Tugas MPDW Pemulusan

Rakesha Putra Antique Yusuf - G1401221056

Library / Packages

```
library("forecast")
## Warning: package 'forecast' was built under R version 4.3.3
## Registered S3 method overwritten by 'quantmod':
##
    method
##
     as.zoo.data.frame zoo
library("graphics")
library("TTR")
## Warning: package 'TTR' was built under R version 4.3.3
library("TSA")
## Warning: package 'TSA' was built under R version 4.3.3
## Registered S3 methods overwritten by 'TSA':
##
     method
##
     fitted.Arima forecast
    plot.Arima forecast
## Attaching package: 'TSA'
## The following objects are masked from 'package:stats':
##
##
       acf, arima
## The following object is masked from 'package:utils':
##
##
       tar
```

Impor Data

```
data1 <- readxl::read_xlsx("C:/Users/RAKESHA/Downloads/DATA CURAH HUJAN (MPDW).xlsx")
data1</pre>
```

```
## # A tibble: 121 x 2
      Tanggal 'Akumulasi Hujan'
##
        <dbl>
##
                         <dbl>
                        0.102
##
  1
           1
           2
## 2
                        0.41
## 3
           3
                        0.45
## 4
           4
                        0.02
           5
## 5
                        0.31
## 6
           6
                        0.179
           7
## 7
                        0.290
## 8
           8
                        0.0544
## 9
           9
                        0.061
## 10
          10
                        0.0171
## # i 111 more rows
```

Eksplorasi Data

```
str(data1)

## tibble [121 x 2] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)

## $ Tanggal : num [1:121] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 ...

## $ Akumulasi Hujan: num [1:121] 0.102 0.41 0.45 0.02 0.31 ...

dim(data1)

## [1] 121 2
```

Mengubah data

```
data1.ts <- ts(data1$`Akumulasi Hujan`)
```

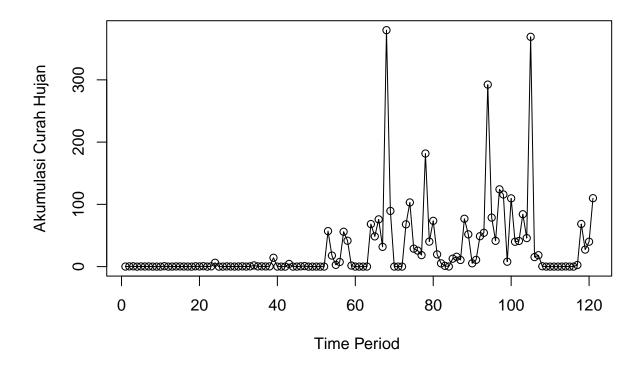
Menampilkan ringkasan data

```
summary(data1.ts)
```

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 0.0018 0.0620 0.5029 28.1145 39.9343 379.7904
```

Membuat plot data deret waktu

Time Series Plot



Single Moving Average & Double Moving Average

Pembagian Data

Pembagian data latih dan data uji dilakukan dengan perbandingan 90% data latih dan 10% data uji.

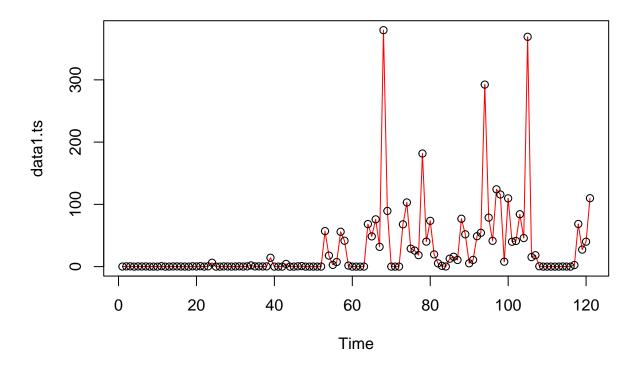
```
#membagi data latih dan data uji
training_ma <- data1[1:109,]
testing_ma <- data1[110:121,]
train_ma.ts <- ts(training_ma$`Akumulasi Hujan`)
test_ma.ts <- ts(testing_ma$`Akumulasi Hujan`)</pre>
```

Eksplorasi Data

Eksplorasi data dilakukan pada keseluruhan data, data latih serta data uji menggunakan plot data deret waktu.

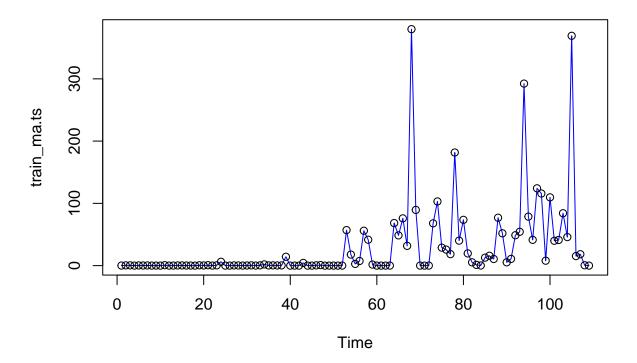
```
#eksplorasi keseluruhan data
plot(data1.ts, col="red",main="Plot semua data")
points(data1.ts)
```

Plot semua data



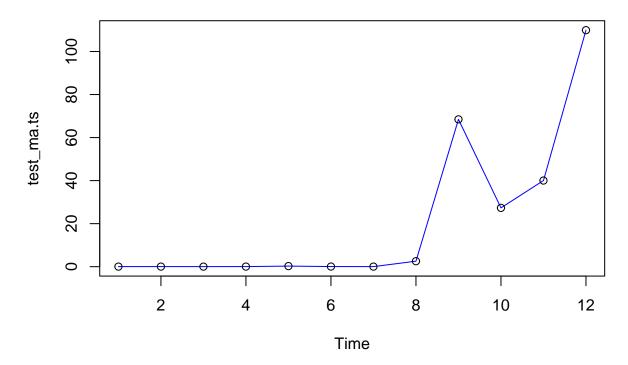
```
#eksplorasi data latih
plot(train_ma.ts, col="blue",main="Plot data latih")
points(train_ma.ts)
```

Plot data latih



```
#eksplorasi data uji
plot(test_ma.ts, col="blue",main="Plot data uji")
points(test_ma.ts)
```

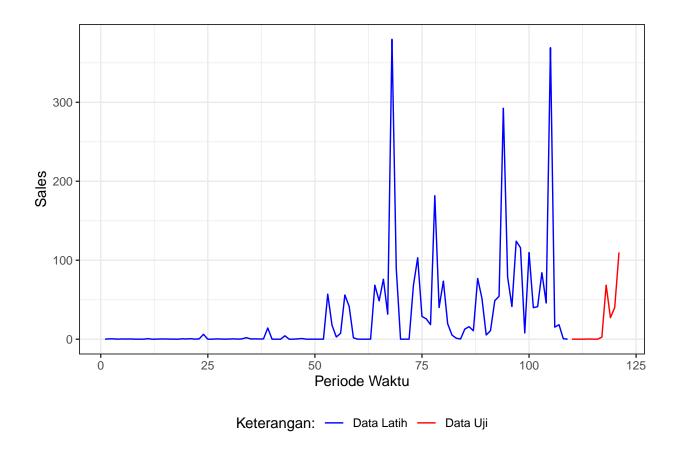
Plot data uji



Eksplorasi data juga dapat dilakukan menggunakan package ggplot2 dengan terlebih dahulu memanggil library package ggplot2.

```
#Eksplorasi dengan GGPLOT
library(ggplot2)
```

Warning: package 'ggplot2' was built under R version 4.3.3



Single Moving Average (SMA)

Ide dasar dari Single Moving Average (SMA) adalah data suatu periode dipengaruhi oleh data periode sebelumnya. Metode pemulusan ini cocok digunakan untuk pola data stasioner atau konstan. Prinsip dasar metode pemulusan ini adalah data pemulusan pada periode ke-t merupakan rata rata dari m buah data pada periode ke-t hingga periode ke (t-m+1). Data pemulusan pada periode ke-t selanjutnya digunakan sebagai nilai peramalan pada periode ke t+1

Pemulusan menggunakan metode SMA dilakukan dengan fungsi SMA(). Dalam hal ini akan dilakukan pemulusan dengan parameter m=1.

```
data.sma<-SMA(train_ma.ts, n=1)
data.sma
## Time Series:
## Start = 1
## End = 109
##
   Frequency = 1
##
     [1]
            0.1019
                      0.4100
                                0.4500
                                          0.0200
                                                    0.3100
                                                              0.1790
                                                                        0.2901
                                                                                  0.0544
##
     [9]
            0.0610
                      0.0171
                                0.6863
                                          0.0210
                                                    0.0831
                                                              0.3000
                                                                        0.3000
                                                                                  0.1642
##
    [17]
            0.1190
                      0.0018
                                0.5029
                                          0.2604
                                                    0.6587
                                                              0.0430
                                                                        0.4627
                                                                                  6.2075
##
    [25]
            0.0210
                      0.0430
                                          0.2300
                                                    0.0786
                                                              0.2120
                                                                        0.4300
                                                                                  0.1100
                                0.3448
##
    [33]
            0.4265
                      1.9465
                                0.3400
                                          0.4120
                                                    0.2410
                                                              0.3677
                                                                       14.2121
                                                                                  0.0310
                                          0.0065
                                                    0.0130
##
    [41]
            0.0122
                      0.0021
                                4.3156
                                                              0.4534
                                                                        0.8348
                                                                                  0.0021
    [49]
            0.0302
                      0.0620
                                0.0180
                                          0.0785
                                                  57.0441
                                                                        2.7758
                                                                                 7.4453
##
                                                             17.7483
```

```
##
    [57]
          55.9917
                    41.5794
                               1.7026
                                         0.0060
                                                   0.0330
                                                             0.0260
                                                                      0.0730
                                                                               68.3487
                                                             0.0510
##
    [65]
          48.5761
                    75.9108
                              31.7568 379.7904
                                                 89.4546
                                                                      0.0210
                                                                                0.0555
                                                                               73.5338
##
    [73]
          67.9166 103.0704
                              28.8643
                                        25.7484
                                                  18.4597 181.6665
                                                                     40.1587
    [81]
          19.6265
                                         0.1907
                                                                     10.6741
##
                     5.2749
                               1.2463
                                                  12.7869
                                                           15.8216
                                                                               76.8945
##
    [89]
          51.8810
                     5.3328
                              10.8060
                                        48.8230
                                                  54.3312 292.3764
                                                                     78.7232
                                                                               41.4251
                                                  39.9343
                                                           41.1686
                                                                     84.1471
                                                                               45.8479
##
    [97] 124.1762 115.8449
                               7.9111 109.6561
  [105] 369.1453
                                                   0.0220
                    15.2997
                              18.3233
                                         0.5688
```

Data pemulusan pada periode ke-t selanjutnya digunakan sebagai nilai peramalan pada periode ke t+1 sehingga hasil peramalan 1 periode kedepan adalah sebagai berikut.

