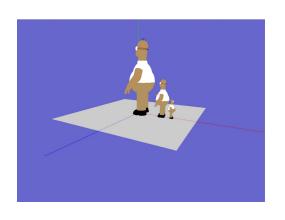
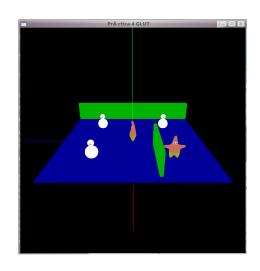
- Càmera en tercera persona
- Moure càmera (mode inspecció)
- Càlcul de View Matrix amb càmera especificada amb angles d'Euler

- Càmera en tercera persona
- Moure càmera (mode inspecció)
- Càlcul de View Matrix amb càmera especificada amb angles d'Euler

# Càmera en 3ra persona

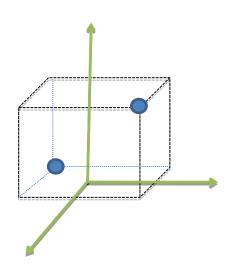




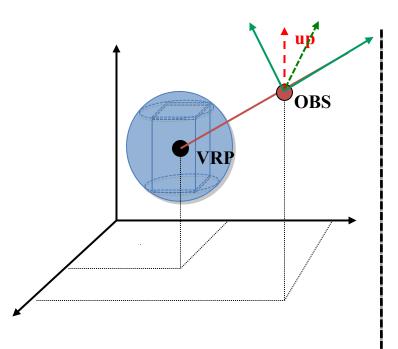
Visualització inicial de l'escena tal que:

- inclogui tota l'escena (no retalli cap objecte)
- posició arbitrària de l'observador
- centrada en viewport
- optimitzant ocupació del viewport/vista
- sense deformació

Dada: capsa mínima contenidora de l'escena cmin=(xmin, ymin, zmin) i cmax=(xmax, ymax, zmax)

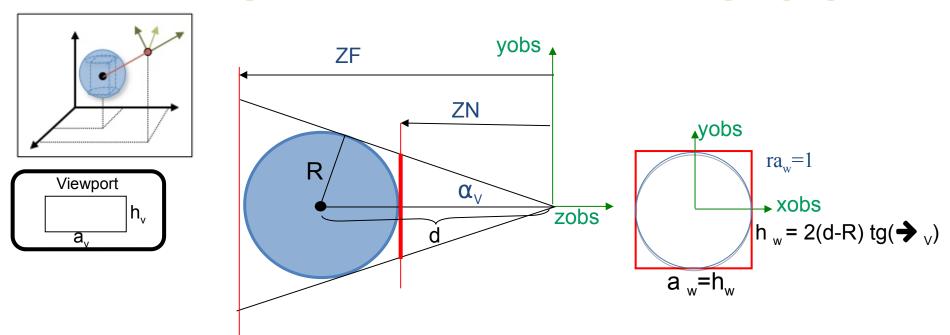


#### Càmera tercera persona (1): Inicialització posicionament amb OBS, VRP, up



- Centrat => VRP=CentreEscena
- Per assegurar que l'escena es veu sense retallar des d'una posició arbitrària CAL que OBS sempre fora capsa mínima contenidora; per assegurar-ho CAL que OBS fora de l'esfera englobant de la capsa => distància "d" de l'OBS a VRP superior a R esfera.
  - CapsaMinCont=(xmin,ymin,zmin,xmax,ymax,zmax)
  - CentreEscena=Centre(CapsaMinCont) = ((xmax+xmin)/2,(ymax+ymin)/2,(zmax+zmin)/2))
  - R=dist((xmin,ymin,zmin),(xmax,ymax,zmax))/2
  - d>R; per exemple d=2R
  - **OBS=VRP**+ d\*v; **v** normalitzat en qualsevol direcció; per exemple v=(1,1,1)/||(1,1,1)||
- **up** qualsevol que no sigui paral·lel a **v**; si volem escena vertical (eix Y es vegi vertical) **up**=(0,1,0)

#### Càmera en tercera persona (2): tota l'escena, sense deformar i òptica perspectiva



Si tota l'esfera englobant està dins la profunditat del camp de visió, no retallem l'escena.

