

Unidad 2.

Ecuaciones, inecuaciones y sistemas

1. Factorización y raíces de polinomios

Explora

Factoriza mentalmente los siguientes polinomios y halla sus raíces:

a) $x^2 + 5x$ b) $x^2 + 2x + 1$ c) $x^2 - 6x + 9$ d) $x^2 - 16$

Solución:

a) $x(x + 5) \Rightarrow x_1 = 0, x_2 = -5$

b) $(x + 1)^2 \Rightarrow x_1 = x_2 = -1$

c) $(x - 3)^2 \Rightarrow x_1 = x_2 = 3$

d) $(x + 4)(x - 4) \Rightarrow x_1 = -4, x_2 = 4$

Elabora

1 Factoriza mentalmente los siguientes polinomios:

a) $x^2 + 3x$

b) $x^2 - 4$

c) $x^2 - 2x + 1$

d) $x^2 + 4x + 4$

Solución:

a) $x(x + 3)$

b) $(x + 2)(x - 2)$

c) $(x - 1)^2$

d) $(x + 2)^2$

2 Factoriza mentalmente los siguientes polinomios y halla sus raíces:

a) $x^3 - 4x$

b) $x^3 + 2x^2 + x$

c) $x^4 - 25x^2$

d) $x^3 - 6x^2 + 9x$

Solución:

a) $x(x + 2)(x - 2) \Rightarrow x_1 = 0, x_2 = -2, x_3 = 2$

b) $x(x + 1)^2 \Rightarrow x_1 = 0, x_2 = x_3 = -1$

c) $x^2(x + 5)(x - 5) \Rightarrow x_1 = x_2 = 0, x_3 = -5, x_4 = 5$

d) $x(x - 3)^2 \Rightarrow x_1 = 0, x_2 = x_3 = 3$

3 Factoriza los siguientes polinomios y halla sus raíces:

a) $x^3 - 4x^2 - 11x + 30$

b) $x^3 - x^2 - 8x + 12$

Solución:

a) $(x - 2)(x + 3)(x - 5)$

$x_1 = 2, x_2 = -3, x_3 = 5$

b) $(x + 3)(x - 2)^2$

$x_1 = -3, x_2 = x_3 = 2$

4 Factoriza los siguientes polinomios y halla sus raíces:

a) $x^4 + 2x^3 - 3x^2 - 4x + 4$

b) $x^5 - 2x^4 - 2x^3 + 4x^2 + x - 2$

Solución:

a) $(x - 1)^2(x + 2)^2$

$x_1 = x_2 = 1, x_3 = x_4 = -2$

b) $(x - 1)^2(x + 1)^2(x - 2)$

$x_1 = x_2 = 1, x_3 = x_4 = -1, x_5 = 2$

5 Factoriza los siguientes polinomios y halla sus raíces:

a) $6x^3 - 7x^2 - 14x + 8$

b) $5x^4 - 33x^3 + 66x^2 - 28x - 24$

Solución:

a) $6(x - 2)(x - 1/2)(x + 4/3)$

$x_1 = 2, x_2 = 1/2, x_3 = -4/3$

b) $5(x - 2)^2(x - 3)(x + 2/5)$

$x_1 = x_2 = 2, x_3 = 3, x_4 = -2/5$

6 Halla un polinomio que tenga las siguientes raíces:

a) $x_1 = 1, x_2 = 2$ b) $x_1 = \frac{3}{5}, x_2 = 0$

c) $x_1 = 2, x_2 = -1, x_3 = 3$ d) $x_1 = 0, x_2 = x_3 = 1, x_4 = 3$

Solución:

a) $(x - 1)(x - 2) = x^2 - 3x + 2$

b) $5x(x - 3/5) = 5x^2 - 3x$

c) $(x - 2)(x + 1)(x - 3) = x^3 - 4x^2 + x + 6$

d) $x(x - 1)^2(x - 3) = x^4 - 5x^3 + 7x^2 - 3x$

2. Fracciones algebraicas

Explora

Factoriza mentalmente el numerador y el denominador, y simplifica la fracción algebraica:

$$\frac{x^2 + x}{x^2 + 2x + 1}$$

Solución:

$$\frac{x(\cancel{x+1})}{(x+1)^2} = \frac{x}{x+1}$$

Elabora

7 Descompón mentalmente en factores el numerador y el denominador, y simplifica las fracciones algebraicas:

a) $\frac{x^2 + x}{2x + 2}$

b) $\frac{x^2 + 2x + 1}{x^2 - 1}$

Solución:

a) $\frac{x(\cancel{x+1})}{2(\cancel{x+1})} = \frac{x}{2}$

b) $\frac{(x+1)^2}{(\cancel{x+1})(x-1)} = \frac{x+1}{x-1}$

8 Completa:

a) $\frac{x+3}{x^2-9} = \frac{2x+1}{\square}$

b) $\frac{x^2-1}{x-1} = \frac{\square}{2x+5}$

Solución:

a) $2x^2 - 5x - 3$

b) $2x^2 + 7x + 5$

9 Calcula:

a) $\frac{2}{x-1} + \frac{1}{x+1}$

b) $\frac{2x}{x^2-4} - \frac{x+1}{x+2}$

Solución:

a) $\frac{3x+1}{x^2-1}$

b) $\frac{-x^2+3x+2}{x^2-4}$

10 Efectúa:

a) $\frac{x+2}{x-1} \cdot \frac{x^2}{x^2-4}$

b) $\frac{x+3}{x+1} \cdot \frac{x^2+2}{x^2-9}$

Solución:

a) $\frac{x^2}{x^2-3x+2}$

b) $\frac{x^2+2}{x^2-2x-3}$

11 Calcula:

a) $\frac{x+2}{x+4} : \frac{x^2-4}{x^2-16}$

b) $\frac{2x+2}{x^2+1} : \frac{x^2-1}{3x^2+3}$

Solución:

a) $\frac{x-4}{x-2}$

b) $\frac{6}{x-1}$

12 Opera y simplifica:

a) $\left(\frac{2}{x+1} - \frac{1}{x-2}\right) : \frac{2}{x^2-4x+4}$

b) $\left(\frac{1}{x^2-9} + \frac{1}{x-3}\right) \left(\frac{1}{x} : \frac{1}{x+4}\right)$

Solución:

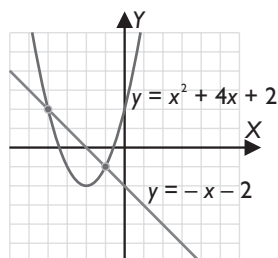
a) $\frac{x^2-7x+10}{2(x+1)}$

b) $\frac{(x+4)^2}{x(x^2-9)}$

3. Aplicaciones de las ecuaciones de 2.º grado

Explora

Observando la representación gráfica, calcula las soluciones del sistema:
$$\begin{cases} y = -x - 2 \\ y = x^2 + 4x + 2 \end{cases}$$



Solución:

$$x_1 = -4, y_1 = 2 \quad x_2 = -1, y_2 = -1$$

Elabora

13 Resuelve las siguientes ecuaciones:

- a) $x^4 - 10x^2 + 9 = 0$
- b) $x^4 - 3x^2 - 4 = 0$
- c) $x^6 - 9x^3 + 8 = 0$
- d) $x^6 + 7x^3 - 8 = 0$

Solución:

- a) $x_1 = 1, x_2 = -1, x_3 = 3, x_4 = -3$
- b) $x_1 = 2, x_2 = -2$
- c) $x_1 = 1, x_2 = 2$
- d) $x_1 = 1, x_2 = -2$

14 Resuelve las ecuaciones racionales:

- a) $\frac{2x+3}{x-1} - 5 = \frac{5x-4}{x+1}$
- b) $\frac{x-2}{x} = \frac{4x-3}{x-2}$
- c) $\frac{x+1}{x} - \frac{3x-1}{x+1} = -\frac{2}{3}$
- d) $\frac{3x-1}{x+2} + \frac{x}{x-2} = -\frac{1}{5}$

Solución:

- a) $x_1 = 2, x_2 = -\frac{1}{4}$
- b) $x_1 = 1, x_2 = -\frac{4}{3}$
- c) $x_1 = 3, x_2 = -\frac{1}{4}$
- d) $x_1 = \frac{1}{3}, x_2 = \frac{6}{7}$

15 Resuelve las ecuaciones irracionales:

- a) $3x + \sqrt{17-4x} = 4x + 1$
- b) $3 - x + \sqrt{3x+12} = x + 8$
- c) $\sqrt{2x+6} - \sqrt{x-1} = 2$
- d) $\sqrt{5x+1} = 5 - \sqrt{x-2}$

Solución:

- a) $x = 2$
- b) $x = -1$
- c) $x = 5$
- d) $x = 3$

16 Resuelve los siguientes sistemas y di si son compatibles o incompatibles:

- a) $\begin{cases} x - 2y = 0 \\ x^2 + y^2 = 20 \end{cases}$
- b) $\begin{cases} 2x + y = 2 \\ y = x^2 - 3x - 4 \end{cases}$

Solución:

- a) $x_1 = 4, y_1 = 2; x_2 = -4, y_2 = -2$
Sistema compatible.
- b) $x_1 = 3, y_1 = -4; x_2 = -2, y_2 = 6$
Sistema compatible.

17 Halla un número sabiendo que dicho número más su inverso es igual a $26/5$

Solución:

$$x + \frac{1}{x} = \frac{26}{5} \Rightarrow x = 5, x = \frac{1}{5}$$

18 Halla un número, sabiendo que el número menos la raíz cuadrada de dicho número al cuadrado menos 7 unidades es igual a uno.

