# Teorie Efficaci Olografiche: Un caso di studio

Riccardo Antonelli

2 dicembre 2016

## QFT fortemente accoppiate

Problema fondamentale:

Data teoria di campo quantistica fortemente accoppiata,  $\longrightarrow$  teoria efficace di bassa energia

Teoria delle stringhe: equivalenze teorie di gauge  $4d \leftrightarrow background$  di stringa 10d (olografia)

Sfruttabili per teoria efficace?

 $\downarrow$ 

Teorie Efficaci Olografiche

## Superstringhe IIB

Teoria di gravità quantistica in 10d.

- Stringhe: oggetti perturbativi 1-dimensionali
- ▶ Dp-brane: oggetti non perturbativi p-dimensionali; p dispari (D1,D3,D5,...)

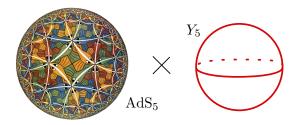
A basse energie, le stringhe IIB  $\sim$  supergravità IIB (SUGRA). Teoria di campo, include:

- gravitone  $g_{\mu\nu}$ , assio-dilatone  $\tau$  (complesso)
- $\blacktriangleright$  k-forme:  $B_2$ ,  $C_2$ ,  $C_4$
- ▶ + fermioni ...

## Olografia

#### Equivalenza fra

- ► Teoria di gauge in 4 dimensioni
- lacktriangle Teoria delle stringhe IIB (include gravità) su  ${
  m AdS}_5 imes Y^5$



AdS (Anti-de Sitter): spaziotempo iperbolico

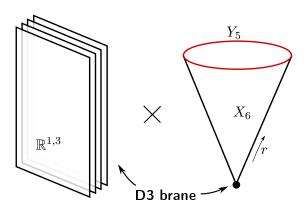
 $\operatorname{AdS}$  (Anti-de Sitter):  $Y_5$ : varietà compatta 5d

#### Costruire dualità

Si dispongono N D3-brane coincidenti in un background

$$\mathbb{R}^{1,3} \times X_6$$

 $X_6$ : cono con base  $Y_5$ :  $ds_X^2 = dr^2 + r^2 ds_Y^2$ 



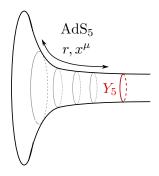
# Costruire dualità (2)

Due visuali equivalenti di questo sistema:



Stringhe aperte attaccate alle D3: Teoria di **gauge** 4d

$$G = SU(N) \times SU(N) \times \dots$$



Massa D3 curva spaziotempo:

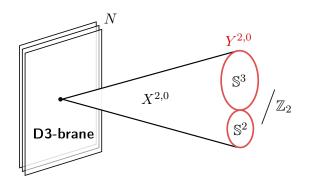
$$\mathbb{R}^{1,3} \times X_6 \longrightarrow \mathrm{AdS}_5 \times \underline{Y_5}$$
,

⇒ dualità olografica



### La teoria $Y^{2,0}$

Cono  $X^{2,0}$  sulla base  $Y^{2,0}\sim \mathbb{S}^2 imes \mathbb{S}^3/\mathbb{Z}_2$ 



 $X^{2,0}$  è Calabi-Yau  $\Longrightarrow$  teoria superconforme (SCFT) con  $\mathcal{N}=1$ 

Supersimmetria **minimale** (senza la singolarità conica,  $\mathcal{N}=4$ ): teorie meno rigide e più realistiche, dinamica pochissimo studiata

### La teoria $Y^{2,0}$

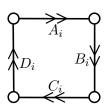
Gruppo di gauge:

$$SU(N)_1 \times SU(N)_2 \times SU(N)_3 \times SU(N)_4$$

Campi di materia:  $A_1, A_2, B_1, B_2, C_1, C_2, D_1, D_2$ .

$$A_i \in (\mathbf{N}, \overline{\mathbf{N}}, \mathbf{1}, \mathbf{1}), B_i \in (\mathbf{1}, \mathbf{N}, \overline{\mathbf{N}}, \mathbf{1}), \dots$$

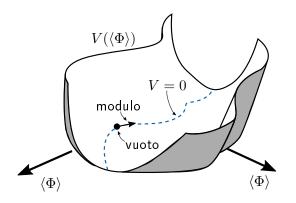
Teoria di quiver:



+ superpotenziale (interazione fra i campi di materia):

$$W = \lambda \varepsilon^{ij} \varepsilon^{kl} \operatorname{Tr}(A_i B_k C_j D_l)$$

Deve esistere una descrizione efficace a bassa energia, in termini di pochi campi dinamici. Come identificarla?



Varietà di vuoti (minimi del potenziale): spazio dei moduli  $\mathcal{M}$ . Le direzioni lungo  $\mathcal{M}$  sono parametrizzate da **moduli**.

Moduli = campi della teoria efficace!

$$AdS_5 \times Y^{2,0}$$

Duale olografico: stringhe IIB sulla geometria

$$AdS_5 \times Y^{2,0}$$

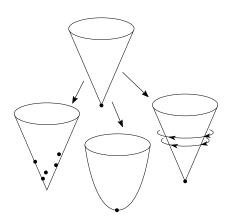
Quando  $N \to \infty$  e a strong coupling  $\longrightarrow$  la string theory diventa la SUGRA IIB classica.

