LOI EXPONENTIELLE EXERCICES CORRIGES

Ce document <u>totalement gratuit</u> (disponible parmi bien d'autres sur la page <u>JGCUAZ.FR</u> rubrique mathématiques) a été conçu pour aider tous ceux qui désirent travailler sur la loi exponentielle

Il contient 10 exercices corrigés intégralement, classés par thèmes et/ou par niveaux.

La page <u>JGCUAZ.FR</u> étant en constante évolution (ajout de nouveaux exercices, améliorations), il est conseillé de régulièrement la visiter pour y télécharger la nouvelle version de ce fichier.

Pour toute remarque, merci de vous rendre sur la page <u>JGCUAZ.FR</u> où vous trouverez mon adresse électronique (qui est <u>JGCUAZ@HOTMAIL.COM</u> à la date du 14/01/2018)

Egalement disponible une page facebook https://www.facebook.com/jgcuaz.fr

Montpellier, le 14/01/2018

Jean-Guillaume CUAZ, professeur de mathématiques, Lycée Clemenceau, Montpellier depuis 2013 Lycée Militaire de Saint-Cyr, de 2000 à 2013

LOIS EXPONENTIELLES - EXERCICES

Exercice n°1 (correction)

La durée de vie, en heures, d'un composant électronique est modélisée par la loi exponentielle de paramètre 0,005.

- 1) Quelle est la probabilité que l'un des composants pris au hasard :
- a) ait une durée de vie inférieure à 100 h?
- **b)** soit encore en état de marche au bout de 250 h?
- 2) Calculer la durée de vie moyenne de l'un de ces composants

Exercice n°2 (correction)

La durée de vie, en heures, d'une ampoule d'un certain type peut être modélisée par une variable aléatoire X qui suit une loi exponentielle.

- 1) Quel est le paramètre λ de cette loi sachant que $p(X \ge 800) = 0,2$? Arrondir au millième.
- 2) Calculer la durée de vie moyenne d'une ampoule

Exercice n°3 (correction)

La durée de vie, en années, d'un composant radioactif est une variable aléatoire T qui suit la loi exponentielle de paramètre $\lambda=0,0005$. Calculer :

- **a)** p(T < 1500)
- **b)** p(1500 < T < 2500)
- **c**) p(T > 3000)
- **d)** Calculer la probabilité que ce composant ne se soit pas désintégré au bout de 2000 ans sachant qu'il n'a pas été désintégré au bout de 1000 ans.
- e) Calculer la durée de vie moyenne de l'un de ces composants

Exercice n°4 (correction)

Une entreprise estime que la durée de vie X de ses machine-outil, exprimée en années, est une variable aléatoire qui soit une loi exponentielle.

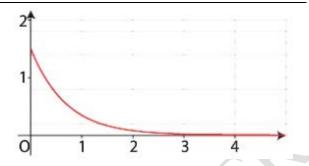
Une étude statistique a permis de montrer que la durée moyenne de vie de ses machines est de 15 ans.

- 1) Calculer la probabilité que la durée de vie d'une machine soit supérieure à 25 ans.
- 2) Quelle est la probabilité qu'une machine ayant fonctionné pendant 15 ans soit encore opérationnelle 10 ans plus tard ?

Exercice n°5 (correction)

X est une variable aléatoire qui suit la loi exponentielle de paramètre λ

La courbe ci-contre représente la fonction densité de probabilité associée.



- 1) Lire graphiquement la valeur de λ
- 2) En utilisant la valeur de la question 1), calculer p(X < 1) et $p(X \ge 2)$

Exercice n°6 (correction)

Une variable aléatoire X suit une loi exponentielle de paramètre $\lambda > 0$.

 (t_n) est une suite arithmétique de premier terme $a \ge 0$ et de raison r > 0

Pour tout $n \in \mathbb{N}$, on pose $p_n = p(X > t_n)$

- 1) Démontrer que la suite (p_n) est une suite géométrique dont on précisera le premier terme et la raison.
- 2) Etudier les variations et la limite de la suite (p_n)
- 3) Les résultats du 2) étaient-ils prévisibles ?

Exercice n°7 (radioactivité et demi-vie) (correction)

X est une variable aléatoire qui suit la loi exponentielle de paramètre $\lambda > 0$.

E(X) est l'espérance de X.

