

संख्या पद्वति (Number System)

संख्याओं के प्रकार

- प्राकृत संख्याएं (Natural Numbers) 1 से लेकर अनन्त लगातार सभी संख्याएं प्राकृत संख्याओं में आती है अर्थात 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, ∞
- **2.** पूर्ण संख्याएं (Whole Numbers) यदि प्राकृत संख्याओं में 0 और ले लिया जाए तो पूर्ण संख्याओं में बदल जाती है। अर्थात 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6 ∞
- 3. पूर्णांक संख्याएं (Integer Numbers) इन सभी संख्याओं में ∞ से लेकर + ∞ तक की सभी संख्याएं होती है। अर्थात ∞ -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4,+ ∞
- **5.** विषम संख्याएं (**Odd numbers**)— ऐसी संख्या जो 2 से पूर्ण विभाजित नहीं हों अर्थात 1, 3, 5, 7, 9, ∞
- 6. अभाज्य संख्याएं या रूढ संख्या (Prime Numbers) 1 के अतिरिक्त वे सभी संख्याएं जो सिर्फ स्वयं से विभाजित हों। अर्थात जिनके गुणनखण्ड नहीं किये जा सके, अर्थात 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23,
- 7. भाज्य या यौगिक संख्यायें— (Composit Numbers) ऐसी संख्याएं जो स्वयं के अतिरिक्त और किसी दूसरी संख्या से भी विभाजित हो। जिसमें एक शामिल नहीं है क्यों कि 1 से सभी संख्याएं विभाजित होती है। अर्थात 4, 6, 8, 9, 10
- 8. परिमेय संख्याएं (Rational Numbers) ऐसी संख्याएं जो भिन्न के रूप में लिखि हुई हों अथवा जिन्हें

भिन्न के रूप में लिख सकें। अर्थात जिनका रूप $\frac{p}{q}$ के रूप में हो, जहां p तथा q का मान पूर्णांक संख्याओं में से लिया गया हो, लेकिन q का मान p नहीं हों। अर्थात p

जैसे
$$-\frac{3}{5}$$
, $-\frac{4}{5}$, $\sqrt{25}$, $0.\overline{6}$, 4, 1.5, 2.64, 0, 0.333......

0.373737

नोट—1. ऐसी संख्याएं जिनमें दशमलव के बाद निश्चित अंक होते हैं उन्हें भिन्न के रूप में लिख सकते हैं। अतः वे सभी परिमेय संख्याएं होती है।

$$\vec{\text{vir}} - 3.5 = \frac{35}{10} = \frac{7}{2}$$

2. ऐसी संख्याएं जिनमें दशमलव के बाद अंकों की पुनरावृत्ति होती है उन सभी संख्याओं को भी भिन्न के रूप में लिख सकते हैं। अतः ये भी परिमेय संख्याएं होती है।

जैसे
$$0.66666 \dots = 0.\overline{6} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$$

- 3. सभी प्राकृत, पूर्ण, पूर्णांक संख्याएं भी परिमेय संख्याएं होती है। क्योंकि सभी संख्याओं के हर के मान में एक छिपा रहता है। अर्थात 5 इसे $\frac{5}{1}$ समझेंगे तो भिन्न का रूप दिखेगा।
- 4. जिन संख्याओं का वर्गमल घनमूल अथवा कोई भी मूल पूर्ण रूप से निकल जाए वे सभी परिमेय संख्याएं होती है। जैसे $\sqrt{25} = 5$, $\sqrt[3]{8} = 2$
 - 5. 0 एक परिमेय संख्या है ।
- 6. जिन संख्याओं में दशमलव के बाद पुनरावृत्ति नहीं होती उन्हें भिन्न के रूप में नहीं लिख सकते। अतः वे

परिमेय संख्याएं नही होती।

- 7. $\frac{22}{7}$ एक परिमेय संख्या है लेकिन π एक परिमेय संख्या नहीं है। क्योंकि π के मान में दशमलव के बाद कोई पुनरावर्त्ती नहीं होती जबिक $\frac{22}{7}$ में दशमलव के बाद पुनरावत्ती होती है।
- 9. अपरिमेय संख्याएं (Irrational Numbers) ऐसी संख्याएं जिनमें दशमलव के बाद कोई पुनरावृत्ति नहीं होती, वे सभी संख्याएं अपरिमेय संख्याएं होती है। उन्हें भिन्न के रूप में नहीं लिख सकते। अर्थात् जिन संख्याओं का पूरा—पूरा वर्गमूल, घनमूल या कोई भी मूल नहीं निकलता वे सभी संख्याएं भिन्न के रूप में नहीं लिखी जा सकती। अतः वे सभी संख्याएं अपरिमेय संख्याएं होती है। जैसे— $\sqrt{3}$, π , e, 0.13569247.....
- 10. सहअभाज्य संख्याएं (Co-Prime Numbers) जब दो या दो से अधिक संख्याओं में कोई भी खण्ड उभयनिष्ठ ना हो तो वे सभी संख्याएं एक साथ सहअभाज्य संख्याएं कहलाऐगीं। अर्थात् उनका महत्तमसमावर्तक एक हो। जैसे— (3, 5, 7), (5, 9)

नोट— e मी π की तरह अपरिमेय संख्या होती है e का मान 2.71828 लगभग होता है। जबिक π का मान 3.141592653 होता है। दोनों मानों के आधार पर स्पष्ट है कि e और π के मध्य प्राकृत संख्या 3 है।

भाजकता की जांच के नियम

2 का नियम — यदि किसी संख्या का ईकाई का अंक 0 या 2 से विभाजित हो तो पूरी संख्या भी 2 से विभाजित होगी।

जैसे 2150, 2468

3 का नियम — यदि किसी भी संख्या के अंको का योग तीन से विभाजित हो तो पूरी संख्या भी तीन से विभाजित होगी

