

Tabla de horarios

Teoría de Números y Aplicaciones pág. 3					
Hora	Lunes	Martes	Miércoles	Jueves	Viernes
9:00-9:50	Inauguración		21.1	21.6	21.12
10:00-10:20			21.2	21.7	21.13
10:20-10:40			21.3	21.8	21.14
10:40-11:00	PLENARIA		21.4	21.9	21.15
11:00-11:30	1	Café			
11:40-12:00	Traslado				
12:00-12:50			21.5	21.10	21.16
12:50-13:00	Traslado				
13:00-13:30		PLENARIA	PLENARIA	PLENARIA	PLENARIA
13:30-13:50		2	3	4	5
14:00-16:30	COMIDA		Tarde Libre	COMIDA	
16:40-17:00				21.11	21.17
17:00-17:20					21.18
17:20-17:40					
17:40-18:10	Café			Café	
18:10-18:30				PLENARIA	PLENARIA
18:30-18:50				8	9
18:50-19:00	Traslado			HOMENAJE	Traslado
19:00-19:50	PLENARIA 6	PLENARIA 7		JORGE IZE	Asamblea
19:50-20:50	HOMENAJE	HOMENAJE			General
20:50-21:00	ERNESTO	FRANCISCO	Traslado		
21:00-21:50	LACOMBA	RAGGI	Clausura		
Salón I1					

21.1 Haciendo teoría de números con sistemas algebraicos computacionales (CAS)

Pedro Ricardo López Bautista (CDV, 2Lic)

21.2 La distribución y propiedades aritméticas de sucesiones en campos primos

Víctor Cuauhtemoc García Hernández (CI, Pos)

21.3 Group Arithmetic in  $C_{3,5}$  Curves

Robert Oyono (CPI, Pos)

21.4 Campos de géneros de extensiones cuadráticas

Myriam Rosalía Maldonado Ramírez (CDV, 2Lic)

21.5 Fórmula del Conductor Discriminante

Martha Rzedowski Calderón (CPI, Pos)

21.6 Números de Carmichael en varias sucesiones

Florian Luca (Invitado) (CPI, 1Lic)

21.7 La Conjetura de Giuga

Virgilio Janitzio Mejía Huguet (CI, Pos)

21.8 Propiedades aritméticas de las sucesiones generalizadas de Fibonacci

Jhon Jairo Bravo Grijalba (RT, 2Lic)

21.9 Sobre la ecuación  $u^2 + nv^2 = F_n$

Juan José Alba González (RI, Pos)

Edwin León Cardenal (CPI, Pos)

**21.10 Aplicaciones en Criptografía de la Teoría de Números**

Guillermo Benito Morales-Luna (Invitado) (CPI, 2Lic)

**21.15 Un análogo del método de Frobenius para ecuaciones pseudo-diferenciales sobre cuerpos  $p$ -ádicos**

Leonardo Fabio Chacon Cortes (RT, Pos)

**21.11 El anillo  $\mathbb{Z}_p^n$  y Teoría de Códigos**

Horacio Tapia-Recillas (Invitado) (CDV, Pos)

**21.16 Índice de maximalidad y la función zeta de Goss**

Víctor Manuel Bautista Ancona (CI, 2Lic)

**21.12 Aritmética y Física de Sistemas Complejos**

Wilson Alvaro Zuñiga Galindo (Invitado) (CPI, Pos)

**21.17 Inversión de Möbius: Generalización y aplicaciones**

Emiliano Geneyro Squarzon (RT, 2Lic)

**21.13 El anillo de adeles como un espacio métrico**

Sergii Torba (CI, Pos)

**21.18 Acerca de las soluciones de la ecuación  $x^3 + y^3 = z^3$  en los enteros de Gauss**

Luis Elí Pech Moreno (CDV, 1Lic)

**21.14 Sumas Exponenciales Mod  $p^m$  para polinomios de Laurent**

# Resúmenes

## 21. Teoría de Números y aplicaciones

### 21.1. Haciendo teoría de números con sistemas algebraicos computacionales (CAS) (CDV, 2Lic)

**Pedro Ricardo López Bautista**, rlopez@correo.azc.uam.mx (*Universidad Autónoma Metropolitana-Azcapotzalco (UAM) Departamento de Ciencias Básicas*)

