

Data Structure

실습 6

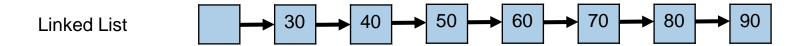


0. 이번 주 실습 내용

- Skip List
 - Skip List 개념
 - Perfect Skip List
 - Randomized Skip List
 - Skip List 실습 (Randomized Skip List)
- Equivalence classes
 - Equivalence classes 개념
 - Equivalence classes 실습
- 과제: Reversing Linked List

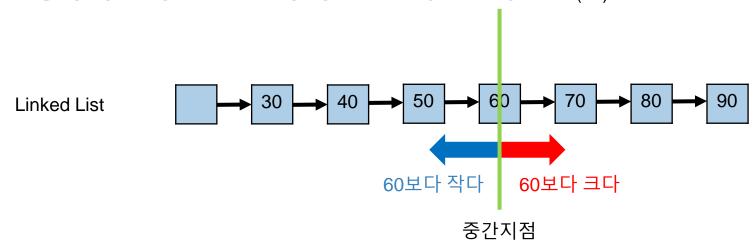
1. Skip List











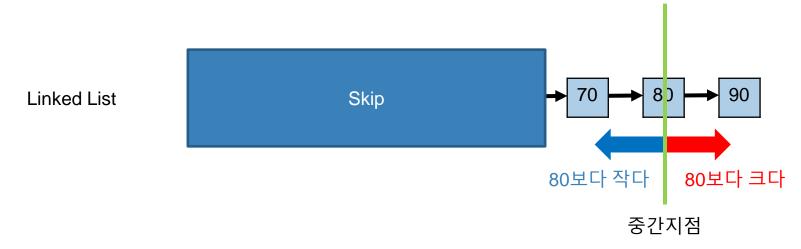






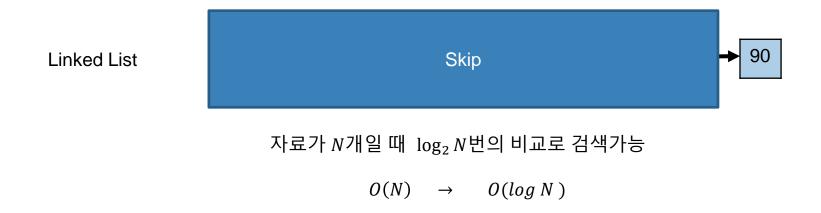






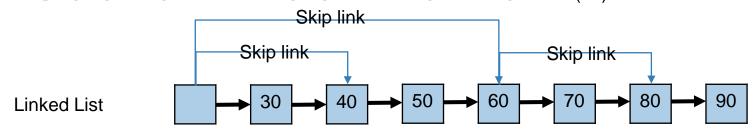










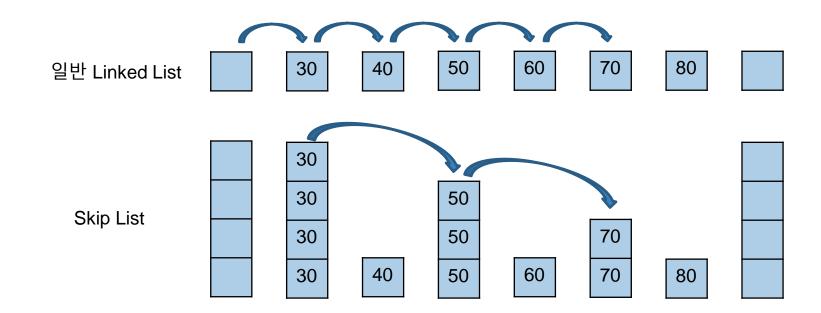


기본구현 아이디어: Skip link의 추가





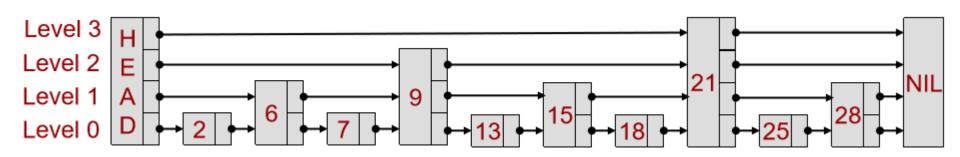
• 정의: 빠른 탐색을 위해 Linked List을 변형한 자료구조







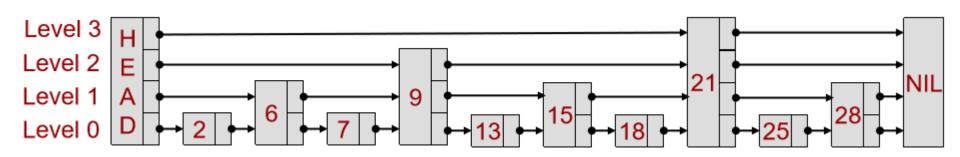
- 현재 레벨의 원소 개수의 절반을 다음 레벨에 추가
 - 2번째 노드마다 레벨 1 추가
 - 4번째 노드마다 레벨 2 추가
 - 8번째 노드마다 레벨 3 추가







