

Lenguajes de Inteligencia Artificial Segundo curso. Primer cuatrimestre

Ingeniería Técnica en Informática de Gestión Ingeniería Técnica en Informática de Sistemas



Escuela Politécnica Superior Universidad de Córdoba Curso académico: 2009 - 2010

Práctica número 2: Predicados y sentencias condicionales

- 1. Codifica un predicado denominado pertenece-intervalo? que compruebe si un número real x pertenece al intervalo delimitado por otros dos números a y b.
 - (pertenece-intervalo? a b x) devuelve #t si y sólo si " $a \le x \le b$ "
 - o Por ejemplo: (pertenece-intervalo? 1 9 2) → #t
- 2. (*) Codifica un predicado denominado propiedad-triángular? que compruebe si tres lados pueden construir un triángulo al cumplir la propiedad triangular. Se ha de tener en cuenta que, en un triángulo, cualquier lado es menor que la suma de los otros dos y mayor que el valor absoluto de su diferencia, es decir:

```
    |a-b| < c < a + b</li>
    |a-c| < b < a + c</li>
    |b-c| < a < b + c</li>
```

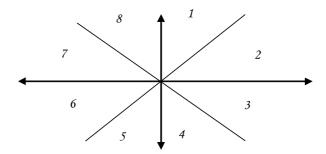
- Ejemplos:
 - o (forma-triángulo? 3 4 5) → #t
 - o (forma-triángulo? 1 2 19) → #f
- 3. Obtén los resultados de los siguientes predicados formados con operadores lógicos.

```
(not (> 10 2))
(not #t)
                (not #f)
                                  (not 10)
(not '())
                (not '(a b c))
(define (distinto? a b)
        (not (= a b))
(distinto? 10 2)
(and (= 3.5 3.5) (>10 2)) (and (* 3 2) 'a "muestra") (and)
(define x 10)
(define y 2)
(and (< x 100) (> x 0)) (and (< x 2) (> x 12)) (and (< x 10) (> 0 y) (= x (- y))
(or (= 3.5 3.5) (>10 2)) (or (* 3 2) 'a "muestra") (or)
(define x 10)
(or (< x 100) (> x 0))
                        (or (< x 2) (> x 12))
                                                  (or (< x 10) (> x 0) (= x 17))
```

- 4. Utiliza la forma especial *case* para comprobar si un número pertenece al siguiente conjunto de números: {1,2,3,5,7,11,13,17,19,23,29}
- 5. (*) Codifica un predicado denominado bisiesto? que reciba como parámetro a un número y determine si corresponde o no a un año bisiesto, teniendo en cuenta que:
 - Un año es bisiesto si es divisible por 4 pero no es divisible por 100:

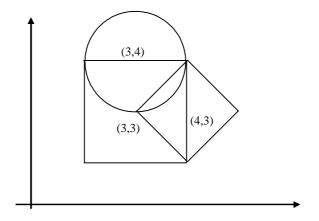
(bisiesto? 2008) => #t

- Un año es bisiesto si es divisible por 100 y además es divisible por 400: (bisiesto? 1600) => #t
- Nota: por tanto, los años que son divisibles por 100 pero no son divisibles por 400 no son bisiestos.
 - o Por ejemplo: (bisiesto? 1900) => #f
- 6. (*) Codifica la función octante que indica en que octante se encuentra ubicado un punto P(x,y) del plano:



Si el punto pertenece al eje de coordenadas, entonces octante (x, y) tomará el valor cero

- 7. Predicado *corona-circular?*:
 - Considérense dos circunferencias concéntricas con centro el punto (3,3) y radios 1 y 3, respectivamente.
 - La función corona-circular debe devolver el valor #t si el punto P(x,y) está fuera de la circunferencia de radio 1 y dentro de la circunferencia de radio 3; en cualquier otro caso, el valor devuelto debe ser #f.
- 8. Considera la siguiente figura



donde

- o El círculo está centrado en el punto (3,4) y el radio es igual a 1.
- o El cuadrado está centrado en el punto (3,3) y la distancia del centro a cada uno de sus lados es igual a 1.
- o El rombo está centrado en el punto (4,3) y la distancia del centro a cada uno de los vértices es igual a 1.

