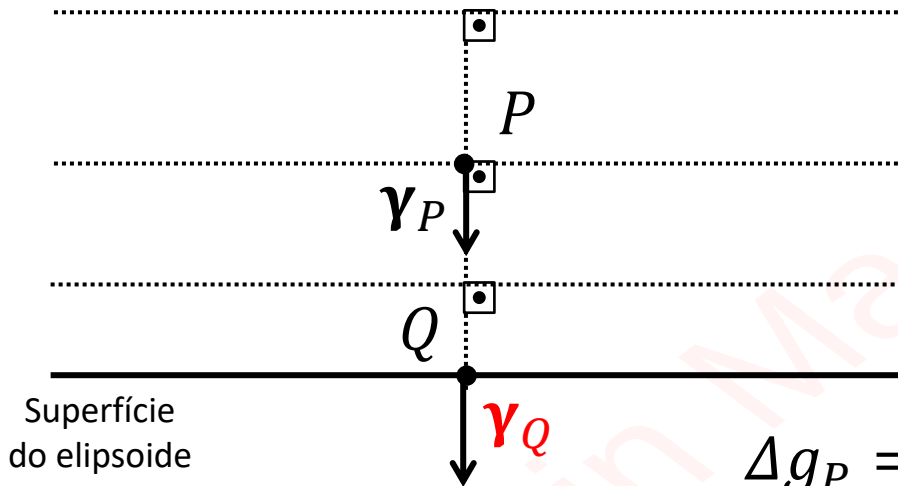
$$\kappa_g = 10^5 G$$



O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\gamma_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



$$\Delta g_P = g_0 - \gamma_Q$$

**Anomalia de gravidade**

$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

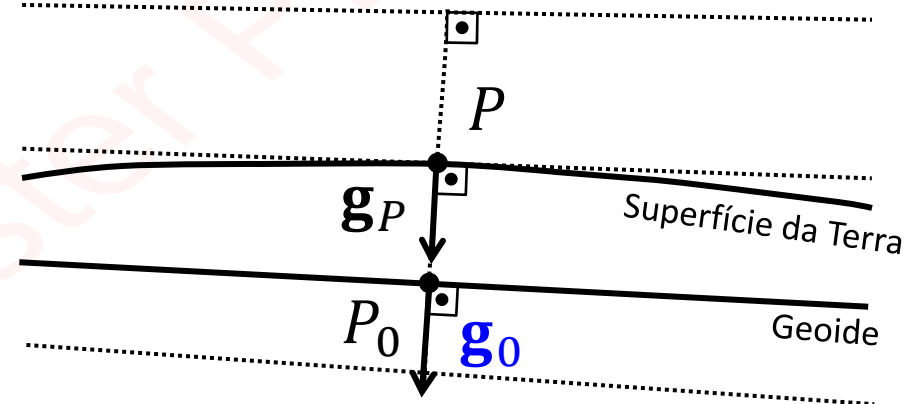
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



Vale ressaltar que a anomalia de gravidade **não representa** a amplitude do vetor anomalia de gravidade

$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

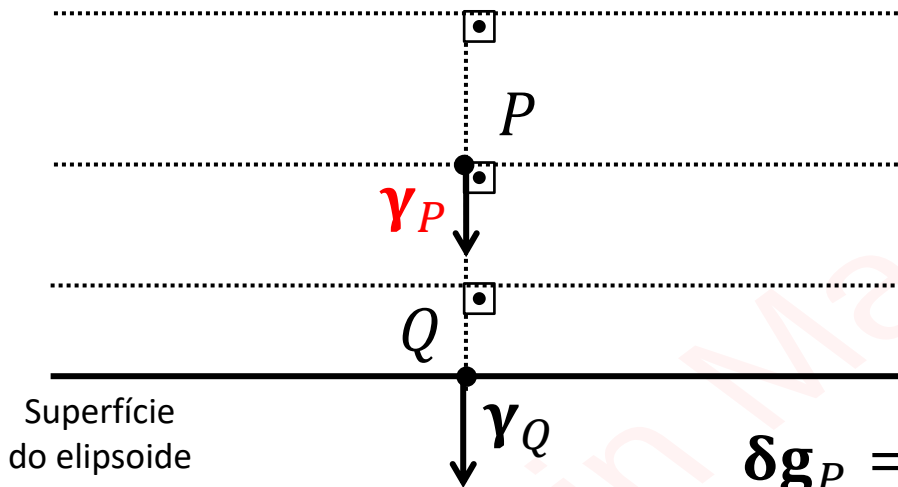
$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\gamma_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



$$\delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_P - \mathbf{\gamma}_P$$

**Vetor distúrbio de gravidade**

$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

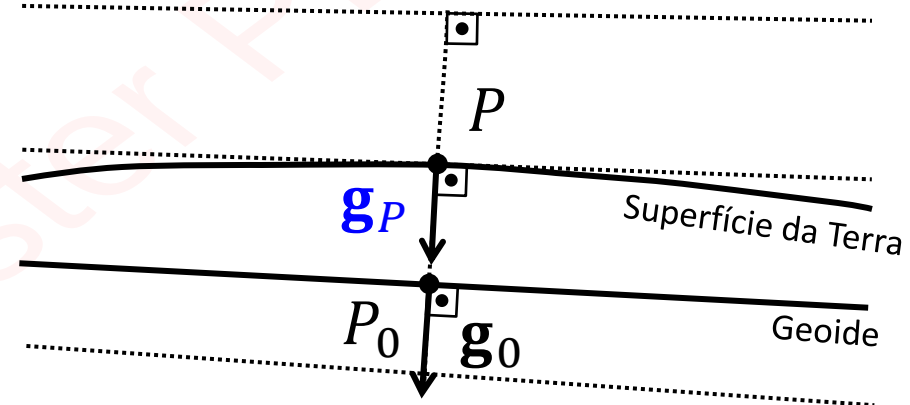
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

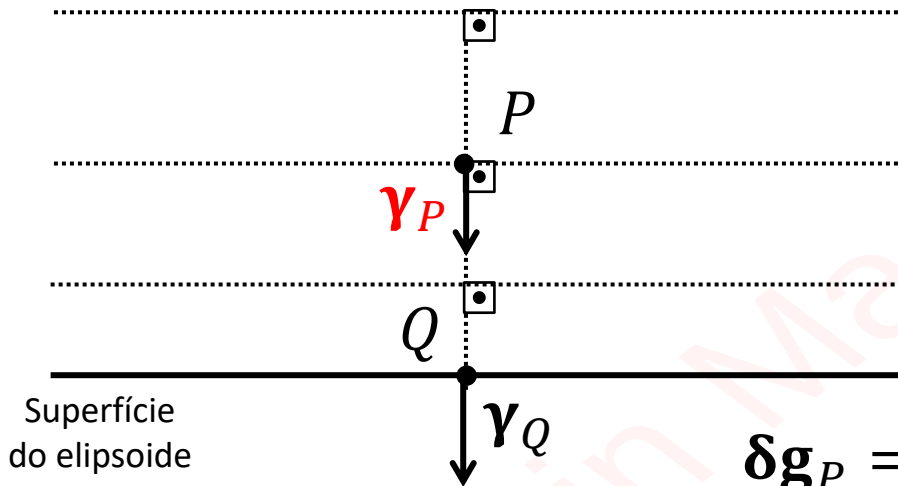
$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\gamma_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



$$\delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_P - \mathbf{\gamma}_P$$

**Vetor distúrbio de gravidade**

$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

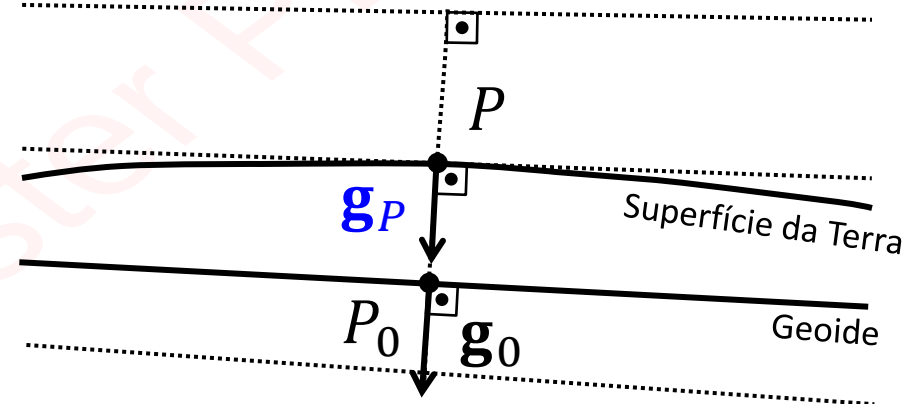
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



Note que o **vetor gravidade** e o **vetor gravidade normal** estão avaliados no mesmo ponto

