

# 9002 — Aula 18

## Algoritmos e Programação de Computadores

Instituto de Engenharia – UFMT

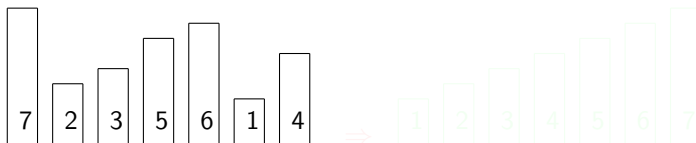
Segundo Semestre de 2014

25 de novembro de 2014

# Roteiro

- 1 Introdução
- 2 Ordenação por seleção
- 3 Ordenação por inserção

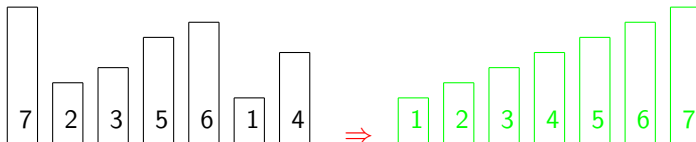
# Introdução



## Problema

Escreva um programa que recebe uma lista de números inteiros e imprima-os em ordem crescente.

# Introdução



## Problema

Escreva um programa que recebe uma lista de números inteiros e imprima-os em ordem crescente.

# Ordenação

## Ordenação

- Vamos estudar algoritmos para ordenar conjuntos de elementos
- Os elementos podem ser de qualquer tipo que possamos comparar:
  - números inteiros,
  - nomes de pessoas,
  - times de futebol... :)
- Os algoritmos podem ordenar **crescente** ou **decrescentemente**, dependendo da direção da comparação.

## Estratégias

Existem várias estratégias para ordenar:

- Selecionar o menor a cada vez e colocar na ponta
- Trocar itens fora de ordem
- Outras?

Estratégias diferentes levam a algoritmos diferentes.

# Ordenação

## Ordenação

- Vamos estudar algoritmos para ordenar conjuntos de elementos
- Os elementos podem ser de qualquer tipo que possamos comparar:
  - números inteiros,
  - nomes de pessoas,
  - times de futebol... :)
- Os algoritmos podem ordenar **crescente** ou **decrescentemente**, dependendo da direção da comparação.

## Estratégias

Existem várias estratégias para ordenar:

- Selecionar o menor a cada vez e colocar na ponta
- Trocar itens fora de ordem
- Outras?

Estratégias diferentes levam a algoritmos diferentes.

# Ordenação

## Ordenação

- Vamos estudar algoritmos para ordenar conjuntos de elementos
- Os elementos podem ser de qualquer tipo que possamos comparar:
  - ▶ números inteiros,  
nomes de pessoas,  
times de futebol... :)
- Os algoritmos podem ordenar **crescente** ou **decrescentemente**,  
dependendo da direção da comparação.

## Estratégias

Existem várias estratégias para ordenar:

- Selecionar o menor a cada vez e colocar na ponta
- Trocar itens fora de ordem
- Outras?

Estratégias diferentes levam a algoritmos diferentes.

# Ordenação

## Ordenação

- Vamos estudar algoritmos para ordenar conjuntos de elementos
- Os elementos podem ser de qualquer tipo que possamos comparar:
  - ▶ números inteiros,
  - ▶ nomes de pessoas,
  - ▶ times de futebol... :)
- Os algoritmos podem ordenar **crescente** ou **decrescentemente**, dependendo da direção da comparação.

## Estratégias

Existem várias estratégias para ordenar:

- Selecionar o menor a cada vez e colocar na ponta
- Trocar itens fora de ordem
- Outras?

Estratégias diferentes levam a algoritmos diferentes.



# Ordenação

## Ordenação

- Vamos estudar algoritmos para ordenar conjuntos de elementos
- Os elementos podem ser de qualquer tipo que possamos comparar:
  - ▶ números inteiros,
  - ▶ nomes de pessoas,
  - ▶ times de futebol... :)
- Os algoritmos podem ordenar **crescente** ou **decrescentemente**, dependendo da direção da comparação.

## Estratégias

Existem várias estratégias para ordenar:

- Selecionar o menor a cada vez e colocar na ponta
- Trocar itens fora de ordem
- Outras?

Estratégias diferentes levam a algoritmos diferentes.

# Ordenação

## Ordenação

- Vamos estudar algoritmos para ordenar conjuntos de elementos
- Os elementos podem ser de qualquer tipo que possamos comparar:
  - ▶ números inteiros,
  - ▶ nomes de pessoas,
  - ▶ times de futebol... :)
- Os algoritmos podem ordenar **crescente** ou **decrescentemente**, dependendo da direção da comparação.

## Estratégias

Existem várias estratégias para ordenar:

- Selecionar o menor a cada vez e colocar na ponta
- Trocar itens fora de ordem
- Outras?

Estratégias diferentes levam a algoritmos diferentes.

