武汉大学计算机学院

2021 学年度第二学期

《离散数学》 期中考试 试卷 (A卷)

专业:	计科 2021(7-8 班)	_ 姓名:	_ 学号:
	ナナナナナ 注意: 请将所	有答案均写在答题纸上	,并标明题号 ナナナナナ
一、 逻辑部分 (共 2 小题,每小 15 分,总分 30 分)			
1. (15分) 求下列公式的主析取范式和主合取范式:			
	$(P \to Q$	$(0 \land R) \land (\neg P \rightarrow (\neg Q))$	$(Q \wedge \neg R)$
2. (15 分	·)写出证明序列。注	明推导的规则。	
前提 $\forall x(P(x) \rightarrow \neg Q(x)), \ \forall x(Q(x) \lor R(x)), \ \exists x \neg R(x).$ 结论 $\exists \neg P(x).$			
二、集合函数部分(共3小题,总分70分)			
1 . (20 分) 设 A 为非空集合,集合 $A^A = \{f f: A \to A\}$ 为 A 上的函数的集合,证明:			
2. 证明	•		f ,当且仅当 f 为满射。 $f \in B \subset A$,使 $f(B) \subseteq B$,则 $f \in A$
	(x) 设 $\pi = \{A_1, A_2, \cdots \}$ $(a, b) \in A_i, i = 1, 2$	-	一个划分, <i>R</i> ⊆ <i>A</i> × <i>A</i> , R 是等价关系。
3. (30分		合 <i>P</i> 是集合 <i>A</i> 上所 P = {S S 是 A 的划分	有划分组成的集合,即: }

定义关系:

 $R \in P \times P, \forall S, T \in P, < S, T > \in R \Leftrightarrow$ 若 $\forall u \in S,$ 则 $\exists v \in T,$ 使得 $u \subseteq v$ 如 $A = \{a,b,c\},$ 设 $S = \{\{a\},\{b,c\}\},$ $T = \{\{a,b,c\}\},$ 则 $< S,T > \in R$ 。

- 1. 设 $A = \{a, b, c\}$,试用枚举法表示集合 A 上所有的划分组成的集合 P。
- 2. 试证明: R 是偏序关系。