

Geração de Parser

Predictive Parsing

Hervé Yviquel

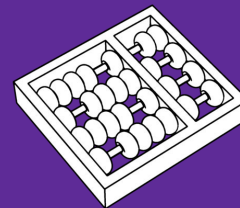
herve@ic.unicamp.br

Universidade Estadual de Campinas (Unicamp)

Instituto de Computação (IC)

Laboratório de Sistemas de Computação (LSC)

MC921 • Projeto e Construção de Compiladores • 2023 S2



UNICAMP

Aula Anterior

Resumo

- Geração do Lexer
 - a partir da especificação dos tokens com expressões regulares
- Autômato Finito Não-determinístico
- Autômato Finito Determinístico

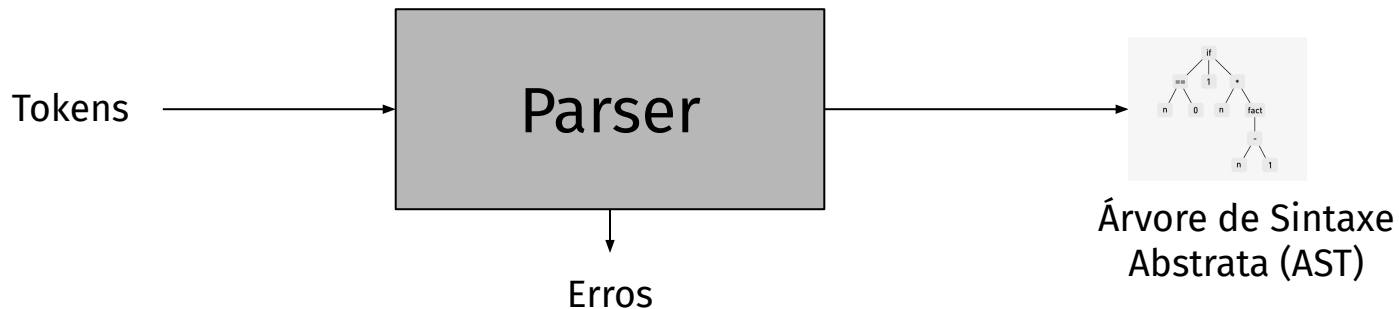
Aula de Hoje

Plano

- Gerar um Parser
- Parser Preditivo
- Conjuntos FIRST e FOLLOW
- Construção do Parser Preditivo
- Ambiguidade
- Recuperação de Erros

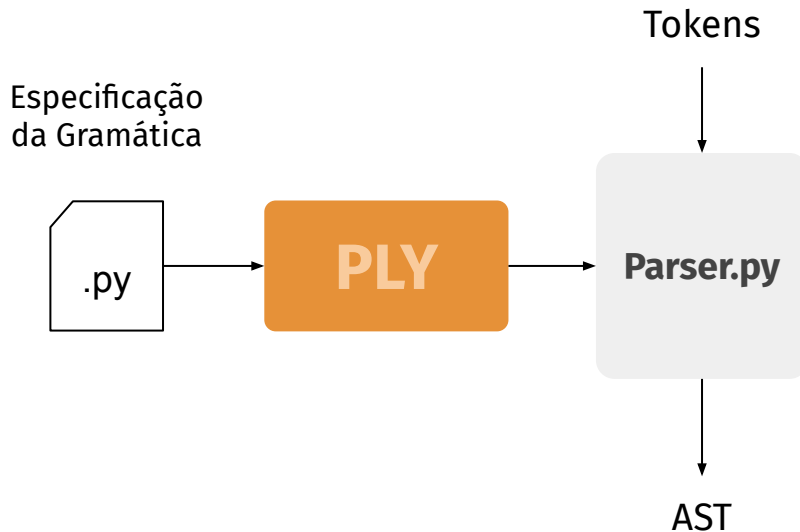
Gerar um Parser





- Recebe uma sequência de tokens e determina se pode ser gerada através da gramática da linguagem fonte
 - É esperado ainda que ele reporte os erros de uma maneira inteligível
 - Seja capaz de se recuperar de erros comuns, continuando a processar a entrada

- O gerador de parser gera o parser automaticamente
 - a partir da especificação
- Tem vários geradores de parser disponíveis
 - Yacc, Bison, ANTLR, PLY, ...



Parser Preditivo



- Também chamados de recursive-descent
 - ou ainda parser LL
- É um algoritmo simples
 - capaz de fazer o parsing de algumas gramáticas
- Cada produção se torna uma cláusula em uma função recursiva
- Temos uma função para cada não-terminal

Vamos olhar um exemplo...

$S \rightarrow \text{if } E \text{ then } S \text{ else } S$

$S \rightarrow \text{begin } S \ L$

$S \rightarrow \text{print } E$

$L \rightarrow \text{end}$

$L \rightarrow ; \ S \ L$

$E \rightarrow \text{num} = \text{num}$

Como seria um parser
para essa gramática?

```
final int IF=1, THEN=2, ELSE=3, BEGIN=4, END=5,  
        PRINT=6, SEMI=7, NUM=8, EQ=9;  
  
int tok = getToken();  
void advance() {tok=getToken();}  
void eat(int t) {if (tok==t) advance(); else error();}  
  
void S() {  
    switch(tok) {  
        case IF: eat(IF); E(); eat(THEN); S(); eat(ELSE); S(); break;  
        case BEGIN: eat(BEGIN); S(); L(); break;  
        case PRINT: eat(PRINT); E(); break;  
        default: error(); }}  
  
void L() {  
    switch(tok) { case END: eat(END); break;  
        case SEMI: eat(SEMI); S(); L(); break;  
        default: error(); }}  
  
void E() { eat(NUM); eat(EQ); eat(NUM); }
```

$$S \rightarrow E \$$$
$$E \rightarrow E + T$$
$$E \rightarrow E - T$$
$$E \rightarrow T$$
$$T \rightarrow T * F$$
$$T \rightarrow T / F$$
$$T \rightarrow F$$
$$F \rightarrow \text{id}$$
$$F \rightarrow \text{num}$$
$$F \rightarrow (E)$$

