

# Sujet 4

## EXERCICE 1 (10 points)

Ecrire une fonction `ecriture_binaire_entier_positif` qui prend en parametre un entier positif `n` et renvoie une chaine de caractere correspondant a l'écriture binaire de `n`.

On rappelle que:

l'écriture binaire de 25 est 11001 car  $25 = 1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$

`n % 2` vaut 0 ou 1 selon que `n` est pair ou impair ;

`n // 2` donne le quotient de la division euclidienne de `n` par 2.

Il est interdit dans cet exercice d'utiliser la fonction `bin` de Python. Exemples: `>>> 5 % 2`

```
1
```

```
>>> 5 // 2
```

```
2
```

```
>>> ecriture_binaire_entier_positif(0)
```

```
'0'
```

```
>>> ecriture_binaire_entier_positif(2)
```

```
'10'
```

```
>>> ecriture_binaire_entier_positif(105)
```

```
'1101001'
```

## EXERCICE 2 (10 points)

Un nombre premier est un nombre entier naturel qui admet exactement deux diviseurs distincts entiers et positifs : **1** et lui-meme.

Le crible d'Eratosthene permet de determiner les nombres premiers plus petit qu'un certain nombre `n` fixe strictement superieur a 1.

On considere pour cela un tableau `tab` de `n` booleens (type `list`), initialement tous egaux a `True`, sauf `tab[0]` et `tab[1]` qui valent `False`, 0 et 1 n'etant pas des nombres premiers.

On parcourt alors ce tableau de gauche a droite et pour chaque indice **i** :

- si `tab[i]` vaut `True` : le nombre **i** est premier et on donne la valeur `False` a toutes les cases du tableau dont l'indice est un multiple de **i**, a partir de  $2*i$  (c'est-a-dire  $2*i, 3*i, \dots$ ).
- si `tab[i]` vaut `False` : le nombre **i** n'est pas premier et on n'effectue aucun changement sur le tableau.

On dispose de la fonction `crible`, donnee ci-dessous et a completer, prenant en parametre un entier `n` strictement superieur a 1 et renvoyant un tableau contenant tous les nombres premiers plus petits que `n`.

```
def crible(n):  
    """Renvoie un tableau contenant tous les nombres premiers  
    plus petits que n."""  
    premiers = []  
    tab = [True] * n  
    tab[0], tab[1] = False, False  
    for i in range(n):  
        if tab[i]:  
            premiers....  
            multiple =  
            while multiple < n: tab  
                [multiple] = multiple =  
    return premiers
```

Exemples :

```
crible(40)
3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37] crible(5)
3]
```

```
>>>
[2,
>>>
[2,
```