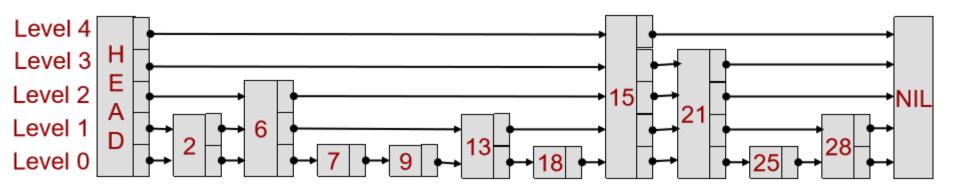
• 규칙성을 유지하기 위해서 노드의 추가, 삭제가 불편





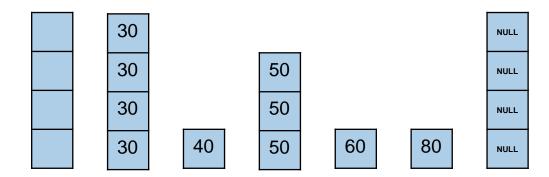


- 규칙없이 확률적으로 추가
- 레벨 별 원소의 개수에 집중



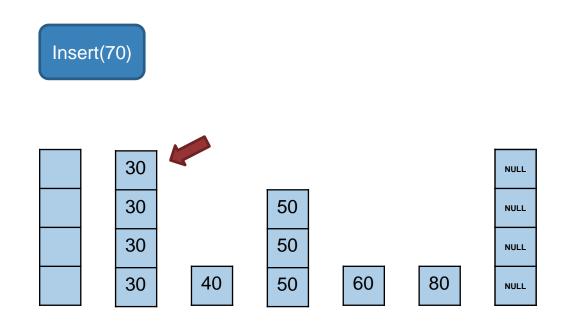






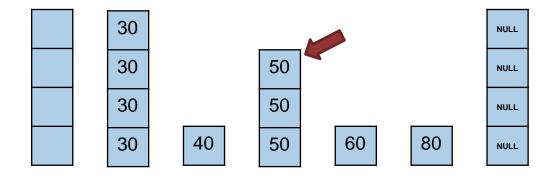






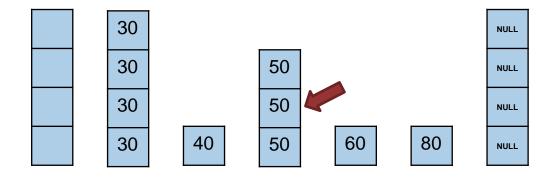






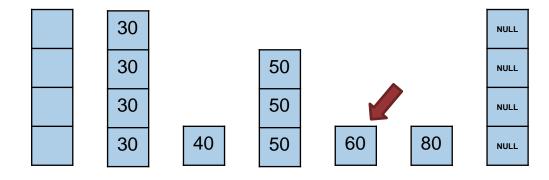






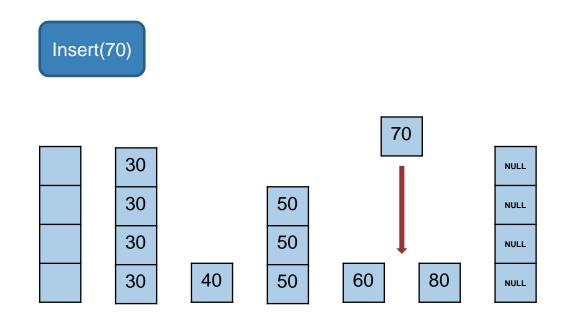






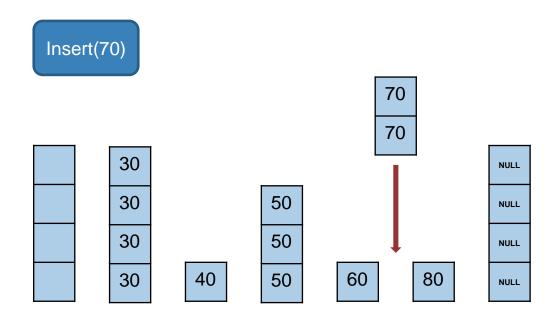






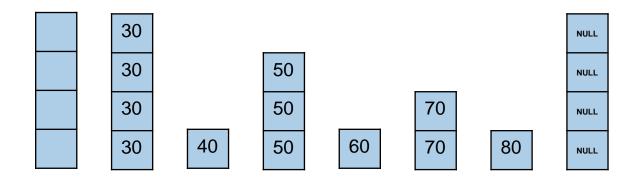














1. Randomized Skip List - 실습

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
Insert [1] with level [1]
Insert [4] with level [1]
Insert [6] with level [1]
Insert [8] with level [2]
Insert [2] with level [1]
Insert [10] with level [1]
Level 2:
Search [7] : 3, 5, 6, 7
계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .
```

• SkipNode 구조체 선언

21

22

24

25

26

27

28

29

30 31

32

33

34

35

36

37

38 39

40

41

42

43

44

45

46

47

48

49

50

51

52

53

54 55

• main 함수 정의