# Ordenação

## Ordenação

- Vamos estudar algoritmos para ordenar conjuntos de elementos
- Os elementos podem ser de qualquer tipo que possamos comparar:
  - ▶ números inteiros,
  - ▶ nomes de pessoas,
  - ▶ times de futebol... :)
- Os algoritmos podem ordenar **crescente** ou **decrescentemente**, dependendo da direção da comparação.

## Estratégias

Existem várias estratégias para ordenar:

- Selecionar o menor a cada vez e colocar na ponta
- Trocar itens fora de ordem
- Outras?

Estratégias diferentes levam a algoritmos diferentes.

# Ordenação

## Ordenação

- Vamos estudar algoritmos para ordenar conjuntos de elementos
- Os elementos podem ser de qualquer tipo que possamos comparar:
  - ▶ números inteiros,
  - ▶ nomes de pessoas,
  - ▶ times de futebol... :)
- Os algoritmos podem ordenar **crescente** ou **decrescentemente**, dependendo da direção da comparação.

## Estratégias

Existem várias estratégias para ordenar:

- Selecionar o menor a cada vez e colocar na ponta
- Trocar itens fora de ordem
- Outras?

Estratégias diferentes levam a algoritmos diferentes.

# Ordenação

## Ordenação

- Vamos estudar algoritmos para ordenar conjuntos de elementos
- Os elementos podem ser de qualquer tipo que possamos comparar:
  - ▶ números inteiros,
  - ▶ nomes de pessoas,
  - ▶ times de futebol... :)
- Os algoritmos podem ordenar **crescente** ou **decrescentemente**, dependendo da direção da comparação.

## Estratégias

Existem várias estratégias para ordenar:

- Selecionar o menor a cada vez e colocar na ponta
- Trocar itens fora de ordem
- Outras?

Estratégias diferentes levam a algoritmos diferentes.

# Ordenação

## Ordenação

- Vamos estudar algoritmos para ordenar conjuntos de elementos
- Os elementos podem ser de qualquer tipo que possamos comparar:
  - ▶ números inteiros,
  - ▶ nomes de pessoas,
  - ▶ times de futebol... :)
- Os algoritmos podem ordenar **crescente** ou **decrescentemente**, dependendo da direção da comparação.

## Estratégias

Existem várias estratégias para ordenar:

- Selecionar o menor a cada vez e colocar na ponta
- Trocar itens fora de ordem
- Outras?

Estratégias diferentes levam a algoritmos diferentes.

# Ordenação

## Ordenação

- Vamos estudar algoritmos para ordenar conjuntos de elementos
- Os elementos podem ser de qualquer tipo que possamos comparar:
  - ▶ números inteiros,
  - ▶ nomes de pessoas,
  - ▶ times de futebol... :)
- Os algoritmos podem ordenar **crescente** ou **decrescentemente**, dependendo da direção da comparação.

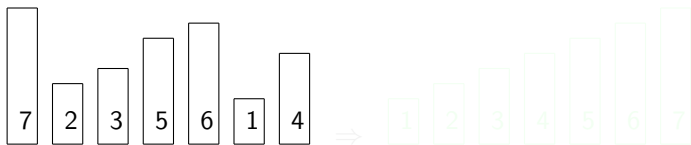
## Estratégias

Existem várias estratégias para ordenar:

- Selecionar o menor a cada vez e colocar na ponta
- Trocar itens fora de ordem
- Outras?

Estratégias diferentes levam a algoritmos diferentes.

# Ordenação por seleção

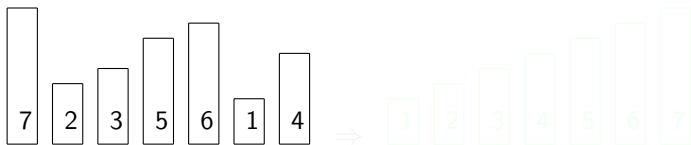


## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Seleccionamos o menor elemento
- Movemos o item para uma nova lista
- Repetimos tudo com a lista restante (preta)



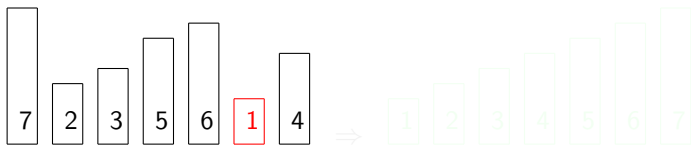
# Ordenação por seleção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Seleccionamos o menor elemento
- Movemos o item para uma nova lista
- Repetimos tudo com a lista restante (preta)

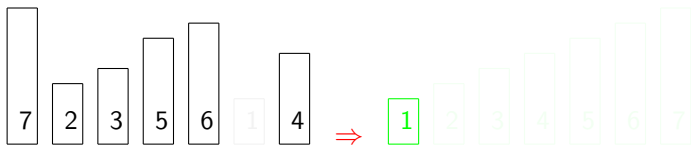
# Ordenação por seleção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Seleccionamos o menor elemento
  - Movemos o item para uma nova lista
  - Repetimos tudo com a lista restante (preta)

