Examen 1 29 de Noviembre

Equipo:

- Xavier Andres Correa Reynoso
- Daniela Aline Gomez Jardon
- Emily Andrea Cervantes Dominguez
- Wembley Emanuel Ibarra Tepato
- Braulio Tadeo Ramirez Chavez



Resuelve los siguientes problemas explicando con detalle tus respuetas

Considera los vértices del triángulo ABC y denota por A la recta que contiene al lado opuesto al vértice A, similarmente B y C para

$$A=(6,5), B=(1,5), C=(4,1)$$

```
2. Encuentra la ecución normal de B

ha ecuación poramétrica de B se puede escribir cono:

B = \{C + t(A - C)\} con t \in \mathbb{R}

B = \{(4,1) + t((6,5) - (4,1))\} \mid t \in \mathbb{R}\}

B = \{(4,1) + t(2,4)\} \mid t \in \mathbb{R}\}

Texera sea d \in \mathbb{R}^2 - \{0\}, entonces

\{P + t d \mid t \in \mathbb{R}\} = \{x \in \mathbb{R}^2 \mid d^4 \circ x = d^4 \circ p\}

Por definición (A - C)^4 = (-4,2)

Entonces B = \{(4,1) + t(2,4)\} \mid t \in \mathbb{R}\} = \{x \in \mathbb{R}^2 \mid (-4,2) \circ x = (-4,2)\}

Sea x = (x,y) se trene que B es ignal a

(-4,2) \cdot (x,y) = (-4,2) \cdot (4,1)

2y - 4x = 2 - 16

Por definición de producto punto o inferior

2y - 4x = -14

\therefore 2y - 9x = -14 es la ecuación normal de B
```

(3) sea et parto medio del DC el signente

$$P_{m} = \left(\frac{s_{1}t_{2}}{2}, \frac{t_{1}t_{12}}{2}\right)$$

$$P_{m} = \left(\frac{114}{2}, \frac{511}{2}\right) = \left(\frac{5}{2}, 3\right)$$
Sea B-C el vector director de la recta
que pesa por BC. $f(B-C)^{+}$ el vector
director de la recta perpondicular. Así
$$f_{i}: (B-C) \cdot (k_{i}y) = (B-C) \cdot P_{m}$$
Es la recta namal de la nediatriz del BC, recordando que $[(B-C)^{+}]^{+} = B-C$. Así
$$(1-4,5-1) \cdot (k_{i}y) = (1-4,5-1) \cdot \left(\frac{5}{2},3\right)$$

$$(-3,4) \cdot (k_{i}y) = (-3,4) \cdot \left(\frac{5}{2},3\right)$$

$$-3x+4y = \frac{9}{2}$$

9 Sea
$$b = d(A,C) = \sqrt{(6-4)^2 + (9-1)^2} = 2\sqrt{5}$$

Sea la recla B definida como
$$(A-C)^{\perp} \cdot (x,y) = (A-C)^{\perp} \cdot C$$

$$(6-4,5-1)^{\perp} \cdot (x,y) = (6-4,5-1)^{\perp} \cdot (4,1)$$

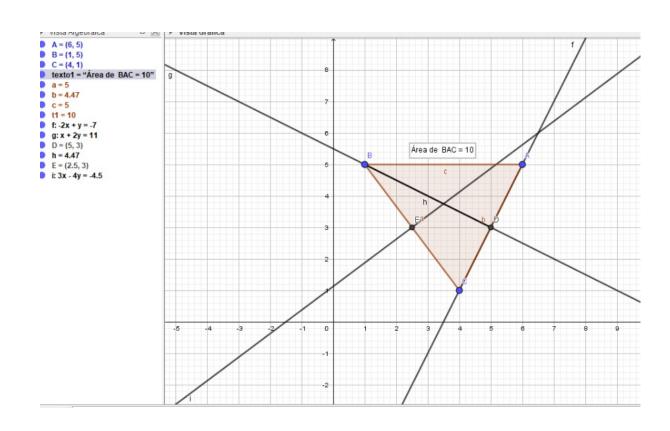
$$(2,4)^{\perp} \cdot (x,y) = (2,4)^{\perp} \cdot (4,1)$$

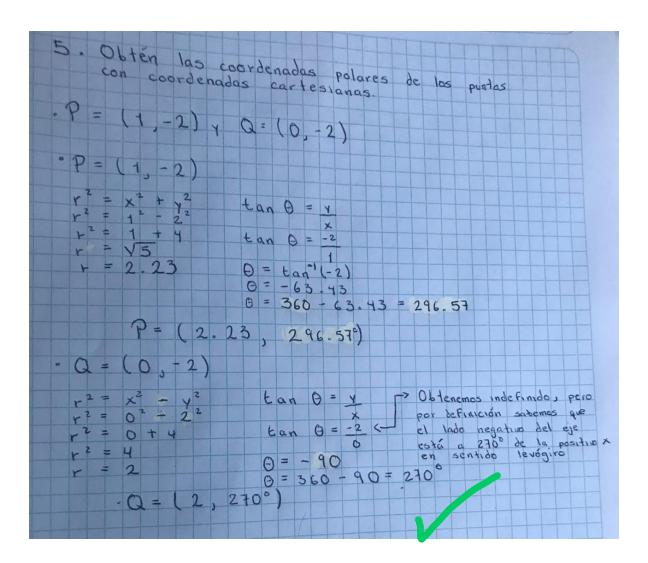
$$(-4,2) \cdot (x,y) = (-4,2) \cdot (4,1)$$

$$-4x+2y = -14$$

$$-2x+y+7=0$$
Sea $b = d(B,B) = \frac{1-2(1)+1(5)+71}{\sqrt{(-7)^2+(1)^2}} = \frac{10}{\sqrt{5}}$

$$A = \frac{bh}{2} = \frac{1}{2}(2\sqrt{5})(\frac{10}{\sqrt{5}}) = 100^2$$





3) Sean U + V dos vectores no nulos tales que Iul=IVI. Si esto sitimo pasa, entonces |U= |V| 1012 = 11/2 U-U = V.V U.U-V.V=D U.U+U.V-U.V-V.V=O U. (U-V)+V.(U-V)=0 (u+v)·(u-v)=0 Para que esta condición se cumpla, utv y U-v deben ser ortogonales. Asi, si lul= |v| =D (U+V) 1 (U-V). Por otro lado, si (utv) 1 (u-y) entonces (UIV)-(U-V)=0 U-U+U·V-U·V-V·V=0 U.U = V.V 1012=1V12 101=11 Asi, si (0+v) 1(0-v) = > 101=1v). Si ambos implicaciones se complen entonces se tiene que lul= |v| + (u+v) 1(u-v).