$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

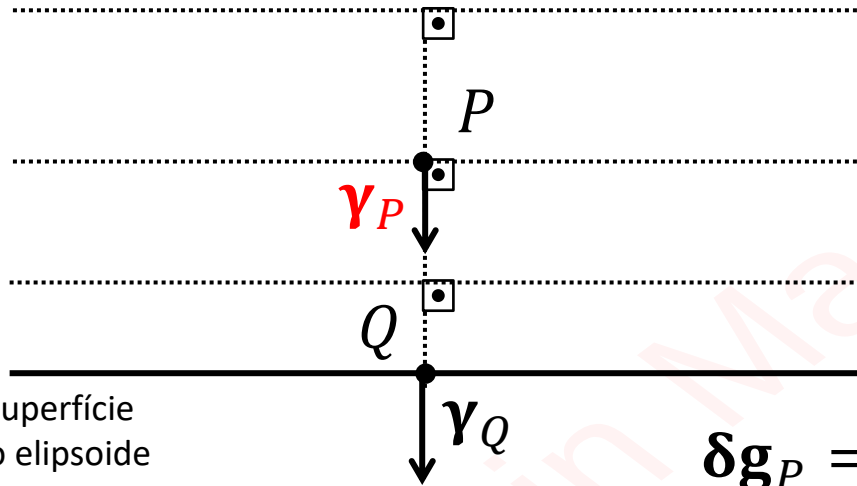
$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\gamma_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



$$\delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_P - \gamma_P$$

**Vetor distúrbio de gravidade**

$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

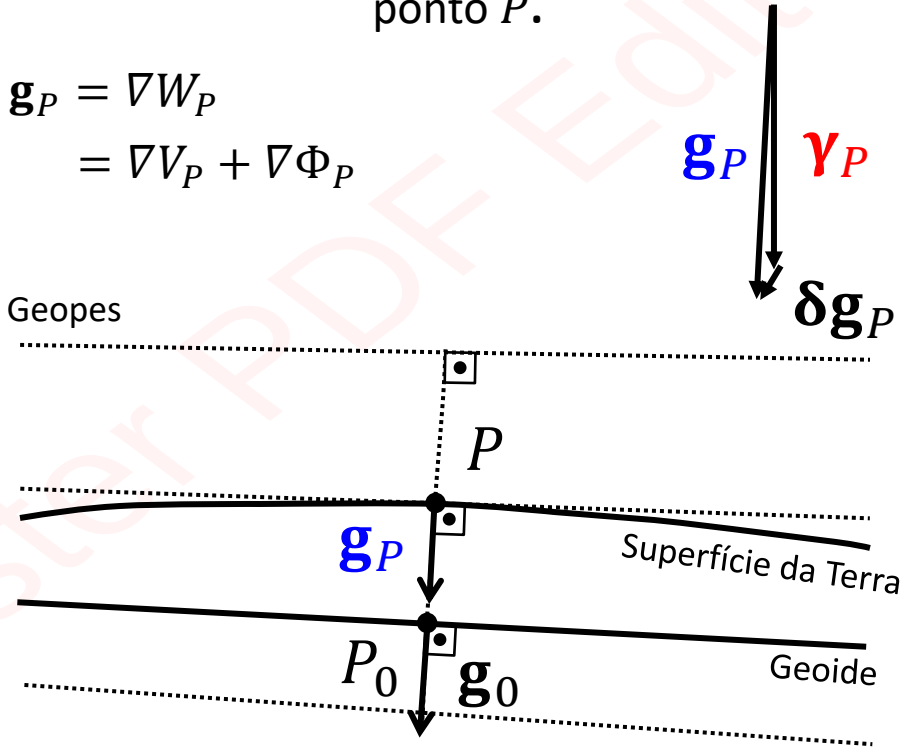
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



Isso significa que a componente centrífuga se anula e o resultado é uma **componente puramente gravitacional**

$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

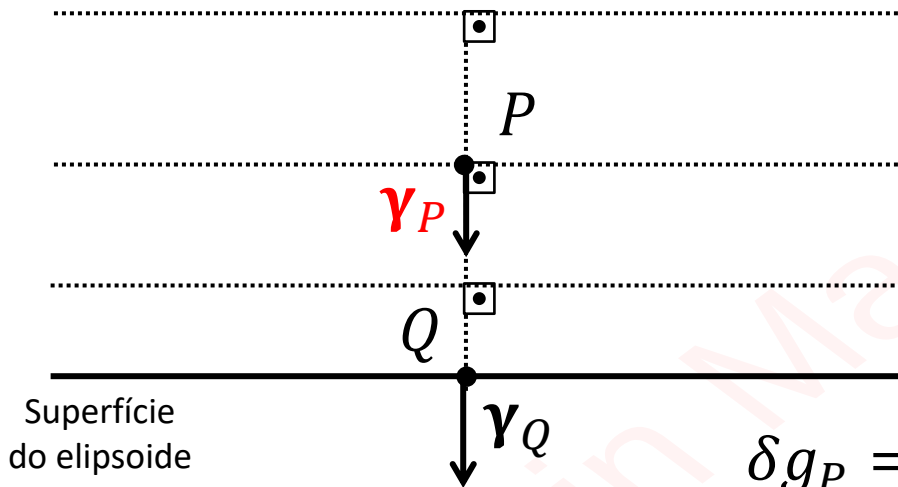
$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\gamma_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



$$\delta g_P = g_P - \gamma_P$$

**Distúrbio de gravidade**

$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

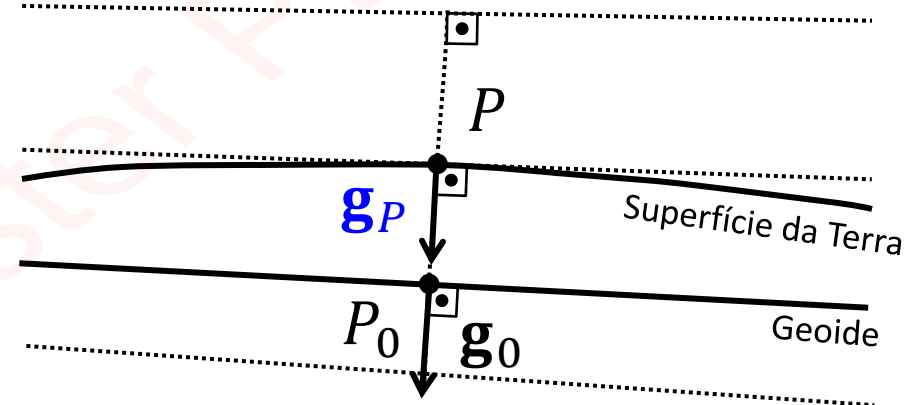
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

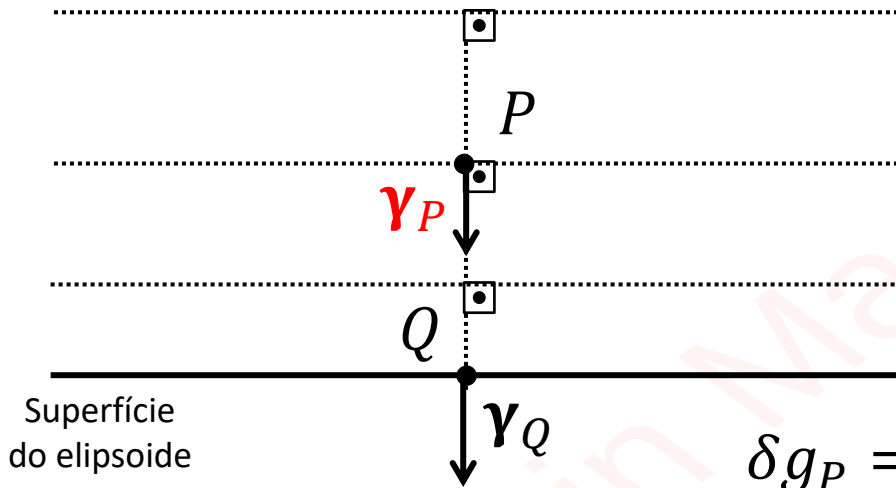
$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\gamma_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



$$\delta g_P = g_P - \gamma_P$$

**Distúrbio de gravidade**

$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

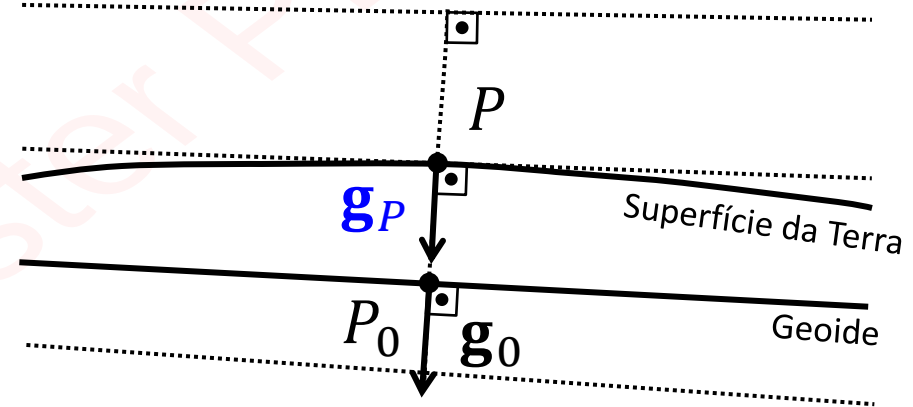
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



Note que a **gravidade** e a **gravidade normal** estão avaliadas no mesmo ponto

$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

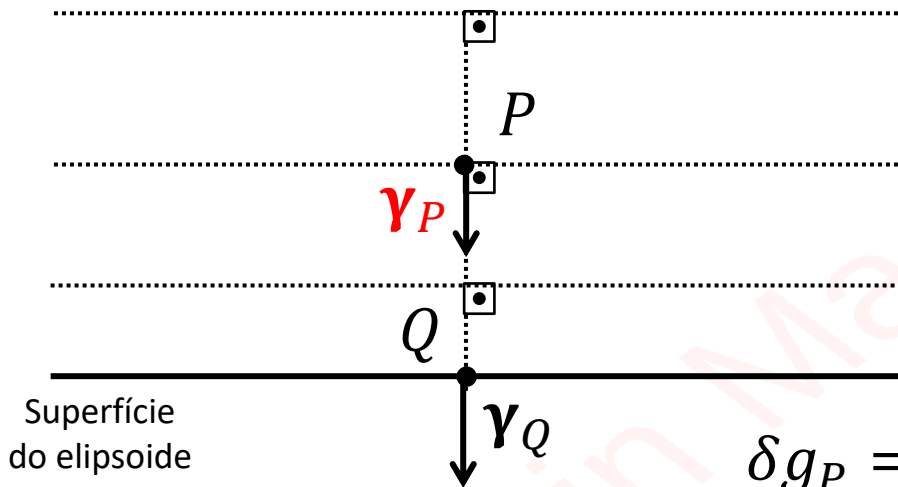
$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$

O **vetor gravidade normal** no ponto  $P$  é perpendicular ao Esferope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\gamma_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Esferopes



$$\delta g_P = g_P - \gamma_P$$

**Distúrbio de gravidade**

$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

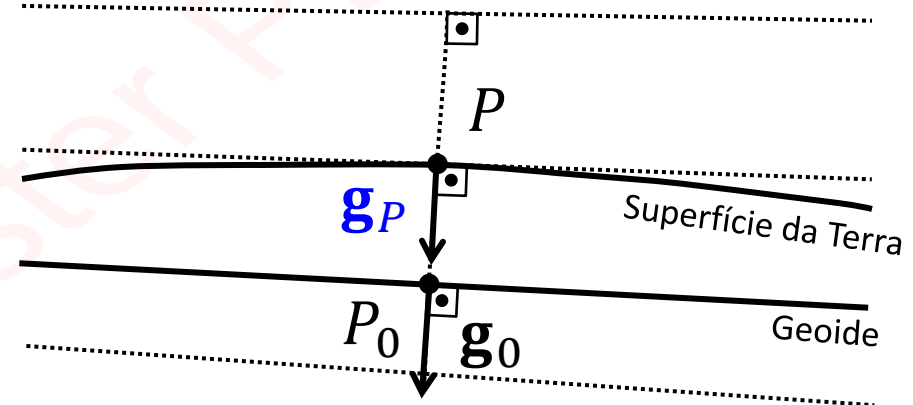
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

O **vetor gravidade** no ponto  $P$  é perpendicular ao Geope que passa pelo ponto  $P$ .

