

Лабораторная работа №2.2.1  
Исследование взаимной диффузии газов

Рожков А. В.

27 февраля 2024 г.

**Цель работы:** 1) регистрация зависимости концентрации гелия в воздухе от времени с помощью датчиков теплопроводности при разных начальных давлениях смеси газов; 2) определение коэффициента диффузии по результатам измерений.

**В работе используются:** измерительная установка; форвакуумный насос; балон с газом (гелий); манометр; источник питания; магазин сопротивлений; гальванометр; секундомер.

## 1 Теоретическая часть

*Диффузией* называют самопроизвольное взаимное проникновение веществ друг в друга происходящее вследствие хаотичного теплового движения молекул. При перемешивании молекул разного сорта говорят о взаимной (или концентрационной) диффузии. В системе, состоящей из двух компонентов а и б (бинарная смесь), плотности потоков частиц в результате взаимной диффузии определяются законом Фика:

$$j_a = -D \frac{\partial n_a}{\partial x}, j_b = -D \frac{\partial n_b}{\partial x}, \quad (1)$$

где  $D$  — коэффициент взаимной диффузии компонентов. Знак «минус» отражает тот факт, что диффузия идёт в направлении выравнивания концентраций. Равновесие достигается при равномерном распределении вещества по объёму.

В данной работе исследуется взаимная диффузия гелия и воздуха. Отметим, что давление и температура в системе предполагаются неизменными:  $P_0 = (n_{He} + n_{Air})kT = const$ , где  $n_{He}$  и  $n_{Air}$  — концентрации диффундирующих газов. Поэтому для любых изменений концентраций справедливо  $\Delta n_{Air} = -\Delta n_{He}$ . Следовательно, достаточно ограничиться описанием диффузии одного из компонентов, например гелия.

Приведём теоретическую оценку для коэффициента диффузии. В работе концентрация гелия, как правило, мала ( $n_{He} \ll n_{Air}$ ). Кроме того, атомы гелия легче молекул, составляющих воздух ( $m_{He} \ll m_{N_2}, m_{O_2}$ ), значит их средняя тепловая скорость велика по сравнению с остальными частицами. Поэтому перемешивание газов в работе можно приближенно описывать как диффузию примеси лёгких частиц He на практически стационарном фоне воздуха. Коэффициент диффузии в таком приближении равен

$$D = \frac{1}{3} \lambda \langle v \rangle, \quad (2)$$

где  $\lambda = \frac{1}{n\sigma}$  — длина свободного пробега диффундирующих частиц;  $\langle v \rangle = \sqrt{\frac{8kT}{\pi m}}$  — их средняя тепловая скорость.

Предполагая, что процесс диффузии будет квазистационарным, можно показать, что разность концентраций будет убывать по экспоненциальному закону

$$\Delta n = \Delta n_0 e^{-t/\tau}, \quad (3)$$

где  $\tau$  — характерное время выравнивания концентраций между сосудами, определяемое следующей формулой

$$\tau = \frac{1}{D} \frac{V_1 V_2}{V_1 + V_2} \frac{L}{S}. \quad (4)$$

## 2 Модель эксперимента

Для исследования взаимной диффузии газов и измерения коэффициента взаимной диффузии  $D$  используется два сосуда объёмами  $V_1$  и  $V_2$  ( $V_1 \approx V_2$ ), соединённые трубкой длины  $L$  и сечения  $S$ . Предполагается, что сосуды заполнены смесью двух газов при одинаковом давлении, но с различной концентрацией компонентов. Вследствие взаимной диффузии, проходящей в соединительной трубке, концентрации компонентов в сосудах с течением времени выравниваются.

