## **Examen 1**

## 29 de noviembre

| Equipo |  |  |  |
|--------|--|--|--|
|        |  |  |  |
|        |  |  |  |
|        |  |  |  |
|        |  |  |  |
|        |  |  |  |
|        |  |  |  |
|        |  |  |  |

## Resuelve los siguientes problemas explicando con detalle tus respuestas

Considera los vértices de triángulo ABC y denota por  $\mathcal A$  la recta que contiene al lado opuesto al vértice A, similarmente  $\mathcal B$  y  $\mathcal C$ , para

$$A=(5,5), \quad B=(1,2), \quad C=(1,7).$$

- 1. Encuentra la descripción paramétrica de  $\mathcal{C}$ .
- 2. Encuentra la ecuación normal de  $\mathcal{B}$ .
- 3. Encuentra la ecuación normal de la mediatriz del segmento  $\overline{BC}$ .
- 4. Calcula las distancias b = d(A, C) y  $h = d(B, \mathcal{B})$ , para determinar el área  $\frac{bh}{2}$  y haz un dibujo del triángulo, indicando h y la recta de la pregunta anterior.
- 5. Obtén las coordenadas polares de los puntos con coordenadas cartesianas

$$P = (1, -2) \text{ y } Q = (0, -2).$$

Demuestra que dos vectores  ${f u}$  y  ${f v}$  son perpendiculares si y sólo si  $|{f u}+{f v}|^2=|{f u}|^2+|{f v}|^2$ . Haz el dibujo.