*Coautores: Georgina Pulido Rodríguez, Galois Rodríguez Álvarez*

En esta plática usaremos un enfoque computacional para ilustrar propiedades y problemas en teoría de números. Utilizaremos algunos CAS y librerías como Octave, Magma, Kash/Kant, Sage, Pari, vxMaxima, Mathematica, Geogebra, GAP, GMP, LIP, NTL, LiDia mostrando características fundamentales de cada uno de los CAS mencionados y ventajas de unos sobre otros. Ejemplificamos con algoritmos y pseudocódigos conceptos como aritmética modular, funciones aritméticas, residuos cuadráticos, primalidad, símbolos de Legendre, raíces cuadradas módulo  $p$ , aritmética de polinomios sobre campos finitos, factorización de ideales en campos numéricos, álgebra lineal sobre los enteros, primalidad, factorización de enteros, campos primos, Campos cuadráticos, número de clase, regulador, curvas elípticas sobre campos finitos.

### 21.2. La distribución y propiedades aritméticas de sucesiones en campos primos (CI, Pos)

**Víctor Cuauhtemoc García Hernández**, vc.garci@gmail.com (*Universidad Autónoma Metropolitana - Azcapotzalco (UAM-A), Departamento de Ciencias Básicas e Ingeniería*)

En esta charla se mostrará brevemente el comportamiento distribucional y aritmético de ciertas sucesiones cuando se miran en un campo primo. Veremos que en muchas ocasiones éstos problemas requieren de otro tipo de ideas para su estudio, no pueden ser abordados directamente como en los enteros. Mediante el uso de técnicas de sumas trigonométricas e ideas de aritmética combinatoria, se mostrarán resultados originales acerca de cómo toda clase residual módulo  $p$  se puede escribir usando pocas combinaciones de sumas y productos de elementos que pertenecen a conjuntos de cardinalidad del orden  $p^{1/2}$ .

### 21.3. Group Arithmetic in $C_{3,5}$ Curves (CPI, Pos)

**Robert Oyono**, roger.oyono@gmail.com (NA)

In this talk we present a fast addition algorithm in the Jacobian of a  $C_{3,5}$  curve over a finite field  $F_q$ . The presented algorithm has a nice geometric interpretation, comparable to the classic chord and tangent law for the elliptic curves.

### 21.4. Campos de géneros de extensiones cuadráticas (CDV, 2Lic)

**Myriam Rosalía Maldonado Ramírez**, myriamros@yahoo.com.mx (*ESFM-IPN*)

*Coautores: Martha Rzedowski Calderón, Gabriel Villa Salvador*

El concepto de campo de géneros se remonta a C.F. Gauss en el contexto de formas cuadráticas. El campo de géneros de una extensión de campos da información acerca del grupo de clases de la extensión. En esta plática se determinará el campo de géneros de las extensiones cuadráticas de los números racionales usando caracteres de Dirichlet como lo hizo H. Leopoldt.

### 21.5. Fórmula del Conductor Discriminante (CPI, Pos)

**Martha Rzedowski Calderón**, mrzedowski@ctrl.cinvestav.mx (*Centro de Investigación y de Estudios Avanzados del IPN (Cinvestav) Control Automático*)

*Coautor: Gabriel Villa*

La fórmula del conductor discriminante relaciona a los conductores del grupo de caracteres asociados al grupo de Galois de una extensión de campos globales o locales con el discriminante de la extensión. En la plática se consideran extensiones abelianas del campo de los números racionales. Se presentan algunos ejemplos y se bosqueja una demostración elemental

que utiliza que el índice de ramificación de un primo es igual al orden de la parte primaria correspondiente del grupo de caracteres de Dirichlet asociado a la extensión dada.