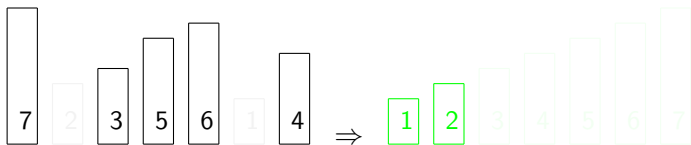
# Ordenação por seleção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Seleccionamos o menor elemento
- Movemos o item para uma nova lista
- Repetimos tudo com a lista restante (preta)

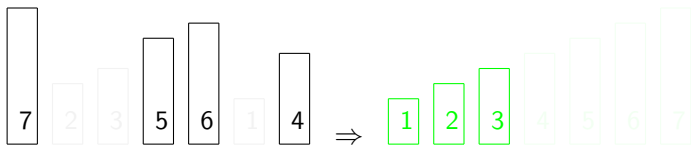
# Ordenação por seleção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Seleccionamos o menor elemento
- Movemos o item para uma nova lista
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

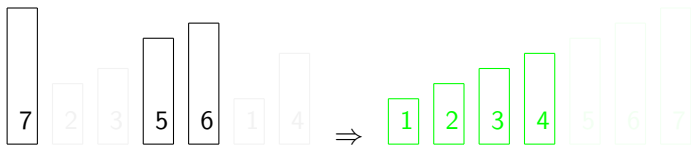
# Ordenação por seleção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Seleccionamos o menor elemento
- Movemos o item para uma nova lista
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

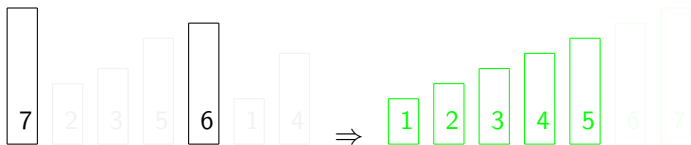
# Ordenação por seleção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Seleccionamos o menor elemento
- Movemos o item para uma nova lista
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

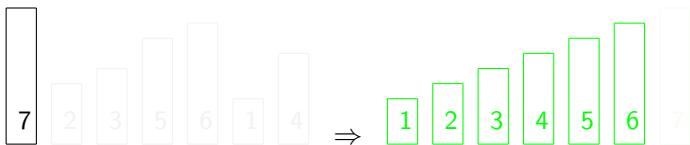
# Ordenação por seleção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Seleccionamos o menor elemento
- Movemos o item para uma nova lista
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

# Ordenação por seleção

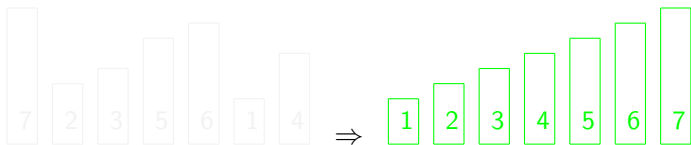


## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Selecionamos o menor elemento
- Movemos o item para uma nova lista
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)



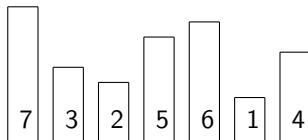
# Ordenação por seleção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Seleccionamos o menor elemento
- Movemos o item para uma nova lista
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

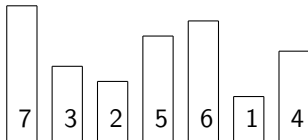
# Ordenação por seleção - Melhorando



## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 Selecionar o menor elemento
  - 2 Trocar com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (preta)

# Ordenação por seleção - Melhorando

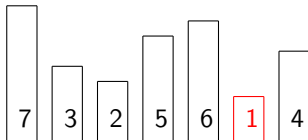


## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:

- 1 Selecionar o menor elemento
- 2 Trocar com o primeiro elemento da lista
- 3 Continuar com a lista restante (preta)

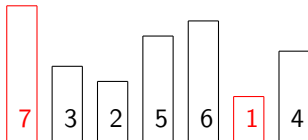
# Ordenação por seleção - Melhorando



## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 **Selecionar** o menor elemento
  - 2 **Trocar** com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (**preta**)

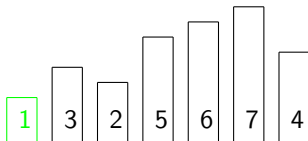
# Ordenação por seleção - Melhorando



## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 **Selecionar** o menor elemento
  - 2 **Trocar** com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (**preta**)

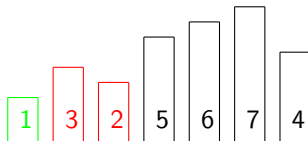
# Ordenação por seleção - Melhorando



## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 **Selecionar** o menor elemento
  - 2 **Trocar** com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (**preta**)

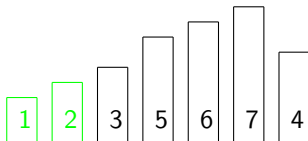
# Ordenação por seleção - Melhorando



## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 **Selecionar** o menor elemento
  - 2 **Trocar** com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (**preta**)

# Ordenação por seleção - Melhorando

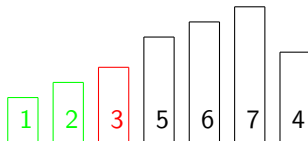


## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 **Selecionar** o menor elemento
  - 2 **Trocar** com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (**preta**)



