Aufgabe 1

- Es sei $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ stetig differenzierbar und f'(0) = f'(2) = 3. (a) Sei f(0) = 0. Berechne $\lim_{x \to 0^+} \frac{f(x+2)-4}{f(x)}$ in Abhängigkeit von f(2)! (b) Sei f(2) = 4. Finde eine Funktion f, so dass obiger Grenzwert nicht 1 ergibt. (Hinweis: f'(0) = f'(2)!

Aufgabe 2

Berechne folgende Grenzwerte:

- (a) $\lim_{x\to 0} \frac{e^{\sin x}-1}{x}$
- (b) $\lim_{x \to \infty} \frac{e^x}{\sinh x}$
- (c) $\lim_{x\to 0} \frac{\sinh x}{e^x}$