Bioestadística

 MSc Ana Luisa Romero Pimentel Instituto Nacional de Medicina Genómica Laboratorio de Enfermedades Psiquiátricas apimentel@inmegen.edu.mx

Dr. Raul Alejandro Mejía Pedroza Instituto Nacional de Medicina Genómica Departamento de Genómica Computacional ralejandro@inmegen.edu.mx

- Página web
 - https://github.com/raulmejia/
- R
- https://cran.r-project.org/

Formulas and Tables

Ch. 8: Test Statistics (one population)

$$z = \frac{\hat{p} - p}{\sqrt{\frac{pq}{n}}}$$
 Proportion—one population
$$z = \frac{\overline{x} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}}$$
 Mean—one population (\sigma known)

$$t = \frac{\bar{x} - \mu}{s/\sqrt{n}}$$
 Mean—one population (\sigma unknown)

$$\chi^2 = \frac{(n-1)s^2}{\sigma^2}$$
 Standard deviation or variance—one population

Ch. 9: Test Statistics (two populations)

$$z = \frac{(\hat{p}_{1} - \hat{p}_{2}) - (p_{1} - p_{2})}{\sqrt{\frac{\bar{p}q}{n_{1}} + \frac{\bar{p}q}{n_{2}}}}$$
Two proportions
$$\bar{p} = \frac{x_{1} + x_{2}}{n_{1} + n_{2}}$$

$$t = \frac{(\bar{x}_{1} - \bar{x}_{2}) - (\mu_{1} - \mu_{2})}{\sqrt{\frac{s_{1}^{2}}{n_{1}} + \frac{s_{2}^{2}}{n_{2}}}}$$
 df = smaller of
$$n_{1} - 1, n_{2} - 1$$

$$t = \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{\frac{s_1^2}{n_1} + \frac{s_2^2}{n_2}}} \quad \text{df = smaller of}$$

Two means—independent; σ_1 and σ_2 unknown, and not assumed equal.

$$t = \frac{(\overline{x}_1 - \overline{x}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{\frac{s_p^2}{n_1} + \frac{s_p^2}{n_2}}} \quad (df = n_1 + n_2 - 2)$$

$$\int_{s_p^2 = \frac{(n_1 - 1)s_1^2 + (n_2 - 1)s_2^2}{n_1 + n_2 - 2}} dt$$
where $E = t_{\alpha/2} s_e \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{n(x_0 - \overline{x})^2}{n(\Sigma x^2) - (\Sigma x)^2}}$
Two means—independent; σ_1 and σ_2 unknown, but
$$r_s = 1 - \frac{6\Sigma d^2}{n(n^2 - 1)} \quad \text{Rank correlation}$$

-Two means—independent; σ_1 and σ_2 unknown, but assumed equal.

$$z = \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}}$$
 Two means—independent;
$$\sigma_1, \sigma_2 \text{ known.}$$

$$t = \frac{\overline{d} - \mu_d}{\frac{s_d}{\sqrt{n}}}$$
 Two means—matched pairs (df = n - 1)

Ch. 11: Goodness-of-Fit and Contingency Tables

$$\chi^{2} = \Sigma \frac{(O - E)^{2}}{E} \quad \begin{array}{l} \text{Goodness-of-fit} \\ \text{(df} = k - 1) \end{array}$$

$$\chi^{2} = \Sigma \frac{(O - E)^{2}}{E} \quad \begin{array}{l} \text{Contingency table} \\ \text{[df} = (r - 1)(c - 1)] \end{array}$$

$$\text{where } E = \frac{\text{(row total)(column total)}}{\text{(grand total)}}$$

Ch. 10: Linear Correlation/Regression

Correlation
$$r = \frac{n\Sigma xy - (\Sigma x)(\Sigma y)}{\sqrt{n(\Sigma x^2) - (\Sigma x)^2}\sqrt{n(\Sigma y^2) - (\Sigma y)^2}}$$
or $r = \frac{\sum (z_x z_y)}{n-1}$ where $z_x = z$ score for x
 $z_y = z$ score for y

Slope:
$$b_1 = \frac{n\Sigma xy - (\Sigma x)(\Sigma y)}{n(\Sigma x^2) - (\Sigma x)^2}$$
or $b_1 = r\frac{s_y}{s_x}$

y-Intercept:

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x}$$
 or $b_0 = \frac{(\Sigma y)(\Sigma x^2) - (\Sigma x)(\Sigma xy)}{n(\Sigma x^2) - (\Sigma x)^2}$

