

SEMINARARBEIT

Rahmenthema des Wissenschaftspropädeutischen Seminars:

Klima

Leitfach: Physik

Thema der Arbeit:

Die Strahlungsphysik des CO₂-
Treibhauseffekts

Verfasser/in: Christopher Mehnert

Kursleiter/in: Ulrich Steiner

Abgabetermin:

11. November 2025

Bewertung	Note	Notenstufe in Worten	Punkte		Punkte
Schriftliche Arbeit				x 3	
Abschlusspräsentation				x 1	
Summe:					
Gesamtleistung nach § 29 (6) GSO = Summe : 2 (gerundet)					

Datum und Unterschrift der Kursleiterin oder des Kursleiters

Erklärung:

Ich versichere, dass ich die vorgelegte Seminararbeit persönlich und unverfälscht verfasst, sämtliche hierfür zu Hilfe genommene gedruckte sowie digitale Quellen im Literaturverzeichnis angegeben und die aus diesen Quellen stammenden Zitate oder Belegstellen für sinngemäß wiedergegebene Inhalte in meiner Seminararbeit als solche kenntlich gemacht habe.

Die Seminararbeit ist in dieser oder einer ähnlichen Form in keinem anderen Kurs des diesjährigen oder eines vorhergehenden Abiturjahrgangs vorgelegt worden.

.....
Ort, Datum

.....
Unterschrift des/der Oberstufenschülers/in

S E M I N A R A R B E I T

Rahmenthema des Wissenschaftspropädeutischen Seminars:

Klima

Leitfach: Physik

Thema der Arbeit:

Die Strahlungsphysik des CO₂-Treibhauseffekts

Verfasser/in: Christopher Mehnert

Kursleiter/in: Ulrich Steiner

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	3
2	Physikalische Grundlagen der Wärmestrahlung	3
2.1	Strahlungsgesetze	3
2.1.1	Das Plancksche Strahlungsgesetz	3
2.1.2	Das Stefan-Boltzmann Gesetz	4
2.1.3	Wiensches Verschiebungsgesetz	4
2.2	Anwendung auf das System Sonne-Erde	4
3	Molekülphysik des CO₂	4
3.1	Molekülstruktur und Schwingungsmoden	4
3.2	Quantenmechanische Grundlagen der Absorption	4
3.3	Das CO ₂ -Absorptionsspektrum	4
4	Der Treibhauseffekt	4
4.1	Strahlungsbilanz der Erde ohne Atmosphäre	4
5	Anhang	5
5.1	Literaturverzeichnis	5

1 Einleitung

2 Physikalische Grundlagen der Wärmestrahlung

2.1 Strahlungsgesetze

Jedes Medium emittiert elektromagnetische Strahlung zufällig in alle Richtungen. Die Intensität dieser Emission hängt sowohl von der Temperatur als auch von den Materialeigenschaften des Mediums ab. Der von einer Oberfläche abgegebene Strahlungswärmestrom wird als *spezifische Ausstrahlung* bezeichnet.

Dabei wird zwischen der *gesamten spezifischen Ausstrahlung* E und der *spektralen spezifischen Ausstrahlung* E_f unterschieden:

$E_f \equiv$ abgestrahlte Energie pro Zeit, Oberfläche und Frequenz.

$E \equiv$ abgestrahlte Energie pro Zeit und Oberfläche.

[2, S. 6–7]

2.1.1 Das Plancksche Strahlungsgesetz

Die spektrale spezifische Ausstrahlung eines ideal schwarzen Körpers E_b wird durch das Plancksche Strahlungsgesetz beschrieben. Es gibt an, wie viel Energie pro Zeit, Fläche und Frequenzintervall von einer ideal schwarzen Oberfläche bei einer bestimmten Temperatur T emittiert wird. Dieses Gesetz wurde 1900 von Max Planck [3] hergeleitet und ist heute als *Plancksches Strahlungsgesetz* bekannt. Für eine schwarze Oberfläche, die an ein transparentes Medium mit dem Brechungsindex n grenzt, ergibt sich die spektrale spezifische Ausstrahlung [2, S.7] zu:

$$E_{bf}(T) = \frac{2\pi h f^3 n^2}{c_0^2} \cdot \frac{1}{e^{hf/kT} - 1} \quad [2, \text{S.8}] \quad (1)$$

