알고리즘 재귀(2)



1. 2054 괄호의 값

문제

4개의 기호 '(', ')', '[', ']'를 이용해서 만들어지는 괄호열 중에서 올바른 괄호열이란 다음과 같이 정의된다.

- 1. 한 쌍의 괄호로만 이루어진 '() '와 '[] '는 올바른 괄호열이다.
- 2. 만일 x가 올바른 괄호열이면 '(x) '이나 '[x] '도 모두 올바른 괄호열이 된다.
- 3. 🗴 와 😗 모두 올바른 괄호열이라면 이들을 결합한 🔀 도 올바른 괄호열이 된다.

예를 들어 '(()[[]])'나 '(())[][]' 는 올바른 괄호열이지만 '([)]' 나 '(()()[])' 은 모두 올바른 괄호열이 아니다. 우리는 어떤 올바른 괄호열 x에 대하여 그 괄호열의 값(괄호값)을 아래와 같이 정의하고 값(x)로 표시한다.

- 1. '()' 인 괄호열의 값은 2이다.
- 2. '[]' 인 괄호열의 값은 3이다.
- 3. '(x)'의 괄호값은 2×값(x)으로 계산된다.
- 4. '[x]'의 괄호값은 3x값(x) 으로 계산된다.
- 5. 올바른 괄호열 x 와 y 가 결합된 xy 의 괄호값은 값(xy)= 값(x)+값(y) 로 계산된다.

예를 들어 '(()[[]])([])'의 괄호값을 구해보자. '()[[]]'의 괄호값이 2 + 3×3=11 이므로 '(()[[]])'의 괄호값은 2×11=22 이다. 그리고 '([])'의 값은 2×3=6 이므로 전체 괄호열의 값은 22 + 6 = 28 이다.

여러분이 풀어야 할 문제는 주어진 괄호열을 읽고 그 괄호값을 앞에서 정의한대로 계산하여 출력하는 것이다.

입력

첫째 줄에 괄호열을 나타내는 문자열(스트링)이 주어진다. 단 그 길이는 1 이상, 30 이하이다.

출력

첫째 줄에 그 괄호열의 값을 나타내는 정수를 출력한다. 만일 입력이 올바르지 못한 괄호열이면 반드시 0을 출력해야 한다.

예시 및 출력



구현 아이디어

- 1. 완전한 괄호인지 확인한다.
- 2. stack에 괄호가 닫힐 때까지 넣는다.
- 3. 괄호가 닫히면 숫자를 스택에 넣는다.
- 4. 괄호가 닫히지 않고 숫자가 나오면 total이라는 변수에 더하고 변수를 빼낸다.
- 5. 괄호가 닫히면 숫자를 스택에 넣는다.

코드

```
s = input()

def is_right(x):
    length = len(x)
    count = 0
    while True:
        x = x.replace('[]','')
        x = x.replace('()','')
        count+=1
        if x=='':
            return True
        if count>=length//2+1:
            return False

stack = []
```

```
if is_right(s):
  for i in range(len(s)):
   if s[i] =='(':
     stack.append('(')
    elif s[i] == '[':
     stack.append('[')
    elif s[i] == ')':
      if stack[-1]== '(':
        stack.pop()
        stack.append(2)
      else:
        total = 0
        for j in range(len(stack)-1,-1,-1):
          if stack[j] == '(':
            total *=2
            stack.pop()
            stack.append(total)
            break
          else:
            total += stack[j]
            stack.pop()
    else :
      if stack[-1]== '[':
        stack[-1] = 3
      else:
        total = 0
        for j in range(len(stack)-1,-1,-1):
          if stack[j] == '[':
            total *=3
            stack.pop()
            stack.append(total)
            break
            total += stack[j]
            stack.pop()
  print(sum(stack))
else:
  print(0)
```

2.별찍기-10

문제

재귀적인 패턴으로 별을 찍어 보자. N이 3의 거듭제곱(3, 9, 27, ...)이라고 할 때, 크기 N의 패턴은 $N\times N$ 정사각형 모양이다.

크기 3의 패턴은 가운데에 공백이 있고, 가운데를 제외한 모든 칸에 별이 하나씩 있는 패턴이다.

```
***

* *

***
```

N이 3보다 클 경우, 크기 N의 패턴은 공백으로 채워진 가운데의 (N/3)×(N/3) 정사각형을 크기 N/3의 패턴으로 둘러싼 형태이다. 예를 들어 크기 27의 패턴은 예제 출력 1과 같다.