Solución:

$$x - \sqrt{x^2 - 7} = 1$$

$$x = 4$$

4. Ecuaciones exponenciales, logarítmicas y sistemas

Explora

Resuelve mentalmente las siguientes ecuaciones exponenciales y logarítmicas:

a) $2^x = 8$ b) $2^x = \frac{1}{8}$ c) $2^x = 1$ d) $2^x = 2$ e) $\log_5 x = 3$ f) $\log_5 x = -3$ g) $\log_5 x = 0$ h) $\log_5 x = 1$

Solución:

a) $x = 3$ b) $x = -3$ c) $x = 0$ d) $x = 1$
 e) $x = 125$ f) $x = \frac{1}{125}$ g) $x = 1$ h) $x = 5$

Elabora

19 Resuelve las siguientes ecuaciones exponenciales y logarítmicas:

a) $2^x + 2^{x+1} = 24$ b) $9^x - 10 \cdot 3^x + 9 = 0$
 c) $5^{x-2} - 3^{x+1} = 0$ d) $\log(x+3) + \log x = 1$

Solución:

a) $x = 3$ b) $x_1 = 0, x_2 = 2$
 c) $x = 8,45$ d) $x = 2$

20 Resuelve las ecuaciones exponenciales y logarítmicas siguientes:

a) $4 \log x + 1 = \log 16 + \log 5x$
 b) $4^x - 10 \cdot 2^x + 16 = 0$
 c) $5^{x-1} + 5^x + 5^{x+1} = 31$
 d) $6^{x-3} - 5^{x+4} = 0$

Solución:

a) $x = 2$ b) $x_1 = 3, x_2 = 1$
 c) $x = 1$ d) $x = 64,79$

21 Resuelve los sistemas:

a) $\begin{cases} 2^x + 3^y = 11 \\ 2^{x+1} - 3^{y-1} = 1 \end{cases}$
 b) $\begin{cases} 2 \log x + \log y = 2 \\ \log xy = 1 \end{cases}$

Solución:

a) $x = 1, y = 2$ b) $x = 10, y = 1$

22 Aplicando la fórmula del capital final, en el interés compuesto $C = c(1+r)^t$, donde C es el capital final, c el capital inicial, r el tanto por uno y t el número de años, calcula el número de años que tienen que transcurrir para que un capital de 10 000 € colocado al 5% se transforme en 15 000 €

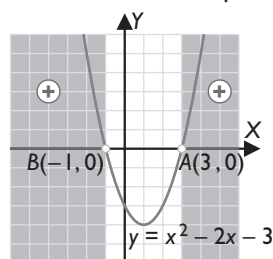
Solución:

$10\,000 \cdot 1,05^t = 15\,000$
 $t = 8,3$ años

5. Inecuaciones polinómicas y racionales con una incógnita

Explora

Observando la gráfica, halla los intervalos de los valores de x en los que la parábola $y = x^2 - 2x - 3$ es positiva.



Solución:

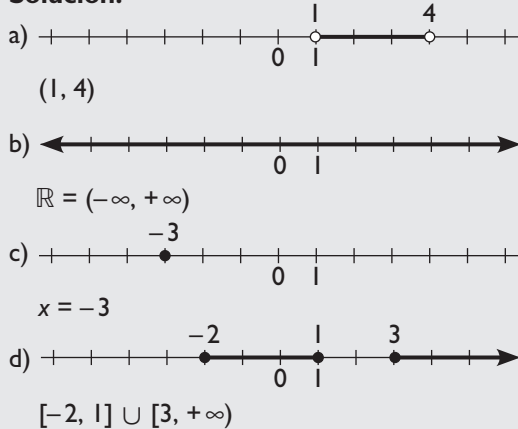
Positiva (+) : $(-\infty, -1) \cup (3, +\infty)$

Elabora

23 Resuelve las siguientes inecuaciones polinómicas:

- a) $x^2 - 5x + 4 < 0$ b) $x^2 + x + 2 > 0$
 c) $x^2 + 6x + 9 \leq 0$ d) $x^3 - 2x^2 - 5x + 6 \geq 0$

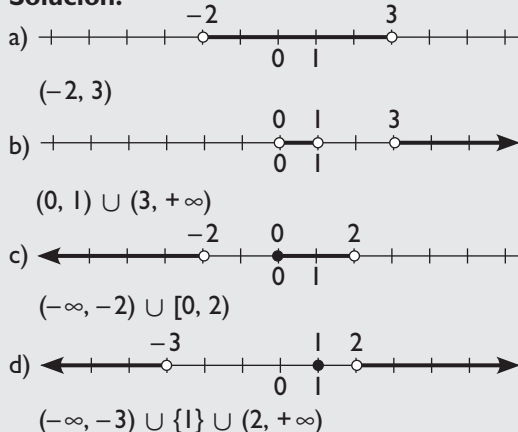
Solución:



24 Resuelve las siguientes inecuaciones racionales:

- a) $\frac{x+2}{x-3} < 0$ b) $\frac{x^2-3x}{x-1} > 0$
 c) $\frac{x}{x^2-4} \leq 0$ d) $\frac{x^2-2x+1}{x^2+x-6} \geq 0$

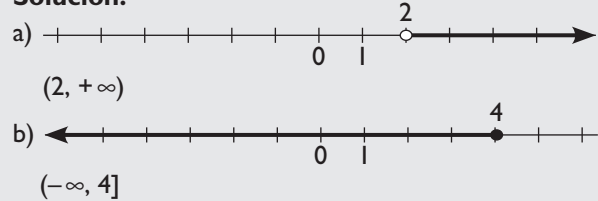
Solución:



25 Resuelve las siguientes inecuaciones polinómicas:

- a) $x^3 - 3x - 2 > 0$
 b) $x^3 - 8x^2 + 20x - 16 \leq 0$

Solución:



26 Dada la función $f(x) = -x^2 + 6x - 8$, halla:

- a) Cuándo vale cero.
 b) Cuándo es positiva.
 c) Cuándo es negativa.

Solución:

- a) $x_1 = 2, x_2 = 4$
 b) (2, 4)
 c) $(-\infty, 2) \cup (4, +\infty)$

27 Dada la función $f(x) = \frac{x^2-x}{x^2-4}$, halla:

- a) Cuándo vale cero.
 b) Cuándo es positiva.
 c) Cuándo es negativa.

Solución:

- a) $x_1 = 0, x_2 = 1$
 b) $(-\infty, -2) \cup (0, 1) \cup (2, +\infty)$
 c) $(-2, 0) \cup (1, 2)$

6. Método de Gauss para resolver sistemas lineales 3×3

Explora

Calcula mentalmente el valor de z en la 3.ª ecuación. Sustituye ese valor en la 2.ª ecuación y calcula mentalmente el valor de y . Sustituye el valor de z y de y en la 1.ª ecuación, y calcula mentalmente el valor de x

$$\begin{cases} x + y - z = 0 \\ y + z = 6 \\ 3z = 6 \end{cases}$$

Solución:

$$z = 2 \quad y = 4 \quad x = -2$$

Elabora

28 Resuelve, aplicando el método de Gauss, los sistemas:

$$\text{a) } \begin{cases} 2x + y - 3z = 1 \\ x - 2y + 4z = 19 \\ 3x + 4y - z = 1 \end{cases}$$

$$\text{b) } \begin{cases} x + y + z = 2 \\ 2x - y + 3z = 11 \\ x + 2y - z = -2 \end{cases}$$

Solución:

a) $x = 5, y = -3, z = 2$

b) $x = 3, y = -2, z = 1$

29 Resuelve, aplicando el método de Gauss, los sistemas:

$$\text{a) } \begin{cases} 2x - y + z = -8 \\ x + 3y - 2z = 5 \\ 2x + y + 3z = 4 \end{cases}$$

$$\text{b) } \begin{cases} x + y - z = 0 \\ 2x - 3y + z = 13 \\ -3x + 2y + 5z = -8 \end{cases}$$

Solución:

a) $x = -3, y = 4, z = 2$

b) $x = 3, y = -2, z = 1$

30 Resuelve, aplicando el método de Gauss, los sistemas:

$$\text{a) } \begin{cases} 2x - y + z = 11 \\ x - y + 3z = 15 \\ 3x + 2y - 5z = -17 \end{cases} \quad \text{b) } \begin{cases} 4x - y - z = 0 \\ 2x + y + z = 3 \\ 6x - 2y - 3z = -6 \end{cases}$$

Solución:

a) $x = 2, y = -4, z = 3$

b) $x = \frac{1}{2}, y = -3, z = 5$

31 Calcula tres números tales que la suma de los tres es 9. El mediano disminuido en una unidad es la tercera parte de la suma del mayor y el menor. La diferencia entre el mayor y el menor excede en uno al mediano.

Solución:

x: el número menor.

y: el número mediano.

z: el número mayor.

$$\begin{cases} x + y + z = 9 \\ y - 1 = \frac{x + z}{3} \\ z - x = y + 1 \end{cases}$$

$x = 1, y = 3, z = 5$

7. Resolución de problemas de Álgebra

Explora

Halla mentalmente tres números enteros consecutivos menores que 7, de forma que sean los lados de un triángulo rectángulo.

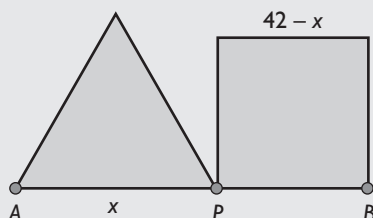
Solución:

3, 4 y 5, ya que $3^2 + 4^2 = 5^2$

Elabora

32 Un segmento AB tiene de longitud 42 cm. Halla un punto P de dicho segmento de forma que el triángulo equilátero construido sobre AP tenga el mismo perímetro que el cuadrado construido sobre PB

Solución:



Medida de los segmentos:

$AP = x, PB = 42 - x$

$3x = 4(42 - x)$

$x = 24 \text{ cm}$

33 Entre Sonia y Alba tienen 300 €. Alba tiene el triple de dinero que Sonia. ¿Cuánto dinero tiene cada una?

Solución:

Sonia tiene: x

Alba tiene: $300 - x$

$300 - x = 3x$

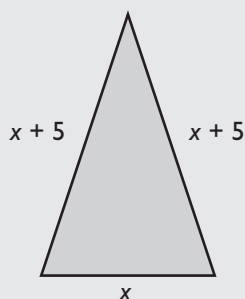
$x = 75 \text{ €}$

Sonia tiene: 75 €

Alba tiene: 225 €

34 En un triángulo isósceles, cada uno de los lados iguales mide 5 m más que el desigual. Si el perímetro mide 34 m, ¿cuánto mide cada lado?

Solución:



El lado desigual: x

Cada lado igual: $x + 5$

$$x + 2(x + 5) = 34$$

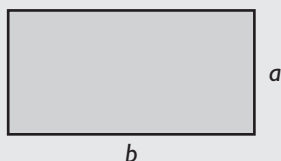
$$x = 8 \text{ m}$$

El lado desigual mide 8 m

Cada lado igual mide 13 m

- 35** En un prado se quiere cercar una zona rectangular para que pascen unas cabras. Se tiene 24 m de valla y queremos que el área del recinto delimitado sea de 32 m². Calcula las dimensiones de la zona vallada.

Solución:



b = longitud de la base

a = longitud de la altura

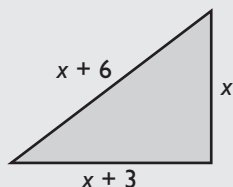
$$\begin{cases} 2b + 2a = 24 \\ ba = 32 \end{cases}$$

$$b = 8 \text{ m}, a = 4 \text{ m}$$

La longitud de la base mide 8 m, y la longitud de la altura mide 4 m

- 36** Los lados de un triángulo rectángulo son números que se diferencian en tres unidades. Calcula las longitudes de dichos lados.

