第三章 共价键和双原子分子的结构化学

3-1 H₂+的分子轨道和共价键的本质

一、氢分子离子的薛定谔方程

1. 定核近似(Born-Oppenheimer 近似)

$$\hat{H} = -\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 - \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_a} - \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_b} + \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 R}$$

$$\hat{H}\psi = E\psi$$

假定两核不动,核动能为零。

2. 原子单位制(Atomic Unit)

- (2) 单位质量 1a.u.= m_e =9.1095×10⁻²⁸g
- (3) 单位电荷 1a.u.= e = 1.60219×10⁻¹⁹C
- (4) 单位能量 $1a.u.=\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 a_0}=27.2166 \text{ eV}$
- (5) 单位角动量 $1a.u.= \hbar = 1.0545887 \times 10^{-34} J \cdot s$ 引入原子单位后的薛定谔方程

$$(-\frac{1}{2}\nabla^2 - \frac{1}{r_a} - \frac{1}{r_b} + \frac{1}{R})\psi = E\psi$$

其中 ra、rb、R 均以 ao 为单位

 H_{2}^{+} 的薛定谔方程可以使用球极坐标精确求解,但无推广意义,仅适用于 H_{2}^{+} ,绝大多数分子不能精确求解,因此采用近似处理方法:变分法。

二、变分原理与线性变分法

1. 变分原理

对给定的分子体系,如果找到任意归一化的品优波函数 $oldsymbol{arphi}$,则用体系的 \hat{H} 求得的能量平均值

$$\overline{E} = \int \varphi * \hat{H} \varphi d\tau \ge E_0$$
 变分积分

量子力学可证, Ē必然大于或接近于体系的基态能量, 但永远不会低于体

系基态的真实能量。 如果找到的波函数恰好使 $\bar{E} = E_0$,则可用此波函数作为体系的近似波函数,这就是变分原理。

若
$$\varphi$$
尚未归一化,则 $\overline{E} = \frac{\int \varphi^* \hat{H} \varphi d\tau}{\int \varphi^* \varphi d\tau}$

 φ 称为变分函数。

2. 线性变分法

选择一组已知线性无关的函数 ϕ_1 , ϕ_2 , ϕ_m , 线性组合:

$$\psi = c_1 \phi_1 + c_2 \phi_2 + \dots + c_m \phi_m = \sum_{i=1}^m c_i \phi_i$$

其中, $\phi_{1,2...m}$ 称为基函数;

$$\overline{E} = \frac{\int (\sum_{i=1}^{m} c_i \phi_i) \hat{H}(\sum_{i=1}^{m} c_i \phi_i) d\tau}{\int (\sum_{i=1}^{m} c_i \phi_i) d\tau}$$

$$\overline{E}(c_1, c_2, ... c_m)$$

$$\frac{\partial \overline{E}}{\partial c_{_{1}}} = \frac{\partial \overline{E}}{\partial c_{_{2}}} = = \frac{\partial \overline{E}}{\partial c_{_{m}}} = 0$$

得 m 个关于 c. 的联立方程——久期方程

三、H; 的变分原理

1. 选择变分函数

使
$$r_a << r_b$$
和 R,则 $\frac{1}{r_b}$ 和 $\frac{1}{R} \to 0$
$$\hat{H} = -\frac{1}{2}\nabla^2 - \frac{1}{r_a} - \frac{1}{r_b} + \frac{1}{R} \implies \hat{H} = -\frac{1}{2}\nabla^2 - \frac{1}{r_a}$$
 薛定谔方程
$$(-\frac{1}{2}\nabla^2 - \frac{1}{r_a})\psi = E\psi$$

H 原子
$$\phi_{ls} = \frac{1}{\sqrt{\pi}} e^{-r_a}$$
 电子 \rightarrow a 核 $\phi_a = \frac{1}{\sqrt{\pi}} e^{-r_a}$ 电子 \rightarrow b 核 $\phi_b = \frac{1}{\sqrt{\pi}} e^{-r_b}$

试探变分函数 $\psi = c_1 \phi_a + c_2 \phi_b$

$$\psi = c_1 \phi_a + c_2 \phi_b$$

原子轨道线性组合为分子轨道法(LCAO-MO)