- Vamos aplicar a mesma técnica para essa outra gramática...
- Problema: Quando escolher regras para E e para T?
 - $1*2+3$?
 - $1*2-3$?

```
void S() { E(); eat(EOF); }
```

```
void E() {switch (tok) {  
    case ?: E(); eat(PLUS); T(); break;  
    case ?: E(); eat(MINUS); T(); break;  
    case ?: T(); break;  
    default: error(); }}
```

```
void T() {switch (tok) {  
    case ?: T(); eat(TIMES); F(); break;  
    case ?: T(); eat(DIV); F(); break;  
    case ?: F(); break;  
    default: error(); }}
```

$$S \rightarrow E \$$$
$$E \rightarrow E + T$$
$$E \rightarrow E - T$$
$$E \rightarrow T$$
$$T \rightarrow T * F$$
$$T \rightarrow T / F$$
$$T \rightarrow F$$
$$F \rightarrow \text{id}$$
$$F \rightarrow \text{num}$$
$$F \rightarrow (E)$$

- Parsers preditivos apenas funcionam quando o primeiro símbolo terminal permite escolher a regra da gramática
 - senão a gramática não pode ser analisada com parser preditivo
- Vamos procurar os primeiros símbolos para cada regra
 - de forma automática usando um algoritmo

Conjuntos FIRST e FOLLOW



- Dada uma string γ de terminais e não terminais
 - $\text{FIRST}(\gamma)$ é o conjunto de todos os terminais que podem iniciar uma string de terminais derivada de γ
- Exemplo usando gramática anterior

$$T \rightarrow T * F$$

$$\gamma = T * F$$

$$\text{FIRST}(\gamma) = ?$$

$$\text{FIRST}(\gamma) = \{\text{id}, \text{num}, (\}$$

$$S \rightarrow E \$$$

$$E \rightarrow E + T$$

$$E \rightarrow E - T$$

$$E \rightarrow T$$

$$T \rightarrow T * F$$

$$T \rightarrow T / F$$

$$T \rightarrow F$$

$$F \rightarrow \text{id}$$

$$F \rightarrow \text{num}$$

$$F \rightarrow (E)$$

- Se uma gramática tem produções da forma:

$X \rightarrow \gamma_1$

$X \rightarrow \gamma_2$

- Caso $\text{FIRST}(\gamma_1)$ e $\text{FIRST}(\gamma_2)$ tenham intersecção
 - a gramática não pode ser analisada com um predictive parser
- Por que?
 - A função recursiva não vai saber que caso executar

- $Z \rightarrow d$
 - $Z \rightarrow X Y Z$
 - $Y \rightarrow$
 - $Y \rightarrow c$
 - $X \rightarrow Y$
 - $X \rightarrow a$
- Como seria para $Z \rightarrow X Y Z$?
 - Podemos simplesmente fazer $\text{FIRST}(XYZ) = \text{FIRST}(X)$?

Nullable(X) é verdadeiro se X pode derivar a string vazia

- $Z \rightarrow d$
- $Z \rightarrow X Y Z$
- $Y \rightarrow$
- $Y \rightarrow c$
- $X \rightarrow Y$
- $X \rightarrow a$

Nullable(Y) = yes

Nullable(X) = yes

Nullable(Z) = no

$\text{FIRST}(X)$ é o conjunto de terminais
que podem iniciar strings
derivadas de X

- $Z \rightarrow d$
- $Z \rightarrow X Y Z$
- $Y \rightarrow$
- $Y \rightarrow c$
- $X \rightarrow Y$
- $X \rightarrow a$

$$\text{FIRST}(Y) = \{c\}$$

$$\text{FIRST}(X) = \{a, c\}$$

$$\text{FIRST}(Z) = \{a, c, d\}$$

$\text{FOLLOW}(X)$ é o conjunto de terminais que podem imediatamente seguir X

- $Z \rightarrow d$
- $Z \rightarrow X Y Z$
- $Y \rightarrow$
- $Y \rightarrow c$
- $X \rightarrow Y$
- $X \rightarrow a$

$t \in \text{FOLLOW}(A)$ se existe alguma derivação contendo $A t$

Cuidado com derivações na forma $B A t$, onde A pode ser vazio. Neste caso $\text{FOLLOW}(B)$ também contém t .

