固体物理作业 Homework for Solid State Physics

冯雪

x-feng@tsinghua.edu.cn

罗姆楼2-101B

第二次课作业

1.推导一维和二维情况下自由电子的状态密度 $g_1(E)$ 和 $g_2(E)$ 。(提示:注意一维的情况)

2.限制在边长为L的正方形势阱中的N个二维自由电子,电子能量为:

$$\varepsilon(k_x,k_y) = \frac{\hbar^2}{2m} (k_x^2 + k_y^2)$$

试求在能量ε—ε+dε之间的状态数及绝对零度时的 费米能。

第二次课作业

- 3.试确定比费米能级高 a) $1k_BT$, b) $5k_BT$,
 - c) $10k_BT$ 的非简并能态被电子占据的概率
 - 4.设N个电子组成自由费米电子气,体积为V,证明在T=0K时每个电子的平均能量为:

$$\overline{U} = \frac{3}{5}E_F^0$$

5. 证明: 绝对零度时金属自由电子气的压强为:

$$p = -\frac{dU}{dV} = \frac{2}{3} \cdot \frac{U_0}{V}$$

其中 U_0 为电子气的总能量,V为金属体积