Teorie Efficaci Olografiche: Un caso di studio

Riccardo Antonelli

6 dicembre 2016

QFT fortemente accoppiate

Problema fondamentale:

Data teoria di campo quantistica fortemente accoppiata, \longrightarrow teoria efficace di bassa energia

Teoria delle stringhe: equivalenze teorie di gauge $4d \leftrightarrow background$ di stringa 10d (olografia)

Sfruttabili per teoria efficace?

 \downarrow

Teorie Efficaci Olografiche



Superstringhe IIB

Teoria di gravità quantistica in 10d.

- Stringhe: oggetti perturbativi 1-dimensionali
- ▶ Dp-brane: oggetti non perturbativi p-dimensionali; p dispari (D1,D3,D5,...)

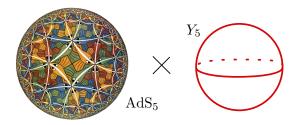
A basse energie, le stringhe IIB \sim supergravità IIB (SUGRA). Teoria di campo, include:

- lacktriangle gravitone $g_{\mu
 u}$, assio-dilatone au $\left(g_s = \left\langle \operatorname{Im} au \right
 angle^{-1}
 ight)$
- k-forme: B_2 , C_2 , C_4 $\left(B_2 = \frac{1}{2} B_{\mu\nu} dx^{\mu} \wedge dx^{\nu}, \text{ etc}\right)$
- ► + fermioni ...

Olografia

Equivalenza fra:

- ► Teoria di gauge in 4 dimensioni conforme
- ▶ Teoria delle stringhe IIB (include gravità) su $AdS_5 \times Y^5$



spaziotempo iperbolico

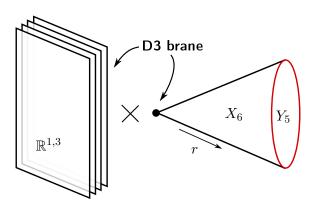
AdS (Anti-de Sitter): Y_5 : varietà compatta 5d

Costruire dualità

Si dispongono N D3-brane coincidenti in un background

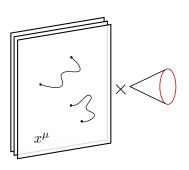
$$\mathbb{R}^{1,3} \times X_6$$

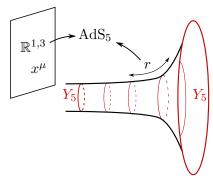
 X_6 : cono con base Y_5 : $ds_X^2 = dr^2 + r^2 ds_Y^2$



Costruire dualità (2)

Due visuali equivalenti di questo sistema:





Stringhe aperte attaccate alle D3: Teoria di gauge 4d $G = SU(N) \times SU(N) \times ...$

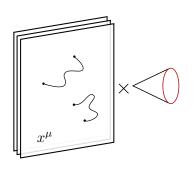
$$S = -\frac{1}{4} \int d^4x \operatorname{Tr} F^2 + \dots$$

Massa D3 curva spaziotempo:

$$\mathbb{R}^{1,3} \times X_6 \longrightarrow \mathrm{AdS}_5 \times \underline{Y_5}$$
,

$$S = -\int d^{10}x\sqrt{-g}R + \dots$$

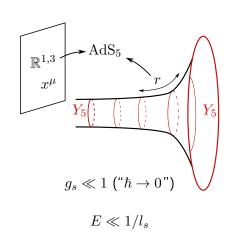
Large N, strong-coupling



$$\lambda := Ng_{VM}^2 \gg \infty$$
.

 $N\gg 1$.

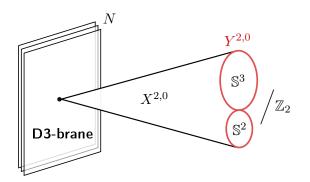
Teoria quantistica fort. acc.