$\text{FOLLOW}(Y) = \{a, c, d\}$

$\text{FOLLOW}(Z) = \{ \}$

- **Nullable(X)**
 - é verdadeiro se X pode derivar a string vazia
- **FIRST(X)**
 - é o conjunto de terminais que podem iniciar strings derivadas de X
- **FOLLOW(X)**
 - é o conjunto de terminais que podem imediatamente seguir X

Construção do Parser Preditivo



```
for each terminal symbol  $Z$ 
    FIRST[ $Z$ ]  $\leftarrow \{Z\}$ 
repeat
    for each production  $X \rightarrow Y_1 Y_2 \cdots Y_k$ 
        if  $Y_1 \dots Y_k$  are all nullable (or if  $k = 0$ )
            then nullable[ $X$ ]  $\leftarrow$  true
        for each  $i$  from 1 to  $k$ , each  $j$  from  $i + 1$  to  $k$ 
            if  $Y_1 \cdots Y_{i-1}$  are all nullable (or if  $i = 1$ )
                then FIRST[ $X$ ]  $\leftarrow$  FIRST[ $X$ ]  $\cup$  FIRST[ $Y_i$ ]
            if  $Y_{i+1} \cdots Y_k$  are all nullable (or if  $i = k$ )
                then FOLLOW[ $Y_i$ ]  $\leftarrow$  FOLLOW[ $Y_i$ ]  $\cup$  FOLLOW[ $X$ ]
            if  $Y_{i+1} \cdots Y_{j-1}$  are all nullable (or if  $i + 1 = j$ )
                then FOLLOW[ $Y_i$ ]  $\leftarrow$  FOLLOW[ $Y_i$ ]  $\cup$  FIRST[ $Y_j$ ]
    until FIRST, FOLLOW, and nullable did not change in this iteration.
```

- Algoritmo de iteração até um ponto fixo
- Os conjuntos poderiam ser computados de maneira separada

for each terminal symbol Z
 $\text{FIRST}[Z] \leftarrow \{Z\}$

repeat

for each production $X \rightarrow Y_1 Y_2 \cdots Y_k$

if $Y_1 \dots Y_k$ are all nullable (or if $k = 0$)

then $\text{nullable}[X] \leftarrow \text{true}$

for each i from 1 to k , each j from $i + 1$ to k

if $Y_1 \cdots Y_{i-1}$ are all nullable (or if $i = 1$)

then $\text{FIRST}[X] \leftarrow \text{FIRST}[X] \cup \text{FIRST}[Y_i]$

if $Y_{i+1} \cdots Y_k$ are all nullable (or if $i = k$)

then $\text{FOLLOW}[Y_i] \leftarrow \text{FOLLOW}[Y_i] \cup \text{FOLLOW}[X]$

if $Y_{i+1} \cdots Y_{j-1}$ are all nullable (or if $i + 1 = j$)

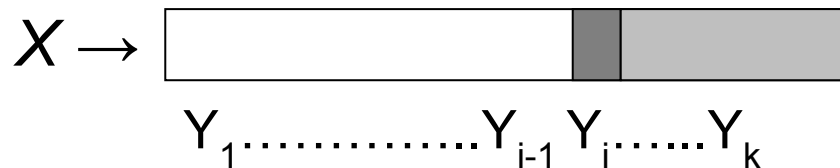
then $\text{FOLLOW}[Y_i] \leftarrow \text{FOLLOW}[Y_i] \cup \text{FIRST}[Y_j]$

until FIRST, FOLLOW, and nullable did not change in this iteration.


```
for each terminal symbol  $Z$ 
     $\text{FIRST}[Z] \leftarrow \{Z\}$ 
repeat
    for each production  $X \rightarrow Y_1 Y_2 \cdots Y_k$ 
        if  $Y_1 \dots Y_k$  are all nullable (or if  $k = 0$ )
            then  $\text{nullable}[X] \leftarrow \text{true}$ 
        for each  $i$  from 1 to  $k$ , each  $j$  from  $i + 1$  to  $k$ 
            if  $Y_1 \cdots Y_{i-1}$  are all nullable (or if  $i = 1$ )
                then  $\text{FIRST}[X] \leftarrow \text{FIRST}[X] \cup \text{FIRST}[Y_i]$ 
            if  $Y_{i+1} \cdots Y_k$  are all nullable (or if  $i = k$ )
                then  $\text{FOLLOW}[Y_i] \leftarrow \text{FOLLOW}[Y_i] \cup \text{FOLLOW}[X]$ 
            if  $Y_{i+1} \cdots Y_{j-1}$  are all nullable (or if  $i + 1 = j$ )
                then  $\text{FOLLOW}[Y_i] \leftarrow \text{FOLLOW}[Y_i] \cup \text{FIRST}[Y_j]$ 
    until FIRST, FOLLOW, and nullable did not change in this iteration.
```

```
for each terminal symbol Z
    FIRST[Z] ← {Z}
repeat
    for each production  $X \rightarrow Y_1 Y_2 \cdots Y_k$ 
        if  $Y_1 \dots Y_k$  are all nullable (or if  $k = 0$ )
            then nullable[X] ← true
        for each  $i$  from 1 to  $k$ , each  $j$  from  $i + 1$  to  $k$ 
            if  $Y_1 \cdots Y_{i-1}$  are all nullable (or if  $i = 1$ )
                then FIRST[X] ← FIRST[X]  $\cup$  FIRST[ $Y_i$ ]
            if  $Y_{i+1} \cdots Y_k$  are all nullable (or if  $i = k$ )
                then FOLLOW[ $Y_i$ ] ← FOLLOW[ $Y_i$ ]  $\cup$  FOLLOW[X]
            if  $Y_{i+1} \cdots Y_{j-1}$  are all nullable (or if  $i + 1 = j$ )
                then FOLLOW[ $Y_i$ ] ← FOLLOW[ $Y_i$ ]  $\cup$  FIRST[ $Y_j$ ]
until FIRST, FOLLOW, and nullable did not change in this iteration.
```

$$\text{FIRST}[X] \leftarrow \text{FIRST}[X] \cup \text{FIRST}[Y_i]$$



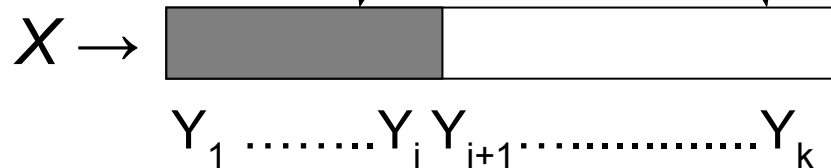
- Nullable
- Nullable or not
- Non-nullable

