

## ATP – SEMINAR 7

1. Să se scrie un subprogram ce conține doi vectori **ordonați** și să se obțină un al treilea vector ordonat care va conține elementele din cei doi vectori în ordine crescătoare (**sortare prin interclasare**). *Timpul este de ordinul  $O(n * \log n)$ .*

```
#include<stdio.h>
//tablou = vector....folosesc ambii termeni in speranta ca vor fi mai clare
//explicatiile.

//x-tabloul care va fi sortat
//p-pozitia de inceput a primului "vector" din tabloul X
//m-pozitia de final a primului "vector" din tabloul X

//m+1-pozitia de inceput a celui de-al doilea "vector" din tabloul X
//u-pozitia de final a celui de-al doilea "vector" din tabloul X
void interclasare(int x[], int p, int m, int u)
{
    int i, j, k, l; //indecsi de parcurgere a tabloului X
    //i - va fi fol. pt primul "vector"; j - va fi fol. pt al 2 lea "vector" ; k-
    index folosit la popularea vectorului temporal Z

    //l - un simplu index de parcurgere...folosit la adaugarea elementelor ramase
    din X in Z

    int z[100]; //vector temporar

    i = p; j = m + 1; k = 0; //aveti explicatii mai sus.

    //in acest while se parcurg in acelasi timp acei 2 "vectori" din X
    while ((i <= m) && (j <= u))
    {
        //Se compara "vectorii" din tabloul X intre ei si se creeaza un nou
        tablou Z sortat.
        if (x[i] < x[j])
        {
            z[k] = x[i]; i++; k++;
        }
        else
        {
            z[k] = x[j]; j++; k++;
        }
    }

    //daca raman elemente in plus in "vectori" se adauga in Z....primul vector
    poate avea 3 elem. si al 2 lea poate avea 7 elem.=> 4 elemente trebuie completate
    if (i <= m)
        for (l = i; l <= m; l++)
        {
            z[k] = x[l];
            k++;
        }

    if (j <= u)
        for (l = j; l <= u; l++)
        {
            z[k] = x[l];
            k++;
        }
}
```

```

    }

    //se suprascrie X cu valorile ordonate din Z..astfel X va fi modificat si in
    main....
    //la vectori nu trebuie sa puneti "&" in fata ca sa se vada modificarile si in
    main....doar la variabilele simple trebuie "&"
    int t = p; //adica t=0;
    for (k = 0; k < (u - p) + 1; k++) // pe exemplul nostru din main:   cat timp
    t<(6-0)+1
        x[t++] = z[k];
}

void main() {
    int N = 3, M = 4;
    int x[] = { 1,3,7,2,5,8,9 }; //sa presupunem ca vectorul x a fost format din 2
    vectori initiali {1,3,7} si {2,5,8,9}

    interclasare(x, 0, N - 1, N + M - 1); //observati cu atentie aceasta
    apelare....

    //afisare vector dupa sortare
    for (int i = 0; i < N + M; i++) {
        printf("%d ", x[i]);
    }

    printf("\n");
}

```

2. Să se sorteze un vector dat prin intermediul sortării **Merge sort**. Aveși nevoie de metoda de la exercițiul 1 pentru rezolvarea acestui exercițiu. *Timpul este de ordinul  $O(n * \log n)$ .*

```

//MERGE SORT = DIVIDE ET IMPERA + interclasare
//x-tabloul ; p - poz de inceput a tabloului X; u - poz de sf. a tabloului X;
//aici tabloul nu mai este ordonat....e un tablou oarecare

//se imparte vectorul in secvente din ce in ce mai mici, astfel incat
//fiecare secventa sa fie ordonata la un moment dat si interclasata
//cu o alta secventa din vector corespunzatoare.
void mergeSort(int x[], int p, int u)
{
    if (p < u)
    {
        int m = (p + u) / 2; //mijlocul tabloului X
        mergeSort(x, p, m); // se tot imparte tabloul X / 2 recursiv
        mergeSort(x, m + 1, u);
        interclasare(x, p, m, u);
    }
}

void main() {
    int N = 3, M = 4;

    int T = N + M;
    int x[] = { 1,31,17,2,5,18,9 };

    mergeSort(x, 0, T-1); //pana la N-1 aici !! pe pozitia x[7] o sa gasiti valori
    gunoi (-8932932932)

    //afisare vector dupa sortare
    for (int i = 0; i < T; i++) {

