Equation dans \mathbb{C}

Équation de premiers degrés :

$$az + b = 0$$
 $z = -\frac{b}{a}$

Équation de seconds degrés :

$$z^{2} = -a \rightarrow z_{1} = i\sqrt{a} \quad z_{2} = -i\sqrt{a}$$

$$z^{2} = ai \rightarrow z = \pm \sqrt{\frac{a}{2}}(1+i)$$

$$z^{2} = -ai \rightarrow z = \pm \sqrt{\frac{a}{2}}(1-i)$$

$$z^{2} = a + ib \text{ on pose } z = x + iy:$$

on a
$$\begin{cases} x^2 + y^2 = \sqrt{a^2 + b^2} \\ x^2 - y^2 = a \\ 2xy = b \end{cases}$$
$$z^2 + bz + c = 0 \rightarrow \Delta = b^2 - 4ac$$
$$\delta^2 = \Delta$$
$$\Rightarrow z_1 = \frac{-b + \delta}{2a} \quad z_2 = \frac{-b - \delta}{2a}$$

Résolution d'équation de 3eme degrés :

E:
$$az^3 + bz^2 + cz + d$$
 on a:
E: $(z - z_0)(a'^2z + b'z + c') = 0$