### 21.6. Números de Carmichael en varias sucesiones (CPI, 1Lic)

**Florian Luca**, fluca@matmor.unam.mx (*Centro de Ciencias Matemáticas UNAM (CCM UNAM)*)

Un número de Carmichael es un entero positivo compuesto  $n$  tal que  $a^n \equiv a \pmod{n}$ . Hay una infinidad de números de Carmichael el más pequeño siendo 561. En la primera parte de la conferencia presentaremos los resultados conocidos más importantes sobre las propiedades generales de los números de Carmichael, su función de conteo, su distribución en progresiones aritméticas y también algunas de sus generalizaciones. En la segunda parte de la conferencia, fijamos un entero impar  $k$  y estudiaremos la presencia de los números de Carmichael en la sucesión  $\{2^nk + 1\}_{n \geq 1}$ . Probaremos que si  $2^nk + 1$  es un número de Carmichael, entonces  $n$  es acotado en términos de  $k$ . El conjunto de los  $k$  impares tal que  $2^nk + 1$  es un número de Carmichael para algún  $n$  es de densidad cero y su elemento minimal es  $k = 27$ . Algunos de estos resultados han sido obtenidos en conjunto con Banks, Cilleruelo, Finch, Pizarro, Pomerance y Stúanicúa.

### 21.7. La Conjetura de Giuga (CI, Pos)

**Virgilio Janitzio Mejía Huguet**, vjanitzio@gmail.com (*Ciencias Básicas e Ingeniería, Universidad Autónoma Metropolitana (U.A.M.)*)

En 1950 Giuga plantea la siguiente conjetura:

$$\text{Si } 1^{n-1} + 2^{n-1} + 3^{n-1} + \dots + (n-1)^{n-1} \equiv -1 \pmod{n}, \text{ entonces } n \text{ es un número primo.}$$

Para hablar acerca de esta interesante conjetura, introducimos los números de Carmichael y de Giuga así como las funciones  $\lambda$  de Carmichael y  $\phi$  de Euler.

### 21.8. Propiedades aritméticas de las sucesiones generalizadas de Fibonacci (RT, 2Lic)

**Jhon Jairo Bravo Grijalba**, jhonjaba@gmail.com (*Universidad Nacional Autónoma de México (UNAM)*)

*Coautor: Florian Luca*

Sea  $k \geq 2$  un entero. La sucesión  $k$ -generalizada de Fibonacci  $(F_n^{(k)})_n$  se asemeja a la sucesión de Fibonacci, pues comienza con  $0, \dots, 0, 1$  ( $k$  términos) y a partir de ahí, cada término de la sucesión es la suma de los  $k$  precedentes. En esta plática se presentan diferentes propiedades aritméticas de la sucesión  $(F_n^{(k)})_n$ . Los resultados que se exponen corresponden a avances de la investigación doctoral que actualmente estoy desarrollando bajo la dirección del profesor Florian Luca.

### 21.9. Sobre la ecuación $u^2 + nv^2 = F_n$ (RI, Pos)

**Juan José Alba González**, math@ciencias.unam.mx (*Facultad de Ciencias, UNAM*)

En esta plática se hablará sobre el conjunto de enteros positivos  $n$  tales que la ecuación  $u^2 + nv^2 = F_n$  tiene solución, donde  $F_n$  denota el  $n$ -ésimo número de Fibonacci. Se establecerán cotas para la función de conteo de dicho conjunto.

### 21.10. Aplicaciones en Criptografía de la Teoría de Números (CPI, 2Lic)

**Guillermo Benito Morales-Luna**, gmorales@cs.cinvestav.mx (*Computación, Cinvestav-IPN*)

Revisamos inicialmente la noción de esquemas perfectos de cifrado en estructuras numéricas como anillos de residuos, campos finitos y curvas elípticas y cómo éstos están ligados a las funciones unidireccionales, a saber aquellas que son fácilmente computables pero cuyas inversas plantean problemas computacionalmente difíciles. La existencia de tales funciones está conectada con la noción más pura de aleatoriedad. Las funciones típicamente unidireccionales son la multiplicación y la exponenciación. Veremos algunos estimativos de la complejidad del problema de factorización y del logaritmo discreto. Estos problemas son la base de los algoritmos de cifrado más utilizados en la actualidad, pero ni han sido demostrados tratables (no se tiene algoritmo alguno determinista que los resuelva eficientemente) ni se han demostrado difíciles en la clase NP. La robustez de la criptografía actual es pues una convención social. Mencionaremos algunas estructuras finitas en donde estos problemas poseen soluciones eficientes (y por tanto en ellos los esquemas criptográficos son débiles). De manera general, con la Computación Cuántica esos problemas serían resueltos en tiempo polinomial. Esto abre una línea de investigación sobre Criptografía Postcuántica, en la cual el problema del subgrupo oculto es uno que se mantendrá intratable. Lo discutiremos al final de la charla.

