# Teorie Efficaci Olografiche: Un caso di studio

Riccardo Antonelli

5 dicembre 2016

### QFT fortemente accoppiate

Problema fondamentale:

Data teoria di campo quantistica fortemente accoppiata,  $\longrightarrow$  teoria efficace di bassa energia

Teoria delle stringhe: equivalenze teorie di gauge  $4d \leftrightarrow background$  di stringa 10d (olografia)

Sfruttabili per teoria efficace?

 $\downarrow$ 

Teorie Efficaci Olografiche



### Superstringhe IIB

Teoria di gravità quantistica in 10d.

- Stringhe: oggetti perturbativi 1-dimensionali
- ▶ Dp-brane: oggetti non perturbativi p-dimensionali; p dispari (D1,D3,D5,...)

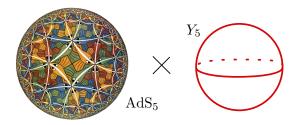
A basse energie, le stringhe IIB  $\sim$  supergravità IIB (SUGRA). Teoria di campo, include:

- lacktriangle gravitone  $g_{\mu
  u}$ , assio-dilatone au  $\left(g_s = \left\langle \operatorname{Im} au \right
  angle^{-1} 
  ight)$
- k-forme:  $B_2$ ,  $C_2$ ,  $C_4$   $\left(B_2 = \frac{1}{2} B_{\mu\nu} dx^{\mu} \wedge dx^{\nu}, \text{ etc}\right)$
- ► + fermioni ...

## Olografia

#### Equivalenza fra:

- ► Teoria di gauge in 4 dimensioni conforme
- ▶ Teoria delle stringhe IIB (include gravità) su  $AdS_5 \times Y^5$



spaziotempo iperbolico

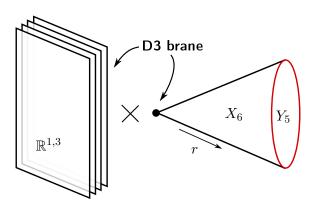
AdS (Anti-de Sitter):  $Y_5$ : varietà compatta 5d

#### Costruire dualità

Si dispongono N D3-brane coincidenti in un background

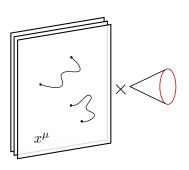
$$\mathbb{R}^{1,3} \times X_6$$

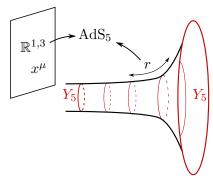
 $X_6$ : cono con base  $Y_5$ :  $ds_X^2 = dr^2 + r^2 ds_Y^2$ 



# Costruire dualità (2)

Due visuali equivalenti di questo sistema:





Stringhe aperte attaccate alle D3: Teoria di gauge 4d  $G = SU(N) \times SU(N) \times ...$ 

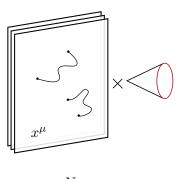
$$S = -\frac{1}{4} \int d^4x \operatorname{Tr} F^2 + \dots$$

Massa D3 curva spaziotempo:

$$\mathbb{R}^{1,3} \times X_6 \longrightarrow \mathrm{AdS}_5 \times \underline{Y_5}$$
,

$$S = -\int d^{10}x\sqrt{-g}R + \dots$$

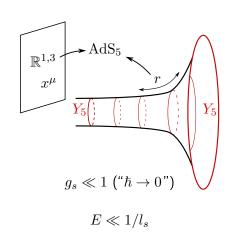
# Large N, strong-coupling



$$N o \infty$$
,

$$\lambda := Ng_{YM}^2 \to \infty$$
 .

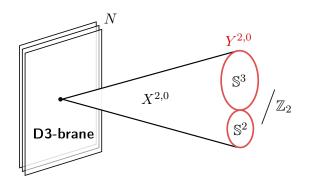
Teoria quantistica fort. acc.



 $stringhe \rightarrow SUGRA IIB classica$ 

### La teoria $Y^{2,0}$

Cono  $X^{2,0}$  sulla base  $Y^{2,0}\sim \mathbb{S}^2 imes \mathbb{S}^3/\mathbb{Z}_2$ 



 $X^{2,0}$  è Calabi-Yau  $\Longrightarrow$  teoria superconforme (SCFT) con  $\mathcal{N}=1$ 

Supersimmetria **minimale** (senza la singolarità conica,  $\mathcal{N}=4$ ): teorie meno rigide e più realistiche, dinamica pochissimo studiata

#### La teoria $Y^{2,0}$

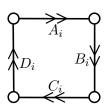
Gruppo di gauge:

$$SU(N)_1 \times SU(N)_2 \times SU(N)_3 \times SU(N)_4$$

Campi di materia:  $A_1, A_2, B_1, B_2, C_1, C_2, D_1, D_2$ .

$$A_i \in (\mathbf{N}, \overline{\mathbf{N}}, \mathbf{1}, \mathbf{1}), B_i \in (\mathbf{1}, \mathbf{N}, \overline{\mathbf{N}}, \mathbf{1}), \dots$$

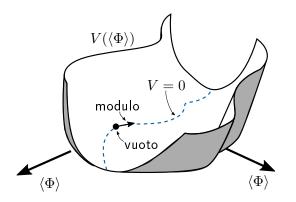
Teoria di quiver:



+ superpotenziale (interazione fra i campi di materia):

$$W = \lambda \varepsilon^{ij} \varepsilon^{kl} \operatorname{Tr}(A_i B_k C_j D_l)$$

Deve esistere una descrizione efficace a bassa energia, in termini di pochi campi dinamici. Come identificarla?