2. 求解过程

$$\overline{E} = \frac{\int \psi * \hat{H} \psi d\tau}{\int \psi * \psi d\tau} = \frac{\int (c_1 \phi_a + c_2 \phi_b) \hat{H} (c_1 \phi_a + c_2 \phi_b) d\tau}{\int (c_1 \phi_a + c_2 \phi_b)^2 d\tau}$$

$$= \frac{c_1^2 \int \phi_a \hat{H} \phi_a d\tau + 2c_1 c_2 \int \phi_a \hat{H} \phi_b d\tau + c_2^2 \int \phi_b \hat{H} \phi_b d\tau}{c_1^2 \int \phi_a^2 d\tau + 2c_1 c_2 \int \phi_a \phi_b d\tau + c_2^2 \int \phi_b^2 d\tau}$$

$$\vec{S} = \frac{\int \phi_a \hat{H} \phi_a d\tau}{c_1^2 \int \phi_a^2 d\tau + 2c_1 c_2 \int \phi_a \phi_b d\tau + c_2^2 \int \phi_b^2 d\tau}$$

$$\vec{S} = \frac{\int \phi_a \hat{H} \phi_b d\tau}{c_1 + c_2 \int \phi_a \hat{H} \phi_b d\tau}$$

$$F = \frac{\int \phi_a \hat{H} \phi_b d\tau}{c_1^2 + 2c_1 c_2 \int \phi_a \phi_b d\tau} = 0$$

$$\vec{E} = \frac{c_1^2 H_{aa} + 2c_1 c_2 H_{ab} + c_2^2 H_{aa}}{c_1^2 + 2c_1 c_2 S_{ab} + c_2^2}$$

$$\vec{E} (c_1^2 + 2c_1 c_2 S_{ab} + c_2^2) = c_1^2 + 2c_1 c_2 S_{ab} + c_2^2$$

$$\vec{D} \Rightarrow \vec{D} \Rightarrow \vec{$$

$$E_2 = \frac{H_{aa} - H_{ab}}{1 - S_{ab}}$$

第一激发态能量

E₁, E₂代入方程

$$\psi_I = c_1(\phi_a + \phi_b)$$

$$\psi_{II} = c_1(\phi_a - \phi_b)$$

归一化

$$\begin{cases} \psi_I = \frac{1}{\sqrt{2 + 2S_{ab}}} (\phi_a + \phi_b) & \text{基态的} MO$$
波函数
$$\psi_I = \frac{1}{\sqrt{2 - 2S_A}} (\phi_a - \phi_b) & \text{第一激发态} MO$$
波函数

四、关于特殊积分的讨论和 H₂⁺能量曲线

1. S_{ab} 重叠积分

$$S_{ab} = \int \phi_a \phi_b d\tau$$

$$1 > S_{ab} > 0$$

S 的大小反映 ϕ_a 、 ϕ_b 的重叠程度。

图示二

Η 。 库仑积分 (α表示)

$$H_{aa} = \int \phi_a \hat{H} \phi_a d\tau$$
$$= E_H + \frac{1}{R} - \varepsilon_{aa}$$

式中 E_H 表示孤立氢原子的能量:

 $\frac{1}{R}$ 代表两核间的库仑排斥能;

 $-\varepsilon_{aa}$ 表示当电子占有 a 核原子轨道 ϕ_a 所受 b 核的库仑吸引能。 说明单凭各微粒间的库仑作用是不能使体系能量显著降低的。

3. H_{ab}交换积分(β表示)

$$\boldsymbol{H}_{ab} = \int \boldsymbol{\phi}_{a} \hat{\boldsymbol{H}} \boldsymbol{\phi}_{b} d\tau = \boldsymbol{E}_{\boldsymbol{H}} \boldsymbol{S} a b + \frac{1}{R} \boldsymbol{S} a b - \boldsymbol{\epsilon}_{ab}$$

积分 Sab, ε ab 均为核间距 R 的函数, 所以 Hab 也是 R 的函数。

结构化学

经

推导,Hab<0,所以积分 Hab 对体系能量降低起重要作用。 ϕ_a 与 ϕ_b 相互重叠是使 H^+ 与 H 间成键的基本原因。

4. *H*⁺ 的能量曲线

$$\begin{split} E_1 &= \frac{H_{aa} + H_{ab}}{1 + S_{ab}} = E_H + \frac{1}{R} - \frac{\varepsilon_{aa} + \varepsilon_{ab}}{1 + Sab} \\ E_2 &= \frac{H_{aa} - H_{ab}}{1 - S_{ab}} = E_H + \frac{1}{R} - \frac{\varepsilon_{aa} - \varepsilon_{ab}}{1 - Sab} \end{split}$$
 第一激发态能量