 $\begin{array}{c} \text{Moduli della CFT } Y^{2,0} \\ \updownarrow \\ \text{Moduli di SUGRA su } \mathrm{AdS}_5 \times Y^{2,0} \\ \updownarrow \\ \text{campi dinamici della teoria efficace} \end{array}$ 

 $\Rightarrow$  è possibile estrarre la Lagrangiana efficace.



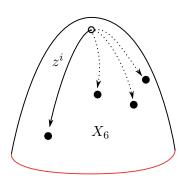
#### Moduli SUGRA



- ► Spostare le D3-brane sul cono
- ▶ Deformare la metrica (struttura Kähler) del cono
- lacktriangle Accendere altri campi di SUGRA  $( au, B_2, C_2, C_4)$

#### 3N moduli immediati:

$$z_I^i$$
 
$$i=1,2,3,$$
 
$$I=1,\dots,N$$

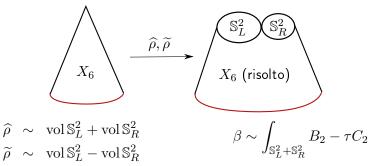


posizioni delle N D3-brane sul cono 6d ightarrow 3N campi complessi.

Legati a valori di aspettazione (VEV) di operatori del tipo:

$$\operatorname{Tr}\left(A_iB_jC_kD_l\right)$$
,  $\leftarrow$  mesoni

- ▶ 2 moduli struttura Kähler (metrica): la singolarità conica si può "risolvere" in due sfere  $\mathbb{S}^2_L \times \mathbb{S}^2_R$
- ightharpoonup 1 modulo per 2-forme  $B_2$ ,  $C_2$



 $\Longrightarrow$  3 altri campi chirali  $\widehat{
ho},\ \widetilde{
ho},\ eta$  nella teoria efficace. VEV di

$$\varepsilon_{abc...} \varepsilon^{pqr...} \underbrace{A^a_{\ p} A^b_{\ q} A^c_{\ r} \dots}_{N} \leftarrow {\sf barioni}$$

#### Teoria efficace

Ci sono 3N+3 campi chirali  $(z_I^i,\widehat{\rho},\widetilde{\rho},\beta)$ . Calcoliamo la  $\mathcal{L}_{\text{eff}}$  efficace:

$$\mathcal{L}_{\text{eff}} = -\pi \mathcal{G}^{ab} \nabla_{\mu} \rho_{a} \nabla^{\mu} \bar{\rho}_{b} - 2\pi \sum_{I} g_{i\bar{\jmath}} \partial_{\mu} z^{i} \partial^{\mu} \bar{z}^{\bar{\jmath}} - \frac{\pi \mathcal{M}}{\operatorname{Im} \tau} \partial_{\mu} \beta \, \partial^{\mu} \bar{\beta}$$

- $\mathcal{G}^{ab}$ ,  $\nabla_{\mu}$ ,  $g_{i\bar{\jmath}}$ ,  $\mathcal{M}$  sono funzioni complicate di  $(\widehat{\rho}, \widetilde{\rho}, \beta) \Longrightarrow$  forte non-linearità
- $g_{i\bar{\jmath}}$ : metrica (hermitiana) del cono risolto:  $\sigma$ -model delle D3-brane
- $ightharpoonup \mathcal{L}_{ ext{eff}}$  è in realtà la parte bosonica di una Lagrangiana supersimmetrica  $\mathcal{N}=1$ : gli scalari  $\widehat{
  ho}, \widetilde{
  ho}, eta$  sono accoppiati con superpartner spin-1/2.
- Abbiamo dunque determinato la teoria efficace olografica esatta (per  $N=\infty$ !)



#### Simmetrie

Check nontriviale: simmetrie della teoria di campo devono ricomparire nella teoria efficace.

- Gruppo superconforme: spontaneamente rotto in generale, verifichiamo l'invarianza di L<sub>eff</sub> sotto un'implementazione nonlineare.
- ▶ La SCFT ha una simmetria di flavour  $SU(2) \times SU(2)$ . Nella HEFT: è il gruppo di isometria di  $\mathbb{S}^2 \times \mathbb{S}^2$ .
- ▶ A basse energie il gruppo di gauge si riduce  $U(N)^4 \to SU(N)^4$ : cosa succede agli U(1)?

# U(1)

- ▶  $U(1)_{\text{trace}} = U(1)_1 + U(1)_2 + U(1)_3 + U(1)_4$  è disaccoppiato da tutto.
- ▶  $U(1)_B = U(1)_1 + U(1)_3$  non anomalo. Numero barionico. Nella HEFT:

$$\operatorname{Im} \widetilde{\rho} \to \operatorname{Im} \widetilde{\rho} + \alpha$$

Ne rimangono due. Sono:

$$U(1)_1 - U(1)_3 \qquad \leftrightarrow \qquad \operatorname{Im} \widehat{\rho} \to \operatorname{Im} \widehat{\rho} + \alpha$$
  
 $U(1)_4 - U(1)_2 \qquad \leftrightarrow \qquad \operatorname{Im} \beta \to \operatorname{Im} \beta + \alpha$ 

Simmetrie classiche della CFT e della  $\mathcal{L}_{\mathrm{eff}}$ , ma anomale. Interpretazione olografica: rotte da effetti nonperturbativi  $\sim \exp(-N) \sim \exp(-1/g_s)$  dovuti a istantoni di teoria delle stringhe accoppiati ad  $\mathrm{Im} \ \widehat{\rho}, \ \mathrm{Im} \ \beta.$ 

Grazie per l'attenzione.