# SM2 椭圆曲线公钥密码算法 第 4 部分: 公钥加密算法

Public key cryptographic algorithm SM2 based on elliptic curves--

Part 4: Public key encryption

# 目 次

1	术语和定义	. 1
	符号缩略语	
3	算法参数与辅助函数	. 1
	3.1 综述	. 1
	3.2 椭圆曲线系统参数	. 2
	3.3 用户密钥对	. 2
	3.4 辅助函数	. 2
	3.4.1 概述	. 2
	3.4.2 密码杂凑算法	. 2
	3.4.3 密钥派生函数	. 2
	3.4.4 随机数发生器	. 2
4	加密算法及流程	. 2
	4.1 加密算法	. 2
	4.2 加密算法流程	. 3
5	解密算法及流程	. 4
	5.1 解密算法	. 4
	5.2 解密算法流程	. 5
陈	† 录 A 消息加解密示例	. 7
	A. 1 综述	. 7
	A. 2 $F_p$ 上椭圆曲线消息加解密	. 7
	A. 3 $F_m$ 上椭圆曲线消息加解密	C

# SM2 椭圆曲线公钥密码算法

第4部分:公钥加密算法

# 1 术语和定义

下列术语和定义适用于本文件。

1.1

# 秘密密钥 secret key

在密码体制中收发双方共同拥有的、而第三方不知道的一种密钥。

1. 2

# 消息 message

任意有限长度的比特串。

1.3

# 密钥派生函数 key derivation function

通过作用于共享秘密和双方都知道的其它参数,产生一个或多个共享秘密密钥的函数。

# 2 符号缩略语

下列符号和缩略语适用于本文件。

A, B 使用公钥密码系统的两个用户。

d<sub>B</sub> 用户B的私钥。

 $E(F_a)$   $F_a$ 上椭圆曲线 E 的所有有理点(包括无穷远点 O)组成的集合。

 $F_q$  包含q个元素的有限域。

*G* 椭圆曲线的一个基点,其阶为素数。

Hash() 密码杂凑算法。

 $H_{\nu}()$  消息摘要长度为 $\nu$ 比特的密码杂凑算法。

*KDF*() 密钥派生函数。

 M
 特加密的消息。

 M'
 解密得到的消息。

n 基点 G 的阶(n 是# $E(F_q)$ 的素因子)。

O 椭圆曲线上的一个特殊点, 称为无穷远点或零点, 是椭圆曲线加法群的单位元。

 $P_B$  用户 B 的公钥。

q 有限域  $F_a$  中元素的数目。

a,b  $F_q$ 中的元素,它们定义  $F_q$ 上的一条椭圆曲线 E。

[k]P 椭圆曲线上点P的k倍点,即,[k] $P = \underbrace{P + P + ... + P}_{k \wedge k}$ ,k是正整数。

[x, y] 大于或等于 x 且小于或等于 y 的整数的集合。

[x] 顶函数,大于或等于 x 的最小整数。例如,[7]=7,[8.3]=9。 [x] 底函数,小于或等于 x 的最大整数。例如,[7]=7,[8.3]=8。

# $E(F_a)$   $E(F_a)$  上点的数目,称为椭圆曲线 $E(F_a)$ 的阶。

# 3 算法参数与辅助函数

# 3.1 综述

1

公钥加密算法规定发送者用接收者的公钥将消息加密成密文,接收者用自己的私钥对收到的密文进行解密还原成原始消息。

# 3.2 椭圆曲线系统参数

椭圆曲线系统参数包括有限域  $F_q$  的规模 q(当  $q = 2^m$  时,还包括元素表示法的标识和约化多项式); 定义椭圆曲线  $E(F_q)$ 的方程的两个元素 a、 $b \in F_q$ ;  $E(F_q)$ 上的基点  $G = (x_G, y_G)$   $(G \neq O)$ ,其中  $x_G$  和  $y_G$  是  $F_q$  中的两个元素;G 的阶 n 及其它可选项(如 n 的余因子 h 等)。