能量曲线:

讨论:

5.对能量的近似处理——能级相关图

$$E_1=rac{H_{aa}+H_{ab}}{1+S_{ab}}pprox lpha+eta$$
 忽略 Sab,0E_2=rac{H_{aa}-H_{ab}}{1-S_{ab}}pprox lpha-eta

 α 即 Haa 可近似地看成 E_H ,即 H 原子的能量;Hab= β <0 画出能级相关图:

6. H₂ 的波函数与几率密度的讨论

共价键的本质: 电子填充在成键轨道上,聚集在核间运动的电子,同时受两核的吸引,与原子中单独受一个核的吸引相比,体系能量降低,因而键合形成稳定的分子,即共价键的本质。

3-2 分子轨道理论

一. 分子体系的薛定谔方程

m个核n个电子的分子

$$\hat{H} = -\frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \nabla_{i}^{2} - \sum_{a=1}^{m} \sum_{i=1}^{n} \frac{Z_{a}}{r_{ai}} + \sum_{i < j} \sum_{j} \frac{1}{r_{ij}} + \sum_{a < j} \sum_{b} \frac{Z_{a}Z_{b}}{R_{ab}}$$

$$\hat{H} \mathbf{w} = \mathbf{E} \mathbf{w}$$

结构化学

41

单电子近似(轨道近似):

每个电子 i 都在 m 个核和 n-1 个电子的有效平均势场中运动。

 ψ_i : 单电子波函数——分子轨道 (MO)

$$\hat{H}_{i} = -\frac{1}{2}\nabla_{i}^{2} + V_{i}(\vec{r}_{i}) = -\frac{1}{2}\nabla_{i}^{2} + \sum_{a=1}^{m} \frac{Z_{a}}{r_{ai}} + U(\vec{r}_{i})$$

$$H_i \psi_i = E_i \psi_i$$

线性变分法求解:

$$\psi = c_1 \phi_1 + c_2 \phi_2 + \dots + c_m \phi_m = \sum_{i=1}^m c_i \phi_i$$

二. 原子轨道线性组合为分子轨道法(LCAO-MO)

$$\psi_j$$
: 第 j 个 MO

 ϕ_i : 参加组合的 i 个 AO

 C_{ii} 参加组合的第 i 个 AO 对第 i 个 MO 的组合系数

n个AO,可以组合出n个MO。

$$\psi_{j} = c_{j1}\phi_{1} + c_{j2}\phi_{2} + \dots + c_{jm}\phi_{m}$$

三条原则:

- 1. 能量相近
- 2. 最大重叠
- 3. 对称性匹配
- 1. 能量相近原则

 $\Delta E < 10eV$, 才能有效成键。

A原子: ϕ_a $\psi = c_a \phi_a + c_b \phi_b$

$$\overline{E} = \frac{\int \psi \hat{H} \psi d\tau}{\int \psi^2 d\tau} = \frac{\int (c_a \phi_a + c_b \phi_b) \hat{H}(c_a \phi_a + c_b \phi_b) d\tau}{\int (c_a \phi_a + c_b \phi_b)^2 d\tau}$$

$$\exists | \lambda : \quad H_{ab} = H_{ba}$$

$$\frac{\partial \overline{E}}{\partial c_a} = 0 \quad , \quad \frac{\partial \overline{E}}{\partial c_b} = 0$$

$$\begin{cases}
(H_{aa} - E)c_a + (H_{ab} - ES_{ab})c_b = 0 \\
(H_{ba} - ES_{ba})c_a + (H_{bb} - E)c_b = 0
\end{cases}$$

$$H_{aa} = \alpha_a \quad H_{bb} = \alpha_b \quad H_{ab} = H_{ba} = \beta$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)c_a + \beta c_b = 0 \\
\beta c_a + (\alpha_b - E)c_b = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

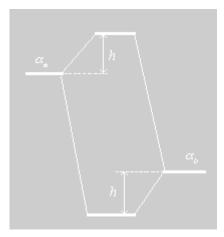
$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
(\alpha_a - E)(\alpha_b - E) - \beta^2 = 0
\end{cases}$$



a-b 能级示意图

离域能:

$$E_{ab} = (\alpha_a + \alpha_b) - 2E_1$$
$$= \sqrt{(\alpha_a - \alpha_b)^2 + 4\beta^2}$$