```

```
        printf("%d ", x[i]);
    }

    printf("\n");
}
```

3. Să se sorteze un vector dat prin intermediul sortării rapide(**Quick Sort**). *Timpul este de ordinul  $O(n * \log n)$ . Timpul este de ordinul  $O(n^2)$  – în cel mai nefavorabil caz(când vectorul e sortat deja crescător/descrescător).*

```
#include<stdio.h>
```

```
void interschimbaValori(int &a, int &b) {
    int aux = a;
    a = b;
    b = aux;
}
```

```
/*
```

```
    1) aceasta functie alege ca pivot ultimul element din tablou;
    2) se rearanjează elementele în așa fel încât, toate elementele care sunt mai mari
    decât pivotul merg în partea dreaptă a tabloului. Valorile egale cu pivotul pot sta în
    orice parte a tabloului. În plus, tabloul poate fi împărțit în părți care nu au
    aceeași dimensiune (nu sunt egale).
```

```
    Functia returneaza indexul unde se va imparti tabloul(se va imparti de la
    indexul pivotului);
```

```
*/
```

```
int impartire(int tablou[], int stanga, int dreapta)
{
```

```
    // pivot (elementul care va fi mutat la pozitia sa corecta in tabloul sortat)
    // practic ultimul element din tablou va fi mutat undeva....
    int pivot = tablou[dreapta];
```

```
    int i = (stanga - 1); // se pastreaza indexul ultimului element mai mic decât
    pivotul nostru
```

```
    for (int j = stanga; j <= dreapta - 1; j++)
    {
```

```
        // daca elementul curent este mai mic decat pivotul
        if (tablou[j] < pivot)
        {
            i++; // se mareste indexul celui mai mic element
            interschimbaValori(tablou[i], tablou[j]);
        }
    }
```

```
    //se muta pivotul pe pozitia lui corespunzatoare in tablou;
    interschimbaValori(tablou[i + 1], tablou[dreapta]);
```

```
    return i + 1;
```

```
}
```

```
/*
```

```
    tablou --> tabloul care trebuie sortat;
    stanga --> Indexul de start;
    dreapta --> Indexul de final;
```

```
    Algoritmul imparte tabloul in bucati(nu neaparat egale) din ce in ce mai mici
    si dupa care il sorteaza.
```

```
*/
```

```
void quickSort(int tablou[], int stanga, int dreapta)
```

```

{
    if (stanga < dreapta)
    {
        /* pi este indexul de impartire
           practic se calculeaza unde se imparte tabloul(divide et impera)
        */
        int pi = impartire(tablou, stanga, dreapta);

        quickSort(tablou, stanga, pi - 1); // sorteaza elementele pana la
        indexul de impartire PI; pentru ca stii deja ca pivotul folosit mai sus e deja pus pe
        pozitia corespunzătoare in tablou...nu mai trebuie sortat încă o dată și el

        quickSort(tablou, pi + 1, dreapta); // sorteaza elementele dupa indexul
        de impartire PI;
    }
}

void afisareTablou(int tablou[], int N)
{
    int i;
    for (i = 0; i < N; i++)
        printf("%d ", tablou[i]);
    printf("\n");
}

void main() {
    int tablou[] = { 10, 7, 8, 9, 1, 5 };
    int n = sizeof(tablou) / sizeof(tablou[0]); //asa se poate afla cate elemente
    are un vector

    quickSort(tablou, 0, n - 1); //n-1 pt elementele sunt stocate in vector de la
    pozitia 0;
    printf("Vector sortat:\n");
    afisareTablou(tablou, n);
}