- a) Montrer que p(X > E(X)) est indépendante de λ
- b) Calculer le maximum p_{λ} de la fonction qui à t associe $p(X \in [t; 2t])$. La valeur de t où le maximum est atteint est appelée demi-vie.
- c) Calculer λ pour un atome de radon 220 (la demi-vie d'un atome de radon 220 est de 56 s)

Exercice n°8 (correction)

Les parties A et B sont indépendantes.

Partie A

Une salle informatique d'un établissement scolaire est équipée de 25 ordinateurs dont 3 sont défectueux. Tous les ordinateurs ont la même probabilité d'être choisis.

On choisit au hasard deux ordinateurs de cette salle.

Quelle est la probabilité que ces deux ordinateurs soient défectueux ? Arrondir au millième.

Partie B

La durée de vie d'un ordinateur (c'est-à-dire la durée de fonctionnement avant la première panne), est une variable aléatoire X qui suit une loi exponentielle de paramètre λ avec $\lambda > 0$

Ainsi, pour tout réel positif t, la probabilité qu'un ordinateur ait une durée de vie inférieure à t années, notée $p(X \le T)$, est donnée par $p(X \le T) = \int_{-\infty}^{t} \lambda e^{-\lambda x} dx$.

- 1) Déterminer λ sachant que p(X > 5) = 0.4
- 2) Dans cette question, on prendra $\lambda = 0.18$.

Sachant qu'un ordinateur n'a pas eu de panne au cours des 3 premières années, quelle est, à 10^{-3} près, la probabilité qu'il ait une durée de vie supérieure à 5 ans ?

- 3) Dans cette question, on admet que la durée de vie d'un ordinateur est indépendante de celle des autres et que p(X > 5) = 0.4.
- a) On considère un lot de 10 ordinateurs.

Quelle est la probabilité que, dans ce lot, l'un au moins des ordinateurs ait une durée de vie supérieure à 5 ans ? On donnera une valeur arrondie au millième de cette probabilité

b) Quel nombre minimal d'ordinateurs doit-on choisir pour que la probabilité de l'événement "L'un au moins d'entre eux a une durée de vie supérieure à 5 ans" soit supérieure à 0,999 ?

Exercice n°9 (correction)

Un récipient contient un gaz constitué de deux sortes de particules :

75 % de particules A et 25 % de particules B. Les particules sont projetées sur une cible formée de deux compartiments K et L. L'expérience est modélisée de la façon suivante :

- une particule au hasard parmi les particules de type A entre dans K avec la probabilité $\frac{1}{3}$ et donc

dans L avec la probabilité $\frac{2}{3}$

- une particule au hasard parmi les particules de type B entre dans chacun des compartiments avec la même probabilité.

Partie A

1) Une particule est prise au hasard.

Déterminer la probabilité de chacun des événements suivants :

 A_1 : "La particule isolée est de type A et elle entre dans K";

A₂: "La particule isolée est de type A et elle entre dans L";

 B_1 : "La particule isolée est de type B et elle entre dans K";

 A_1 : "La particule isolée est de type B et elle entre dans L";

 C_1 : "La particule entre dans K";

 C_2 : "La particule entre dans L".

2) On procède cinq fois de suite et de façon indépendante à l'épreuve décrite en introduction.

Le nombre de particules étant très grand, on admettra que les proportions 75% et 25% restent constantes. Calculer la probabilité de l'événement E "il y a exactement deux particules dans L".

Partie B

Un récipient contient le gaz décrit précédemment.

Les particules A sont radioactives et se transforment spontanément en particules B.

Chaque particule A donne, en se transformant, une particule B.

On note p(t) la proportion de particules A dans le gaz. A l'instant t = 0, on a donc p(0) = 0.75.

Plus généralement, si t est exprimé en années, on a $p(t) = 0.75e^{-\lambda t}$ où $\lambda > 0$.

La demi-vie des particules A est égale à 5730 ans, ce qui signifie qu'au bout de cette durée, la moitié des particules se seront désintégrées.

1) Calculer λ , puis en donner la valeur approchée à 10^{-5} près par défaut.

Cette valeur sera utilisée pour la suite de l'exercice.

- 2) Au bout de combien d'années 10% des particules de type A se seront-elles transformées en particules de type B ?
- 3) Déterminer la valeur de *t* pour laquelle il y aura autant de particules de type A que de particules de type B.