两原子的键合效果取决于 $\alpha_a - \alpha_b$ 和 β 值。

若
$$\alpha_a - \alpha_b >> 2\beta$$
, $h \approx 0$

$$E_1 \approx \alpha_b, E_2 \approx \alpha_a$$

对
$$E_1-\psi_1$$
:

$$\frac{c_{a1}}{c_{b1}} = \frac{\beta}{\alpha_a - E} = \frac{-2\beta}{(\alpha_a - \alpha_b) + \sqrt{(\alpha_a - \alpha_b)^2 + 4\beta^2}}$$

$$\left| \frac{c_{a1}}{c_{b1}} \right| << 1$$

$$\psi_1 = c_{a1}\phi_a + c_{b1}\phi_b$$
 $(c_{a1} << c_{b1})$
= $c_{b1}\phi_b$ (接近 ϕ_b 的成分)

同理,对 $E_2-\psi_2$:

$$\psi_2 = c_{a1}\phi_a$$
 (接近 ϕ_a 的成分)

综上述,两轨道能量相差悬殊,不能有效组合;

能量相近 ($\Delta E < 10eV$), 才能有效成键。

44

用变分法还可进一步证明: 当两个能量不同的原子轨道 ϕ_a,ϕ_b 组合成两个

$$\psi_1 = c_a \phi_a + c_b \phi_b$$

分子轨道时
$$\psi_2 = c_a' \phi_a + c_b' \phi_b$$

分子轨道中原子轨道的组合系数是不同的,由于

$$\begin{split} &\int \psi_{1}^{\ 2} d\tau = \int (c_{a}\phi_{a} + c_{b}\phi_{b})^{2} d\tau \\ &= \int c_{a}^{\ 2}\phi_{a}^{\ 2} d\tau + \int c_{b}^{\ 2}\phi_{b}^{\ 2} d\tau + \int 2c_{a}c_{b}\phi_{a}\phi_{b} d\tau \\ &= c_{a}^{\ 2} + c_{b}^{\ 2} + 2c_{a}c_{b}Sab = 1 \\ &\qquad \qquad \int \psi_{2}^{\ 2} d\tau = \int (c_{a}'\phi_{a} + c_{b}'\phi_{b})^{2} d\tau \\ &\equiv \int c_{a}'^{\ 2}\phi_{a}^{\ 2} d\tau + \int c_{b}'^{\ 2}\phi_{b}^{\ 2} d\tau + \int 2c_{a}'c_{b}'\phi_{a}\phi_{b} d\tau \\ &= c_{a}'^{\ 2} + c_{b}'^{\ 2} + 2c_{a}'c_{b}'Sab = 1 \end{split}$$

如果忽略掉重叠积分 Sab,则 $C_a^2 + C_b^2 = 1$, $C_a^{\prime}^2 + C_b^{\prime}^2 = 1$

因为 1 代表电子在空间出现的几率,所以系数的平方也应有几率的含义,可以看作是分子轨道中某个原子轨道对此分子轨道贡献的相对大小。在成键分子轨道中, $C_a{}^2 < C_b{}^2$, $\mid C_a \mid < \mid C_b \mid$; 在反键分子轨道中, $C_a{}'$ $\mid > \mid C_b{}'$ \mid

2. 最大重叠原则

交换积分
$$\beta = H_{ab} = \int \phi_a \hat{H} \phi_b d\tau \approx E_b \cdot S_{ab}$$
 即 $\beta \propto S_{ab}$ (重叠积分)
$$h = \sqrt{(\alpha_a - \alpha_b)^2 + 4\beta^2} - (\alpha_a - \alpha_b)$$
 S_{ab} 越大, β 越大, h 越大, 成键越强。

原子轨道重叠方向

3. 对称性匹配原则

若要原子轨道有效地组成分子轨道,必须满足对称性一致的原则。 成键、反键与非键轨道示意图

三. 分子轨道的类型、符号和能级顺序

1. 类型和符号

按对称性分: σ , π , δ 分子轨道

(1) σ 轨道

"头碰头" $s-s, s-p_z, p_z-p_z$

对键轴呈圆柱形对称性

 σ 轨道(同核分子)

