

Лабораторная работа № 4

Выполнила: Рапп Ксения
Александровна
Группа: 6204-010302D

Оглавление

Задание 1.....	3-4
Задание 2	5
Задание 3	6
Задание 4.....	6-7
Задание 5.....	7-8
Задание 6.....	8-9
Задание 7.....	9-10
Задание 8.....	11-12
Задание 9.....	12-14
Результат.....	14-19

Целью лабораторной работы было расширение возможностей пакета для работы с функциями одной переменной путем добавления интерфейсов и классов для аналитически заданных функций, а также методов ввода и вывода табулированных функций.

Задание 1: Конструкторы для массивов точек

Добавила конструкторы в оба класса табулированных функций, которые принимают готовый массив точек `FunctionPoint[]`.

Это позволяет создавать функции напрямую из набора точек без промежуточных вычислений.

Особенности реализации:

- Проверка на минимальное количество точек (не менее 2)
- Проверка строгой упорядоченности точек по X с использованием машинного эпсилона $1e-10$
- Обеспечение инкапсуляции через создание копий точек

ArrayTabulatedFunction:

```
public ArrayTabulatedFunction(FunctionPoint[] points) throws
```

```
IllegalArgumentException {
```

```
    if (points.length < 2) {
```

```
        throw new IllegalArgumentException("Количество точек не может быть  
меньше двух");
```

```
    }
```

```
    // Проверяем упорядоченность с учетом машинного эпсилона
```

```
    for (int i = 0; i < points.length - 1; i++) {
```

```
        if (points[i + 1].getX() - points[i].getX() < 1e-10) {
```

```
            throw new IllegalArgumentException("Точки должны быть строго  
упорядочены по возрастанию X");
```

```
        }
```

```
    }
```

```
    this.pointsCount = points.length;
```

```
this.points = new FunctionPoint[pointsCount + 2];
```

```
for (int i = 0; i < pointsCount; i++) {
```

```
    this.points[i] = new FunctionPoint(points[i]);
```

```
    }
```

LinkedListTabulatedFunction:

```
public LinkedListTabulatedFunction(FunctionPoint[] points) {  
    if (points.length < 2) {  
        throw new IllegalArgumentException("Количество точек не может  
быть меньше двух");  
    }  
    for (int i = 0; i < points.length - 1; i++) {  
        if (points[i + 1].getX() - points[i].getX() < 1e-10) {  
            throw new IllegalArgumentException("Точки должны быть строго  
упорядочены");  
        }  
    }  
    initEmptyList();  
    for (FunctionPoint point : points) {  
        addNodeToTail().setPoint(new FunctionPoint(point));  
    }  
}
```

Задание 2: Интерфейс Function

Создала базовый интерфейс Function для всех функций одной переменной и реорганизовала иерархию классов, сделав TabulatedFunction его наследником.

```
public interface Function {  
    double getLeftDomainBorder();  
    double getRightDomainBorder();  
    double getFunctionValue(double x);  
}
```

```
public interface TabulatedFunction extends Function {  
    // остальные методы остаются без изменений  
    int getPointsCount();  
    FunctionPoint getPoint(int index); // ... }
```

Задание 3: Базовые аналитические функции

Реализовала классы для основных математических функций в пакете `functions.basic`. Создала иерархию с базовым классом `TrigonometricFunction` для тригонометрических функций.

Exp - экспоненциальная функция:

- Область определения: $(-\infty, +\infty)$
- Использует `Math.exp()` для вычислений

Log - логарифмическая функция:

- Основание передается в конструкторе
- Область определения: $(0, +\infty)$
- Проверка корректности основания

Тригонометрические функции:

Создала базовый класс `TrigonometricFunction` с общей областью определения и наследников для конкретных функций.

Задание 4: Мета-функции

Реализовала в пакете `functions.meta` классы для комбинирования функций. Все классы реализуют интерфейс `Function` и поддерживают сериализацию.