Definição FIRST, FOLLOW e nullable

27

```
for each terminal symbol Z
    FIRST[Z] ← {Z}
repeat
    for each production  $X \rightarrow Y_1 Y_2 \cdots Y_k$ 
        if  $Y_1 \dots Y_k$  are all nullable (or if  $k = 0$ )
            then nullable[X] ← true
        for each  $i$  from 1 to  $k$ , each  $j$  from  $i + 1$  to  $k$ 
            if  $Y_1 \cdots Y_{i-1}$  are all nullable (or if  $i = 1$ )
                then FIRST[X] ← FIRST[X]  $\cup$  FIRST[ $Y_i$ ]
            if  $Y_{i+1} \cdots Y_k$  are all nullable (or if  $i = k$ )
                then FOLLOW[ $Y_i$ ] ← FOLLOW[ $Y_i$ ]  $\cup$  FOLLOW[X]
            if  $Y_{i+1} \cdots Y_{j-1}$  are all nullable (or if  $i + 1 = j$ )
                then FOLLOW[ $Y_i$ ] ← FOLLOW[ $Y_i$ ]  $\cup$  FIRST[ $Y_j$ ]
until FIRST, FOLLOW, and nullable did not change in this iteration.
```

$$\text{FOLLOW}[Y_i] \leftarrow \text{FOLLOW}[Y_i] \cup \text{FOLLOW}[X]$$

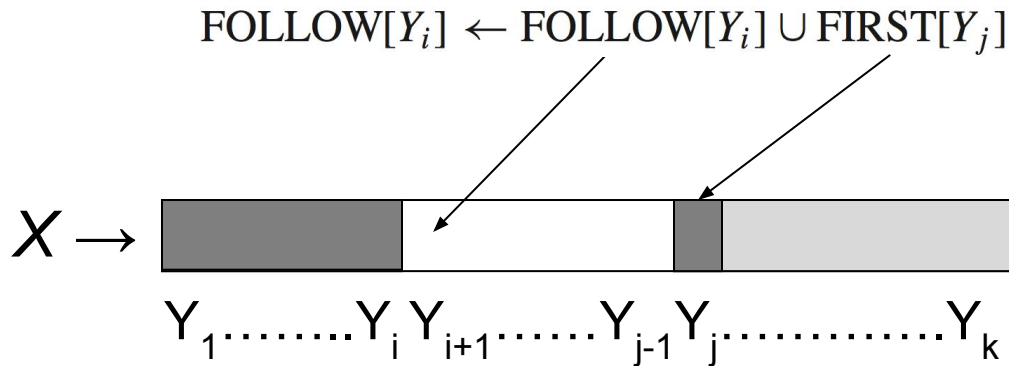


- Nullable
- Nullable or not
- Non-nullable

Definição FIRST, FOLLOW e nullable

28

```
for each terminal symbol Z
    FIRST[Z] ← {Z}
repeat
    for each production  $X \rightarrow Y_1 Y_2 \cdots Y_k$ 
        if  $Y_1 \dots Y_k$  are all nullable (or if  $k = 0$ )
            then nullable[X] ← true
        for each  $i$  from 1 to  $k$ , each  $j$  from  $i + 1$  to  $k$ 
            if  $Y_1 \cdots Y_{i-1}$  are all nullable (or if  $i = 1$ )
                then FIRST[X] ← FIRST[X]  $\cup$  FIRST[ $Y_i$ ]
            if  $Y_{i+1} \cdots Y_k$  are all nullable (or if  $i = k$ )
                then FOLLOW[ $Y_i$ ] ← FOLLOW[ $Y_i$ ]  $\cup$  FOLLOW[X]
            if  $Y_{i+1} \cdots Y_{j-1}$  are all nullable (or if  $i + 1 = j$ )
                then FOLLOW[ $Y_i$ ] ← FOLLOW[ $Y_i$ ]  $\cup$  FIRST[ $Y_j$ ]
until FIRST, FOLLOW, and nullable did not change in this iteration.
```



- ☐ Nullable
- ☒ Nullable or not
- ☒ Non-nullable

- $Z \rightarrow d$
- $Z \rightarrow X Y Z$
- $Y \rightarrow$
- $Y \rightarrow c$
- $X \rightarrow Y$
- $X \rightarrow a$

	nullable	FIRST	FOLLOW
X			
Y			
Z			

```
for each terminal symbol Z
  FIRST[Z] ← {Z}
repeat
  for each production  $X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k$ 
    if  $Y_1 \dots Y_k$  are all nullable (or if  $k = 0$ )
      then nullable[X] ← true
    for each  $i$  from 1 to  $k$ , each  $j$  from  $i + 1$  to  $k$ 
      if  $Y_1 \dots Y_{i-1}$  are all nullable (or if  $i = 1$ )
        then FIRST[X] ← FIRST[X] ∪ FIRST[Yi]
      if  $Y_{i+1} \dots Y_k$  are all nullable (or if  $i = k$ )
        then FOLLOW[Yi] ← FOLLOW[Yi] ∪ FOLLOW[X]
      if  $Y_{i+1} \dots Y_{j-1}$  are all nullable (or if  $i + 1 = j$ )
        then FOLLOW[Yi] ← FOLLOW[Yi] ∪ FIRST[Yj]
until FIRST, FOLLOW, and nullable did not change in this iteration.
```

