

Rubik's Cube

Netværk og Algoritmer

A215

Aalborg Universitet

27. juni 2010

Rubik's Cube

Forside

Introduktion

Problemformulering

Programoversigt

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas Optimale Løser

Demonstration

Konklusion

Opsamling

-

Rubik's Cube

Forside

Introduktion

Problemformulering

Programoversigt

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas
Optimale Løser

Demonstration

Resultater

Konklusion

Opsamling

-

- ▶ Fællesskaber
 - ▶ Time-wise
 - ▶ Twist-wise
- ▶ Algoritmer
 - ▶ Begynder algoritmen
 - ▶ Kociemba's optimale løser

Forside

Introduktion

Problemformulering

Programoversigt

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas
Optimale Løser

Demonstration

Resultater

Konklusion

Procesanalyse

Opsamling

- ▶ How have the upper and lower bounds of the Rubik's Cube progressed and how have they been proven?
- ▶ How efficient is Kociemba's optimal solver compared to beginner's algorithm and how can this be tested?

Programoversigt

- ▶ Gruppeteori
- ▶ Grænser
- ▶ Begynderalgoritmen
- ▶ Kociembas optimale løser
- ▶ Demonstration
- ▶ Resultater
- ▶ Konklusion
- ▶ Procesanalyse

Forside

Introduktion

Problemformulering

Programoversigt

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas
Optimale Løser

Demonstration

Resultater

Konklusion

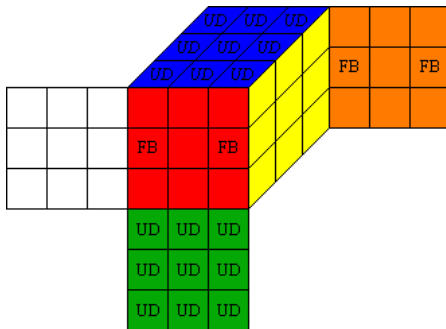
Procesanalyse

Opsamling

- ▶ Gruppe definition
 - ▶ *(set, operator)*
- ▶ Rubik's grupper
 - ▶ $M_1 * M_2 \in G$
 - ▶ Tomt move: $e * M = M$
 - ▶ Invers move: $M * M' = e$
 - ▶ Associative lov: $(M_1 * M_2) * M_3 = M_1 * (M_2 * M_3)$

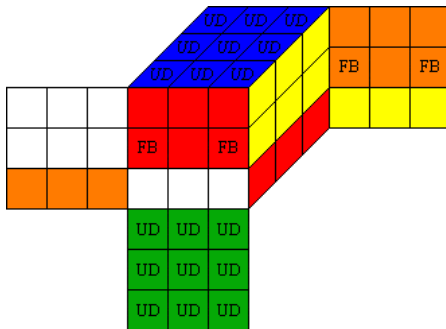
Gruppeteori

- ▶ Undergruppe
 - ▶ H-grupper
 - ▶ Relabel
 - ▶ Alle cubies har korrekt orientation
 - ▶ Cubies i midterlag
 - ▶ Lukket under A-moves:
"U, U', U2, D, D', D2, R2, L2, F2, B2"



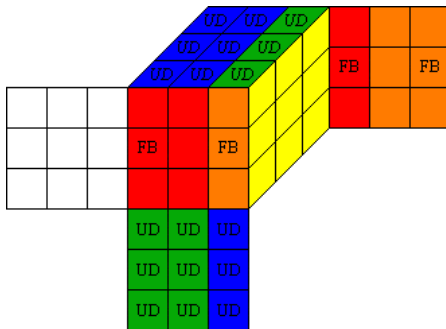
Gruppeteori

- ▶ Undergruppe
 - ▶ H-grupper
 - ▶ Relabel
 - ▶ Alle cubies har korrekt orientation
 - ▶ Cubies i midterlag
 - ▶ Lukket under A-moves:
"U, U', U2, D, D', D2, R2, L2, F2, B2"



