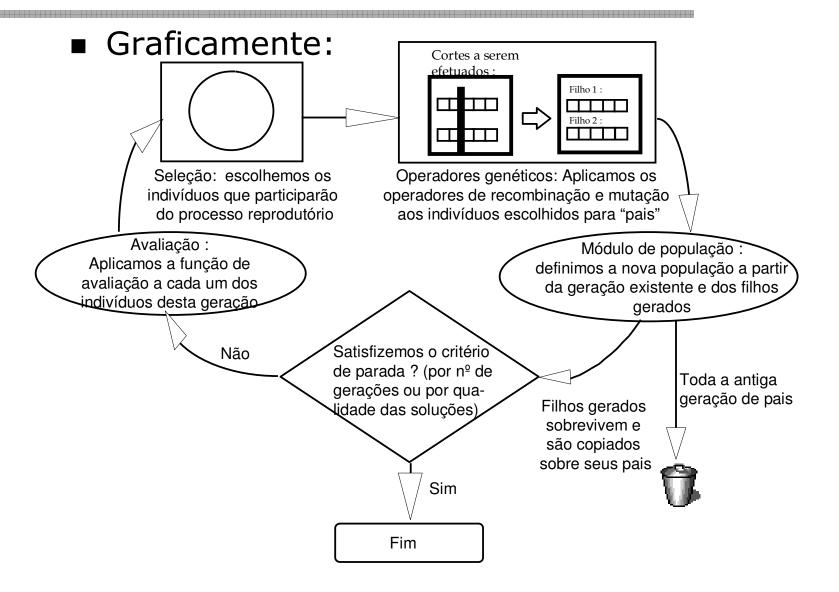
# Algoritmos Genéticos

1

- Algoritmos Genéticos são um ramo da computação evolucionária
- Seu funcionamento pode ser resumido algoritimicamente através dos seguintes passos:
- Inicialize a população de cromossomos
  - a) Avalie cada cromossomo na população
  - b) Selecione os pais para gerar novos cromossomos.
  - c) Aplique os operadores de recombinação e mutação a estes pais de forma a gerar os indivíduos da nova geração
  - d) Apague os velhos membros da população
  - e) Avalie todos os novos cromossomos e insira-os na população
  - f) Se o tempo acabou, ou o melhor cromossomo satisfaz os requerimentos e desempenho, retorne-o, caso contrário volte para o passo c).



- Esta é somente uma visão de alto nível de nosso algoritmo.
- O que ela esconde é a complexidade do processo de obtenção dos seguintes elementos
  - uma representação cromossomial que seja adequada ao problema
  - uma função de avaliação que:
    - penalize soluções implausíveis para nosso problema
    - avalie satisfatoriamente o grau de adequação de cada indivíduo como solução do problema em questão.

- Um GA é altamente genérico.
- Vários de seus componentes são invariáveis de um problema para outro.
- Isto favorece sua implementação em uma linguagem orientada a objeto, permitindo o reaproveitamento do código para solução de vários problemas diferentes.

- A representação cromossomial é fundamental para o nosso algoritmo genético.
- Ela consiste em uma maneira de traduzir a informação do nosso problema em uma maneira viável de ser tratada pelo computador.
- Quanto mais ela for adequada ao problema, maior a qualidade dos resultados obtidos.
- Resista à tentação de adequar o problema à sua representação!

- Cada pedaço indivisível desta representação é chamado de um gene.
- É importante notar que a representação cromossomial é completamente arbitrária.
- É interessante apenas que algumas regras gerais sejam seguidas :
  - a) A representação deve ser a mais simples possível
  - b) Se houver soluções proibidas ao problema, então elas não devem ter uma representação
  - c) Se o problema impuser condições de algum tipo, estas devem estar implícitas dentro da nossa representação.

- Para frente veremos outros exemplos de como estas regras podem ser seguidas.
- Neste momento, vamos adotar a representação binária.
  - Mais simples e mais usada pelos praticantes da área dos algoritmos genéticos.
  - Um cromossomo nada mais é do que uma sequência de bits C
  - Cada gene é somente um bit.
  - O conceito representado por cada bit e/ou conjunto de bits é inerente ao problema.

- Essa representação foi a adotada inicialmente por Holland, em seu livro seminal.
- Hoje em dia, por estes motivos históricos e pelo fato de ser muito simples, ela é amplamente adotada por pesquisadores da área de GA.
- Os operadores genéticos, como discutiremos a seguir, são compreensíveis e implementáveis.