Solución:



Cateto menor: x

Cateto mayor: $x + 3$

Hipotenusa: $x + 6$

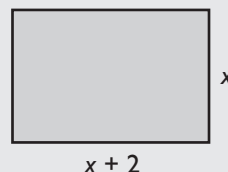
$$x^2 + (x + 3)^2 = (x + 6)^2$$

Si $x = 9$, los lados miden: 9, 12 y 15

Si $x = -3$, los lados miden: -3, 0 y 3, que no son valores válidos.

- 37** Un piso tiene forma rectangular y su área es de 120 m². Si el largo mide 2 m más que el ancho, ¿cuáles son las dimensiones del piso?

Solución:



Ancho: x

Largo: $x + 2$

$$x(x + 2) = 120$$

Si $x = 10$, el ancho es 10 m y el largo 12 m

Si $x = -12$, los lados son -12 y 10, que no son valores válidos.

- 38** Un coche sale de una ciudad A hacia otra ciudad B, que dista 900 km de A, con una velocidad de 80 km/h. Dos horas más tarde sale de la misma ciudad A con dirección a la ciudad B una moto a 120 km/h

a) ¿Cuánto tiempo tardará en alcanzar la moto al coche?

b) ¿A qué distancia de la ciudad A lo alcanzará?

Solución:

Coche:

$$v = 80 \text{ km/h}$$

$$t = t$$



Moto:

$$v = 120 \text{ km/h}$$

$$t = t - 2$$

Coche:

$$e: e$$

$$v: 80 \text{ km/h}$$

$$t: t$$

$$e = vt$$

$$e = 80t$$

Moto:

$$e: e$$

$$v: 120 \text{ km/h}$$

$$t: t - 2$$

$$e = vt$$

$$e = 120(t - 2)$$

Hay que resolver el sistema:

$$\begin{cases} e = 80t \\ e = 120(t - 2) \end{cases}$$

$$\text{a) } t = 6 \text{ h}$$

$$\text{b) } e = 80 \cdot 6 = 480 \text{ km}$$

Actividades finales

Elabora actividades de las secciones

1. Factorización y raíces de polinomios

39 Factoriza mentalmente los siguientes polinomios:

- a) $x^4 - 2x^2$ b) $x^2 - 16$
c) $x^2 + 6x + 9$ d) $x^2 - 10x + 25$

Solución:

- a) $x^2(x + \sqrt{2})(x - \sqrt{2})$ b) $(x + 4)(x - 4)$
c) $(x + 3)^2$ d) $(x - 5)^2$

40 Factoriza mentalmente los siguientes polinomios y halla sus raíces:

- a) $x^3 - 9x$ b) $x^3 + 10x^2 + 25x$
c) $x^4 - 16x^2$ d) $x^3 - 8x^2 + 16x$

Solución:

- a) $x(x + 3)(x - 3) \Rightarrow x_1 = 0, x_2 = -3, x_3 = 3$
b) $x(x + 5)^2 \Rightarrow x_1 = 0, x_2 = x_3 = -5$
c) $x^2(x + 4)(x - 4) \Rightarrow x_1 = x_2 = 0, x_3 = -4, x_4 = 4$
d) $x(x - 4)^2 \Rightarrow x_1 = 0, x_2 = x_3 = 4$

41 Halla la descomposición factorial de los siguientes polinomios y calcula sus raíces:

- a) $15x^3 - 8x^2 - 9x + 2$ b) $5x^3 - 2x^2 - 20x + 8$
c) $49x^3 - 28x^2 + 4x$ d) $3x^4 - x^3 - 57x^2 - 71x + 30$

Solución:

- a) $15(x - 1)(x - 1/5)(x + 2/3)$
 $x_1 = 1, x_2 = \frac{1}{5}, x_3 = -\frac{2}{3}$
b) $5(x - 2)(x + 2)(x - 2/5)$
 $x_1 = 2, x_2 = -2, x_3 = \frac{2}{5}$
c) $49x(x - 2/7)^2$
 $x_1 = 0, x_2 = x_3 = \frac{2}{7}$
d) $3(x + 2)(x + 3)(x - 5)(x - 1/3)$
 $x_1 = -2, x_2 = -3, x_3 = 5, x_4 = \frac{1}{3}$

42 Factoriza los siguientes polinomios y halla sus raíces:

- a) $x^3 - 5x^2 - 2x + 10$
b) $8x^5 + 18x^4 + x^3 - 6x^2$

Solución:

- a) $(x - 5)(x - \sqrt{2})(x + \sqrt{2})$
 $x_1 = 5, x_2 = \sqrt{2}, x_3 = -\sqrt{2}$
b) $8x^2(x + 2)(x - 1/2)(x + 3/4)$
 $x_1 = x_2 = 0, x_3 = -2, x_4 = \frac{1}{2}, x_5 = -\frac{3}{4}$

43 Escribe un polinomio que tenga las siguientes raíces:

- a) $x_1 = 2, x_2 = 3, x_3 = 1$
b) $x_1 = x_2 = 3, x_3 = 0$
c) $x_1 = 1, x_2 = -2, x_3 = 3$
d) $x_1 = 2, x_2 = x_3 = 1, x_4 = -2$

Solución:

- a) $(x - 2)(x - 3)(x - 1) = x^3 - 6x^2 + 11x - 6$
b) $(x - 3)^2 x = x^3 - 6x^2 + 9x$
c) $(x - 1)(x + 2)(x - 3) = x^3 - 2x^2 - 5x + 6$
d) $(x - 2)(x - 1)^2(x + 2) = x^4 - 2x^3 - 3x^2 + 8x - 4$

2. Fracciones algebraicas

44 Descompón mentalmente en factores el numerador y el denominador, y simplifica las siguientes fracciones algebraicas:

- a) $\frac{3x^2 - 3x}{6x - 6}$ b) $\frac{x^2 + 4x + 4}{x^2 - 4}$

Solución:

- a) $\frac{3x(x-1)}{6(x-1)} = \frac{x}{2}$
b) $\frac{(x+2)^2}{(x+2)(x-2)} = \frac{x+2}{x-2}$

45 Copia y completa:

- a) $\frac{x+1}{x^2-1} = \frac{2x+3}{\square}$ b) $\frac{x^2+3x}{x^2-9} = \frac{\square}{x-3}$

Solución:

- a) $2x^2 + x - 3$
b) x

46 Calcula:

- a) $\frac{3x}{x-2} + \frac{5}{x+2}$
b) $\frac{x}{x^2+6x+9} - \frac{2x+1}{x+3}$

Solución:

- a) $\frac{3x^2+11x-10}{x^2-4}$ b) $\frac{-2x^2-6x-3}{(x+3)^2}$

47 Efectúa:

- a) $\frac{x+1}{x-1} \cdot \frac{3x^2+1}{x^2+2x+1}$ b) $\frac{x}{x+1} \cdot \frac{x-3}{x^2}$

Solución:

- a) $\frac{3x^2+1}{x^2-1}$ b) $\frac{x-3}{x^2+x}$

48 Calcula:

a) $\frac{x+1}{x+5} : \frac{x^2-1}{x^2+10x+25}$

b) $\frac{x+2}{x^2+1} : \frac{x^2+4x+4}{5x^2+5}$

Solución:

a) $\frac{x+5}{x-1}$

b) $\frac{5}{x+2}$

49 Opera y simplifica:

a) $\left(\frac{5x}{x-1} - \frac{2x+3}{x-2}\right) : \frac{x-5}{x-2}$

b) $\left(\frac{1}{2x-3} + 4\right)\left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x-3}\right)$

Solución:

a) $\frac{3x^2-11x+3}{x^2-6x+5}$

b) $\frac{-24x+33}{2x^3-9x^2+9x}$

3. Aplicaciones de las ecuaciones de 2.º grado

50 Resuelve las siguientes ecuaciones:

a) $x^4 - 13x^2 + 36 = 0$

b) $x^4 - 3x^2 - 4 = 0$

c) $x^4 - 10x^2 + 25 = 0$

d) $x^6 - 7x^3 - 8 = 0$

Solución:

a) $x_1 = 2, x_2 = -2, x_3 = 3, x_4 = -3$

b) $x_1 = 2, x_2 = -2$

c) $x_1 = \sqrt{5}, x_2 = -\sqrt{5}$

d) $x_1 = 2, x_2 = -1$

51 Resuelve las siguientes ecuaciones:

a) $\frac{5x-1}{x+1} - \frac{2x+3}{x} = \frac{21}{2}$

b) $12 + \sqrt{3x+10} = 2x+7$

c) $3x - \frac{2x-1}{x+3} = \frac{3}{2}$

d) $4 + \sqrt{x+6} = 6 + \sqrt{2x-5}$

Solución:

a) $x_1 = -2, x_2 = -\frac{1}{5}$

b) $x = 5$

c) $x_1 = \frac{1}{2}, x_2 = -\frac{7}{3}$

d) $x = 3$

52 Resuelve las siguientes ecuaciones:

a) $5x - \sqrt{x+2} = 3x+2$

b) $\frac{7x-3}{x+2} - \frac{5x+1}{x-2} + 8 = \frac{5}{3}$

c) $\sqrt{x+9} + \sqrt{x} = 9$

d) $\frac{2x+3}{x-3} - \frac{x}{x+3} = \frac{5x+2}{x^2-9} - 5$

Solución:

a) $x = 2$

b) $x_1 = 4, x_2 = -\frac{16}{25}$

c) $x = 16$

d) $x_1 = 2, x_2 = -\frac{19}{6}$

53 Resuelve los siguientes sistemas y di si son compatibles o incompatibles:

a) $\begin{cases} 5x - y = 3 \\ 5x^2 - y = 13 \end{cases}$

b) $\begin{cases} y = \frac{6}{x} \\ 2y = 3x \end{cases}$

Solución:

a) $x_1 = 2, y_1 = 7; x_2 = -1, y_2 = -8$

El sistema es compatible.

b) $x_1 = 2, y_1 = 3; x_2 = -2, y_2 = -3$

El sistema es compatible.

54 Resuelve los siguientes sistemas y di si son compatibles o incompatibles:

a) $\begin{cases} x + y = 5 \\ x^2 - y^2 = 9 \end{cases}$

b) $\begin{cases} \frac{4}{3}x + y^2 = \frac{25}{3} \\ x^2 + y^2 = 25 \end{cases}$

Solución:

a) $x = \frac{17}{5}, y = \frac{8}{5}$

El sistema es compatible.

b) $x = 4, y = 3$

El sistema es compatible.