```
data.ramal<-c(NA,data.sma)</pre>
data.ramal #forecast 1 periode ke depan
##
     [1]
                      0.1019
                                0.4100
                                         0.4500
                                                   0.0200
                                                             0.3100
                                                                       0.1790
                                                                                 0.2901
                NA
##
     [9]
            0.0544
                      0.0610
                                0.0171
                                          0.6863
                                                   0.0210
                                                             0.0831
                                                                       0.3000
                                                                                 0.3000
                      0.1190
                                                   0.2604
                                                             0.6587
                                                                       0.0430
##
    [17]
            0.1642
                               0.0018
                                         0.5029
                                                                                 0.4627
##
    [25]
            6.2075
                      0.0210
                               0.0430
                                         0.3448
                                                   0.2300
                                                             0.0786
                                                                       0.2120
                                                                                 0.4300
##
    [33]
            0.1100
                      0.4265
                                1.9465
                                         0.3400
                                                   0.4120
                                                             0.2410
                                                                       0.3677
                                                                                14.2121
##
    [41]
            0.0310
                      0.0122
                               0.0021
                                         4.3156
                                                   0.0065
                                                             0.0130
                                                                       0.4534
                                                                                 0.8348
    [49]
                                                            57.0441
                                                                      17.7483
##
            0.0021
                      0.0302
                                0.0620
                                         0.0180
                                                   0.0785
                                                                                 2.7758
##
    [57]
            7.4453
                    55.9917
                              41.5794
                                         1.7026
                                                   0.0060
                                                             0.0330
                                                                       0.0260
                                                                                 0.0730
##
    [65]
           68.3487
                     48.5761
                              75.9108
                                        31.7568 379.7904
                                                            89.4546
                                                                       0.0510
                                                                                 0.0210
##
    [73]
            0.0555
                     67.9166 103.0704
                                        28.8643
                                                  25.7484
                                                            18.4597 181.6665
                                                                                40.1587
##
    [81]
           73.5338
                     19.6265
                                5.2749
                                          1.2463
                                                   0.1907
                                                            12.7869
                                                                      15.8216
                                                                                10.6741
           76.8945
##
    [89]
                    51.8810
                                5.3328
                                        10.8060
                                                  48.8230
                                                            54.3312 292.3764
                                                                                78.7232
    [97]
                                                            39.9343
                                                                      41.1686
##
           41.4251 124.1762 115.8449
                                         7.9111 109.6561
                                                                                84.1471
  [105]
           45.8479 369.1453
                              15.2997
                                        18.3233
                                                   0.5688
                                                             0.0220
```

Selanjutnya akan dilakukan peramalan sejumlah data uji yaitu 24 periode. Pada metode SMA, hasil peramalan 24 periode ke depan akan bernilai sama dengan hasil peramalan 1 periode kedepan. Dalam hal ini akan dilakukan pengguabungan data aktual train, data hasil pemulusan dan data hasil ramalan 24 periode kedepan.

```
data.gab<-cbind(aktual=c(train_ma.ts,rep(NA,24)),pemulusan=c(data.sma,rep(NA,24)),ramalan=c(data.ramal,data.gab
```

```
##
             aktual pemulusan
                                  ramalan
##
     [1,]
             0.1019
                         0.1019
                                       NA
##
     [2,]
             0.4100
                         0.4100
                                   0.1019
##
     [3,]
             0.4500
                         0.4500
                                   0.4100
##
     [4,]
             0.0200
                         0.0200
                                   0.4500
      [5,]
                                   0.0200
##
             0.3100
                         0.3100
##
      [6,]
             0.1790
                         0.1790
                                   0.3100
##
      [7,]
             0.2901
                         0.2901
                                   0.1790
##
     [8,]
             0.0544
                         0.0544
                                   0.2901
##
     [9,]
             0.0610
                         0.0610
                                   0.0544
##
    [10,]
                         0.0171
                                   0.0610
             0.0171
##
    [11,]
             0.6863
                         0.6863
                                   0.0171
##
    [12,]
             0.0210
                         0.0210
                                   0.6863
##
    [13,]
             0.0831
                         0.0831
                                   0.0210
##
    [14,]
             0.3000
                         0.3000
                                   0.0831
```

```
[15,]
             0.3000
##
                         0.3000
                                   0.3000
##
    [16,]
             0.1642
                                   0.3000
                        0.1642
##
    [17,]
             0.1190
                         0.1190
                                   0.1642
    [18,]
             0.0018
                         0.0018
                                   0.1190
##
##
    [19,]
             0.5029
                         0.5029
                                   0.0018
##
    [20,]
             0.2604
                         0.2604
                                   0.5029
    [21,]
             0.6587
                         0.6587
                                   0.2604
##
    [22,]
##
             0.0430
                        0.0430
                                   0.6587
##
    [23,]
             0.4627
                         0.4627
                                   0.0430
##
    [24,]
             6.2075
                         6.2075
                                   0.4627
##
    [25,]
             0.0210
                         0.0210
                                   6.2075
##
    [26,]
             0.0430
                         0.0430
                                   0.0210
##
    [27,]
             0.3448
                         0.3448
                                   0.0430
##
    [28,]
             0.2300
                         0.2300
                                   0.3448
##
    [29,]
             0.0786
                         0.0786
                                   0.2300
##
    [30,]
             0.2120
                         0.2120
                                   0.0786
##
    [31,]
             0.4300
                        0.4300
                                   0.2120
##
    [32,]
             0.1100
                         0.1100
                                   0.4300
    [33,]
             0.4265
                         0.4265
                                   0.1100
##
##
    [34,]
             1.9465
                         1.9465
                                   0.4265
##
    [35,]
             0.3400
                         0.3400
                                   1.9465
##
    [36,]
             0.4120
                         0.4120
                                   0.3400
    [37,]
##
             0.2410
                        0.2410
                                   0.4120
    [38,]
             0.3677
                        0.3677
                                   0.2410
##
##
    [39,]
            14.2121
                       14.2121
                                   0.3677
##
    [40,]
             0.0310
                        0.0310
                                  14.2121
##
    [41,]
             0.0122
                        0.0122
                                   0.0310
    [42,]
             0.0021
                        0.0021
                                   0.0122
##
##
    [43,]
             4.3156
                         4.3156
                                   0.0021
                         0.0065
##
    [44,]
             0.0065
                                   4.3156
##
    [45,]
             0.0130
                        0.0130
                                   0.0065
##
    [46,]
             0.4534
                        0.4534
                                   0.0130
##
    [47,]
             0.8348
                         0.8348
                                   0.4534
    [48,]
             0.0021
                         0.0021
                                   0.8348
##
##
    [49,]
             0.0302
                         0.0302
                                   0.0021
##
    [50,]
             0.0620
                         0.0620
                                   0.0302
##
    [51,]
             0.0180
                         0.0180
                                   0.0620
##
    [52,]
             0.0785
                         0.0785
                                   0.0180
##
    [53,]
            57.0441
                       57.0441
                                   0.0785
##
            17.7483
                       17.7483
                                  57.0441
    [54,]
    [55,]
             2.7758
                        2.7758
                                  17.7483
##
##
    [56,]
             7.4453
                        7.4453
                                   2.7758
                       55.9917
                                   7.4453
##
    [57,]
            55.9917
##
    [58,]
            41.5794
                       41.5794
                                  55.9917
    [59,]
             1.7026
                         1.7026
                                  41.5794
##
    [60,]
##
             0.0060
                        0.0060
                                   1.7026
##
    [61,]
             0.0330
                        0.0330
                                   0.0060
##
             0.0260
                                   0.0330
    [62,]
                        0.0260
##
    [63,]
             0.0730
                         0.0730
                                   0.0260
##
    [64,]
            68.3487
                       68.3487
                                   0.0730
##
    [65,]
                       48.5761
                                  68.3487
            48.5761
##
    [66,]
            75.9108
                       75.9108
                                  48.5761
##
    [67,]
            31.7568
                       31.7568
                                  75.9108
##
    [68,] 379.7904
                      379.7904
                                 31.7568
```

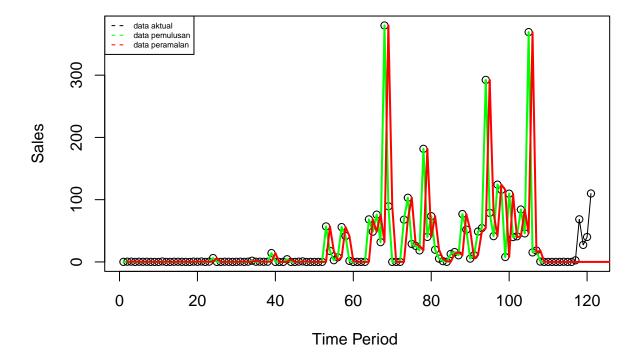
```
[69,]
           89.4546
                       89.4546 379.7904
##
    [70,]
             0.0510
                       0.0510 89.4546
    [71,]
             0.0210
                       0.0210
                                 0.0510
    [72,]
                       0.0555
                                 0.0210
##
             0.0555
##
    [73,]
           67.9166
                       67.9166
                                 0.0555
##
    [74,] 103.0704
                     103.0704
                                67.9166
##
    [75,]
           28.8643
                       28.8643 103.0704
           25.7484
    [76,]
##
                       25.7484
                                28.8643
    [77,]
##
           18.4597
                       18.4597
                                25.7484
##
    [78,] 181.6665
                      181.6665
                                18.4597
    [79,]
           40.1587
                       40.1587 181.6665
##
    [80,]
           73.5338
                       73.5338
                                40.1587
##
    [81,]
           19.6265
                       19.6265
                                73.5338
##
    [82,]
                       5.2749
                                19.6265
             5.2749
##
    [83,]
             1.2463
                        1.2463
                                 5.2749
##
    [84,]
             0.1907
                       0.1907
                                 1.2463
##
    [85,]
           12.7869
                       12.7869
                                 0.1907
##
    [86,]
           15.8216
                       15.8216
                                12.7869
    [87,]
           10.6741
                       10.6741
                                15.8216
##
##
    [88,]
           76.8945
                       76.8945
                                10.6741
##
    [89,]
           51.8810
                      51.8810
                                76.8945
##
    [90,]
             5.3328
                       5.3328
                                51.8810
##
    [91,]
           10.8060
                       10.8060
                                 5.3328
    [92,]
           48.8230
                       48.8230
                                10.8060
##
                       54.3312
##
    [93,]
           54.3312
                                48.8230
    [94,] 292.3764
                     292.3764
                                54.3312
##
    [95,]
           78.7232
                      78.7232 292.3764
    [96,]
           41.4251
                      41.4251 78.7232
##
##
    [97,] 124.1762
                     124.1762 41.4251
##
    [98,] 115.8449
                     115.8449 124.1762
##
    [99,]
             7.9111
                        7.9111 115.8449
##
   [100,] 109.6561
                     109.6561
                                 7.9111
   [101,]
           39.9343
                       39.9343 109.6561
  [102,]
           41.1686
                       41.1686
                                39.9343
## [103,]
           84.1471
                       84.1471
                                41.1686
## [104,]
           45.8479
                       45.8479
                                84.1471
## [105,] 369.1453
                     369.1453
                                45.8479
## [106,]
           15.2997
                       15.2997 369.1453
## [107,]
           18.3233
                       18.3233
                                15.2997
## [108,]
             0.5688
                       0.5688
                                18.3233
## [109,]
             0.0220
                        0.0220
                                 0.5688
## [110,]
                 NA
                            NA
                                 0.0220
## [111,]
                                 0.0220
                 NA
                            NA
                                 0.0220
## [112,]
                 NA
                            NA
## [113,]
                                 0.0220
                 NA
                            NA
## [114,]
                 NA
                            NA
                                 0.0220
                                 0.0220
## [115,]
                 NA
                            NA
## [116,]
                 NA
                            NA
                                 0.0220
                            NA
## [117,]
                 NA
                                 0.0220
                                 0.0220
## [118,]
                 NA
                            NA
## [119,]
                            NA
                                 0.0220
                 NA
                                 0.0220
## [120,]
                 NA
                            NA
## [121,]
                 NA
                            NA
                                  0.0220
## [122,]
                 NA
                            NA
                                  0.0220
```