입력

첫째 줄에 N이 주어진다. N은 3의 거듭제곱이다. 즉 어떤 정수 k에 대해 N=3k이며, 이때 1 \leq k < 8이다.

출력

첫째 줄부터 N번째 줄까지 별을 출력한다.

예시 및 출력

| 예제 입력 1 _{복사} | 예제 출력 1 _{복사} |
|-----------------------|--|
| 에제 입력 1 복사 | #************************************ |
| | ************************************** |

구현 아이디어

- 1. 처음에 모든 칸이 가득 찬 별 사각형을 만든다.
- 2. 가장 큰 사각형에서 시작한다.
- 3. 가운데 1/3 만큼을 비운다.
- 4. 2와 3을 9등분하여 재귀함수로 반복한다.

코드

```
n = int(input())
matrix =[['*']*n for _ in range(n)]
def show_matrix(matrix):
  for i in matrix:
    print(''.join(i))
def hole(n, x, y):
  if n == 1:
    return
  else:
    hole(n//3, x, y)
    hole(n//3, x+n//3, y)
    hole(n//3, x+2*n//3, y)
    hole(n//3, x, y+n//3)
    for i in range(n//3):
     for j in range(n//3):
        matrix[x+n//3+i][y+n//3+j]= ' '
    hole(n//3, x+2*n//3, y+n//3)
    hole(n//3, x, y+2*n//3)
    hole(n//3, x+n//3, y+2*n//3)
    hole(n//3, x+2*n//3, y+2*n//3)
hole(n,0,0)
show_matrix(matrix)
```

3.종이의 개수

문제

 $N \times N = 1$ 의 행렬로 표현되는 종이가 있다. 종이의 각 칸에는 -1, 0, 1 중 하나가 저장되어 있다. 우리는 이 행렬을 다음과 같은 규칙에 따라 적절한 크기로 자르려고 한다.

- 1. 만약 종이가 모두 같은 수로 되어 있다면 이 종이를 그대로 사용한다.
- 2. (1)이 아닌 경우에는 종이를 같은 크기의 종이 9개로 자르고, 각각의 잘린 종이에 대해서 (1)의 과정을 반복한다.

이와 같이 종이를 잘랐을 때, -1로만 채워진 종이의 개수, 0으로만 채워진 종이의 개수, 1로만 채워진 종이의 개수를 구해내는 프로그램을 작성하시오.

입력

첫째 줄에 N(1 \leq N \leq 37, N은 3k \cong)이 주어진다. 다음 N개의 줄에는 N개의 정수로 행렬이 주어진다.

출력

첫째 줄에 -1로만 채워진 종이의 개수를, 둘째 줄에 0으로만 채워진 종이의 개수를, 셋째 줄에 1로만 채워진 종이의 개수를 출력한다.

구현 아이디어

- 1. 가장 큰 사각형에서 시작한다.
- 2. 부분행렬 내의 모든원소가 같은지를 확인하는 함수를 만든다.
- 3. 같다면 하나의 원소를 집어 그원소로 이루어진 사각형의 개수를 하나 더한다.(Dict)
- 4. 2와 3을 9등분하여 재귀함수로 반복한다.

코드

```
def is_same(mat):
  prev = mat[0][0]
  for i in range(len(mat)):
    for j in range(len(mat)):
      if prev != mat[i][j]:
        return False
        prev = mat[i][j]
  return True
def recursive(mat):
  size = len(mat)
  if is_same(mat):
    Dict[mat[0][0]]+=1
  recursive([row[0:size//3] for row in mat[0:size//3]])
  recursive([row[size//3:(size//3)*2] for row in mat[0:size//3]])
  recursive([row[(size//3)*2:(size//3)*3] for row in mat[0:size//3]])
  recursive([row[0:size//3] \ for \ row \ in \ mat[(size//3):(size//3)^*2]])
  recursive([row[(size//3):(size//3)*2] \ for \ row \ in \ mat[(size//3):(size//3)*2]])
  recursive([row[(size//3)*2:(size//3)*3] \ for \ row \ in \ mat[(size//3):(size//3)*2]])
  recursive([row[0:size//3] for row in mat[(size//3)*2:(size//3)*3]])
  recursive([row[(size//3):(size//3)*2] for row in mat[(size//3)*2:(size//3)*3]])
  recursive([row[(size//3)*2:(size//3)*3] for row in mat[(size//3)*2:(size//3)*3]])
recursive(matrix)
print(Dict[-1])
print(Dict[0])
print(Dict[1])
```