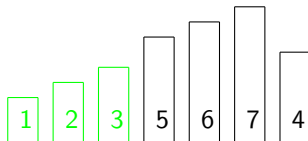
# Ordenação por seleção - Melhorando



## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 Selecionar o menor elemento
  - 2 Trocar com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (preta)

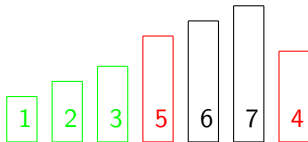
# Ordenação por seleção - Melhorando



## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 **Selecionar** o menor elemento
  - 2 **Trocar** com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (**preta**)

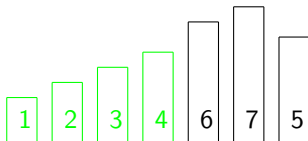
# Ordenação por seleção - Melhorando



## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 **Selecionar** o menor elemento
  - 2 **Trocar** com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (**preta**)

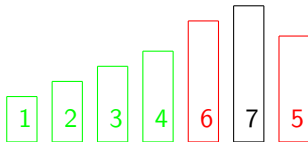
# Ordenação por seleção - Melhorando



## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 **Selecionar** o menor elemento
  - 2 **Trocar** com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (**preta**)

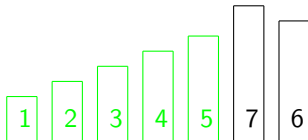
# Ordenação por seleção - Melhorando



## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 Selecionar o menor elemento
  - 2 Trocar com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (preta)

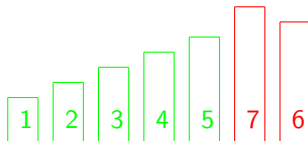
# Ordenação por seleção - Melhorando



## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 **Selecionar** o menor elemento
  - 2 **Trocar** com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (**preta**)

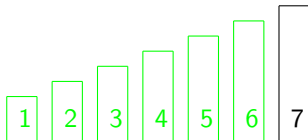
# Ordenação por seleção - Melhorando



## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 **Selecionar** o menor elemento
  - 2 **Trocar** com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (**preta**)

# Ordenação por seleção - Melhorando

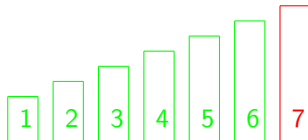


## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 **Selecionar** o menor elemento
  - 2 **Trocar** com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (**preta**)



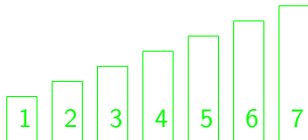
# Ordenação por seleção - Melhorando



## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 **Selecionar** o menor elemento
  - 2 **Trocar** com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (**preta**)

# Ordenação por seleção - Melhorando



## Ideia

- Não precisamos de uma nova lista! Basta:
  - 1 **Selecionar** o menor elemento
  - 2 **Trocar** com o primeiro elemento da lista
  - 3 Continuar com a lista restante (**preta**)

# Convenções

## Algoritmo de ordenação

- Vamos implementar uma função para ordenar inteiros
- A função terá os seguintes parâmetros:
  - `int vetor[]`: vetor de inteiros onde os elementos estão
  - `int n`: o número de elemento do vetor
- A função deverá ordenar o vetor passado **crescentemente**

Para trocar dois valores, vamos sempre usar a seguinte função:

### Trocar dois valores inteiros

```
void trocar(int *a, int *b) {  
    int aux = *a;  
    *a = *b;  
    *b = aux;  
}
```

# Convenções

## Algoritmo de ordenação

- Vamos implementar uma função para ordenar inteiros
- A função terá os seguintes parâmetros:

`int vetor[]`: vetor de inteiros onde os elementos estão

`int n`: o número de elemento do vetor

- A função deverá ordenar o vetor passado **crescentemente**

Para trocar dois valores, vamos sempre usar a seguinte função:

### Trocar dois valores inteiros

```
void trocar(int *a, int *b) {  
    int aux = *a;  
    *a = *b;  
    *b = aux;  
}
```

# Convenções

## Algoritmo de ordenação

- Vamos implementar uma função para ordenar inteiros
- A função terá os seguintes parâmetros:
  - ▶ `int vetor[]`: vetor de inteiros onde os elementos estão
  - ▶ `int n`: o número de elemento do vetor
- A função deverá ordenar o vetor passado *crecientemente*

Para trocar dois valores, vamos sempre usar a seguinte função:

### Trocar dois valores inteiros

```
void trocar(int *a, int *b) {  
    int aux = *a;  
    *a = *b;  
    *b = aux;  
}
```

# Convenções

## Algoritmo de ordenação

- Vamos implementar uma função para ordenar inteiros
- A função terá os seguintes parâmetros:
  - ▶ `int vetor[]`: vetor de inteiros onde os elementos estão
  - ▶ `int n`: o número de elemento do vetor
- A função deverá ordenar o vetor passado *crescentemente*

Para trocar dois valores, vamos sempre usar a seguinte função:

### Trocar dois valores inteiros

```
void trocar(int *a, int *b) {  
    int aux = *a;  
    *a = *b;  
    *b = aux;  
}
```

# Convenções

## Algoritmo de ordenação

- Vamos implementar uma função para ordenar inteiros
- A função terá os seguintes parâmetros:
  - ▶ `int vetor[]`: vetor de inteiros onde os elementos estão
  - ▶ `int n`: o número de elemento do vetor
- A função deverá ordenar o vetor passado **crescentemente**

Para trocar dois valores, vamos sempre usar a seguinte função:

### Trocar dois valores inteiros

```
void trocar(int *a, int *b) {  
    int aux = *a;  
    *a = *b;  
    *b = aux;  
}
```

# Convenções

## Algoritmo de ordenação

- Vamos implementar uma função para ordenar inteiros
- A função terá os seguintes parâmetros:
  - ▶ `int vetor[]`: vetor de inteiros onde os elementos estão
  - ▶ `int n`: o número de elemento do vetor
- A função deverá ordenar o vetor passado **crescentemente**

Para trocar dois valores, vamos sempre usar a seguinte função:

## Trocar dois valores inteiros

```
void trocar(int *a, int *b) {  
    int aux = *a;  
    *a = *b;  
    *b = aux;  
}
```



# Algoritmo de ordenação por seleção (*Selection-Sort*)

## Menor elemento não ordenado (na lista preta)

```
int menor_elemento(int vetor[], int n, int primeiro) {  
    int i, menor = primeiro;  
    for (i = primeiro + 1; i < n; i++) {  
        if (vetor[i] < vetor[menor])  
            menor = i;  
    }  
    return menor;  
}
```

## Ordenação por seleção

```
int ordenar_selecao(int vetor[], int n) {  
    int i, menor;  
    for (i = 0; i < n; i++) {  
        menor = menor_elemento(vetor, n, i);  
        trocar(&vetor[i], &vetor[menor]);  
    }  
}
```

# Algoritmo de ordenação por seleção (*Selection-Sort*)

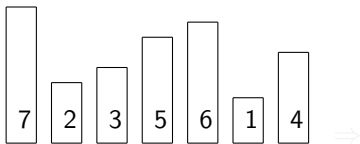
## Menor elemento não ordenado (na lista preta)

```
int menor_elemento(int vetor[], int n, int primeiro) {  
    int i, menor = primeiro;  
    for (i = primeiro + 1; i < n; i++) {  
        if (vetor[i] < vetor[menor])  
            menor = i;  
    }  
    return menor;  
}
```

## Ordenação por seleção

```
int ordenar_selecao(int vetor[], int n) {  
    int i, menor;  
    for (i = 0; i < n; i++) {  
        menor = menor_elemento(vetor, n, i);  
        trocar(&vetor[i], &vetor[menor]);  
    }  
}
```

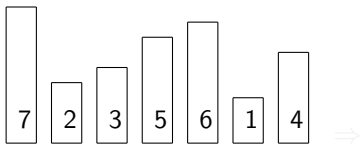
# Ordenação por inserção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista na ordem
- Repetimos tudo com a lista restante (preta)

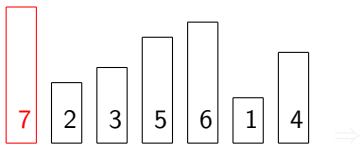
# Ordenação por inserção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

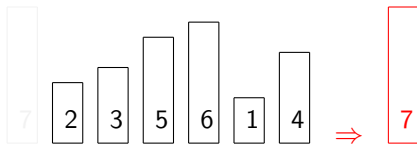
# Ordenação por inserção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
  - Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
  - Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

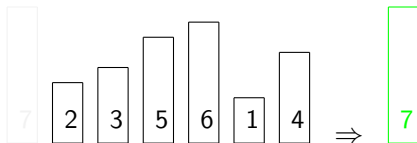
# Ordenação por inserção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

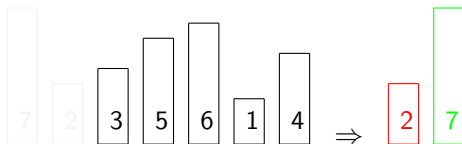
# Ordenação por inserção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

# Ordenação por inserção

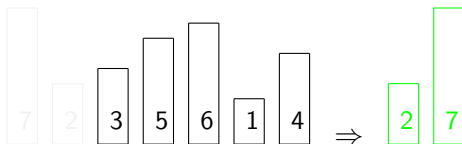


## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)



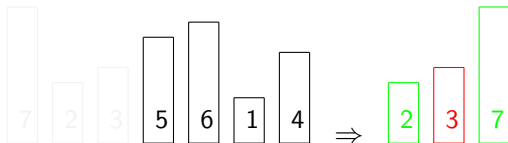
# Ordenação por inserção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

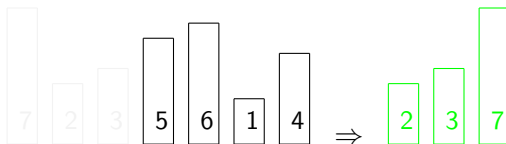
# Ordenação por inserção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