```
⊞#include <stdio.h>
      #include <stdlib.h>
      #include <time.h>
      #define MAX_LEVEL 3
      #define MIN_DATA -9999
      //SkipNode 구조체 선언
     □typedef struct SkipNode {
          int data:
          int level:
          struct SkipNode* next[MAX_LEVEL];
13
      lSkipNode:
      //SkipNode 관련 함수
      void insertSkipNode(SkipNode** pHeadNode, int data);
      void showSkipNode(SkipNode* pHeadNode);
      void searchSkipNode(SkipNode* pHeadNode, int data);
```

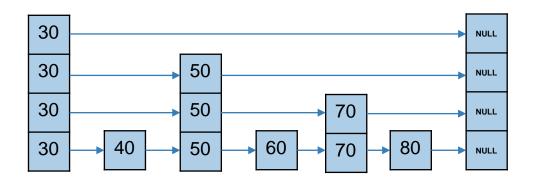
```
⊟int main() {
     //랜덤함수 시도 초기화
     srand(time(NULL));
     //Skip List 생성
     SkipNode* SkipList = (SkipNode*)malloc(sizeof(SkipNode));
     SkipList->level = MAX_LEVEL;
     SkipList->data = MIN_DATA;
     for (int i = 0; i < SkipList->level; i++)
         SkipList->next[i] = NULL;
     insertSkipNode(&SkipList, 3);
     insertSkipNode(&SkipList, 9);
     showSkipNode(SkipList);
     insertSkipNnde(&SkipList, 1):
     insertSkipNode(&SkipList, 4);
     showSkipNode(SkipList);
     searchSkipNode(SkipList, 4);
     insertSkipNode(&SkipList, 5);
     insertSkipNode(&SkipList, 7);
     showSkipNode(SkipList);
     insertSkipNode(&SkipList, 6);
     insertSkipNode(&SkipList, 8);
     showSkipNode(SkipList);
     insertSkipNode(&SkipList, 2);
     insertSkipNode(&SkipList, 10);
     showSkipNode(SkipList);
     searchSkipNode(SkipList, 7);
```



1. Randomized Skip List - 실습

show 함수 정의

데이터를 List의 모든 node를 level별로 출력



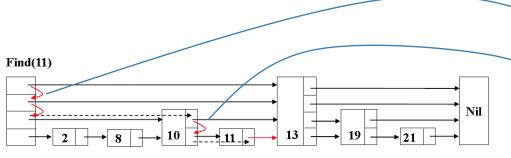
```
□ void showSkipNode(SkipNode* pHeadNode)
102
103
            SkipNode* pTmpNode = NULL:
104
            int i.i.
105
106
            //Level 별로 끝에 도달할 때까지 데이터 출력
107
            for (i = MAX_LEVEL; i >0; i--)
108
109
110
                pTmpNode = pHeadNode->next[0];
111
                printf("Level %d: \t", i);
112
                while (pTmpNode != NULL)
113
114
                    if (pTmpNode->level >= i)
115
                        printf("%d----", pTmpNode->data);
116
                        printf("----");
117
118
                    pTmpNode = pTmpNode->next[0];
119
120
                printf("NULL#n");
121
122
123
```



1. Randomized Skip List - 실습

search 함수 정의

찾고자 하는 데이터 값을 갖는 노드를 탐색하는 과정을 출력

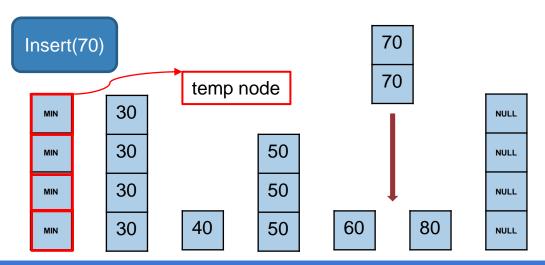


```
□void searchSkipNode(SkipNode* pHeadNode, int data)
126
           int pos = MAX_LEVEL-1;
128
           SkipNode* pTmpNode = pHeadNode->next[pos];
129
           //현재 Level에 속한 노드가 없거나 data가 찾고자 하는 data 보다 쿨 경우 Level 감소
131
           while (pTmpNode==NULL || pTmpNode->data > data)
132
               pTmpNode = pHeadNode->next[--pos];
133
           printf("Search [%d] : ", data);
           while (pTmpNode->data != data)
136
137
               //탐색을 하다가 Node가 끝나거나 찾고자 하는 data가 없을 경우 Level 감소
               if (pTmpNode->next[pos] == NULL || pTmpNode->next[pos]->data > data)
138
139
                   pos -= 1;
140
               else
141
                  printf("%d, ", pTmpNode->data);
142
143
                   pTmpNode = pTmpNode->next[pos];
144
                   if (pTmpNode->data == data)
145
146
                      printf("%d\n", pTmpNode->data);
147
                      return:
148
149
151
           printf(",,, there is no %d\n", data);
152
           printf("-----\\n");
153
```





- insert 함수 정의
- 1. Level별로 탐색을 하기 위한 temp 노드 생성
- 2. 탐색하는 과정과 유사하게 집어 넣을 직전 노드로 이동
- 3. Coin Flip을 통해 추가할 노드의 Level을 지정
- 4. 탐색한 temp 노드에 대하여 새로 추가할 노드와 연결

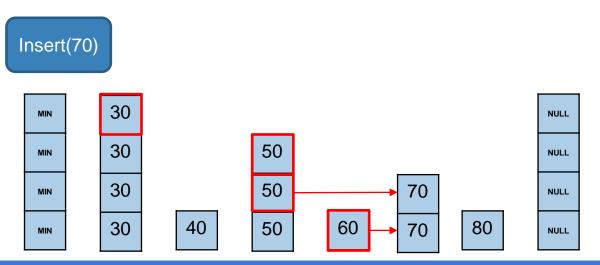