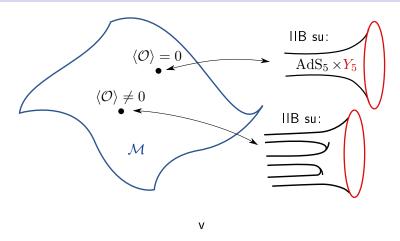


Varietà di vuoti (minimi del potenziale): spazio dei moduli  $\mathcal{M}$ . Le direzioni lungo  $\mathcal{M}$  sono parametrizzate da **moduli**.

Moduli = campi della teoria efficace

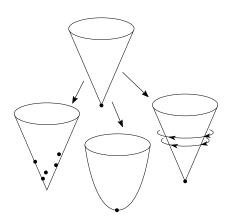


# $AdS_5 \times Y^{2,0}$

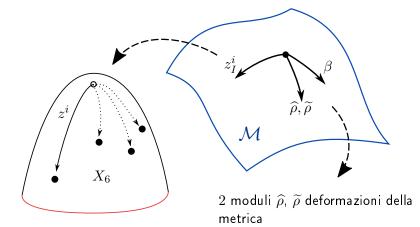


⇒ è possibile estrarre la Lagrangiana efficace.

#### Moduli SUGRA



- ► Spostare le D3-brane sul cono
- ▶ Deformare la metrica (struttura Kähler) del cono
- lacktriangle Accendere altri campi di SUGRA  $( au, B_2, C_2, C_4)$



3N moduli  $z_I^i$ , (i=1,2,3;I=1,...,N)

VEV di mesoni:

 $\operatorname{Tr}\left(A_iB_jC_kD_l\right)$ 

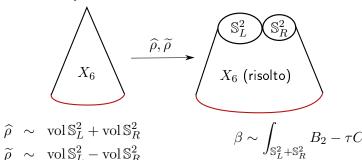
1 modulo  $\beta$  per  $C_2$ ,  $B_2$ 

VEV di barioni:

$$\varepsilon_{a_1a_2...a_N}\varepsilon^{b_1b_2...b_N}\underbrace{A^{a_1}_{b_1}A^{a_2}_{b_2}\dots A^{a_N}_{b_N}}_{N}$$

▶ 2 moduli metrica (struttura Kähler): la singolarità conica si può "risolvere" in due sfere  $\mathbb{S}^2_L \times \mathbb{S}^2_R$ 

ightharpoonup 1 modulo per 2-forme  $B_2$ ,  $C_2$ 



#### Teoria efficace

Ci sono 3N+3 campi  $\varphi^m=(z_I^i,\widehat{\rho},\widehat{\rho},\beta)$ . Calcoliamo la  $\mathcal{L}_{\text{eff}}$  efficace:

$$\mathcal{L}_{\text{eff}} = -\pi \mathcal{G}^{ab} \nabla_{\mu} \rho_{a} \nabla^{\mu} \bar{\rho}_{b} - 2\pi \sum_{I \in \text{D3}} g_{i\bar{j}} \partial_{\mu} z_{I}^{i} \partial^{\mu} \bar{z}_{I}^{\bar{j}} - \frac{\pi \mathcal{M}}{\operatorname{Im} \tau} \partial_{\mu} \beta \, \partial^{\mu} \bar{\beta} + (\text{fermioni} \dots)$$

- Necessaria  $g_{i\bar{\jmath}}$  in coordinate complesse (metrica del conorisolto).
- ▶  $\mathcal{G}^{ab}$ ,  $\nabla_{\mu}$ ,  $g_{i\bar{j}}$ ,  $\mathcal{M}$  funzioni complicate di  $(\widehat{\rho}, \widetilde{\rho}, \beta)$   $\Longrightarrow$  forte non-linearità

#### Simmetrie

Check nontriviale: simmetrie della teoria di campo devono ricomparire nella teoria efficace.

- Gruppo superconforme: spontaneamente rotto in generale, verifichiamo l'invarianza di L<sub>eff</sub> sotto un'implementazione nonlineare.
- ▶ La SCFT ha una simmetria di flavour  $SU(2) \times SU(2)$ . Nella HEFT: è il gruppo di isometria di  $\mathbb{S}^2 \times \mathbb{S}^2$ .
- ▶ Tre simmetrie U(1), di cui due anomale. Presenti nella HEFT, le anomale rotte non perturbativamente.

# U(1)

- ▶  $U(1)_{\text{trace}} = U(1)_1 + U(1)_2 + U(1)_3 + U(1)_4$  è disaccoppiato da tutto.
- ▶  $U(1)_B = U(1)_1 + U(1)_3$  non anomalo. Numero barionico. Nella HEFT:

$$\operatorname{Im} \widetilde{\rho} \to \operatorname{Im} \widetilde{\rho} + \alpha$$

Ne rimangono due. Sono:

$$U(1)_1 - U(1)_3 \qquad \leftrightarrow \qquad \operatorname{Im} \widehat{\rho} \to \operatorname{Im} \widehat{\rho} + \alpha$$
  
 $U(1)_4 - U(1)_2 \qquad \leftrightarrow \qquad \operatorname{Im} \beta \to \operatorname{Im} \beta + \alpha$ 

Simmetrie classiche della CFT e della  $\mathcal{L}_{\text{eff}}$ , ma anomale. Interpretazione olografica: rotte da effetti nonperturbativi  $\sim \exp(-N) \sim \exp(-1/g_s)$  dovuti a istantoni di teoria delle stringhe accoppiati ad  $\operatorname{Im} \widehat{\rho}$ ,  $\operatorname{Im} \beta$ .

Grazie per l'attenzione.