Exercice n°10 - d'après le concours FESIC 2016 - VRAI ou FAUX ? (correction)

La durée de vie (exprimée en années) d'un appareil électroménager avant la première panne est une variable aléatoire X qui suit une loi exponentielle de paramètre $\lambda > 0$

- **a.** Pour tout réel t strictement positif, $p(X \ge t) = 1 e^{-\lambda t}$
- **b.** Si la probabilité d'avoir une panne la première année est égale à 0,2, alors $\lambda = \ln \left(\frac{5}{4} \right)$

LOIS EXPONENTIELLES - CORRECTION

Correction de l'exercice n°1 (retour à l'énoncé)

1) a)
$$p(0 \le X \le 100) = \int_{0}^{100} 0,005e^{-0.005 \times t} dt = \left[-e^{-0.005 \times t} \right]_{0}^{100} = e^{-0.005 \times 0} - e^{-0.005 \times 100} = 1 - e^{-0.5} \approx 0.39$$

b) On calcule:
$$p(X \ge 250) = 1 - p(X < 250) = 1 - \int_{0}^{250} 0,005e^{-0,005 \times t} dt = 1 - \left[-e^{-0,005 \times t} \right]_{0}^{250}$$

$$=1-\left(e^{-0.005\times0}-e^{-0.005\times250}\right)=e^{-0.005\times250}=e^{-1.25}\approx0.29$$

2) La durée de vie moyenne de l'un de ces composants est égale à $E(X) = \frac{1}{\lambda} = \frac{1}{0.005} = 200$

Correction de l'exercice n°2 (retour à l'énoncé)

1)
$$p(X \ge 800) = 1 - p(X < 800) = 1 - \int_{0}^{800} \lambda e^{-\lambda \times t} dt = 1 - \left[-e^{-\lambda \times t} \right]_{0}^{800} = 1 - \left(e^{-\lambda \times 0} - e^{-\lambda \times 800} \right) = e^{-800\lambda}$$

L'égalité $p(X \ge 800) = 0,2$ devient alors équivalente à :

$$e^{-800\lambda} = 0,2 \Leftrightarrow -800\lambda = \ln(0,2) \Leftrightarrow \lambda = -\frac{\ln(0,2)}{800} \approx 0,002 \text{ à } 0,001 \text{ près}$$

2) La durée de vie moyenne d'une ampoule est égale à
$$E(X) = \frac{1}{\lambda} = \frac{1}{-\frac{\ln(0,2)}{800}} = -\frac{800}{-\ln(0,2)} \approx 497 h$$

Correction de l'exercice n°3 (retour à l'énoncé)

a)
$$p(T < 1500) = p(0 \le T < 1500) = e^{-0.0005 \times 0} - e^{-0.0005 \times 1500} = 1 - e^{-0.75} \approx 0.53 \text{ à } 0.01 \text{ près}$$

b)
$$p(1500 < T < 2500) = e^{-0.0005 \times 1500} - e^{-0.0005 \times 2500} = e^{-0.75} - e^{-1.25} \approx 0.19 \text{ à } 0.01 \text{ près}$$

c)
$$p(T > 3000) = e^{-0.0005 \times 3000} = e^{-1.5} \approx 0.22 \ p(X \ge c) = e^{-\lambda c}$$

d) On calcule:

$$p_{(T \ge 1000)}(T \ge 2000) = \frac{p((T \ge 2000) \cap (T \ge 1000))}{p(T \ge 1000)} = \frac{p(T \ge 2000)}{p(T \ge 1000)}$$

$$=\frac{e^{-0.0005\times2000}}{e^{-0.0005\times1000}}=e^{-0.0005\times(2000-1000)}=e^{-0.0005\times1000}=e^{-0.5}\approx0.61~\text{à }0.01~\text{près}$$

Remarque : <u>Un résultat du cours</u> nous permet d'écrire que :

e) La durée de vie moyenne de l'un de ces composants est égale à $E(X) = \frac{1}{\lambda} = \frac{1}{0,0005} = 2000$ ans

Correction de l'exercice n°4 (retour à l'énoncé)

1) Puisque " la durée moyenne de vie de ses machines est de 15 ans" cela signifie que

$$E(X) = 25 \Leftrightarrow \frac{1}{\lambda} = 25 \Leftrightarrow \lambda = \frac{1}{25} = 0.04$$