 $stringhe \rightarrow SUGRA IIB classica$

La teoria $Y^{2,0}$

Cono $X^{2,0}$ sulla base $Y^{2,0}\sim \mathbb{S}^2 imes \mathbb{S}^3/\mathbb{Z}_2$



 $X^{2,0}$ è Calabi-Yau \Longrightarrow teoria superconforme (SCFT) con $\mathcal{N}=1$

Supersimmetria **minimale** (senza la singolarità conica, $\mathcal{N}=4$): teorie meno rigide e più realistiche, dinamica poco studiata

La teoria $Y^{2,0}$

Gruppo di gauge:

$$SU(N)_1 \times SU(N)_2 \times SU(N)_3 \times SU(N)_4$$

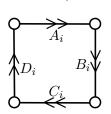
Campi di materia: $A_1,A_2,B_1,B_2,C_1,C_2,D_1,D_2$

$$A_i \in (\mathbf{N}, \overline{\mathbf{N}}, \mathbf{1}, \mathbf{1})$$
 $B_i \in (\mathbf{1}, \mathbf{N}, \overline{\mathbf{N}}, \mathbf{1})$
 $C_i \in (\mathbf{1}, \mathbf{1}, \mathbf{N}, \overline{\mathbf{N}})$ $D_i \in (\overline{\mathbf{N}}, \mathbf{1}, \mathbf{1}, \mathbf{N})$

+ superpotenziale (interazione fra i campi):

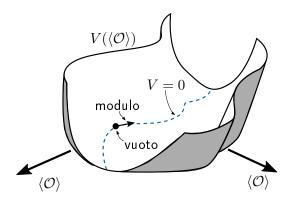
$$W = \lambda \varepsilon^{ij} \varepsilon^{kl} \operatorname{Tr}(A_i B_k C_j D_l)$$

Teoria di quiver:



$$\begin{array}{c|c} \text{UV} & \text{IR} & \text{SCFT } (\beta = 0) \\ \hline & \text{Fortemente accoppiata} \end{array}$$

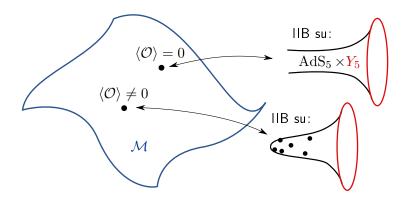
Deve esistere una descrizione efficace a bassa energia, in termini di pochi campi dinamici. Come identificarla?



Varietà di vuoti (minimi del potenziale): spazio dei moduli \mathcal{M} . Le direzioni lungo \mathcal{M} sono parametrizzate da **moduli**.

Moduli = campi della teoria efficace

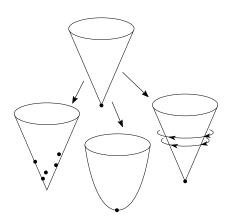
$AdS_5 \times Y^{2,0}$



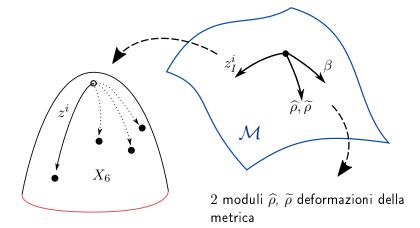
Moduli teoria di campo ↔ moduli SUGRA IIB

Teoria classica ⇒ è possibile estrarre la dinamica dei moduli

Moduli SUGRA



- ► Spostare le D3-brane sul cono
- ▶ Deformare la metrica (struttura Kähler) del cono
- lacktriangle Accendere altri campi di SUGRA (au, B_2, C_2, C_4)



3N moduli z_I^i , (i=1,2,3;I=1,...,N)

VEV di mesoni:

$$\langle \operatorname{Tr} (A_i B_j C_k D_l) \rangle \neq 0$$

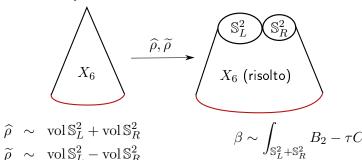
1 modulo β per C_2 , B_2

VEV di barioni:

$$\langle \varepsilon_{a_1...a_N} \varepsilon^{b_1...b_N} \underbrace{A_{b_1}^{a_1} \dots A_{b_N}^{a_N}}_{N} \rangle \neq 0$$