Angenommen das n über den Wellenlängenbereich konstant ist, lässt sich das Plancksche Strahlungsgesetz auch in Abhängigkeit von der Wellenlänge λ formulieren:

$$E_{b\lambda}(T) = \frac{2\pi h c_0^2}{n^2 \lambda^5} \cdot \frac{1}{e^{hc_0/\lambda kT} - 1} \quad (n = \text{const}) \quad [2, \text{S.9}] \quad (2)$$

Dabei bezeichnet $h = 6.626 \times 10^{-34} \text{ J s}$ das Plancksche Wirkungsquantum, $c_0 = 2.998 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$ die Lichtgeschwindigkeit im Vakuum und $k = 1.381 \times 10^{-23} \text{ J K}^{-1}$ die Boltzmann-Konstante [4].

2.1.2 Das Stefan-Boltzmann Gesetz

Die Integration der spektralen spezifischen Ausstrahlung über das gesamte elektromagnetische Spektrum liefert die *Gesamtausstrahlung* E :

$$E = \int_0^\infty E_f df \quad (3)$$

Die Lösung dieses Integrals liefert uns das *Stefan-Boltzmann Gesetz*:

$$E(T) = \frac{2\pi^2 k^4}{15c_0^2 h^3} T^4 = \sigma T^4 \quad (4)$$

[1]

Dabei bezeichnet $\sigma = 5.670 \times 10^{-8} \text{ W m}^{-2} \text{ K}^{-4}$ die Stefan-Boltzmann Konstante [4].

2.1.3 Wiensches Verschiebungsgesetz

Üblicherweise werden folgende Abkürzungen bei dem Plancksche'n Verschiebungsgesetz (2) eingeführt:

$$C_1 = 2\pi h c_0^2 = 3.7418 \text{ W m}^2 \quad (5)$$

$$C_2 = \frac{hc_0}{k} = 14.388 \text{ } \mu\text{m K} = 1.4388 \text{ cm K} \quad (6)$$

so dass die Formel (2) umgestellt werden kann zu:

$$\frac{E_{b\lambda}}{n^3 T u} = \frac{C_1}{(n\lambda T)^5 [e^{C_2/(n\lambda T)} - 1]} \quad (n = \text{const}) \quad (7)$$

2.2 Anwendung auf das System Sonne-Erde

3 Molekülphysik des CO₂

3.1 Molekülstruktur und Schwingungsmoden

3.2 Quantenmechanische Grundlagen der Absorption

3.3 Das CO₂-Absorptionsspektrum

4 Der Treibhauseffekt

4.1 Strahlungsbilanz der Erde ohne Atmosphäre

5 Anhang

5.1 Literaturverzeichnis

- [1] Physics Department. *STEFAN - BOLTZMANN'S LAW OF RADIATION*. URL: https://laboratoriofisica.uc3m.es/guiones_ing/qp/Stefan-Boltzmann_guide_english.pdf (besucht am 31.10.2025).
- [2] M. F. Modest. *Radiative heat transfer*. eng. 2nd ed. Amsterdam ; Academic Press, 2003. ISBN: 1-281-11929-6.
- [3] Max Planck. "Ueber das Gesetz der Energieverteilung im Normalspectrum". In: *Annalen der Physik* 309.3 (1901), S. 553–563. DOI: <https://doi.org/10.1002/andp.19013090310>. eprint: <https://onlinelibrary.wiley.com/doi/pdf/10.1002/andp.19013090310>. URL: <https://onlinelibrary.wiley.com/doi/abs/10.1002/andp.19013090310>.
- [4] Eite Tiesinga u. a. "CODATA recommended values of the fundamental physical constants: 2018". In: *Rev. Mod. Phys.* 93 (2 Juni 2021), S. 025010. DOI: [10.1103/RevModPhys.93.025010](https://doi.org/10.1103/RevModPhys.93.025010). URL: <https://link.aps.org/doi/10.1103/RevModPhys.93.025010>.