成键、反键示意图

$$2s-2s$$
 反键 $\sigma_{2s}*/\sigma_{u}2s$ 中心对称

成键
$$\sigma_{2s}/\sigma_{g}2s$$
 中心反对称

$$2p_z-2z_p$$
 反键 $\sigma_{2pz}*/\sigma_u 2p_z$

成键
$$\sigma_{2zp}/\sigma_{g}2p_{z}$$

异核双原子分子,不具中心对称性。

(2) π 轨道

"肩并肩"都有一个含键轴的节面,且对这个节面是反对称分布的。

同核双原子分子: 反键 中心对称 π_g

成键 中心反对称 π_u

 π 轨道示意图

2. 能级顺序

分子轨道能级顺序:(Li-N₂)

$$\sigma_{1s} < \sigma_{1s}^* < \sigma_{2s}^* < \sigma_{2s}^* < \frac{\pi_{2px}}{\pi_{2py}} < \sigma_{2pz}^* < \frac{\pi_{2px}^*}{\pi_{2py}^*} < \sigma_{2pz}^*$$

$$1\sigma_g < 1\sigma_u < 2\sigma_g < 2\sigma_u < 1\pi_u < 3\sigma_g < 1\pi_g < 3\sigma_u$$

 O_2 - F_2 :

$$1\sigma_g < 1\sigma_u < 2\sigma_g < 2\sigma_u < 3\sigma_g < 1\pi_u < 1\pi_g < 3\sigma_u$$

3. 电子填充原则

分子轨道具有一定的能级顺序, 电子填充在分子轨道的原则与原子

中相同:能量最低原则、保里原理和洪特规则。

由于电子具有自旋,单电子波函数应为轨道-自旋波函数,其中空间部分成为分子轨道,所以一个分子轨道可以容纳两个自旋相反的电子。

分子轨道理论的要点:

- 1. 单电子近似
- 2. LCAO-MO 近似
- 3. 成键三原则
- 4. 电子填充原则

3-3、双原子键和双原子分子结构

一、同核双原子分子

1. 组态、键级和轨道能

$$H_{2}^{+}, H_{2}, He^{+}, He_{2}$$
 第一周期
基函数 $H: 1s^{1}, He:1s^{2}$ $\sigma_{1s} = \phi_{1sa} + \phi_{1sb}$ $1\sigma_{g}$ $\sigma_{1s} = \phi_{1sa} - \phi_{1sb}$ $1\sigma_{u}$
$$\begin{cases} H_{2}^{+}:1\sigma_{g}^{1} & \begin{cases} He_{2}^{+}:1\sigma_{g}^{2}1\sigma_{u}^{1} \\ He_{2}:1\sigma_{g}^{2} \end{cases} & He_{2}:1\sigma_{g}^{2}1\sigma_{u}^{2} \end{cases}$$

电子组态: 电子在分子轨道的排布叫电子组态。

键级 =
$$\frac{\sum n - \sum n^*}{2}$$
 = $\frac{$ 净成键电子数}{2}

n: 成键电子数 n*: 反键电子数

2. Li₂⁺,Li₂,Be₂⁺,Be₂

Li: 1s₂2s⁺ Li-Li: 1s-1s 2s-2s 1s-2s(可忽略)

Be: 1s²2s² Be-Be: 同上

$$\sigma_{1s} = \phi_{1sa} + \phi_{1sb}$$

$$\sigma_{1s} * = \phi_{1sa} - \phi_{1sb}$$

$$\sigma_{2s} = \phi_{2sa} + \phi_{2sb}$$

$$\sigma_{2s} * = \phi_{2sa} - \phi_{2sb}$$

原子间的成键主要考虑价电子层, 闭壳层影响很小。

Li的成键示意图

$$Li_{2}^{+}: 1\sigma_{g}^{2}1\sigma_{u}^{2}2\sigma_{g}^{-1}$$
 键级: $\frac{1}{2}$
 $Li_{2}: 1\sigma_{g}^{2}1\sigma_{u}^{2}2\sigma_{g}^{-2}$ 1
 $Be_{2}^{+}: 1\sigma_{g}^{2}1\sigma_{u}^{2}2\sigma_{g}^{-2}2\sigma_{g}^{1}$ $\frac{1}{2}$
 $Be_{2}: 1\sigma_{g}^{2}1\sigma_{u}^{2}2\sigma_{g}^{-2}2\sigma_{g}^{2}$ 1

