1. Gegeben sei das lineare Gleichungsystem

$$\begin{array}{rcl}
-x_1 & +2x_2 & = & 2 \\
2x_1 & -x_2 & = & 2
\end{array}$$

- (a) Löse das System zunächst graphisch.
- (b) Eliminiere nun mittels der ersten Gleichung das x_1 in der zweiten Gleichung
- (c) Löse das so geänderte System noch einmal graphisch.
- (d) Berechne schließlich aus dem geänderten System die Lösung.

Lösung:

- (a)
- 2. Löse das lineare Gleichungsystem

Lösung:

- (a)
- 3. Das Lösen eines LGS nach dieser Methode benötigt bei n Unbekannten etwa $n^3/3$ Operationen (Additionen und Multiplikationen). Angenommen, unser Rechner schafft 100 Millionen Operationen pro Sekunde wie lange braucht er dann fur ein LGS mit 10, mit 1000, mit 100000 Unbekannten?

Lösung:

- (a)
- 4. Für eine Matrix $A \in \mathbb{R}^{r \times s}$ (d.h. r Zeilen und s Spalten, Koeffizienten aus \mathbb{R}) und einen Vektor $b \in \mathbb{R}^s$ ist das Matrix-Vektor-Produkt $c = A \cdot b \in \mathbb{R}^r$ definiert, bei dem in Zeile i das Skalarprodukt aus der Zeile i von A und dem Vektor b gebildet wird:

$$c_i = \sum_{k=1}^s a_{i,k} \cdot b_k$$

Berechne folgendes Matrix-Vektor-Produkt

$$\begin{pmatrix} 2 & 2 & -1 & -2 \\ 4 & 4 & -3 & -1 \\ 0 & 3 & 1 & 1 \\ -2 & 4 & 4 & 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}$$

und überprüfe die Ergebnisse aus der Aufgabe 11.2 Lösung:

- (a)
- 5. für welche Werte von a ist folgendes LGS lösbar? Was sind dann die Lösungen?

Lösung:

(a)