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P\end{aligned}$$

Geopes



Vale ressaltar que o distúrbio de gravidade **não representa** a amplitude do vetor distúrbio de gravidade

$$W_P = V_P + \Phi_P$$

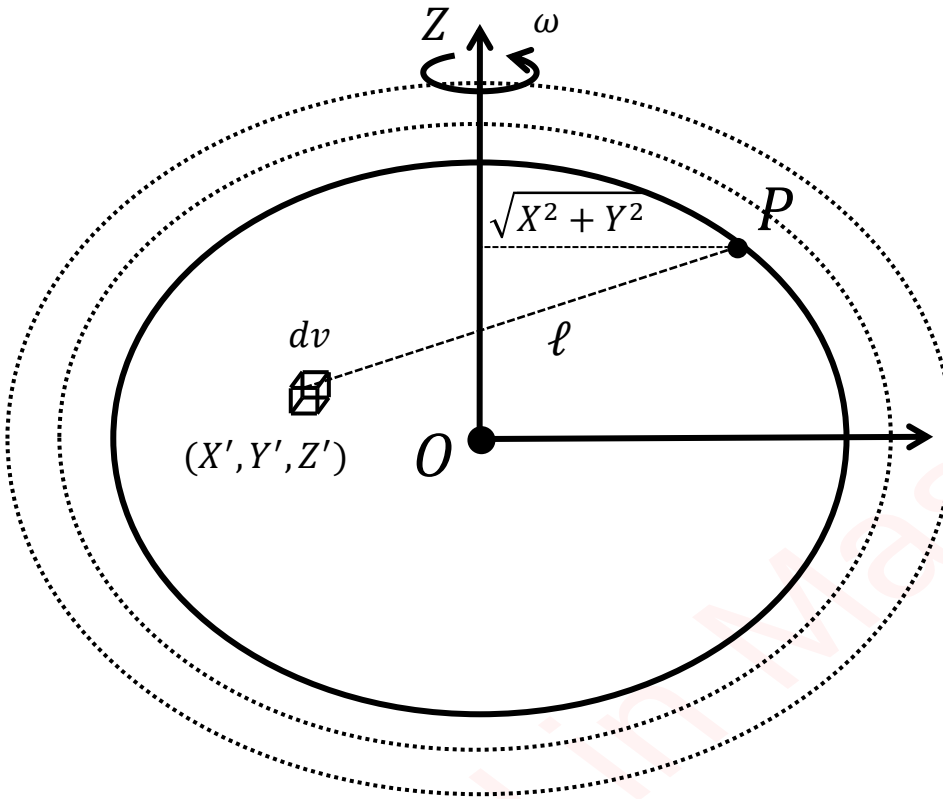
$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$

$$\delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_P - \boldsymbol{\gamma}_P$$

Vetor distúrbio de gravidade



$$\tilde{W}_P = U_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

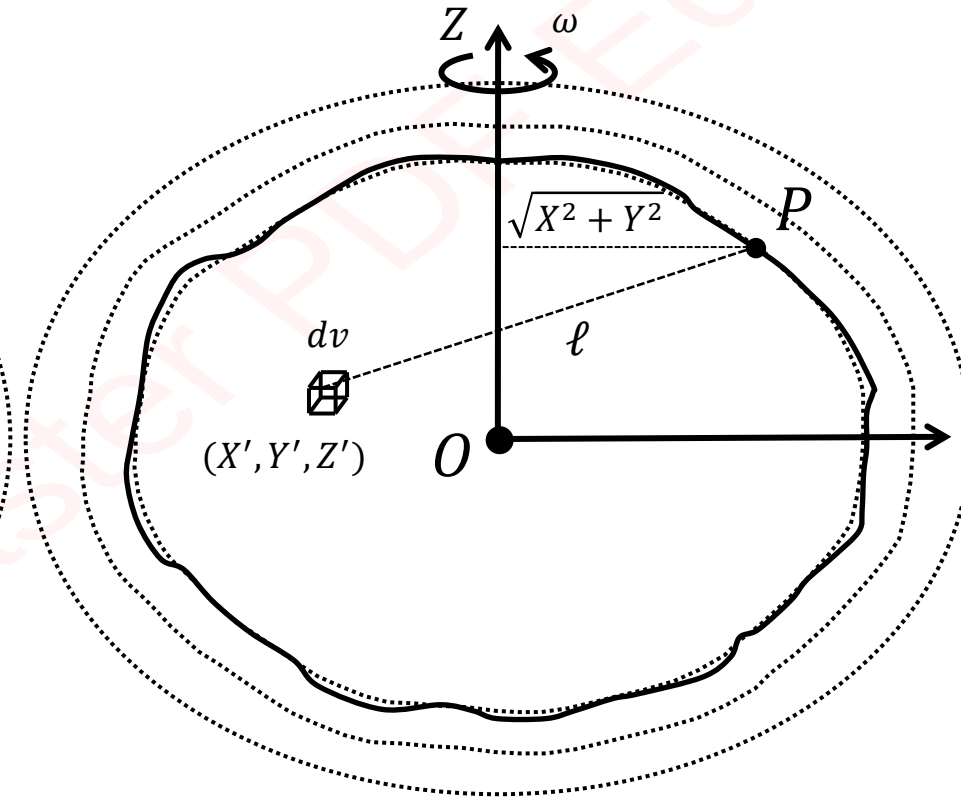
$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

Vetor gravidade normal

$$\begin{aligned} \boldsymbol{\gamma}_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \nabla \Phi_P \end{aligned}$$

Vetor gravidade

$$\begin{aligned} \mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \nabla \Phi_P \end{aligned}$$



$$W_P = V_P + \Phi_P$$

$$\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2) \quad V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$



$$\delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_P - \boldsymbol{\gamma}_P$$

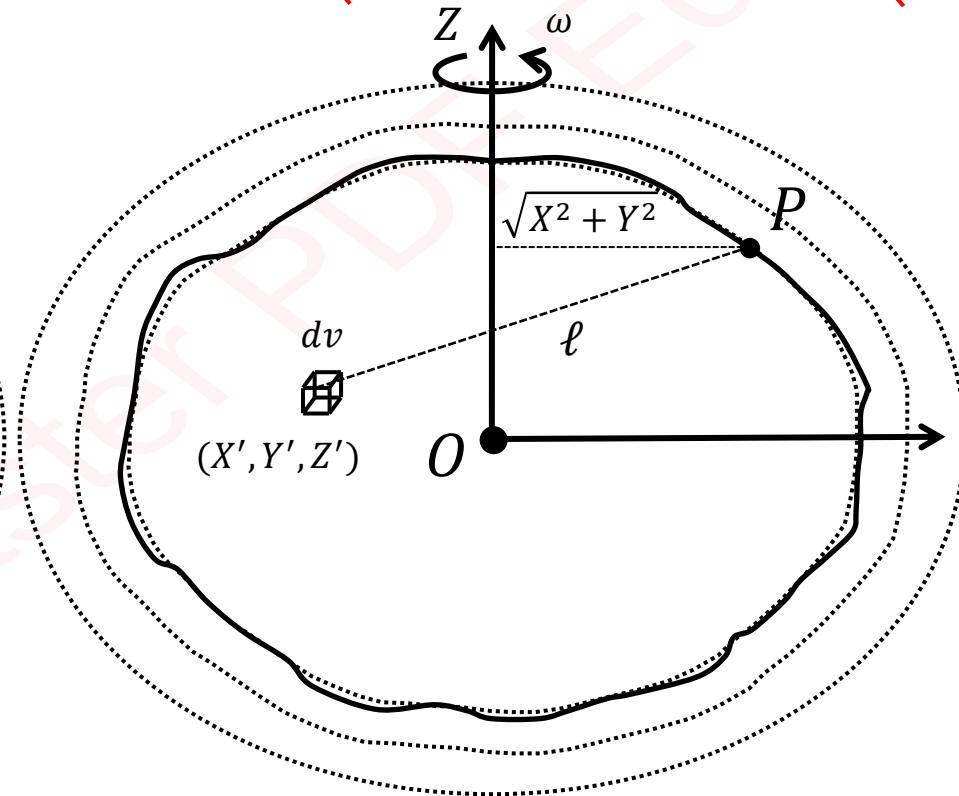
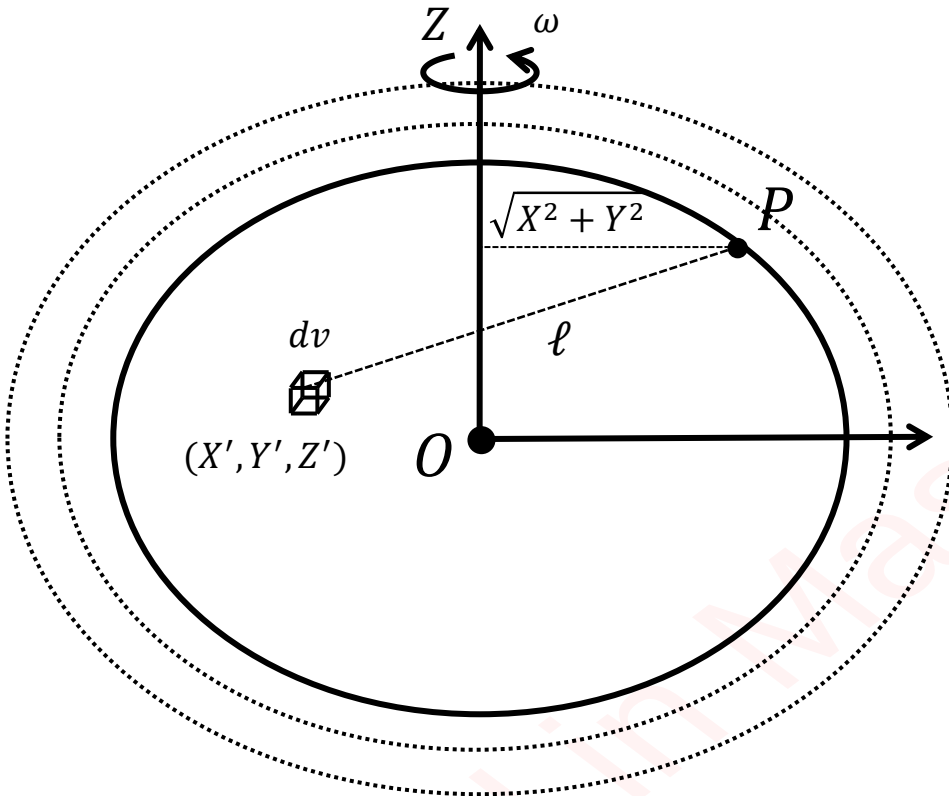
Vetor distúrbio de gravidade