Для измерения разности концентраций в установке применяются датчики теплопроводности. При этом используется тот факт, что теплопроводность смеси  $\kappa$  зависит от её состава. В общем случае

зависимость  $\kappa(n)$  довольно сложна, однако при малой разности  $\Delta n$  концентраций в сосудах можно ожидать, что разность теплопроводностей будет изменяться прямо пропорционально  $\Delta n$  :

$$\Delta\kappa = \kappa(n_2) - \kappa(n_1) \approx \text{const} \cdot \Delta n.$$

Эксперименты показывают, что если доля примеси гелия составляет менее 15%, отклонение от линейной зависимости не превышает 0,5%, что для наших целей вполне достаточно.

При заданной мощности нагревания приращение температуры проволоочки и, следовательно, приращение её сопротивления пропорциональны теплопроводности газа. Для измерения сопротивлений используется мостовая схема, позволяющая определять разность показаний датчиков с высокой точностью. Мост балансируется при заполнении сосудов (и датчиков) одной и той же смесью. При заполнении сосудов смесями различного состава возникает «разбаланс» моста. При незначительном различии в составах смесей показания гальванометра, подсоединённого к диагонали моста, будут пропорциональны разности концентраций примеси:  $U \propto \Delta\kappa \propto \Delta n$ . В процессе диффузии разность концентраций убывает по закону (3), и значит по тому же закону изменяются во времени показания гальванометра

$$U = U_0 e^{-t/\tau}, \quad (5)$$

где  $U_0$  – показание в начальный момент времени. Измеряя экспериментально зависимость  $U(t)$ , можно получить характерное время процесса  $\tau$ , откуда по формуле (4) определить коэффициент диффузии  $D$ .

## 3 Ход работы

### 3.1 Параметры установки

Номер установки - 1. Схема на рисунке 1.

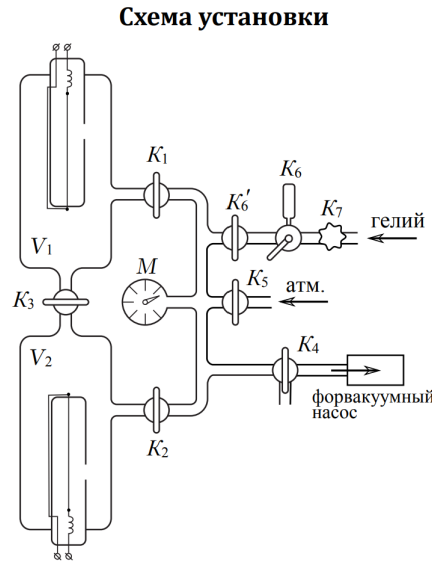


Рис. 1: Схема установки 1.

Для неё имеем:

$$V_1 = V_2 = V = (775 \pm 10) \text{ см}^3$$

$$\frac{L}{S} = (5,3 \pm 0,1) \text{ см}^{-1}$$

$$P_{\text{атм}} = 751 \text{ торр}$$

$$\text{Ц.Д.вакуумметра} = 7,43 \text{ торр}$$

### 3.2 Подготовка установки к работе

- а) включили питание датчиков и измерительного моста;
- б) убедились, что кран подачи гелия К7 плотно закрыт, и в установке нет запертых объёмов;
- в) подсоединили установку к форвакуумному насосу и откачали её до давления 0,1 торр. Это достигается непрерывной работой насоса в течение 3–5 минут (при этом показания манометра М, измеряющего разность давлений между установкой и атмосферой, достигли максимума);
- г) после окончания откачки выключили насос.

### 3.3 Балансировка измерительного моста при рабочем давлении

Для начала выберем  $P_{\Sigma} = 40$  торр

- а) напустили в установку воздух до давления  $P_{\Sigma}$ ;
- б) изолировали рабочие объёмы, закрыв краны К1, К2 (К3 открыт);
- в) сбалансировали измерительный мост так, чтобы показания вольтметра флуктуировали в среднем около нулевого значения. Использовали последовательно ручки регулировки «грубо», затем «точно». После балансировки и до окончания измерений при данном  $P_{\Sigma}$  положения ручек регулировки не меняли. Удалось добиться флуктуаций значений напряжения в пределах 0,01 мВ.