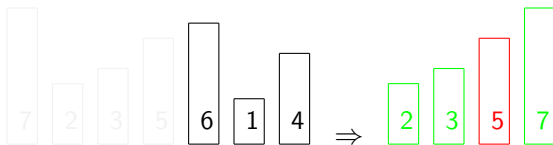
# Ordenação por inserção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

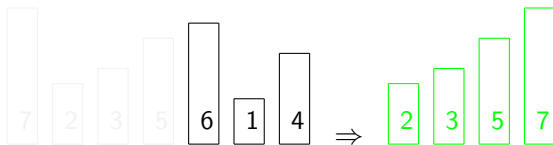
# Ordenação por inserção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

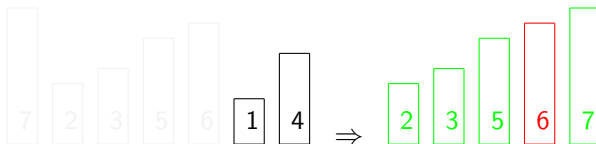
# Ordenação por inserção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

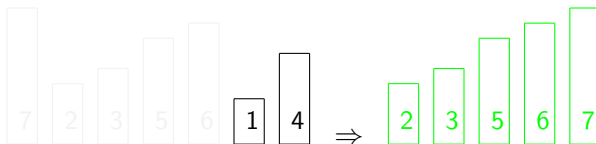
# Ordenação por inserção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

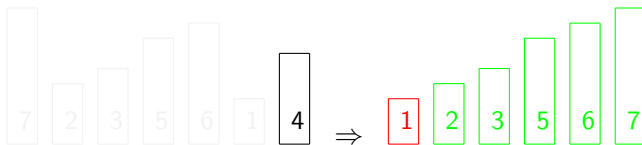
# Ordenação por inserção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

# Ordenação por inserção

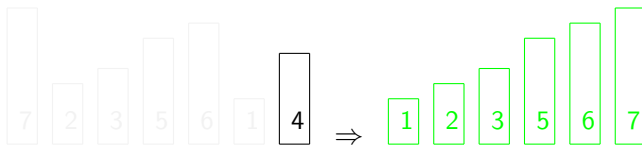


## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)



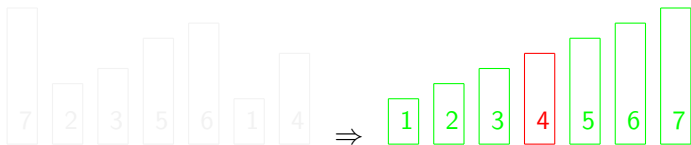
# Ordenação por inserção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

# Ordenação por inserção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

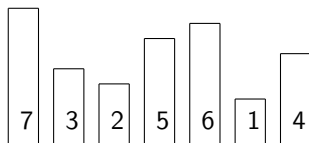
# Ordenação por inserção



## Ideia

- Inicialmente temos uma lista de itens desordenados
- Retiramos o primeiro elemento
- Inserimos este item em uma nova lista **na ordem**
- Repetimos tudo com a lista restante (**preta**)

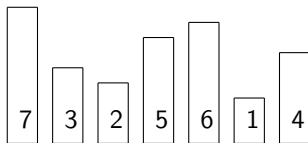
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - O primeiro elemento já está ordenado
  - Retirar o primeiro elemento desordenado
  - Procurar a posição em que deve ser inserido
  - Deslocar os elementos ordenados seguintes
  - Inserir o elemento retirado na ordem correta
  - Continuar com a lista restante (preta)

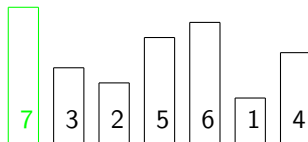
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?

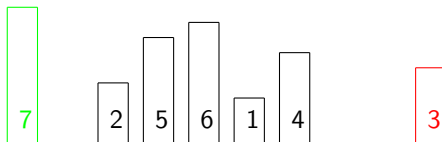
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 Retirar o primeiro elemento desordenado
  - 3 Procurar a posição em que deve ser inserido
  - 4 Deslocar os elementos ordenados seguintes
  - 5 Inserir o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (preta)

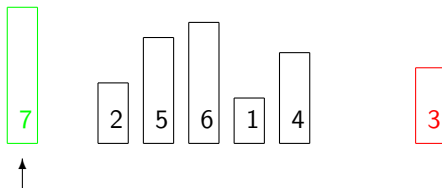
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

# Ordenação por inserção - No mesmo vetor

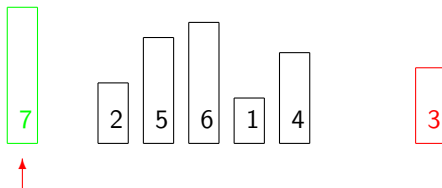


## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)



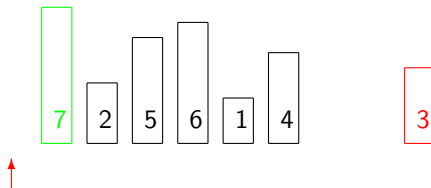
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