La probabilité que la durée de vie d'une machine soit supérieure à 25 ans est égale à

$$p(X \ge 25) = e^{-0.04 \times 25} = e^{-1} \approx 0.37 \text{ à } 0.01 \text{ près}$$

2) D'après le cours :

$$p_{(X \ge 15)}(T \ge 15 + 10) = p(X \ge 10) = e^{-0.04 \times 10} = e^{-0.4} \approx 0,67$$
 à 0,01 près

Correction de l'exercice n°5 (retour à l'énoncé)

1) Puisque la fonction de densité d'une variable aléatoire X qui suit la loi exponentielle de paramètre

$$\lambda$$
 est $f(x) = \lambda e^{-\lambda x}$, on aura $f(0) = \lambda e^{-\lambda x^0} = \lambda \times e^0 = \lambda \times 1 = \lambda$.

On lit sur graphique précédent que $\lambda = f(0) = 1,5$

2) On calcule
$$p(X < 1) = 1 - e^{-1.5 \times 1} \approx 0.78$$
 à 0.01 près et $p(X \ge 2) = e^{-1.5 \times 2} = e^{-3} \approx 0.05$ à 0.01 près

Correction de l'exercice n°6 (retour à l'énoncé)

1) Pour tout $n \in \mathbb{N}$, $p_{n+1} = p(X > t_{n+1}) = e^{-\lambda \times t_{n+1}} = e^{-\lambda \times (t_n + r)} = e^{-\lambda t_n} e^{-\lambda r}$

Comme $p_n = p(X > t_n) = e^{-\lambda \times t_n}$, on en déduit que $p_{n+1} = e^{-\lambda r} \times p_n$.

La suite (p_n) est donc géométrique de raison $e^{-\lambda r}$ et de premier terme

$$p_0 = p(X > t_0) = p(X > a) = e^{-\lambda \times a}$$

2) Puisque pour tout $n \in \mathbb{N}$, $p_n > 0$ et $p_{n+1} = e^{-\lambda r} \times p_n$, on en conclut que pour tout $n \in \mathbb{N}$,

 $0 < \frac{p_{n+1}}{p_n} = e^{-\lambda r} < 1$ car r > 0, donc que la suite (p_n) est strictement décroissante.

Puisque
$$0 < e^{-\lambda r} < 1$$
 on a $\lim_{n \to +\infty} (e^{-\lambda r})^n = 0$ donc $\lim_{n \to +\infty} p_n = 0$

3) Puisque (t_n) est une suite arithmétique de raison r > 0, on a nécessairement $\lim_{n \to +\infty} t_n = +\infty$ donc

nécessairement
$$\lim_{n\to+\infty} p_n = \lim_{n\to+\infty} p(X > t_n) = 0$$

Correction de l'exercice n°7 (radioactivité et demi-vie) (retour à l'énoncé)

a) Puisque
$$E(X) = \frac{1}{\lambda}$$
 on a $p(X > E(X)) = e^{-\lambda E(X)} = e^{-\lambda \frac{1}{\lambda}} = e^{-1}$ qui est bien indépendante de λ

b) On calcule $p(X \in [t; 2t]) = p(t \le X \le 2t) = e^{-\lambda t} - e^{-2\lambda t}$. La fonction $g: t \mapsto e^{-\lambda t} - e^{-2\lambda t}$ a pour dérivée la fonction $g': t \mapsto -\lambda e^{-\lambda t} + 2\lambda e^{-2\lambda t} = \lambda e^{-\lambda t} \left(-1 + 2e^{-\lambda t}\right)$

Puisque pour tout $\lambda > 0$ et tout réel t on a $\lambda e^{-\lambda t} > 0$ d'où :

$$g'(t) = 0 \Leftrightarrow -1 + 2e^{-\lambda t} = 0 \Leftrightarrow e^{-\lambda t} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow -\lambda t = \ln\left(\frac{1}{2}\right) \Leftrightarrow t = \frac{-\ln(2)}{-\lambda} = \frac{\ln(2)}{\lambda}$$

et
$$g'(t) \ge 0 \Leftrightarrow -1 + 2e^{-\lambda t} \ge 0 \Leftrightarrow e^{-\lambda t} \ge \frac{1}{2} \Leftrightarrow -\lambda t \ge \ln\left(\frac{1}{2}\right) \Leftrightarrow t \le \frac{-\ln\left(2\right)}{-\lambda} = \frac{\ln\left(2\right)}{\lambda}$$
.

