

수학 영역

가영 정답

1	②	2	④	3	③	4	③	5	⑤
6	②	7	⑤	8	④	9	③	10	②
11	①	12	⑤	13	②	14	④	15	③
16	①	17	①	18	⑤	19	②	20	⑤
21	④	22	5	23	2	24	3	25	15
26	242	27	11	28	10	29	54	30	4

해 실

1. [출제의도] 로그 계산하기
 $\log_3 9 = 2$

2. [출제의도] 지수 계산하기
 $(2^3 \times 2)^{\frac{1}{2}} = (2^4)^{\frac{1}{2}} = 4$

3. [출제의도] 함수의 극한 계산하기
 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x+2)}{x-1} = \lim_{x \rightarrow 1} (x+2) = 3$

4. [출제의도] 부채꼴의 호의 길이 이해하기
반지름의 길이 $r = 4$, 중심각의 크기 $\theta = \frac{\pi}{6}$
부채꼴의 호의 길이 $r\theta = 4 \times \frac{\pi}{6} = \frac{2}{3}\pi$

5. [출제의도] 함수의 극한 이해하기
 $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) + \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = 4 + 2 = 6$

6. [출제의도] \sum 의 성질을 활용하여 수열의 합 이해하기

$$\begin{aligned} \sum_{n=1}^{10} (2a_n - b_n) &= 7, \quad \sum_{n=1}^{10} (a_n + b_n) = 5 \text{ 이므로} \\ \sum_{n=1}^{10} \{(2a_n - b_n) + (a_n + b_n)\} &= 7 + 5 \\ \sum_{n=1}^{10} 3a_n &= 12 \\ \sum_{n=1}^{10} a_n &= 4, \quad \sum_{n=1}^{10} b_n = 1 \text{ 이므로} \\ \sum_{n=1}^{10} (a_n - 2b_n) &= \sum_{n=1}^{10} a_n - 2 \sum_{n=1}^{10} b_n = 2 \end{aligned}$$

7. [출제의도] 사인법칙 이해하기

$$\begin{aligned} \text{사인법칙에 의하여 } \frac{\overline{BC}}{\sin \frac{\pi}{4}} &= 2 \times 5 \text{ 이므로} \\ \overline{BC} &= 2 \times 5 \times \sin \frac{\pi}{4} = 2 \times 5 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 5\sqrt{2} \end{aligned}$$

8. [출제의도] 삼각함수 사이의 관계 이해하기

$$\begin{aligned} \tan \theta &= \frac{3}{4} \left(0 < \theta < \frac{\pi}{2}\right) \text{ 이므로 } \sin \theta = \frac{3}{5} \\ \cos \left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) + 2 \sin (\pi - \theta) &= \sin \theta + 2 \sin \theta \\ &= 3 \sin \theta = \frac{9}{5} \end{aligned}$$

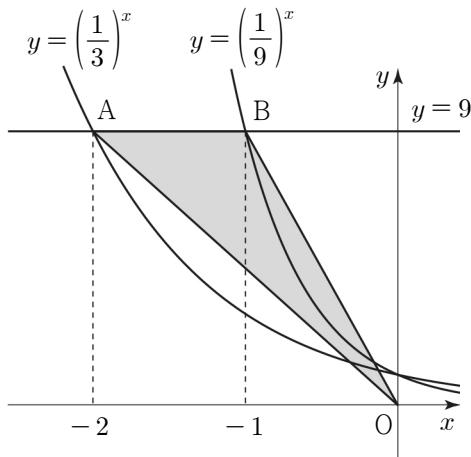
9. [출제의도] 수열의 귀납적 정의 이해하기

$$a_1 = 6, \quad a_2 = 6 + 3, \quad a_3 = 6 + 3 + 3^2,$$

$$\begin{aligned} a_4 &= 6 + 3 + 3^2 + 3^3 \\ \text{따라서 } a_4 &= 45 \end{aligned}$$