椭圆曲线系统参数及其验证应符合 SM2 椭圆曲线公钥密码算法第 1 部分第 4 章的规定。

#### 3.3 用户密钥对

用户 B 的密钥对包括其私钥  $d_B$  和公钥  $P_B=[d_B]G$ 。

用户密钥对的生成算法与公钥验证算法应符合 SM2 椭圆曲线公钥密码算法第1部分第5章的规定。

# 3.4 辅助函数

# 3.4.1 概述

本部分规定的椭圆曲线公钥加密算法涉及到三类辅助函数:密码杂凑算法、密钥派生函数和随机数发生器。这三类辅助函数的强弱直接影响加密算法的安全性。

#### 3.4.2 密码杂凑算法

本部分规定使用国家密码管理局批准的密码杂凑算法,如 SM3 密码杂凑算法。

#### 3.4.3 密钥派生函数

密钥派生函数的作用是从一个共享的秘密比特串中派生出密钥数据。在密钥协商过程中,密钥派生 函数作用在密钥交换所获共享的秘密比特串上,从中产生所需的会话密钥或进一步加密所需的密钥数据。

密钥派生函数需要调用密码杂凑算法。

设密码杂凑算法为 H<sub>v</sub>(), 其输出是长度恰为 v 比特的杂凑值。

密钥派生函数 KDF(Z, klen):

输入: 比特串 Z, 整数  $klen(表示要获得的密钥数据的比特长度, 要求该值小于(<math>2^{32}-1$ )v)。

输出: 长度为 klen 的密钥数据比特串 K。

a) 初始化一个 32 比特构成的计数器 ct=0x00000001;

b)对 *i* 从 1 到 [klen / v]执行:

b.1)计算 
$$Ha_i=H_v(Z||ct)$$
;  
b.2)  $ct+++$ ;

c)若 klen/v 是整数,令 $Ha!_{\lceil klen/v \rceil} = Ha_{\lceil klen/v \rceil}$ ,

否则令
$$Ha!_{\lceil klen/v \rceil}$$
为 $Ha_{\lceil klen/v \rceil}$ 最左边的 $(klen - (v \times \lfloor klen/v \rfloor))$ 比特;

$$\mathbf{d}) \diamondsuit K = Ha_1 \parallel Ha_2 \parallel \cdots \parallel Ha_{\lceil klen/\nu \rceil - 1} \parallel Ha!_{\lceil klen/\nu \rceil} \diamond$$

# 3.4.4 随机数发生器

本部分规定使用国家密码管理局批准的随机数发生器。

#### 4 加密算法及流程

# 4.1 加密算法

设需要发送的消息为比特串 M, klen 为 M 的比特长度。

为了对明文M进行加密,作为加密者的用户A应实现以下运算步骤:

- A1: 用随机数发生器产生随机数  $k \in [1, n-1]$ ;
- A2: 计算椭圆曲线点  $C_1 = [k]G = (x_1, y_1)$ , 按 SM2 椭圆曲线公钥密码算法第 1 部分 3.2.9 和 3.2.5 给 出的方法,将  $C_1$  的数据类型转换为比特串;
- A3: 计算椭圆曲线点  $S=[h]P_B$ , 若 S 是无穷远点,则报错并退出;
- A4: 计算椭圆曲线点 [k] $P_B$ =( $x_2$ ,  $y_2$ ), 按 SM2 椭圆曲线公钥密码算法第 1 部分 3.2.6 和 3.2.5 给出的方法,将坐标  $x_2$ 、 $y_2$  的数据类型转换为比特串;
- A5: 计算  $t = KDF(x_2||y_2, klen)$ , 若 t 为全 0 比特串,则返回 A1;
- A6: 计算  $C_2=M\oplus t$ ;
- A7: 计算  $C_3$ =  $Hash(x_2||M||y_2)$ ;
- A8: 输出密文  $C=C_1||C_3||C_2$ 。
- 注:加密过程的示例参见附录 A。