```
## [123,]
                  NA
                             NA
                                   0.0220
## [124,]
                  NA
                             NA
                                   0.0220
## [125,]
                  NA
                             NA
                                   0.0220
## [126,]
                                   0.0220
                  NA
                             NA
## [127,]
                  NA
                             NA
                                   0.0220
## [128,]
                  NA
                                   0.0220
                             NA
## [129,]
                                   0.0220
                  NA
                             NA
## [130,]
                  NA
                             NA
                                   0.0220
## [131,]
                  NA
                             NA
                                   0.0220
                  NA
                             NA
## [132,]
                                   0.0220
## [133,]
                  NA
                             NA
                                   0.0220
```

Adapun plot data deret waktu dari hasil peramalan yang dilakukan adalah sebagai berikut.

```
ts.plot(data1.ts, xlab="Time Period ", ylab="Sales", main= "SMA N=4 Data Sales")
points(data1.ts)
lines(data.gab[,2],col="green",lwd=2)
lines(data.gab[,3],col="red",lwd=2)
legend("topleft",c("data aktual","data pemulusan","data peramalan"), lty=8, col=c("black","green","red")
```

SMA N=4 Data Sales



Selanjutnya perhitungan akurasi dilakukan dengan ukuran akurasi Sum Squares Error (SSE), Mean Square Error (MSE) dan Mean Absolute Percentage Error (MAPE). Perhitungan akurasi dilakukan baik pada data latih maupun pada data uji.

```
#Menghitung nilai keakuratan data latih
error_train.sma = train_ma.ts-data.ramal[1:length(train_ma.ts)]
SSE_train.sma = sum(error_train.sma[5:length(train_ma.ts)]^2)
MSE_train.sma = mean(error_train.sma[5:length(train_ma.ts)]^2)
MAPE_train.sma = mean(abs((error_train.sma[5:length(train_ma.ts)])/train_ma.ts[5:length(train_ma.ts)])*1
akurasi_train.sma <- matrix(c(SSE_train.sma, MSE_train.sma, MAPE_train.sma))
row.names(akurasi_train.sma) <- c("SSE", "MSE", "MAPE")
colnames(akurasi_train.sma) <- c("Akurasi m = 1")
akurasi_train.sma</pre>
## Akurasi m = 1
## SSE 672911.461
```

Dalam hal ini nilai MAPE data latih pada metode pemulusan SMA kurang dari 2%, nilai ini dapat dikategorikan sebagai nilai akurasi yang sangat baik. Selanjutnya dilakukan perhitungan nilai MAPE data uji pada metde pemulusan SMA.

```
#Menghitung nilai keakuratan data uji
error_test.sma = test_ma.ts-data.gab[110:121,3]
SSE_test.sma = sum(error_test.sma^2)
MSE_test.sma = mean(error_test.sma^2)
MAPE_test.sma = mean(abs((error_test.sma/test_ma.ts*100)))
akurasi_test.sma <- matrix(c(SSE_test.sma, MSE_test.sma, MAPE_test.sma))
row.names(akurasi_test.sma) <- c("SSE", "MSE", "MAPE")
colnames(akurasi_test.sma) <- c("Akurasi m = 1")
akurasi_test.sma</pre>
```

```
## Akurasi m = 1
## SSE 19116.21341
## MSE 1593.01778
## MAPE 69.07574
```

MSE

MAPE

6408.681

3990.899

Perhitungan akurasi menggunakan data latih menghasilkan nilai MAPE yang kurang dari 10% sehingga nilai akurasi ini dapat dikategorikan sebagai sangat baik.

Double Moving Average (DMA)

Metode pemulusan Double Moving Average (DMA) pada dasarnya mirip dengan SMA. Namun demikian, metode ini lebih cocok digunakan untuk pola data trend. Proses pemulusan dengan rata rata dalam metode ini dilakukan sebanyak 2 kali.

```
dma <- SMA(data.sma, n = 1)
At <- 2*data.sma - dma
Bt <- 2/(4-1)*(data.sma - dma)
data.dma<- At+Bt
data.ramal2<- c(NA, data.dma)</pre>
```