जैसे- 54732

4 का नियम — यदि किसी संख्या के अन्तिम दोनों अंक या तो 0 हो या दोनों अंक चार से विभाजित हो तो पूरी संख्या भी चार से विभाजित होगी।

जैसे 35464, 47300

7 तथा 13 का नियम –

- **5 का नियम**—यदि किसी संख्या का इकाई का अंक या तो 0 हो या 5 हों तो वह संख्या 5 से विभाजित होगी। जैसे— 3450, 12375
- 6 का नियम सह अभाज्य खण्ड = (2×3) यदि कोई संख्या सह अभाज्य खण्डों से विभाजित हो तो वह संख्या उनके गुणनफल से भी विभाजित होगी अर्थात यदि किसी संख्या में 2 तथा 3 दोनों से भाग जायेगा तो उस संख्या में हमेशा 6 से भी भाग जायेगा जैसे 43560

यदि कोई संख्या 6 अंकों की हो जिसके सभी अंक समान हो अथवा वह संख्या दो या तीन समान भागों में लिखी हुई हो तो ऐसी सभी संख्याए हमेशा 7 तथा 13 दोनों से विभजित होगी, जैसे 666666, 333333, 555555, 215215, 307307, 121121, 242424, 252525, 484848 37 का नियम —

प्रथम नियम – यदि कोई संख्या तीन अंको की, छः अंको की अथावा 9 अंको की हो जिनके सभी अंक समान हों, हमेशा 37 से विभाजित होगी।

जैसे 333, 555555, 666666666

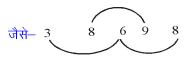
द्वितिय नियम – यदि कोई संख्या छः अंको की हो तथा वह संख्या तीन समान भागों में लिखी हुयी हो तो ऐसी सभी संख्याए हमेशा 37 से विभाजित होगी।

जैसे:- 424242, 484848, 242424, 171717

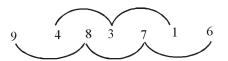
8 का नियम — यदि किसी संख्या के अन्तिम तीनों अंक या तो शून्य हो या 8 से तीनों अंक विभाजित हो तो पूरी संख्या भी 8 से विभाजित होगी।

जैसे :- 456000, 697144

- 9 का नियम यदि किसी संख्या के अंको का योग 9 से विभाजित हो तो पूरी संख्या भी 9 से विभाजित होगी। जैसे :— 45630
- 10 का नियम यदि किसी संख्या के इकाई का अंक शून्य हो तो वह संख्या 10 से विभाजित होगी। जैसे:— 46596150
- 11 का नियम यदि दी गई संख्याओं के समस्थानों के अंकों का योग विषम स्थानों के अंकों के योग के बराबर हो अथवा उनका अंतर 11 से विभाजित हो तो पूरी संख्या भी 11 से विभाजित होगी।



विषम स्थानों के अंकों का योग = 8 + 6 + 3 = 17सम स्थानों के अंकों का योग = 8 + 9 = 17



समस्थानों के अंको का योग = 1 + 3 + 4 = 8 विषम स्थानों के अंकों का योग

$$\Rightarrow$$
 6+7+8+9=30

25 का नियम — यदि किसी संख्या के अन्तिम दोनों अंक या तो शून्य हो या 25 से विभाजित हो तो पूरी संख्या भी 25 से विभाजित हो तो पूरी संख्या भी 25 से विभाजित होगी।

जैसे 13700, 13675

101 का नियम — यदि कोई संख्या चार अथवा आठ अंको की हो जिनके सभी अंक समान हो अथवा 2 या 4 समान भागों में लिखी हुई हो तो वह संख्या 101 से विभाजित होगी।

जैसे :- 4444, 5555, 2424, 3535, 23232323-

125 का नियम — यदि किसी संख्या के अंतिम तीनों अंक या तो 0 हों या 125 से विभाजित हों, तो पूरी संख्या भी 125 से विभाजित होगी।

जैसे :- 7534000, 987375

अमाज्य संख्याओं की जांच

दी गयी संख्या से ठीक बडी पूर्ण वर्ग संख्या का वर्गमूल तथा उससे छोटी सभी अभाज्य संख्याओं से भाग देकर भाजकता की जांच करतें है।

जैसे- 247 कैसी संख्या है ?

247 से ठीक बड़ी पूर्ण वर्ग संख्या 256 होती है। जिसका वर्गमूल अर्थात $\sqrt{256} = 16$ होगा। इसलिए 16 तथा 16 से छोटी सभी अभाज्य संख्याओं (2, 3, 5, 7, 11, 13 तथा 16) से 247 को भाग देकर जांच करेंगे तो पातें है

कि दी गई संख्या 13 से पूर्ण विभाजित है। अतः दी गई संख्या भाज्य संख्या होगी।

जैसे- 173 कैसी संख्या है ?

173 से ठीक बड़ी पूर्ण वर्ग संख्या = 196 जिसका वर्गमूल 14 है तो 2, 3, 5, 7, 11, 13 तथा 14 से भाग देने पर स्पष्ट है कि 173 इनमें से किसी भी संख्या` विभाजित नहीं है। अतः यह एक अभाज्य संख्या है।

इकाई के अंक की जांच

नोट- दी गई संख्याओं के सिर्फ इकाई के अंकों का आपस में गुणा करके ही इकाई के अंक की जांच कर सकते है।

जैसे— $217 \times 735 \times 913$ के गुणनफल का इकाई का अंक $7 \times 5 \times 3 = 105 = 5$ इकाई का अंक नोट—