# 4.2 加密算法流程

加密算法流程见图1。

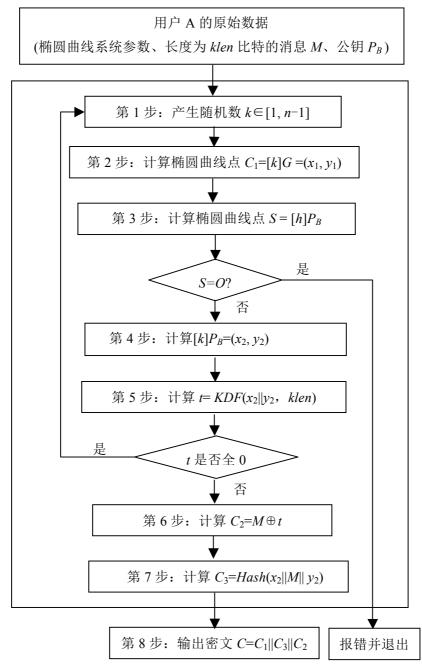


图 1 加密算法流程

#### 5 解密算法及流程

# 5.1 解密算法

设 klen 为密文中  $C_2$  的比特长度。

为了对密文  $C=C_1||C_3||C_2$ 进行解密,作为解密者的用户 B 应实现以下运算步骤:

- B1: 从 C 中取出比特串  $C_1$ ,按 SM2 椭圆曲线公钥密码算法第 1 部分 3.2.4 和 3.2.10 给出的方法,将  $C_1$  的数据类型转换为椭圆曲线上的点,验证  $C_1$  是否满足椭圆曲线方程,若不满足则报错并退出;
- B2: 计算椭圆曲线点  $S=[h]C_1$ , 若 S 是无穷远点,则报错并退出;
- B3: 计算[ $d_B$ ] $C_1$ =( $x_2$ ,  $y_2$ ),按 SM2 椭圆曲线公钥密码算法第 1 部分 3.2.6 和 3.2.5 给出的方法,将

坐标  $x_2$ 、 $y_2$  的数据类型转换为比特串;

- B4: 计算  $t = KDF(x_2||y_2, klen)$ , 若 t 为全 0 比特串,则报错并退出;
- B5: 从 C 中取出比特串  $C_2$ , 计算  $M'=C_2 \oplus t$ ;
- B6: 计算  $u = Hash(x_2||M'||y_2)$ , 从 C 中取出比特串  $C_3$ , 若  $u \neq C_3$ , 则报错并退出;
- B7: 输出明文 M'。
- 注:解密过程的示例参见附录A。

# 5.2 解密算法流程

解密算法流程见图2。

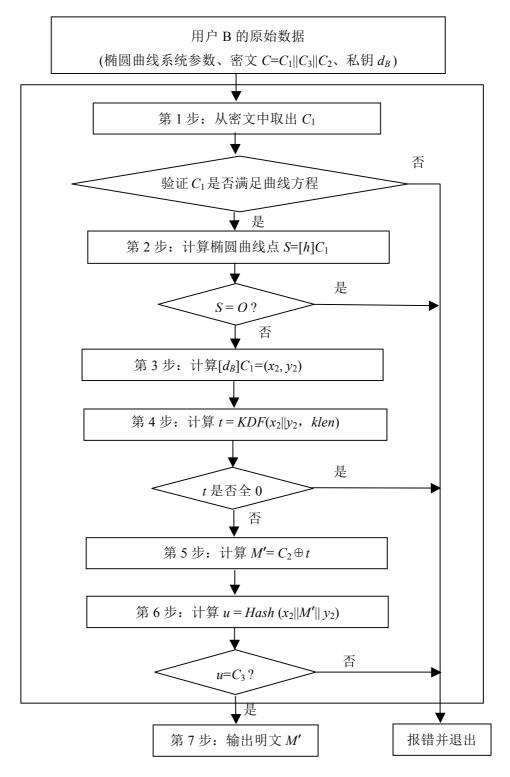


图 2 解密算法流程

# 附 录 A 消息加解密示例

# A. 1 综述

本附录选用《SM3 密码杂凑算法》给出的密码杂凑算法,其输入是长度小于  $2^{64}$  的消息比特串,输出是长度为 256 比特的杂凑值,记为  $H_{256}($  )。