Vetor gravidade normal

$$\begin{aligned}\boldsymbol{\gamma}_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$

Vetor gravidade

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$



$$\delta \mathbf{g}_P = \nabla (V_P - U_P)$$

$$\tilde{W}_P = U_P + \cancel{\Phi_P}$$

$$W_P = V_P + \cancel{\Phi_P}$$

$$\cancel{\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2)}$$

$$U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

$$\cancel{\Phi_P = \frac{10^5}{2} \omega^2 (X^2 + Y^2)}$$

$$V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$\kappa_g = 10^5 G$$

$$\delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_P - \mathbf{y}_P$$

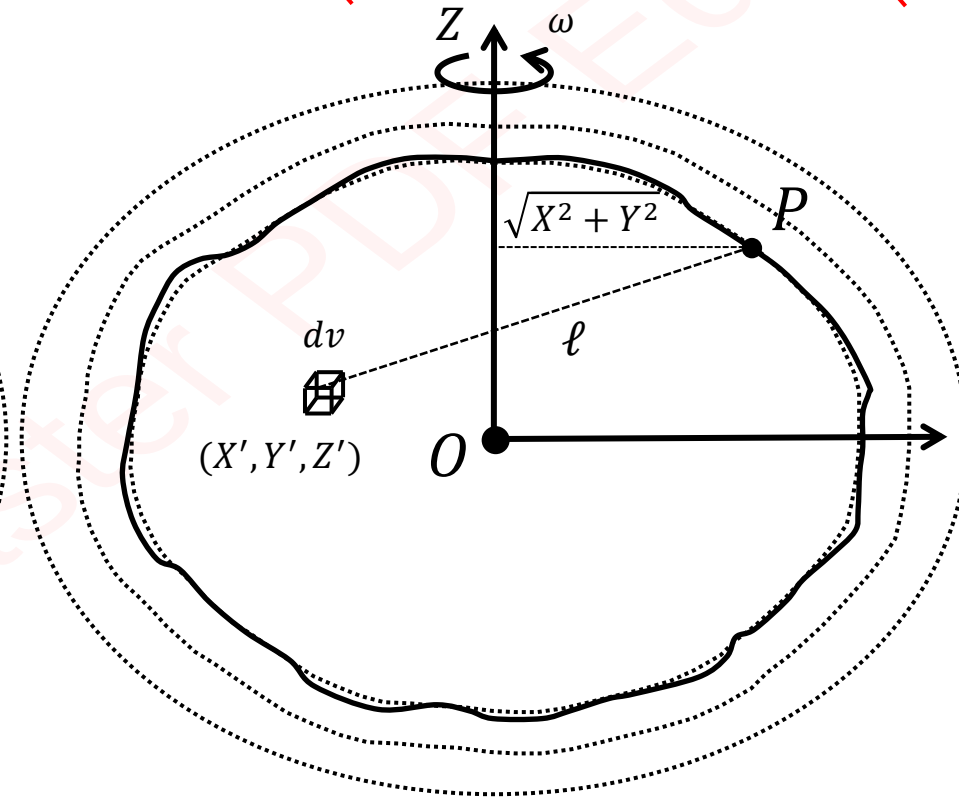
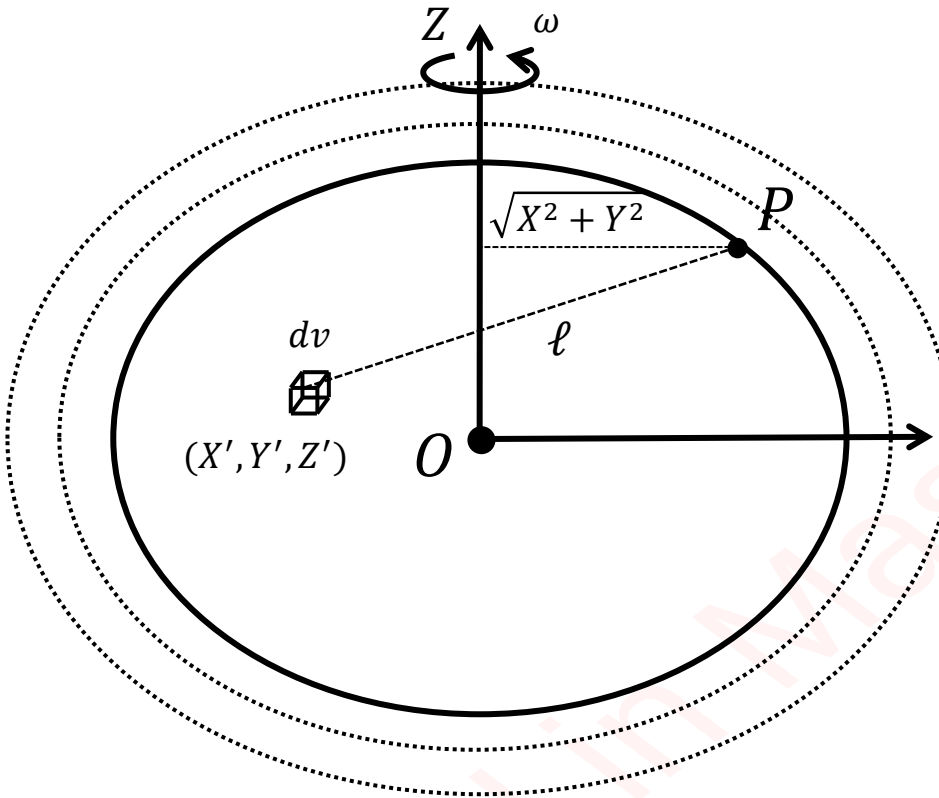
Vetor distúrbio de gravidade

Vetor gravidade normal

$$\begin{aligned}\mathbf{y}_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$

Vetor gravidade

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$



$$\delta \mathbf{g}_P = \nabla (V_P - U_P)$$

A distribuição de densidade  $\tilde{\rho}$  é desconhecida!

$$U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

Integrado no volume da Terra Normal

A distribuição de densidade  $\rho$  é desconhecida!

$$V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

Integrado no volume da Terra

$$\delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_P - \boldsymbol{\gamma}_P$$

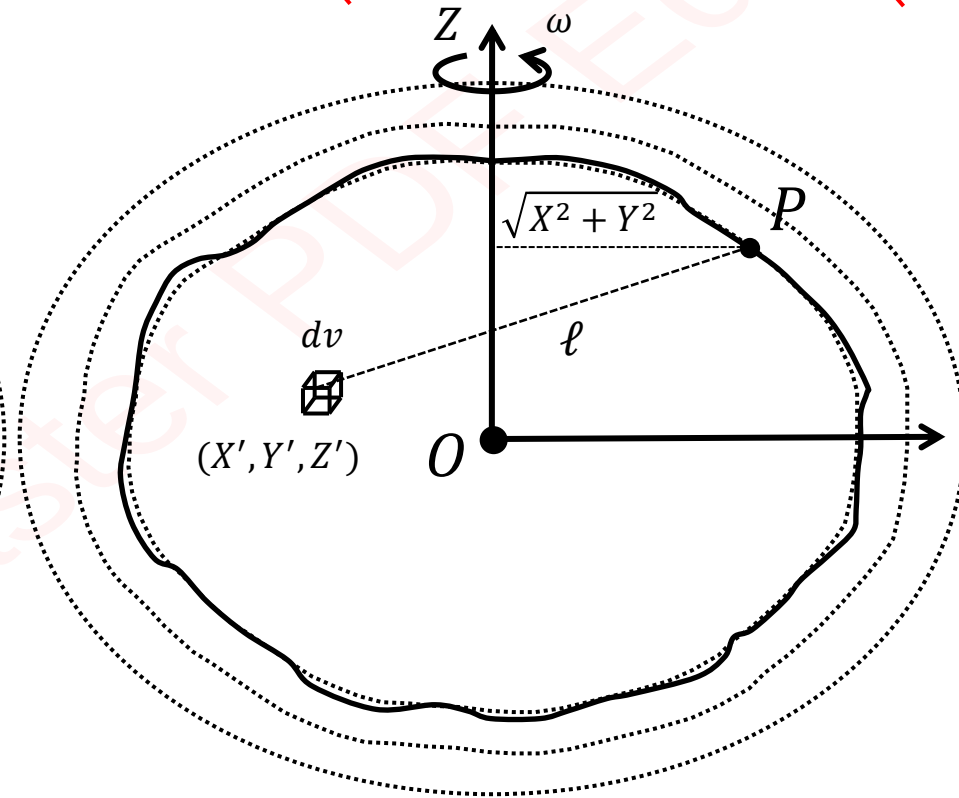
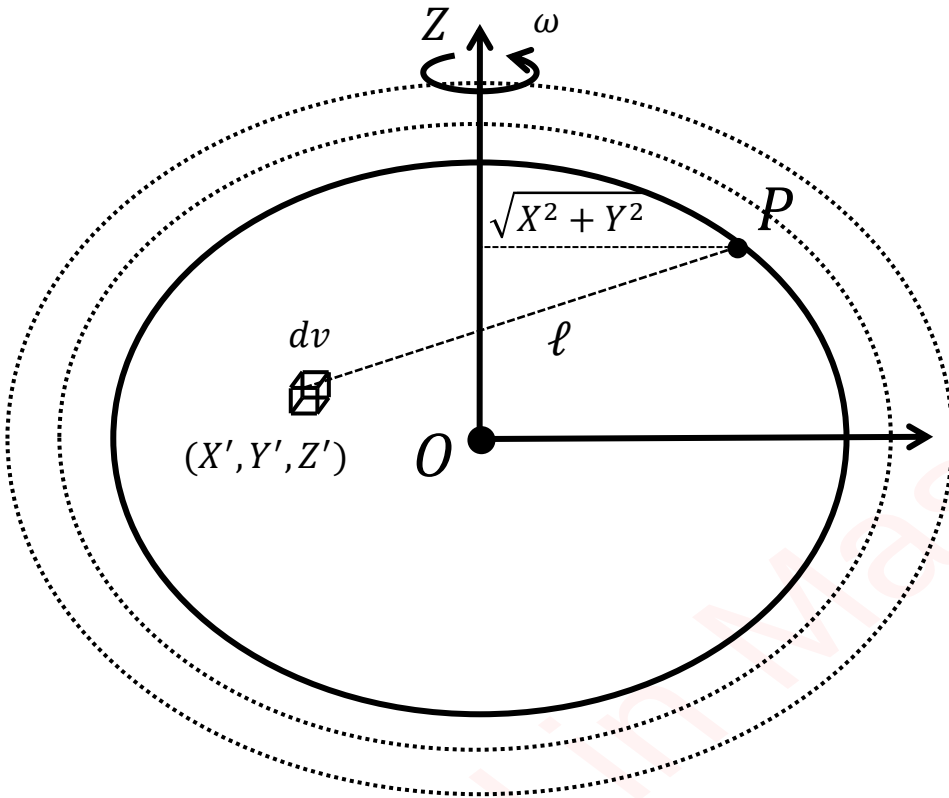
Vetor distúrbio de gravidade