- यदि दी गयी संख्याओं के इकाई के अंक विषम हो और उनमें से एक अंक पांच भी हो तो सभी संख्याओं को गुणा करने पर उनके इकाई का अंक भी 5 ही आयेगा।
- यदि दी गयी संख्याओं के इकाई के अंकों में एक अंक पांच हो और कोई भी दूसरा एक अंक सम हो तो गुणनफल के अन्त में इकाई का अंक शून्य आयेगा।
- किसी सम संख्या की घात कोई भी धनात्मक पूर्णांक हो तो उसको हल करने पर उसका इकाई का अंक हमेशा सम ही आयेगा।
- 4. किसी विषम संख्या की घात कोई भी धनात्मक पूर्णांक हो हो तो उसको हल करने पर उसका इकाई का अंक विषम ही आयेगा।
- 5. 0, 1, 5, 6 की कोई भी घात को हल करने पर इकाई का अंक हमेशा स्वयं 0, 1, 5, 6 ही आयेंगे।

उदा.— $(45)^{26} \times (34)^{31} \times (31)^{44}$ के गुणनफल का इकाई का अंक क्या होगा

हल
$$-(45)^{26} \times (34)^{31} \times (31)^{44}$$

$$5 \times सम \times 1 = 0$$
 (इकाई)

उदा.— $(135)^{63} \times (147)^{37} \times (123)^{80}$ के गुणनफल का इकाई का अंक क्या आएगा ?

हल−
$$(135)^{63} \times (147)^{37} \times (123)^{80}$$

- नोट— यदि किसी संख्या की घात 4 से अधिक हो तो उस बड़ी घात को 4 से भाग देकर शेष फल ज्ञात करके नई घात निकालते हैं। जैसे— $(x)^n$ कोई संख्या है जिसमें उसकी घात n है तो n को सबसे पहले 4 से भाग दिया जाएगा और फिर शेषफल ज्ञात करेंगे। यदि शेषफल 3 आयेगा तो x^3 यदि शेषफल a तो a0 हो तो a1 लेकर हल करेंगे।
- **उदा.** $(36)^{95} \times (13)^{44} \times (28)^{74}$ के गुणनफल का इकाई का अंक क्या होगा ?

उदा. $(18)^{39} - (15)^{31}$ को हल करने पर इकाई का अंक हल $8^3 - 5^3$

$$2 - 5 = 7$$
 (इकाई)

ः बडी संख्या का इकाई का अंक दो है तथा छोटी संख्या का इकाई का अंक 5 है लेकिन दो में से पांच नही घटाये जा सकते। अतः 12–5 घटाने पर इकाई का अंक 7 आयेगा।

भाजकता (Division Algorithm)

भाज्य = भाजक
$$\times$$
 भागफल $+$ शेषफल या $a = bq + r$ जहां $a =$ भाज्य, $q =$ भागफल $b =$ भाजक $r =$ शेषफल

उदा.— किसी संख्या को 121 से भाग देने पर भागफल 115 एवं शेषफल 27 प्राप्त होता है तो भाज्य (संख्या) क्या है ?

हल- चूंकि
$$a = bq + r$$

इसलिए $a = 121 \times 115 + 27$
 $13915 + 27 = 13942$

- उदा.— किसी संख्या को 72 से भाग देने पर शेषफल 35 बचता है। यदि उस संख्या को 8 से भाग दिया जाये तो बताओ शेषफल क्या बचेगा।
- नोट— पहला वाला भाजक, दूसरे वाले भाजक से विभाजित है अतः पहले वाले शेषफल को दूसरे भाजक से भाग देकर सीधा शेषफल ज्ञात कर सकते हैं।

उदा.— किसी संख्या को लगातार 7 तथा 5 से भाग देने पर शेषफल क्रमशः 3 तथा 2 बचते है। यदि उस संख्या को 35 से भाग दिया जाये तो शेषफल क्या बचेगा।

भाजक		शेष
7	а	
5	b	3
	c	2

शेषफल माना c = 1

∴
$$b = 5 \times 1 + 2 = 7$$

तथा
$$a = 7 \times 7 + 3 = 52$$

अतः उत्तर 17 होगा।

कुछ महत्वपूर्ण सूत्र

1. प्रथम n प्राकृत संख्याओं का योग = $\frac{n(n+1)}{2}$

$$1+2+3.....+n$$

2. प्रथम n प्रकृत संख्याओ के वर्गो का योग

$$= \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

$$1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + \dots + n^2$$

3. प्रथम n तक की सम अथवा विषम संख्याओं के वर्गो का योग

$$=\frac{n(n+1)(n+2)}{6}$$

4. प्रथम n प्रकृत संख्याओं के घनों का योग

$$= \left\lceil \frac{n(n+1)}{2} \right\rceil^2$$

अर्थात

$$1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3$$

- 5. किसी भी समान्तर श्रेणी जिसमें प्रथम संख्या a तथा अंतिम संख्या b (बढ़ते क्रम में) तथा उसका सार्व अन्तर d ज्ञात हो तो उसका योग = $\frac{(b+a)(b-a+d)}{2d}$
- 6. प्रथम n विषम संख्याओं का योग = n^2
- 7. प्रथम n सम संख्याओं का योग = $n^2 + n$

उदा.— 1 से 30 तक की सभी संख्याओं का योग बताओ? हल— सूत्र 1 से योग

$$= \frac{30 \times (30+1)}{2} = \frac{30 \times 31}{2} = 465$$

उदा.— 2 अंकों की सभी प्राकृत संख्याओं का योग क्या होगा ?

हल— 10 + 11 + 12 + 99 का योग ज्ञात करना है सूत्र 5 से a = 10 b = 99

योग =
$$\frac{(99+10)(99-10+1)}{2}$$
 = 4905

उदा.— प्रथम n प्राकृत संख्याओं का योग 1275 है तो बताओं n का मान क्या होगा ?

