

**Московский государственный технический
университет им. Н.Э. Баумана**

Факультет «Информатика и системы управления»
Кафедра ИУ5 «Системы обработки информации и управления»

Курс «Основы информатики»

Отчет по лабораторной работе №10
«Вычисление обратной матрицы методом Гаусса-Жордана»

Выполнил:		Проверил:
Студент группы ИУ5-15Б		преподаватель каф. ИУ5
Расулов А. Н.		Аксенова М. В.
Подпись и дата:		Подпись и дата:

Постановка задачи

Создать функцию для вычисления обратной матрицы по методу Гаусса-Жордана. Размер матрицы передавать в функцию в качестве параметра. Для упрощения алгоритма следует присоединить единичную матрицу справа к исходной и выполнять все преобразования над объединенной матрицей размером $N \times 2N$. Обратная матрица получится на месте единичной в столбцах $N \dots 2N$, а на месте исходной матрицы в столбцах $0 \dots (N-1)$ должна получиться единичная матрица.

Включить в алгоритм проверку на существование обратной матрицы. Для этого в прямом ходе перед делением выполнить проверку на ноль элементов главной диагонали исходной матрицы. Если элемент равен 0, то нужно поменять местами текущую строку с одной из нижележащих строк, в которой элемент в соответствующем столбце не равен 0. Если таких строк нет, то выдать сообщение: «Обратная матрица не существует».

Разработка алгоритма

1. `double** createMatrix(int n)` -- функция для создания квадратной матрицы размером n . Внутри функции определена переменная `double** matrix` – указатель на созданную матрицу.
2. `double** multiplyMatrixes(double** A, double** B, int n)` – функция для умножения квадратных матриц A и B с размерами n . Возвращает `double** C` – указатель на квадратную матрицу, которая $= A * B$ и имеет такой же размер n .
3. `void findNewLineAndSwap(double** matrix, int n, int c, bool& reverseMatrixExists)` – функция для нахождения новой строки, если на главной диагонали нашелся элемент $= 0$ и последующей замены местами новой строки и старой, где располагался элемент, который был на главной диагонали $= 0$.
 - a) `matrix` – матрица, в которой осуществляется поиск
 - b) `n` – ее размерам
 - c) `c` – индекс строки с нулевым элементом на главной диагонали
 - d) `reverseMatrixExists` – возвращаемое функцией значение. Хранит в себе значение того, существует ли обратная матрица для матрицы `matrix`.
 - e) Внутри функции: `int ind` – индекс найденной строки с ненулевым элементом на главной диагонали.
4. `void printMatrix(double** matrix, int n)` – функция для печати квадратной матрицы `matrix` с размером n в консоль.
5. `void straightWay(double** matrix, int n, bool& reverseMatrixExists)` – функция для выполнения прямого хода над квадратной матрицей `matrix` с размером n . `reverseMatrixExists` – возвращаемое функцией значение. Хранит в себе значение того, существует ли обратная матрица для матрицы `matrix`.
Внутри функции определены:
 - a) `int c` – индекс элемента главной диагонали
 - b) `double k` – элемент главной диагонали, коэффициент, чтобы получить нули ниже главной диагонали
6. `void reverseWay(double** matrix, int n)` – функция для выполнения обратного хода над квадратной матрицей `matrix` с размером n .
Внутри функции определены:
 1. `int c` – индекс элемента главной диагонали
 2. `double k` – элемент главной диагонали, коэффициент, чтобы получить нули выше главной диагонали
7. `void printExtendedMatrix(double** matrix, int n)` -- функция для вывода расширенной матрицы `matrix` с размером n строк и $2 \times n$ столбцов
8. `void deleteMatrix(double** matrix, int n)` – функция для освобождения памяти, выделенной под матрицу `matrix` с размером n .
9. В функции `main`:
 - a) `int n` – порядок матрицы
 - b) `double** originalMatrix` – исходная матрица, вводимая пользователем
 - c) `double** extendedMatrix` – объединенная с единичной исходная матрица
 - d) `bool reverseMatrixExists` – отвечает за то, есть ли у матрицы `originalMatrix` обратная к ней
 - e) `double** inverseMatrix` – обратная матрица к матрице `originalMatrix`
 - f) `double** mul` – произведение матриц `inverseMatrix` и `originalMatrix`