### 3.4 Приготовление рабочих смесей

В сосуде  $V_2$  должен оказаться чистый воздух, в  $V_1$  смесь воздуха с гелием. Давления в сосудах должны быть одинаковы и равны рабочему  $P_{\Sigma}$ . Для этого выполнили следующие действия:

- а) Откачали всю установку до  $\approx 0,1$  торр.
- б) Изолировали объём  $V_2$ , закрыв краны К2 и К3. После этого остановили откачку.
- в) Напустили в установку гелий до давления  $P_{He} = 0,1P_{\Sigma}$ . После этого изолировали объём  $V_1$  (краном К1).
- г) Перекрыли подачу гелия (кран К7) и откачали гелий из всех патрубков. Затем остановили откачку.
- д) Присоединили объём  $V_2$  к установке (кран К2) и заполнили всю установку, исключая объём  $V_1$ , воздухом (без гелия) до давления, избыточного по сравнению с планируемым рабочим давлением ( $1,675P_{\Sigma}$ ).
- е) Уравняли давления в сосудах  $V_1$  и  $V_2$ , создав поток из сосуда с воздухом в сосуд с гелием. Для этого открыли краны К1 и К2 при закрытых К3 и К4. Поскольку газ при адиабатическом расширении остывает, необходимо держать краны К1 и К2 открытыми в течение некоторого времени (30–60 с), чтобы дать давлениям выравняться при одинаковых температурах. Это время не должно быть слишком велико, чтобы диффузия гелия по трубкам в обратном направлении не привела к искажению приготовленного состояния.
- ж) Записали точное значение установившегося рабочего давления  $P_{\Sigma} = 40$  торр. Изолировали объёмы  $V_1$  и  $V_2$ , перекрыв краны К1 и К2. Система должна быть готова к измерениям.

### 3.5 Измерение изменения теплопроводности

Процесс диффузии начался после открывания крана К3. Прежде приготовили компьютерную программу по дополнительному описанию. Открыли К3 и измерили, как меняются показания вольтметра с течением времени. Измерение продолжали до тех пор, пока напряжение не упало на 50%.

### 3.6 Измерения при различных значениях рабочего давления

Повторили измерения пп. 3–5 при различных значениях рабочего давления в диапазоне 40–200 торр (всего 5 значений). Графики, полученные при измерениях приведены в приложении.

## 4 Обработка результатов измерений

### 4.1 Рассчёт коэффициентов взаимной диффузии

Для каждого значения рабочего давления построили график зависимости  $\ln U(t)$ . По угловым коэффициентам и известным геометрическим параметрам установки рассчитали коэффициенты взаимной диффузии при выбранных рабочих давлениях (формулы (4) и (5)). Соответствующие графики представлены в приложении. Оценили погрешности по методу наименьших квадратов. Полученные данные в таблице 1.

| $P$ , торр | $\sigma_P$ , торр | $D$ , см <sup>2</sup> /с | $\sigma_D$ |
|------------|-------------------|--------------------------|------------|
| 40         | 3                 | 11.20                    | 0.26       |
| 82         | 3                 | 5.54                     | 0.13       |
| 119        | 3                 | 3.724                    | 0.085      |
| 160        | 3                 | 2.831                    | 0.065      |
| 201        | 3                 | 2.204                    | 0.050      |

Таблица 1: Результаты расчётов  $D$  для каждого значения рабочего давления

### 4.2 Рассчёт коэффициента взаимной диффузии при атмосферном давлении

Построили график зависимости коэффициента диффузии от обратного давления в координатах  $D(1/P)$ . График представлен в приложении. Экстраполируя график к атмосферному давлению, оценили соответствующий коэффициент диффузии.

$$D_{\text{атм}} = (0,60 \pm 0,04) \text{ см}^2/\text{с} \quad (6)$$

Результат совпадает с табличным значением  $D_{\text{табл}} = 0,62 \text{ см}^2/\text{с}$  в пределах погрешности.