La fonction g est donc strictement croissante sur $\left[0; \frac{\ln(2)}{\lambda}\right]$ et strictement décroissante sur

$$\left\lceil \frac{\ln(2)}{\lambda}; +\infty \right\rceil$$
. Elle atteint donc son maximum pour $p_{\lambda} = \frac{\ln(2)}{\lambda}$ appelé demi-vie.

c) La demi-vie d'un atome de radon 220 étant de 56 s, on aura $56 = \frac{\ln(2)}{\lambda} \Leftrightarrow \lambda = \frac{\ln(2)}{56} \approx 0{,}012$ à 0,001 près

Correction de l'exercice n°8 (retour à l'énoncé)

Partie A

Si on note Y le nombre d'ordinateurs défectueux parmi les 2 choisis au hasard, Y suit la loi binomiale de paramètres n=2 et $p=\frac{3}{25}$.

La probabilité que les deux ordinateurs choisis soient défectueux est égale à :

$$p(Y=2) = {2 \choose 2} \times \left(\frac{3}{25}\right)^2 \times \left(\frac{22}{25}\right)^{23} \approx 7,61 \times 10^{-4}$$

Partie B

1) On a
$$p(X > 5) = 1 - p(X \le 5) = \int_{0}^{5} \lambda e^{-\lambda x} dx = \left[-e^{-\lambda x} \right]_{0}^{5} = -e^{-\lambda \times 5} - \left(-e^{-\lambda \times 0} \right) = 1 - e^{-5\lambda}$$
.

L'égalité p(X > 5) = 0.4 se traduit par :

$$1 - e^{-5\lambda} = 0, 4 \Leftrightarrow e^{-5\lambda} = 0, 6 \Leftrightarrow -5\lambda = \ln(0, 6) \Leftrightarrow \lambda = \frac{\ln(0, 6)}{-5} \approx 0,102 \text{ à } 0,001 \text{ près.}$$

- 2) D'après le cours, $p_{(X \ge 3)}(X \ge 5) = p_{(X \ge 3)}(X \ge 3 + 2) = p(X \ge 2) = e^{-\lambda \times 2} = e^{-0.18 \times 2} = e^{-0.36} \approx 0.698$ à 0.001 près.
- 3) Dans cette question, on admet que la durée de vie d'un ordinateur est indépendante de celle des autres et que p(X > 5) = 0,4.
- a) On considère un lot de 10 ordinateurs.

Quelle est la probabilité que, dans ce lot, l'un au moins des ordinateurs ait une durée de vie supérieure à 5 ans ? On donnera une valeur arrondie au millième de cette probabilité

Si on note Z le nombre d'ordinateurs dont la durée de vie est supérieure à 5 ans parmi les 10 choisis au hasard, Z suit la loi binomiale de paramètres n = 10 et p = p(X > 5) = 0,4.

La probabilité que l'un au moins des ordinateurs ait une durée de vie supérieure à 5 ans est égale à :

$$p(Z \ge 1) = 1 - p(Z = 0) = 1 - {10 \choose 0} \times 0, 4^{0} \times 0, 6^{10} = 1 - 0, 6^{10} \approx 0,994$$

b) Notons *n* le nombre d'ordinateurs choisis.

La probabilité pour que, sur ces n ordinateurs, l'un au moins ait une durée de vie supérieure à 5 ans

est égale à :
$$1 - \binom{n}{0} \times 0, 4^0 \times 0, 6^n = 1 - 0, 6^n$$

Cette probabilité est supérieure à 0,999 si et seulement si :

$$1 - 0, 6^n \ge 0,999 \Leftrightarrow 0, 6^n \le 0,001 \Leftrightarrow n \ln(0,6) \le \ln(0,001) \Leftrightarrow n \ge \frac{\ln(0,001)}{\ln(0,6)}$$

Puisque $\frac{\ln(0,001)}{\ln(0,6)} \approx 13,52$ à 0,01 près et puisque *n* est un nombre entier, il faut choisir au moins 14

ordinateurs pour que la probabilité de l'événement "L'un au moins d'entre eux a une durée de vie supérieure à 5 ans" soit supérieure à 0,999.