### 21.11. El anillo $\mathbb{Z}_{p^n}$ y Teoría de Códigos (CDV, Pos)

**Horacio Tapia-Recillas**, hrt@xanum.uam.mx (Departamento de Matemáticas, Universidad Autónoma Metropolitana- Iztapalapa (UAM-I))

Algunas áreas de la Matemática como el Algebra Conmutativa, Geometría Algebraica y Teoría de Números, entre otras, hasta hace poco tiempo, se consideraban lejos de tener una aplicación en la solución de problemas prácticos y vinculados con la vida cotidiana. Uno de estos problemas esta relacionado con la trasmisión, almacenamiento y seguridad de la información. En esta plática se motivará el estudio de los Códigos Lineales Detectores-Correctores de Errores sobre campos finitos pero también sobre anillos (finitos), particularmente sobre el anillo de enteros modulares. Se verá como la estructura de estos anillos ayuda en el estudio de los códigos lineales. Los requisitos para seguir la plática son mínimos: conceptos básicos de Algebra y Teoría de Números.

### 21.12. Aritmética y Física de Sistemas Complejos (CPI, Pos)

**Wilson Alvaro Zuñiga Galindo**, wazuniga@math.cinvestav.edu.mx (CINVESTAV Departamento de Matemáticas)

El objetivo de la conferencia es introducir los números p-ádicos y su conexión con ciertos modelos nuevos de sistemas complejos. Introduciré las ideas básicas del análisis p-ádico, las ecuaciones pseudo-diferenciales, y luego me enfocare en la versión p-ádica de la ecuación del calor y su conexión con modelos de sistemas complejos. Al final de la conferencia discutiré brevemente mi trabajo mas reciente sobre esta materia.

### 21.13. El anillo de adeles como un espacio métrico (CI, Pos)

**Sergii Torba**, storba@math.cinvestav.edu.mx (Departamento de Matemáticas (Unidad Querétaro), Centro de Investigación y de Estudios Avanzados del Instituto Politécnico Nacional (CINVESTAV))

Sea  $p$  un número primo fijo, y sea  $x$  un número racional distinto de cero. Entonces  $x$  puede ser representado de forma única como  $x = p^k \frac{a}{b}$  con  $p \nmid ab$  y  $k \in \mathbb{Z}$ . La función  $|x|_p := p^{-k}$  se llama una valuación sobre los números racionales y da lugar a una valor absoluto no arquimediano en  $\mathbb{Q}$ . El campo de números p-ádicos  $\mathbb{Q}_p$  se define como la completación de  $\mathbb{Q}$  con respecto a la distancia inducida por  $|\cdot|_p$ . Sea  $\mathbb{Z}_p$  la bola unitaria de  $\mathbb{Q}_p$ . La función  $|\cdot|_\infty$  es la norma euclidea habitual, y  $\mathbb{Q}_\infty := \mathbb{R}$ . El anillo de Adeles finitos sobre  $\mathbb{Q}$ , denotado  $\mathbb{A}_f$ , se define como

$$\mathbb{A}_f = \{(x_2, x_3, x_5, \dots) : x_p \in \mathbb{Q}_p, \text{ y } x_p \in \mathbb{Z}_p \text{ para casi todo } p\}.$$

El anillo de Adeles sobre  $\mathbb{Q}$ , denotado  $\mathbb{A}$ , se define como

$$\mathbb{A} = \{(x_\infty, x_2, x_3, x_5, \dots) : x_p \in \mathbb{Q}_p, \text{ y } x_p \in \mathbb{Z}_p \text{ para casi todo } p\}.$$