10. [출제의도] 로그함수의 그래프 이해하기
함수 $f(x) = \log_2(x^2 - 4x + 20)$ 의 밑이 1보다 크므로 진수 $(x^2 - 4x + 20)$ 이 최소일 때, 함수 $f(x)$ 는 최솟값을 갖는다.
 $x^2 - 4x + 20 = (x-2)^2 + 16$ 이므로
 $-3 \leq x \leq 3$ 에서
 $x^2 - 4x + 20$ 은 $x = 2$ 일 때, 최솟값 16 을 갖는다.
따라서 함수 $f(x)$ 의 최솟값은 $\log_2 16 = 4$

11. [출제의도] 지수함수의 그래프 이해하기
곡선 $y = \left(\frac{1}{3}\right)^x$ 이 직선 $y = 9$ 와 만나는 점의 x 좌표는 -2 이므로 $A(-2, 9)$
곡선 $y = \left(\frac{1}{9}\right)^x$ 이 직선 $y = 9$ 와 만나는 점의 x 좌표는 -1 이므로 $B(-1, 9)$
따라서 삼각형 OAB의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 1 \times 9 = \frac{9}{2}$



12. [출제의도] 함수의 극한에 대한 성질 이해하기

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x) - 3x^2}{x} &= 10 \text{ 이므로} \\ f(x) &= 3x^2 + 10x + a \quad (a \text{는 상수}) \\ \lim_{x \rightarrow 1} f(x) &= 20 \text{ 이므로} \\ 3 + 10 + a &= 20 \quad \therefore a = 7 \\ f(x) &= 3x^2 + 10x + 7 \\ \text{따라서 } f(0) &= 7 \end{aligned}$$

13. [출제의도] 지수함수의 그래프를 활용하여 문제 해결하기

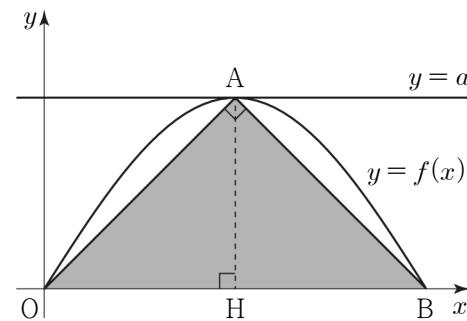
점 A의 좌표는 $(1, 0)$ 이고 $\overline{AH} = 1$ 이므로
점 C의 좌표는 $(2, a)$
 $a^2 - a = a$ ($a > 1$) 이므로 $a = 2$
 $|2^0 - 2| = |-1| = 1$ 이므로
점 B의 좌표는 $(0, 1)$
따라서 $\overline{BC} = \sqrt{5}$

14. [출제의도] 등차수열과 등비수열 이해하기

등차수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항을 a , 공차를 d 라 하자.
세 항 a_2, a_5, a_{14} 가 이 순서대로 등비수열을 이루므로 $(a_5)^2 = a_2 \times a_{14}$
 $(a+4d)^2 = (a+d)(a+13d)$
 $3d^2 = 6ad$
 $d \neq 0$ 이므로 $d = 2a$
 $\frac{a_{23}}{a_3} = \frac{a+22d}{a+2d} = \frac{45a}{5a} = 9$

15. [출제의도] 삼각함수의 그래프 이해하기

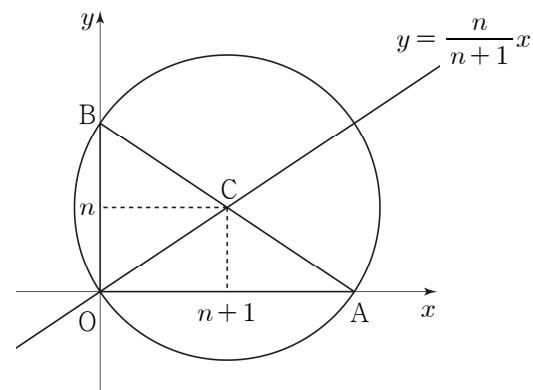
함수 $f(x) = a \sin bx$ 의 주기가 $\frac{2\pi}{b}$ 이므로
두 점 A, B의 좌표는 $A\left(\frac{\pi}{2b}, a\right), B\left(\frac{\pi}{b}, 0\right)$
점 A에서 x 축에 내린 수선의 발을 H 라 하자.
 $\overline{OH} = \overline{BH} = \overline{AH} = a$ 이므로 $\frac{\pi}{b} = 2a$
삼각형 OAB의 넓이는 4 이므로
 $\frac{1}{2} \times 2a \times a = 4 \quad \therefore a = 2$
 $b = \frac{\pi}{2a} = \frac{\pi}{4}$
따라서 $a+b = 2 + \frac{\pi}{4}$