```
□void insertSkipNode(SkipNode** pHeadNode, int data)
57
58
           int level = 1, i, pos = MAX_LEVEL;
59
           SkipNode* pTmpNode[MAX_LEVEL];
           SkipNode* pNewNode;
61
           //MAX_LEVEL에서 내려가면서 찾을 temp 노드 변수 초기화
           for(i=0;i<MAX_LEVEL;i++)</pre>
               pTmpNode[i] = *pHeadNode;
65
           for ( i = MAX_LEVEL - 1; i >= 0; i--)
               //현재 Level에서 집어 넣을 직전 노드로 이동
70
71
72
73
74
75
76
           //추가할 노드의 최대 레벨을 계산(coin flip)
           while (rand() % 2)
79
               level++:
               if (level >= MAX_LEVEL)
82
                   hreak:
83
           //추가할 노드 동적 할당 및 초기화
           pNewNode = (SkipNode*)malloc(sizeof(SkipNode));
           pNewNode->level = level;
           pNewNode->data = data;
           for (i = 0; i < MAX_LEVEL; i++)
               pNewNode->next[i] = NULL;
           //추가할 노드의 Level만큼 앞 뒤
           for (i = pNewNode->level - 1; i >= 0; i--)
93
94
95
96
97
           printf("Insert [%d] with level [%d]\"n", data, level);
100
```





- insert 함수 정의
- 1. Level별로 탐색을 하기 위한 temp 노드 생성
- 2. 탐색하는 과정과 유사하게 집어 넣을 직전 노드로 이동
- 3. Coin Flip을 통해 추가할 노드의 Level을 지정
- 4. 탐색한 temp 노드에 대하여 새로 추가할 노드와 연결