Gruppeteori

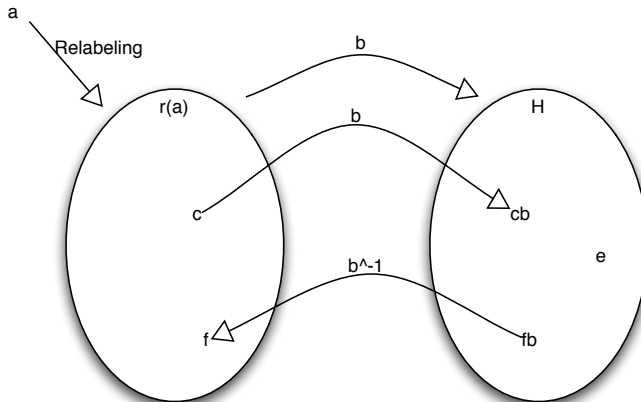
- ▶ Undergruppe
 - ▶ H-grupper
 - ▶ Relabel
 - ▶ Alle cubies har korrekt orientation
 - ▶ Cubies i midterlag
 - ▶ Lukket under A-moves:
"U, U', U2, D, D', D2, R2, L2, F2, B2"



Diameter

- ▶ Den øvre grænse
 - ▶ 22
 - ▶ Rokickis set solver
- ▶ Den nedre grænse
 - ▶ 20
 - ▶ Super flip
- ▶ Udvikling

