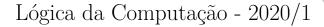
Insper



Aula 04/T02 - 02/Mar/2020

Raul Ikeda - rauligs@insper.edu.br

Objetivos

- 1. Gramáticas Regulares
- 2. Autômatos Finitos

Retomando a gramática do compilador:

Qual é a linguagem?

Que outras características podemos observar nas regras de produção?

Definindo uma Gramática Regular

Definição: Uma gramática é dita regular se as regras de produção possuem a seguinte forma:

$$\alpha \to \beta \gamma \ ou \ \alpha \to \gamma \beta$$

Onde:

- $\bullet \quad \alpha \in N = V \cap \bar{\Sigma}$
- $\bullet \quad \beta \in \Sigma^*$
- $\bullet \quad \gamma \in N \cup \phi$

Ou seja, um único **não terminal** só pode ser substituído por uma **cadeia de terminais** e até um **único não terminal**.

- Regras $\alpha \to \beta \gamma$ produzem uma **Gramática Linear à Direita**.
- Regras $\alpha \to \gamma \beta$ produzem uma Gramática Linear à Esquerda.

Portanto a gramática do compilador, por enquanto, é:

Exemplos de Aplicações:

- Verificação do comportamento de circuitos digitais
- O próprio analisador léxico em que estamos trabalhando
- Procura de palavras ou frases em um texto ou string em geral
- Protocolo de comunicação de dispositivos (por exemplo IoT)

Outros exemplos (não tão aplicados):

$$\bullet \ L(G_1)=\{a^n|n\geq 0\}$$

•
$$L(G_2) = \{a^m b^n | m \ge 0, n \ge 0\}$$

•
$$L(G_3) = \{a^m b^m | m \ge 0\}$$

Equivalências entre GR

Teorema: "Se G_1 é uma gramática linear à direita, então existe uma gramática linear à esquerda G_2 tal que $L(G_1)=L(G_2)$, e vice versa". Ver: Ramos et al Pag 142.

Ideia:

Exemplo Prático:	RegExp -	Regular	Expression
------------------	----------	---------	------------

Muito utilizado para pesquisar em um texto ou validar se uma substring segue um determinado padrão.

Exemplo: Simples validador de E-mail.

 $testar:\ https://www.regextester.com/$

Mais detalhes: https://en.wikipedia.org/wiki/Regular_expression

Gramática vs RegExp

Escreva uma gramática regular equivalente à expressão regular anterior.

Será que as expressões regulares podem nos ajudar a representar uma linguagem de programação?

Validando uma cadeia

1. Como faço para reconhecer automaticamente se uma cadeia pertence a uma gramática regular? Será que é preciso fazer um Analisador Sintático para validar?

Autômatos Finitos Determinísticos - AFD

Um AFD atesta que uma cadeia é aderente a uma gramática se ao terminar de processar a cadeia o estado atual pertence ao conjunto de estados finais. Implicações:

- Todo estado deve ser capaz de processar todos os símbolos do alfabeto
- Cada símbolo só pode estar atrelado apenas à uma regra de transição
- Não pode haver transições em vazio (λ)

>> Ver JFLAP: jflap.org

Formalizando

Um autômato finito é uma quíntupla:

$$M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$$

Onde:

- Q é um conjunto finito de estados.
- Σ é o alfabeto (finito e não vazio) de entrada.
- δ é um conjunto de funções de transição. $\delta: Q \times \Sigma \to Q$
- q_0 é o estado inicial. $q_0 \in Q$
- F é conjunto de estados finais. $F \subseteq Q$

Enfim, autômato é ou não um computador?

Equivalência entre GR e AF

Teorema: "Seja G uma gramática linear à direita. Então é possível definir um autômato finito M de tal modo que L(G) = L(M)" Ver: Ramos et al Pag. 202.

Algoritmo:

- 1. Cada símbolo não terminal vira um estado do autômato.
- 2. O símbolo raiz da gramática vira o estado inicial.
- 3. Adicionar um estado final Z ao conjunto de estados.
- 4. Para cada regra de produção, fazer a seguinte transformação:
 - Se $X \to aY$ então $(X, a) \to Y$
 - Se $X \to Y$ então $(X, \lambda) \to Y$
 - Se $X \to a$ então $(X,a) \to Z$
 - Se $X \to \lambda$ então $(X, \lambda) \to Z$

Exemplo: Usando a gramática do compilador.

Wait! Esse autômato tem transições em vazio?

R: É possível (e saudável) eliminá-los. Ver: Ramos et al Pag. 169.

Pode haver estados inacessíveis ou inúteis?

R: Ver Ramos et al Pag. 179.

Autômato melhorado:

Quais as conclusões desse exemplo?

TGF: Minimização de Autômatos. Ramos et al Pag. 216.

O Nosso Estado atual

Lista de Exercícios

- 1. Construa um AFD que aceite a seguinte expressão regular: $a(a|b)^*aaa$.
- $2.\,$ Escreva a gramática regular equivalente ao item $1.\,$
- 3. Dada a gramática $G = (\{A, B, C, a, b\}, \{a, b\}, P, A)$, sendo:

$$P = \begin{cases} A \rightarrow aB \\ B \rightarrow bA \\ B \rightarrow C \\ C \rightarrow aC \\ C \rightarrow \lambda \end{cases}$$

a) Explique porque ela é regular.

- b) Escreve uma gramática linear à esquerda equivalente.
- c) Monte um Autômato que reconheça a gramática acima.
- d) Transforme o autômato do item c em um AFD.
- e) Escreve a linguagem e a expressão regular equivalente.
- 4. Como você demonstra que duas gramáticas são iguais?

Próxima aula:

- EBNF
- Precedência de Operadores
- Melhorias no Compilador:
 - Multiplicação e Divisão
 - Comentários

Referências:

- J. J. Neto - Cap. 5