Alternativamente, podemos definir  $\mathbb{A}_f$  y  $\mathbb{A}$  como los productos restringidos de  $\mathbb{Q}_p$  con respecto a  $\mathbb{Z}_p$ . La adición y la multiplicación componente a componente dan a  $\mathbb{A}_f$  y  $\mathbb{A}$  estructuras de anillo. Además,  $\mathbb{A}_f$  (respectivamente  $\mathbb{A}$ ) se puede convertir en un anillo topológico localmente compacto, tomando como base para la topología del producto restringido todos los conjuntos de la forma  $U \times \prod_{p \notin S} \mathbb{Z}_p$ , donde  $S$  es cualquier conjunto finito de números primos (respectivamente conteniendo a  $\infty$ ), y  $U$  es cualquier subconjunto abierto en  $\prod_{p \in S} \mathbb{Q}_p$ . Consideremos la siguiente función para arbitraria  $x \in \mathbb{A}_f$ :

$$\|x\| := \begin{cases} \max_p \frac{|x_p|_p}{p} & \text{si } x \in \prod_p \mathbb{Z}_p, \\ \max_p |x_p|_p & \text{si } x \notin \prod_p \mathbb{Z}_p. \end{cases}$$

Se demuestra que esta función genera una métrica  $\rho_f$  en el anillo de Adeles finitos, que  $(\mathbb{A}_f, \rho_f)$  es un espacio métrico completo y que la topología inducida coincide con la topología del producto restringido. Se demuestra que las bolas y las esferas son conjuntos compactos para esta métrica y se demuestra que sus volúmenes se relacionan con la segunda función de Chebyshev

$$\psi(x) = \sum_p [\log_p x] \ln p = \sum_{p^k \leq x} \ln p.$$

Discutimos la conexión de la métrica construida y la transformada de Fourier. Mostramos que

$$\rho_{\mathbb{A}}(x, y) := |x_\infty - y_\infty|_\infty + \|x_f - y_f\|$$

es una métrica sobre el anillo de Adeles y de que esta métrica induce la topología del producto restringido. La ponencia se basa en un trabajo conjunto con W. A. Zuñiga-Galindo [1]. Referencias: [1] S. Torba and W. Zuñiga-Galindo, *Parabolic Type Equations and Markov Stochastic Processes on Adeles*, submitted, available at arXiv:1206.5213.

### 21.14. Sumas Exponenciales Mod $p^m$ para polinomios de Laurent (CPI, Pos)

**Edwin León Cardenal**, eleon@math.cinvestav.mx (*Centro de Investigación y Estudios Avanzados del Instituto Politécnico Nacional*)

Denotemos por  $\mathbb{Q}_p$  el cuerpo de los números  $p$ -ádicos. Sea  $f(x_1, x_2) \in \mathbb{Q}_p[x_1, x_2, x_1^{-1}, x_2^{-1}]$ . A un polinomio de esta clase le podemos asociar una suma exponencial módulo  $p^m$ , que en su forma más simple tiene la forma:

$$S_m = \sum_{(x_1, x_2) \in (\mathbb{Z}^\times / p^m \mathbb{Z}) \times (\mathbb{Z} / p^m \mathbb{Z})} e^{\frac{2\pi i}{p^m} (f(x_1, x_2))},$$

con  $m \in \mathbb{N}$ . Más generalmente, si  $\Psi$  denota un caracter aditivo fijo de  $\mathbb{Q}_p$  la anterior suma exponencial se puede generalizar como la integral oscilatoria:

$$E_\Phi(z, f) = \int_{(\mathbb{Q}_p^\times)^2} \Phi(x_1, x_2) \Psi(zf(x_1, x_2)) dx_1 \wedge dx_2,$$

donde  $\Phi$  es una función localmente constante con soporte compacto en  $\mathbb{Q}_p^2$ , y  $z = up^{-m}$ , con  $u \in \mathbb{Z}_p^\times$ , y  $m \in \mathbb{Z}$ . Nuestro resultado principal muestra que estas integrales tienen una expansión asintótica del tipo

$$\sum_{\lambda} c_{\lambda} \chi(ac z) |z|_p^{\lambda} \left( \log_p |z|_p \right)^{j_{\lambda}} \text{ cuando } |z|_p \rightarrow \infty,$$

