## **Examen 1**

## 29 de noviembre

| Equipo |   |  |  |
|--------|---|--|--|
|        |   |  |  |
|        |   |  |  |
|        |   |  |  |
|        |   |  |  |
|        | • |  |  |

Considera los vértices de triángulo ABC y denota por  $\mathcal A$  la recta que contiene al lado opuesto al vértice A, similarmente  $\mathcal B$  y  $\mathcal C$ , para

$$A=(1,6),\quad B=(1,1),\quad C=(5,4).$$

- 1. Encuentra la descripción paramétrica de  $\mathcal{C}$ .
- 2. Encuentra la ecuación normal de  $\mathcal{B}$ .
- 3. Encuentra la ecuación normal del la altura por A (la perpendicular a  $\mathcal A$  por A).

Resuelve los siguientes problemas explicando con detalle tus respuestas

- 4. Calcula las distancias b = d(A, C) y  $h = d(B, \mathcal{B})$ , para determinar el área  $\frac{bh}{2}$  y haz un dibujo del triángulo, indicando h y la recta de la pregunta anterior.
- 5. Obtén las coordenadas polares de los puntos con coordenadas cartesianas

$$P = (1,1) \text{ y } Q = (-1,2).$$

6. Dados dos vectores  $\mathbf{u}$  y  $\mathbf{v}$  en  $\mathbb{R}^n$ , el paralelogramo que definen tiene como vértices los puntos  $O, \mathbf{u}, \mathbf{v}$  y  $\mathbf{u} + \mathbf{v}$ . Demuestra que sus diagonales, es decir, los segmentos  $\overline{O(\mathbf{u} + \mathbf{v})}$  y  $\overline{\mathbf{u}}$  se intersectan en su punto medio.