```
t = 1:24
f = c()
for (i in t) {
  f[i] = At[length(At)] + Bt[length(Bt)]*(i)
}
data.gab2 <- cbind(aktual = c(train_ma.ts,rep(NA,24)), pemulusan1 = c(data.sma,rep(NA,24)),pemulusan2 =
data.gab2
##
            aktual pemulusan1 pemulusan2
                                                                     ramalan
                                                  Αt
##
            0.1019
                                    0.1019
                                             0.1019
                                                      0.000000e+00
     [1,]
                        0.1019
                                                                          NA
            0.4100
                                             0.4100
##
     [2,]
                        0.4100
                                    0.4100
                                                      0.000000e+00
                                                                      0.1019
##
     [3,]
            0.4500
                                    0.4500
                                             0.4500
                        0.4500
                                                      3.700743e-17
                                                                      0.4100
##
     [4,]
            0.0200
                        0.0200
                                    0.0200
                                             0.0200
                                                      3.700743e-17
                                                                      0.4500
##
     [5,]
            0.3100
                        0.3100
                                    0.3100
                                             0.3100
                                                      3.700743e-17
                                                                      0.0200
##
     [6,]
            0.1790
                        0.1790
                                    0.1790
                                             0.1790
                                                      3.700743e-17
                                                                      0.3100
##
     [7,]
                                    0.2901
                                             0.2901
            0.2901
                        0.2901
                                                      3.700743e-17
                                                                      0.1790
##
     [8,]
            0.0544
                        0.0544
                                    0.0544
                                             0.0544
                                                      3.700743e-17
                                                                      0.2901
```

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

##

[9,]

[10,]

[11,]

[12,]

[13,]

[14,]

[15,]

[16,]

[17,]

[18,]

[19,]

[20,]

[21,]

[22,]

[23,]

[24,]

[25,]

[26,]

[27,]

[28,]

[29,]

[30,]

[31,]

[32,]

[33,]

[34,]

[35,]

[36,]

[37,]

[38,]

[39,]

[40,]

[41,]

[42,]

0.0610

0.0171

0.6863

0.0210

0.0831

0.3000

0.3000

0.1642

0.1190

0.0018

0.5029

0.2604

0.6587

0.0430

0.4627

6.2075

0.0210

0.0430

0.3448

0.2300

0.0786

0.2120

0.4300

0.1100

0.4265

1.9465

0.3400

0.4120

0.2410

0.3677

0.0310

0.0122

0.0021

14.2121

0.0610

0.0171

0.6863

0.0210

0.0831

0.3000

0.3000

0.1642

0.1190

0.0018

0.5029

0.2604

0.6587

0.0430

0.4627

6.2075

0.0210

0.0430

0.3448

0.2300

0.0786

0.2120

0.4300

0.1100

0.4265

1.9465

0.3400

0.4120

0.2410

0.3677

14.2121

0.0310

0.0122

0.0021

0.0610

0.0171

0.6863

0.0210

0.0831

0.3000

0.3000

0.1642

0.1190

0.0018

0.5029

0.2604

0.6587

0.0430

0.4627

6.2075

0.0210

0.0430

0.3448

0.2300

0.0786

0.2120

0.4300

0.1100

0.4265

1.9465

0.3400

0.4120

0.2410

0.3677

14.2121

0.0310

0.0122

0.0021

0.0610

0.0171

0.6863

0.0210

0.0831

0.3000

0.3000

0.1642

0.1190

0.0018

0.5029

0.2604

0.6587

0.0430

0.4627

0.0210

0.0430

0.3448

0.2300

0.2120

0.4300

0.1100

0.4265

1.9465

0.3400

0.4120

0.2410

0.3677

14.2121

0.0310

0.0122

4.163336e-17

4.163336e-17

7.401487e-17

3.700743e-17

0.000000e+00

0.000000e+00

3.700743e-17

3.700743e-17

5.551115e-17

7.401487e-17

3.700743e-17

3.700743e-17

0.000000e+00

0.000000e+00

3.700743e-17

0.000000e+00

3.700743e-17

0.000000e+00

0.000000e+00

0.000000e+00

0.0021 0.000000e+00

6.2075 0.000000e+00

0.0786 5.551115e-17

0.0544

0.0610

0.0171

0.6863

0.0210

0.0831

0.3000

0.3000

0.1642

0.1190

0.0018

0.5029

0.2604

0.6587

0.0430

0.4627

6.2075

0.0210

0.0430

0.3448

0.2300

0.0786

0.2120

0.4300

0.1100

0.4265

1.9465

0.3400

0.4120

0.2410

0.3677

0.0310

0.0122

14.2121

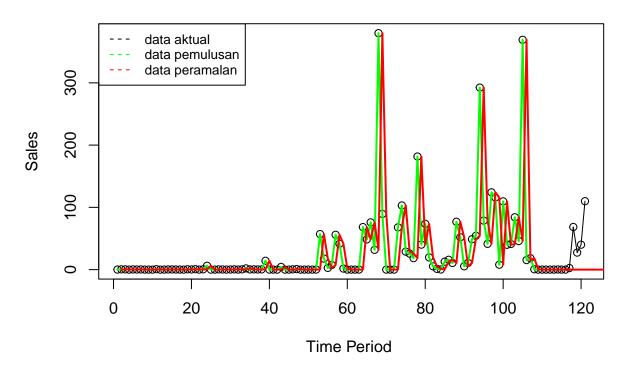
```
[43,]
             4.3156
                         4.3156
                                     4.3156
                                              4.3156
                                                       0.000000e+00
                                                                       0.0021
##
##
    [44,]
             0.0065
                         0.0065
                                     0.0065
                                              0.0065
                                                       0.000000e+00
                                                                       4.3156
    [45,]
                                     0.0130
##
             0.0130
                         0.0130
                                              0.0130
                                                       0.000000e+00
                                                                       0.0065
    [46,]
             0.4534
                                     0.4534
                                              0.4534
##
                         0.4534
                                                       0.000000e+00
                                                                       0.0130
##
    [47,]
             0.8348
                         0.8348
                                     0.8348
                                              0.8348 -7.401487e-17
                                                                       0.4534
                                     0.0021
##
    [48,]
             0.0021
                         0.0021
                                              0.0021 -7.401487e-17
                                                                       0.8348
##
    [49,]
             0.0302
                         0.0302
                                     0.0302
                                              0.0302 -7.170190e-17
                                                                       0.0021
##
    [50,]
             0.0620
                         0.0620
                                     0.0620
                                              0.0620 -7.401487e-17
                                                                       0.0302
##
    [51,]
             0.0180
                         0.0180
                                     0.0180
                                              0.0180 -7.401487e-17
                                                                       0.0620
##
    [52,]
             0.0785
                         0.0785
                                     0.0785
                                              0.0785 -7.401487e-17
                                                                       0.0180
##
    [53,]
           57.0441
                        57.0441
                                    57.0441
                                             57.0441
                                                       0.000000e+00
                                                                       0.0785
##
    [54,]
            17.7483
                        17.7483
                                    17.7483
                                             17.7483
                                                       0.000000e+00
                                                                      57.0441
##
    [55,]
             2.7758
                         2.7758
                                     2.7758
                                              2.7758
                                                       0.000000e+00
                                                                      17.7483
             7.4453
                                                                       2.7758
##
    [56,]
                         7.4453
                                     7.4453
                                              7.4453
                                                       0.000000e+00
    [57,]
##
           55.9917
                        55.9917
                                    55.9917
                                             55.9917
                                                       0.00000e+00
                                                                       7.4453
##
    [58,]
            41.5794
                        41.5794
                                    41.5794
                                             41.5794
                                                       0.00000e+00
                                                                      55.9917
##
    [59,]
             1.7026
                         1.7026
                                     1.7026
                                               1.7026
                                                       0.000000e+00
                                                                      41.5794
##
    [60,]
             0.0060
                         0.0060
                                     0.0060
                                              0.0060
                                                       0.000000e+00
                                                                       1.7026
                                     0.0330
                                              0.0330
##
    [61,]
             0.0330
                         0.0330
                                                       0.000000e+00
                                                                       0.0060
##
    [62,]
             0.0260
                         0.0260
                                     0.0260
                                              0.0260
                                                       0.000000e+00
                                                                       0.0330
##
    [63,]
             0.0730
                         0.0730
                                     0.0730
                                              0.0730
                                                       0.00000e+00
                                                                       0.0260
                        68.3487
                                    68.3487
                                             68.3487
                                                                       0.0730
##
    [64,]
           68.3487
                                                       0.00000e+00
##
    [65,]
            48.5761
                        48.5761
                                    48.5761
                                             48.5761
                                                       0.000000e+00
                                                                      68.3487
##
    [66,]
           75.9108
                        75.9108
                                    75.9108
                                             75.9108
                                                       0.000000e+00
                                                                      48.5761
##
    [67,]
           31.7568
                        31.7568
                                    31.7568
                                             31.7568
                                                       0.000000e+00
                                                                      75.9108
##
    [68,] 379.7904
                      379.7904
                                  379.7904 379.7904
                                                       0.000000e+00
                                                                      31.7568
           89.4546
                       89.4546
                                   89.4546
                                             89.4546
##
    [69,]
                                                       0.000000e+00 379.7904
##
    [70,]
             0.0510
                         0.0510
                                     0.0510
                                              0.0510
                                                       0.000000e+00
                                                                      89.4546
##
                                     0.0210
                                              0.0210
                                                                       0.0510
    [71,]
             0.0210
                         0.0210
                                                       4.625929e-18
##
    [72,]
             0.0555
                         0.0555
                                     0.0555
                                              0.0555
                                                       4.625929e-18
                                                                       0.0210
##
    [73,]
           67.9166
                        67.9166
                                    67.9166
                                             67.9166
                                                       0.000000e+00
                                                                       0.0555
##
    [74,] 103.0704
                      103.0704
                                   103.0704 103.0704 -9.473903e-15
                                                                      67.9166
##
    [75,]
           28.8643
                        28.8643
                                    28.8643
                                             28.8643 -1.894781e-14 103.0704
##
    [76,]
           25.7484
                        25.7484
                                    25.7484
                                             25.7484 -1.657933e-14
                                                                      28.8643
##
    [77,]
           18.4597
                        18.4597
                                    18.4597
                                             18.4597 -1.421085e-14
                                                                      25.7484
##
    [78,] 181.6665
                      181.6665
                                   181.6665 181.6665
                                                       0.000000e+00
                                                                      18.4597
##
    [79,]
           40.1587
                        40.1587
                                    40.1587
                                             40.1587
                                                       0.000000e+00 181.6665
##
    [80,]
                                   73.5338
                                             73.5338
                                                                      40.1587
           73.5338
                        73.5338
                                                       0.00000e+00
    [81,]
                                    19.6265
                                             19.6265
##
           19.6265
                        19.6265
                                                       0.000000e+00
                                                                      73.5338
##
    [82,]
             5.2749
                         5.2749
                                     5.2749
                                              5.2749
                                                       0.000000e+00
                                                                      19.6265
##
    [83,]
             1.2463
                         1.2463
                                     1.2463
                                              1.2463
                                                       0.000000e+00
                                                                       5.2749
    [84,]
             0.1907
                         0.1907
                                     0.1907
                                              0.1907
                                                                       1.2463
##
                                                       0.000000e+00
##
    [85,]
           12.7869
                        12.7869
                                    12.7869
                                             12.7869
                                                       0.000000e+00
                                                                       0.1907
##
    [86,]
            15.8216
                        15.8216
                                    15.8216
                                             15.8216 -1.184238e-15
                                                                      12.7869
##
    [87,]
            10.6741
                        10.6741
                                    10.6741
                                             10.6741 -1.184238e-15
                                                                      15.8216
    [88,]
                                             76.8945
##
           76.8945
                        76.8945
                                    76.8945
                                                       0.000000e+00
                                                                      10.6741
                                   51.8810
##
    [89,]
           51.8810
                        51.8810
                                             51.8810
                                                       0.000000e+00
                                                                      76.8945
##
    [90,]
             5.3328
                         5.3328
                                     5.3328
                                              5.3328
                                                       0.000000e+00
                                                                      51.8810
##
    [91,]
           10.8060
                        10.8060
                                    10.8060
                                             10.8060
                                                       0.000000e+00
                                                                       5.3328
##
    [92,]
           48.8230
                        48.8230
                                    48.8230
                                             48.8230
                                                       0.000000e+00
                                                                      10.8060
##
    [93,]
           54.3312
                        54.3312
                                    54.3312
                                             54.3312 -4.736952e-15
                                                                      48.8230
##
    [94,] 292.3764
                      292.3764
                                   292.3764 292.3764
                                                       0.000000e+00
                                                                      54.3312
##
    [95,]
           78.7232
                        78.7232
                                   78.7232
                                             78.7232
                                                       0.000000e+00 292.3764
##
    [96,]
           41.4251
                        41.4251
                                    41.4251
                                             41.4251 0.000000e+00
                                                                      78.7232
```