55 Resuelve los siguientes sistemas y di si son compatibles o incompatibles:

a) $\begin{cases} 8x - y^2 = 0 \\ 2x - y = 8 \end{cases}$

b) $\begin{cases} 4x = y^2 \\ 2x - y = -2 \end{cases}$

Solución:

a) $x_1 = 2, y_1 = -4; x_2 = 8, y_2 = 8$

El sistema es compatible.

b) No tiene solución real.

El sistema es incompatible.

4. Ecuaciones exponenciales, logarítmicas y sistemas

56 Resuelve las ecuaciones exponenciales y logarítmicas:

- a) $3^x + 3^{x-1} = 12$
 b) $4^x - 10 \cdot 2^x + 16 = 0$
 c) $2^{x+1} = 3^{x-1}$
 d) $\log(x+3) - \log(x-2) + 2 \log 5 = 2$

Solución:

- a) $x = 2$ b) $x_1 = 3, x_2 = 1$ c) $x = 4,42$ d) $x = \frac{11}{3}$

57 Resuelve las ecuaciones exponenciales y logarítmicas:

- a) $3^{x+2} - 4^{x-3} = 0$
 b) $5^{x+2} - 4 \cdot 5^{x+1} - 8 \cdot 5^{x-1} = 85$
 c) $\log_3(5x+2) - \log_3(2x-1) = 1$
 d) $4 \cdot 2^{2x} - 33 \cdot 2^x + 8 = 0$

Solución:

- a) $x = 22,09$ b) $x = 2$ c) $x = 5$ d) $x_1 = 3, x_2 = -2$

58 Resuelve las ecuaciones exponenciales y logarítmicas:

- a) $\ln x + \ln(x+1) - \ln 2 = \ln 3$
 b) $3 \cdot 3^{2x} - 28 \cdot 3^x + 9 = 0$
 c) $2^{x-2} + 2^{x-1} + 2^x + 2^{x+1} = 30$
 d) $5^{x-2} - 4^{x+1} = 0$

Solución:

- a) $x = 2$ b) $x_1 = 2, x_2 = -1$ c) $x = 3$ d) $x = 20,64$

59 Resuelve las ecuaciones exponenciales y logarítmicas:

- a) $4^{x+1} - 7^{x-1} = 0$
 b) $3^{x-1} + 3^x + 3^{x+1} = 39$
 c) $\log_2(2x+5) - \log_2 x + \log_2 3 = \log_2 11$
 d) $5^{2x} - 6 \cdot 5^x + 5 = 0$

Solución:

- a) $x = 5,95$ b) $x = 2$ c) $x = 3$ d) $x_1 = 0, x_2 = 1$

60 Resuelve los sistemas:

- a) $\begin{cases} x - y = 2 \\ 5 \cdot 2^x - 2 \cdot 4^{y+1} = 8 \end{cases}$ b) $\begin{cases} x + y = 11 \\ \log x = \log y + 1 \end{cases}$

Solución:

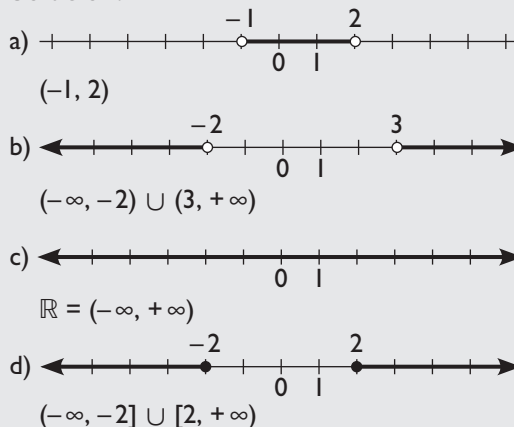
- a) $x_1 = 1, y_1 = -1; x_2 = 3, y_2 = 1$
 b) $x = 10, y = 1$

5. Inecuaciones polinómicas y racionales con una incógnita

61 Resuelve las siguientes inecuaciones polinómicas:

- a) $x^2 - x - 2 < 0$ b) $x^2 - x - 6 > 0$
 c) $-x^2 + 4x - 4 \leq 0$ d) $x^2 - 4 \geq 0$

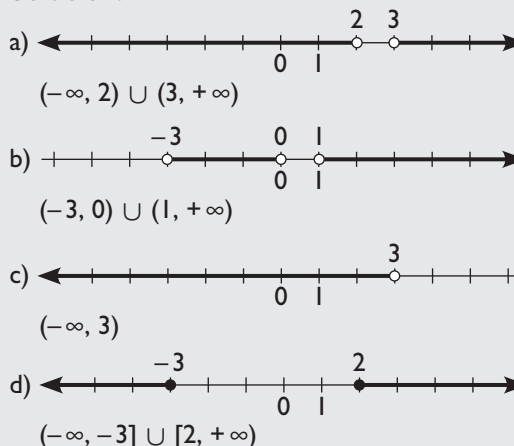
Solución:



62 Resuelve las siguientes inecuaciones racionales:

- a) $\frac{x-2}{3-x} < 0$ b) $\frac{x+3}{x^2-x} > 0$
 c) $\frac{x^2+2}{x-3} \leq 0$ d) $\frac{x^2+x-6}{x^2-2x+1} \geq 0$

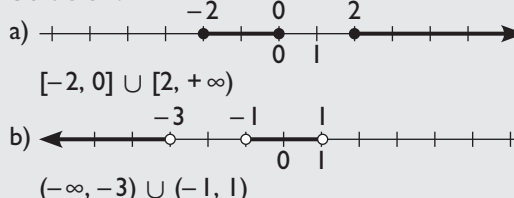
Solución:



63 Resuelve las siguientes inecuaciones polinómicas:

- a) $x^3 - 4x \geq 0$
 b) $x^3 + 3x^2 - x - 3 < 0$

Solución:



64 Dada la función $f(x) = -x^2 + 2x + 3$, halla:

- Cuándo vale cero.
- Cuándo es positiva.
- Cuándo es negativa.

Solución:

- $x_1 = 3, x_2 = -1$
- $(-1, 3)$
- $(-\infty, -1) \cup (3, +\infty)$

65 Dada la función $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 - 9}$, halla:

- Cuándo vale cero.
- Cuándo es positiva.
- Cuándo es negativa.

Solución:

- $x_1 = -1, x_2 = 1$
- $(-\infty, -3) \cup (-1, 1) \cup (3, +\infty)$
- $(-3, -1) \cup (1, 3)$

6. Método de Gauss para resolver sistemas lineales 3×3

66 Resuelve, aplicando el método de Gauss, los siguientes sistemas:

$$\begin{array}{l} \left. \begin{array}{l} a) \begin{cases} x + y + z = 6 \\ 2x - y - 3z = -9 \\ 3x + y - 2z = -1 \end{cases} \\ b) \begin{cases} 2x + y + 2z = 10 \\ 3x - 4y + 5z = 14 \\ x + y - z = -4 \end{cases} \end{array} \right\}$$

Solución:

- $x = 1, y = 2, z = 3$
- $x = -1, y = 2, z = 5$

67 Resuelve, aplicando el método de Gauss, los siguientes sistemas:

$$\begin{array}{l} \left. \begin{array}{l} a) \begin{cases} 2x - 3y + z = 10 \\ x + y - 2z = -5 \\ 5x - 2y - 2z = 6 \end{cases} \\ b) \begin{cases} 3x - 2y - z = 7 \\ 4x + y - 2z = -5 \\ 2x - 3y - 4z = -7 \end{cases} \end{array} \right\}$$

Solución:

- $x = 2, y = -1, z = 3$
- $x = 2, y = -3, z = 5$

7. Resolución de problemas de Álgebra

68 Ismael tiene tres años más que Ana, y Sonia tiene 2 años más que Ismael. Entre los tres tienen 53 años. ¿Cuántos años tiene cada uno?

Solución:

Ana: x Ismael: $x + 3$ Sonia: $x + 5$
 $x + x + 3 + x + 5 = 53 \Rightarrow x = 15$
 Ana: 15 años. Ismael: 18 años. Sonia: 20 años.

69 Cada uno de los lados iguales de un triángulo isósceles mide el triple que el lado desigual. Si el perímetro mide 42 m, ¿cuánto mide cada lado?

Solución:



El lado desigual: x
 Cada lado igual: $3x$
 $x + 2 \cdot 3x = 42$
 $x = 6$ m
 El lado desigual mide 6 m
 Cada lado igual mide 18 m

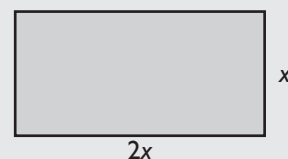
70 Se mezcla café del tipo A, de 5,5 €/kg, con café del tipo B, de 4 €/kg, para obtener una mezcla de 90 kg a 5 €/kg. ¿Cuántos kilogramos de café debemos tomar de cada tipo?

Solución:

Café de tipo A: x a 5,5 €/kg
 Café de tipo B: $90 - x$ a 4 €/kg
 $5,5x + 4(90 - x) = 5 \cdot 90$
 $x = 60$ kg
 Café de tipo A: 60 kg
 Café de tipo B: 30 kg

71 Halla las longitudes de los lados de un rectángulo sabiendo que el largo es el doble que el ancho y que la superficie mide 50 m²

Solución:



Ancho: x
 Largo: $2x$
 $x \cdot 2x = 50$
 Si $x = 5$, el ancho mide 5 m y el largo mide 10 m
 Si $x = -5$, se obtienen valores no válidos.

72 Un frutero compra una caja de plátanos a 0,8 €/kg. Se le estropean 3 kg, que tira a la basura, y el resto los vende a 1,2 €. Si gana 18 €, ¿cuántos kilogramos de plátanos contenía la caja inicialmente?