Correction de l'exercice n°9 (retour à l'énoncé)

Partie A

1) On note A (resp B) l'événement "la particule est de type A (resp de type B)"

On note K (resp L) l'événement "la particule entre dans K (resp dans L)"

D'après la définition des probabilités conditionnelles, on a :

$$p(A_1) = p(A \cap K) = p(A) \times p_A(K) = 0.75 \times \frac{1}{3} = \frac{1}{4},$$

$$p(A_2) = p(A \cap L) = p(A) \times p_A(L) = 0.75 \times \frac{2}{3} = \frac{1}{2}$$

$$p(B_1) = p(B \cap K) = p(B) \times p_B(K) = 0.25 \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

$$p(B_2) = p(B \cap L) = p(B) \times p_B(L) = 0.25 \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

De plus
$$p(C_1) = p(A_1) + p(B_1) = p(A \cap K) + p(B \cap K) = \frac{1}{4} + \frac{1}{8} = \frac{3}{8}$$
 d'où on déduit

$$p(C_2) = p(\overline{C_1}) = 1 - p(C_1) = 1 - \frac{3}{8} = \frac{5}{8}$$

2) Si on note X le nombre de particules entrées dans L parmi les 5 projetées, X suit la loi binomiale de paramètres n = 5 et $p = p(C_2) = \frac{5}{8}$.

La probabilité qu'exactement 2 particules sur les 5 soient entrées dans L est égale à :

$$p(X = 2) = {5 \choose 2} \times \left(\frac{5}{8}\right)^2 \times \left(\frac{3}{8}\right)^3 \approx 0,206 \text{ à } 0,001 \text{ près.}$$

Partie B

1) On résout :

$$p(5730) = \frac{0.75}{2} \iff 0.75e^{-\lambda \times 5730} = \frac{0.75}{2} \iff e^{-\lambda \times 5730} = \frac{1}{2}$$

$$\Leftrightarrow -\lambda \times 5730 = \ln\left(\frac{1}{2}\right) \Leftrightarrow \lambda \times 5730 = \frac{-\ln\left(2\right)}{-5730} \approx 1, 2 \times 10^{-4} \approx 0,00012 \text{ à } 10^{-5} \text{ près par défaut.}$$

2) On doit résoudre l'équation $p(t) = 0.9 \times 0.75 \Leftrightarrow 0.75e^{-0.00012t} = 0.9 \times 0.75 \Leftrightarrow e^{-0.00012t} = 0.9$

$$\Leftrightarrow$$
 $-0,00012t = \ln(0,9) \Leftrightarrow t = \frac{\ln(0,9)}{-0,00012} \approx 878$

C'est donc au bout de 878 ans que 10% des particules de type A se seront transformées en particules de type B.

3) On doit résoudre l'équation
$$p(t) = 0.5 \Leftrightarrow 0.75e^{-0.00012t} = 0.5 \Leftrightarrow e^{-0.00012t} = \frac{2}{3}$$

$$\Leftrightarrow -0,00012t = \ln\left(\frac{2}{3}\right) \Leftrightarrow t = \frac{\ln\left(\frac{2}{3}\right)}{-0,00012} \approx 2027$$

C'est donc au bout de 2027 ans qu'il y aura autant de particules de type A que de particules de type B.

Correction de l'exercice n°10 - d'après le concours FESIC 2016 - VRAI ou FAUX ? (retour à l'énoncé)

a. FAUX

$$p(X \ge t) = 1 - p(X < t) = 1 - \int_{0}^{t} \lambda e^{-\lambda x} dx = 1 - \left[-e^{-\lambda x} \right]_{0}^{t} = 1 - \left(-e^{-\lambda t} - \left(-e^{-\lambda 0} \right) \right) = e^{-\lambda t}$$

b. VRAI

Puisque
$$p(X \le t) = \int_0^t \lambda e^{-\lambda x} dx = \left[-e^{-\lambda x} \right]_0^t = -e^{-\lambda t} - \left(-e^{-\lambda 0} \right) = 1 - e^{-\lambda t}$$
, l'information "la probabilité

d'avoir une panne la première année est égale à 0,2" se traduit par $p(X \le 1) = 0,2$ c'est-à-dire

$$1 - e^{-\lambda \times 1} = 0, 2 \Leftrightarrow e^{-\lambda} = 0, 8 \Leftrightarrow -\lambda = \ln\left(0, 8\right) \Leftrightarrow \lambda = -\ln\left(0, 8\right) = -\ln\left(\frac{4}{5}\right) = \ln\left(\frac{5}{4}\right)$$