हल- चूंकि =
$$\frac{n(n+1)}{2}$$
 = 1275
 $n^2 + n = 2550$
 $n^2 + n - 2550 = 0$
 $n^2 + 51n - 50n - 2550 = 0$
 $n (n+51) - 50 (n+51) = 0$
 $(n+51) (n-50) = 0$
जब $n+51 = 0$ तो $n = -51$ जो कि संभव नहीं है।
 $n-50 = 0$ तो $n = 50$ उत्तर होगा।

Note :- ऐसे प्रश्नों को हमेशा विकल्पों द्वारा हल करना चाहिए।

पूर्ण विमाजित संख्याएं निकालने का नियम

उदा.— 1 से लेकर 100 तक की सभी संख्याओं में कितनी संख्याएं 7 से विभाजित होंगी ?

हल- 100 में 7 से भाग देने पर जो भी भागफल आयेगा उतनी ही संख्यायें 7 से विभाजित होंगी। अर्थात् 100 ÷ 7 तो भागफल 14 होगा। अतः 14 संख्यायें 7 से विभाजित होंगी।

उदा.— 100 तथा 200 के मध्य 15 से विभाजित होने वाली कितनी संख्याएं होंगी?

हल- 101 से 199 तक 15 से विभाजित संख्यायें ज्ञात करनी है।

1 से लेकर 199 तक 15 से विभाजित संख्यायें 199 ÷ 15 तो भागफल 13 होगा।

1 से लेकर 100 तक 15 से विभाजित संख्यायें 100 ÷ 15 तो भागफल 6 होगा।

अतः 100 तथा 200 के मध्य 15 से विभाजित होने वाली संख्याएं = 13 – 6 = 7 होंगी।

रोमन संख्याऐ

Ι	V	X	L	C	D	M
1	5	10	50	100	500	1000

$$IX = 10 - 1 = 9$$
 $XI = 10 + 1 = 11$

नोट 🗕

- यदि किसी बड़े रोमन अंक के बाद छोटा रोमन अंक आता है तो मान जुड़ते है।
- यदि छोटे रोमन अंक के बाद बड़ा रोमन अंक आये तो मान घटेगा।
- 3. यदि किसी रोमन अंक के ऊपर बार (——) लगा दिया जाये तो मान अपने से हजार गुणा हो जाता है। जैसे— $\overline{X}=10\times1000=10{,}000$ $\overline{V}=5\times1000=5000$

$$\overline{V}$$
 DC = 5000 + 500 + 100 = 5600

स्थानीय मान एवं जातीय मान

(Place & face Value)

नोट— स्थानीयमान— जिस स्थान पर जो अंक होता है उसको उसी से गुणा करके उसका मान ज्ञात करते हैं। जातीय मान स्वयं अंक का मान ही जातीय मान होता है।

जैसे— 5648 में 6 के स्थानीय व जातीय में अन्तर स्थानीय = 6 × 100 = 600 जातीय = 6 अन्तर = 600 - 6 = 594

उदा.—26.3748 में सभी अंको के स्थानीय मान क्या होंगे? हल :— यह संख्या 2 भागों में लिखी हुई है। जोकि 26 एवं 0.3748 है। अतः संख्या 26 में

6 का स्थानीय = $6 \times 1 = 6$,

2 का स्थानीय मान = $2 \times 10 = 20$

तथा 0.3748 में3 का स्थानीय मान = 0.3

7 का स्थानीय मान = 0.07

4 का स्थानीय मान = 0.004

8 का स्थानीय मान = 0.0008

Note:- सभी स्थानीय मानों को आपस में जोड़ने पर मूल संख्या प्राप्त हो जाती है।

समान्तर श्रेणी

(Arithmatic Progression)

n वां पद =
$$a + (n - 1) d$$

n पदों का योग = $\frac{n}{2} [2a + (n-1) d]$

$$=\frac{n}{2}$$
 (प्रथम पद + अन्तिम पद)

गुणोत्तर श्रेणी

(Geomatric Progression)