```
[97,] 124.1762
                      124.1762
                                  124.1762 124.1762 -9.473903e-15 41.4251
##
    [98,] 115.8449
                      115.8449
                                  115.8449 115.8449 0.000000e+00 124.1762
   [99,]
            7.9111
##
                        7.9111
                                    7.9111
                                              7.9111
                                                      0.000000e+00 115.8449
## [100,] 109.6561
                      109.6561
                                  109.6561 109.6561
                                                      0.000000e+00
                                                                      7.9111
## [101,]
           39.9343
                       39.9343
                                   39.9343
                                             39.9343
                                                      0.000000e+00 109.6561
## [102,]
           41.1686
                       41.1686
                                   41.1686
                                            41.1686 4.736952e-15
                                                                    39.9343
## [103,]
           84.1471
                       84.1471
                                   84.1471
                                             84.1471
                                                      0.000000e+00
                                                                     41.1686
## [104,]
           45.8479
                       45.8479
                                   45.8479
                                            45.8479
                                                      9.473903e-15
                                                                     84.1471
## [105,] 369.1453
                      369.1453
                                  369.1453 369.1453
                                                      0.000000e+00
                                                                     45.8479
## [106,]
           15.2997
                       15.2997
                                   15.2997
                                             15.2997
                                                      0.000000e+00 369.1453
## [107,]
           18.3233
                       18.3233
                                   18.3233
                                             18.3233
                                                      0.000000e+00
                                                                     15.2997
## [108,]
            0.5688
                        0.5688
                                    0.5688
                                              0.5688
                                                      0.000000e+00
                                                                     18.3233
## [109,]
                                    0.0220
                                                      0.000000e+00
            0.0220
                        0.0220
                                              0.0220
                                                                      0.5688
## [110,]
                                                                      0.0220
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
## [111,]
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
                 NA
                            NA
## [112,]
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
## [113,]
                 NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
                            NA
                                        NA
## [114,]
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
## [115,]
                                                                      0.0220
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
## [116,]
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
## [117,]
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
## [118,]
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
                 NA
                            NA
                                        NA
## [119,]
                                                                 NA
                                                                      0.0220
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
## [120,]
                 NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
                            NA
                                        NA
## [121,]
                 NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
                            NA
                                        NA
## [122,]
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
## [123,]
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
## [124,]
                                                                      0.0220
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
## [125,]
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
## [126,]
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
## [127,]
                 ΝA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
## [128,]
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
## [129,]
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
## [130,]
                 NA
                                                  NA
                                                                      0.0220
                            NA
                                        NA
                                                                 NA
## [131,]
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
## [132,]
                 NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
                            NA
                                        NA
## [133,]
                 NA
                            NA
                                        NA
                                                  NA
                                                                 NA
                                                                      0.0220
```

Hasil pemulusan menggunakan metode DMA divisualisasikan sebagai berikut

```
ts.plot(data1.ts, xlab="Time Period ", ylab="Sales", main= "DMA N=4 Data Akumulasi Curah Hujan")
points(data1.ts)
lines(data.gab2[,3],col="green",lwd=2)
lines(data.gab2[,6],col="red",lwd=2)
legend("topleft",c("data aktual","data pemulusan","data peramalan"), lty=8, col=c("black","green","red"
```

DMA N=4 Data Akumulasi Curah Hujan



Selanjutnya perhitungan akurasi dilakukan baik pada data latih maupun data uji. Perhitungan akurasi dilakukan dengan ukuran akurasi SSE, MSE dan MAPE.

```
#Menghitung nilai keakuratan data latih
error_train.dma = train_ma.ts-data.ramal2[1:length(train_ma.ts)]
SSE_train.dma = sum(error_train.dma[8:length(train_ma.ts)]^2)
MSE_train.dma = mean(error_train.dma[8:length(train_ma.ts)]^2)
MAPE_train.dma = mean(abs((error_train.dma[8:length(train_ma.ts)]/train_ma.ts[8:length(train_ma.ts)])*1
akurasi_train.dma <- matrix(c(SSE_train.dma, MSE_train.dma, MAPE_train.dma))
row.names(akurasi_train.dma) <- c("SSE", "MSE", "MAPE")
colnames(akurasi_train.dma) <- c("Akurasi m = 1")
akurasi_train.dma

## Akurasi m = 1
## SSE 672911.348</pre>
```

Perhitungan akurasi pada data latih menggunakan nilai MAPE menghasilkan nilai MAPE yang lebih dari 10% sehingga dikategorikan diragukan. Selanjutnya, perhitungan nilai akurasi dilakukan pada data uji.

```
#Menghitung nilai keakuratan data uji
error_test.dma = test_ma.ts-data.gab2[110:120,6]
```

Warning in '-.default'(test_ma.ts, data.gab2[110:120, 6]): longer object length

MSE

MAPE

6597.170 4106.268 ## is not a multiple of shorter object length

```
SSE_test.dma = sum(error_test.dma^2)
MSE_test.dma = mean(error_test.dma^2)
MAPE_test.dma = mean(abs((error_test.dma/test_ma.ts*100)))

akurasi_test.dma <- matrix(c(SSE_test.dma, MSE_test.dma, MAPE_test.dma)))
row.names(akurasi_test.dma) <- c("SSE", "MSE", "MAPE")
colnames(akurasi_test.dma) <- c("Akurasi m = 1")
akurasi_test.dma</pre>
```

```
## Akurasi m = 1
## SSE 19116.21341
## MSE 1593.01778
## MAPE 69.07574
```

Perhitungan akurasi menggunakan data latih menghasilkan nilai MAPE yang lebih dari 10% sehingga nilai akurasi ini dapat dikategorikan sebagai diragukan.

Pada data latih, metode SMA lebih baik dibandingkan dengan metode DMA, sedangkan pada data uji, metode DMA lebih baik dibandingkan SMA

Single Exponential Smoothing & Double Exponential Smoothing

Metode Exponential Smoothing adalah metode pemulusan dengan melakukan pembobotan menurun secara eksponensial. Nilai yang lebih baru diberi bobot yang lebih besar dari nilai terdahulu. Terdapat satu atau lebih parameter pemulusan yang ditentukan secara eksplisit, dan hasil pemilihan parameter tersebut akan menentukan bobot yang akan diberikan pada nilai pengamatan. Ada dua macam model, yaitu model tunggal dan ganda.

Pembagian Data

Pembagian data latih dan data uji dilakukan dengan perbandingan 80% data latih dan 20% data uji.

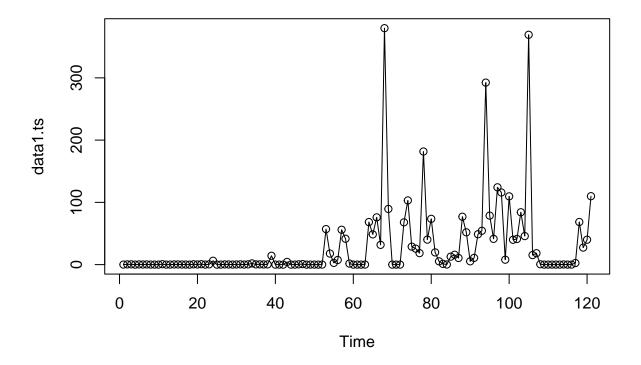
```
#membagi training dan testing
training<-data1[1:109,]
testing<-data1[110:121,]
train.ts <- ts(training$^Akumulasi Hujan^)
test.ts <- ts(testing$^Akumulasi Hujan^)</pre>
```

Eksplorasi

Eksplorasi dilakukan dengan membuat plot data deret waktu untuk keseluruhan data, data latih, dan data uji.

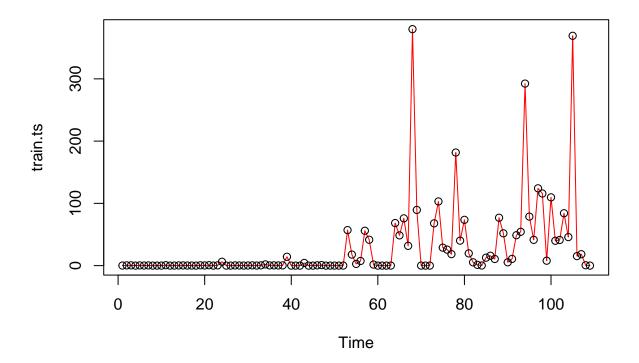
```
#eksplorasi data
plot(data1.ts, col="black",main="Plot semua data")
points(data1.ts)
```

Plot semua data



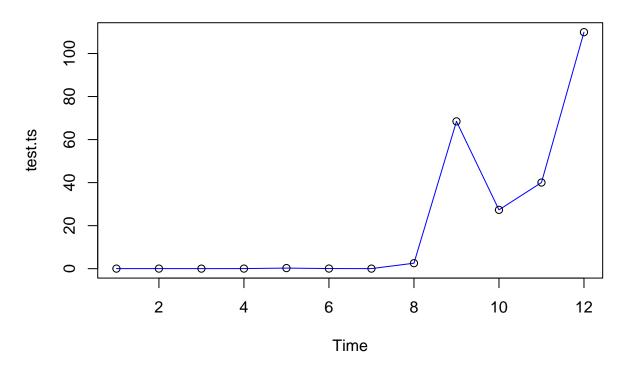
plot(train.ts, col="red",main="Plot data latih")
points(train.ts)

Plot data latih

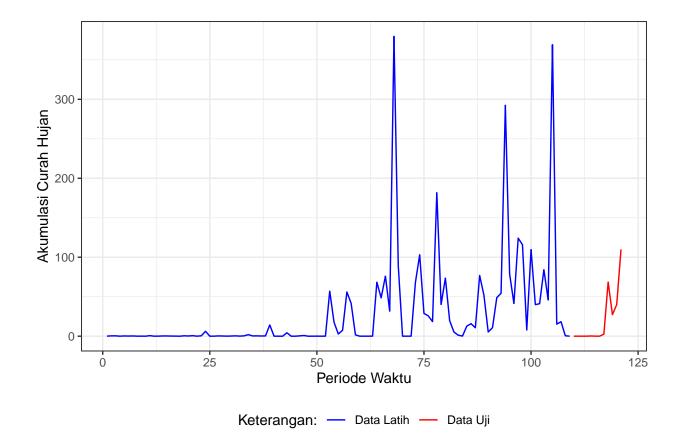


```
plot(test.ts, col="blue",main="Plot data uji")
points(test.ts)
```

Plot data uji



Eksplorasi data juga dapat dilakukan menggunakan package ggplot2.



SES

Single Exponential Smoothing merupakan metode pemulusan yang tepat digunakan untuk data dengan pola stasioner atau konstan.

Nilai pemulusan pada periode ke-t didapat dari persamaan:

$$\tilde{y}_T = \lambda y_t + (1 - \lambda)\tilde{y}_{T-1}$$

Nilai parameter λ adalah nilai antara 0 dan 1.

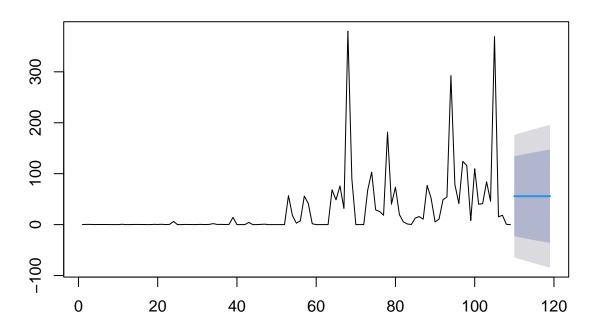
Nilai pemulusan periode ke-t bertindak sebagai nilai ramalan pada periode ke- $(T + \tau)$.

$$\tilde{y}_{T+\tau}(T) = \tilde{y}_T$$

Pemulusan dengan metode SES dapat dilakukan dengan dua fungsi dari packages berbeda, yaitu (1) fungsi ses() dari packages forecast dan (2) fungsi HoltWinters dari packages stats.