Per tant,  $ZN \in ]0, \underline{d-R}]$   $ZF \in [\underline{d+R}, ...]$ 

ZN= d-R; ZF=d+R

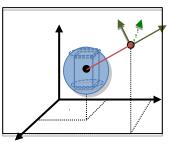
per aprofitar la precisió en profunditat

- Per a aprofitar al màxim la pantalla, el viewport, el window de la càmera s'ha d'ajustar per veure tota l'escena; una aproximació és ajustar el window per veure l'esfera englobant.
  - R = d sin  $(\alpha_v)$  ;  $\alpha_v$  = arc sin  $(R/d) \rightarrow FOV=2*\alpha_v$
  - com el window està situat en ZN,  $\alpha_{V}$  determina que la seva alçada sigui:

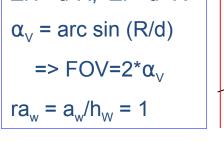
$$h_{yy} = 2(d-R) tg(\alpha_{yy})$$

•  $ra_w = a_w/h_w = 1$  ( $\alpha_H$  hauria de ser igual a  $\alpha_V$  per assegurar que esfera no resulta retallada)

#### Càmera en tercera persona (3): tota l'escena, sense deformar i òptica perspectiva



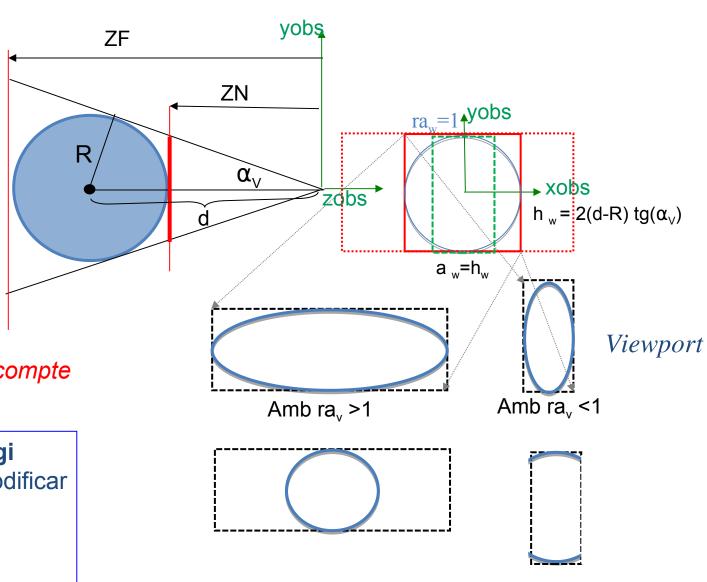
ZN= d-R; ZF=d+R  $\alpha_{V}$  = arc sin (R/d)  $=> FOV=2*\alpha_{V}$ 



### PERÒ cal tenir en compte la ra, del viewport

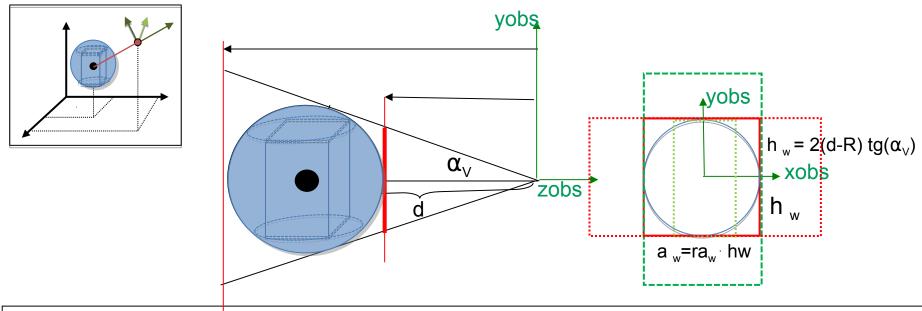
Per a què no hi hagi deformació, cal modificar ra<sub>w</sub> i forçar una