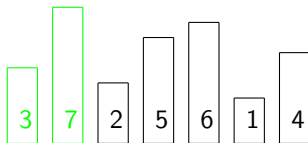
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

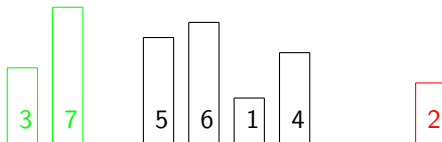
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

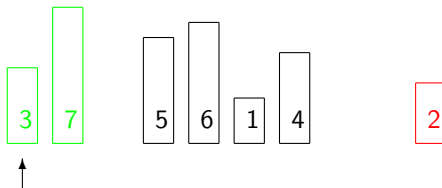
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

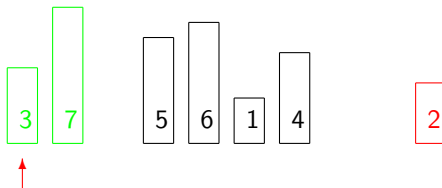
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

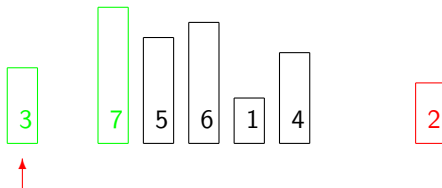
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

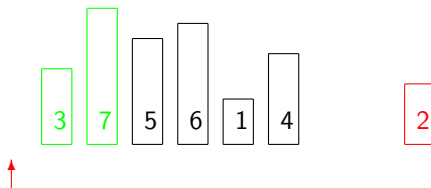
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

# Ordenação por inserção - No mesmo vetor

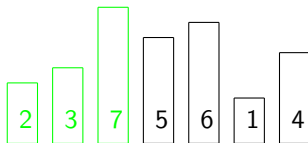


## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)



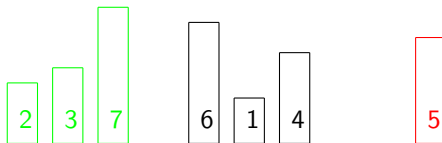
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

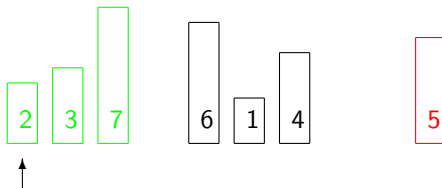
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

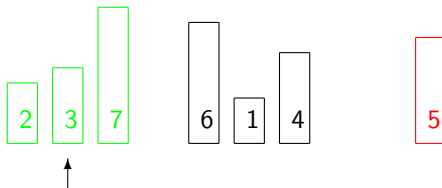
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

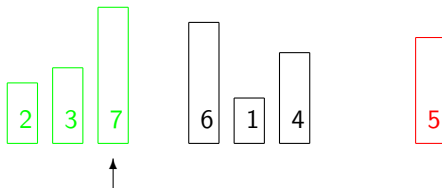
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

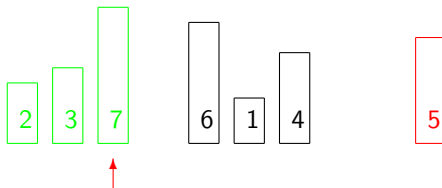
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

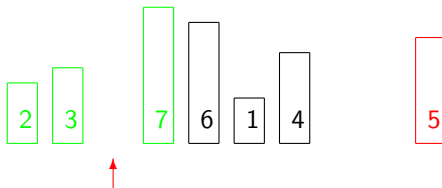
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

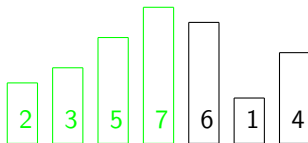
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

# Ordenação por inserção - No mesmo vetor

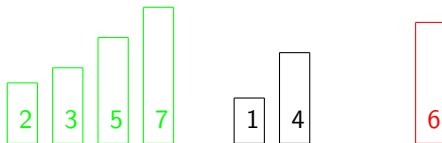


## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)



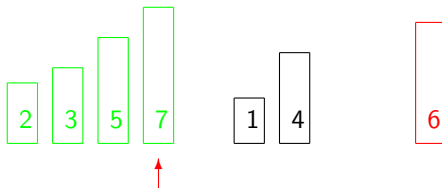
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

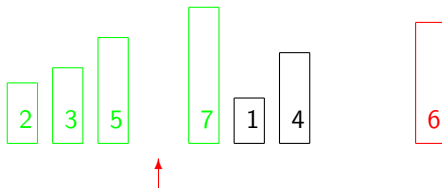
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

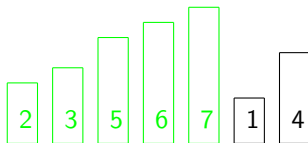
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

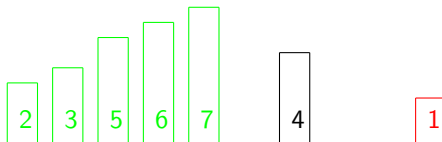
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