Sum - сумма функций:

- Область определения - пересечение областей исходных функций
- Значение - сумма значений исходных функций

Composition - композиция функций:

- $f(g(x))$ - применение одной функции к результату другой

Также реализованы:

- `Mult` - произведение функций
- `Power` - возведение функции в степень
- `Scale` - масштабирование по осям
- `Shift` - сдвиг по осям

Задание 5: Утилитарный класс `Functions`

Создала фабричный класс со статическими методами для удобного создания мета-функций. Класс имеет приватный конструктор для запрета создания экземпляров.

```
public class Functions {
```

```
    // Приватный конструктор - запрещаем создание объектов
```

```
    private Functions() {
```

```
throw new AssertionError("Нельзя создавать объекты класса  
Functions"); }
```

```
//Сдвиг функции вдоль осей
```

```
public static Function shift(Function f, double shiftX, double shiftY) {
```

```
    return new Shift(f, shiftX, shiftY); }
```

```
//Масштабирование функции вдоль осей
```

```
public static Function scale(Function f, double scaleX, double scaleY) {
```

```
    return new Scale(f, scaleX, scaleY); }
```

```
// Возведение функции в степень
```

```
public static Function power(Function f, double power) {
```

```
    return new Power(f, power); }
```

```
// Сумма двух функций
```

```
public static Function sum(Function f1, Function f2) {
```

```
    return new Sum(f1, f2); }
```

```
//Произведение двух функций
```

```
public static Function mult(Function f1, Function f2) {
```

```
    return new Mult(f1, f2); }
```

```
// Композиция двух функций
```

```
public static Function composition(Function f1, Function f2) {
```

```
    return new Composition(f1, f2);
```

```
}
```

Задание 6: Табулирование функций

Реализовала метод для создания табулированного аналога аналитической функции на заданном отрезке.

Особенности:

- Проверка, что отрезок табулирования входит в область определения
- Равномерное распределение точек на отрезке
- Линейная интерполяция между точками

```
public class TabulatedFunctions {  
    private TabulatedFunctions() {}  
    public static TabulatedFunction tabulate(Function function, double leftX,  
double rightX, int pointsCount) {  
        if (leftX < function.getLeftDomainBorder() - 1e-10 ||  
            rightX > function.getRightDomainBorder() + 1e-10) {  
            throw new IllegalArgumentException("Границы выходят за  
область определения"); }  
        if (pointsCount < 2) throw new IllegalArgumentException("Минимум  
2 точки");  
        double[] values = new double[pointsCount];  
        double step = (rightX - leftX) / (pointsCount - 1);  
        for (int i = 0; i < pointsCount; i++) {  
            double x = leftX + i * step;  
            values[i] = function.getFunctionValue(x); }  
        return new ArrayTabulatedFunction(leftX, rightX, values); } }
```

Задание 7: Ввод-вывод табулированных функций

Реализовала методы для сохранения и загрузки табулированных функций в различных форматах.

Байтовые потоки:

- Использование DataOutputStream/DataInputStream

```
public static void outputTabulatedFunction(TabulatedFunction function,  
OutputStream out) throws IOException {  
    DataOutputStream dos = new DataOutputStream(out);  
    dos.writeInt(function.getPointsCount());  
    for (int i = 0; i < function.getPointsCount(); i++) {  
        dos.writeDouble(function.getPointX(i));  
        dos.writeDouble(function.getPointY(i)); }  
    dos.flush(); }
```

Символьные потоки (текстовый формат):

- Использование StreamTokenizer для разбора
- `public static void writeTabulatedFunction(TabulatedFunction function, Writer out) throws IOException {`
- `BufferedWriter bw = new BufferedWriter(out);`

```

•
• // записываем количество точек
• bw.write(String.valueOf(function.getPointsCount()));
• bw.write(" ");
•
• // записываем все точки (x1 y1 x2 y2...)
• for (int i = 0; i < function.getPointsCount(); i++) {
•     bw.write(String.valueOf(function.getPointX(i))); // записываем x
•     bw.write(" ");
•     bw.write(String.valueOf(function.getPointY(i))); // записываем y
•     if (i < function.getPointsCount() - 1) {
•         bw.write(" ");
•     }
• }
•
• bw.flush();
• }
•

```

Обработка исключений:

- Потоки не закрываются внутри методов (это ответственность вызывающего кода)
- IOException преобразуется в RuntimeException - вызывающий код не обязан обрабатывать checked исключения
- Это позволяет гибко использовать методы как с авто-закрываемыми ресурсами (try-with-resources)

Задание 8: Тестирование функциональности

Создала комплексные тесты в классе Main, проверяющие все аспекты работы системы.