```
#Cara 1 (fungsi ses)
ses.1 <- ses(train.ts, h = 10, alpha = 0.2)
plot(ses.1)</pre>
```

Forecasts from Simple exponential smoothing

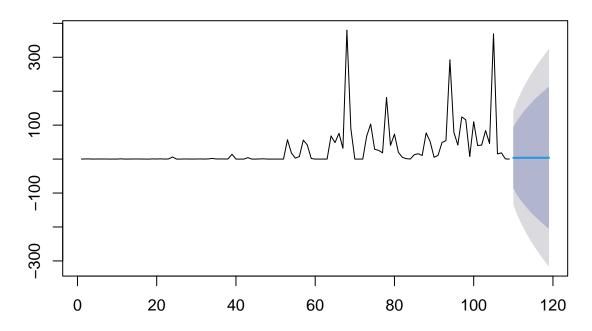


ses.1

```
##
       Point Forecast
                          Lo 80
                                   Hi 80
                                             Lo 95
                                                      Hi 95
             55.74972 -22.85620 134.3556 -64.46766 175.9671
## 110
## 111
             55.74972 -24.41290 135.9123 -66.84843 178.3479
             55.74972 -25.93995 137.4394 -69.18384 180.6833
## 112
             55.74972 -27.43896 138.9384 -71.47639 182.9758
## 113
## 114
             55.74972 -28.91144 140.4109 -73.72836 185.2278
## 115
             55.74972 -30.35875 141.8582 -75.94182 187.4413
             55.74972 -31.78213 143.2816 -78.11869 189.6181
## 116
             55.74972 -33.18272 144.6822 -80.26072 191.7602
## 117
## 118
             55.74972 -34.56160 146.0610 -82.36953 193.8690
## 119
             55.74972 -35.91975 147.4192 -84.44663 195.9461
```

```
ses.2<- ses(train.ts, h = 10, alpha = 0.7)
plot(ses.2)</pre>
```

Forecasts from Simple exponential smoothing

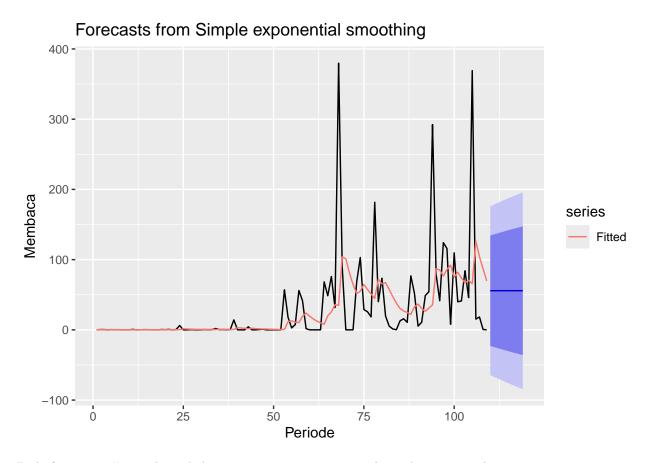


ses.2

```
##
       Point Forecast
                           Lo 80
                                               Lo 95
                                                        Hi 95
                                     Hi 80
                      -86.32273 93.92722 -134.0320 141.6365
## 110
             3.802242
             3.802242 -106.20931 113.81379 -164.4459 172.0504
## 111
## 112
             3.802242 -123.01484 130.61932 -190.1477 197.7522
## 113
             3.802242 -137.84027 145.44476 -212.8213 220.4258
  114
             3.802242 -151.25463 158.85911 -233.3368 240.9413
             3.802242 -163.59747 171.20195 -252.2135 259.8180
## 115
## 116
             3.802242 -175.09073 182.69521 -269.7909 277.3954
## 117
             3.802242 -185.88889 193.49337 -286.3053 293.9098
## 118
             3.802242 -196.10462 203.70911 -301.9289 309.5334
## 119
             3.802242 -205.82310 213.42759 -316.7921 324.3965
```

Untuk mendapatkan gambar hasil pemulusan pada data latih dengan fungsi ses(), perlu digunakan fungsi autoplot() dan autolayer() dari library packages ggplot2.

```
autoplot(ses.1) +
autolayer(fitted(ses.1), series="Fitted") +
ylab("Membaca") + xlab("Periode")
```

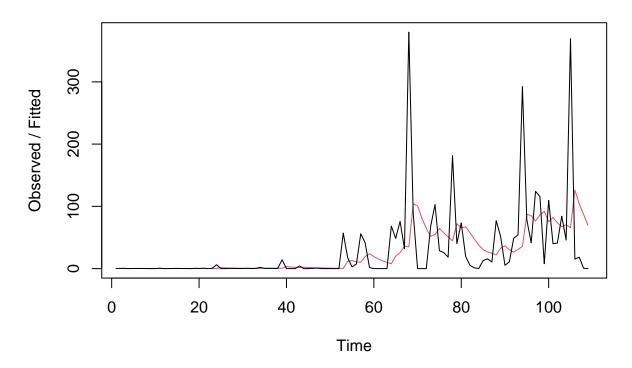


Pada fungsi ses(), terdapat beberapa argumen yang umum digunakan, yaitu nilia y, gamma, beta, alpha, dan h.

Nilai y adalah nilai data deret waktu, gamma adalah parameter pemulusan untuk komponen musiman, beta adalah parameter pemulusan untuk tren, dan alpha adalah parameter pemulusan untuk stasioner, serta h adalah banyaknya periode yang akan diramalkan.

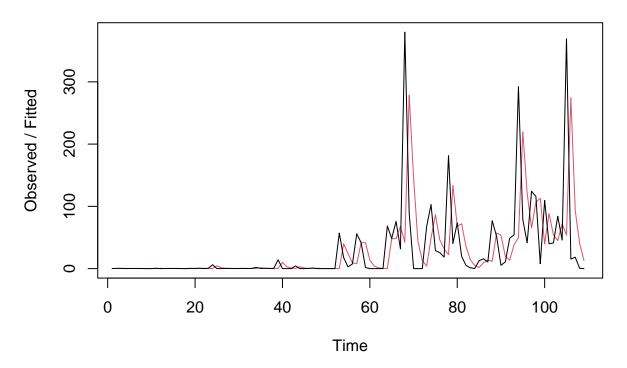
Kasus di atas merupakan contoh inisialisasi nilai parameter λ dengan nilai alpha 0,2 dan 0,7 dan banyak periode data yang akan diramalkan adalah sebanyak 10 periode. Selanjutnya akan digunakan fungsi HoltWinters() dengan nilai inisialisasi parameter dan panjang periode peramalan yang sama dengan fungsi ses().

```
#Cara 2 (fungsi Holtwinter)
ses1<- HoltWinters(train.ts, gamma = FALSE, beta = FALSE, alpha = 0.2)
plot(ses1)</pre>
```



```
#ramalan
ramalan1<- forecast(ses1, h=10)</pre>
ramalan1
                          Lo 80
##
       Point Forecast
                                    Hi 80
                                              Lo 95
                                                       Hi 95
## 110
             55.74972 -22.78619 134.2856 -64.36058 175.8600
## 111
             55.74972 -24.34150 135.8409 -66.73924 178.2387
## 112
             55.74972 -25.86719 137.3666 -69.07257 180.5720
## 113
             55.74972 -27.36487 138.8643 -71.36308 182.8625
             55.74972 -28.83604 140.3355 -73.61303 185.1125
## 114
## 115
             55.74972 -30.28205 141.7815 -75.82452 187.3240
## 116
             55.74972 -31.70416 143.2036 -77.99945 189.4989
## 117
             55.74972 -33.10351 144.6030 -80.13957 191.6390
## 118
             55.74972 -34.48117 145.9806 -82.24651 193.7460
             55.74972 -35.83810 147.3375 -84.32176 195.8212
## 119
ses2<- HoltWinters(train.ts, gamma = FALSE, beta = FALSE, alpha = 0.7)</pre>
plot(ses2)
```

Holt-Winters filtering



```
#ramalan
ramalan2<- forecast(ses2, h=10)
ramalan2</pre>
```

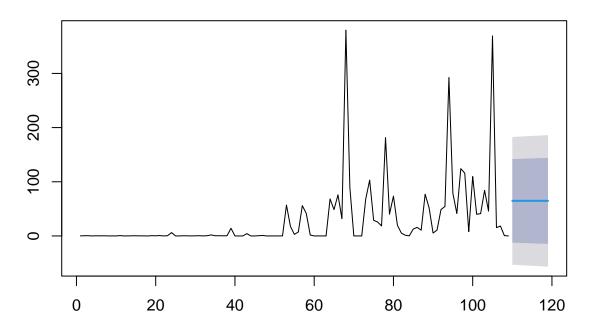
```
##
       Point Forecast
                           Lo 80
                                    Hi 80
                                               Lo 95
                                                        Hi 95
             3.802242
## 110
                       -86.32271
                                  93.9272 -134.0320 141.6365
## 111
             3.802242 -106.20928 113.8138 -164.4459 172.0504
##
  112
             3.802242 -123.01481 130.6193 -190.1477 197.7522
             3.802242 -137.84024 145.4447 -212.8212 220.4257
## 113
## 114
             3.802242 -151.25459 158.8591 -233.3367 240.9412
## 115
             3.802242 -163.59743 171.2019 -252.2135 259.8179
## 116
             3.802242 -175.09068 182.6952 -269.7909 277.3954
## 117
             3.802242 -185.88884 193.4933 -286.3052 293.9097
## 118
             3.802242 -196.10458 203.7091 -301.9289 309.5333
             3.802242 -205.82305 213.4275 -316.7920 324.3965
## 119
```

Fungsi HoltWinters memiliki argumen yang sama dengan fungsi ses() . Argumen-argumen kedua fungsi dapat dilihat lebih lanjut dengan ?ses() atau ?HoltWinters .

Nilai parameter α dari kedua fungsi dapat dioptimalkan menyesuaikan dari error-nya paling minimumnya. Caranya adalah dengan membuat parameter $\alpha = \mathtt{NULL}$.