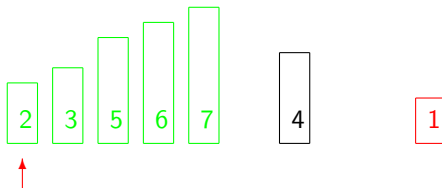
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

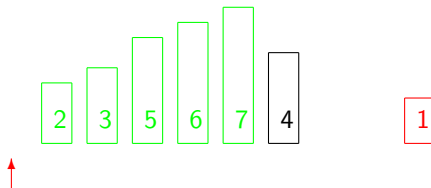
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

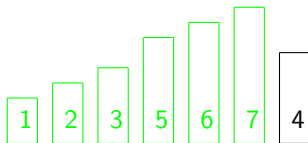
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

# Ordenação por inserção - No mesmo vetor

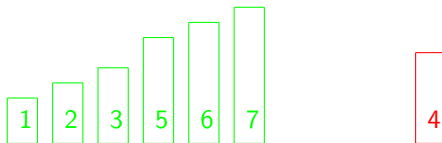


## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)



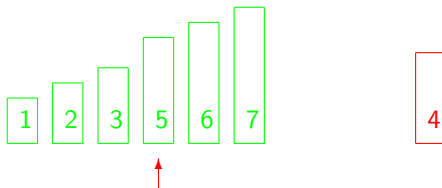
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

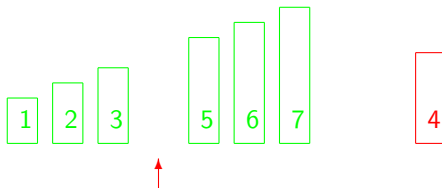
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

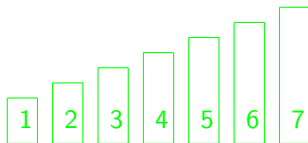
# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

# Ordenação por inserção - No mesmo vetor



## Ideia

- Como usar apenas um vetor?
  - 1 O primeiro elemento já está ordenado
  - 2 **Retirar** o primeiro elemento desordenado
  - 3 **Procurar** a posição em que deve ser inserido
  - 4 **Deslocar** os elementos ordenados seguintes
  - 5 **Inserir** o elemento retirado na ordem correta
  - 6 Continuar com a lista restante (**preta**)

# Algoritmo de ordenação por inserção (*Insertion-Sort*)

## Posição de inserção (na lista verde)

```
int posicao_elemento(int vetor[], int ultimo, int elemento) {  
    int i;  
    for (i = 0; i <= ultimo && vetor[i] <= elemento; i++);  
    return i;  
}
```

## Deslocar parte do vetor

```
void deslocar_subvetor(int vetor[], int primeiro, int ultimo) {  
    int i;  
    for (i = ultimo; i >= primeiro; i--) {  
        vetor[i+1] = vetor[i];  
    }  
}
```

# Algoritmo de ordenação por inserção (*Insertion-Sort*)

## Posição de inserção (na lista verde)

```
int posicao_elemento(int vetor[], int ultimo, int elemento) {  
    int i;  
    for (i = 0; i <= ultimo && vetor[i] <= elemento; i++);  
    return i;  
}
```

## Deslocar parte do vetor

```
void deslocar_subvetor(int vetor[], int primeiro, int ultimo) {  
    int i;  
    for (i = ultimo; i >= primeiro; i--) {  
        vetor[i+1] = vetor[i];  
    }  
}
```

# Algoritmo de ordenação por inserção (*Insertion-Sort*)

## Ordenação por inserção

```
int ordenar_insercao(int vetor[], int n) {  
    int i, posicao;  
    int elemento;  
  
    for (i = 1; i < n; i++) {  
        elemento = vetor[i];  
        posicao = posicao_elemento(vetor, i-1, elemento);  
        deslocar_subvetor(vetor, posicao, i-1);  
        vetor[posicao] = elemento;  
    }  
}
```

# Exercício 1

- 1 Reescreva a função `ordenar_selecao` para que ela **não** utilize as funções auxiliares (`menor_elemento` e `trocar`). Faça o mesmo para a função `ordenar_insercao`.
- 2 Na função `ordenar_selecao`, é realmente necessária a última iteração do laço de repetição? Por quê? E para a função `ordenar_insercao`?



## Exercício 2

### Ordenação da bolha (*Bubble-Sort*)

```
void ordenar_bolha(int vetor[], int n) {  
    int i, j;  
    for (i = n - 1; i > 0; i--) {  
        for (j = 0; j < i; j++) {  
            if (vet[j] < vet[j+1])  
                trocar(&vetor[j], &vetor[j+1]);  
        }  
    }  
}
```

- 1 Explique o que faz e qual é a ideia do algoritmo.
- 2 Faça um teste de mesa para um vetor com elementos (5, 4, 3, 2, 1) e para um vetor com elementos (1, 4, 3, 2, 5). Conte as trocas.
- 3 Você consegue dizer por que o algoritmo tem esse nome? Por quê?