```
□void insertSkipNode(SkipNode** pHeadNode, int data)
57
58
           int level = 1, i, pos = MAX_LEVEL;
59
           SkipNode* pTmpNode[MAX_LEVEL];
           SkipNode* pNewNode;
61
           //MAX_LEVEL에서 내려가면서 찾을 temp 노드 변수 초기화
           for( i=0; i<MAX_LEVEL; i++)</pre>
               pTmpNode[i] = *pHeadNode;
65
           for ( i = MAX_LEVEL - 1; i >= 0; i--)
               //현재 Level에서 집어 넣을 직전 노드로 이동
70
71
72
73
74
75
76
           //추가할 노드의 최대 레벨을 계산(coin flip)
           while (rand() % 2)
79
               level++:
               if (level >= MAX_LEVEL)
81
82
                   hreak:
83
           //추가할 노드 동적 할당 및 초기화
           pNewNode = (SkipNode*)malloc(sizeof(SkipNode));
           pNewNode->level = level;
87
           pNewNode->data = data;
           for (i = 0; i < MAX_LEVEL; i++)
               pNewNode->next[i] = NULL;
90
           //추가할 노드의 Level만큼 앞 뒤
92
           for (i = pNewNode->level - 1; i >= 0; i--)
93
94
95
96
97
98
           printf("Insert [%d] with level [%d]\"n", data, level);
100
```





- 정의: 연관이 있는 원소들을 한 집합으로 묶은 것 (엄밀한 정의는 이론수업 참조)
- 그래프에서 연결된 노드들을 군집화 할 때 사용
- 구현 형태: Linked List로 구현
 - 본 실습에서는 이론수업PPT와 같이 Linked List의 배열을 사용

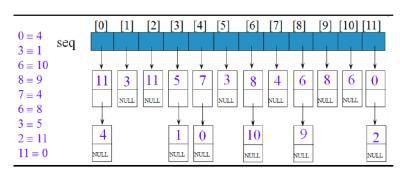
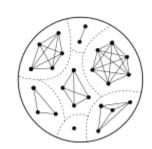


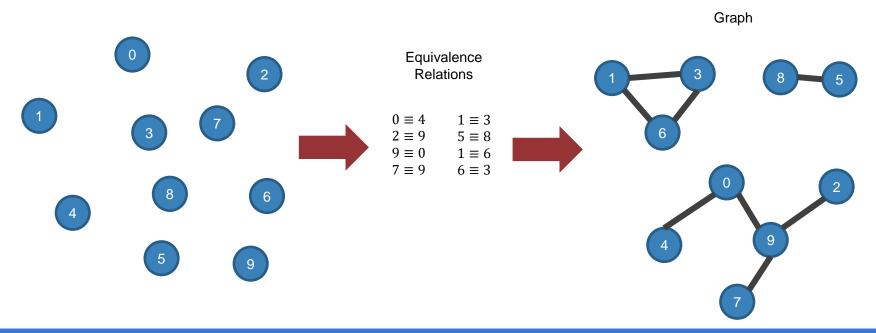
Figure 4.16: Lists after pairs have been input







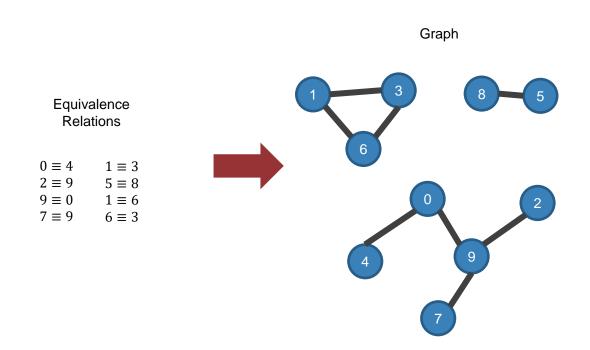
• 동치관계는 그래프 상의 연결여부로 표현할 수 있다.





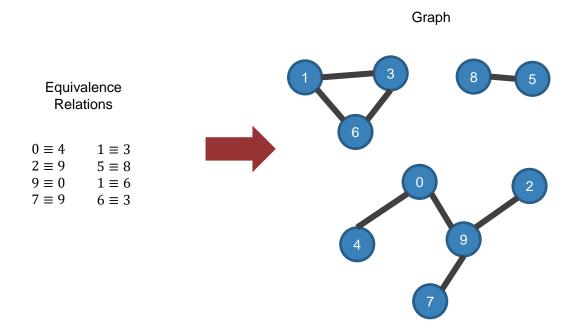


• 동치관계는 그래프 상의 연결여부로 표현할 수 있다.



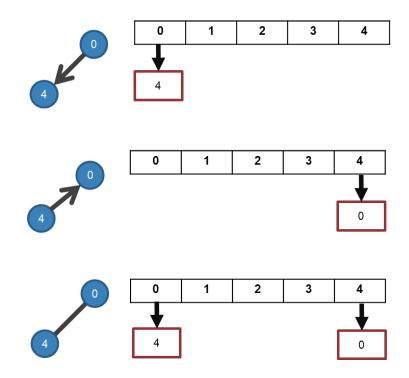


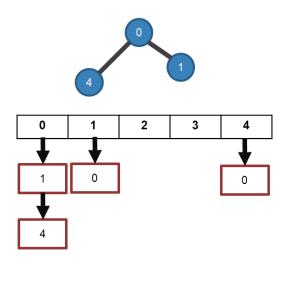
동치류의 원소들은 동치류에 속하는 노드와 연결된 모든 노드를 방문하여 알수 있다.





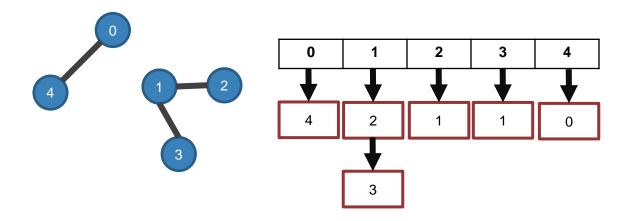
• 그래프는 여러 개의 리스트로 표현될 수 있다.







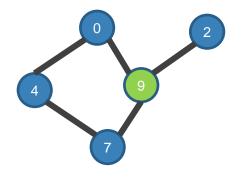
• 그래프는 여러 개의 리스트로 표현될 수 있다.

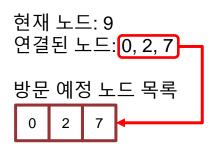