Solución:

Compra: x kg a 0,8 €/kg
 Vende: $x - 3$ a 1,2 €/kg
 $0,8x + 18 = (x - 3)1,2$
 $x = 54$ kg

Elabora actividades para reforzar

73 Resuelve las siguientes ecuaciones:

- a) $x^4 - 3x^2 = 0$ b) $x^6 - 27x^3 = 0$
c) $x^4 - 7x^2 + 12 = 0$ d) $4x^4 - 17x^2 + 4 = 0$

Solución:

- a) $x_1 = x_2 = 0, x_3 = \sqrt{3}, x_4 = -\sqrt{3}$
b) $x_1 = x_2 = x_3 = 0, x_4 = 3$
c) $x_1 = 2, x_2 = -2, x_3 = \sqrt{3}, x_4 = -\sqrt{3}$
d) $x_1 = 2, x_2 = -2, x_3 = \frac{1}{2}, x_4 = -\frac{1}{2}$

74 Resuelve mentalmente las siguientes ecuaciones:

- a) $x(x+3) = 0$ b) $(x+1)(x-5) = 0$
c) $x(x+2)(3x-6) = 0$ d) $x(x-1)(2x+5) = 0$

Solución:

- a) $x_1 = 0, x_2 = -3$
b) $x_1 = -1, x_2 = 5$
c) $x_1 = 0, x_2 = -2, x_3 = 2$
d) $x_1 = 0, x_2 = 1, x_3 = -\frac{5}{2}$

75 Resuelve mentalmente las siguientes ecuaciones:

- a) $2x^2 = 0$ b) $x^2 - 9 = 0$
c) $x^2 - 4x = 0$ d) $3x^2 - 7x = 0$

Solución:

- a) $x_1 = x_2 = 0$ b) $x_1 = 3, x_2 = -3$
c) $x_1 = 0, x_2 = 4$ d) $x_1 = 0, x_2 = \frac{7}{3}$

76 Halla mentalmente la descomposición factorial de los siguientes trinomios de segundo grado:

- a) $x^2 - 7x$ b) $x^2 + 12x + 36$
c) $x^2 - 25$ d) $x^2 - 14x + 49$

Solución:

- a) $x(x-7)$ b) $(x+6)^2$
c) $(x+5)(x-5)$ d) $(x-7)^2$

77 Factoriza mentalmente los siguientes polinomios:

- a) $x^2 + x + \frac{1}{4}$
b) $x^2 - 3$

Solución:

- a) $(x + 1/2)^2$
b) $(x + \sqrt{3})(x - \sqrt{3})$

78 Factoriza mentalmente los siguientes polinomios:

- a) $x^2 + \frac{2x}{3} + \frac{1}{9}$
b) $4x^2 - 12x + 9$
c) $x^2 + \frac{2x}{5} + \frac{1}{25}$
d) $9x^2 - 25$

Solución:

- a) $(x + 1/3)^2$
b) $(2x - 3)^2$
c) $(x + 1/5)^2$
d) $(3x + 5)(3x - 5)$

79 Factoriza los siguientes polinomios:

- a) $x^5 - 16x$
b) $x^6 - 25x^2$

Solución:

- a) $x(x-2)(x+2)(x^2+4)$
b) $x^2(x+\sqrt{5})(x-\sqrt{5})(x^2+5)$

80 Factoriza los siguientes polinomios:

- a) $x^4 - 81$
b) $x^4 - 9x^2$

Solución:

- a) $(x+3)(x-3)(x^2+9)$
b) $x^2(x-3)(x+3)$

81 Factoriza los siguientes polinomios y halla sus raíces:

- a) $14x^3 - 27x^2 - 6x + 8$
b) $x^3 - 3x^2 - 13x + 15$
c) $x^4 - 7x^3 - 3x^2 + 21x$
d) $x^4 - 4x^3 - x^2 + 20x - 20$

Solución:

- a) $14(x-2)(x-1/2)(x+4/7)$
 $x_1 = 2, x_2 = \frac{1}{2}, x_3 = -\frac{4}{7}$
b) $(x-1)(x+3)(x-5)$
 $x_1 = 1, x_2 = -3, x_3 = 5$
c) $x(x-7)(x+\sqrt{3})(x-\sqrt{3})$
 $x_1 = 0, x_2 = 7, x_3 = -\sqrt{3}, x_4 = \sqrt{3}$
d) $(x-2)^2(x+\sqrt{5})(x-\sqrt{5})$
 $x_1 = x_2 = 2, x_3 = -\sqrt{5}, x_4 = \sqrt{5}$

82 Resuelve las siguientes ecuaciones aplicando la factorización de polinomios:

a) $x^3 - 27 = 0$ b) $x^4 + 2x^2 - 3 = 0$
 c) $x^3 - 2x^2 - 49x + 98 = 0$ d) $4x^3 - 16x^2 - x + 4 = 0$

Solución:

a) $(x-3)(x^2+3x+9)$
 $x_1 = 3$
 b) $(x-1)(x+1)(x^2+3)$
 $x_1 = 1, x_2 = -1$
 c) $(x-2)(x-7)(x+7)$
 $x_1 = 2, x_2 = 7, x_3 = -7$
 d) $4(x-4)(x-1/2)(x+1/2)$
 $x_1 = 4, x_2 = \frac{1}{2}, x_3 = -\frac{1}{2}$

83 Escribe un polinomio que tenga las siguientes raíces:

a) $x_1 = 3, x_2 = -1, x_3 = -2$ b) $x_1 = x_2 = -1, x_3 = 4$
 c) $x_1 = -2, x_2 = 2, x_3 = 1$ d) $x_1 = -3, x_2 = x_3 = 2, x_4 = 1$

Solución:

a) $(x-3)(x+1)(x+2) \Rightarrow x^3 - 7x - 6$
 b) $(x+1)^2(x-4) \Rightarrow x^3 - 2x^2 - 7x - 4$
 c) $(x+2)(x-2)(x-1) \Rightarrow x^3 - x^2 - 4x + 4$
 d) $(x+3)(x-2)^2(x-1) \Rightarrow x^4 - 2x^3 - 7x^2 + 20x - 12$

84 Descompón mentalmente en factores el numerador y el denominador y simplifica las siguientes fracciones algebraicas:

a) $\frac{3x^2 - 9x}{x^2 - 6x + 9}$ b) $\frac{x^2 + 10x + 25}{x^2 - 25}$

Solución:

a) $\frac{3x(\cancel{x-3})}{(x-3)^2} = \frac{3x}{x-3}$ b) $\frac{(x+5)^2}{(\cancel{x+5})(x-5)} = \frac{x+5}{x-5}$

85 Calcula:

a) $\frac{4}{x} + \frac{3}{x-2} - \frac{x+1}{x^2-4}$ b) $\frac{x}{x^2-1} + \frac{x+2}{x^2-x} - \frac{3}{x}$

Solución:

a) $\frac{6x^2 + 5x - 16}{x(x^2 - 4)}$ b) $\frac{-x^2 + 3x + 5}{x(x^2 - 1)}$

86 Efectúa:

a) $\frac{x^2-1}{x^2-4} \cdot \frac{x^2+4x+4}{x^2+2x+1}$ b) $\frac{x^3-x^2}{x^2+5x+6} \cdot \frac{x^2-4}{x^2+x}$

Solución:

a) $\frac{x^2+x-2}{x^2-x-2}$ b) $\frac{x^3-3x^2+2x}{x^2+4x+3}$

87 Calcula:

a) $\frac{3x^2+6x+3}{x^4+x^3} : \frac{x^2+2x+2}{x^3+x^2}$
 b) $\frac{4x^2-1}{x^2-10x+25} : \frac{2x+1}{x^2-25}$

Solución:

a) $\frac{3x^2+6x+3}{x^3+2x^2+2x}$ b) $\frac{2x^2+9x-5}{x-5}$

88 Resuelve los siguientes sistemas:

a) $\left. \begin{aligned} y &= \frac{6}{x} \\ x^2 + y^2 &= 13 \end{aligned} \right\}$ b) $\left. \begin{aligned} x + 2y &= \frac{3}{x} \\ x + y &= \frac{2}{y} \end{aligned} \right\}$

Solución:

a) $x_1 = 2, y_1 = 3; x_2 = -2, y_2 = -3;$
 $x_3 = 3, y_3 = 2; x_4 = -3, y_4 = -2$
 b) $x_1 = 1, y_1 = 1; x_2 = -1, y_2 = -1$

89 Resuelve las ecuaciones exponenciales y logarítmicas:

a) $3^{x^2-x-6} = 1$
 b) $2^{1-x^2} = \frac{1}{8}$
 c) $3^{5x-4} = 9^{2x-1}$
 d) $\frac{1}{2} \log(x-16) = \log 3$

Solución:

a) $x_1 = 3, x_2 = -2$
 b) $x_1 = 2, x_2 = -2$
 c) $x = 2$
 d) $x = 25$

90 Resuelve las ecuaciones exponenciales y logarítmicas:

a) $2^x = \sqrt[3]{4}$ b) $0,5^x = 32$
 c) $\sqrt[5]{7^x} = 23$ d) $\frac{1}{9^x} = 27$

Solución:

a) $x = \frac{2}{3}$
 b) $x = -5$
 c) $x = 8,06$
 d) $x = -\frac{3}{2}$

91 Resuelve los sistemas:

$$\begin{aligned} \text{a)} \quad & \begin{cases} 5^x = 25 \cdot 5^y \\ \log(x+y) - \log(x-y) = \log 2 \end{cases} \\ \text{b)} \quad & \begin{cases} 4 \cdot 2^x = 4^{y+1} \\ \log(x+y) + \log(x-y) = \log 3 \end{cases} \end{aligned}$$

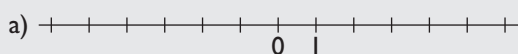
Solución:

$$\text{a)} \quad x = 3, y = 1 \qquad \text{b)} \quad x = 2, y = 1$$

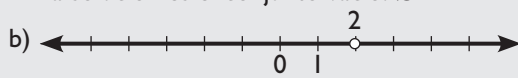
92 Resuelve las siguientes inecuaciones:

$$\begin{aligned} \text{a)} \quad & x^2 - 4x + 4 < 0 \\ \text{b)} \quad & x^2 - 4x + 4 > 0 \\ \text{c)} \quad & x^2 - 4x + 4 \leq 0 \\ \text{d)} \quad & x^2 - 4x + 4 \geq 0 \end{aligned}$$

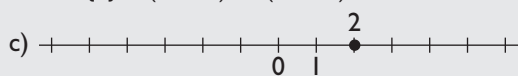
Solución:



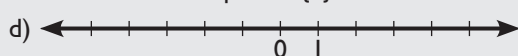
La solución es el conjunto vacío: \emptyset



$$\mathbb{R} - \{2\} = (-\infty, 2) \cup (2, +\infty)$$



La solución es el punto: $\{2\}$

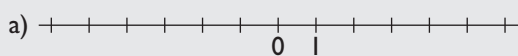


La solución es toda la recta real: \mathbb{R}

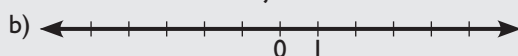
93 Resuelve las siguientes inecuaciones:

$$\begin{aligned} \text{a)} \quad & x^2 + 2x + 3 < 0 \\ \text{b)} \quad & x^2 + 2x + 3 > 0 \\ \text{c)} \quad & x^2 + 2x + 3 \leq 0 \\ \text{d)} \quad & x^2 + 2x + 3 \geq 0 \end{aligned}$$

