### M2-FIB: TEMARIO

### 1. Los números reales

- 1.1 Introducción
- 1.2 Relación de orden
- 1.3 Los naturales
- 1.4 Los enteros
- 1.5 Los racionales
- 1.6 Valor absoluto, intervalos, cotas
- 1.7 Polinomios

#### 2. Sucesiones de números reales

- 2.1 Introducción
- 2.2 Cotas
- 2.3 Limites
- 2.4 Sucesiones monótonas
- 2.5 Criterios para el cálculo de límites
- 2.6 Subsucesiones

# 3. Funciones reales de una variable real.

## Límites. Continuidad

- 3.1 Introducción
- 3.2 Limites
- 3.3 Asíntotas
- 3.4 Continuidad
- 3.5 Resolución aproximada de ecuaciones

Apéndice: funciones elementales

(Polinómicas, racionales, potenciales, circulares, exponenciales, logarítmicas, hiperbólicas)

#### 4. Derivabilidad

- 4.1 Introducción
- 4.2 Tabla de derivadas
- 4.3 Teoremas del valor medio
- 4.4 Monotonía
- 4.5 Extremos relativos
- 4.6 La Regla de l'Hôpital
- 4.7 Convexidad
- 4.8 Extremos absolutos en intervalos cerrados
- 4.9 Resolución aproximada de ecuaciones

# 5. La Fórmula de Taylor

- 5.1 Introducción
- 5.2 Teorema de Taylor
- 5.3 Fórmula de Taylor para funciones elementales
- 5.4 Acotación del error
- 5.5 Estudio local de funciones

### 6. Integración

- 6.1 La integral de Riemann
- 6.2 Funciones integrables
- 6.3 Propiedades de la integral
- 6.4 Teorema Fundamental del Cálculo
- 6.5 Integración numérica

Apéndice: cálculo de primitivas

#### 7. Funciones de varias variables. Límites. Continuidad

- 7.1 El espacio euclídeo  $\mathbb{R}^n$
- 7.2 Topología en  $\mathbb{R}^n$
- 7.3 Funciones de varias variables: conceptos generales
- 7.4 Límites y continuidad

# 8. Derivadas parciales y direccionales. Gradiente

- 8.1 Derivadas direccionales, derivadas parciales
- 8.2 Diferenciabilidad, plano tangente

### 9. Polinomios de Taylor en varias variables

- 9.1 Derivadas de orden superior
- 9.2 Polinomio de Taylor

### 10. Optimización de funciones de varias variables

- 10.1 Extremos relativos
- 10.2 Extremos condicionados
- 10.3 Extremos absolutos