### 4.3 Оценка длины свободного пробега атомов гелия в воздухе и эффективного сечения столкновений атомов гелия с молекулами воздуха

При помощи формулы (2) определим  $\lambda_{\text{He}}$  и  $\sigma_{\text{He-возд}}$  при атмосферном давлении  $P_{\text{атм}} = 751$  торр и температуре  $T = 299 \text{ K}$ :

$$\lambda_{\text{He}} = 142 \text{ нМ} \quad (7)$$

$$\sigma_{\text{He-возд}} = 2,89 * 10^{-19} \text{ м}^2 \quad (8)$$

## 5 Вывод

Мы зарегистрировали зависимость концентрации гелия в воздухе от времени с помощью датчиков теплопроводности при разных начальных давлениях смеси газов, а также определили коэффициенты диффузии.

## 6 Приложение

График зависимости  $U(t)$  при давлении 40 торр

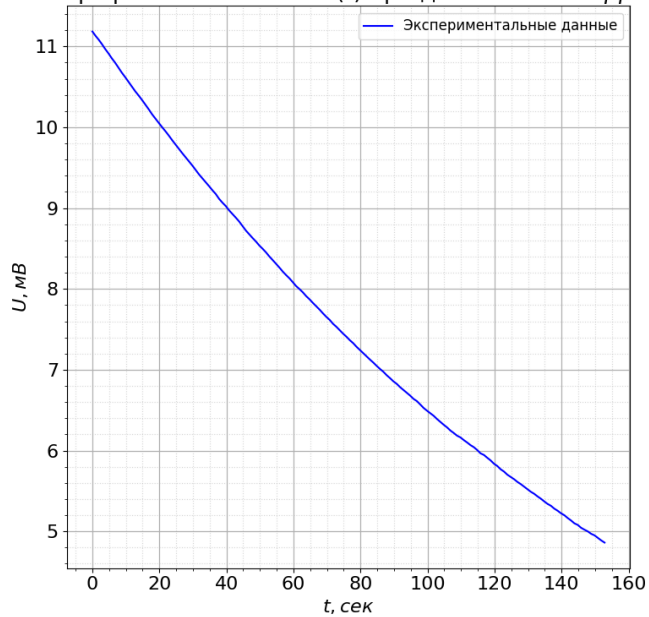


График зависимости  $(\ln U)(t)$  при давлении 40 торр

