Kurs wyrównawczy (Inżynieria Danych) Lista nr 1.

Równania i nierówności z wartością bezwzględną.

1. Rozwiązać równania:

a.
$$|x+1| = 3$$
; b. $|x+1| = |x-1|$; c. $|x+1| + 2|x-1| = 5$;

d.
$$|1-2x|+|2x-6|=x$$
; e. $|4-2x|+|-x+3|=5$; f. $|x^2-7x+8|=2$.

2. Rozwiązać nierówności:

a.
$$\left|\frac{1}{3}x - 1\right| < 5$$
; b. $\left|3x - 5\right| < \left|x + 9\right|$; c. $\left|x + 100\right| > \left|2x - 1\right|$;

d.
$$|x-1| + |2x-5| < 9$$
; e. $\left| \frac{2x-1}{x+2} \right| < 2$; f. $\left| \frac{5x-3}{2x+7} \right| < 2$;

g.
$$\left| \frac{2x-5}{x+3} \right| > 1$$
; e. $\sqrt{\frac{3x-1}{2-x}} > 1$.

3. Rozwiązać nierówności:

a.
$$\frac{x+3}{x-3} > \frac{x-1}{x+5}$$
; b. $\frac{1-2x}{1+x} - \frac{1+x}{1+2x} > 1$; c. $\frac{x^2-4}{x^2-5x} < 0$;

d.
$$\frac{13}{x-3} - \frac{3}{x+1} < -4$$
; e. $\frac{x^2-4}{x^2-5x+4} > 0$; f. $\frac{x^2-2x}{x^2-1} < 0$;

g.
$$1 < \frac{2x^2 - 7x - 29}{x^2 - 2x - 15} < 2$$
; h. $\left| \frac{x^2 - 5x + 3}{x^2 - 1} \right| < 1$; i. $\left| \frac{x^2 + 2x - 36}{x^2 - 4} \right| > 1$.

4. Rozwiązać nierówności:

a.
$$x^3 + 2x^2 - x > 0$$
, b. $x^4 + 2x^2 - 1 > 0$.

5. Rozwiązać nierówności:

a.
$$||2x - 1| - 3| > 2$$
, b. $(|x| - 1)^2 > 9$.