$$n$$
वां पद = ar^{n-1}

n पदों का योग =
$$\frac{a(r^n-1)}{r-1}$$
 जबकि $r > 1$

तथा
$$n$$
 पदों का योग = $\frac{a(1-r^n)}{1-r}$ जब $r < 1$

तथा अनन्त पदों का योग =
$$\frac{a}{1-r}$$

अभ्यास प्रश्न - 1

						4 x	r :	3				
1.	प्रथम अभाज	ज्य संख्या क्य	ग है ?		13.				ี 11 ปี	वे विभाजित	है तो x + y	ക
	(a) 3	(b) 6	(c) 1	(d) 2	15.	$\frac{1}{13}$ y				T 14 III OKI	Q XII X + y	471
2.	वह अभाज्य	संख्या कौनर	प्ती है जो कि	एक सम संख्या				_				
	भी है।					मान ब	ताउ	मे ।				
	(a) 2	(b) 3	(c) 5	(d) 7		(a) 5		(b) 1	5	(c) 18	(d) 10	
3.	प्रथम ९ अ	माज्य संख्य <u>ा</u> ३	मों का योग व	ग्या है?	14.	_					मान बताओ।	
	(a) 105	(b) 110	(c) 100	(d) 101							(d) 235	
4.	प्रथम ९ अभा	ाज्य संख्याओं व	का औसत क्य	ा है ?	15.						मान बताओ–	
	100	a. 99	99	110						(c) 8		
	(a) <u>9</u>	(b) $\frac{99}{100}$	(c) $\overline{110}$	(a) 99	16.					ाज्य संख्या		
5 .	1 से लेकर	100 तक अ	माज्य संख्याप	रं कितनी होती							(d) 176	
	हैं ।				17.					य संख्या है		
	(a) 20	(b) 25	(c) 30	(d) 35		./.					(d) 247	
5.	1 से लेकर	75 तक अभा	ज्य संख्याएं वि	केतनी होती है।	18.			5 × 233	के गु	णनफल क	इकाई का उ	क
	(a) 21	(b) 19	(c) 17	(d) 27		बताओ						
7.	1 से लेकर	50 तक अभार	ज्य संख्यायें वि	bतनी होती है ?						(c) 4		
	(a) 13	(b) 14	(c) 15	(d) 17	19.				$(61)^{41}$	के गुणनफ	ल का इकाई	का
3.				कतनी होती हैं ?		अंक व	त्या	होगा।				
		(b) 9								(c) 1		
) .	345 * 78,	संख्या 3 से पू	र्ण विभाजित	है तो * का मान	20.	$(35)^{63}$	× ($(37)^{37} \times ($	$(23)^{80}$	के गुणनफ	ल का इकाई	का
	क्या होगा?					अंक व	त्या	आएगा?				
	(a) 5	(b) 7	(c) 9	(d) 13		(a) 3				(c) 2		
10.				तो बताओ * का	21.				$(18)^{98}$	के गुणनफ	ल का इकाई	का
	मान क्या है					अंक व	त्या	होगा?				
	(a) 2	(b) 3	(c) 4	(d) 7		(a) 2		(b) 4		(c) 6	(d) 8	
11.				है तो बताओ *	22.	$(67)^{177}$	⁷ क	ा इकाई	का उ	ांक क्या हो	गा।	
	का मान क	-,				(a) 5		(b) 9		(c) 7	(d) 3	
	•	(b) 9	(c) 20	(d) 9	23.	$(8)^{75}$ –	- (5) ⁷¹ को ह	ल क	रने पर इक	ाई का अंक व	त्या
12.				है तो बताओ *		होगा 🤅	?					
	723 0 (Te		. Is more	, an admen		(a) 5		(b) 6		(c) 7	(d) 9	
		(b) 7	(c) 6	(d) 11	24.	$15^{78} +$	16 ⁹	ठ का इक	गई क	ा अंक बता	ओ।	
	(a) 5	(0) /	(0) 0	(u) 11 (7) —							_

- (a) -1 (b) 2 (c) 1
- 4175 + 3517 का इकाई का अंक बताओ। **25.**
 - (b) 7 (c) 8
- किसी संख्या को 112 से भाग देने पर भागफल 107 **26.** एवं शेषफल 17 प्राप्त होता है तो भाज्य (संख्या) क्या き?

(d) 0

- (a) 12000 (b) 12001 (c) 1200 (d) 12005
- किसी संख्या को 135 से भाग देने पर शेषफल 48 **27.** बचता है। यदि उस संख्या को 15 से भाग दिया जाये तो बताओ शेषफल क्या बचेगा।
 - (b) 2 (c) 3 (d) 4 (a) 1
- 28. किसी संख्या को लगातार 5 तथा 3 से भाग देने पर शेषफल क्रमशः 3 तथा 2 बचते है। यदि उस संख्या को 15 से भाग दिया जाये तो शेषफल क्या बचेगा। (a) 13 (b) 15 (c) 17 (d) 19
- **29.** यदि किसी संख्या को लगातार 3, 4, 5 से भाग दिया जाये तो शेषफल क्रमशः 1, 3, 2 बचते है। यदि उस संख्या को उल्टे क्रम से भाग दिया जाये तो शेषफल क्रमशः क्या बचेंगे।
 - (a) 4, 2, 1 (b) 2, 1, 4 (c) 1, 2, 4 (d) 1, 3, 5
- किसी संख्या को 7 तथा 9 से भाग देने पर शेषफल क्रमशः 3 तथा 5 बचते हैं। तो बताओ वह संख्या क्या है?
 - (a) 47 (b) 55
- (c) 59 (d) 65
- 1से 50 तक की सभी संख्याओं का योग बताओ? 2.
 - (a) 1275 (b) 7512 (c) 1170 (d) 7510
- 1से 10 तक की सभी संख्याओं के वर्गो का योग ? (a) 2870 (b) 7028 (c) 3570 (d) 7040
- 1 से 10 तक की सभी संख्याओं के घनों का योग 34. क्या होगा ?
 - (a) 3030 (b) 2530 (c) 3025 (d) 2550
- 35. 21 से लेकर 80 तक की सभी संख्याओं का योग क्या होगा।
 - (a) 2530 (b) 3030 (c) 5025 (d) 2530
- 25 तथा 75 के मध्य की सभी विषम संख्याओं का योग क्या होगा।
 - (a) 1500 (b) 1300 (c) 1200 (d) 400