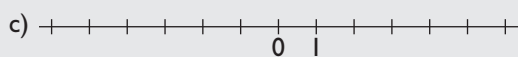
Solución:



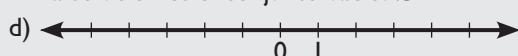
La solución es el conjunto vacío: \emptyset



La solución es toda la recta real: \mathbb{R}



La solución es el conjunto vacío: \emptyset

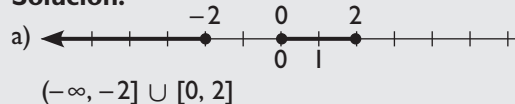


La solución es toda la recta real: \mathbb{R}

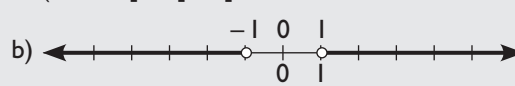
94 Resuelve las siguientes inecuaciones:

$$\begin{aligned} \text{a)} \quad & x^3 - 4x \leq 0 & \text{b)} \quad & x^4 - x^2 > 0 \\ \text{c)} \quad & \frac{5}{(x-2)^3} > 0 & \text{d)} \quad & \frac{9-x^2}{x^2-1} \geq 0 \end{aligned}$$

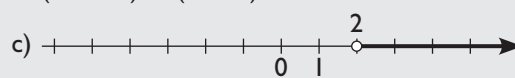
Solución:



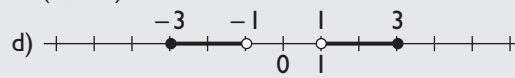
$$(-\infty, -2] \cup [0, 2]$$



$$(-\infty, -1) \cup (1, +\infty)$$



$$(2, +\infty)$$



$$[-3, -1) \cup (1, 3]$$

95 Dada la función $f(x) = |3x + 5|$, halla:

- Cuándo vale cero.
- Cuándo es positiva.
- Cuándo es negativa.

Solución:

$$\text{a)} \quad x = -\frac{5}{3}$$

$$\text{b)} \quad \mathbb{R} - \{-5/3\} = (-\infty, -5/3) \cup (-5/3, +\infty)$$

c) Nunca es negativa: \emptyset

96 Resuelve los siguientes sistemas:

$$\begin{aligned} \text{a)} \quad & \begin{cases} \frac{x}{3} + \frac{y}{4} + z = \frac{17}{12} \\ \frac{x+y}{3} - \frac{z}{2} = -\frac{1}{6} \\ \frac{x}{2} - \frac{y+z}{6} = 1 \end{cases} & \text{b)} \quad \begin{cases} x + y + z = 18 \\ \frac{x}{3} = \frac{y}{4} \\ \frac{x}{3} = \frac{z}{5} \end{cases} \end{aligned}$$

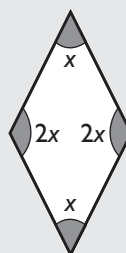
Solución:

$$\text{a)} \quad x = 2, y = -1, z = 1$$

$$\text{b)} \quad x = \frac{9}{2}, y = 6, z = \frac{15}{2}$$

97 Un ángulo de un rombo mide el doble que cada uno de los contiguos. ¿Cuánto mide cada uno de los ángulos de dicho rombo?

Solución:



Cada ángulo menor: x

Cada ángulo mayor: $2x$

$$2x + 2 \cdot 2x = 360^\circ$$

$$x = 60^\circ$$

Cada uno de los dos ángulos menores mide 60° , y cada uno de sus contiguos, 120°

- 98** Un tren sale de una ciudad A hacia otra ciudad B, que dista 600 km de A, con una velocidad de 80 km/h; a la misma hora sale de la ciudad B con dirección a la ciudad A otro tren a 120 km/h

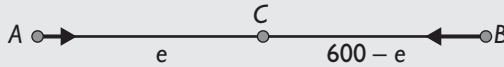
¿Cuánto tiempo tardan en encontrarse?

¿A qué distancia de la ciudad A se encuentran?

Solución:

Tren 1: $v = 80$ km/h
 $t = t$

Tren 2: $v = 120$ km/h
 $t = t$



$$\left. \begin{aligned} e &= 80t \\ 600 - e &= 120t \end{aligned} \right\}$$

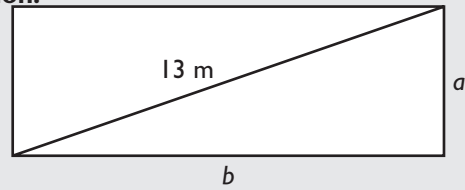
$$e = 240; t = 3 \text{ h}$$

Tardarán en encontrarse 3 horas.

Se encuentran a 240 km de A y a 360 km de B

- 99** Halla las longitudes de los lados de un rectángulo sabiendo que el perímetro mide 34 m, y la diagonal, 13 m

Solución:



b = Longitud de la base; a = Longitud de la altura

$$\left. \begin{aligned} b + a &= 17 \\ b^2 + a^2 &= 169 \end{aligned} \right\}$$

$b = 5, a = 12$, o bien, $b = 12, a = 5$

Un lado mide 12 m y el otro mide 5 m

- 100** Un número entero más el anterior y más el siguiente es igual a 51. ¿De qué número se trata?

Solución:

Número entero: x

Anterior: $x - 1$

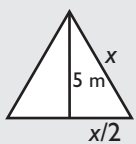
Siguiente: $x + 1$

$$x + x - 1 + x + 1 = 51 \Rightarrow x = 17$$

Elabora problemas

- 101** La altura de un triángulo equilátero es de 5 m. Calcula cuánto mide el lado.

Solución:



Se aplica el teorema de Pitágoras:

$$(x/2)^2 + 5^2 = x^2$$

$$x = \frac{10\sqrt{3}}{3} \text{ m}$$

$$x = -\frac{10\sqrt{3}}{3}; \text{ este valor no es válido.}$$

- 102** El área de una plaza circular mide 2827 m². Calcula el radio de la plaza.

Solución:



$$A = \pi R^2$$

$$\pi R^2 = 2827$$

$$R = 30 \text{ m}$$

$$R = -30; \text{ este valor no es válido.}$$

- 103** Halla dos números enteros consecutivos sabiendo que su producto es 156

Solución:

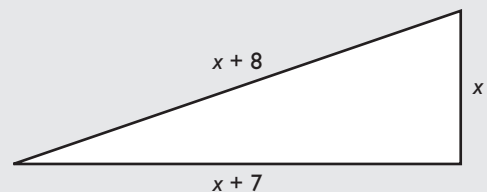
Un número: x El siguiente: $x + 1$

$$x(x + 1) = 156$$

Los números pueden ser: 12 y 13, o bien -13 y -12

- 104** El cateto mayor de un triángulo rectángulo es 7 unidades más largo que el menor y una unidad menor que la hipotenusa. Calcula las dimensiones de los catetos y de la hipotenusa de dicho triángulo rectángulo.

Solución:



Cateto menor: x

Cateto mayor: $x + 7$

Hipotenusa: $x + 8$

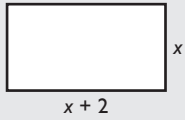
$$x^2 + (x + 7)^2 = (x + 8)^2$$

Si $x = 5$, los catetos miden 5 y 12, y la hipotenusa, 13

Si $x = -3$, se obtienen valores no válidos.

- 105** Halla las dimensiones de una habitación rectangular de 15 m^2 de superficie sabiendo que es 2 metros más larga que ancha.

Solución:



Lado menor: x
 Lado mayor: $x + 2$
 $x(x + 2) = 15$

Si $x = 3$, los lados miden 3 y 5 m

Si $x = -5$, se obtienen valores no válidos.

- 106** El número de días de un año no bisiesto es igual al cuadrado de un número entero, más el cuadrado del siguiente y más el cuadrado del siguiente. ¿De qué número entero se trata?

Solución:

N.º de días de un año no bisiesto: 365

Número: x

Número siguiente: $x + 1$

Número siguiente del siguiente: $x + 2$

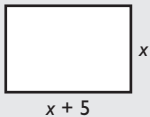
$$x^2 + (x + 1)^2 + (x + 2)^2 = 365$$

$$x = 10$$

$$x = -12$$

- 107** Una finca es 5 m más larga que ancha y tiene 750 m^2 de superficie. Calcula las dimensiones de la finca.

Solución:



Lado menor: x
 Lado mayor: $x + 5$
 $x(x + 5) = 750$

$x = 25$, los lados miden 25 y 30 m

Si $x = -30$, se obtiene valores no válidos.

- 108** Halla un número sabiendo que si a dicho número elevado a la cuarta potencia le restamos su cuadrado se obtiene 72

Solución:

Número: x

$$x^4 - x^2 = 72$$

$$x = 3, x = -3$$

- 109** Halla un número sabiendo que si le sumamos su raíz cuadrada se obtiene 30

Solución:

Número: x

$$x + \sqrt{x} = 30$$

$$x = 25$$

- 110** Halla un número sabiendo que la suma de su opuesto con su inverso es igual a $5/6$

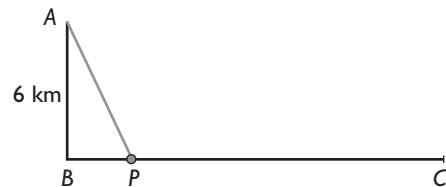
Solución:

Número: x

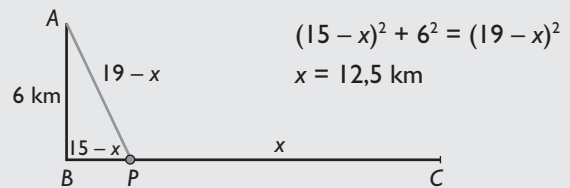
$$-x + \frac{1}{x} = \frac{5}{6}$$

$$x = \frac{2}{3}, \text{ o bien, } x = -\frac{3}{2}$$

- 111** Para ir del punto A al punto C hacemos el recorrido AP y luego PC, y andamos en total 19 km. Si la distancia de B a C es de 15 km, ¿a qué distancia de C está el punto P?