Текст программы

```
header.h
#include <iostream>
#include <iomanip>
using namespace std;
void printMatrix(double** matrix, int n);
double** createMatrix(int n);
double** multiplyMatrixes(double** A, double** B, int n);
void findNewLineAndSwap(double** matrix, int n, int c, bool& reverseMatrixExists);
void straightWay(double** matrix, int n, bool& reverseMatrixExists);
void reverseWay(double** matrix, int n);
void printExtendedMatrix(double** matrix, int n);
void deleteMatrix(double** matrix, int n);
source.cpp
#include "header.h"
double** createMatrix(int n) {
    double** matrix = new double* [n];
    for (int i = 0; i < n; ++i)
        matrix[i] = new double[n];
    return matrix;
}
void findNewLineAndSwap(double** matrix, int n, int c, bool& reverseMatrixExists) {
    int ind = 0;
    reverseMatrixExists = false;
    for (int i = c + 1; i < n; ++i) {
        if (matrix[i][c] != 0) {
            ind = i;
            reverseMatrixExists = true;
        }
    }
    if (reverseMatrixExists) {
        for (int i = 0; i < 2 * n; ++i)
            swap(matrix[c][i], matrix[ind][i]);
    }
}
void straightWay(double** matrix, int n, bool& reverseMatrixExists) {
    int c = 0; double k;
    while (c < n) {
        k = matrix[c][c];
        if (k == 0) {
            findNewLineAndSwap(matrix, n, c, reverseMatrixExists);
            if (!reverseMatrixExists)
                return;
        }
        k = matrix[c][c];

        for (int i = 0; i < 2 * n; ++i)
            matrix[c][i] /= k;

        for (int i = c + 1; i < n; ++i) {
            k = matrix[i][c];
            for (int j = 0; j < 2 * n; ++j)
                matrix[i][j] -= k * matrix[c][j];
        }
        ++c;
    }
}
void reverseWay(double** matrix, int n) {
    double k; int c = 1;
    while (c < n) {
        for (int i = 0; i < n - c; ++i) {
            k = matrix[i][n - c];
            for (int j = 0; j < 2 * n; ++j)
                matrix[i][j] -= k * matrix[n - c][j];
        }
        ++c;
    }
}
void printMatrix(double** matrix, int n) {
    for (int i = 0; i < n; ++i) {
        for (int j = 0; j < n; ++j)
            cout << setw(8) << setprecision(2) << matrix[i][j];
        cout << endl;
    }
}
void printExtendedMatrix(double** matrix, int n) {
    for (int i = 0; i < n; ++i) {
```

```

        for (int j = 0; j < 2 * n; ++j)
            cout << setw(8) << setprecision(2) << matrix[i][j];
        cout << endl;
    }
}

double** multiplyMatrixes(double** A, double** B, int n) {
    double** C = createMatrix(n);
    for (int i = 0; i < n; ++i)
        for (int j = 0; j < n; ++j)
            C[i][j] = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++)
        for (int j = 0; j < n; j++)
            for (int k = 0; k < n; k++)
                C[i][j] += A[i][k] * B[k][j];

    return C;
}

void deleteMatrix(double** matrix, int n) {
    for (int i = 0; i < n; ++i)
        delete[] matrix[i];
    delete[] matrix;
}

main.cpp
#include "header.h"
int main() {
    cout << "Введите порядок матрицы: ";
    int n;
    cin >> n;
    double** originalMatrix = createMatrix(n);
    // Заполнение входной матрицы
    for (int i = 0; i < n; ++i) {
        cout << "Введите значения элементов " << i + 1 << " строки: ";
        for (int j = 0; j < n; ++j)
            cin >> originalMatrix[i][j];
    }
    cout << "Исходная матрица:\n";
    printMatrix(originalMatrix, n);
    // Заполнение расширенной матрицы
    double** extendedMatrix = createMatrix(2 * n);
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        for (int j = 0; j < n; j++)
            extendedMatrix[i][j] = originalMatrix[i][j];
        for (int j = n; j < 2 * n; ++j) {
            if (i + n == j)
                extendedMatrix[i][j] = 1;
            else
                extendedMatrix[i][j] = 0;
        }
    }
    bool reverseMatrixExists;
    straightWay(extendedMatrix, n, reverseMatrixExists);
    if (!reverseMatrixExists) {
        cout << "Обратная матрица не существует!\n";

        deleteMatrix(originalMatrix, n);
        deleteMatrix(extendedMatrix, 2 * n);
        return 0;
    }
    cout << "После прямого хода:\n\n";
    printExtendedMatrix(extendedMatrix, n);

    reverseWay(extendedMatrix, n);
    cout << "После обратного хода:\n\n";
    printExtendedMatrix(extendedMatrix, n);
    double** inverseMatrix = createMatrix(n);
    for (int i = 0; i < n; ++i)
        for (int j = 0; j < n; ++j)
            inverseMatrix[i][j] = extendedMatrix[i][n + j];
    cout << "Обратная матрица:\n\n";
    printMatrix(inverseMatrix, n);
    // произведение начальной и обратной к ней матриц
    cout << "Произведение начальной матрицы на её обратную: " << endl;
    double** mul = multiplyMatrixes(originalMatrix, inverseMatrix, n);
    printMatrix(mul, n);
    // Free allocated memory
    deleteMatrix(originalMatrix, n); deleteMatrix(extendedMatrix, 2 * n);
    deleteMatrix(mul, n); deleteMatrix(inverseMatrix, n);
}