本附录中,所有用 16 进制表示的数,左边为高位,右边为低位。 本附录中,明文采用 GB/T988 编码。

# A. 2 $F_p$ 上椭圆曲线消息加解密

椭圆曲线方程为:  $y^2 = x^3 + ax + b$ 

示例 1: F<sub>p</sub>-192

素数 p: BDB6F4FE 3E8B1D9E 0DA8C0D4 6F4C318C EFE4AFE3 B6B8551F

系数 a: BB8E5E8F BC115E13 9FE6A814 FE48AAA6 F0ADA1AA 5DF91985

系数 b: 1854BEBD C31B21B7 AEFC80AB 0ECD10D5 B1B3308E 6DBF11C1

基点  $G=(x_G, y_G)$ , 其阶记为 n。

坐标 x<sub>G</sub>: 4AD5F704 8DE709AD 51236DE6 5E4D4B48 2C836DC6 E4106640

坐标 y<sub>G</sub>: 02BB3A02 D4AAADAC AE24817A 4CA3A1B0 14B52704 32DB27D2

阶 n: BDB6F4FE 3E8B1D9E 0DA8C0D4 0FC96219 5DFAE76F 56564677

待加密的消息 M: encryption standard

消息 M 的 16 进制表示: 656E63 72797074 696F6E20 7374616E 64617264

私钥 d<sub>B</sub>: 58892B80 7074F53F BF67288A 1DFAA1AC 313455FE 60355AFD

公钥  $P_B = (x_B, y_B)$ 为:

坐标  $x_B$ : 79F0A954 7AC6D100 531508B3 0D30A565 36BCFC81 49F4AF4A

坐标 y<sub>B</sub>: AE38F2D8 890838DF 9C19935A 65A8BCC8 994BC792 4672F912

#### 加密各步骤中的有关值:

产生随机数 k: 384F3035 3073AEEC E7A16543 30A96204 D37982A3 E15B2CB5

计算椭圆曲线点  $C_1=[k]G=(x_1,y_1)$ :

坐标 x1: 23FC680B 124294DF DF34DBE7 6E0C38D8 83DE4D41 FA0D4CF5

坐标 y1: 70CF14F2 0DAF0C4D 777F738D 16B16824 D31EEFB9 DE31EE1F

在此  $C_1$ 选用未压缩的表示形式,点转换成字节串的形式为  $PC||x_1||y_1$ ,其中 PC 为单一字节且 PC=04,仍记为  $C_1$ 。

计算椭圆曲线点 $[k]P_B=(x_2,y_2)$ :

坐标 x2: 57E7B636 23FAE5F0 8CDA468E 872A20AF A03DED41 BF140377

坐标 y2: 0E040DC8 3AF31A67 991F2B01 EBF9EFD8 881F0A04 93000603

消息 M 的比特长度 klen=152

计算  $t=KDF(x_2||y_2, klen)$ : 046B04 A9ADF53B 389B9E2A AFB47D90 F4D08978

计算 C<sub>2</sub>=M ⊕ t : 610567 DBD4854F 51F4F00A DCC01CFE 90B1FB1C

计算  $C_3$ = $Hash(x_2||M||y_2)$ :

 $x_2||M||y_2$ :

57E7B636 23FAE5F0 8CDA468E 872A20AF A03DED41 BF140377 656E6372 79707469

6F6E2073 74616E64 6172640E 040DC83A F31A6799 1F2B01EB F9EFD888 1F0A0493

#### 000603

 $C_3$ : 6AFB3BCE BD76F82B 252CE5EB 25B57996 86902B8C F2FD8753 6E55EF76 03B09E7C 输出密文  $M = C_1 || C_3 || C_2$ :

04 23FC680B 124294DF DF34DBE7 6E0C38D8 83DE4D41 FA0D4CF5 70CF14F2 0DAF0C4D 777F738D 16B16824 D31EEFB9 DE31EE1F 6AFB3BCE BD76F82B 252CE5EB 25B57996 86902B8C F2FD8753 6E55EF76 03B09E7C 610567DB D4854F51 F4F00ADC C01CFE90 B1FB1C

## 解密各步骤中的有关值:

计算椭圆曲线点 $[d_B]C_1 = (x_2,y_2)$ :