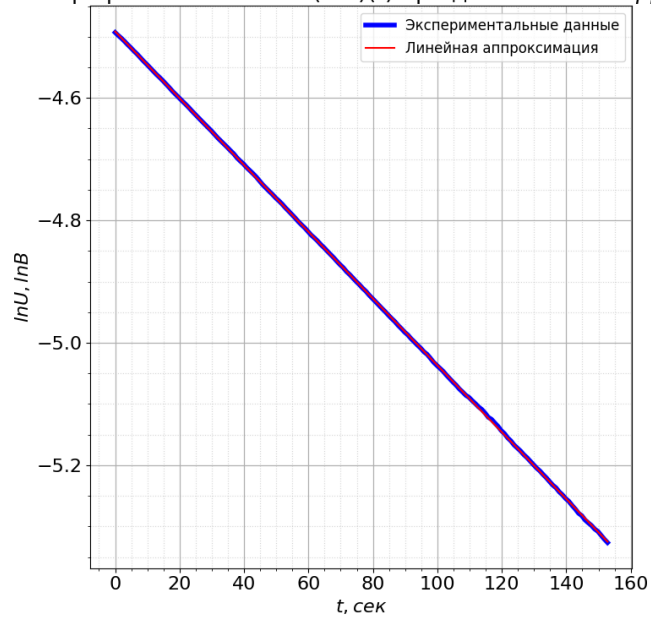


График зависимости  $U(t)$  при давлении 82 торр

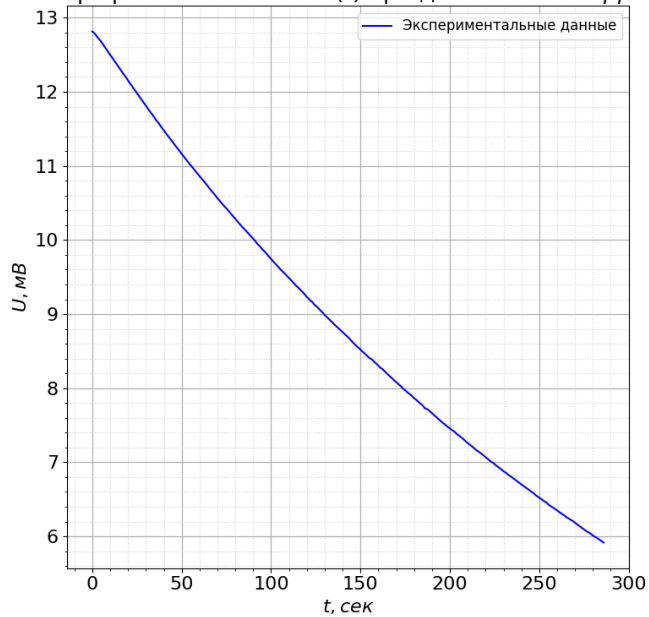


График зависимости  $(\ln U)(t)$  при давлении 82 торр

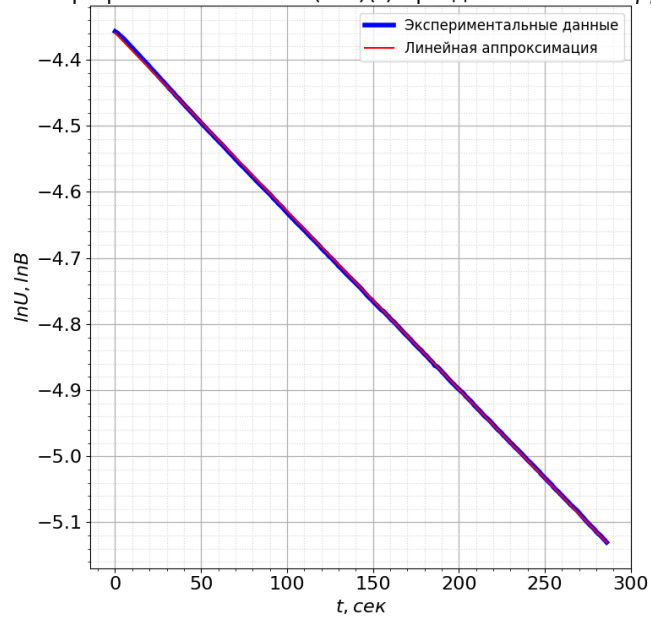


График зависимости  $U(t)$  при давлении 119 торр

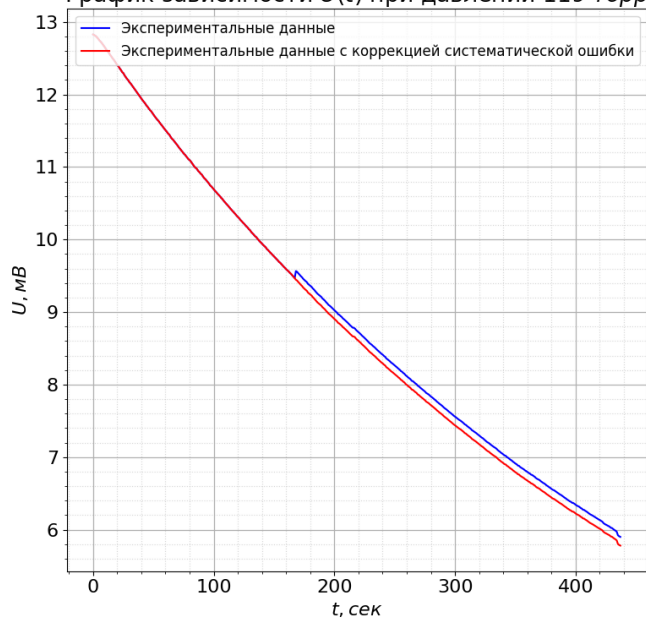


График зависимости  $(\ln U)(t)$  при давлении 119 торр