- $Z \rightarrow d$
- $Z \rightarrow X Y Z$
- $Y \rightarrow$
- $Y \rightarrow c$
- $X \rightarrow Y$
- $X \rightarrow a$

	nullable	FIRST	FOLLOW
X	no	{ }	{ }
Y	no	{ }	{ }
Z	no	{ }	{ }

```
for each terminal symbol Z
  FIRST[Z] ← {Z}
repeat
  for each production  $X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k$ 
    if  $Y_1 \dots Y_k$  are all nullable (or if  $k = 0$ )
      then nullable[X] ← true
    for each  $i$  from 1 to  $k$ , each  $j$  from  $i + 1$  to  $k$ 
      if  $Y_1 \dots Y_{i-1}$  are all nullable (or if  $i = 1$ )
        then FIRST[X] ← FIRST[X] ∪ FIRST[Yi]
      if  $Y_{i+1} \dots Y_k$  are all nullable (or if  $i = k$ )
        then FOLLOW[Yi] ← FOLLOW[Yi] ∪ FOLLOW[X]
      if  $Y_{i+1} \dots Y_{j-1}$  are all nullable (or if  $i + 1 = j$ )
        then FOLLOW[Yi] ← FOLLOW[Yi] ∪ FIRST[Yj]
  until FIRST, FOLLOW, and nullable did not change in this iteration.
```

- $Z \rightarrow d$
- $Z \rightarrow X Y Z$
- $Y \rightarrow$
- $Y \rightarrow c$
- $X \rightarrow Y$
- $X \rightarrow a$

	nullable	FIRST	FOLLOW
X	no	{ a }	{ d, c }
Y	yes	{ c }	{ d }
Z	no	{ d }	{ }

```
for each terminal symbol Z
  FIRST[Z] ← {Z}
repeat
  for each production  $X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k$ 
    if  $Y_1 \dots Y_k$  are all nullable (or if  $k = 0$ )
      then nullable[X] ← true
    for each  $i$  from 1 to  $k$ , each  $j$  from  $i + 1$  to  $k$ 
      if  $Y_1 \dots Y_{i-1}$  are all nullable (or if  $i = 1$ )
        then FIRST[X] ← FIRST[X]  $\cup$  FIRST[ $Y_i$ ]
      if  $Y_{i+1} \dots Y_k$  are all nullable (or if  $i = k$ )
        then FOLLOW[ $Y_i$ ] ← FOLLOW[ $Y_i$ ]  $\cup$  FOLLOW[X]
      if  $Y_{i+1} \dots Y_{j-1}$  are all nullable (or if  $i + 1 = j$ )
        then FOLLOW[ $Y_i$ ] ← FOLLOW[ $Y_i$ ]  $\cup$  FIRST[ $Y_j$ ]
until FIRST, FOLLOW, and nullable did not change in this iteration.
```

- $Z \rightarrow d$
- $Z \rightarrow X Y Z$
- $Y \rightarrow$
- $Y \rightarrow c$
- $X \rightarrow Y$
- $X \rightarrow a$

	nullable	FIRST	FOLLOW
X	yes	{ a, c }	{ a, d, c }
Y	yes	{ c }	{ a, c, d }
Z	no	{ a, c, d }	{ }

```
for each terminal symbol Z
  FIRST[Z] ← {Z}
repeat
  for each production  $X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k$ 
    if  $Y_1 \dots Y_k$  are all nullable (or if  $k = 0$ )
      then nullable[X] ← true
    for each  $i$  from 1 to  $k$ , each  $j$  from  $i + 1$  to  $k$ 
      if  $Y_1 \dots Y_{i-1}$  are all nullable (or if  $i = 1$ )
        then FIRST[X] ← FIRST[X]  $\cup$  FIRST[ $Y_i$ ]
      if  $Y_{i+1} \dots Y_k$  are all nullable (or if  $i = k$ )
        then FOLLOW[ $Y_i$ ] ← FOLLOW[ $Y_i$ ]  $\cup$  FOLLOW[X]
      if  $Y_{i+1} \dots Y_{j-1}$  are all nullable (or if  $i + 1 = j$ )
        then FOLLOW[ $Y_i$ ] ← FOLLOW[ $Y_i$ ]  $\cup$  FIRST[ $Y_j$ ]
until FIRST, FOLLOW, and nullable did not change in this iteration.
```


- Cada função relativa a um não-terminal precisa conter uma cláusula para cada produção
- Precisa saber escolher, baseado no próximo token, qual a produção apropriada
- Isto é feito através da predictive parsing table

- $Z \rightarrow d$
- $Z \rightarrow \textcolor{red}{X} \textcolor{red}{Y} \textcolor{red}{Z} \xrightarrow{\textcolor{red}{\gamma}} \text{FIRST}(\textcolor{red}{XYZ})$
- $Y \rightarrow$
- $Y \rightarrow c$
- $X \rightarrow \textcolor{red}{Y} \xrightarrow{\textcolor{red}{\gamma}} \text{FIRST}(\textcolor{red}{Y})$
- $X \rightarrow a$

	nullable	FIRST	FOLLOW
X	yes	{ a, c }	{ a, d, c }
Y	yes	{ c }	{ a, c, d }
Z	no	{ a, c, d }	{ }

- Assuma que $\gamma = A\beta$
- $\text{FIRST}(A\beta) = \text{FIRST}[A]$, if not nullable[A]
- $\text{FIRST}(A\beta) = \text{FIRST}[A] \cup \text{FIRST}(\beta)$, if nullable[A]