▶ 2 moduli metrica (struttura Kähler): la singolarità conica si può "risolvere" in due sfere $\mathbb{S}^2_L \times \mathbb{S}^2_R$

ightharpoonup 1 modulo per 2-forme B_2 , C_2



Teoria efficace

$$3N+3$$
 campi $\varphi^m=(z_I^i,\widehat{\rho},\widetilde{\rho},\beta)$



Calcoliamo \mathcal{L}_{eff} :

$$z_{I}^{i}$$
 $\widehat{\rho}, \widetilde{\rho}$

$$\mathcal{L}_{\text{eff}}(\varphi) = -\pi \mathcal{G}^{ab} \nabla_{\mu} \rho_{a} \nabla^{\mu} \bar{\rho}_{b} - 2\pi \sum_{I \in \text{D3}} g_{i\bar{\jmath}} \partial_{\mu} z_{I}^{i} \partial^{\mu} \bar{z}_{I}^{\bar{\jmath}} - \frac{\pi \mathcal{M}}{\text{Im } \tau} \partial_{\mu} \beta \, \partial^{\mu} \bar{\beta} + (\text{fermioni} \dots)$$

- Necessaria $g_{i\bar{\jmath}}$ esplicita (metrica del cono risolto).
- ▶ \mathcal{G}^{ab} , ∇_{μ} , $g_{i\bar{j}}$, \mathcal{M} funzioni complicate di $(\widehat{\rho}, \widetilde{\rho}, \beta)$ \Longrightarrow forte non-linearità

$$g_{2\bar{2}} = \chi \cosh\left(\frac{1}{3}\cosh^{-1}\left(\chi^{-3}\left(4t + \frac{\sigma(3\chi^2 - \sigma^2)}{2}\right)\right)\right) (1 + |y^L|^2)^{-2}$$

$$t:=|\zeta|^2e^{k^L(y^L)+k^R(y^R)}$$

Simmetrie

Check nontriviale: simmetrie della teoria di campo devono ricomparire nella teoria efficace.

- Gruppo superconforme: spontaneamente rotto in generale, verifichiamo l'invarianza di L_{eff} sotto un'implementazione nonlineare.
- ▶ La SCFT ha una simmetria di flavour $SU(2) \times SU(2)$. Nella HEFT: è il gruppo di isometria di $\mathbb{S}^2 \times \mathbb{S}^2$.
- ▶ Tre simmetrie U(1), di cui due anomale. Presenti nella HEFT, le anomale rotte non perturbativamente.

U(1)

- ▶ $U(1)_{\text{trace}} = U(1)_1 + U(1)_2 + U(1)_3 + U(1)_4$ è disaccoppiato da tutto.
- ▶ $U(1)_B = U(1)_1 + U(1)_3$ non anomalo. Numero barionico. Nella HEFT:

$$\operatorname{Im} \widetilde{\rho} \to \operatorname{Im} \widetilde{\rho} + \alpha$$

Ne rimangono due. Sono:

$$U(1)_1 - U(1)_3 \qquad \leftrightarrow \qquad \operatorname{Im} \widehat{\rho} \to \operatorname{Im} \widehat{\rho} + \alpha$$

 $U(1)_4 - U(1)_2 \qquad \leftrightarrow \qquad \operatorname{Im} \beta \to \operatorname{Im} \beta + \alpha$

Simmetrie classiche della CFT e della \mathcal{L}_{eff} , ma anomale. Interpretazione olografica: rotte da effetti nonperturbativi $\sim \exp(-N) \sim \exp(-1/g_s)$ dovuti a istantoni di teoria delle stringhe accoppiati ad $\operatorname{Im} \widehat{\rho}$, $\operatorname{Im} \beta$.

Conclusioni

Abbiamo dunque costruito la teoria efficace esplicita per un modello fortemente accoppiato e con supersimmetria minimale (intrattabile a livello della teoria di campo).

Possibili sviluppi:

- Generalizzare $Y^{2,0} \to Y^{p,q}$
- ► Espansione perturbativa nei moduli
- Analisi contributi nonperturbativi di stringa
- Studio SCFT spontaneamente rotte

Grazie per l'attenzione.