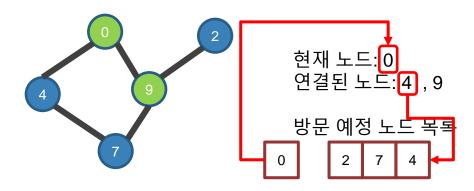
- 그래프에서 연결된 노드들을 한번씩 방문하면 동치류의 모든 원소를 알 수 있다.
 - 하나의 노드에 방문하면 연결된 노드를 방문할 노드에 기록해 놓은 뒤 나중에 방문함.
 - 이미 방문예정목록에 있는 노드/방문했던 노드면 목록에 추가하지 않음.







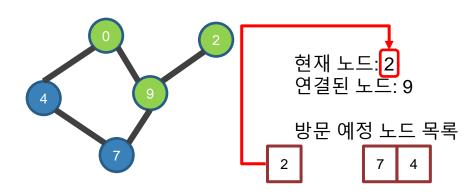
- 그래프에서 연결된 노드들을 한번씩 방문하면 동치류의 모든 원소를 알 수 있다.
 - 하나의 노드에 방문하면 연결된 노드를 방문할 노드에 기록해 놓은 뒤 나중에 방문함.
 - 이미 방문예정목록에 있는 노드/방문했던 노드면 목록에 추가하지 않음.







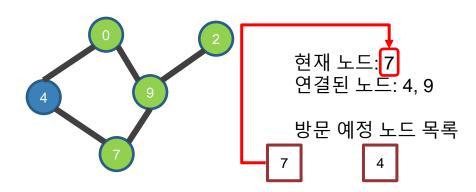
- 그래프에서 연결된 노드들을 한번씩 방문하면 동치류의 모든 원소를 알 수 있다.
 - 하나의 노드에 방문하면 연결된 노드를 방문할 노드에 기록해 놓은 뒤 나중에 방문함.
 - 이미 방문예정목록에 있는 노드/방문했던 노드면 목록에 추가하지 않음.





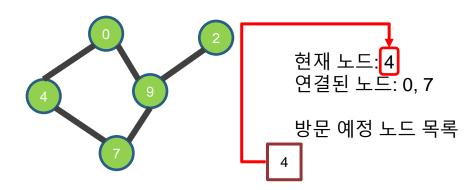


- 그래프에서 연결된 노드들을 한번씩 방문하면 동치류의 모든 원소를 알 수 있다.
 - 하나의 노드에 방문하면 연결된 노드를 방문할 노드에 기록해 놓은 뒤 나중에 방문함.
 - 이미 방문예정목록에 있는 노드/방문했던 노드면 목록에 추가하지 않음.





- 그래프에서 연결된 노드들을 한번씩 방문하면 동치류의 모든 원소를 알 수 있다.
 - 하나의 노드에 방문하면 연결된 노드를 방문할 노드에 기록해 놓은 뒤 나중에 방문함.
 - 이미 방문예정목록에 있는 노드/방문했던 노드면 목록에 추가하지 않음.





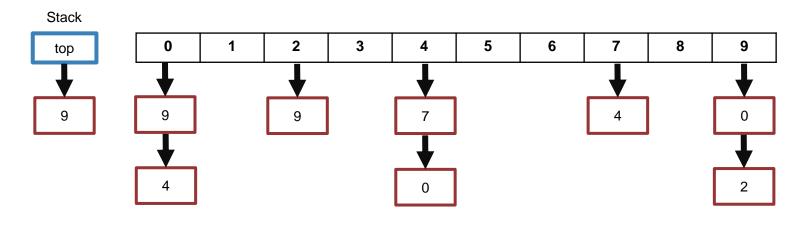
Equivalence Relations

 $0 \equiv 4$

 $7 \equiv 4$

 $2 \equiv 9$

 $9 \equiv 0$



방문할 노드(9)를 스택에 push



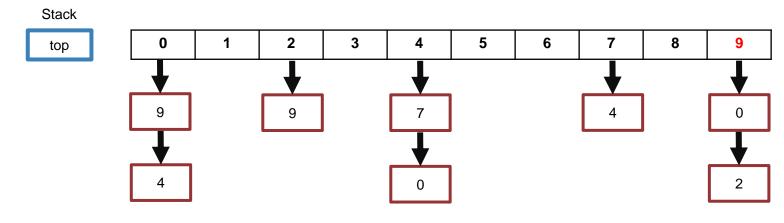


 $0 \equiv 4$

 $7 \equiv 4$

 $2 \equiv 9$

 $9 \equiv 0$



9

스택에서 노드를 pop하여 노드(9) 방문



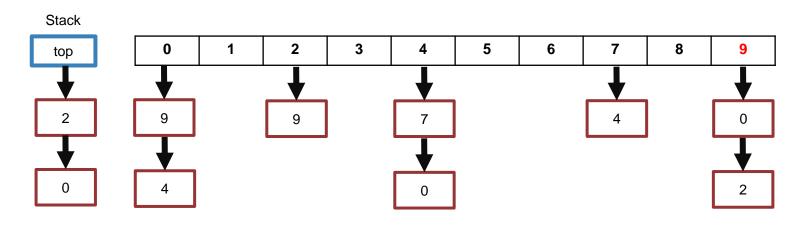
Equivalence Relations

 $0 \equiv 4$

 $7 \equiv 4$

 $2 \equiv 9$

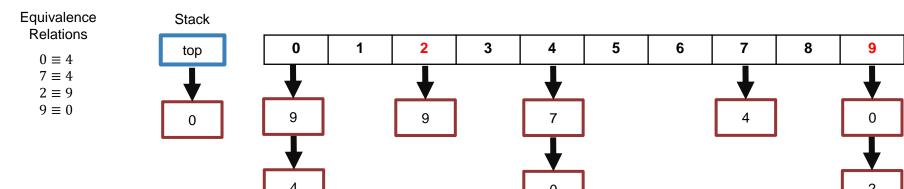
 $9 \equiv 0$



9

방문한 노드(9)에 연결된 노드(2, 0)를 스택에 push

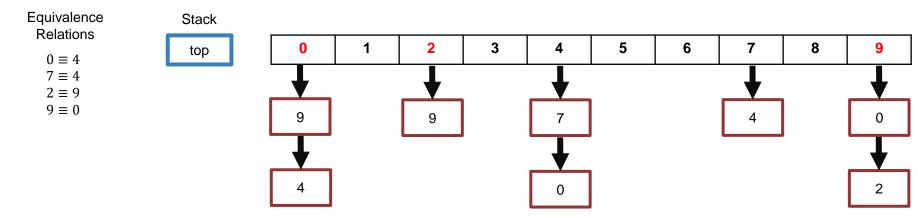




9 2

스택에서 노드를 pop하여 노드(2) 방문 및 연결된 노드를 스택에 push

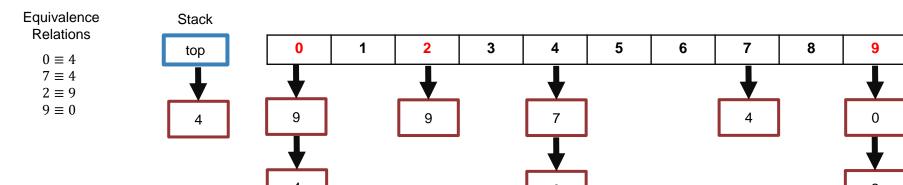






스택에서 노드를 pop하여 노드(0) 방문

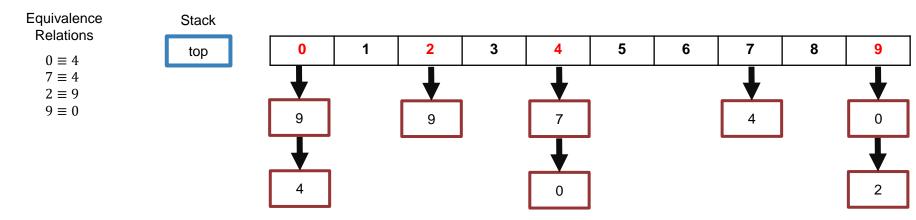






방문한 노드(0)에 연결된 노드(4)를 스택에 push

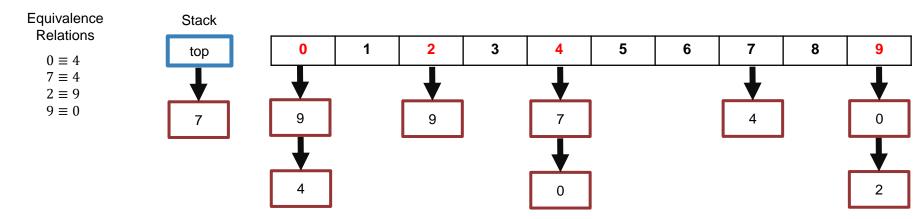






스택에서 노드를 pop하여 노드(4) 방문

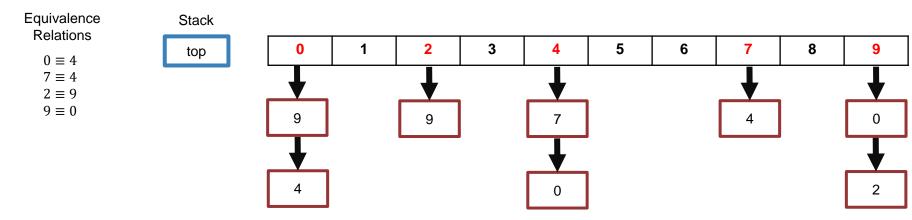






방문한 노드(4)에 연결된 노드(7)를 스택에 push







스택에서 노드를 pop하여 노드(7) 방문





- Node 구조체 선언
- 변수초기화