Solución:



$$(15 - x)^2 + 6^2 = (19 - x)^2$$

$$x = 12,5 \text{ km}$$

- 112** Calcula dos números cuya diferencia es 5 y la suma de sus cuadrados es 73

Solución:

Números: x e y

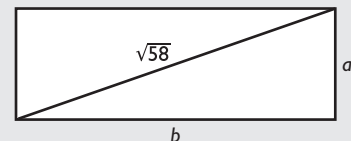
$$x - y = 5$$

$$x^2 + y^2 = 73$$

Los números son 8 y 3, o bien -3 y -8

- 113** Un rectángulo tiene 21 cm^2 de área y su diagonal mide $\sqrt{58} \text{ cm}$. Calcula las dimensiones del rectángulo.

Solución:



b = Longitud de la base; a = Longitud de la altura

$$ba = 21$$

$$b^2 + a^2 = 58$$

$$b = 7, a = 3; \text{ o bien } b = 3, a = 7$$

Las dimensiones del rectángulo son 7 cm y 3 cm

El resto de soluciones no son válidas.

114 Para vallar una finca rectangular de 600 m^2 se han utilizado 100 m de cerca. Calcula las dimensiones de la finca.

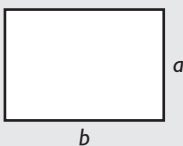
Solución:

b = Longitud de la base; a = Longitud de la altura

$$\begin{cases} ba = 600 \\ b + a = 50 \end{cases}$$

$b = 30, a = 20$; o bien $b = 20, a = 30$

Las dimensiones de la finca son 30 m y 20 m



115 La suma de dos números es 13 y la suma de sus inversos es $13/42$. Calcula dichos números.

Solución:

$$\begin{cases} x + y = 13 \\ \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{13}{42} \end{cases}$$

$x = 6, y = 7$; o bien $x = 7, y = 6$

116 Halla dos números positivos sabiendo que su diferencia es 4 y su producto es 32

Solución:

$$\begin{cases} x - y = 4 \\ xy = 32 \end{cases}$$

$x_1 = 8, y_1 = 4$

$x_2 = -4, y_2 = -8$

Como se piden valores positivos, la solución negativa no es válida.

117 La cantidad de un medicamento en la sangre viene dada por la fórmula $c = 50 \cdot 0,85^t$, donde c se mide en miligramos y t en horas. Si cuando la cantidad baja de 14 mg se tiene que administrar una nueva dosis, ¿cada cuánto tiempo hay que administrar las dosis? Redondea el tiempo a horas.

Solución:

$$50 \cdot 0,85^t = 14$$

$$\log 50 + t \log 0,85 = \log 14$$

$$t = \frac{\log 14 - \log 50}{\log 0,85} = 7,8$$

Cada 8 horas.

118 Un cultivo de bacterias crece según la fórmula $y = 2^{t/5}$, donde y es el número de miles de bacterias y t se mide en horas. ¿Cuánto tiempo tiene que transcurrir para que haya más de 28 000 bacterias?

Solución:

$$2^{t/5} = 28\,000$$

$$\frac{t}{5} \log 2 = \log 28\,000$$

$$t = \frac{5 \cdot \log 28\,000}{\log 2} = 73,87$$

Deben transcurrir casi 74 horas.

119 La longitud de la circunferencia de un árbol crece según la fórmula $c = 0,05e^{0,2t}$, donde c es la longitud de la circunferencia medida en metros, y t , el número de años. ¿Cuántos años tardará en medir un metro?

Solución:

$$0,05e^{0,2t} = 1$$

$$\ln 0,05 + 0,2t = 0$$

$$t = -\frac{\ln 0,05}{0,2} = 14,98$$

Tardará casi 15 años.

120 Una determinada alga cuya superficie es de $0,5 \text{ m}^2$ se duplica cada semana. Se colocan cinco de estas algas en un lago de 6 km^2 . ¿Cuánto tiempo tardarán en colonizar todo el lago?

Solución:

$$5 \cdot 0,5 \cdot 2^t = 6 \cdot 10^6$$

$$\log 2,5 + t \log 2 = 6 + \log 6$$

$$t = \frac{6 + \log 6 - \log 2,5}{\log 2} = 21,19$$

Tardarán aproximadamente 21 semanas.

121 La mitad de un número más su cuadrado es menor de 39. ¿Qué valores puede tomar dicho número?

Solución:

$$\frac{x}{2} + x^2 < 39$$

Los números del intervalo abierto: $(-13/2, 6)$

122 El perímetro de un rectángulo mide 24 m. ¿Qué valores pueden tomar los lados para que la superficie sea mayor de 32 m^2 ?

Solución:

Base: x

Altura: $12 - x$

$$x(12 - x) > 32$$

Los números del intervalo abierto: $(4, 8)$

123 Halla cuándo es positiva la función: $f(x) = -x^2 + 5x - 4$

Solución:

$$-x^2 + 5x - 4 > 0$$

En el intervalo: $(1, 4)$

124 Halla cuándo es negativa la función: $f(x) = \frac{x^2 - 4}{x}$

Solución:

$$\frac{x^2 - 4}{x} < 0$$

$(-\infty, -2) \cup (0, 2)$

125 En la ecuación de segundo grado $x^2 + 4x + c = 0$, determina qué valores debe tomar c para que:

- a) tenga una sola raíz real;
- b) tenga dos raíces reales;
- c) no tenga raíces reales.

Solución:

$$\Delta = 16 - 4c$$

- a) $16 - 4c = 0 \Rightarrow c = 4$
- b) $16 - 4c > 0 \Rightarrow c < 4$
- c) $16 - 4c < 0 \Rightarrow c > 4$

126 En una familia de tres miembros ingresan en total 3 250 € al mes. La madre gana el doble que el hijo y el hijo gana el 75% del sueldo del padre. ¿Cuál es el salario de cada uno?

Solución:

Padre: x Hijo: $0,75x$ Madre: $1,5x$

$$x + 0,75x + 1,5x = 3\,250$$

$$x = 1\,000 \text{ €}$$

Padre: 1 000 € Hijo: 750 € Madre: 1 500 €

127 Una colección de 126 discos se ha dividido en tres partes. La primera tiene el doble de discos que la segunda, y entre las dos primeras suman la mitad de la colección. ¿Cuántos discos tiene cada parte?

Solución:

Primera: $2x$

Segunda: x

$$2x + x = 63$$

$$x = 21$$

Primera: 42 discos.

Segunda: 21 discos.

Tercera: 63 discos.

128 Se han comprado 2 500 acciones de tres empresas a 12 €, 10 € y 15 € cada acción. Si el capital invertido es de 30 000 € y el número de acciones de la primera empresa supone un 40% del total, ¿cuántas acciones se han comprado de cada empresa?

Solución:

De 12 €: x De 10 €: y De 15 €: z

$$\left. \begin{array}{l} x + y + z = 2\,500 \\ 12x + 10y + 15z = 30\,000 \\ x = 0,4 \cdot 2\,500 \end{array} \right\}$$

$$x = 1\,000 \text{ acciones de } 12 \text{ €}$$

$$y = 900 \text{ acciones de } 10 \text{ €}$$

$$z = 600 \text{ acciones de } 15 \text{ €}$$

129 De una cierta cantidad de dinero se ha gastado primero la mitad, y luego la tercera parte de lo que quedaba, y aún quedan 4 000 €. ¿Cuánto dinero había inicialmente?

Solución:

$$\frac{x}{2} + \frac{1}{3} \cdot \frac{x}{2} + 4\,000 = x$$

$$x = 12\,000 \text{ €}$$

130 Hoy la edad de un padre es 6 veces la de su hijo, y dentro de 9 años la edad del padre será el triple de la edad de su hijo. ¿Cuántos años tiene hoy cada uno?

Solución:

	Ahora	Dentro de 9 años
Hijo	x	$x + 9$
Padre	$6x$	$6x + 9$

$$6x + 9 = 3(x + 9)$$

$$x = 6$$

La edad del hijo hoy: 6 años.

La edad del padre hoy: 36 años.

131 El cajero automático de una determinada entidad bancaria solo admite billetes de 50, 20 y 10 €. Los viernes depositan en el cajero 225 billetes por un importe total de 7 000 €. Averigua el número de billetes de cada valor depositado, sabiendo que la suma del número de billetes de 50 y de 10 € es el doble del número de billetes de 20 €.

Solución:

N.º de billetes de 100 € = c

N.º de billetes de 20 € = v

N.º de billetes de 10 € = d

$$\left. \begin{array}{l} c + v + d = 225 \\ 50c + 20v + 10d = 7\,000 \\ c + d = 2v \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{array}{l} c = 100 \\ v = 75 \\ d = 50 \end{array}$$

Hay 100 billetes de 100 €, 75 billetes de 20 € y 50 billetes de 10 €

132 Un comercio tiene un total de 270 unidades de un producto de tres tipos: A, B y C. Del tipo A tiene 30 unidades menos que de la totalidad de B más C, y del tipo C tiene el 35% de la suma de A más B. Calcula el número de productos que hay en el comercio de cada tipo.

Solución:

Unidades del tipo A = A

Unidades del tipo B = B

Unidades del tipo C = C

$$\left. \begin{array}{l} A + B + C = 270 \\ A = B + C - 30 \\ C = 0,35(A + B) \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{array}{l} A = 120 \\ B = 80 \\ C = 70 \end{array}$$

Hay:

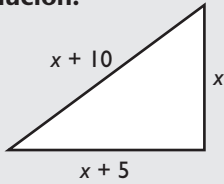
Del tipo A, 120 unidades

Del tipo B, 80 unidades

Del tipo C, 70 unidades

- 133** Los lados de un triángulo rectángulo son números que se diferencian en cinco unidades. Calcula las longitudes de dichos lados.

Solución:



Cateto menor: x
 Cateto mayor: $x + 5$
 Hipotenusa: $x + 10$

$$x^2 + (x + 5)^2 = (x + 10)^2$$

Si $x = 15$, los catetos miden: 15 y 20; la hipotenusa mide 25

Si $x = -5$, se obtienen valores no válidos.

Elabora problemas de más nivel

- 134** Resuelve las siguientes ecuaciones:

a) $|2x + 3| = 5$ b) $|-3x + 5| = |x - 7|$
 c) $|x^2 + 5| = 9$ d) $|x^2 - 1| = 8$

Solución:

a) $2x + 3 = 5 \Rightarrow x = 1$
 $2x + 3 = -5 \Rightarrow x = -4$
 b) $-3x + 5 = x - 7 \Rightarrow x = 3$
 $-3x + 5 = -x + 7 \Rightarrow x = -1$
 c) $x^2 + 5 = 9 \Rightarrow x_1 = 2, x_2 = -2$
 $x^2 + 5 = -9 \Rightarrow$ No tiene solución real.
 d) $x^2 - 1 = 8 \Rightarrow x_1 = 3, x_2 = -3$
 $x^2 - 1 = -8 \Rightarrow$ No tiene solución real.