16. [출제의도] 삼각함수의 그래프를 활용하여 문제 해결하기

- i) $n = 1, 2$ 일 때,
 $\frac{3}{n} > 1$ 이므로 방정식 $\sin x = \frac{3}{n}$ 의 실근의 개수 $a_1 = a_2 = 0$
- ii) $n = 3$ 일 때,
 $\frac{3}{n} = 1$ 이므로 방정식 $\sin x = \frac{3}{n}$ 의 실근의 개수 $a_3 = 2$
- iii) $n \geq 4$ 일 때,
자연수 k ($k \geq 2$)에 대하여
 $a_n = \begin{cases} n & (n=2k) \\ n+1 & (n=2k+1) \end{cases}$
 $\sum_{n=1}^7 a_n = 0 + 0 + 2 + 4 + 6 + 6 + 8 = 26$

17. [출제의도] 여러 가지 수열의 합을 활용하여 문제 해결하기



$\angle BOA = \frac{\pi}{2}$ 이므로 선분 AB는 원의 지름이다.
원의 중심을 C 라 하면, 점 C는 선분 AB의 중점이고, $\overline{OB} = 2n$ 이므로 점 C의 y 좌표는 n 이다. 점 C는 직선 $y = \frac{n}{n+1}x$ 위의 점이므로 점 C의 좌표는 $(n+1, n)$ 이다.

$$\begin{aligned} S_n &= \frac{1}{2} \times 2n \times 2(n+1) = 2n(n+1) \\ \sum_{n=1}^{10} \frac{1}{S_n} &= \sum_{n=1}^{10} \frac{1}{2n(n+1)} \\ &= \frac{1}{2} \sum_{n=1}^{10} \left(\frac{1}{n} - \frac{1}{n+1} \right) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= \frac{1}{2} \left\{ \left(1 - \frac{1}{2} \right) + \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3} \right) + \dots + \left(\frac{1}{10} - \frac{1}{11} \right) \right\} \\ &= \frac{1}{2} \left(1 - \frac{1}{11} \right) = \frac{5}{11} \end{aligned}$$

18. [출제의도] 수학적 귀납법을 활용하여 추론하기

일반항이 $a_n = n^2$ 인 수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제 n 항까지의 합을 S_n 이라 하자.

다음은 모든 자연수 n 에 대하여

$$(n+1)S_n - \sum_{k=1}^n S_k = \sum_{k=1}^n k^3 \quad \dots \quad (*)$$

이 성립함을 수학적 귀납법으로 증명한 것이다.

(i) $n = 1$ 일 때,
(좌변) $= 2S_1 - S_1 = 1$, (우변) $= 1$ 이므로
 $(*)$ 이 성립한다.

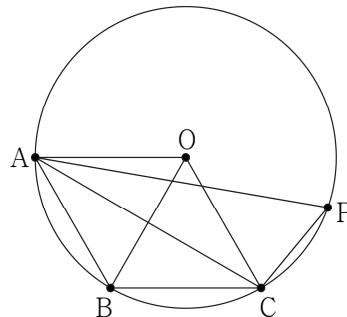
(ii) $n = m$ 일 때 $(*)$ 이 성립한다고 가정하면
 $(m+1)S_m - \sum_{k=1}^m S_k = \sum_{k=1}^m k^3$ 이다.
 $n = m+1$ 일 때 $(*)$ 이 성립함을 보이자.
 $(m+2)S_{m+1} - \sum_{k=1}^{m+1} S_k$
 $= (m+2)S_{m+1} - \left(\sum_{k=1}^m S_k + S_{m+1} \right)$
 $= [(m+1)]S_{m+1} - \sum_{k=1}^m S_k$
 $= (m+1)(S_m + a_{m+1}) - \sum_{k=1}^m S_k$
 $= [(m+1)]S_m + [(m+1)^3] - \sum_{k=1}^m S_k$
 $= \sum_{k=1}^m k^3 + (m+1)^3$
 $= \sum_{k=1}^{m+1} k^3$ 이다.