```

Анализ результатов

Введите порядок матрицы: 3

Введите значения элементов 1 строки: 1 2 3

Введите значения элементов 2 строки: 4 5 6

Введите значения элементов 3 строки: 7 8 9

Исходная матрица:

1	2	3
4	5	6
7	8	9

Обратная матрица не существует!

Введите порядок матрицы: 3

Введите значения элементов 1 строки: 2 5 7

Введите значения элементов 2 строки: 3 9 15

Введите значения элементов 3 строки: 5 16 20

Исходная матрица:

2	5	7
3	9	15
5	16	20

После прямого хода:

1	2.5	3.5	0.5	0	0
0	1	3	-1	0.67	0
-0	-0	1	-0.12	0.29	-0.12

После обратного хода:

1	0	0	2.5	-0.5	-0.5
0	1	0	-0.62	-0.21	0.38
-0	-0	1	-0.12	0.29	-0.12

Обратная матрица:

2.5	-0.5	-0.5
-0.62	-0.21	0.38
-0.12	0.29	-0.12

Произведение начальной матрицы на ей обратную:

1	0	0
0	1	0
0	0	1

Введите порядок матрицы: 4

Введите значения элементов 1 строки: 0 0 2 0

Введите значения элементов 2 строки: 5 0 2 1

Введите значения элементов 3 строки: 1 5 0 0

Введите значения элементов 4 строки: 1 0 0 0

Исходная матрица:

0	0	2	0
5	0	2	1
1	5	0	0
1	0	0	0

После прямого хода:

1	0	0	0	0	0	0	1
0	1	0	0	0	0	0.2	-0.2
0	0	1	0.5	0	0.5	0	-2.5
-0	-0	-0	1	-1	1	-0	-5

После обратного хода:

1	0	0	0	0	0	0	1
0	1	0	0	0	0	0.2	-0.2
0	0	1	0	0.5	0	0	0
-0	-0	-0	1	-1	1	-0	-5

Обратная матрица:

0	0	0	1
0	0	0.2	-0.2
0.5	0	0	0
-1	1	-0	-5

Произведение начальной матрицы на ей обратную:

1	0	0	0
0	1	0	0
0	0	1	0
0	0	0	1