Calculando $FIRST(\gamma)$ onde $A \rightarrow \gamma$

36

	nullable	FIRST	FOLLOW
X	yes	{ a, c }	{ a, d, c }
Y	yes	{ c }	{ a, c, d }
Z	no	{ a, c, d }	{ }

	$FIRST(\gamma)$		$FIRST(\gamma)$
• $Z \rightarrow d$	{ }	• $Y \rightarrow c$	{ }
• $Z \rightarrow XYZ$	{ }	• $X \rightarrow Y$	{ }
• $Y \rightarrow$	{ }	• $X \rightarrow a$	{ }

Calculando $\text{FIRST}(\gamma)$ onde $A \rightarrow \gamma$

37

	nullable	FIRST	FOLLOW
X	yes	{ a, c }	{ a, d, c }
Y	yes	{ c }	{ a, c, d }
Z	no	{ a, c, d }	{ }

	$\text{FIRST}(\gamma)$		$\text{FIRST}(\gamma)$
• $Z \rightarrow d$	{ d }	• $Y \rightarrow c$	{ c }
• $Z \rightarrow X Y Z$	{ a, c, d }	• $X \rightarrow Y$	{ c }
• $Y \rightarrow$	{ }	• $X \rightarrow a$	{ a }

Dada uma produção $X \rightarrow \gamma$

1. Para cada $t \in \text{FIRST}(\gamma)$
 - Coloque a produção $X \rightarrow \gamma$ na linha X , coluna t .
2. Se γ é nullable
 - Coloque a produção na linha X , coluna t para cada $t \in \text{FOLLOW}[X]$.

	a	c	d
X			
Y			
Z			

• $Z \rightarrow d$	{ d }	• $Y \rightarrow c$	{ c }
• $Z \rightarrow X Y Z$	{ a, c, d }	• $X \rightarrow Y$	{ c }
• $Y \rightarrow$	{ }	• $X \rightarrow a$	{ a }

Inserindo $X \rightarrow \gamma$ para todo $t \in \text{FIRST}(\gamma)$

	a	c	d
X			
Y			
Z			

• $Z \rightarrow d$	$\{d\}$	• $Y \rightarrow c$	$\{c\}$
• $Z \rightarrow XYZ$	$\{a, c, d\}$	• $X \rightarrow Y$	$\{c\}$
• $Y \rightarrow$	$\{\}$	• $X \rightarrow a$	$\{a\}$

Inserindo $X \rightarrow \gamma$ para todo $t \in \text{FIRST}(\gamma)$

	a	c	d
X	$X \rightarrow a$	$X \rightarrow Y$	
Y		$Y \rightarrow c$	
Z	$Z \rightarrow XYZ$	$Z \rightarrow XYZ$	$Z \rightarrow d$ $Z \rightarrow XYZ$

• $Z \rightarrow d$	$\{d\}$	• $Y \rightarrow c$	$\{c\}$
• $Z \rightarrow XYZ$	$\{a, c, d\}$	• $X \rightarrow Y$	$\{c\}$
• $Y \rightarrow$	$\{\}$	• $X \rightarrow a$	$\{a\}$

Inserindo $X \rightarrow \gamma$ para todo $t \in \text{FIRST}(\gamma)$

Inserindo $Y \rightarrow$ para todo $t \in \text{FOLLOW}[Y] = \{a, c, d\}$

	a	c	d
X	$X \rightarrow a$	$X \rightarrow Y$	
Y		$Y \rightarrow c$	
Z	$Z \rightarrow XYZ$	$Z \rightarrow XYZ$	$Z \rightarrow d$ $Z \rightarrow XYZ$

• $Z \rightarrow d$	{ d }	• $Y \rightarrow c$	{ c }
• $Z \rightarrow X Y Z$	{ a, c, d }	• $X \rightarrow Y$	{ c }
• $Y \rightarrow$	{ }	• $X \rightarrow a$	{ a }

Inserindo $X \rightarrow \gamma$ para todo $t \in \text{FIRST}(\gamma)$

Inserindo $Y \rightarrow$ para todo $t \in \text{FOLLOW}[Y] = \{a, c, d\}$

	a	c	d
X	$X \rightarrow a$	$X \rightarrow Y$	
Y	$Y \rightarrow$	$Y \rightarrow c$ $Y \rightarrow$	$Y \rightarrow$
Z	$Z \rightarrow X Y Z$	$Z \rightarrow X Y Z$	$Z \rightarrow d$ $Z \rightarrow X Y Z$

• $Z \rightarrow d$	$\{d\}$	• $Y \rightarrow c$	$\{c\}$
• $Z \rightarrow XYZ$	$\{a, c, d\}$	• $X \rightarrow Y$	$\{c\}$
• $Y \rightarrow$	$\{\}$	• $X \rightarrow a$	$\{a\}$

Inserindo $X \rightarrow_Y$ para todo $t \in \text{FIRST}(\gamma)$

Inserindo $Y \rightarrow$ para todo $t \in \text{FOLLOW}[Y] = \{a, c, d\}$

Inserindo $X \rightarrow Y$ para todo $t \in \text{FOLLOW}[X] = \{a, c, d\}$

	a	c	d
X	$X \rightarrow a$ $X \rightarrow Y$	$X \rightarrow Y$	$X \rightarrow Y$
Y	$Y \rightarrow$	$Y \rightarrow c$ $Y \rightarrow$	$Y \rightarrow$
Z	$Z \rightarrow XYZ$	$Z \rightarrow XYZ$	$Z \rightarrow d$ $Z \rightarrow XYZ$