Vetor gravidade normal

$$\begin{aligned}\boldsymbol{\gamma}_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$

Vetor gravidade

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$



$$\delta \mathbf{g}_P = \nabla (V_P - U_P)$$

$$U_P = \kappa_g \iiint \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

Considere que  $\tilde{\rho}$  se anula fora do volume da Terra Normal

$$V_P = \kappa_g \iiint \frac{\rho}{\ell} dv$$

Considere que  $\rho$  se anula fora do volume da Terra

$$\delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_P - \boldsymbol{\gamma}_P$$

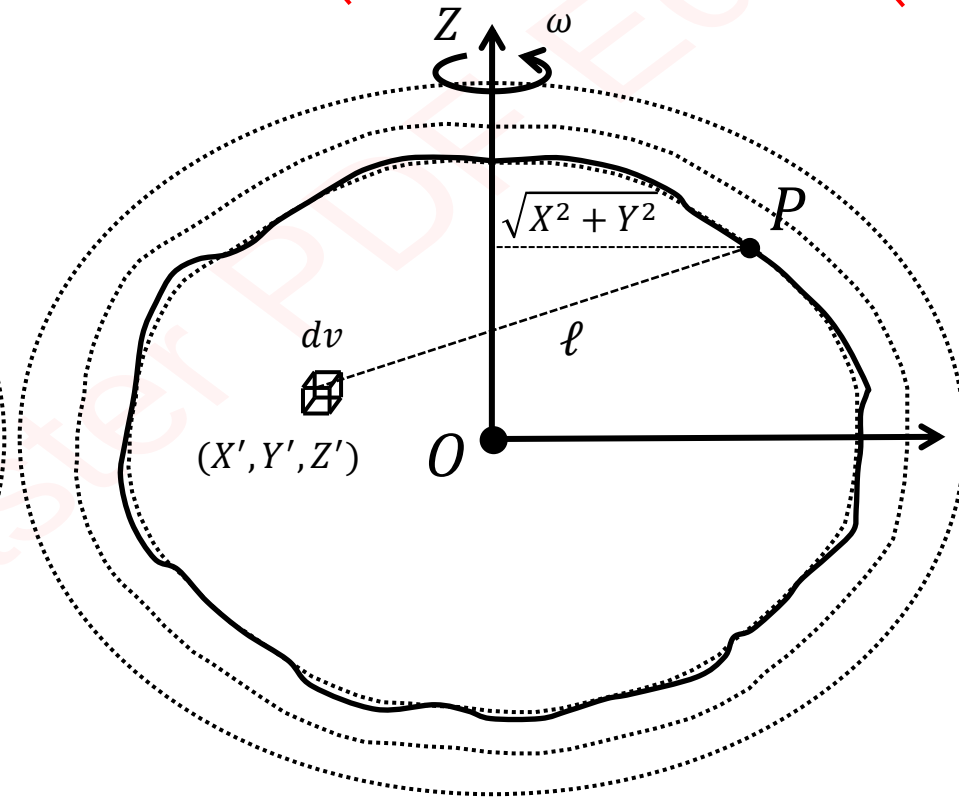
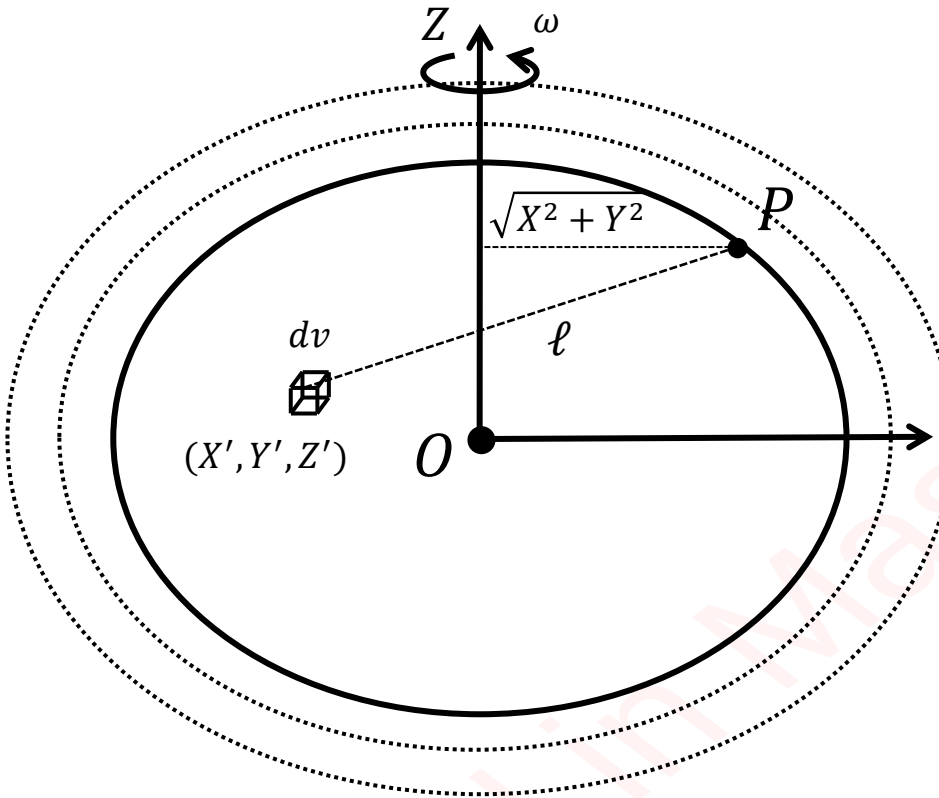
Vetor distúrbio de gravidade

Vetor gravidade normal

$$\begin{aligned}\boldsymbol{\gamma}_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$

Vetor gravidade

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$



$$\delta \mathbf{g}_P = \nabla (V_P - U_P)$$

$$U_P = \kappa_g \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

Considere que  $\tilde{\rho}$  se anula fora do volume da Terra Normal

$$V_P = \kappa_g \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\rho}{\ell} dv$$

Considere que  $\rho$  se anula fora do volume da Terra

$$\delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_P - \boldsymbol{\gamma}_P$$