따라서 $n = m+1$ 일 때도 $(*)$ 이 성립한다.
(i), (ii)에 의하여 주어진 식은 모든 자연수 n 에 대하여 성립한다.

$$f(m) = m+1, g(m) = (m+1)^3$$

$$f(2) + g(1) = 11$$

19. [출제의도] 코사인법칙을 활용하여 문제 해결하기



원의 중심을 O 라 하자.

두 삼각형 OAB 와 OBC 는 정삼각형이므로
 $AB = BC = 3$

삼각형 ABC에서 $\angle ABC = \frac{2\pi}{3}$ 이므로

삼각형 ABC에서 코사인법칙에 의하여
 $\overline{AC}^2 = 3^2 + 3^2 - 2 \times 3 \times 3 \times \cos \frac{2\pi}{3} = 27$

$$\overline{AC} = 3\sqrt{3}$$

사각형 ABCP 가 원에 내접하므로

$$\angle ABC + \angle APC = \pi \quad \therefore \angle APC = \frac{\pi}{3}$$

$\overline{AP} = x, \overline{CP} = y$ 라 하면
삼각형 ACP에서 코사인법칙에 의하여

$$(3\sqrt{3})^2 = x^2 + y^2 - 2xy \cos \frac{\pi}{3}$$

$$27 = (x+y)^2 - 3xy$$

$$x+y = 8 \text{ 이므로 } xy = \frac{37}{3}$$

삼각형 ABC의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times 3 \times 3 \times \sin \frac{2\pi}{3} = \frac{9\sqrt{3}}{4}$$

삼각형 ACP의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times x \times y \times \sin \frac{\pi}{3} = \frac{37\sqrt{3}}{12}$$

따라서 사각형 ABCP의 넓이는

$$\frac{9\sqrt{3}}{4} + \frac{37\sqrt{3}}{12} = \frac{16\sqrt{3}}{3}$$

20. [출제의도] 등차수열의 성질을 활용하여 추론하기

ㄱ. n 이 홀수이면 항의 개수가 홀수이고
3이 2와 4의 등차중항이므로 $3 \in A_n$ (참)
ㄴ. $4 = 2 + (n+1)d_1$ 이라 하면, 집합 A_n 의 모든 원소 $2, 2 + \frac{2}{n+1}, \dots, 2 + \frac{2n}{n+1}, 4$ 는 공차가 $d_1 = \frac{2}{n+1}$ 인 등차수열이다.
 $4 = 2 + (2n+2)d_2$ 라 하면, 집합 A_{2n+1} 의 모든 원소 $2, 2 + \frac{1}{n+1}, \dots, 2 + \frac{2n+1}{n+1}, 4$ 는 공차가 $d_2 = \frac{1}{n+1}$ 인 등차수열이다.
즉, $A_n \subset A_{2n+1}$ (참)
ㄷ. ㄴ에 의하여
 $A_{2n+1} - A_n$
 $= \left\{ 2 + \frac{1}{n+1}, 2 + \frac{3}{n+1}, \dots, 2 + \frac{2n+1}{n+1} \right\}$
 $S_n = \frac{n+1}{2} \left(2 + \frac{1}{n+1} + 2 + \frac{2n+1}{n+1} \right)$
 $= 3(n+1)$
 $S_6 + S_{13} = 21 + 42 = 63$ (참)
따라서 옳은 것은 ㄱ, ㄴ, ㄷ

21. [출제의도] 등차수열의 성질을 활용하여 문제 해결하기

등차수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항을 a , 공차를 d 라 하자.