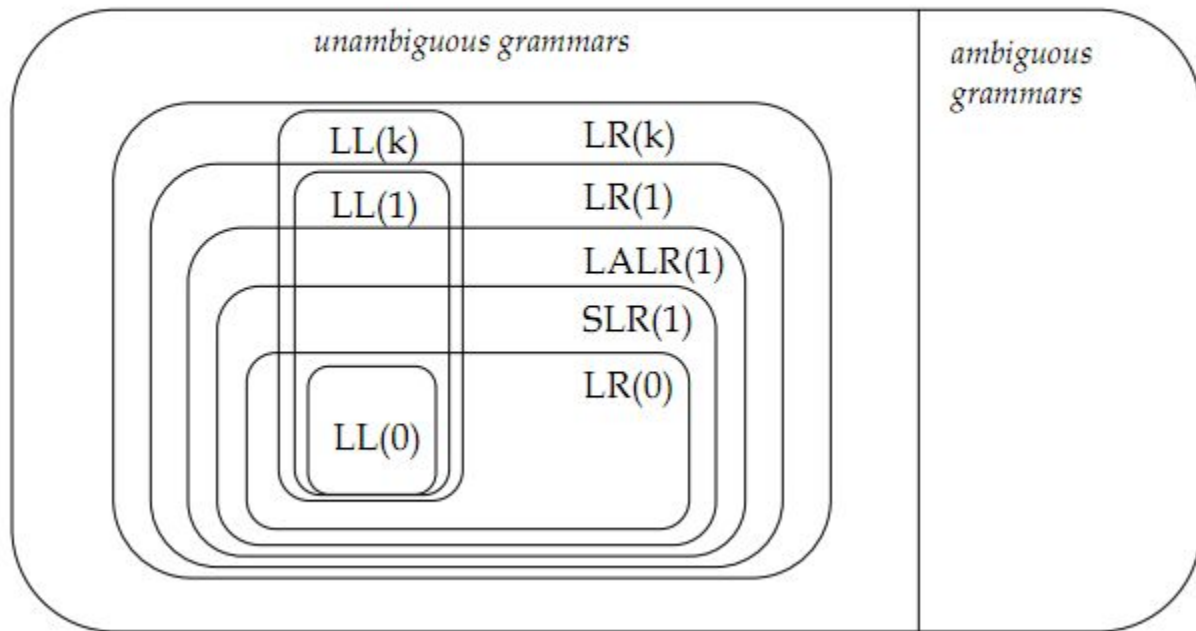
	a	c	d
x	$X \rightarrow a$ $X \rightarrow Y$	$X \rightarrow Y$	$X \rightarrow Y$
y	$Y \rightarrow$	$Y \rightarrow c$ $Y \rightarrow$	$Y \rightarrow$
z	$Z \rightarrow XYZ$	$Z \rightarrow XYZ$	$Z \rightarrow d$ $Z \rightarrow XYZ$

Não funciona!

- Linguagens cujas tabelas não possuam entradas duplicadas são denominadas de LL(1)
 - Left to right parsing, leftmost derivation, 1-symbol lookahead
- A definição de conjuntos FIRST pode ser generalizada para os primeiros k tokens de uma string
 - Por exemplo, LL(2)
 - Gera uma tabela onde as linhas são os não-terminais e as colunas são todas as sequências possíveis de 2 terminais
 - Isso é raramente feito devido ao tamanho explosivo das tabelas geradas
- Gramáticas analisáveis com tabelas LL(k) são chamadas LL(k)
 - Nenhuma gramática ambígua é LL(k) para nenhum k!

LL(1) versus LR(k)

A picture is worth a thousand words:



Ambiguidade



$S \rightarrow E \$$

$E \rightarrow E - T$

$E \rightarrow E + T$

$E \rightarrow T$

$T \rightarrow T * F$

$T \rightarrow T / F$

$T \rightarrow F$

$F \rightarrow \text{id}$

$F \rightarrow \text{num}$

$F \rightarrow (E)$

Consigo gerar um parser LL(1) para essa gramática?

$S \rightarrow E \$$

$E \rightarrow E - T$

$E \rightarrow E + T$

$E \rightarrow T$

$T \rightarrow T * F$

$T \rightarrow T / F$

$T \rightarrow F$

$F \rightarrow \text{id}$

$F \rightarrow \text{num}$

$F \rightarrow (E)$

O que fazer para resolver?

$E \rightarrow T E'$

$E' \rightarrow + T E'$

$E' \rightarrow$

Recursão à direita!

Generalizando:

- Tendo $X \rightarrow X\gamma$ e $X \rightarrow \alpha$, onde α não começa com X
- Derivamos strings da forma $\alpha\gamma^*$
 - α seguido de zero ou mais γ
- Podemos reescrever:

$$\begin{pmatrix} X \rightarrow X\gamma_1 \\ X \rightarrow X\gamma_2 \\ X \rightarrow \alpha_1 \\ X \rightarrow \alpha_2 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{pmatrix} X \rightarrow \alpha_1 X' \\ X \rightarrow \alpha_2 X' \\ X' \rightarrow \gamma_1 X' \\ X' \rightarrow \gamma_2 X' \\ X' \rightarrow \end{pmatrix}$$

- $S \rightarrow E \$$
- $E \rightarrow T E'$
- $E' \rightarrow + T E'$
- $E' \rightarrow - T E'$
- $E' \rightarrow$
- $T \rightarrow F T'$
- $T' \rightarrow * F T'$
- $T' \rightarrow / F T'$
- $T' \rightarrow$
- $F \rightarrow \text{id}$
- $F \rightarrow \text{num}$
- $F \rightarrow (E)$

	nullable	FIRST	FOLLOW
S	no	(id num	
E	no	(id num) \$
E'	yes	+ -) \$
T	no	(id num) + - \$
T'	yes	* /) + - \$
F	no	(id num) * / + - \$