```
Enter the size (<= 24) 5
Enter the size (<= 24) 5
Enter a pair of numbers (-1 -1 to quit): 0 1
Enter a pair of numbers (-1 -1 to quit): 2 4
Enter a pair of numbers (-1 -1 to quit): 3 4
Enter a pair of numbers (-1 -1 to quit): -1 -1
New class: 0 1
New class: 2 4 3
계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .
```

```
⊞#include <stdio.h>
       #include <stdlib.h>
       #define MAX_SIZE 24
       #define FALSE 0
       #define TRUE 1
       7/구조체 선언
       typedef struct node *nodePointer;
10
     □typedef struct node {
11
           int data;
12
           nodePointer link;
13
      };
14
15
     □ int main() {
           int out[MAX_SIZE];
16
           nodePointer seq[MAX_SIZE];
17
18
           nodePointer x, y, top;
19
           int i, j, n;
20
21
           printf("Enter the size (<= %d) ", MAX_SIZE);
22
           scanf("%d", &n);
23
           for (i = 0; i < n; i++) {
24
25
               out[i] = TRUE;
               seq[i] = NULL;
26
27
28
```

2. Equivalence classes - 실습

30

31

39

- 숫자 쌍 입력
- i j 형식으로 입력하고 -1 -1을 입력하면 종료
- 입력을 받을 때마다 노드를 생성하고 리스트에 추가

Equivalence classes (Cont.)

```
/* Phase 1: Input the equivalence pairs: */
printf("Enter a pair of numbers (-1 -1 to quit): ");
scanf("%d%d",&i,&j);
while (i >= 0) {
    MALLOC(x, sizeof(*x));
    x->data = j; x->link = seq[i]; seq[i] = x;
    MALLOC(x, sizeof(*x));
    x->data = i; x->link = seq[j]; seq[j] = x;
    printf("Enter a pair of numbers (-1 -1 to quit): ");
    scanf("%d%d",&i,&j);
}
```

Program 4.22_2: Program to find equivalence classes

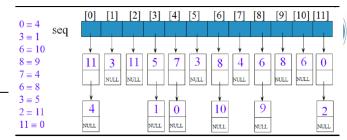


Figure 4.16: Lists after pairs have been input

```
printf("Enter a pair of numbers (-1 -1 to quit): ");
scanf("%d%d", &i, &j);
while (i >= 0)
   //새 노드를 만들어 j를 넣고 i번 노드에 추가
   //새 노드를 만들어 i를 넣고 j번 노드에 추가
   printf("Enter a pair of numbers (-1 -1 to quit): ");
   scanf("%d%d", &i, &j);
```

2. Equivalence classes - 실습

- 숫자 쌍 입력
- i j 형식으로 입력하고 -1 -1을 입력하면 종료
- 입력을 받을 때마다 노드를 생성하고 리스트에 추가

Equivalence classes (Cont.)

Program 4.22 2: Program to find equivalence classes

```
/* Phase 1: Input the equivalence pairs: */
printf("Enter a pair of numbers (-1 -1 to quit): ");
scanf("%d%d",&i,&j);
while (i >= 0) {
    MALLOC(x, sizeof(*x));
    x->data = j; x->link = seq[i]; seq[i] = x;
    MALLOC(x, sizeof(*x));
    x->data = i; x->link = seq[j]; seq[j] = x;
printf("Enter a pair of numbers (-1 -1 to quit): ");
scanf("%d%d",&i,&j);
}
```

Figure 4.16: Lists after pairs have been input

30 31

33

34

39

46

```
printf("Enter a pair of numbers (-1 -1 to quit): ");
scanf("%d%d", &i, &j);
while (i >= 0)
   //새 노드를 만들어 i를 넣고 i번 노드에 추가
   x = (nodePointer)malloc(sizeof(node));
   x->data = j;
   x->link = seq[i];
   seq[i] = x;
   //새 노드를 만들어 i를 넣고 i번 노드에 추가
   x = (nodePointer)malloc(sizeof(node));
   x->data = i:
   x->link = seq[i];
   seq[j] = x;
   printf("Enter a pair of numbers (-1 -1 to quit): ");
   scanf("%d%d", &i, &j);
```





- 전부 탐색하며 클래스로 묶기
- 한 리스트를 탐색 중 아직 탐색되지 않은 리스트가 있으면 그 리스트로 이동해서 계속 탐색

Equivalence classes (Cont.)