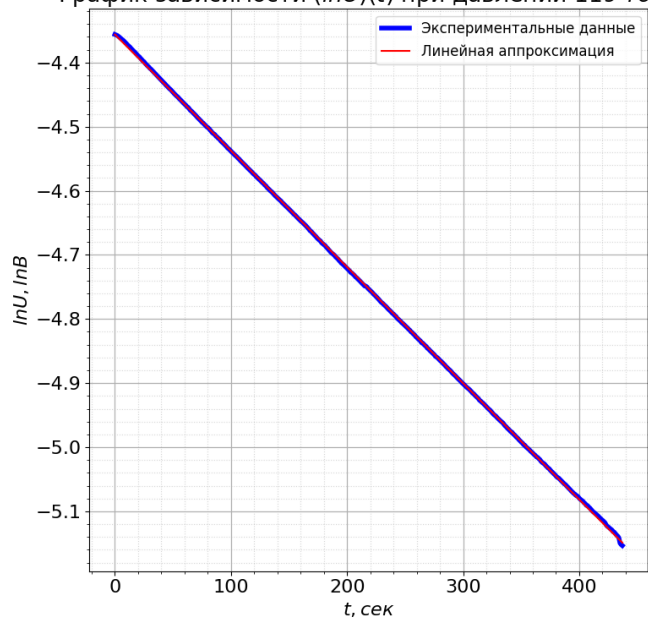


График зависимости  $U(t)$  при давлении 160 торр

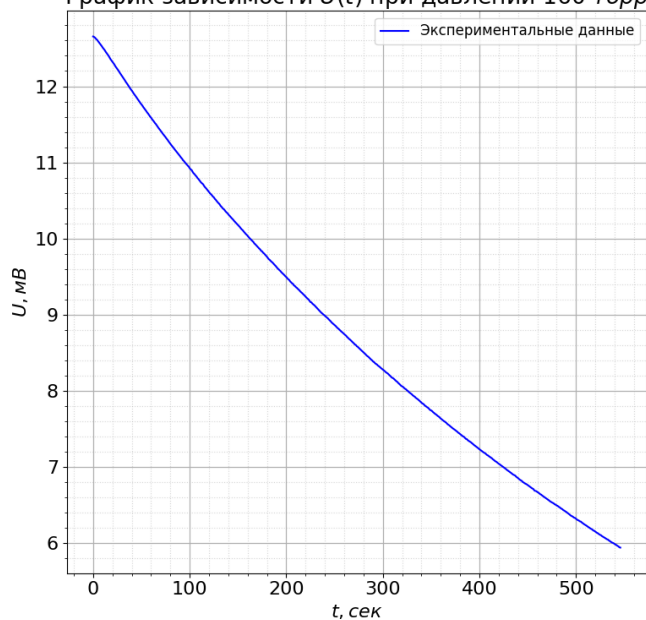


График зависимости  $(\ln U)(t)$  при давлении 160 торр

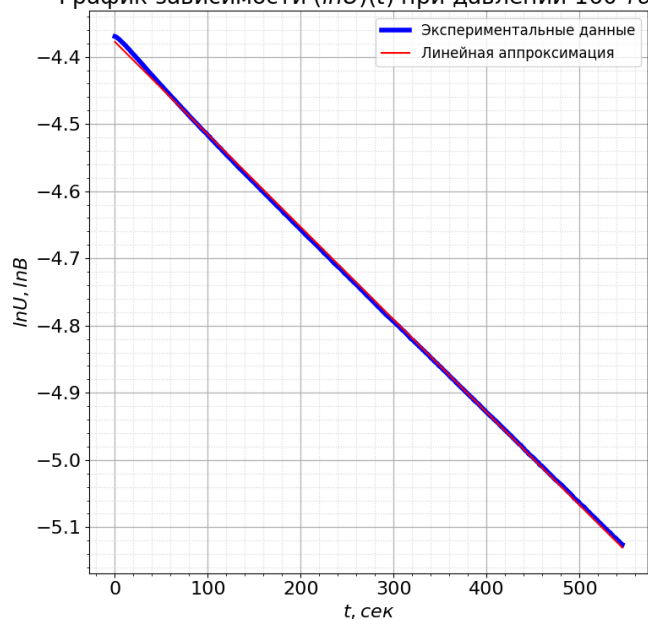


График зависимости  $U(t)$  при давлении 201 торр

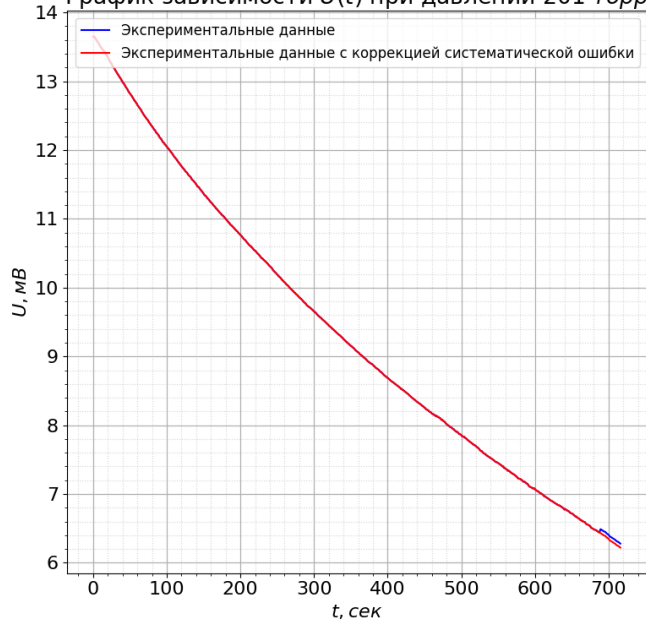
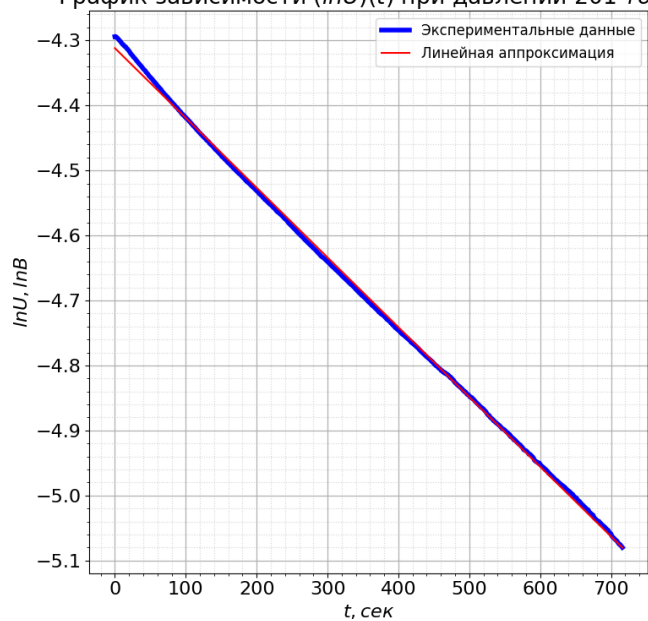