- $S \rightarrow E \$$
- $E \rightarrow T E'$
- $E' \rightarrow + T E'$
- $E' \rightarrow - T E'$
- $E' \rightarrow$
- $T \rightarrow F T'$
- $T' \rightarrow * F T'$
- $T' \rightarrow / F T'$
- $T' \rightarrow$
- $F \rightarrow \text{id}$
- $F \rightarrow \text{num}$
- $F \rightarrow (E)$

	+	*	id	()	\$
S			$S \rightarrow E \$$	$S \rightarrow E \$$		
E			$E \rightarrow T E'$	$E \rightarrow T E'$		
E'	$E' \rightarrow + T E'$				$E' \rightarrow$	$E' \rightarrow$
T			$T \rightarrow F T'$	$T \rightarrow F T'$		
T'	$T' \rightarrow$	$T' \rightarrow * F T'$			$T' \rightarrow$	$T' \rightarrow$
F			$F \rightarrow \text{id}$	$F \rightarrow (E)$		

Recuperação de Erros



- Uma entrada em branco na tabela indica um caractere não esperado
- Parar o processo no primeiro erro encontrado não é desejável
- Duas alternativas:
 - Inserir símbolo:
 - Assume que encontrou o que esperava
 - Deletar símbolo(s):
 - Pula tokens até que um elemento do FOLLOW seja atingido.

```
void T() {  
    switch (tok) {  
        case ID:  
        case NUM:  
        case LPAREN: F(); Tprime(); break;  
        default: print("expected id, num, or left-paren");  
    }  
}
```



```
int Tprime_follow [] = {PLUS, RPAREN, EOF};

void Tprime() {
    switch (tok) {
        case PLUS: break;
        case TIMES: eat(TIMES); F(); Tprime(); break;
        case RPAREN: break;
        case EOF: break;
        default:
            print("expected +, *, right-paren, or end-of-file");
            skipto(Tprime_follow);
    }
}
```

Exercícios



a. Calculate nullable, FIRST, and FOLLOW for this grammar:

$$S \rightarrow u B D z$$

$$B \rightarrow B v$$

$$B \rightarrow w$$

$$D \rightarrow E F$$

$$E \rightarrow y$$

$$E \rightarrow$$

$$F \rightarrow x$$

$$F \rightarrow$$

b. Construct the LL(1) parsing table.

3.6

$S \rightarrow [u B | D z$

$B \rightarrow [B | r$

$B \rightarrow [w$

$D \rightarrow [E F$

$E \rightarrow [y$

$E \rightarrow [-$

$F \rightarrow [x$

$F \rightarrow [-$

LEFT-RECURSION

$B \rightarrow [w B'$

$B' \rightarrow [u B'$

$x, y, z B' \rightarrow [-$

(b) BUILD LL(1)

FIRST FOLLOW NULL.

	FIRST	FOLLOW	NULL.
S	u	\$	
B	w	y, x, y, z	
D	y, x	z	✓
E	y	x, z	✓
F	x	z	✓

Resumo

- Gerar um Parser
- Parser Preditivo
- Conjuntos FIRST e FOLLOW
- Construção do Parser Preditivo
- Ambiguidade
- Recuperação de Erros

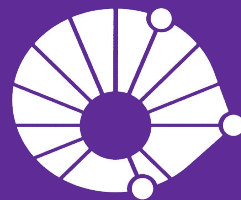
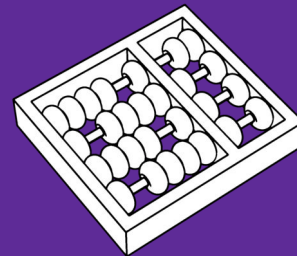
Leitura Recomendada

- Capítulo 3.1-3.2 do livro do Cooper.
- Capítulo 3-3.1 do livro do Appel.

Próxima Aula

- Geração do Parser
 - Parser LR

Obrigado!
Merci!



UNICAMP

Pallette



BUBBLE

Lorem ipsum dolor
sit amet, consectetur
adipiscing elit.

BUBBLE

Lorem ipsum dolor
sit amet, consectetur
adipiscing elit.

BUBBLE

Lorem ipsum dolor
sit amet, consectetur
adipiscing elit.

BUBBLE

Lorem ipsum dolor
sit amet, consectetur
adipiscing elit.

BUBBLE

Lorem ipsum dolor
sit amet, consectetur
adipiscing elit.

BUBBLE

Lorem ipsum dolor
sit amet, consectetur
adipiscing elit.

BUBBLE

Lorem ipsum dolor
sit amet, consectetur
adipiscing elit.

BUBBLE

Lorem ipsum dolor
sit amet, consectetur
adipiscing elit.

BUBBLE

Lorem ipsum dolor
sit amet, consectetur
adipiscing elit.

BUBBLE

Lorem ipsum dolor
sit amet, consectetur
adipiscing elit.

BUBBLE

Lorem ipsum dolor
sit amet, consectetur
adipiscing elit.

DRACULA

Table Title	
Column 1	Column 2
One	Two
Three	Four

Table Title	
Column 1	Column 2
One	Two
Three	Four

Table Title	
Column 1	Column 2
One	Two
Three	Four

Table Title	
Column 1	Column 2
One	Two
Three	Four