- Representamos números (inteiros ou reais), strings, etc. usando a representação binária.
- Para representar números reais como números binários, temos primeiro que saber duas coisas:
  - A faixa de operação de cada uma das variáveis;
  - A precisão desejada.
- Sabendo isto, convertemos bits para números usando a seguinte fórmula:

$$real = \inf_{i} + \frac{\sup_{i} - \inf_{i}}{2^{k} - 1} * r_{i}$$

Exemplo de interpretação de números reais:

- A função de avaliação é a maneira utilizada pelos GAs para determinar a qualidade de um indivíduo como solução do problema em questão.
- É uma nota dada ao indivíduo na resolução do problema.
- Será usada para a escolha dos indivíduos pelo módulo de seleção de pais, sendo a forma de diferenciar entre as boas e as más soluções para um problema.

- Dada a generalidade dos GAs, a função de avaliação, em muitos casos, é a única ligação verdadeira do programa com o problema real.
- Mesmo GA pode ser usado para descobrir o máximo de toda e qualquer função de n variáveis sem nenhuma alteração das estruturas de dados e procedimentos adotados, alterandose, apenas, a função de avaliação.

- Também chamada de função de custo
- Calcula então um valor numérico que reflete quão bons os parâmetros representados no cromossomo resolvem o problema.
- Usa todos os valores armazenados no cromossomo (os parâmetros) e retorna um valor numérico, cujo significado é uma métrica da qualidade da solução obtida usando-se aqueles parâmetros.
- A função de avaliação deve ser tal que se o cromossomo c1 representa uma solução melhor do que o cromossomo c2, então a avaliação de c1 deve ser maior do que a avaliação de c2.

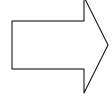
- A função de avaliação deve portanto ser escolhida com grande cuidado.
- Deve embutir todo o conhecimento que se possui sobre o problema a ser resolvido, tanto suas restrições quanto seus objetivos de qualidade.
- Quanto mais conhecimento embutirmos em um GA, menos serão válidas as críticas sobre eles serem algoritmos genéricos
- Deve diferenciar entre duas soluções sub-ótimas, deixando claro qual delas está mais próxima da solução procurada.

- O método de seleção de pais deve simular o mecanismo de seleção natural:
  - Pais mais capazes geram mais filhos;
  - Pais menos aptos também podem gerar descendentes.
- Temos que privilegiar os indivíduos com função de avaliação alta, sem desprezar completamente aqueles indivíduos com função de avaliação extremamente baixa;
- Até indivíduos com péssima avaliação podem ter características genéticas que sejam favoráveis à criação de um indivíduo ótimo;
- Estas características podem não estar presentes em nenhum outro cromossomo.

- Método simples e muito adotado: método da roleta viciada.
  - Criamos uma roleta (virtual) na qual cada cromossomo recebe um pedaço proporcional à sua avaliação (a soma dos pedaços não pode superar 100%).
  - Rodamos a roleta
  - Selecionado será o indivíduo sobre o qual ela parar.

#### ■ Exemplo:

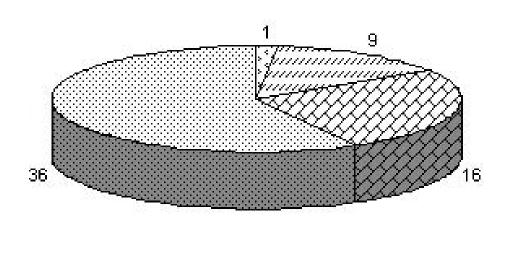
Indivíduo	Avaliação
0001	1
0011	9
0100	16
0110	36
Total	62



Pedaço da roleta (%)	Pedaço da roleta (°)
1.61	5.8
14.51	52.2
25.81	92.9
58.07	209.1
100.00	360.0

■ Exemplo (cont.) – Graficamente, temos:

#### Roleta Viciada para População Exemplo



\$\bar{\alpha}\$ "0001" \$\bar{\alpha}\$ "0100" \$\bar{\alpha}\$ "1100" \$\bar{\alpha}\$

- Não podemos girar uma roleta dentro do computador
- Trabalhamos com conceitos abstratos, e não roletas físicas.
- Algoritmo:
  - a) Some todas as avaliações para uma variável soma
  - b) Selecione um número s entre 0 e soma (Não incluídos)
  - c) i=1
  - d) aux=avaliação do indivíduo 1
  - e) enquanto aux<s
  - i = i + 1
  - g) aux=aux+avaliação do indivíduo i
  - h) fim enquanto

#### Observação

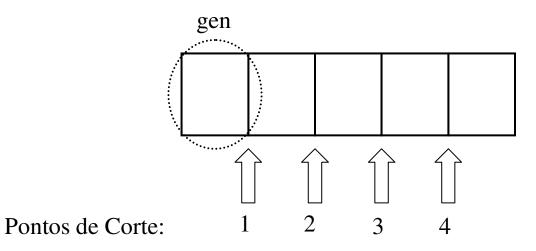
- Todas as avaliações devem ser estritamente positivas;
- Se tivéssemos um ou mais indivíduos com avaliação negativa, a soma total ainda seria 360°;
- Entretanto, a soma dos espaços alocados apenas para os de avaliação positiva excederia 360°;
- Teríamos que lidar com o problema de alocar um espaço negativo para o indivíduo com avaliação negativa;
- Indivíduos com avaliação igual a zero nunca seriam selecionados.