```

4. Să se scrie un subprogram care să sorteze elementele unui vector dat in ordine crescătoare prin **metoda bulelor** și să se testeze in main pe un vector generat de programator.

```

#include<stdio.h>
//Sortare prin metoda bulelor
//Primim ca parametrii vectorul si numarul de elemente din vector
//Se compara pe rand fiecare doua elemente consecutive, de la prima pana
//la ultima pereche din vector.
//Daca ordinea a doua elemente consecutive nu este cea corecta se face
interschimbarea.
//Daca la parcurgerea vectorului s-a produs cel putin o interschimbare se repeta
procesul.
void sortareBule(int a[], int n) {
    bool gata = false; //variabila cu care verificam daca mai parcurgem inca o data
    vectorul sau nu
    int aux;
    while (!gata) {
        gata = true;
        for (int i = 0; i < n - 1; i++)
            if (a[i] > a[i + 1]) {
                aux = a[i];
                a[i] = a[i + 1];
                a[i + 1] = aux;
            }
    }
}

```

```

        gata = false; //s-a produs cel putin o interschimbare, deci
        marcam faptul ca algoritmul nu este gata si trebuie sa se mai faca cel putin o
        parcurgere a vectorului
    }
}
}
void main() {
    int arr[] = { 10, 7, 8, 9, 1, 5 };
    int n = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);
    sortareBule(arr, n);
    printf("Array-ul sortat: ");
    for (int i = 0; i < n; i++)
        printf("%d ", arr[i]);
}

```

5. Să se scrie un subprogram care să sorteze elementele unui vector dat in ordine crescătoare prin **metoda selecției** și să se testeze in main pe un vector generat de programator.

```

//Sortare prin metoda selectiei
//Metoda selectiei presupune parcurgerea vectorului de la primul element pana la
penultimul element.
//Pentru fiecare pozitie i din cadrul parcurgerii se cauta elementul minim din cadrul
pozitiilor ramase(de la i + 1 pana la n).
//Se face interschimbarea intre pozitia curenta i si elementul minim gasit in
pozitiile ramase din vector.
void sortareSelectie(int a[], int n) {
    int aux;
    int poz; //utilizat pentru salvarea pozitiei elementului minim gasit
    for (int i = 0; i < n - 1; i++) { //parcurgem vectorul de la primul element
        pana la penultimul
            poz = i;
            //parcurgem restul vectorului de la i + 1 pana la final pentru a gasi
            pozitie elementului de valoare minima
            for (int j = i + 1; j < n; j++)
                if (a[j] < a[poz])
                    poz = j;
            //facem interschimbarea intre pozitia curenta i si pozitia elementului
            de valoare minima
            aux = a[poz];
            a[poz] = a[i];
            a[i] = aux;
        }
    }
}

void main() {
    int arr[] = { 10, 7, 8, 9, 1, 5 };
    int n = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);
    sortareSelectie(arr, n);
    printf("Array-ul sortat: ");
    for (int i = 0; i < n; i++)
        printf("%d ", arr[i]);
}

```

6. Să se scrie un subprogram care să sorteze elementele unui vector dat in ordine crescătoare prin **metoda numărării** și să se testeze in main pe un vector generat de programator.

```

#include<stdio.h>
#include<stdlib.h>
//Sortare prin metoda numararii

