

EXAMEN: METHODES NUMERIQUES

Durée : 1H00 2Info-S3

Exercice 01: (/10PTs)

Résoudre le système ci-dessous par la méthode de GAUSS:

$$\begin{pmatrix} 2 & 4 & -2 & 0 \\ 1 & 3 & 0 & 1 \\ 3 & -1 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & 2 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -6 \\ 0 \\ 8 \\ 6 \end{pmatrix}$$

Exercice 02: (/10PTS)

Résoudre le système ci-dessous par la méthode de JACOBI.

$$\begin{pmatrix} 2 & -1 & 0 \\ -1 & 2 & -1 \\ 0 & -1 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Le vecteur initial ($x_0 = x_1 = x_2 = 5$) et nous admettons une erreur de 10^{-3} :



TEST_TP: METHODES NUMERIQUES

Durée : 30min 2020-2021 2Info-S3

Exercice: (/20PTs)

Le but est de calculer la solution d'un système d'équation linéaire en utilisant la méthode de CROUT. Les entrées sont les matrices L et U issues de la composition de la matrice A (Nous ne demandons pas de calculer les matrices Let U).

Ecrire un script python qui permet de :

- 1. Lire un tableau Y de taille (n). (2PTS)
- 2. Lire la matrice L d'ordre (n). (2PTS)
- 3. Lire la matrice U d'ordre (n). (2PTS)
- 4. Afficher le tableau Y sous forme d'un tableau. (2PTS)
- 5. Afficher la matrice L sous forme matriciel. (2PTS)
- 6. Calculer le tableau Z en utilisant la formule: (3PTS)

$$Z_{i} = \left[Y_{i} - \sum_{k=0}^{i-1} L_{ik} Z_{k} \right] / L_{ii}$$

7. Calculer la solution X en utilisant la formule: (3PTS)

$$X_i = \left[Z_i - \sum_{k=n-1}^i U_{ik} X_k \right] / U_{ii}$$

- 8. Afficher la solution X. (2PTS)
- 9. Vérifier que la solution est correcte en utilisant la fonction prédéfinie du python. **(2PTS)**Note: Toutes les opérations doivent être élémentaires (élément par élément)