조건 (가)에 의하여

$$\sum_{n=1}^{2m-1} a_n = \frac{(2m-1)\{2a + (2m-2)d\}}{2}$$

$$= (2m-1)\{a + (m-1)d\} = 0$$

$$2m-1 > 0 \text{ 이므로 } a + (m-1)d = 0$$

$$\text{즉, } a_m = 0$$

조건 (나)에 의하여

$$\sum_{n=1}^{15} a_n \neq \sum_{n=1}^{15} |a_n| \text{ 이고 } \sum_{n=1}^{15} a_n > 0 \text{ 이므로}$$

$$a_m = 0 \text{ 을 만족시키는 } m \text{ 의 범위는 } m \leq 7$$

수열의 항	항의 개수
$-(m-1)d, \dots, -2d, -d$	$(m-1)$ 개
$0 (=a_m)$	1 개
$d, 2d, \dots, (m-1)d$	$(m-1)$ 개
$md, (m+1)d, \dots, a_{15}$	$(16-2m)$ 개

$$\sum_{n=1}^{2m-1} a_n = 0 \text{ 이므로}$$

$$\sum_{n=1}^{15} a_n = \frac{(16-2m)\{2md + (15-2m)d\}}{2}$$

$$= 15(8-m)d = 45$$

$$\text{즉, } (8-m)d = 3$$

$$\sum_{n=1}^{15} |a_n|$$

$$= 2 \times \frac{(m-1)\{d + (m-1)d\}}{2} + 15(8-m)d$$

$$= (m-1)md + 45 = 90$$

$$2 \sum_{n=1}^{15} a_n = \sum_{n=1}^{15} |a_n| \text{ 이므로}$$

$$15(8-m)d = (m-1)md$$

$$m^2 + 14m - 120 = 0$$

$$(m-6)(m+20) = 0$$

$$m \text{은 자연수이므로 } m = 6$$

$$\sum_{n=1}^{15} a_n = 30d = 45 \quad \therefore d = \frac{3}{2}$$

$$\text{따라서 } a_{14} = a_6 + 8d = 0 + 12 = 12$$

22. [출제의도] 삼각함수 계산하기

$$8 \sin \frac{\pi}{6} + \tan \frac{\pi}{4} = 8 \times \frac{1}{2} + 1 = 5$$

23. [출제의도] 상용로그 계산하기

$$\log 20 + \log 5 = \log 100 = 2$$

24. [출제의도] 지수방정식 이해하기

$$3^x - 3^{4-x} = 24 \text{ 이므로}$$

$$(3^x)^2 - 24 \times 3^x - 81 = 0$$

$$(3^x + 3)(3^x - 27) = 0$$

$$3^x = -3 \text{ 또는 } 3^x = 27$$

$$3^x > 0 \text{ 이므로 } x = 3$$

25. [출제의도] 거듭제곱근 이해하기

모든 실수 x 에 대하여

$$\sqrt[3]{-x^2 + 2ax - 6a} \text{ 가 음수가 되려면}$$

$$-x^2 + 2ax - 6a < 0$$

$$\therefore x^2 - 2ax + 6a > 0$$

이차방정식 $x^2 - 2ax + 6a = 0$ 의

판별식을 D 라 할 때,

$$\frac{D}{4} = a^2 - 6a = a(a-6) < 0$$

$$0 < a < 6 \text{ 이므로 } a = 1, 2, 3, 4, 5$$

$$\text{따라서 } 1 + 2 + 3 + 4 + 5 = 15$$

26. [출제의도] 등비수열을 활용하여 문제 해결하기

등비수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항을 a , 공비를 r 라 하자.

$$5 \leq a_2 \leq 6 \text{에 의하여 } 5 \leq ar \leq 6 \text{ 이고}$$

$$a \text{와 } r \text{는 자연수이므로 } ar = 5 \text{ 또는 } ar = 6$$

$$42 \leq a_4 \leq 96 \text{에 의하여 } 42 \leq ar^3 \leq 96 \text{ 이므로}$$

$$\frac{42}{ar} \leq r^2 \leq \frac{96}{ar} \quad \dots \textcircled{1}$$

i) $ar = 5$ 일 때,

$$\textcircled{1} \text{에 의하여 } \frac{42}{5} \leq r^2 \leq \frac{96}{5}$$

$$r = 3 \text{ 또는 } r = 4$$

$ar = 5$ 를 만족시키는 자연수 a 는 존재하지 않는다.