- Codifica una función que reciba las coordenadas de un punto P=(x,y) y devuelva:
 - o El valor tres (3) si el punto P está dentro de las tres figuras.
 - o El valor dos (2) si el punto P sólo está dentro de dos figuras.
 - o El valor uno (1) si el punto P está dentro de una única figura.
 - o El valor cero (0) en otro caso.
- Observación: se deben utilizar las funciones auxiliares que calculan las distancias euclídea, de Manhattan y de ajedrez.
- 9. (*) Codifica la siguiente función f:
 - Los puntos interiores a la circunferencia de radio 1 y centro en el punto (0,2) tendrán el valor

$$f(x,y) = 2x - y/2$$

• Los puntos interiores a la circunferencia de radio 3 y exteriores a la circunferencia de radio 1, ambas con centro en el punto (0,2), tendrán el valor

$$f(x, y) = x/2 - 2y$$

 Los puntos exteriores a la circunferencia de radio 3, con centro en el punto (0, 2), tendrán el valor

$$f(x,y) = x + y$$

- Los puntos que pertenezcan a alguna de las dos circunferencias tendrán el valor f (x, y)
 1
- 10. Indica los valores que resultan al aplicar los predicados primitivos.

```
(boolean? #t)
                        (boolean? #f) (boolean? (> 2 3))
                                                                  (boolean? (+ 2 4))
(number? 3)
                        (define a 2)
                                         (number? a)
                                         (zero? a)
(negative? a)
                        (positive? a)
(even? a)
                        (even? (+ a 1)) (odd? a)
                                                          (odd? (+ a 1))
(define (par? x)
        (= 0 (remainder x 2))
(procedure? par?)
                                (procedure? 'par?)
(complex? 3+4i)
                        (complex? 3)
(real? 3.5)
                        (real? 3.2+0.0i)
                                                 (real? 3+4i)
(rational? 6/10)
                        (rational? 3)
                                                 (rational? 3+4i)
(integer? 2)
                        (integer? 3.2)
                                                 (integer? 3/5)
(define letra1 "w")
                        (define letra2 'w)
                                                 (define letra3 #\w)
                                                 (char? letra2)
(char? letra1)
                        (string? letra1)
(string? letra2)
                        (char? letra3)
                                                 (string? letra3)
(char? "w")
                        (string? "w")
                                                 (char? #\w)
(string? #\w)
```

11. Comprueba los resultados de los siguientes predicados de equivalencia:

```
(eq? 9/2 9/2)
                        (eqv? 9/2 9/2)
                                                (equal? 9/2 9/2)
(define a 9/2)
                        (define b 9/2)
(eq? a b)
                        (eqv? a b)
                                                 (equal? a b)
                                                                 (= a b)
(define a 3)
                        (define b 3)
(eq? a b)
                        (eqv? a b)
                                                 (equal? a b)
                                                                 (= a b)
                                                 (define c 3.0)
(define a 3)
                        (define b 3.)
(eq? a b)
                                                 (eq? b c)
                        (eq? a c)
(eqv? a b)
                        (eqv? a c)
                                                 (eqv? b c)
```

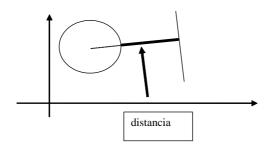
```
(equal? a b)
                         (equal? a c)
                                                  (equal? b c)
(= a b)
                         (= a c)
                                                  (=bc)
(define a (+ 3. 2))
                         (define b (+ 3 2.))
                         (eqv? a b)
(eq? a b)
                                                  (equal? a b))
                                                                  (= a b)
(define a "dato")
                         (define b "dato")
(eq? a b)
                         (eqv? a b)
                                                  (equal? a b))
(define a (cons 'a 'b))
                         (define b (cons 'a 'b))
                                                  (equal? a b)
(eq? a b)
                         (eqv? a b)
(define a (lambda (x) (* x x)))
                                                  (define b (lambda (x) (* x x)))
(eq? a b)
                         (eqv? a b)
                                                  (equal? a b)
```