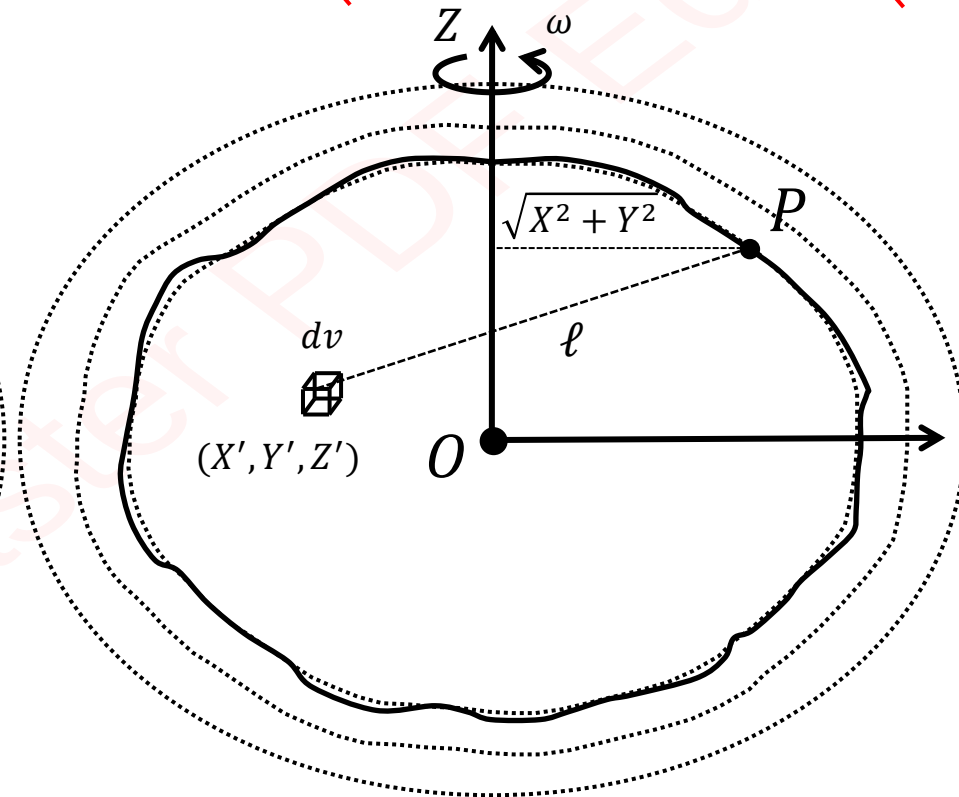
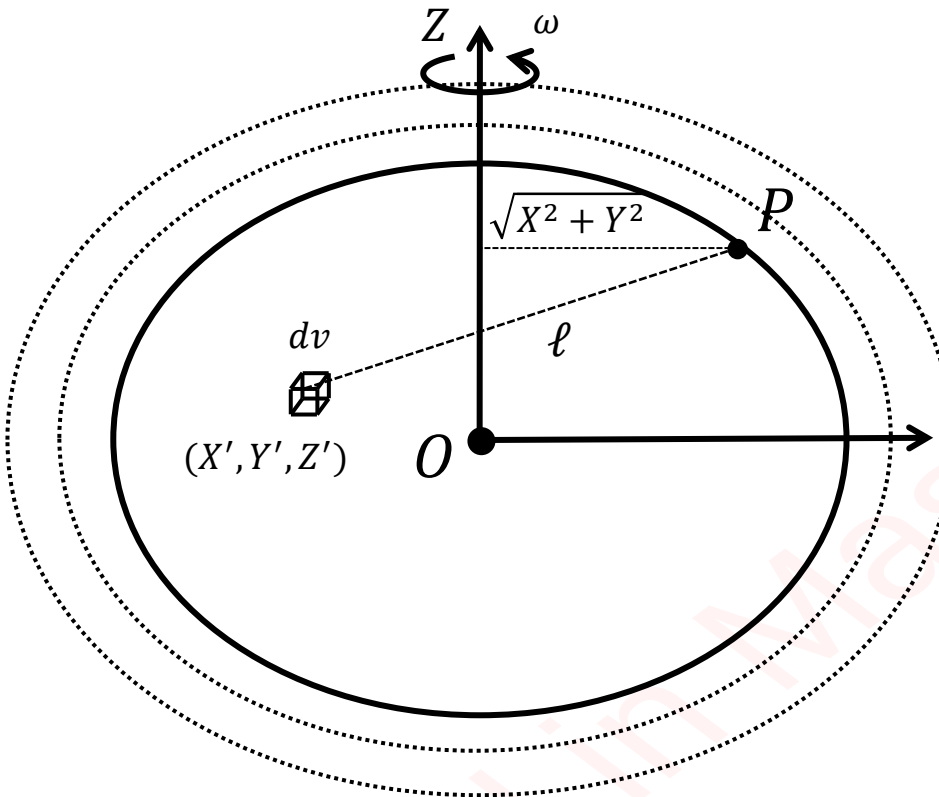
Vetor distúrbio de gravidade

Vetor gravidade normal

$$\begin{aligned}\boldsymbol{\gamma}_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$

Vetor gravidade

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$



$$\delta \mathbf{g}_P = \nabla (V_P - U_P)$$

$$U_P = \kappa_g \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

Considere que  $\tilde{\rho}$  se anula fora do volume da Terra Normal

$$\delta \mathbf{g}_P = \kappa_g \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} (\rho - \tilde{\rho}) \nabla \frac{1}{\ell} dv$$

Representa a atração gravitacional exercida pelas **massas anômalas** ou **fontes gravimétricas**!

$$V_P = \kappa_g \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\rho}{\ell} dv$$

Considere que  $\rho$  se anula fora do volume da Terra

$$\delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_P - \mathbf{y}_P$$

Vetor distúrbio de gravidade

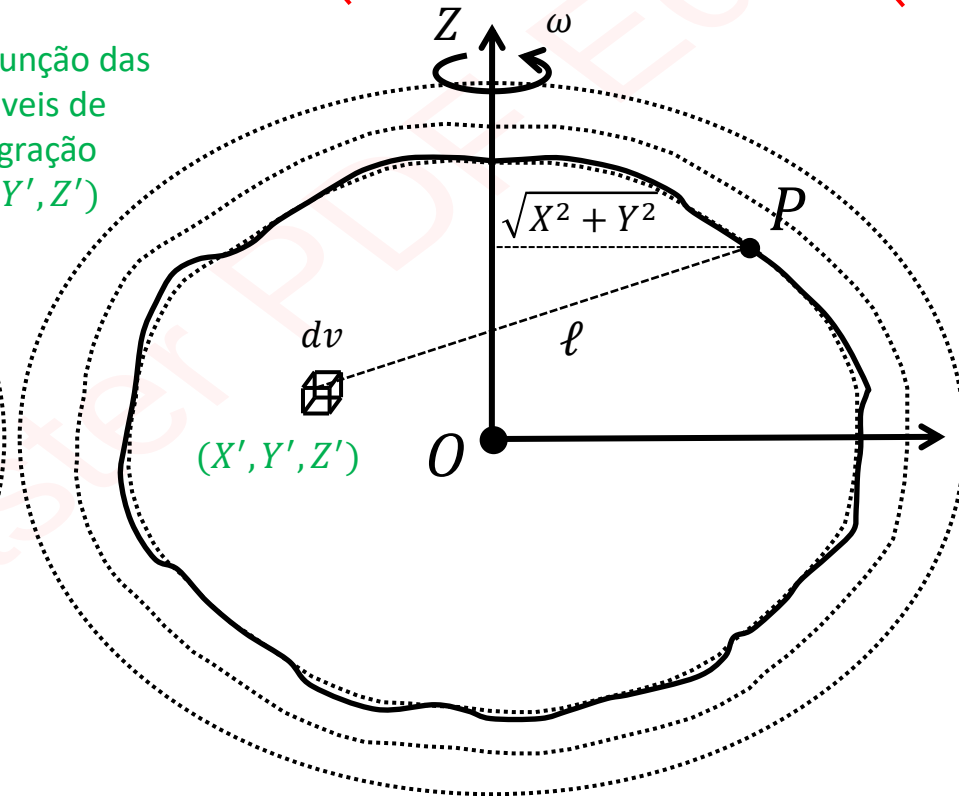
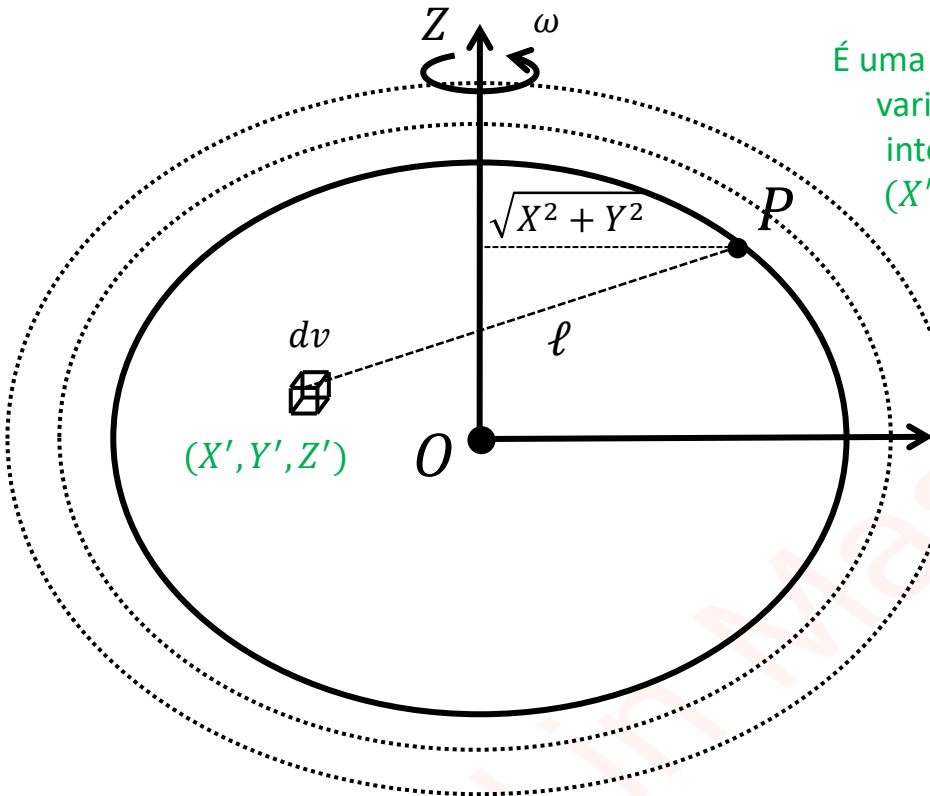
Vetor gravidade normal

$$\begin{aligned}\mathbf{y}_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$

Vetor gravidade

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$

É uma função das  
variáveis de  
integração  
( $X', Y', Z'$ )



$$\delta \mathbf{g}_P = \nabla (V_P - U_P)$$

$$U_P = \kappa_g \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

Considere que  $\tilde{\rho}$  se anula fora  
do volume da Terra Normal

$$\delta \mathbf{g}_P = \kappa_g \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} (\rho - \tilde{\rho}) \nabla \frac{1}{\ell} dv$$

Representa a atração gravitacional exercida pelas  
**massas anômalas** ou **fontes gravimétricas**!

$$V_P = \kappa_g \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\rho}{\ell} dv$$