坐标 x2: 57E7B636 23FAE5F0 8CDA468E 872A20AF A03DED41 BF140377

坐标 y<sub>2</sub>: 0E040DC8 3AF31A67 991F2B01 EBF9EFD8 881F0A04 93000603

计算 t=KDF(x<sub>2</sub>||y<sub>2</sub>, klen): 046B04 A9ADF53B 389B9E2A AFB47D90 F4D08978

计算  $M' = C_2 \oplus t$ : 656E63 72797074 696F6E20 7374616E 64617264

计算  $u = Hash(x_2||M'||y_2)$ :

6AFB3BCE BD76F82B 252CE5EB 25B57996 86902B8C F2FD8753 6E55EF76 03B09E7C

明文 M': 656E63 72797074 696F6E20 7374616E 64617264, 即为: encryption standard 示例 2:  $F_p$ -256

素数 p: 8542D69E 4C044F18 E8B92435 BF6FF7DE 45728391 5C45517D 722EDB8B 08F1DFC3

系数 a: 787968B4 FA32C3FD 2417842E 73BBFEFF 2F3C848B 6831D7E0 EC65228B 3937E498

系数 b: 63E4C6D3 B23B0C84 9CF84241 484BFE48 F61D59A5 B16BA06E 6E12D1DA 27C5249A 基点  $G = (x_G, v_G)$ ,其阶记为 n。

坐标  $x_G$ : 421DEBD6 1B62EAB6 746434EB C3CC315E 32220B3B ADD50BDC 4C4E6C14 7FEDD43D

坐标 y<sub>G</sub>: 0680512B CBB42C07 D47349D2 153B70C4 E5D7FDFC BFA36EA1 A85841B9 E46E09A2

阶 n: 8542D69E 4C044F18 E8B92435 BF6FF7DD 29772063 0485628D 5AE74EE7 C32E79B7 特加密的消息 M: encryption standard

消息 M 的 16 进制表示: 656E63 72797074 696F6E20 7374616E 64617264

私钥  $d_B$ : 1649AB77 A00637BD 5E2EFE28 3FBF3535 34AA7F7C B89463F2 08DDBC29 20BB0DA0 公钥  $P_B = (x_B, y_B)$ :

坐标 x<sub>B</sub>: 435B39CC A8F3B508 C1488AFC 67BE491A 0F7BA07E 581A0E48 49A5CF70 628A7E0A

坐标 y<sub>B</sub>: 75DDBA78 F15FEECB 4C7895E2 C1CDF5FE 01DEBB2C DBADF453 99CCF77B BA076A42

#### 加密各步骤中的有关值:

产生随机数 k: 4C62EEFD 6ECFC2B9 5B92FD6C 3D957514 8AFA1742 5546D490 18E5388D 49DD7B4F 计算椭圆曲线点  $C_1$ =[k]G=( $x_1,y_1$ ):

坐标 x<sub>1</sub>: 245C26FB 68B1DDDD B12C4B6B F9F2B6D5 FE60A383 B0D18D1C 4144ABF1 7F6252E7

坐标 y<sub>1</sub>: 76CB9264 C2A7E88E 52B19903 FDC47378 F605E368 11F5C074 23A24B84 400F01B8

在此  $C_1$  选用未压缩的表示形式,点转换成字节串的形式为  $PC||x_1||y_1$ ,其中 PC 为单一字节且 PC=04,仍记为  $C_1$ 。 计算椭圆曲线点[k] $P_B$ =( $x_2$ , $y_2$ ):

坐标 x<sub>2</sub>: 64D20D27 D0632957 F8028C1E 024F6B02 EDF23102 A566C932 AE8BD613 A8E865FE

坐标 y<sub>2</sub>: 58D225EC A784AE30 0A81A2D4 8281A828 E1CEDF11 C4219099 84026537 5077BF78

消息 M 的比特长度 klen=152

计算  $t=KDF(x_2||y_2, klen)$ : 006E30 DAE231B0 71DFAD8A A379E902 64491603

计算  $C_2 = M \oplus t$ : 650053 A89B41C4 18B0C3AA D00D886C 00286467

计算  $C_3 = Hash(x_2||M||y_2)$ :