#### Operadores de Crossover e Mutação

- Iremos trabalhar agora com a versão mais simples dos operadores genéticos
- Nesta versão, eles atuam em conjunto, como se fossem um só.
- Depois veremos versões mais avançadas.

#### Operador de Crossover

- Vamos começar com o operador de crossover mais simples, chamado de operador de crossover de um ponto.
- Depois de selecionados dois pais pelo módulo de seleção de pais, um ponto de corte é selecionado.
- Um ponto de corte constitui uma posição entre dois genes de um cromossomo.
- Cada indivíduo de *n* genes contem *n-1* pontos de corte.



#### Operador de Crossover

- Depois de sorteado o ponto de corte, nós separamos os pais em duas partes: uma à esquerda do ponto de corte e outra à direita.
- É importante notar que não necessariamente estas duas partes têm o mesmo tamanho.
- O primeiro filho é composto através da concatenação da parte esquerda do primeiro pai com a parte direita do segundo pai.
- O segundo filho é composto através da concatenação das partes que sobraram (a metade esquerda do segundo pai com a metade à direita do primeiro pai).

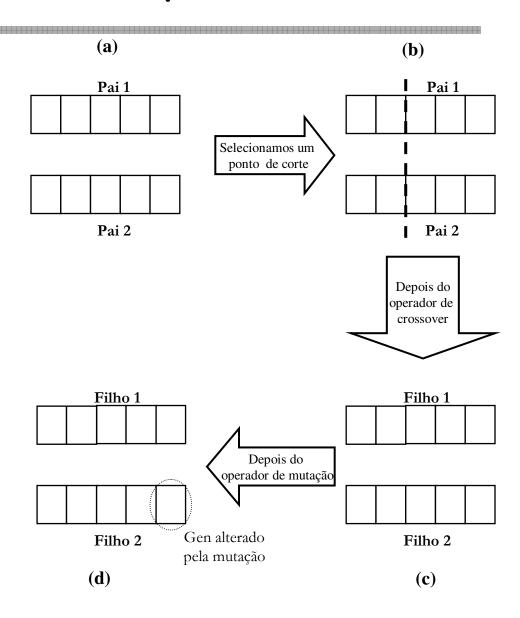
#### Operador de Mutação

- Depois de compostos os filhos, entra em ação o operador de mutação.
- Este opera da seguinte forma:
  - Ele tem associada uma probabilidade extremamente baixa (da ordem de 0,5%);
  - Nós sorteamos um número entre 0 e 1.
  - Se ele for menor que a probabilidade pré-determinada então o operador atua sobre o gene em questão, alterando-lhe o valor aleatoriamente.
  - Repete-se então o processo para todos os gens componentes dos dois filhos.

#### Comentários

- Valor da probabilidade deve ser baixo.
  - Se ele for muito alto, o algoritmo genético se parecerá muito com uma técnica chamada "random walk"
- Alguns textos preferem que o operador de mutação não aja de forma aleatória, mas sim, alterando o valor do gene para outro valor válido do nosso alfabeto genético.
  - Corresponde em multiplicar a probabilidade do operador de mutação por n/(n-1), onde n é a cardinalidade do alfabeto genético.

### Juntando os operadores



### Módulo de População

- O módulo de população é responsável pelo controle da nossa população.
- Por simplicidade, população não pode crescer
  - permite que armazenemos a população em um vetor de tamanho constante.
- Pais têm que ser substituídos conforme os filhos vão nascendo
  - Pode parecer estranho, visto que estamos acostumados a ver a população humana sempre crescendo.
  - Quando nasce um bebê, não é obrigatório que alguém de alguma geração anterior caia fulminado!
  - Entretanto, simula bem ambientes de recursos limitados

### Módulo de População

- O módulo de população que utilizaremos por enquanto é extremamente simples.
- Sabemos que a cada atuação do nosso operador genético estamos criando dois filhos.
- Estes vão sendo armazenados em um espaço auxiliar até que o número de filhos criado seja igual ao tamanho da nossa população.
- Neste ponto o módulo de população entra em ação.
- Todos os pais são então descartados e os filhos copiados para cima de suas posições de memória, indo tornar-se os pais da nova geração.