Considere que  $\rho$  se anula fora  
do volume da Terra

$$\delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_P - \mathbf{Y}_P$$

Vetor distúrbio de gravidade

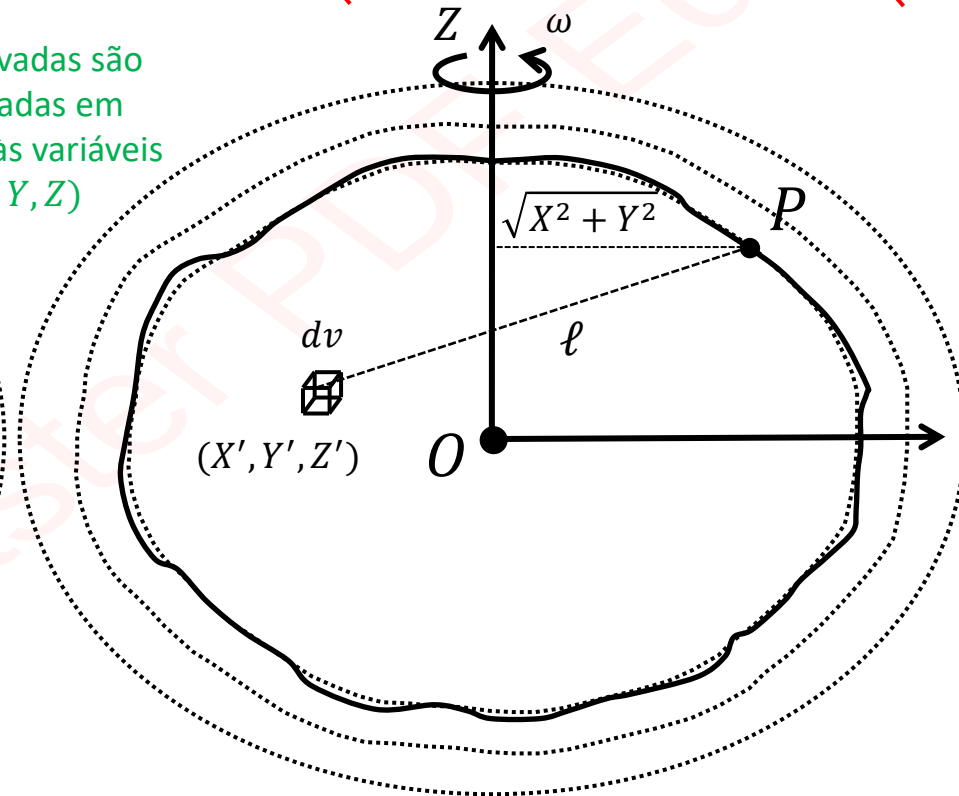
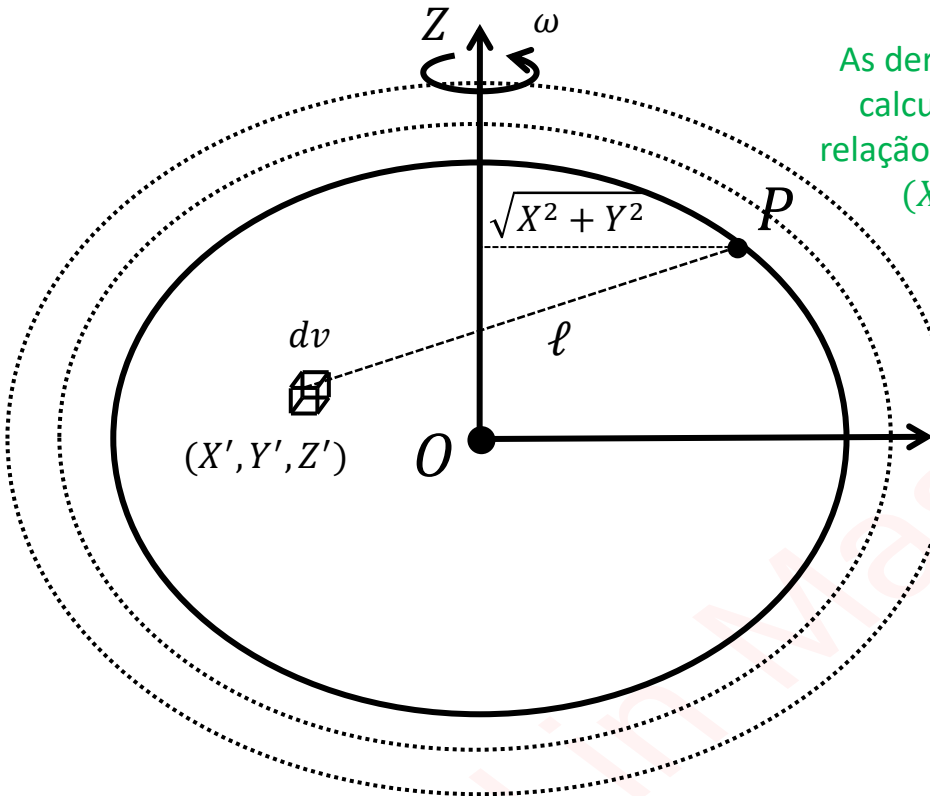
Vetor gravidade normal

$$\begin{aligned}\mathbf{Y}_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$

Vetor gravidade

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$

As derivadas são  
calculadas em  
relação às variáveis  
(X,Y,Z)



$$\delta \mathbf{g}_P = \nabla (V_P - U_P)$$

$$\ell = \sqrt{(X - X')^2 + (Y - Y')^2 + (Z - Z')^2}$$

$$U_P = \kappa_g \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\tilde{\rho}}{\ell} dv$$

Considere que  $\tilde{\rho}$  se anula fora  
do volume da Terra Normal

$$\delta \mathbf{g}_P = \kappa_g \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} (\rho - \tilde{\rho}) \nabla \frac{1}{\ell} dv$$

Representa a atração gravitacional exercida pelas  
**massas anômalas** ou **fontes gravimétricas**!

$$V_P = \kappa_g \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\rho}{\ell} dv$$

Considere que  $\rho$  se anula fora  
do volume da Terra

$$\delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_P - \boldsymbol{\gamma}_P$$

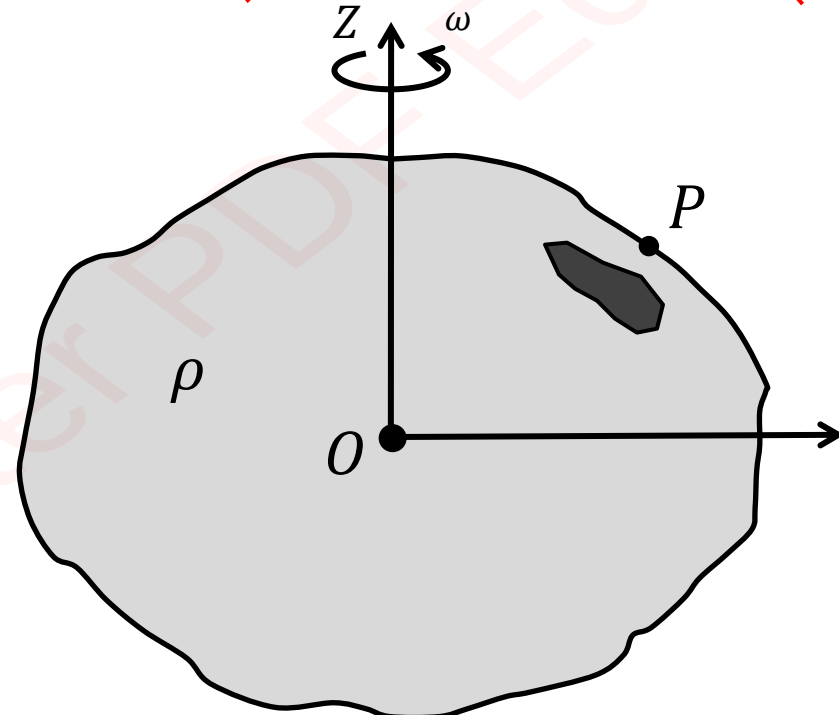
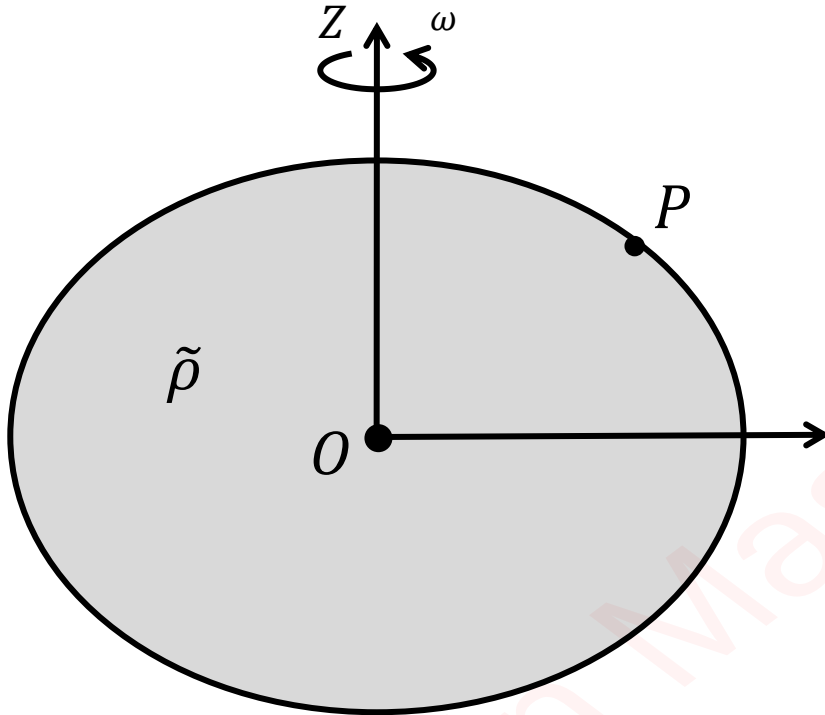
Vetor distúrbio de gravidade

Vetor gravidade normal

$$\begin{aligned}\boldsymbol{\gamma}_P &= \nabla \tilde{W}_P \\ &= \nabla U_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$

Vetor gravidade

$$\begin{aligned}\mathbf{g}_P &= \nabla W_P \\ &= \nabla V_P + \cancel{\nabla \Phi_P}\end{aligned}$$



$$\delta \mathbf{g}_P = \nabla (V_P - U_P)$$

$$U_P = \kappa_g \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \tilde{\rho} \frac{1}{\ell} dv$$

Considere que  $\tilde{\rho}$  se anula fora do volume da Terra Normal

$$\delta \mathbf{g}_P = \kappa_g \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} (\rho - \tilde{\rho}) \nabla \frac{1}{\ell} dv$$

Representa a atração gravitacional exercida pelas **massas anômalas** ou **fontes gravimétricas**!