 $x_2||M||y_2$ :

64D20D27 D0632957 F8028C1E 024F6B02 EDF23102 A566C932 AE8BD613 A8E865FE 656E6372 79707469 6F6E2073 74616E64 61726458 D225ECA7 84AE300A 81A2D482 81A828E1 CEDF11C4 21909984 02653750 77BF78

 $C_3$ : 9C3D7360 C30156FA B7C80A02 76712DA9 D8094A63 4B766D3A 285E0748 0653426D 输出密文  $C = C_1 || C_3 || C_2$ :

04 245C26FB 68B1DDDD B12C4B6B F9F2B6D5 FE60A383 B0D18D1C 4144ABF1 7F6252E7 76CB9264 C2A7E88E 52B19903 FDC47378 F605E368 11F5C074 23A24B84 400F01B8 9C3D7360 C30156FA B7C80A02 76712DA9 D8094A63 4B766D3A 285E0748 0653426D 650053A8 9B41C418 B0C3AAD0 0D886C00 286467

#### 解密各步骤中的有关值:

计算椭圆曲线点[ $d_B$ ] $C_1 = (x_2, y_2)$ :

坐标  $x_2$ : 64D20D27 D0632957 F8028C1E 024F6B02 EDF23102 A566C932 AE8BD613 A8E865FE 坐标  $x_2$ : 58D225EC A784AE30 0A81A2D4 8281A828 E1CEDF11 C4219099 84026537 5077BF78 计算  $t=KDF(x_2||y_2,\ klen)$ : 006E30 DAE231B0 71DFAD8A A379E902 64491603 计算  $M'=C_2\oplus t$ : 656E63 72797074 696F6E20 7374616E 64617264 计算  $u=Hash(x_2||M'||y_2)$ :

9C3D7360 C30156FA B7C80A02 76712DA9 D8094A63 4B766D3A 285E0748 0653426D 明文 M': 656E63 72797074 696F6E20 7374616E 64617264, 即为: encryption standard

# A. 3 $F_{m}$ 上椭圆曲线消息加解密

椭圆曲线方程为:  $y^2 + xy = x^3 + ax^2 + b$ 

示例 3: F<sub>2</sub>m −193

基域生成多项式为: v193+x15+1

系数 a: 0

系数 b: 00 2FE22037 B624DBEB C4C618E1 3FD998B1 A18E1EE0 D05C46FB 基点  $G=(x_G,y_G)$ ,其阶记为 n。

坐标 x<sub>G</sub>: D78D47E8 5C936440 71BC1C21 2CF994E4 D21293AA D8060A84

坐标 y<sub>G</sub>: 615B9E98 A31B7B2F DDEEECB7 6B5D8755 86293725 F9D2FC0C

阶 n: 80000000 00000000 00000000 43E9885C 46BF45D8 C5EBF3A1

待加密的消息 M: encryption standard

消息 M 的 16 进制表示: 656E63 72797074 696F6E20 7374616E 64617264

私钥 d<sub>B</sub>: 6C205C15 89087376 C2FE5FEE E153D4AC 875D643E B8CAF6C5

公钥  $P_B = (x_B, y_B)$ :

坐标 x<sub>B</sub>: 00 E788F191 C5591636 FA992CE6 7CDC8D3B 16E4F4D4 6AF267B8

坐标 y<sub>B</sub>: 00 BD6E7E5E 4113D790 20ED5A10 287C14B7 A6767C4D 814ADBFD

#### 加密各步骤中的有关值:

产生随机数 k: 6E51C537 3D5B4705 DC9B94FA 9BCF30A7 37ED8D69 1E76D9F0 计算椭圆曲线点  $C_1 = [k]G = (x_1, y_1)$ :

坐标 x1: 00 95A8B866 7ACF097F 65CE96EB FE53422F CF15876D 16446B8A

坐标 y1: 01 7A1EC7C9 BABODE07 0522311E 75CD31C3 C4D74150 E84E0A95

在此  $C_1$  选用未压缩的表示形式,点转换成字节串的形式为  $PC||x_1||y_1$ ,其中 PC 为单一字节且 PC=04,仍记为  $C_1$ 。 计算椭圆曲线点  $[k]P_B = (x_2, y_2)$ :