donde  $\lambda$  recorre las ‘partes reales negativas’ de los polos de todas las funciones zeta locales torcidas asociadas a  $f$ . Adicionalmente las sumas exponenciales consideradas tienen una expansión asintótica similar cuando  $|z|_p \rightarrow 0$  y  $\lambda$  recorre las ‘partes reales positivas’ de los polos de funciones zeta. El primer tipo de expansión es bien conocido para polinomios, por lo cual resulta natural tenerlo en este caso. El segundo tipo de expansión asintótica es nuevo en este contexto. Esta charla es fruto del trabajo conjunto con el Dr. Wilson Zúñiga. Bibliografía: [1] DENEJ J., SPERBER S., *Exponential sums mod  $p^n$  and Newton polyhedra*. A tribute to Maurice Boffa. Bull. Belg. Math. Soc. Simon Stevin 2001, suppl., 55–63. [2] IGUSA J.-I., *An Introduction to the Theory of Local Zeta Functions*. AMS/IP Studies in Advanced Mathematics vol. 14, Amer. Math. Soc., Providence, RI, 2000. [3] KHOVANSKII A. G., *Newton polyhedra (resolution of singularities)*. (Russian) Current problems in mathematics, Vol. 22, 207–239, Itogi Nauki i Tekhniki, Akad. Nauk SSSR, Vsesoyuz. Inst. Nauchn. i Tekhn. Inform., Moscow, 1983. [4] VARCHENKO A., *Newton polyhedra and estimation of oscillating integrals*. Funct. Anal. Appl. 10 (1976), 175–196. [5] ZÚÑIGA-GALINDO W.A., *Local zeta functions and Newton polyhedra*. Nagoya Math J. 172 (2003), 31–58.

### 21.15. Un análogo del método de Frobenius para ecuaciones pseudo-diferenciales sobre cuerpos $p$ -ádicos. (RT, Pos)

**Leonardo Fabio Chacón Cortés**, lfchacon@gmail.com ((*Cinvestav*) Centro de Investigación y de Estudios Avanzados del Instituto Politécnico Nacional)

Un análogo del método de Frobenius para ecuaciones pseudo-diferenciales sobre cuerpos  $p$ -ádicos. En los últimos años el análisis  $p$ -ádicos. Ha tenido gran desarrollo debido a sus múltiples aplicaciones en Física, Biología, Economía, Mecánica cuántica, etc. Ver [1], [2]. En la primera parte de esta intervención se introducen: Los números  $p$ -ádicos, La transformada de Fourier, El operador de Vladimirov (El análogo de la derivada), Ver [3], [4] Por último se presenta un análogo para el método de Frobenius en este escenario, se dan varios ejemplos y se presentan algunos resultados inéditos. Bibliografía: [1] B. Dragovich, A. Yu. Khrennikov, S. V. Kozyrev, and Volovich I. V. On  $p$ -adic mathematical physics. P-adic Numbers, Ultrametric Analysis and Applications, 1:117, 2009. [2] V. S. Vladimirov and I. V. Volovich.  $p$ -adic quantum mechanics. Commun. Math. Phys., 123:659–676, 1989. [3] V. S. Vladimirov and I. V. Volovich.  $p$ -adic quantum mechanics. Commun. Math. Phys., 123:659–676, 1989. [4] A. N. Kochubei. Pseudo-differential Equations and Stochastics Over non-Archimedean Fields. Marcel Dekker, New York, 2001.

### 21.16. Índice de maximalidad y la función zeta de Goss (CI, 2Lic)

**Víctor Manuel Bautista Ancona**, vbautista@uady.mx (*Facultad de Matemáticas, Universidad Autónoma de Yucatán (UADY)*)

En esta plática, definimos el índice de maximalidad  $m(y)$  de un entero positivo  $y$ , asociado con la anulación de ciertas sumas de potencias sobre  $\mathbb{F}_q[T]$ , relacionadas a los conjuntos  $V_m(y)$  de descomposiciones “válidas” de  $y = X_1 + \dots + X_m$  de longitud  $m$ . El índice de maximalidad determina el entero máximo  $m$  para el cual los conjuntos  $V_m(y)$  son no vacíos y

además, se mostrará un algoritmo para hallar dicho índice y los conjuntos  $V_i(y)$  para  $1 \leq i \leq m(y)$  de manera explícita. Por último, la invariancia, bajo alguna acción, del índice de maximalidad  $m(y)$  y de las propiedades de divisibilidad por  $q-1$  de  $l_q(y)$ , la suma de los dígitos  $q$ -ádicos de  $y$ , implican la invariancia del grado de la función zeta de Goss, como ilustraremos aquí en dos casos.