Den Øvre Grænse



Forside

Introduktion

Problemformulering

Programoversigt

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas
Optimale Løser

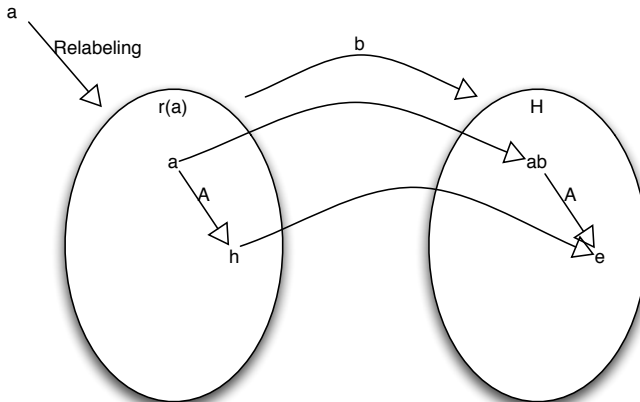
Demonstration

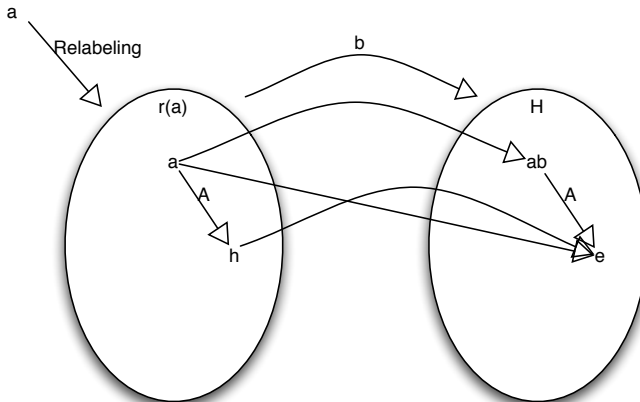
Resultater

Konklusion

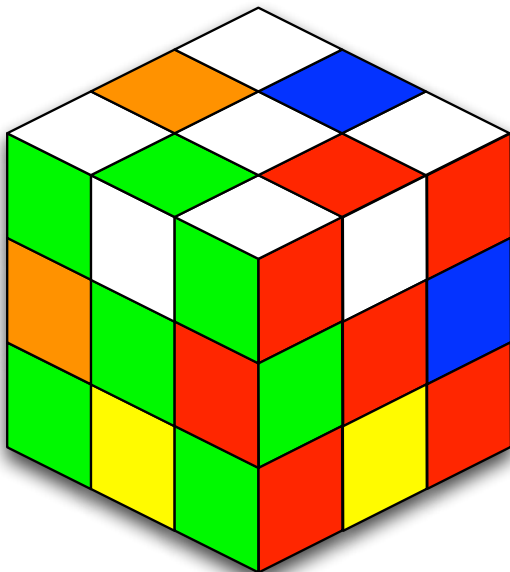
Procesanalyse

Opsamling





Den Nedre Grænse



Rubik's Cube

A215

Forside

Introduktion

Problemformulering

Programoversigt

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas
Optimale Løser

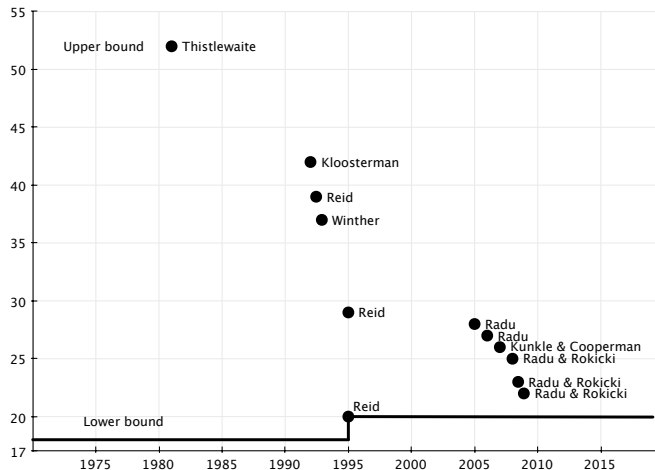
Demonstration

Resultater

Konklusion

Procesanalyse

Opsamling



Forside

Introduktion

Problemformulering

Programoversigt

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas

Optimale Løser

Demonstration

Resultater

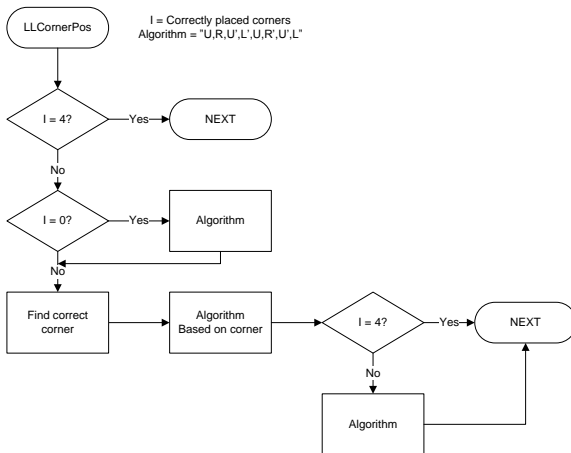
Konklusion

Procesanalyse

Opsamling

Begynderalgoritmen

- Funktionalitet
 - Opdelt i 5 trin



Forside

Introduktion

Problemformulering

Programoversigt

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas

Optimale Løser

Demonstration

Resultater

Konklusion

Procesanalyse

Opsamling

- ▶ Implementeringen
 - ▶ Lineær eksekvering
 - ▶ Skal være tro til den originale algoritme
 - ▶ Twist reducering
- ▶ Effektivisering
 - ▶ Flere algoritmer
 - ▶ Forskellige udgangspunkter

Kociembas Optimale Løser

- ▶ Funktionalitet
 - ▶ Undergruppen H
 - ▶ Bredde først søge algoritme

Rubik's Cube

A215

Forside

Introduktion

Problemformulering

Programoversigt

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas
Optimale Løser

Demonstration

Resultater

Konklusion

Procesanalyse

Opsamling

Kociembas Optmale Løser

Rubik's Cube

A215

Forside

Introduktion

Problemformulering

Programoversigt

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas
Optmale Løser

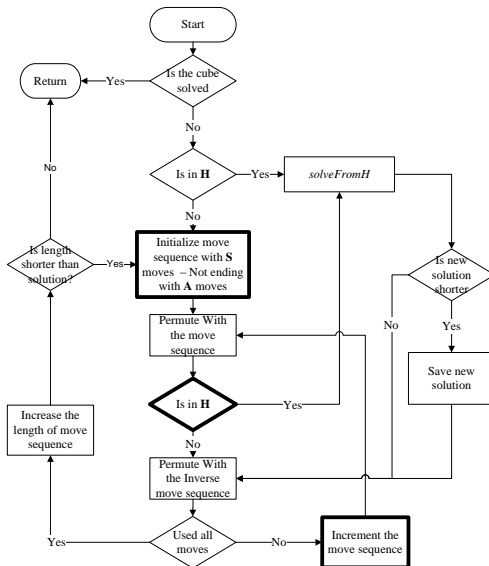
Demonstration

Resultater

Konklusion

Procesanalyse

Opsamling



Kociembas Optimale Løser

Rubik's Cube

A215

Forside

Introduktion

Problemformulering

Programoversigt

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas
Optimale Løser

Demonstration

Resultater

Konklusion

Procesanalyse

Opsamling

- ▶ Problemstillinger ved implementeringen
 - ▶ Manglende opslag
 - ▶ Langsom
- ▶ Effektivisering
 - ▶ Flere H'er
 - ▶ Nogle opslag
 - ▶ Længde
 - ▶ Sidste move sekvenser

