

Insper

Aulas 1 e 2: sugestão de estudo

LEITURA

STEWART - VOLUME 2

Seção 10.1 (Curvas definidas por equações paramétricas) - pág. 576 a 579 (parar antes de "A Cicloide").

Seção 10.2 (Cálculo com curvas parametrizadas) - pág. 584 a 586 (parar antes de "Áreas").

Seção 13.1 (Funções vetoriais e curvas espaciais) - pág. 756 a 761.

Seção 12.3 (O produto escalar) - pág. 721 a 725.

EXERCÍCIOS

- 1. Stewart Vol. 2 Exercícios 5, 7, 12, 24, 28 e 41 pág. 581 e 582.
- 2. Stewart Vol. 2 Exercícios 3, 5, 19, 25 e 29 pág. 589 e 590.
- **3.** Stewart Vol. 2 Exercício 19 pág. 767.
- 4. Stewart Vol. 2 Exercícios 11, 17, 57, 61 e 62 pág. 725 e 726.
- **5.** Considere as curvas γ e α dadas, respectivamente, pelas seguintes equações paramétricas:

$$\gamma(t) = (t^2, t-1), t \in \mathbb{R}$$

$$\alpha(u) = (5 - u^2, 2u - 1), u \in \mathbb{R}$$

- a) Determine todos os pontos de interseção das duas curvas.
- b) Calcule a medida aproximada, em graus, do ângulo formado pelas duas curvas em cada ponto encontrado no item a.
- c) Construa as duas curvas no GeoGebra e indique os ângulos obtidos no item b.
- **6.** Considere a função vetorial $\varphi: \mathbb{R}_+ \to \mathbb{R}^3$ dada pela lei $\varphi(t) = (t, \ln(t+1), 4t t^2)$.
- a) Determine todos os pontos da imagem de φ onde o vetor tangente é horizontal (ou seja, paralelo ao plano que contém os eixos x e y).
- b) Determine todos os pontos da imagem de φ onde o vetor tangente é ortogonal ao vetor $\vec{v}=(1,2,-1).$

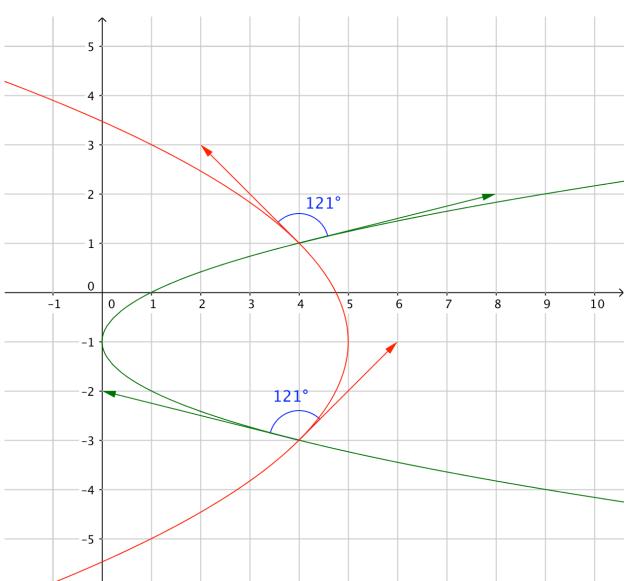
c) Represente no GeoGebra a curva e os pontos que você determinou nos itens a e b. Indique, também, os vetores que ilustram o que foi pedido nesses itens.

Respostas

5. a) (4,1) e (4, -3)

b) Os dois ângulos medem cerca de 121°

c)



6. a)
$$A = (2, \ln 3, 4)$$

b)
$$B = (1, \ln 2, 3)$$

c)