### 21.17. Inversión de Möbius: Generalización y aplicaciones(RT, 2Lic)

**Emiliano Geneyro Squarzon**, squarzon@gmail.com (*Facultad de Ciencias, Universidad Nacional Autónoma de México (UNAM)*)

La fórmula clásica de inversión fue introducida en la teoría de números por August Ferdinand Möbius (1790-1868). En ella se establece que si dos funciones aritméticas  $f$  y  $g$  poseen una relación entre ellas, dada por:

$$f(n) = \sum_{d|n} g(d)$$

entonces, esta relación se puede invertir para todo entero  $n > 1$ , de la siguiente manera:

$$g(n) = \sum_{d|n} \mu\left(\frac{n}{d}\right) f(d)$$

No fue hasta 1964, cuando Gian-Carlo Rota publicó un artículo dedicado a la función de Möbius, que comenzó a tomar importancia en el desarrollo de otras ramas de las matemáticas. Rota generalizó, para cualquier conjunto parcialmente ordenado, los resultados relacionados con la inversión de Möbius; lo que permitió encontrar nuevas aplicaciones de dicha fórmula. En este trabajo se realizan las demostraciones de la fórmula de inversión de Möbius clásica y de su generalización para conjuntos parcialmente ordenados. Para ello se presentan los fundamentos teóricos para su desarrollo, detallando algunas deducciones necesarias para la construcción de dicha teoría. Un ejemplo de dichas deducciones es la obtención de la función de Möbius, parte esencial de la fórmula de inversión, a partir de la demostración de un resultado de la función  $\varphi(n)$  de Euler. De la misma forma, se hace hincapié en el análisis de la divisibilidad como un orden parcial, lo cual permite desarrollar los resultados obtenidos para los conjuntos parcialmente ordenados. Por otro lado, se muestran dos aplicaciones de la fórmula de inversión de Möbius: el conteo de polinomios mónicos irreducibles de grado  $n$  sobre un campo de  $q$  elementos y el número de coloraciones propias con  $x$  colores de una gráfica  $G$  con  $n$  vértices. Con estas aplicaciones se ejemplifica el uso de la fórmula de inversión de Möbius clásica y su generalización, respectivamente.

### 21.18. Acerca de las soluciones de la ecuación $x^3 + y^3 = z^3$ en los enteros de Gauss (cdv, 1Lic)

**Luis Elí Pech Moreno**, evocatto@gmail.com (*Universidad Autónoma de Yucatán (UADY)*)

El último teorema de Fermat para  $n = 3$  sobre los enteros gaussianos ya ha sido demostrado. Sin embargo, en esta plática mostraremos un nuevo acercamiento a través de propiedades básicas de los polinomios y las soluciones racionales de la ecuación  $y^2 = x^3 + 432$ .

# Índice de expositores

## A

Alba González Juan José	
21.9.....	4

## B

Bautista Ancona Víctor Manuel	
21.16.....	6
Bravo Grijalba Jhon Jairo	
21.8.....	4

## C

Chacón Cortés Leonardo Fabio	
21.15.....	6

## G

García Hernández Víctor Cuauhtemoc	
21.2.....	3
Geneyro Squarzon Emiliano	
21.17.....	7

## L

León Cardenal Edwin	
21.14.....	6
López Bautista Pedro Ricardo	
21.1.....	3
Luca Florian	
21.6.....	4

## M

Maldonado Ramírez Myriam Rosalía	
21.4.....	3
Mejia Huguet Virgilio Janitzio	
21.7.....	4
Morales-Luna Guillermo Benito	
21.10.....	4

## O

Oyono Robert	
21.3.....	3

## P

Pech Moreno Luis Elí	
21.18.....	7

## R

Rzedowski Calderón Martha	
21.5.....	3

## T

Tapia-Recillas Horacio	
21.11.....	5
Torba Sergii	
21.13.....	5

## Z

Zuñiga Galindo Wilson Alvaro	
21.12.....	5