- 12. (*) Codifica un predicado denominado alineados? que reciba como parámetros las coordenadas de tres puntos del plano y compruebe si están alineados.
 - Ejemplo:
 - o (alineados? 0 0 1 1 7 7) → #t
 - o (alineados? 0 0 1 4 -9 2) → #f
- 13. (*) Codifica una función que calcule el área de un triángulo según la fórmula de Herón.
 - La función recibirá como parámetros las coordenadas de los vértices.
 - La función deberá comprobar previamente si los puntos están o no alineados.
 - o Si los puntos están alineados, el área, obviamente, será cero; si no están alineados, entonces se les aplicará la fórmula de Herón.
- 14. Codifica una función denominada **posición-circunferencia-recta** que determine la posición relativa de una circunferencia y una recta:

Exterior: 1Secante: 2Tangente: 3

La función recibirá como parámetros:

- El radio y las coordenadas del centro de la circunferencia.
- Los coeficientes de la recta r: ax + b y + c
- Sugerencia: utiliza la función auxiliar que calcula la distancia de un punto a una recta (véase el ejercicio 10 de la práctica número 1).
- 15. (*) Codifica una función, denominada distancia-circunferencia-recta, que calcule la distancia entre una circunferencia y una recta.



- La función recibirá como parámetros
 - o El radio y las coordenadas del centro de la circunferencia.
 - o Los coeficientes de la recta $r \equiv ax + by + c$
 - o Notas:

- 1. Utiliza la función auxiliar que calcula la distancia de un punto a una recta.
- 2. Si la recta es secante a la circunferencia entonces la distancia debe ser cero.
- 16. Codifica dos funciones que determinen la posición relativa de:
 - a) Dos círculos.
 - b) (*) Dos esferas.

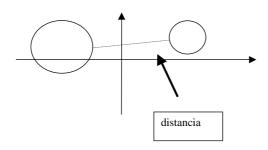
Las funciones recibirán como parámetros las coordenadas de los centros y los radios y devolverán los siguientes valores

o Iguales: 0o Secantes: 1

Tangentes por dentro: 2Tangentes por fuera: 3

Interiores: 4Exteriores: 5Concéntricas: 6

- 17. (*) Codifica una función, denominada distancia, que calcule la distancia entres dos circunferencias.
 - La función recibirá como parámetros el radio y las coordenadas del centro de cada



circunferencia.

- Nota: si las circunferencias no son exteriores, la distancia debe ser cero.
- 18. (*) Codifica un predicado denominado perpendiculares? que reciba cuatro puntos y que determine si la recta que pasa por los dos primeros es perpendicular a la que pasa por los dos últimos.
- 19. (*) Codifica un predicado denominado lados-paralelos? que reciba como parámetros las coordenadas de cuatro puntos y determine si la recta determinada por los dos primeros puntos es paralela a la recta que determinan los otros dos puntos.
- 20. (*) Codifica una función que calcule el área de un rombo:
 - La función ha de recibir como parámetros las coordenadas de los vértices del rombo.
 - La función deberá usar el predicado **perpendiculares?** del ejercicio anterior para determinar previamente qué vértices forman las diagonales del rombo.
- 21. (*) Utiliza la forma especial let para codificar una función que calcule el área de un trapecio :
 - La función ha de recibir como parámetros las coordenadas de los vértices.
 - La función deberá determinar previamente qué lados forman las bases utilizando el predicado lados-paralelos?
 - La función deberá utilizar la función que calcula la distancia de un punto a una recta para poder calcular la altura del trapecio.