Demonstration

Rubik's Cube

A215

Forside

Introduktion

Problemformulering

Programoversigt

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas

Optimale Løser

Demonstration

Resultater

Konklusion

Procesanalyse

Opsamling

- ▶ Computertests
- ▶ Begynderalgoritmen
- ▶ Kociemba's optimale løser

Forside

Introduktion

Problemformulering

Programoversigt

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas
Optimale Løser

Demonstration

Resultater

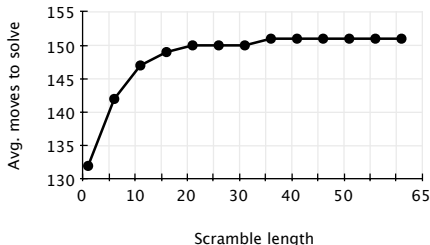
Konklusion

Procesanalyse

Opsamling

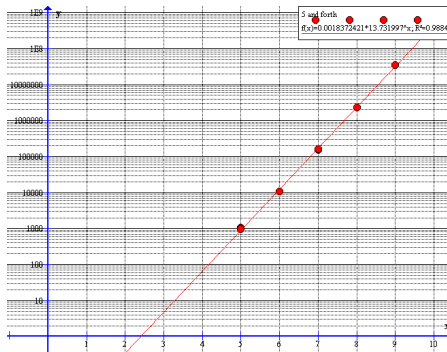
Begynderalgoritmen

- ▶ 50 scrambles per terning
- ▶ 13.000.000 løste terninger
- ▶ 151 træk i gennemsnit
- ▶ Løsning på under et millisekund
- ▶ Maksimalt 241 træk
- ▶ Minimum 56 træk

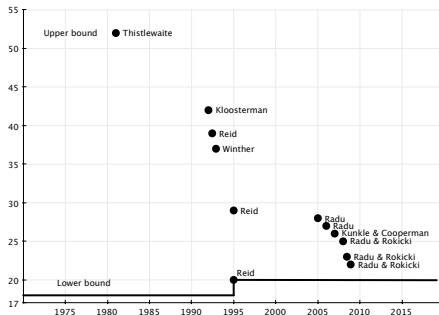


Kociemba's optimal solver

- ▶ Altid optimal løsning
- ▶ Lang tid for hver løsning
 - ▶ Løsning efter 18 millioner år
 - ▶ I H findes altid en løsning inden 256 år



- ▶ How have the upper and lower bounds of the Rubik's Cube progressed and how have they been proven?
 - ▶ Den øvre grænse er bevist med Rokicki's set solver.
 - ▶ Den nedre grænse bevist ved test.



Forside

Introduktion

Problemformulering

Programoversigt

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas
Optimale Løser

Demonstration

Resultater

Konklusion

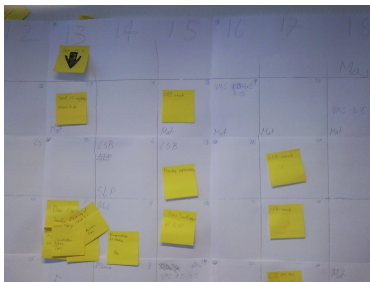
Procesanalyse

Opsamling

- ▶ How efficient is Kociemba's optimal solver compared to beginner's algorithm and how can this be tested?
 - ▶ Twist-wise
 - ▶ Vores begynderalgoritme bruger i snit 151 træk
 - ▶ Vores Kociemba bruger højst 22 træk
 - ▶ Time-wise
 - ▶ Vores begynderalgoritme bruger under 1 ms
 - ▶ Vores Kociemba bruger op til 18 mio. år
 - ▶ Computertests
 - ▶ Computerimplementering af løsningsalgoritmer

Procesanalyse

- ▶ Projektplanlægning
 - ▶ Roller
 - ▶ Kalender
 - ▶ Rettelser løbende
- ▶ Gruppesarbejde
 - ▶ To mands grupper
 - ▶ Mødetid
 - ▶ Fælles Pauser
- ▶ Samarbejde med vejleder
- ▶ Læringsmål



Opsamling

Introduktion

Problemformulering

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas Optimale Løser

Demonstration

Resultater

Konklusion

Procesanalyse

Rubik's Cube

A215

Forside

Introduktion

Problemformulering

Programoversigt

Gruppeteori

Diameter

Begynderalgoritmen

Kociembas
Optimale Løser

Demonstration

Resultater

Konklusion

Procesanalyse

Opsamling