ii) $ar = 6$ 일 때,

$$\textcircled{1} \text{에 의하여 } 7 \leq r^2 \leq 16 \text{ 이므로}$$

$$r = 3 \text{ 또는 } r = 4$$

$$ar = 6 \text{을 만족시키는 자연수 } r = 3, a = 2$$

$$\text{따라서 } \sum_{n=1}^5 a_n = \frac{2 \times (3^5 - 1)}{3 - 1} = 242$$

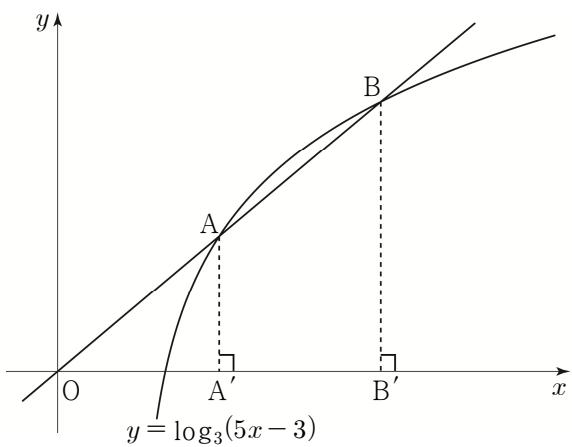
27. [출제의도] 로그함수의 그래프를 활용하여 문제 해결하기

두 점 A, B에서 x축에 내린 수선의 발을 각각 A', B'이라 하자.

삼각형 AOA'과 삼각형 BOB'은 닮음이므로

$$\frac{OA'}{OB'} = \frac{AA'}{BB'} = 1 : 2$$

점 A의 좌표를 $(a, \log_3(5a-3))$ 이라 하면
 점 B의 좌표는 $(2a, \log_3(10a-3))$
 $2\log_3(5a-3) = \log_3(10a-3)$
 $25a^2 - 30a + 9 = 10a - 3$
 $25a^2 - 40a + 12 = (5a-2)(5a-6) = 0$ 이므로
 $a = \frac{2}{5}$ 또는 $a = \frac{6}{5}$
 $a > \frac{3}{5}$ 이므로 $a = \frac{6}{5}$ 즉, 점 A의 좌표는 $(\frac{6}{5}, 1)$
 직선 AB의 기울기는 직선 OA의 기울기와 같다.
 직선 OA의 기울기 $\frac{q}{p} = \frac{1-0}{\frac{6}{5}-0} = \frac{5}{6}$
 따라서 $p+q=11$



28. [출제의도] 삼각함수의 그래프를 활용하여 문제 해결하기

$$\frac{2}{\sqrt{3}} \sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right) - \frac{7}{8} = 0 \text{에서}$$

$$\sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right) = \frac{7\sqrt{3}}{16}$$

$$t = x + \frac{\pi}{3} \text{ 라 하면 } \frac{\pi}{3} \leq t \leq \frac{7}{3}\pi$$

$$\frac{7\sqrt{3}}{16} < \frac{\sqrt{3}}{2} \text{ 이므로}$$

방정식 $\sin t = \frac{7\sqrt{3}}{16}$ ($\frac{\pi}{3} \leq t \leq \frac{7}{3}\pi$)는 두 실근

t_1, t_2 ($t_1 < t_2$)를 갖는다.

$$t_1 = x_1 + \frac{\pi}{3}, t_2 = x_2 + \frac{\pi}{3} \quad (x_1, x_2 \text{는 실수}) \text{라 하면}$$

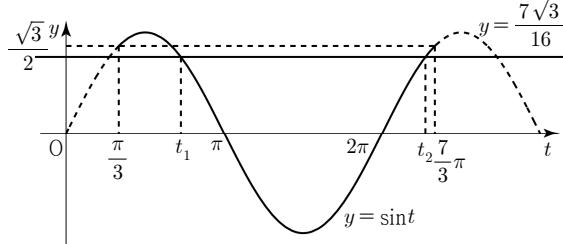
$$t_2 = 2\pi + (\pi - t_1) \text{ 이므로}$$

$$t_1 + t_2 = \left(x_1 + \frac{\pi}{3}\right) + \left(x_2 + \frac{\pi}{3}\right) = 3\pi$$