坐标 x<sub>2</sub>: 01 C6271B31 F6BE396A 4166C061 6CF4A8AC DA5BEF4D CBF2DD42

坐标 y<sub>2</sub>: 01 47AF35DF A1BFE2F1 61521BCF 59BAB835 64868D92 95881735

消息 M 的比特长度 klen=152

计算  $t=KDF(x_2||y_2, klen)$ : BC5F0D 50F2B2BC F2DC3027 0BAA5249 3B8A67A4

计算  $C_2$ = $M\oplus t$ : D9316E 228BC2C8 9BB35E07 78DE3327 5FEB15C0

计算  $C_3$ = $Hash(x_2||M||y_2)$ :

 $x_2||M||y_2$ :

01C6271B 31F6BE39 6A4166C0 616CF4A8 ACDA5BEF 4DCBF2DD 42656E63 72797074 696F6E20 7374616E 64617264 0147AF35 DFA1BFE2 F161521B CF59BAB8 3564868D 92958817 35

 $C_3$ : F0A41F6F 48AC723C ECFC4B76 7299A5E2 5C064167 9FBD2D4D 20E9FFD5 B9F0DAB8 输出密文  $C=C_1||C_3||C_2$ :

04 0095A8B8 667ACF09 7F65CE96 EBFE53422FCF 15876D16 446B 8A017A1E C7C9BAB0
DE070522 311E75CD 31C3C4D7 4150E84E 0A95F0A4 1F6F48AC 723CECFC 4B767299
A5E25C06 41679FBD 2D4D20E9 FFD5B9F0 DAB8D931 6E228BC2 C89BB35E 0778DE33
275FEB15 C0

# 解密各步骤中的有关值:

计算椭圆曲线点[ $d_B$ ] $C_1 = (x_2, y_2)$ :

坐标 x<sub>2</sub>: 01 C6271B31 F6BE396A 4166C061 6CF4A8AC DA5BEF4D CBF2DD42

坐标 y<sub>2</sub>: 01 47AF35DF A1BFE2F1 61521BCF 59BAB835 64868D92 95881735

计算 t=KDF(x<sub>2</sub>||y<sub>2</sub>, klen): BC5F0D 50F2B2BC F2DC3027 0BAA5249 3B8A67A4

计算 M' =C<sub>2</sub> ⊕ t : 656E63 72797074 696F6E20 7374616E 64617264

计算  $u = Hash(x_2||M'||y_2)$ :

F0A41F6F 48AC723C ECFC4B76 7299A5E2 5C064167 9FBD2D4D 20E9FFD5 B9F0DAB8

明文 M': 656E63 72797074 696F6E20 7374616E 64617264, 即为: encryption standard

示例 4: F<sub>2</sub>m −257

基域生成多项式为: y<sup>257</sup>+x<sup>12</sup>+1

系数 a: 0

系数 b: 00 E78BCD09 746C2023 78A7E72B 12BCE002 66B9627E CB0B5A25 367AD1AD 4CC6242B 基点  $G=(x_G,y_G)$ ,其阶记为 n。

坐标 x<sub>G</sub>: 00 CDB9CA7F 1E6B0441 F658343F 4B10297C 0EF9B649 1082400A 62E7A748 5735FADD

坐标 y<sub>G</sub>: 01 3DE74DA6 5951C4D7 6DC89220 D5F7777A 611B1C38 BAE260B1 75951DC8 060C2B3E

阶 n: 7FFFFFF FFFFFFF FFFFFFF BC972CF7 E6B6F900 945B3C6A 0CF6161D

待加密的消息 M: encryption standard

消息 M 的 16 进制表示: 656E63 72797074 696F6E20 7374616E 64617264

私钥 d<sub>B</sub>: 56A270D1 7377AA9A 367CFA82 E46FA526 7713A9B9 1101D077 7B07FCE0 18C757EB