- 135** Resuelve las siguientes ecuaciones:

a) $|x^2 - 5x| = 6$ b) $|x^2 + 7| = 2$
 c) $|x^2 - x| = 12$ d) $|2x^2 + 5x| = 3$

Solución:

a) $x^2 - 5x = 6 \Rightarrow x_1 = 6, x_2 = -1$
 $x^2 - 5x = -6 \Rightarrow x_1 = 2, x_2 = 3$
 b) $x^2 + 7 = 2 \Rightarrow$ No tiene solución real.
 $x^2 + 7 = -2 \Rightarrow$ No tiene solución real.
 c) $x^2 - x = 12 \Rightarrow x_1 = 4, x_2 = -3$
 $x^2 - x = -12 \Rightarrow$ No tiene solución real.
 d) $2x^2 + 5x = 3 \Rightarrow x_1 = -3, x_2 = \frac{1}{2}$
 $2x^2 + 5x = -3 \Rightarrow x_1 = -1, x_2 = -\frac{3}{2}$

- 136** La suma de un número par más el par anterior y más el impar siguiente es 77. ¿De qué número se trata?

Solución:

Número par: $2x$
 Par anterior: $2x - 2$
 Impar siguiente: $2x + 1$
 $2x + 2x - 2 + 2x + 1 = 77$
 $x = 13$
 Número par: 26; par anterior: 24; impar siguiente: 27

- 137** Dos grifos llenan un depósito en dos horas. Si uno echa el doble de agua que el otro, ¿cuánto tiempo tardaría en llenar el depósito cada grifo?

Solución:

	Caudal	Tiempo	Volumen
Grifo 1	x	t_1	xt_1
Grifo 2	$2x$	t_2	$2xt_2$

Volumen del depósito: $2(x + 2x) = 6x$

Tiempo grifo 1 del caudal menor:

$$xt_1 = 6x \Rightarrow t_1 = 6 \text{ horas}$$

Tiempo grifo 2 del caudal mayor:

$$2xt_2 = 6x \Rightarrow t_2 = 3 \text{ horas}$$

- 138** Calcula el valor numérico de las siguientes fracciones algebraicas:

a) $\frac{x^2 - 6x + 9}{x^2 - 9}$ para $x = 3$

b) $\frac{x^2 + 3x + 2}{x^2 - x - 6}$ para $x = -2$

Solución:

a) Se obtiene $0/0$; se puede simplificar previamente.

$$\frac{x^2 - 6x + 9}{x^2 - 9} = \frac{(x - 3)^2}{(x + 3)(x - 3)} = \frac{x - 3}{x + 3}$$

Se obtiene: 0

b) Se obtiene $0/0$; se puede simplificar previamente.

$$\frac{x^2 + 3x + 2}{x^2 - x - 6} = \frac{(x + 1)(x + 2)}{(x + 2)(x - 3)} = \frac{x + 1}{x - 3}$$

Se obtiene: $\frac{1}{5}$

- 139** Halla dos números enteros consecutivos, sabiendo que su producto dividido por su suma es igual a $6/5$

Solución:

Números: $x, x + 1$

$$\frac{x(x+1)}{x+x+1} = \frac{6}{5} \Rightarrow x = 2$$

Los números son: 2 y 3

Aparece también la solución $x = -3/5$, pero no es un número entero.

- 140** Halla dos números enteros consecutivos, sabiendo que su suma más la raíz cuadrada de su suma es igual a 30

Solución:

Números: $x, x + 1$

$$x + x + 1 + \sqrt{x + x + 1} = 30 \Rightarrow x = 12$$

Los números son: 12 y 13

- 141** Las diagonales de un rombo son proporcionales a 3 y 2. El área del rombo mide 243 cm^2 . Calcula las diagonales del rombo.

Solución:

D = Longitud de la diagonal mayor

d = Longitud de la diagonal menor

$$\left. \begin{array}{l} \frac{D}{3} = \frac{d}{2} \\ \frac{Dd}{2} = 243 \end{array} \right\} \begin{array}{l} D = 27, d = 18 \\ \text{Las diagonales miden: } 27 \text{ cm y } 18 \text{ cm} \end{array}$$

Las soluciones negativas no tienen sentido.

- 142** La fórmula de revalorización de un sueldo viene dada por $S = s(1 + r)^t$, donde S es el sueldo final, s el sueldo inicial, r el tanto por uno y t el número de años. Calcula el número de años que tienen que transcurrir para que un sueldo anual de 20 000 €, con una revalorización del 1,5% anual, se transforme en 25 000 €

Solución:

$$20\,000 \cdot 1,015^t = 25\,000 \Rightarrow t = 27,23 \text{ años}$$

- 143** En un lago artificial se introducen 85 truchas, que se reproducen según la fórmula $N = 85e^{2t}$, donde N es el número de truchas y t el número de años. ¿Cuánto tiempo tiene que transcurrir para que haya más de un millón de truchas?

Solución:

$$85e^{2t} = 1\,000\,000 \Rightarrow t = 4,69 \text{ años}$$

- 144** La población de una ciudad viene dada por la fórmula $p = 2e^{0,005t}$, donde p es el número de millones de habitantes, y t , el tiempo en años. Calcula cuántos años tienen que transcurrir para que la población sea de 2,5 millones de habitantes.

Solución:

$$2e^{0,005t} = 2,5$$

$$\ln 2 + 0,005t = \ln 2,5$$

$$t = \frac{\ln 2,5 - \ln 2}{0,005} = 44,6$$

Deben transcurrir 44,6 años.

- 145** La población de una cierta especie animal en peligro de extinción se reduce según la fórmula $P = 5\,000 \cdot 2^{-0,3t}$, donde P es la población final, y t , el número de años. Si se considera que la extinción es inevitable si hay menos de 100 ejemplares, ¿en cuántos años se alcanzará el punto en el que se considera que la extinción es inevitable?

Solución:

$$5\,000 \cdot 2^{-0,3t} = 100$$

$$\log 5\,000 - 0,3t \log 2 = 2$$

$$t = \frac{\log 5\,000 - 2}{0,3 \log 2} = 18,81$$

Se alcanzará a los 18,81 años.

- 146** El periodo de semidesintegración del polonio es de 140 días, es decir, cada 140 días se transforma en la mitad de su peso. Si tenemos 200 g de polonio, ¿en cuánto tiempo se transformará en 25 g?

Solución:

$$200 \cdot (1/2)^t = 25$$

$$\log 200 - t \log 2 = \log 25$$

$$t = \frac{\log 200 - \log 25}{\log 2} = 3$$

Tiempo: $3 \cdot 140 = 420$ días.

Serán 3 periodos.

- 147** En la actualidad, la edad de un padre es el triple de la de su hijo, y dentro de 15 años, la edad del padre será el doble de la edad de su hijo. ¿Cuántos años tienen en este momento el padre y el hijo?

Solución:

	Ahora	Dentro de 15 años
Hijo	x	$x + 15$
Padre	$3x$	$3x + 15$

$$3x + 15 = 2(x + 15) \Rightarrow x = 15$$

Edad del hijo ahora: 15 años.

Edad del padre ahora: 45 años.

148 Halla el radio de la sección de un tronco de un árbol para que tenga un metro cuadrado de área.

Solución:

$$A = \pi R^2 \Rightarrow \pi R^2 = 1 \Rightarrow R = \frac{1}{\sqrt{\pi}} = 0,56 \text{ m} = 56 \text{ cm}$$

149 Halla dos números impares consecutivos cuyo producto sea 323

Solución:

Números impares consecutivos: $2x + 1$, $2x + 3$

$$(2x + 1)(2x + 3) = 323 \Rightarrow x_1 = 8, x_2 = -10$$

Los números son: 17 y 19, o bien -19 y -17

150 Una finca rectangular tiene de superficie 759 m^2 y se necesitan 112 m de cerca para vallarla. Calcula las dimensiones de la finca.

Solución:

b = Longitud de la base

a = Longitud de la altura

$$\left. \begin{array}{l} 2b + 2a = 112 \\ ba = 759 \end{array} \right\} b = 33, a = 23; \text{ o bien } b = 23, a = 33$$

La finca mide $33 \text{ m} \times 23 \text{ m}$

151 Las edades de Óscar y su madre suman 65 años, y dentro de cinco años la edad de la madre será el doble que la de Óscar. ¿Qué edad tienen en este momento cada uno?

Solución:

	Ahora	Dentro de 5 años
Óscar	O	$O + 5$
Madre	M	$M + 5$

$$\left. \begin{array}{l} O + M = 65 \\ M + 5 = 2(O + 5) \end{array} \right\} O = 20, M = 45$$

Edad Óscar ahora: 20 años.

Edad de la madre ahora: 45 años.

152 Se mezcla café del tipo A de 6 €/kg con café del tipo B de 4,5 €/kg para obtener una mezcla de 60 kg a 5 €/kg. ¿Cuántos kilogramos de café debemos tomar de cada tipo?

Solución:

Tipo A: x a 6 €/kg

Tipo B: $60 - x$ a 4,5 €/kg

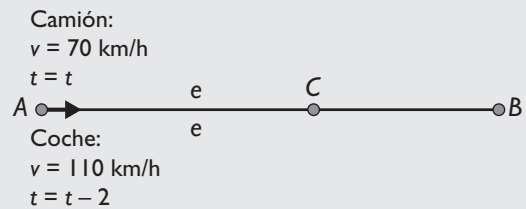
$$6x + 4,5(60 - x) = 60 \cdot 5 \Rightarrow x = 20 \text{ kg}$$

Tipo A: 20 kg

Tipo B: 40 kg

153 Un camión sale de una ciudad A hacia otra ciudad B, que distan 800 km entre sí, con una velocidad de 70 km/h; dos horas más tarde sale de la misma ciudad A con dirección a la ciudad B un coche a 110 km/h. ¿Cuánto tiempo tardará en alcanzar el coche al camión? ¿A qué distancia de la ciudad A lo alcanzará?

Solución:



Camión:

$e: e$

$v: 70 \text{ km/h}$

$t: t$

$e = vt$

$e = 70t$

Coche:

$e: e$

$v: 110 \text{ km/h}$

$t: t - 2$

$e = vt$

$e = 110(t - 2)$

Hay que resolver el sistema:

$e = 70t$

$e = 110(t - 2)$

$t = 5,5 \text{ h} = 5 \text{ h } 30 \text{ min} \Rightarrow e = 70 \cdot 5,5 = 385 \text{ km}$