 $\hat{y} = b_0 + b_1 x$ Estimated eq. of regression line

$$r^{2} = \frac{\text{explained variation}}{\text{total variation}}$$

$$s_{e} = \sqrt{\frac{\sum (y - \hat{y})^{2}}{n - 2}} \text{ or } \sqrt{\frac{\sum y^{2} - b_{0} \sum y - b_{1} \sum xy}{n - 2}}$$

$$\hat{y} - E < y < \hat{y} + E$$
 Prediction interval

where
$$E = t_{\alpha/2} s_{\epsilon} \sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{n(x_0 - \overline{x})^2}{n(\Sigma x^2) - (\Sigma x)^2}}$$

$$r_s = 1 - \frac{6\Sigma d^2}{n(n^2 - 1)} \quad \text{Rank correlation}$$

$$\left(\text{critical value for } n > 30: \frac{\pm z}{\sqrt{n-1}} \right)$$

Ch. 11: One-Way Analysis of Variance

Procedure for testing H_0 : $\mu_1 = \mu_2 = \mu_3 = \cdots$

- 1. Use software or calculator to obtain results.
- 2. Identify the P-value.
- 3. Form conclusion:

If *P*-value $\leq \alpha$, reject the null hypothesis of equal means.

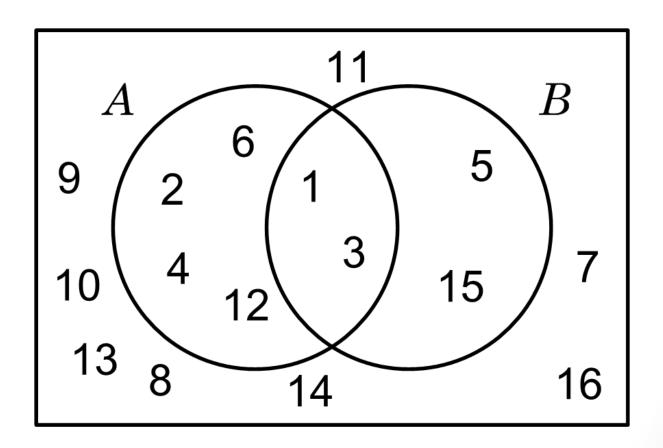
If P-value $> \alpha$, fail to reject the null hypothesis of equal means.

Definiciones

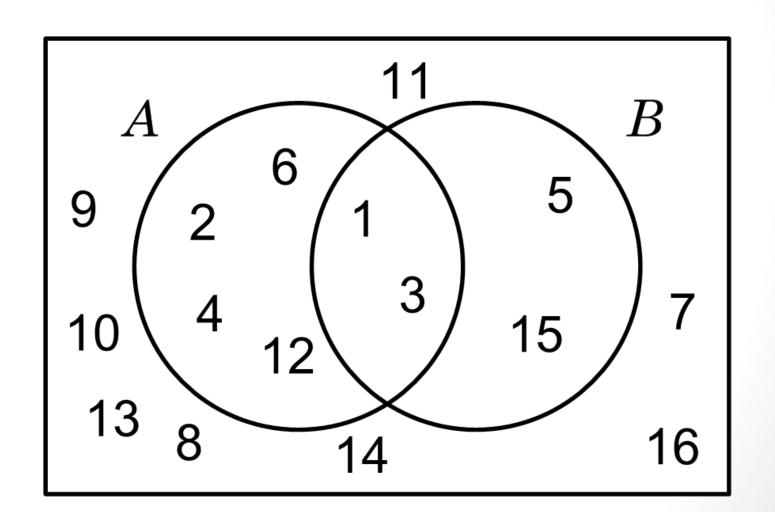
- "Rama de las matemáticas que estudia la recolección, análisis, interpretación y presentación de masas de información númerica."
 -Webster's New Collegiate Dictionary -.
- "Es la rama del método científico que estudia los datos obtenidos por contar o medir propiedades de las poblaciones" -Stuart y Ord (1991)-.
- "Se ocupa escencialmente de procedimientos para analizar información, en especial aquella que en algún sentido vago tenga un carácter **aleatorio**" comentó: Rice (1995).
- "La ciencia de basar **inferencias** en datos observados y todo el problema de tomar decisiones frente a una incertidumbre" -Freund y Walpole (1987)-.