방정식 $\sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right) = \frac{7\sqrt{3}}{16}$ 의 모든 실근의 합은

$$x_1 + x_2 = 3\pi - \frac{2}{3}\pi = \frac{7}{3}\pi$$

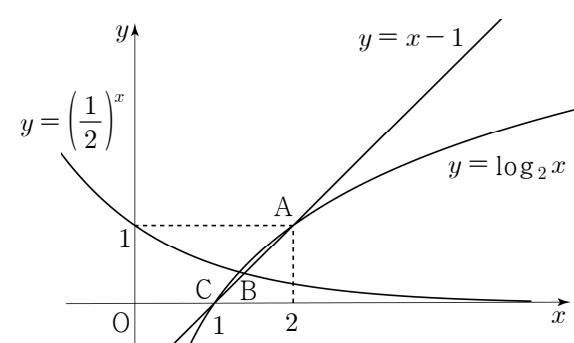
$$\text{따라서 } p+q=10$$



29. [출제의도] 지수함수와 로그함수의 그래프를 활용하여 문제 해결하기

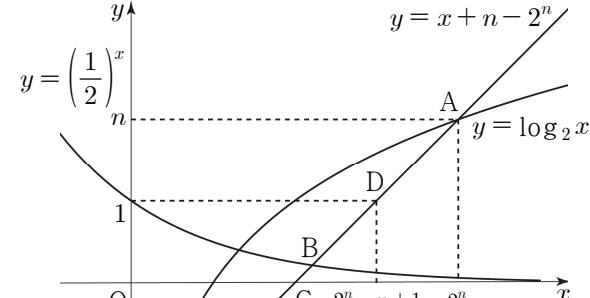
직선 $y = x + n - 2^n$ 이 x 축과 만나는 점을 C라 하자.

i) $n=1$ 일 때,



점 A(2, 1), 점 C(1, 0)이므로 $\overline{AC} = \sqrt{2}$
 $\overline{AB} < \overline{AC}$ 이므로 $\overline{AB} < \sqrt{2}$
 따라서 $n=1$ 일 때 주어진 식을 만족시키지 않는다.

ii) $n \geq 2$ 일 때,



점 C의 좌표는 $(2^n - n, 0)$
 직선 $y = x + n - 2^n$ 이 직선 $y = 1$ 과 만나는 점을 D라 하면, 점 D의 좌표는 $(2^n - n + 1, 1)$
 $\overline{AD} < \overline{AB} < \overline{AC}$ 이고
 $\overline{AD} = (n-1)\sqrt{2}, \overline{AC} = n\sqrt{2}$

즉, $n-1 < \frac{\overline{AB}}{\sqrt{2}} < n$

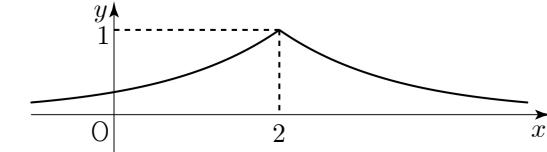
i), ii)에 의하여

$1 < \frac{\overline{AB}}{\sqrt{2}} < 10$ 을 만족시키는 자연수 n은
 2, 3, 4, ..., 10이다.

따라서 모든 자연수 n의 값의 합은 54

30. [출제의도] 지수함수의 그래프를 활용하여 추론하기

함수 $f(x) = \begin{cases} 2^{x-2} & (x < 2) \\ 2^{-x+2} & (x \geq 2) \end{cases}$ 의 그래프는 아래와 같다.



$$g(x) = |f(x) - k| + k$$

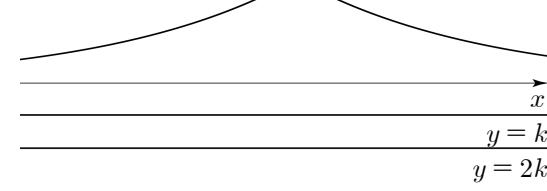
$$= \begin{cases} f(x) & (f(x) \geq k) \\ -f(x) + 2k & (f(x) < k) \end{cases}$$

i) $k \leq 0$ 일 때,

$f(x) > k$ 이므로 $g(x) = f(x) > 0 \geq 2k$
 함수 $y = g(x)$ 의 그래프와 직선 $y = 2k$ 의

그래프가 만나는 점이 없다.