График зависимости  $(\ln U)(t)$  при давлении 201 торр



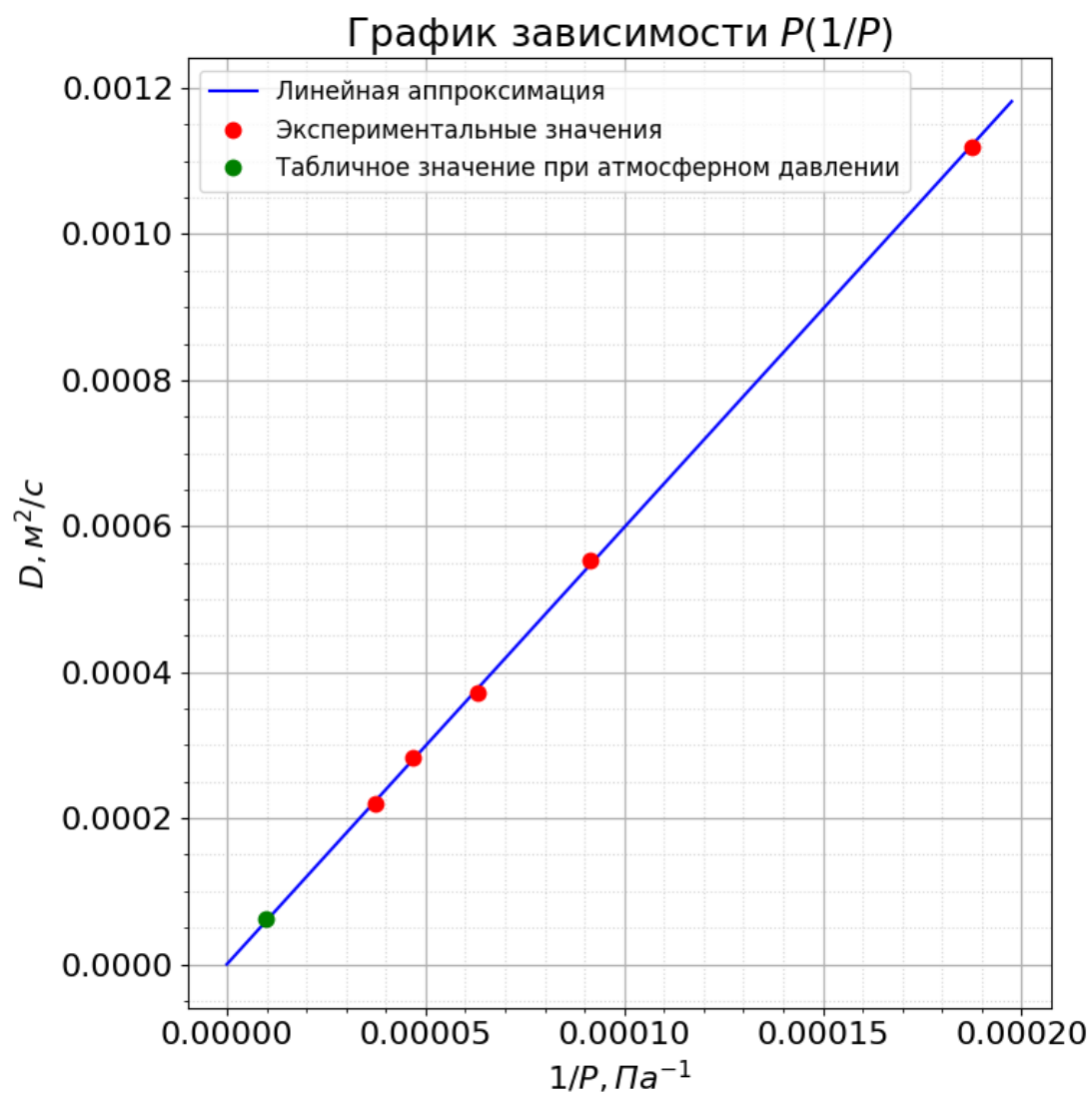


Рис. 2: График зависимости  $D(1/p)$