Основные тесты:

1. **Базовые функции** - проверка значений sin, cos, exp, log
2. **Табулирование** - сравнение аналитических и табулированных значений
3. **Мета-функции** - проверка правильности комбинирования
4. **Ввод-вывод** - проверка сериализации и десериализации

```

public class Main {
    public static void main(String[] args) {
        // Тест синуса и косинуса
        Sin sin = new Sin();
        Cos cos = new Cos();
        System.out.println("Sin и Cos от 0 до π:");
    }
}

```



```

    for (double x = 0; x <= Math.PI; x += 0.1) {
        System.out.printf("x=%.1f: sin=%.4f, cos=%.4f%n",
            x, sin.getFunctionValue(x), cos.getFunctionValue(x));
    }
    // Тест суммы квадратов  $\sin^2 + \cos^2$ 
    Function sin2 = Functions.power(sin, 2);
    Function cos2 = Functions.power(cos, 2);
    Function sum = Functions.sum(sin2, cos2);

    System.out.println("sin2 + cos2 (должно быть ≈1):");
    for (double x = 0; x <= Math.PI; x += 0.5) {
        System.out.printf("x=%.1f: %.6f%n", x, sum.getFunctionValue(x));
    }

    // Тест ввода-вывода
    testInputOutput(); }}

```

Задание 9: Сериализация

Реализовала два подхода к сериализации объектов табулированных функций.

1. Serializable (автоматическая сериализация)

```

public class ArrayTabulatedFunction implements TabulatedFunction,
    Serializable {
    private static final long serialVersionUID = 1L;
    // Поля сериализуются автоматически
}

```

2. Externalizable (ручная сериализация):

```

public class LinkedListTabulatedFunction implements TabulatedFunction,
    Externalizable {
    @Override
    public void writeExternal(ObjectOutput out) throws IOException {
        out.writeInt(pointsCount);
        FunctionNode current = head.getNext();
        while (current != head) {
            out.writeDouble(current.getPoint().getX());
            out.writeDouble(current.getPoint().getY());
            current = current.getNext();
        }
    }
}

```

```
@Override
```

```

public void readExternal(ObjectInput in) throws IOException,
ClassNotFoundException {
    int count = in.readInt();
    initEmptyList();
    for (int i = 0; i < count; i++) {
        double x = in.readDouble();
        double y = in.readDouble();
        addNodeToTail().setPoint(new FunctionPoint(x, y));
    }
}
}

```

Сравнение подходов:

- **Serializable** - проще в реализации, но менее гибкий
- **Externalizable** - больше контроля над процессом, возможность оптимизации

Тестирование сериализации:

1. Тестирование базовых функций:

Exp(1) = 2,7183

Область определения Exp: [-Infinity, Infinity]

Ln(2) = 0,6931

Sin(π/2) = 1,0000

Cos(π) = -1,0000

2. Тестирование meta функций:

$\sin^2(x) + \cos^2(x)$ в точках:

x=0,0: 1,000000

x=0,5: 1,000000

x=1,0: 1,000000

x=1,5: 1,000000

x=2,0: 1,000000

x=2,5: 1,000000

x=3,0: 1,000000

ln(e^2) = 2,0000

3. Тестирование табулирования:

Табулированный синус (первые 5 точек):

(0.0, 0.0)

(0.3490658503988659, 0.3420201433256687)

(0.6981317007977318, 0.6427876096865393)

(1.0471975511965976, 0.8660254037844386)

(1.3962634015954636, 0.984807753012208)