- **37.** $2^2 + 4^2 + 6^2 + 8^2 + \dots + 20^2$ का मान क्या होगा ? (a) 1540 (b) 4015 (c) 1045
- $2^3 + 4^3 + 6^3 + 8^3 \dots 20^3$ का मान क्या होगा ? **38.** (a) 2524 (b) 20020 (c) 25400 (d) 24200
- **39.** 1 + 2 + 3 + 4 48 + 49 + 50 + 49 + 48 4 + 3 + 2 + 1 का मान क्या होगा?
 - (a) 3500 (b) 2500 (c) 3000
- $\left[1-\frac{1}{2}\right]\left[1-\frac{1}{3}\right]\left[1-\frac{1}{4}\right]\left[1-\frac{1}{5}\right]......\left[1-\frac{1}{n}\right]$ का मान क्या होगा ?
 - (a) $\frac{1}{n}$ (b) $\frac{n}{1}$ (c) $\frac{2}{n}$ (d) $\frac{n}{2}$
- $\frac{1}{1.2} + \frac{1}{2.3} + \frac{1}{3.4} + \dots \frac{1}{n(n+1)}$ का मान क्या होगा ?
 - (a) $\frac{n}{n+1}$ (b) $\frac{n+1}{n}$ (c) $\frac{n-1}{n}$ (d) $\frac{n-1}{2n}$
- $3^2 + 4^2 + 5^2 + \dots + 20^2$ का मान क्या होगा ? **42.** (a) 2865 (b) 6528 (c) 5528 (d) 6530
 - 100 तथा 200 के मध्य 13 से विभाजित होने वाली
- 43. कितनी संख्याएं है।
 - (a) 6 (b) 7 (c) 8 (d) 9
- 100 तथा 200 के मध्य 13 से विभाजित होने वाली सभी संख्याओं का योग क्या है?
 - (a) 9611 (b) 9615 (c) 1190 (d) 1196
- तीन अंकीय कुल कितनी संख्या 3 तथा 2 से विभाजित होती है।
 - (a) 130 (b) 170 (c) 150 (d) 200
- 3 से लेकर 80 तक की सभी संख्याओं में 7 से विभाजित होने वाली कितनी संख्याएं है ?
 - (c) 10 (a) 11 (b) 12 (d)9
- 50 तथा 150 के मध्य 17 से विभाजित होने वाली **47.** कितनी संख्या है।
 - (a) 3 (b) 7 (d) 6(c) 5
- 48. 600 को रोमन अंक में लिखो। (b) CD (a) DC (c) LD (d) DL

- 49. CM को गणितीय रूप में लिखो।
 - (a) 1100 (b) 900
- (c) 1200 (d) 800
- 50. 1 से 100 तक की सभी संख्याओं में कितनी शून्य आयेगी
 - (a) 13
- (b) 12
- (c) 9
- (d) 11
- 51. 101 से 300 तक की सभी संख्याओं में कितनी शून्य आयेगी।
 - (a) 40
 - (b) 50
- (c) 25
- (d) 30
- 52. 1 से 50 तक की सभी संख्या में कितने अंक आयेंगे। (b) 91 (c) 19 (d) 90
- 53. 1 से 100 तक की सभी सम संख्याओं को गुणा करने पर गुणनफल के अन्त मे कितनी शून्य आएगी। (d) 20
 - (a) 10
- (b) 11
- (c) 12
- 54. 1 से 100 तक की सभी विषम संख्याओं का आपस में गुणा करने पर गुणनफल के अन्त में कितनी शून्य
 - (a) एक भी नहीं
- (b) 9
- (c) 7
- (d) 12
- **55.** 1 × 3 × 5 99 × 64 के गुणनफल के अन्त में कितनी शून्य आएगी।
 - (a) 5
- (b) 7
- (c) 8
- (d) 6
- **56.** (47)⁷⁸, 46 से भाग देने पर शेषफल क्या बयेंगे।
- (b) 47
- (c) 1
- (d) 0

(d) 0

- **57.** (69)¹⁷⁷ में 68 से भाग देने पर शेषफल
 - (a) 68
- (b) 69
- (c) 0(d) 1
- (76)112 में 77 से भाग देने पर शेषफल **58.**
 - (a) 76
- (b) 75
- (c) 1 (d) 0
- (76)115, 77 से भाग देने पर शेषफल **59.**
 - (b) 77 (a) 76
- (c) 1
- [15]145 + 145 में 16 से भाग देने पर शेष

- (a) 0
 - (b) 15
- (c) 16
- (d) 1
- **61.** $13^7 + 12^7$ निम्नलिखित में से किस संख्या से पूर्ण विभाजित है।
 - (a) 4
- (b) 6
- (c) 5
- (d) 7
- 138 118 इसमें निम्नलिखित में से किस संख्या से **62.** भाग जाएगा
 - (a) 13
- (b) 11
- (c) 8
- (d)7
- 2456 में 5 का स्थानीय व जातीय में अन्तर
 - (a) 250
- (b) 55
- (c) 45
- (d) 0
- यदि किसी समान्तर श्रेणी का चौथा पद 14 है और 64. 12वां पद 70 है तो पहला पद क्या होगा।
 - (a) 0
- (b) -7
- (c)7
- **65.** तीन क्रमागत सम संख्याओं का योग 60 है तो बताइए प्रथम संख्या क्या है।
 - (a) 20
- (b) 22
- (c) 16
- (d) 18
- चार अंको की बड़ी से बड़ी वह संख्या बताओ जो कि 75 से पूर्व विभाजित हो।
 - (a) 9965 (b) 9825
 - (c) 9720
 - (d) 9975
- छः अंको की छोटी से छोटी संख्या बताओ जो कि 72 पूर्ण विभाजित हो।
 - (a) 99936
- (b) 1,00,008
- (c) 1,00,024
- (d) 100448
- 2, -2, 3, -3, 2, -2, 3, -3245 वां पद क्या होगा ? **68.**
 - (a) 1
- (b) 2

शेषफल 1225 बच जाये।

- (c) 4
- 9350 में से 25 को कितनी बार घटाया जाये ताकि

(d) 6

(d) 312

- (a) 365
- (b) 315
- (c) 325
- ** 4 × * * 7 का गुणनफल निम्न में से हो सकता है।
 - (a) 1010028
- (b) 991018
- (c) 9128
- (d) इनमें से कोई नहीं

हल- अभ्यास प्रश्न - 1

1. 2

2.