```
#SES
ses.opt <- ses(train.ts, h = 10, alpha = NULL)
plot(ses.opt)</pre>
```

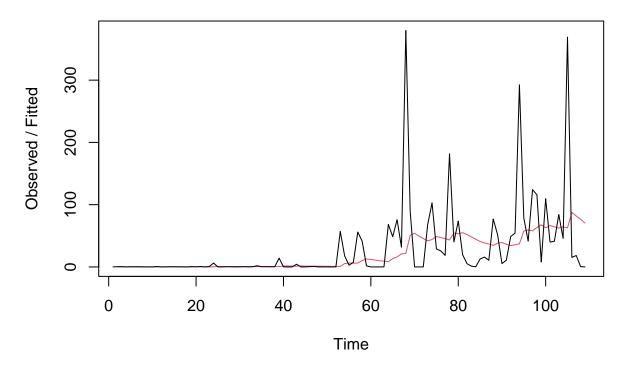
Forecasts from Simple exponential smoothing



```
ses.opt
##
       Point Forecast
                          Lo 80
                                   Hi 80
                                              Lo 95
## 110
             64.73991 -12.36985 141.8497 -53.18929 182.6691
## 111
             64.73991 -12.62202 142.1018 -53.57495 183.0548
## 112
             64.73991 -12.87337 142.3532 -53.95936 183.4392
## 113
             64.73991 -13.12391 142.6037 -54.34252 183.8224
## 114
             64.73991 -13.37364 142.8535 -54.72446 184.2043
## 115
             64.73991 -13.62258 143.1024 -55.10518 184.5850
## 116
             64.73991 -13.87073 143.3506 -55.48470 184.9645
## 117
             64.73991 -14.11811 143.5979 -55.86302 185.3428
## 118
             64.73991 -14.36470 143.8445 -56.24016 185.7200
## 119
             64.73991 -14.61053 144.0904 -56.61612 186.0959
#Lamda Optimum Holt Winter
sesopt<- HoltWinters(train.ts, gamma = FALSE, beta = FALSE,alpha = NULL)</pre>
sesopt
## Holt-Winters exponential smoothing without trend and without seasonal component.
##
## HoltWinters(x = train.ts, alpha = NULL, beta = FALSE, gamma = FALSE)
##
## Smoothing parameters:
## alpha: 0.08098375
```

```
## beta : FALSE
## gamma: FALSE
##
## Coefficients:
## [,1]
## a 64.74224
```

plot(sesopt)



```
#ramalan
ramalanopt<- forecast(sesopt, h=10)
ramalanopt</pre>
```

```
##
       Point Forecast
                          Lo 80
                                   Hi 80
                                              Lo 95
                                                       Hi 95
             64.74224 -11.77849 141.2630 -52.28612 181.7706
## 110
## 111
             64.74224 -12.02901 141.5135 -52.66925 182.1537
## 112
             64.74224 -12.27871 141.7632 -53.05113 182.5356
## 113
             64.74224 -12.52760 142.0121 -53.43178 182.9163
             64.74224 -12.77570 142.2602 -53.81121 183.2957
## 114
## 115
             64.74224 -13.02300 142.5075 -54.18943 183.6739
## 116
             64.74224 -13.26952 142.7540 -54.56645 184.0509
## 117
             64.74224 -13.51526 142.9997 -54.94228 184.4268
## 118
             64.74224 -13.76024 143.2447 -55.31693 184.8014
## 119
             64.74224 -14.00445 143.4889 -55.69042 185.1749
```

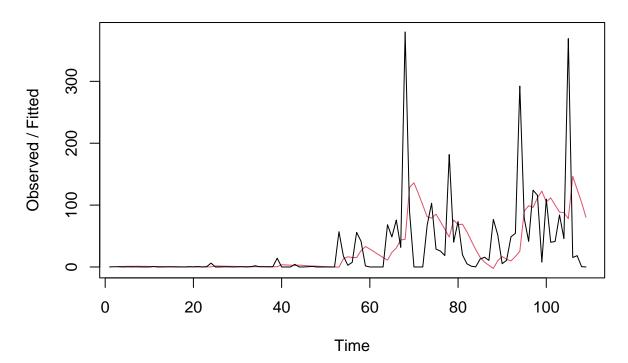
Setelah dilakukan peramalan, akan dilakukan perhitungan keakuratan hasil peramalan. Perhitungan akurasi ini dilakukan baik pada data latih dan data uji.

DES

Metode pemulusan *Double Exponential Smoothing* (DES) digunakan untuk data yang memiliki pola tren. Metode DES adalah metode semacam SES, hanya saja dilakukan dua kali, yaitu pertama untuk tahapan 'level' dan kedua untuk tahapan 'tren'. Pemulusan menggunakan metode ini akan menghasilkan peramalan tidak konstan untuk periode berikutnya.

Pemulusan dengan metode DES kali ini akan menggunakan fungsi HoltWinters(). Jika sebelumnya nilai argumen beta dibuat FALSE, kali ini argumen tersebut akan diinisialisasi bersamaan dengan nilai alpha.

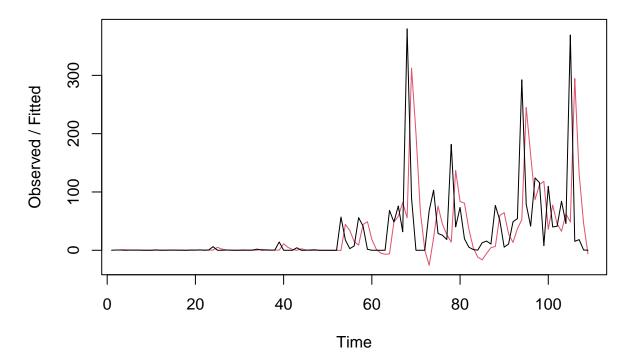
```
#Lamda=0.2 dan gamma=0.2
des.1<- HoltWinters(train.ts, gamma = FALSE, beta = 0.2, alpha = 0.2)
plot(des.1)</pre>
```



```
#ramalan
ramalandes1<- forecast(des.1, h=12)
ramalandes1</pre>
```

```
##
       Point Forecast
                            Lo 80
                                     Hi 80
                                                 Lo 95
                                                          Hi 95
## 110
            57.468035
                        -25.71732 140.6534
                                             -69.75299 184.6891
## 111
            50.762781
                        -34.78477 136.3103
                                             -80.07092 181.5965
            44.057527
                        -44.60417 132.7192
                                             -91.53884 179.6539
## 112
```

```
## 113
            37.352273 -55.21924 129.9238 -104.22364 178.9282
## 114
            30.647019 -66.64785 127.9419 -118.15264 179.4467
            23.941765 -78.88557 126.7691 -133.31907 181.2026
## 115
            17.236510 -91.91079 126.3838 -149.68989 184.1629
## 116
## 117
            10.531256 -105.69033 126.7528 -167.21432 188.2768
## 118
            3.826002 -120.18437 127.8364 -185.83149 193.4835
## 119
            -2.879252 -135.35046 129.5920 -205.47649 199.7180
            -9.584506 -151.14633 131.9773 -226.08464 206.9156
## 120
## 121
           -16.289760 -167.53163 134.9521 -247.59424 215.0147
#Lamda=0.6 dan gamma=0.3
des.2<- HoltWinters(train.ts, gamma = FALSE, beta = 0.3, alpha = 0.6)
plot(des.2)
```

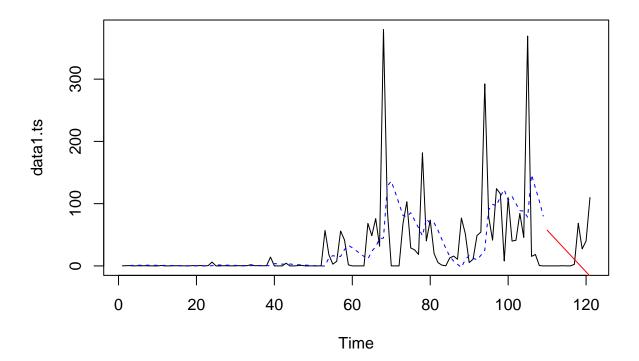


```
#ramalan
ramalandes2<- forecast(des.2, h=12)
ramalandes2</pre>
```

```
Point Forecast
                          Lo 80
##
                                    Hi 80
                                                Lo 95
                                                         Hi 95
## 110
            -26.32639 -123.4801
                                 70.82736
                                            -174.9102 122.2575
                                 72.98381
## 111
            -50.22922 -173.4422
                                            -238.6673 138.2088
## 112
            -74.13204 -228.6645
                                 80.40046
                                            -310.4691 162.2050
## 113
            -98.03487 -288.1586
                                 92.08885
                                            -388.8040 192.7343
## 114
           -121.93769 -351.2699 107.39456
                                            -472.6711 228.7957
## 115
           -145.84052 -417.5586 125.87753
                                            -561.3974 269.7164
```

Selanjutnya jika ingin membandingkan plot data latih dan data uji adalah sebagai berikut.

```
#Visually evaluate the prediction
plot(data1.ts)
lines(des.1\fitted[,1], lty=2, col="blue")
lines(ramalandes1\mathbf{mean}, col="red")
```



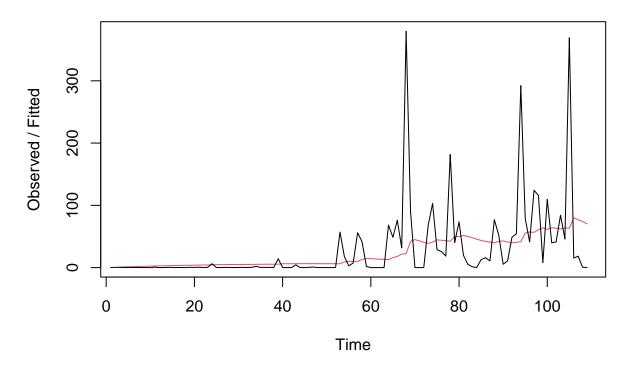
Untuk mendapatkan nilai parameter optimum dari DES, argumen alpha dan beta dapat dibuat NULL seperti berikut.