Сравнение точного и табулированного синуса:

x=0,0: точный=0,000000, табулир=0,000000, разница=0,000000

x=0,1: точный=0,099833, табулир=0,097982, разница=0,001852
x=0,2: точный=0,198669, табулир=0,195963, разница=0,002706
x=0,3: точный=0,295520, табулир=0,293945, разница=0,001576
x=0,4: точный=0,389418, табулир=0,385907, разница=0,003512
x=0,5: точный=0,479426, табулир=0,472070, разница=0,007355
x=0,6: точный=0,564642, табулир=0,558234, разница=0,006409
x=0,7: точный=0,644218, табулир=0,643982, разница=0,000235
x=0,8: точный=0,717356, табулир=0,707935, разница=0,009421
x=0,9: точный=0,783327, табулир=0,771888, разница=0,011439
x=1,0: точный=0,841471, табулир=0,835841, разница=0,005630
x=1,1: точный=0,891207, табулир=0,883993, разница=0,007214
x=1,2: точный=0,932039, табулир=0,918022, разница=0,014017
x=1,3: точный=0,963558, табулир=0,952051, разница=0,011508
x=1,4: точный=0,985450, табулир=0,984808, разница=0,000642
x=1,5: точный=0,997495, табулир=0,984808, разница=0,012687
x=1,6: точный=0,999574, табулир=0,984808, разница=0,014766
x=1,7: точный=0,991665, табулир=0,984808, разница=0,006857
x=1,8: точный=0,973848, табулир=0,966204, разница=0,007644
x=1,9: точный=0,946300, табулир=0,932175, разница=0,014125
x=2,0: точный=0,909297, табулир=0,898147, разница=0,011151
x=2,1: точный=0,863209, табулир=0,862441, разница=0,000768
x=2,2: точный=0,808496, табулир=0,798488, разница=0,010008
x=2,3: точный=0,745705, табулир=0,734535, разница=0,011170
x=2,4: точный=0,675463, табулир=0,670582, разница=0,004881
x=2,5: точный=0,598472, табулир=0,594072, разница=0,004401
x=2,6: точный=0,515501, табулир=0,507908, разница=0,007593
x=2,7: точный=0,427380, табулир=0,421745, разница=0,005635
x=2,8: точный=0,334988, табулир=0,334698, разница=0,000290
x=2,9: точный=0,239249, табулир=0,236716, разница=0,002533
x=3,0: точный=0,141120, табулир=0,138735, разница=0,002385
x=3,1: точный=0,041581, табулир=0,040753, разница=0,000828

4. Тестирование ввода-вывода:

Байтовые потоки:

Сравнение исходной и прочитанной экспоненты:

Точка 0: исходная=1,000000, прочитанная=1,000000

Точка 1: исходная=2,718282, прочитанная=2,718282

Точка 2: исходная=7,389056, прочитанная=7,389056

Точка 3: исходная=20,085537, прочитанная=20,085537

Точка 4: исходная=54,598150, прочитанная=54,598150

Точка 5: исходная=148,413159, прочитанная=148,413159

Точка 6: исходная=403,428793, прочитанная=403,428793

Точка 7: исходная=1096,633158, прочитанная=1096,633158

Точка 8: исходная=2980,957987, прочитанная=2980,957987

Точка 9: исходная=8103,083928, прочитанная=8103,083928

Точка 10: исходная=22026,465795, прочитанная=22026,465795

Символьные потоки:

Сериализованные данные: 10 1.0 0.0 2.0 0.6931471805599453 3.0 1.0986122886681096 4.0 1.3862943611198906 5.0 1.6094379124341003 6.0 1.791759469228055 7.0 1.9459101490553132 8.0 2.0794415416798357 9.0 2.1972245773362196 10.0 2.302585092994046

Сравнение логарифмов:

(1.0, 0.0) -> (1.0, 0.0)
(2.0, 0.6931471805599453) -> (2.0, 0.6931471805599453)
(3.0, 1.0986122886681096) -> (3.0, 1.0986122886681096)
(4.0, 1.3862943611198906) -> (4.0, 1.3862943611198906)
(5.0, 1.6094379124341003) -> (5.0, 1.6094379124341003)
(6.0, 1.791759469228055) -> (6.0, 1.791759469228055)
(7.0, 1.9459101490553132) -> (7.0, 1.9459101490553132)
(8.0, 2.0794415416798357) -> (8.0, 2.0794415416798357)
(9.0, 2.1972245773362196) -> (9.0, 2.1972245773362196)
(10.0, 2.302585092994046) -> (10.0, 2.302585092994046)