$$h(k) = 0$$

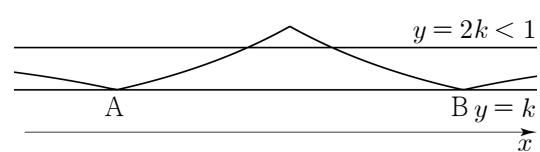


ii) $0 < k < \frac{1}{2}$ 일 때,

함수 $y = f(x)$ 의 그래프와 직선 $y = k$ 가 만나는 두 점을 각각 A, B라 하면, 함수 $y = g(x)$ 의

그래프는 아래와 같다.

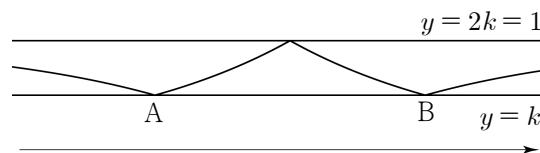
$$h(k) = 2$$



iii) $k = \frac{1}{2}$ 일 때,

함수 $y = f(x)$ 의 그래프와 직선 $y = k$ 가 만나는 두 점을 각각 A, B라 하면, 함수 $y = g(x)$ 의

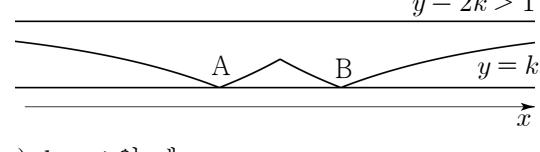
$$h\left(\frac{1}{2}\right) = 1$$



iv) $\frac{1}{2} < k < 1$ 일 때,

함수 $y = f(x)$ 의 그래프와 직선 $y = k$ 가 만나는 두 점을 각각 A, B라 하면, 함수 $y = g(x)$ 의

$$h(k) = 0$$

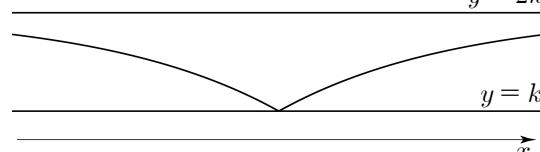


v) $k \geq 1$ 일 때,

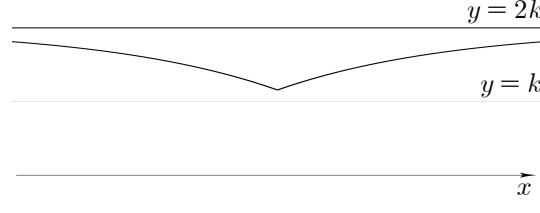
$$g(x) = -f(x) + 2k < 2k \text{ 이므로}$$

$$h(k) = 0$$

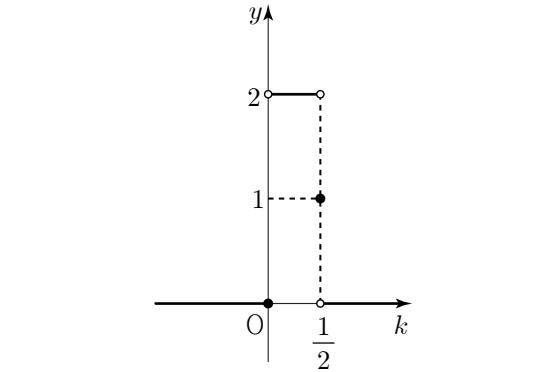
① $k=1$ 인 경우



② $k > 1$ 인 경우



따라서 $y = h(k)$ 의 그래프는 아래와 같다.



$$\lim_{k \rightarrow \frac{1}{4}^-} h(k) = 2 \text{ 이고 } \lim_{k \rightarrow \frac{1}{4}^-} h\left(k + \frac{1}{4}\right) = 2$$

$$\text{따라서 } \lim_{k \rightarrow \frac{1}{4}^-} h(k)h\left(k + \frac{1}{4}\right) = 4$$