Teoría de conjuntos

- Notación: pertenencia, inclusión, vacío.
- Diagrama de Venn



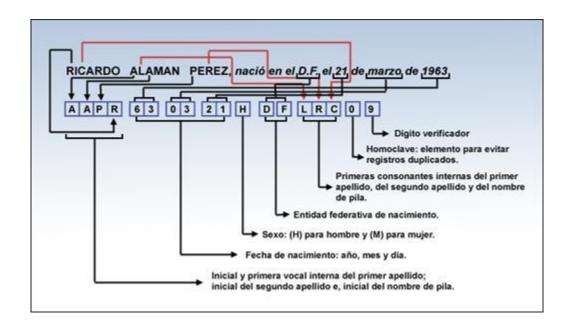
- Notación:
- Unión, intersección, diferencia, diferencia simétrica, complemento



Más definiciones

- Experimento: proceso por medio del cual se hace una observación.
- Evento simple: aquel que no se puede descomponer, cada evento simple corresponde a un sólo punto muestral.
- **Espacio muestral**: El conjunto formado por todos los posibles eventos muestrales.
- Espacio muestral discreto: Formado por un número finito o contable de puntos muestrales distintos.

- Ejercicio (experimento) M:
 - Llegan 5 pacientes a consulta.
 - Observemos su mes de nacimiento, registremos sólo las unidades y llámemosle "M" esta variable.
 - ¿Cuál es el espacio muestral?
 - Representar los eventos:
 - A= Observar un número impar.
 - B = M < 3
 - ¿A y B son mutuamente excluyentes?Dar un ejemplo de un evento
 - Dar un ejemplo de un evento simple



Probabilidad

- Sea "S" un espacio muestral asociado a un experimento. B es subconjunto de S. Asignamos un número a "B" llamado probabilidad de B, tal que:
 - Axioma 1: P(A) >=0
 - Axioma 2: P(S) = 1
 - Axioma 3: Si B1, B2, B3 son eventos mutuamente excluyentes por pares, entonces:
 - $P(B1 \cup B2 \cup B3) = P(B1) + P(B2) + P(B3)$
- Asignar probabilidades al ejercicio anterior
- Eventos equiprobables: dados, monedas, placas de coche.

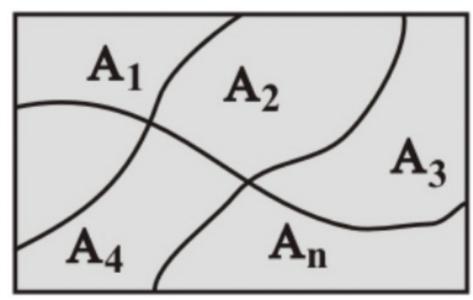
Probabilidad condicional

• La probabilidad condcional de A dado que B a ocurrido es dada por: $P(A \mid B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}.$

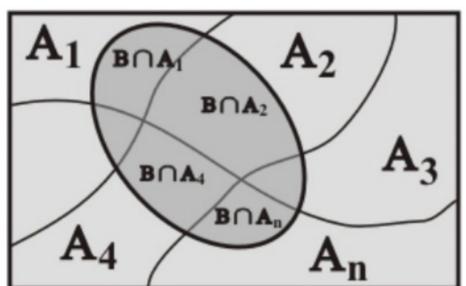
• A = Mes > 6

- Considerar el experimento M , la información adicional (Los eventos):
 - "El paciente es Leo".
 - Nació en Verano.
 - M es impar
 - "El paciente tiene menos de 10 años"

Regla de Bayes



$$B = (B \cap A_1) \cup (B \cap A_2) \cup \cdots \cup (B \cap A_n)$$



$$P(B) = P(B \cap A_1) + P(B \cap A_2) + \dots + (B \cap A_n)$$

$$P(B) = P(B/A_1) \cdot P(A_1) + P(B/A_2) \cdot P(A_2) + \dots + P(B/A_n) \cdot P(A_n)$$

$$P(B) = \sum_{i=1}^{n} P(B/A_n) \cdot P(A_n)$$

Independecia (probabiliad)

Dos eventos son independientes si la probabilidad de que ocurran simultáneamente es igual al producto de sus probabilidades correspondientes.

$$P(A \cap B) = P(A)P(B)$$

- Condicional, independencia de eventos
- Dos leyes de probabilidad
- Regla de Bayes
- Variables aleatorias
- Muestreo aleatorio