#### Execução Manual (1)

■ Vamos tentar resolver, usando um GA, o problema de maximizar a função abaixo, com x e y pertencentes ao intervalo [0,15].

$$f(x,y) = \left| x * y * sen(\frac{y\pi}{4}) \right|$$

 Como é possível que esta função retorne um valor igual a zero, usaremos uma função de avaliação

$$g(x, y) = 1 + f(x, y)$$

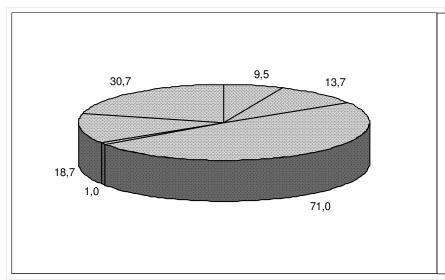
# Execução Manual (2)

#### ■ População inicial, sorteada aleatoriamente:

Cromossomo	X	y	g(x,y)
01000011	4	3	9,5
00101001	2	9	13,7
10011011	9	11	71,0
00001111	0	15	1,0
10011001	5	5	18,7
11100011	14	3	30,7
Somatório das avaliações:			144,6

### Execução Manual (3)

#### Roleta completa



#### Intervalos para função de seleção Cromossomo Intervalo g(x,y)01000011 9,5 [0; 9,5[00101001 13,7 [9,5; 23,2[ 10011011 71,0 [23,2; 94,2[ 00001111 1,0 [94,2; 95,2] 10011001 18,7 [95,2; 113,9] 11100011 30,7 [113,9; 144,6[

# Execução Manual (4)

#### ■ Sorteio de Pais

Número Sorteado	Cromossomo Escolhido		
12,8	00101001		
65,3	10011011		
108,3	10011001		
85,3	10011011		
1,8	01000011		
119,5	11100011		

### Execução Manual (5)

#### ■ Operadores:

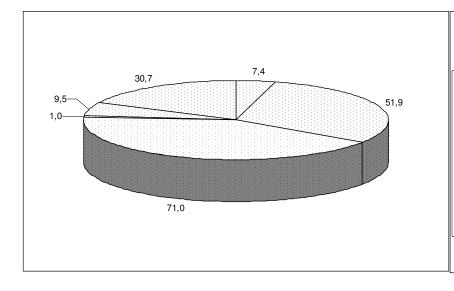
# Execução Manual (6)

#### ■ Nova geração:

Cromossomo	X	y	g(x,y)
00111011	3	3	7,4
10001001	8	9	51,9
10011011	9	11	71,0
10011000	9	8	1,0
01000011	4	3	9,5
11100011	14	3	30,7
Somatório das avaliações:			171,5

# Execução Manual (7)

#### ■ Nova roleta:



Intervalos para função de seleção			
Cromossomo	g(x,y)	Intervalo	
00111011	7,4	[0; 7,4[	
10001001	51,9	[7,4; 59,3[	
10011011	71,0	[59,3; 130,3[	
10011000	1,0	[130,3; 131,3[	
01000011	9,5	[131,3; 140,8[	
11100011	30,7	[140,8; 171,5[	

# Execução Manual (8)

#### ■ Sorteio de Pais

Número Sorteado	Cromossomo Escolhido		
10,4	10001001		
132,5	01000011		
61,2	10011011		
148,6	11100011		
129,7	10011011		
75,2	10011011		

### Execução Manual (9)

#### ■ Operadores:

#### Execução Manual (10)

#### Comentários:

- Pais da terceira reprodução são iguais, um ao outro.
- Logo, qualquer ponto de corte que seja selecionado para ambos gerará filhos iguais.
- População perde diversidade, pois agora temos apenas 5 indivíduos diferentes, contra seis da geração anterior.
- Este efeito, de convergência genética, é muito comum em populações que realizam cruzamentos endógenos.

# Execução Manual (11)

#### ■ Nova geração:

Cromossomo	X	y	g(x,y)
00001001	0	9	1,0
11000011	3	3	7,4
10010011	9	3	20,1
11101011	14	11	109,9
10011011	9	11	71,0
10011011	9	11	71,0
Somatório das avaliações:			280,4

#### Execução Manual (12)

- Neste momento você poderia achar que o algoritmo só funcionou porque o sorteio foi direcionado
- Esta é uma dúvida extremamente razoável neste ponto

#### Observação

- Existem várias melhorias possíveis no nosso GA;
- Vamos vê-las aos poucos.