3. 2+3+5+7+11+13+17+19+23=100

4. औसत = $\frac{\sqrt{100}}{\sqrt{100}} = \frac{100}{9}$

5. 25

6. 21

7. 15

8. 9

चूंकि 3+4+5+7+8=27 अंकों का योग है जो कि 3 से विभाजित है अतः * के स्थान पर 0,
 3, 6, 9 में से कोई भी एक अंक आ सकता है।

10. 75 = 25 × 3 (सह—अभाज्य खण्ड) चूंकि दी गई संख्या के अंतिम दोनों अंक 25 से पूर्ण विभाजित हैं अतः * के मान पर 25 के नियम का कोई प्रभाव नहीं पडेगा। अतः * का मान सिर्फ 3 की भाजकता के आधार पर ज्ञात कर सकते हैं।

11. 7 6 3 * 5

7 + 3 + 5 = 6 + *इसलिए * = 15 - 6 = 9

12. 7 2 5 *

7+5+6=18 चूंकि * का मान 16 आता है लेकिन * के स्थान पर एक ही अंक आयेगा, अतः इसमें अंतर वाला नियम लगेगा। अर्थात् * का मान 5 ले सकते हैं। क्योंकि 2+5=7 तथा 18-7 का अंतर =11 है जो कि 11 से पूर्ण विभाजित है। इसलिए * का मान 5 होगा।

13. 3+7 = y+1

10 = y + 1 $\therefore y = 9$

 $\therefore \quad \mathbf{x} + \mathbf{8} = \mathbf{y}$

x + 8 = 9 ; x = 1

x + y = 1 + 9 = 10

14. $[7 * 5] = [7 + 2]^3 (5 - 2)^2$

 $= 729 \times 9 = 6561$

15 विकल्प से * का मान 8 होगा।

16. 163

17. 247

18. $417 \times 165 \times 233$ के गुणनफल का इकाई का अंक $7 \times 5 \times 3 = 105 = 5$ इकाई का अंक

19. $(25)^{6.7} \times (14)^{3.5} \times (61)^{41}$

 $5 \times$ सम $\times 1 = (इकाई का अंक शून्य)$

20. $(35)^{63} \times (37)^{37} \times (23)^{80}$

5 × विषम × विषम = 5 (इकाई)

21. $6 \times (3)^4 \times (8)^2$

 $6 \times 81 \times 64$

 $6 \times 1 \times 4 = 4$ (इकाई)

22. $(7)^{177} = 7^1 = 7$ Ans.

23. $8^3 - 5^3$

2 - 5 = 7

ः बडी संख्या का इकाई का अंक दो है तथा छोटी संख्या का इकाई का अंक 5 है। दो में से पांच नही घटाये जा सकते। अतः 12–5 घटाकर इकाई का अंक 7 प्राप्त करेंगे।

24. 5+6 = 1 (इकाई का अंक)

25. 1 + 5 = 6 इकाई

26. चूंकि a = bq + r इसलिए $a = 112 \times 107 + 17$ 11984 + 17 = 12001

27. भाजक 135 शेष 48

नोट— पहला वाला भाजक, दूसरे वाले भाजक से विभाजित है अतः पहले वाले शेषफल को दूसरे भाजक से भाग देकर सीधा शेषफल ज्ञात कर सकते हैं।

शेषफल माना
$$c = 1$$

 $\therefore b = 3 \times 1 + 2 = 5$
तथा $a = 5 \times 5 + 3 = 28$

अतः उत्तर 13 होगा।

$$c = 5 \times 1 + 2 = 7$$

 $b = 4 \times 7 + 3 = 31$
 $a = 3 \times 31 + 1 = 94$

32. योग =
$$\frac{50 \times (50 + 1)}{2}$$
 $\Rightarrow \frac{50 \times 51}{2} = 1275$

33.
$$n = 20$$

योग =
$$\frac{20(20+1)(2\times20+1)}{6}$$
$$\Rightarrow \frac{20\times21\times41}{6} = 2870$$

34.
$$1^3 + 2^3 + \dots 10^3$$
योग =
$$\left[\frac{10(10+1)}{2}\right]^2 = \left[\frac{10 \times 11}{2}\right]^2 = 3025$$

35. चूंकि
$$a = 21$$
तथा $b = 80$

$$योग = \frac{(80+21)(80-21+1)}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{101 \times 60}{2} = 3030$$

36.
$$a = 27$$
 $b = 73$

$$2117 = \frac{(73+27)(73-27+2)}{4}$$

$$\Rightarrow \frac{100 \times 48}{4} = 1200$$

2.
$$2^{2} [1^{2} + 2^{2} + 3^{2} + 4^{2} + \dots 10^{2}]$$

योग = $2^{2} \left[\frac{10(10+1)(2\times10+1)}{6} \right]$
 $\Rightarrow \frac{4\times10\times11\times21}{6} = 1540$

$$2^{3} \left[1^{3} + 2^{3} + 3^{3} + 4^{3} \dots 10^{3}\right]$$

योग = $2^{3} \left[\left(\frac{10(10+1)}{2}\right) \right]^{2}$
 $\Rightarrow 8 \times \left(\frac{10 \times 11}{2}\right)^{2} = 8 \times 3025 = 24200$

40.
$$\frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{4}{5} \times \dots \frac{(n-1)}{n} = \frac{1}{n}$$

(11)

38.

41
$$\frac{1}{1.2} + \frac{1}{2.3} + \frac{1}{3.4} + \dots \frac{1}{n(n+1)}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} + \frac{1}{6} + \frac{1}{12} + \dots \frac{1}{n(n+1)}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{1} - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \dots \frac{1}{n} - \frac{1}{(n+1)}$$

$$\Rightarrow 1 - \frac{1}{(n+1)}$$

$$\Rightarrow \frac{(n+1)-1}{n+1} = \frac{n}{n+1} \text{ या 1 } + \frac{1}{4} \text{ कम}$$

