$(x-2)^2 + (y+1)^2 = k^2 - 8k + 7$

 $k^2 - 8k + 7 = (k-1)(k-7) > 0$

따라서 자연수 k의 최속값은 8이다.

원의 방정식이 되려면

∴ k < 1 또는 k > 7





[해설] $x^2 + y^2 - 4x + 2y - k^2 + 8k - 2 = 0$.