```

```

//Prin aceasta metoda se mai construiesc un vector (cu aceeași dimensiune ca și
vectorul original)
//care va conține pozițiile sortate ale elementelor din vectorul original.
//Fie „a” vectorul original și „num” vectorul de poziții, num[i] va conține poziția
finală a elementului a[i].
//Poziția finală a fiecărui element este dată de numărul de elemente mai mici decât el
din vector.
//Dacă avem două elemente mai mici decât a[i] atunci acesta se află pe a 3-a poziție
//Algoritmul va număra câte numere sunt mai mici decât elementul curent.
void sortareNumarare(int a[], int n) {
    //vectorul num este vectorul care va conține pozițiile
    //vectorul aux este cel folosit pentru poziționarea elementelor din „a”

    //acești vectori sunt alocați dinamic pentru a avea dimensiunea vectorului
    primit „a” ...sau se putea lucra și fără pointeri declarând vectorii „num” și „aux”:
    //int num[100],aux[100]...

    int *num, *aux;
    num = (int*)calloc(n, sizeof(int)); // alocăm și initializăm cu 0 fiecare
    element din vector..calloc!=malloc...remember?
    aux = (int*)malloc(n * sizeof(int)); //e doar un vector temporar...folosit pentru
    interschimbarea valorilor

    //calculăm numărul de elemente mai mici pentru combinația pozițiilor i și j
    for (int i = 0; i < n - 1; i++)
        for (int j = i + 1; j < n; j++)
            if (a[j] < a[i])
                num[i]++;
            else
                num[j]++;
    //punem în aux elementele din a la pozițiile specificate în num
    for (int i = 0; i < n; i++)
        aux[num[i]] = a[i];
    //punem în vectorul original elementele poziționate
    for (int i = 0; i < n; i++)
        a[i] = aux[i];
    //eliberăm din HEAP vectorii num și aux
    free(aux);
    free(num);
}
void main() {
    int arr[] = { 10, 7, 8, 9, 1, 5 };
    int n = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);
    sortareNumarare(arr, n);
    printf("Array-ul sortat: ");
    for (int i = 0; i < n; i++)
        printf("%d ", arr[i]);
}

```

7. Să se scrie un subprogram care să sorteze elementele unui vector dat în ordine crescătoare prin **metoda interschimbării** și să se testeze în main pe un vector generat de programator

```

#include<stdio.h>
//Sortare prin metoda interschimbării
//Această metodă presupune verificarea a câte două elemente. Dacă ordinea nu este cea
corectă se produce o interschimbare între aceste două elemente.
//Această metodă este similară cu metoda selecției, doar că la metoda selecției se
caută poziția elementului de valoare minimă(pentru sortare crescătoare) și se producea
o singură interschimbare. Aici se va produce câte o interschimbare de fiecare dată
când valorile nu sunt în ordinea corectă.

```

```

void sortareInterschimbare(int a[], int n) {
    int aux;
    for (int i = 0; i < n - 1; i++) //parcurem pana la penultimul element
        for (int j = i + 1; j < n; j++) //comparam urmatoarele elemente de dupa
            //se face interschimbare de fiecare data cand gasim un element j
            //astfel aducem elementul minim la finalul iteratiilor
            if (a[i] > a[j]) {
                aux = a[i];
                a[i] = a[j];
                a[j] = aux;
            }
}

void main() {
    int arr[] = { 10, 7, 8, 9, 1, 5 };
    int n = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);
    sortareInterschimbare(arr, n);
    printf("Array-ul sortat: ");
    for (int i = 0; i < n; i++)
        printf("%d ", arr[i]);
}

```

Algoritm de sortare	Cel mai bun caz	Cazul obișnuit	Cel mai rău caz	Pe loc
Bule	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	✓
Selectie	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	✓
Inserare	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	✓
Shell	$O(n)$	$\geq O(n \cdot \log(n))$	$O(n^2)$	✓
Interclasare	$O(n \cdot \log(n))$	$O(n \cdot \log(n))$	$O(n \cdot \log(n))$	-
Heap	$O(n \cdot \log(n))$	$O(n \cdot \log(n))$	$O(n \cdot \log(n))$	✓
Quick	$O(n \cdot \log(n))$	$O(n \cdot \log(n))$	$O(n^2)$	✓
Prin numărare	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$	-
Bucket	$O(n + k)$	$O(n + k)$	$O(n^2)$	-
Radix	$O(d \cdot n)$	$O(d \cdot n)$	$O(d \cdot n)$	-