5. Тестирование сериализации:

Исходная функция ($\ln(e^x)$) - все 11 точек:

x=0,0: y=0,000000 (ожидается: 0,0)
x=1,0: y=1,000000 (ожидается: 1,0)
x=2,0: y=2,000000 (ожидается: 2,0)
x=3,0: y=3,000000 (ожидается: 3,0)
x=4,0: y=4,000000 (ожидается: 4,0)
x=5,0: y=5,000000 (ожидается: 5,0)
x=6,0: y=6,000000 (ожидается: 6,0)
x=7,0: y=7,000000 (ожидается: 7,0)
x=8,0: y=8,000000 (ожидается: 8,0)
x=9,0: y=9,000000 (ожидается: 9,0)
x=10,0: y=10,000000 (ожидается: 10,0)

Функция сериализована в файл: tabulated_function.ser

Десериализованная функция - все 11 точек:

x=0,0: исходная=0,000000, восстановленная=0,000000, разница=0,000000
x=1,0: исходная=1,000000, восстановленная=1,000000, разница=0,000000
x=2,0: исходная=2,000000, восстановленная=2,000000, разница=0,000000
x=3,0: исходная=3,000000, восстановленная=3,000000, разница=0,000000
x=4,0: исходная=4,000000, восстановленная=4,000000, разница=0,000000
x=5,0: исходная=5,000000, восстановленная=5,000000, разница=0,000000
x=6,0: исходная=6,000000, восстановленная=6,000000, разница=0,000000
x=7,0: исходная=7,000000, восстановленная=7,000000, разница=0,000000
x=8,0: исходная=8,000000, восстановленная=8,000000, разница=0,000000
x=9,0: исходная=9,000000, восстановленная=9,000000, разница=0,000000
x=10,0: исходная=10,000000, восстановленная=10,000000, разница=0,000000

Размер файла сериализации: 236 байт

7. тестирование сериализации через externalizable:

создаем табулированную функцию натурального логарифма...

исходная функция (10 точек натурального логарифма):

(1.0, 0.0)
(2.0, 0.6931471805599453)

(3.0, 1.0986122886681096)

(4.0, 1.3862943611198906)

(5.0, 1.6094379124341003)

(6.0, 1.791759469228055)

(7.0, 1.9459101490553132)

(8.0, 2.0794415416798357)

(9.0, 2.1972245773362196)

(10.0, 2.302585092994046)

сериализуем функцию в файл: function_externalizable.ser

функция успешно сериализована через externalizable

десериализуем функцию из файла...

восстановленная функция через externalizable:

точка 0: исходная=0,000000, восстановленная=0,000000, совпадение=да

точка 1: исходная=0,693147, восстановленная=0,693147, совпадение=да

точка 2: исходная=1,098612, восстановленная=1,098612, совпадение=да

точка 3: исходная=1,386294, восстановленная=1,386294, совпадение=да

точка 4: исходная=1,609438, восстановленная=1,609438, совпадение=да

точка 5: исходная=1,791759, восстановленная=1,791759, совпадение=да

точка 6: исходная=1,945910, восстановленная=1,945910, совпадение=да

точка 7: исходная=2,079442, восстановленная=2,079442, совпадение=да

точка 8: исходная=2,197225, восстановленная=2,197225, совпадение=да

точка 9: исходная=2,302585, восстановленная=2,302585, совпадение=да

размер файла externalizable: 220 байт

дополнительное тестирование: linkedlisttabulatedfunction с externalizable

создаем linkedlist функцию с 4 точками...

сериализуем linkedlist функцию в файл: linkedlist_externalizable.ser

десериализуем linkedlist функцию...

linkedlist успешно восстановлен:

количество точек в исходной функции: 4

количество точек в восстановленной функции: 4

восстановление прошло успешно

временный файл linkedlist удален

временные файлы удалены