Conceitos básicos

Pessoal, <u>conjunto</u> é um assunto que todos vocês já viram no ensino médio. Por isso, vamos recordar alguns conceitos básicos sobre esse tema:

- Conjuntos são representador por chaves {}
- Se usar () <u>parênteses</u>, então não é um conjunto, é uma sequência. Tira zero na questão o aluno que usar parênteses para representar conjuntos!
- Conjuntos são representados por letras <u>maiúsculas</u> (A,B,C,D,...) e os elementos do conjunto por letras <u>minúsculas</u> (a,b,c,d,...)
- Exemplo de conjuntos:

```
A = \{a, b, c\}

B = \{a, c, b, b\}
```

OBS: Os dois conjuntos do exemplo acima são iguais, pois a repetição e a ordem dos elementos não é relevante em um conjunto!

• Exemplos que não são conjuntos:

A = (a,b,c) << aqui os elementos estão entre parênteses. Está incorreto! Isso é uma sequência

B = (a,b,b,c,c,c) << aqui os elementos estão entre parênteses. Está incorreto! Isso é uma sequência

- Podemos escrever os elementos de um conjunto usando:
 - >> Representação explícita

Exemplo: A = {6, 8, 10, 12, 14}

>> Representação implícita

Exemplo: $A = \{ x | 4 < x < 15 e x é par \}$

- A quantidade de elementos (<u>cardinalidade</u>) de um conjunto A será denotado por |A| ou n(A)
- Conjunto vazio será denotado por {}

Exemplo: A = { }

- A notação a ∈∈ A indica que a é um elemento de A
- A notação a ∉∉ A indica que a não é um elemento de A

Operações

Considere dois conjuntos

$$A = \{0, 1, 2, 3\}$$
$$B = \{2, 3, 4\}$$

Podemos definir as seguintes operações entre conjuntos:

• União: ∪

A União consiste em unir os elementos dos conjuntos.

Exemplo: $A \cup \cup B = \{0, 1, 2, 3, 4\}$

Lembrando que em um conjunto não existe repetição de elementos!

Interseção: ∩

A interseção são os elementos que ocorrem simultaneamente nos dois conjuntos Exemplo: A $\cap \cap B = \{2, 3\}$

• Diferença: -

Muitos alunos erram a operação Diferença.

A-B significa: <u>todos</u> os elementos do conjunto A <u>exceto</u> aqueles que também estão no conjunto B.

B-A significa: <u>todos</u> os elementos do conjunto B <u>exceto</u> aqueles que também estão no conjunto A.

Exemplo:

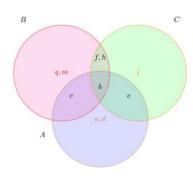
$$A - B = \{0, 1\}$$

 $B - A = \{4\}$

Note que a operação diferença **não é comutativa**, isso significa que A - B é diferente de B - A

Diagrama de Venn

Diagrama de Venn é uma maneira de representar graficamente conjuntos. Esse diagrama é muito útil para resolver problemas envolvendo conjuntos. Veja o exemplo abaixo:



a) Quais são os elementos do conjunto A?

A = {a, d, e, b, c}
b) Quais são os elementos do conjunto B?

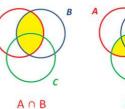
B = {c, b, f, h, q, m}
c) Quais são os elementos do conjunto C?

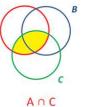
C = {b, e, l, f, h}
d) Quais são os elementos A-B?
A-B = {a, d, e}
e) Quais são os elementos A-{B-C}?

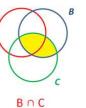
B-C = {q, m, c}
A-(B-C) = {a, d, e, b}
f) Quais são os elementos A ∩ C?
A ∩ C = {b, e}
g) Quais são os elementos A ∩ B ∩ C?
A ∩ B ∩ C = {b}
h) Quais são os elementos (A U B) ∩ (B U C) ?
A U B = {a, d, e, b, c, q, m, f, h}
B U C = {q, m, c, b, f, h, e, l}
(A U B) ∩ (B U C) = {e, b, c, q, m, f, h}

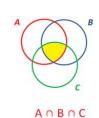
Veja abaixo alguns desenhos:

Diagrama de Venn da Interseção









A região em amarelo da figura acima mostra a região de interseção entre os

Diagrama de Venn

A-B

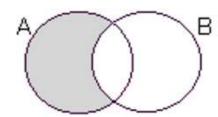
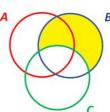


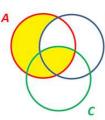
Diagrama de Venn



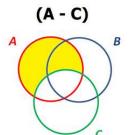


Todos os elementos do conjunto B, exceto aqueles elementos que também estão no conjunto C

A - (B - C)



Todos os elementos do conjunto A, exceto aqueles elementos que também estão no conjunto B-C



Todos os elementos de A exceto os elementos que também estão em C