```
#Lamda dan gamma optimum
des.opt<- HoltWinters(train.ts, gamma = FALSE)
des.opt

## Holt-Winters exponential smoothing with trend and without seasonal component.
##
## Call:
## HoltWinters(x = train.ts, gamma = FALSE)</pre>
```

```
##
## Smoothing parameters:
## alpha: 0.05437989
## beta : 0
## gamma: FALSE
##
## Coefficients:
## [,1]
## a 66.43145
## b 0.30810

plot(des.opt)
```



```
#ramalan
ramalandesopt<- forecast(des.opt, h=12)
ramalandesopt</pre>
```

```
##
       Point Forecast
                          Lo 80
                                   Hi 80
                                             Lo 95
                                                       Hi 95
## 110
             66.73955 -9.729078 143.2082 -50.20912 183.6882
## 111
             67.04765 -9.533960 143.6293 -50.07381 184.1691
## 112
             67.35575 -9.338676 144.0502 -49.93825 184.6497
## 113
             67.66385 -9.143226 144.4709 -49.80243 185.1301
## 114
             67.97195 -8.947610 144.8915 -49.66636 185.6103
## 115
             68.28005 -8.751831 145.3119 -49.53004 186.0901
             68.58815 -8.555888 145.7322 -49.39347 186.5698
## 116
```

```
## 117 68.89625 -8.359782 146.1523 -49.25665 187.0491

## 118 69.20435 -8.163514 146.5722 -49.11959 187.5283

## 119 69.51245 -7.967085 146.9920 -48.98227 188.0072

## 120 69.82055 -7.770495 147.4116 -48.84471 188.4858

## 121 70.12865 -7.573745 147.8310 -48.70691 188.9642
```

Selanjutnya akan dilakukan perhitungan akurasi pada data latih maupun data uji dengan ukuran akurasi SSE, MSE dan MAPE.

```
#Akurasi Data Training
ssedes.train1<-des.1$SSE
msedes.train1<-ssedes.train1/length(train.ts)
sisaandes1<-ramalandes1$residuals
head(sisaandes1)</pre>
```

```
Akurasi Data Latih
## Time Series:
## Start = 1
## End = 6
## Frequency = 1
## [1]
                           NA -0.2681000 -0.9418560 -0.7231866 -0.9403235
mapedes.train1 <- sum(abs(sisaandes1[3:length(train.ts)]/train.ts[3:length(train.ts)])</pre>
                       *100)/length(train.ts)
akurasides.1 <- matrix(c(ssedes.train1,msedes.train1,mapedes.train1))</pre>
row.names(akurasides.1)<- c("SSE", "MSE", "MAPE")</pre>
colnames(akurasides.1) <- c("Akurasi lamda=0.2 dan gamma=0.2")</pre>
akurasides.1
        Akurasi lamda=0.2 dan gamma=0.2
##
## SSE
                              446896.303
## MSE
                                4099.966
## MAPE
                               22354.875
ssedes.train2<-des.2$SSE
msedes.train2<-ssedes.train2/length(train.ts)
sisaandes2<-ramalandes2$residuals
head(sisaandes2)
## Time Series:
## Start = 1
## End = 6
## Frequency = 1
```

NA -0.2681000 -0.7970820 -0.1452000 -0.2793112

[1]

NA

Hasil akurasi dari data latih didapatkan skenario 2 dengan lamda=0.6 dan gamma=0.3 memiliki hasil yang lebih baik. Namun untuk kedua skenario dapat dikategorikan peramalan diragukan berdasarkan nilai MAPEnya.

12536.088

MAPE

```
#Akurasi Data Testing
selisihdes1<-ramalandes1$mean-testing$`Akumulasi Hujan`
selisihdes1</pre>
```

```
Akurasi Data Uji
## Time Series:
## Start = 110
## End = 121
## Frequency = 1
## [1]
         57.436035
                      50.724781
                                  44.030527
                                              37.306273
                                                          30.376619
                                                                      23.885765
## [7]
         17.203510
                      7.981356 -64.646998 -30.213652 -49.616406 -126.209260
SSEtestingdes1<-sum(selisihdes1^2)
MSEtestingdes1<-SSEtestingdes1/length(testing$`Akumulasi Hujan`)
MAPEtestingdes1<-sum(abs(selisihdes1/testing$`Akumulasi Hujan`)*100)/length(testing$`Akumulasi Hujan`)
selisihdes2<-ramalandes2$mean-testing$`Akumulasi Hujan`
selisihdes2
## Time Series:
## Start = 110
## End = 121
## Frequency = 1
        -26.35839 -50.26722 -74.15904 -98.08087 -122.20809 -145.89652
## [7] -169.77634 -196.19607 -286.02199 -268.78622 -305.38654 -399.17697
SSEtestingdes2<-sum(selisihdes2^2)
MSEtestingdes2<-SSEtestingdes2/length(testing$`Akumulasi Hujan`)
MAPEtestingdes2<-sum(abs(selisihdes2/testing$`Akumulasi Hujan`)*100)/length(testing$`Akumulasi Hujan`)
selisihdesopt<-ramalandesopt$mean-testing$`Akumulasi Hujan`
selisihdesopt
```

```
## Time Series:
## Start = 110
## End = 121
## Frequency = 1
## [1] 66.707546 67.009646 67.328746 67.617846 67.701546 68.224046
## [7] 68.555146 66.346346 0.731346 42.178046 29.788646 -39.790854
SSEtestingdesopt<-sum(selisihdesopt^2)</pre>
MSEtestingdesopt<-SSEtestingdesopt/length(testing$`Akumulasi Hujan`)
MAPEtestingdesopt <- sum (abs (selisihdesopt/testing$`Akumulasi Hujan`)*100)/length(testing$`Akumulasi Huja
akurasitestingdes <-
  matrix(c(SSEtestingdes1,MSEtestingdes1,MAPEtestingdes1,SSEtestingdes2,MSEtestingdes2,
           MAPEtestingdes2,SSEtestingdesopt,MSEtestingdesopt,MAPEtestingdesopt),
         nrow=3,ncol=3)
row.names(akurasitestingdes)<- c("SSE", "MSE", "MAPE")</pre>
colnames(akurasitestingdes) <- c("des ske1","des ske2","des opt")</pre>
akurasitestingdes
##
         des ske1 des ske2
                              des opt
## SSE 34537.943 528536.29 40635.386
## MSE
        2878.162 44044.69 3386.282
## MAPE 55327.181 127746.20 94886.690
```

Akurasi Data Latih Perhitungan akurasi data dapat dilakukan dengan cara langsung maupun manual. Secara langsung, nilai akurasi dapat diambil dari objek yang tersimpan pada hasil SES, yaitu *sum of squared errors* (SSE). Nilai akurasi lain dapat dihitung pula dari nilai SSE tersebut.

```
#Keakuratan Metode
#Pada data training
SSE1<-ses1$SSE
MSE1<-ses1$SSE/length(train.ts)
RMSE1<-sqrt(MSE1)
akurasi1 <- matrix(c(SSE1,MSE1,RMSE1))</pre>
row.names(akurasi1)<- c("SSE", "MSE", "RMSE")</pre>
colnames(akurasi1) <- c("Akurasi lamda=0.2")</pre>
akurasi1
        Akurasi lamda=0.2
##
## SSE
               402552.1518
## MSE
                 3693.1390
## RMSE
                   60.7712
SSE2<-ses2$SSE
MSE2<-ses2$SSE/length(train.ts)</pre>
RMSE2<-sqrt (MSE2)
akurasi2 <- matrix(c(SSE2,MSE2,RMSE2))</pre>
row.names(akurasi2)<- c("SSE", "MSE", "RMSE")</pre>
colnames(akurasi2) <- c("Akurasi lamda=0.7")</pre>
akurasi2
```

```
Akurasi lamda=0.7
## SSE 529178.18227
             4854.84571
## MSE
## RMSE
               69.67672
#Cara Manual
fitted1<-ramalan1$fitted</pre>
sisaan1<-ramalan1$residuals
head(sisaan1)
## Time Series:
## Start = 1
## End = 6
## Frequency = 1
              NA 0.30810000 0.28648000 -0.20081600 0.12934720 -0.02752224
resid1<-training$`Akumulasi Hujan`-ramalan1$fitted</pre>
head(resid1)
## Time Series:
## Start = 1
## End = 6
## Frequency = 1
              NA 0.30810000 0.28648000 -0.20081600 0.12934720 -0.02752224
## [1]
#Cara Manual
SSE.1=sum(sisaan1[2:length(train.ts)]^2)
## [1] 402552.2
MSE.1 = SSE.1/length(train.ts)
MSE.1
## [1] 3693.139
MAPE.1 = sum(abs(sisaan1[2:length(train.ts)]/train.ts[2:length(train.ts)])*
               100)/length(train.ts)
MAPE.1
## [1] 16161.69
akurasi.1 <- matrix(c(SSE.1,MSE.1,MAPE.1))</pre>
row.names(akurasi.1)<- c("SSE", "MSE", "MAPE")</pre>
colnames(akurasi.1) <- c("Akurasi lamda=0.2")</pre>
akurasi.1
        Akurasi lamda=0.2
## SSE
          402552.152
## MSE
               3693.139
## MAPE
              16161.692
```

```
fitted2<-ramalan2\fitted
sisaan2<-ramalan2$residuals
head(sisaan2)
## Time Series:
## Start = 1
## End = 6
## Frequency = 1
## [1]
                NA 0.30810000 0.13243000 -0.39027100 0.17291870 -0.07912439
resid2<-training$`Akumulasi Hujan` -ramalan2$fitted
head(resid2)
## Time Series:
## Start = 1
## End = 6
## Frequency = 1
## [1]
                NA 0.30810000 0.13243000 -0.39027100 0.17291870 -0.07912439
SSE.2=sum(sisaan2[2:length(train.ts)]^2)
SSE.2
## [1] 529178.2
MSE.2 = SSE.2/length(train.ts)
MSE.2
## [1] 4854.846
MAPE.2 = sum(abs(sisaan2[2:length(train.ts)]/train.ts[2:length(train.ts)])*
               100)/length(train.ts)
MAPE.2
## [1] 9858.519
akurasi.2 <- matrix(c(SSE.2,MSE.2,MAPE.2))</pre>
row.names(akurasi.2)<- c("SSE", "MSE", "MAPE")</pre>
colnames(akurasi.2) <- c("Akurasi lamda=0.7")</pre>
akurasi.2
##
        Akurasi lamda=0.7
## SSE
               529178.182
                 4854.846
## MSE
## MAPE
                 9858.519
```

Berdasarkan nilai SSE, MSE, RMSE, dan MAPE di antara kedua parameter, nilai parameter $\lambda=0,7$ menghasilkan akurasi yang lebih baik dibanding $\lambda=0,2$. Hal ini dilihat dari nilai masing-masing ukuran akurasi yang lebih kecil. Berdasarkan nilai MAPE-nya, hasil ini dapat dikategorikan sebagai peramalan diragukan.