3. B_2, C_2, N_2

原子 核外电子排布
$$E_{2s}(eV)$$
 $E_{2p}(eV)$ B $1s^22s^22p^1$ -12.93 -8.798 C $1s^22s^22p^2$ -16.59 -11.26 N $1s^22s^22p^3$ -20.33 -14.53
$$\begin{cases} 2s-2s, 2p_z-2p_z, 2s-2p_z \\ 2p_x-2p_x, 2p_y-2p_y \end{cases}$$

由于 B、C、N 三原子的 2s、2p 轨道能级接近,因此除考虑两原子间的 2s-2s,2pz-2pz 之间组合成 σ 分子轨道外,应同时考虑 2s-2pz 间的组合,即应考虑两原子的 ϕ_{2sa} , ϕ_{2pzb} , ϕ_{2pza} , ϕ_{2pzb} ,四个原子轨道组合成四个 σ 分子轨道。 ϕ_{2pxa} $-\phi_{2pxb}$, ϕ_{2pxa} $-\phi_{2pxb}$, ϕ_{2pxa} $-\phi_{2pxb}$, 组合形成一对简并的 π 轨道。

顺序: $KK2\sigma_{g}2\sigma_{u}1\pi_{u}3\sigma_{g}1\pi_{g}3\sigma_{u}$

N₂: $KK2\sigma_g^2 2\sigma_u^2 1\pi_u^4 3\sigma_g^2$ 反磁性,键级 3, 两个 σ 键和一个 π 键相互加强,键能高达 945.33KJ.mol⁻¹。

N₂的 MO 能级示意图

B₂:
$$KK2\sigma_{g}^{2}2\sigma_{u}^{2}1\pi_{u}^{2}$$
 顺磁性

$$C_2$$
: $KK2\sigma_g^2 2\sigma_u^2 1\pi_u^4$ 反磁性

4. O_2^+, O_2, F_2^+, F_2

O和F的2s和 $2p_z$ 能级差别较大,不必考虑 $2s-2p_z$ 之间的作用,分子轨道次序如下:

$$KK2\sigma_g 2\sigma_u 3\sigma_g 1\pi_u 1\pi_g 3\sigma_u$$

 O_2 : $KK2\sigma_g^2 2\sigma_u^2 3\sigma_g^2 1\pi_u^4 1\pi_g^2$ 有两个未成对电子,顺磁性,键级为 2,不如 N_2 稳定。

 F_2 : $KK2\sigma_g^2 2\sigma_u^2 3\sigma_g^2 1\pi_u^4 1\pi_g^4$ 反磁性,键级 1,键能小,很活泼。

二、异核双原子分子

异核双原子分子中,原子间电负性不同,参与组合的原子轨道的能级 不同,中心对称性消失,产生共价键的极性。

1. LiH

Li:
$$1s^2 2s^1$$
 E_{1s} = -58 eV, E_{2s} = -5.4 eV
H: $1s^1$ E_{1s} = -13.6 eV
 $1\sigma = \phi_{Li,1s}$
 $2\sigma = c_a \phi_{Li,2s} + c_b \phi_{H,1s}$
 $3\sigma = c_a \phi_{Li,2s} - c_b \phi_{H,1s}$

LiH: $1\sigma^2 2\sigma^2$ 键级为 1 示意图

2. HF

Li:
$$1s^2 2s^1 2p^5$$

H: $1s^1$
 $1\sigma = \phi_{F,1s}$
 $2\sigma = \phi_{F,2s}$
 $3\sigma = c_a \phi_{F,2pz} + c_b \phi_{H,1s}$
 $4\sigma = c_a \phi_{F,2pz} - c_b \phi_{H,1s}$
 $1\pi = \begin{cases} 1\pi_{2px} \\ 1\pi_{2py} \end{cases}$

3. CO, NO

CO 与 N₂是等电子分子,能级顺序相同

 $N_2: KK2\sigma_g^2 2\sigma_u^2 1\pi_u^4 3\sigma_g^2$

 $CO:1\sigma^{2}2\sigma^{2}3\sigma^{2}4\sigma^{2}1\pi^{4}5\sigma^{2}$

CO 的最高占据轨道 5σ 基本是 C 的 2s,其次是 C 的 2p 成分,基本是非键的,可以和过渡金属原子形成端基配位 $M \leftarrow C \equiv O$ 。