42. 1 से 20 तक सभी संख्याओं के वर्गों का योग -1 से लेकर 2 तक की संख्याओं के वर्गों का योग (1^2+2^2)

$$\frac{20(20+1)(2\times20+1)}{6} - \frac{2(2+1)(2\times2+1)}{6}$$

$$70\times41-5$$

2870 - 5 = 2865

43. 101 से 199 तक 13 से विभाजित होने वाली संख्यायें ज्ञात करनी है।

199 ÷ 13 तो भागफल = 15

100 ÷ 13 तो भागफल = 7

अतः 100 तथा 200 के मध्य 13 से विभाजित संख्यायें 15 –7 = 8 होंगी।

44. 13 से विभाजित प्रथम संख्या = 10413 से विभाजित अंतिम संख्या = 195कुल विभाजित संख्यायें = 8

अतः योग
$$= \frac{8}{2} \times [104 + 195]$$
$$= 4 \times 299 = 1196$$

45. नोट- यदि एक से अधिक संख्या दी हुई हों एवं उनके बीच में 'तथा' या 'एवं' हो तो उनका L.C.M. लेकर एक ही संख्या बना लेते है। अर्थात 3 तथा 2 का L.C.M. 6 होगा। अतः 6 से विभाजित होने वाली संख्याओं को निकाला जायेगा। चूंकि 3 अंकीय संख्याएं 100 से 999 तक होती है

अतः 100 से 999 तक 6 से विभाजित होने वाली संख्या निकाली जायेगी। 999 ÷ 6 तो भागफल = 166 99 ÷ 6 तो भागफल = 16 अतः 6 से विभाजित होने वाली कुल संख्यायें 166 – 16 = 150

46. 11

47. 149 ÷ 17 तो भागफल = 8 50 ÷ 17 तो भागफल = 2 अतः 17 से विभाजित कुल संख्यायें = 8 – 2 = 6

48. DC

49. CM = 1000 - 100 = 900

50. 11 ਬ੍ਰਾਵਧ [10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90, 100]

51. 101 से 200 तक शून्य = 20 201 से 300 तक शून्य = 20 अतः 101 से 300 तक शून्य = 40

52. 1 से 9 तक of सभी संख्यओं में कुल अंक = 9 $10 \text{ से }50 \text{ तक }41 \text{ संख्याऐं है और प्रत्येक संख्या में 2 अंक है } <math>\therefore$ age age

55. 6 शून्य आएगी क्योंकि 64 में 2 के गुणनखण्ड 6 हैं तथा इस प्रश्न में 5 के गुणनखण्ड 12 हैं।

56. 47 ÷ 46 तो शेषफल = 1

अतः (1)⁷⁸ = 1

57. 69 ÷ 68 तो शेषफल = 1 अतः (1)¹⁷⁷ = 1

58. 76 ÷ 77 तो शेषफल = − 1 अतः (−1)¹¹² = 1

5 9.	$76 \div 77$ तो शेषफल = -1
	$(-1)^{115} = -1$
	अतः शेषफल = 77 – 1 = 76

- **60.** $(-1)^{145} + 1$ -1 + 1 = 0 शेषफल बचेगा।
- नोट $-[x^n \pm y^n]$ में हमेशा $x \pm y$ से पूरा-पूरा भाग जायेगा अर्थात शेषफल शून्य बचेगा यदि n का मान विषम हो।
- 61. x + y = 13 + 12 = 25 से विभाजित होगा। लेकिन विकल्प में 25 नहीं है अतः 25 से विभाजित होने वाली संख्या 5 से भी विभाजित होगी। अतः इस प्रश्न का उत्तर 5 होगा।
- नोट $-x^n-y^n$ में हमेशा (x+y), (x-y), (x+y)(x-y) सभी से पूरा पूरा भाग जायेगा यदि n का मान सम हो।
- 62. 138 118 इसमें 13+11 = 24 से भाग जायेगा
 13 11 = 2 से भाग जायेगा
 (13 + 11) (13-11) = 48 से भाग जायेगा
 लेकिन विकल्प के अनुसार दी गई संख्या 8 से विभाजित होगी।
- 63. स्थानीय = $5 \times 10 = 50$ जातीय = 5अन्तर = 50 - 5 = 45
- 64. a + 3d = 14 a + 11d = 70-8d = -56

$$d = \frac{56}{8} = 7$$

$$a + 3d = 14$$

$$a + 21 = 14$$

 $a = 14 - 21 = -7$

पहला पद = -7 होगा।

65.
$$x + x + 2 + x + 4 = 60$$

 $3x + 6 = 60$
 $3x = 54$
 $x = 18$

प्रथम संख्या 18 होगी।

4 अंकों की बड़ी से बड़ी पूर्ण विभाजित संख्या 9999 – 24 = 9975 होगी।

नोट— बड़ी से बड़ी पूर्ण विभाजित संख्या निकालने के लिये शेषफल को हमेशा घटाया जाता है। एवं छोटी से छोटी पूर्व विभाजित संख्या निकालने के लिये भाजक तथा शेषफल का अन्तर जोड़ा जाता है।

भाजक तथा शेषफल का अन्तर = 72 - 64 = 8
पूर्ण विभाजित संख्या = 1,00,000 + 8 = 1,00,008

68. चूंकि दिये गये प्रश्न में 4 पदों तक परिवर्तन है अतः

245 में 4 से भाग देने पर जो भी शेषफल आयेगा
उसी स्थान पर आने वाली संख्या उत्तर होगी।
लेकिन 0 शेषफल आने की स्थिति में अंतिम पद
(चौथे पद) पर आने वाली संख्या उत्तर होगी।

245 ÷ 4 तो शेषफल 1 अतः पहला पद अर्थात् 2 उत्तर होगा। अतः 245वें स्थान पर भी 2 आयेगा।

- **69.** 9350 1225 = 8125 8125 ÷ 25 = 325 ਭਾਵ
- **70.** तीन अंको वाली संख्या का आपस में गुणा करने पर 5 अंको या 6 अंको की संख्या आती है।
- नोट— इसका उत्तर (b) हो सकता है क्योंकि यह संख्या 6 अंकों में है।

דדד