```
/* Phase 2: output the equivalence classes */
for (i = 0; i < n; i++)
  if (out[i]) {
    printf("\nNew class: %5d",i);
    out[i] = FALSE; /* set class to false */
    x = seq[i]; top = NULL; /* initialize stack */
    for(;;) { /* find rest of class */
      while (x) { /* process list */
        i = x->data:
        if (out[i]) {
           printf("%5d",i); out[i] = FALSE;
          y = x \rightarrow link; x \rightarrow link = top; top = x; x = y;
        else x = x->link:
      if (!top) break;
      x = seq[top->data];
                            top = top->link;
                                unstack */
Program 4.22_3: Program to find equivalence classes
```

```
for (i = 0; i < n; i++)
49
50
              if (out[i]) {
                  printf("\nNew class: %5d", i);
51
52
                  //클래스 i를 탐색
53
54
                  out[i] = FALSE;
                  x = seq[i];
                  top = NULL;
                  for (33) {
                      while (x) {
60
                          i = x->data;
61
                         //마직 탐색되지 않았다면 위치를 저장하고 새로운 리스트로 이동
62
                          if (out[i]) {
                             printf("%5d", j);
63
64
                             out[i] = FALSE;
65
68
69
70
71
                         //이미 탐색되었다면 통과
72
                          else.
73
74
                     //topOl FALSE이면 전부 탐색한것
75
76
                      if (!top)
                          break:
                     //위치를 저장해뒀던 top으로 이동
78
79
                      x = seq[top->data];
80
                      top = top->link;
81
82
          printf("%\n");
83
84
```



1939 W. 11/2

- 전부 탐색하며 클래스로 묶기
- 한 리스트를 탐색 중 아직 탐색되지 않은 리스트가 있으면 그 리스트로 이동해서 계속 탐색

Equivalence classes (Cont.)

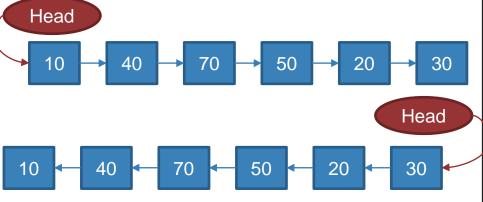
```
/* Phase 2: output the equivalence classes */
for (i = 0; i < n; i++)
  if (out[i]) {
    printf("\nNew class: %5d",i);
    out[i] = FALSE; /* set class to false */
    x = seq[i]; top = NULL; /* initialize stack */
    for(;;) { /* find rest of class */
      while (x) { /* process list */
        i = x->data:
        if (out[i]) {
           printf("%5d",i); out[i] = FALSE;
          y = x \rightarrow link; x \rightarrow link = top; top = x; x = y;
        else x = x->link:
      if (!top) break;
      x = seq[top->data];
                            top = top->link;
                                unstack */
Program 4.22_3: Program to find equivalence classes
```

```
for (i = 0; i < n; i++)
49
50
               if (out[i]) {
                  printf("\nNew class: %5d", i);
51
52
53
                  //클래스 i를 탐색
54
                  out[i] = FALSE;
                  x = seq[i];
                  top = NULL;
                  for (33) {
                      while (x) {
60
                          i = x->data;
61
                          //마직 탐색되지 않았다면 위치를 저장하고 새로운 리스트로 이동
62
                          if (out[i]) {
                             printf("%5d", j);
63
64
                             out[i] = FALSE;
65
66
                              y = x - > link
                              x->link = top;
68
                              top = x
69
                              x = y
70
71
                          //이미 탐색되었다면 통과
72
                          else
73
                              x = x - > link
74
                      //top이 FALSE이면 전부 탐색한것
75
76
                      if (!top)
                          break:
                      //위치를 저장해뒀던 top으로 이동
78
79
                      x = seq[top->data];
80
                      top = top->link;
81
82
83
           printf("%\n");
84
```

9 9 9 1939

3. Reversing Linked List - 과제

- Linked List내의 Node들의 순서를 거꾸로 만드는 함수를 작성
- 실습 4에서 사용한 Linked List 실습과 실습 5에서 사용한 Stack 실습 코드를 이용하면 해결 가능
- main 함수는 실습 4에서 사용된 main 코드를 이용 (오른쪽 메인 함수 이용)



```
int main()
   int ons:
   LinkedList + linkedList = (LinkedList + )malloc(sizeof(LinkedList));
   linkedList->curCount = 0;
   linkedList->headNode.nextNode = NULL:
                                             C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
                                             addNode() error2: 추가 범위 초과
   StackNode* top = NULL;
                                             현재 Node 개수 : 6
   StackNode* pNode;
   //showNode(linkedList);
   addNode(linkedList, 0, 10);
   addNode(linkedList, 5, 100);
   addNode(linkedList, 1, 20);
   addNode(linkedList, 2, 30);
                                             Reverse Linked List!
   addNode(linkedList, 1, 50);
                                                 Node 개수 : 6
   addNode(linkedList, 1, 70);
   addNode(linkedList, 1, 40);
   showNode(linkedList);
   reverseList(linkedList, &top);
                                             현재 Node 개수 : 0
   showNode(linkedList):
                                             계속하려면 아무 키나 누르십시오 . . .
   //removeNode(linkedList, 1);
   //showNode(linkedList):
   //pos = findPos(linkedList, 30);
   //printf("the location of node with data '30': %d\n", pos);
   makeEmptv(linkedList);
   showNode(linkedList);
   return 0:
```





- 실습 4 Linked List 실습 코드에 실습 5에서 사용된 Stack 함수를 가져와 활용용
- 부가적으로 'reverseList' 라는 함수를 선언 및 정의해야 함

```
void reverseList(LinkedList* pList, StackNode** top) {
    Node *pNode = NULL;
    StackNode *sNode = NULL;
   printf("Reverse Linked List!\");
   //Stack에 List 저장
    //List에 Stack 저장
```



감사합니다.

과제 제출 기한: 2023년 4월 13일 23:59분 까지

*기한 내에 본인의 원격 저장소에 push된 건에 대해서만 인정

<u>파일 이름</u>: "week6/reversingLinkedList.c"



궁금한 것이 생기면 언제든지 질문하시면 됩니다 ③

- 공업센터본관 304호로 방문하시거나
- <u>hameli@hanyang.ac.kr</u> 로 연락 바랍니다.
- 담당조교: 백승한