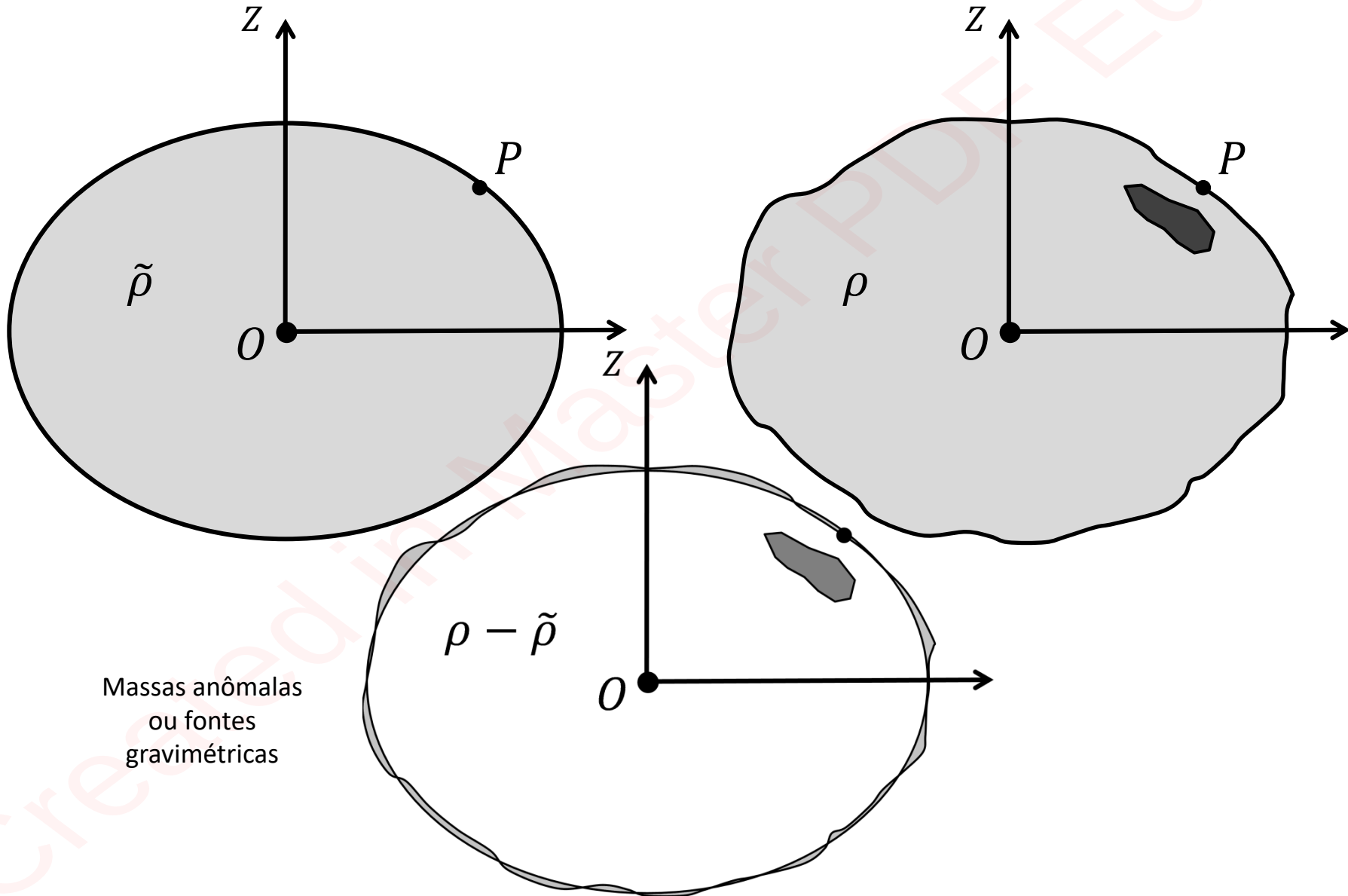
$$V_P = \kappa_g \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \rho \frac{1}{\ell} dv$$

Considere que  $\rho$  se anula fora do volume da Terra



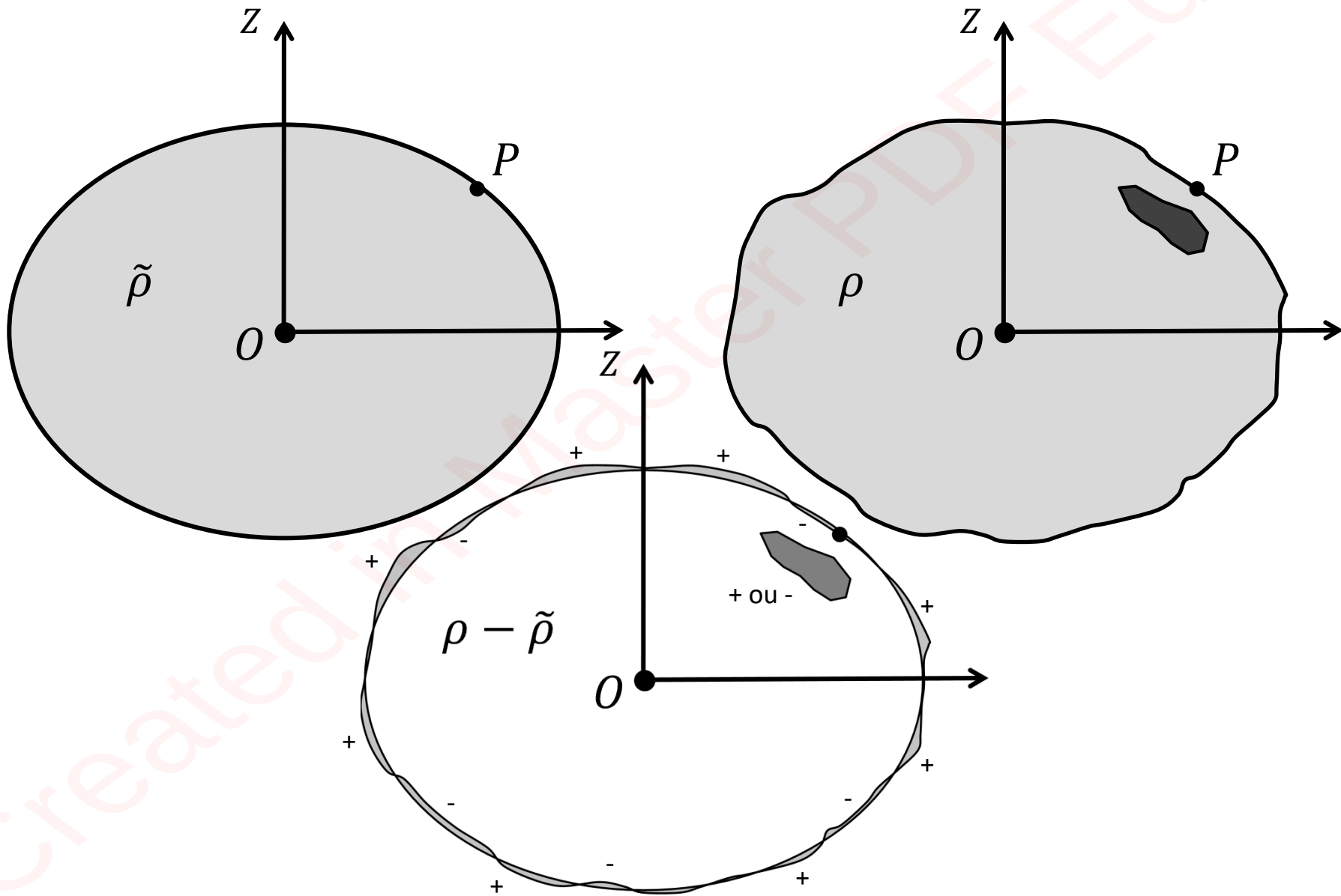
$$\delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_P - \gamma_P$$

Vetor distúrbio de gravidade



$$\delta \mathbf{g}_P = \mathbf{g}_P - \gamma_P$$

Vetor distúrbio de gravidade



# Referências

- Baumann, H., E. Klingelé, and I. Marson, 2012, Absolute airborne gravimetry: a feasibility study: *Geophysical Prospecting*, 60, 361-372. DOI: 10.1111/j.1365-2478.2011.00987.x.
- Blakely, R. J., 1996, *Potential theory in gravity and magnetic applications*: Cambridge University Press.
- Fairhead, J. D., C. M. Green, e D. Blitzkow, 2003, The use of gps in gravity surveys: *The Leading Edge*, 22, 954-959. DOI: 10.1190/1.1623636.
- Glennie, C. L., K. P. Schwarz, A. M. Bruton, R. Forsberg, A. V. Olesen, e K. Keller, 2000, A comparison of stable platform and strapdown airborne gravity: *Journal of Geodesy*, 74, 383-389. DOI: 10.1007/s001900000082.
- Hackney, R. I., e W. E. Featherstone, 2003, Geodetic versus geophysical perspectives of the gravity anomaly: *Geophysical Journal International*, 154, 35-43. DOI: 10.1046/j.1365-246X.2003.01941.x.
- Hofmann-Wellenhof, B. e H. Moritz, 2005, *Physical Geodesy*. Springer.
- Li, X., e H. J. Götze, 2001, Ellipsoid, geoid, gravity, geodesy, and geophysics: *Geophysics*, 66, 1660-1668. DOI: 10.1190/1.1487109.
- Nabighian, M. N., M. E. Ander, V. J. S. Grauch, R. O. Hansen, T. R. LaFehr, Y. Li, W. C. Pearson, J. W. Peirce, J. D. Phillips e M. E. Ruder, 2005, 75th Anniversary - Historical development of the gravity method in exploration. *Geophysics*, 70(6), p. 63ND–89ND. DOI: 10.1190/1.2133785.
- Symon, K. R., 1971, *Mechanics*: Addison-Wesley; 3rd edition, ISBN-13: 978-0201073928.
- Vaníček, P., e E. J. Krakiwsky, 1987, *Geodesy: The concepts*, second edition: Elsevier Science.