公钥  $P_B = (x_B, y_B)$ :

坐标 xB: 00 A67941E6 DE8A6180 5F7BCFF0 985BB3BE D986F1C2 97E4D888 0D82B821 C624EE57

坐标 y<sub>B</sub>: 01 93ED5A67 07B59087 81B86084 1085F52E EFA7FE32 9A5C8118 43533A87 4D027271

#### 加密各步骤中的有关值:

产生随机数 k: 6D3B4971 53E3E925 24E5C122 682DBDC8 705062E2 0B917A5F 8FCDB8EE 4C66663D 计算椭圆曲线点  $C_1$ =[k]G =( $x_1$ ,  $y_1$ ):

坐标 x1: 01 9D236DDB 305009AD 52C51BB9 32709BD5 34D476FB B7B0DF95 42A8A4D8 90A3F2E1

坐标 γ<sub>1</sub>: 00 B23B938D C0A94D1D F8F42CF4 5D2D6601 BF638C3D 7DE75A29 F02AFB7E 45E91771

在此  $C_1$ 选用未压缩的表示形式, 点转换成字节串的形式为  $PC||x_1||y_1$ , 其中 PC 为单一字节且 PC=04, 仍记为  $C_1$ 。

计算椭圆曲线点[k] $P_B$ =( $x_2$ , $y_2$ ):

坐标  $x_2$ : 00 83E628CF 701EE314 1E8873FE 55936ADF 24963F5D C9C64805 66C80F8A 1D8CC51B 坐标  $y_2$ : 01 524C647F 0C0412DE FD468BDA 3AE0E5A8 0FCC8F5C 990FEE11 60292923 2DCD9F36 消息 M 的比特长度 klen=152

计算  $t = KDF(x_2||y_2, klen)$ : 983BCF 106AB2DC C92F8AEA C6C60BF2 98BB0117 计算  $C_2 = M \oplus t$ : FD55AC 6213C2A8 A040E4CA B5B26A9C FCDA7373 计算  $C_3 = Hash(x_2||M||y_2)$ :

 $x_2||M||y_2$ :

0083E628 CF701EE3 141E8873 FE55936A DF24963F 5DC9C648 0566C80F 8A1D8CC5 1B656E63 72797074 696F6E20 7374616E 64617264 01524C64 7F0C0412 DEFD468B DA3AE0E5 A80FCC8F 5C990FEE 11602929 232DCD9F 36

 $C_3$ : 73A48625 D3758FA3 7B3EAB80 E9CFCABA 665E3199 EA15A1FA 8189D96F 579125E4 输出密文  $C = C_1 \| C_3 \| C_2$ :

04 019D236D DB305009 AD52C51B B932709B D534D476 FBB7B0DF 9542A8A4 D890A3F2
E100B23B 938DC0A9 4D1DF8F4 2CF45D2D 6601BF63 8C3D7DE7 5A29F02A FB7E45E9
177173A4 8625D375 8FA37B3E AB80E9CF CABA665E 3199EA15 A1FA8189 D96F5791
25E4FD55 AC6213C2 A8A040E4 CAB5B26A 9CFCDA73 73

#### 解密各步骤中的有关值:

计算椭圆曲线点  $[d_B]C_1 = (x_2, y_2)$ :

坐标  $x_2$ : 00 83E628CF 701EE314 1E8873FE 55936ADF 24963F5D C9C64805 66C80F8A 1D8CC51B 坐标  $y_2$ : 01 524C647F 0C0412DE FD468BDA 3AE0E5A8 0FCC8F5C 990FEE11 60292923 2DCD9F36 计算 t = $KDF(x_2||y_2, klen)$ : 983BCF 106AB2DC C92F8AEA C6C60BF2 98BB0117 计算 M' =  $C_2 \oplus t$  : 656E63 72797074 696F6E20 7374616E 64617264 计算 u =  $Hash(x_2||M'||y_2)$ :

73A48625 D3758FA3 7B3EAB80 E9CFCABA 665E3199 EA15A1FA 8189D96F 579125E4 明文 M': 656E63 72797074 696F6E20 7374616E 64617264, 即为: encryption standard

11