$$ra_{w}^{*} = ra_{v}$$

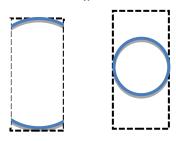


PERÒ en aquest cas retalla l'escena

#### Càmera en tercera persona (4): tota l'escena, sense deformar i òptica perspectiva



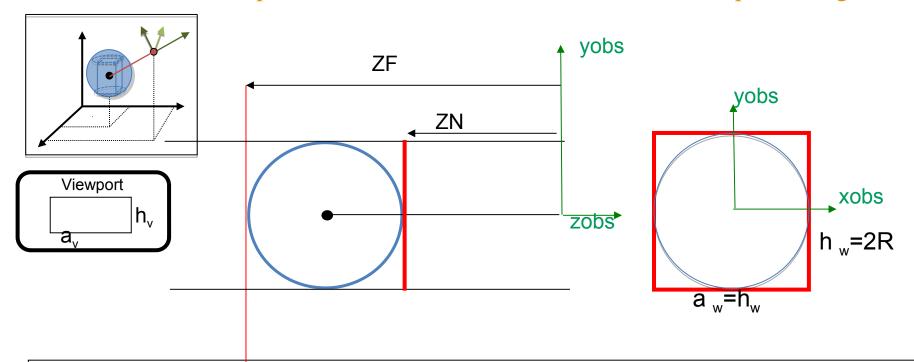
- Si  $ra_v > 1$  ( > que la  $ra_w$  mínima requerida que és 1) => No es retalla l'escena al fer  $ra^*_w = ra_v$  no cal modificar  $\alpha_v$  (FOV)
- Si ra<sub>v</sub><1 (< que la ra<sub>w</sub> mínima requerida que és 1) => al fer ra\*<sub>w</sub> = ra<sub>v</sub> es retalla escena



Cal incrementar l'angle d'obertura FOV=2  $\alpha^*_{\vee}$  on

$$\alpha^*_{\vee} = \operatorname{arctg}(\operatorname{tg}(\alpha_{\vee}) / \operatorname{ra}_{\vee})$$

#### Càmera en tercera persona (5): tota l'escena, sense deformar i òptica ortogonal

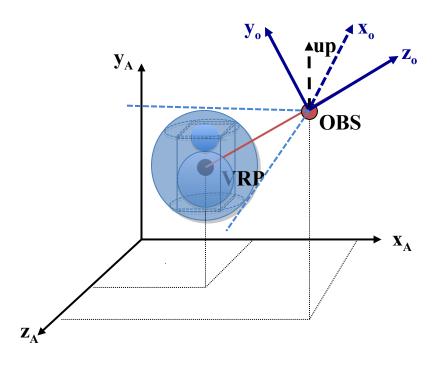


- ZN i ZF mateix raonament que en càmera perspectiva.
- Window mínim requerit (centrat)= (-R,R,-R,R) => una ra<sub>w</sub> = 1 (per què ?)
- Si ra<sub>w</sub> ≠ ra<sub>v</sub> ==> deformació (per què?)
   Si ra<sub>v</sub> > 1 => cal incrementar la ra<sub>w</sub> => modificar window
   com ra<sub>w</sub> = a<sub>w</sub>/h<sub>w</sub> => podem incrementar a<sub>w</sub> o decrementar h<sub>w</sub> (és retallaria esfera!!)
   Per tant, modifiquem a<sub>w</sub>:
   a\*<sub>w</sub> = ra<sub>v</sub> \* h<sub>w</sub> = ra<sub>v</sub>\*2\*R
   window = (-R ra<sub>v</sub>, R ra<sub>v</sub>, -R, R)
- Raonament similar per recalcular window quan ra<sub>v</sub> < 1</li>

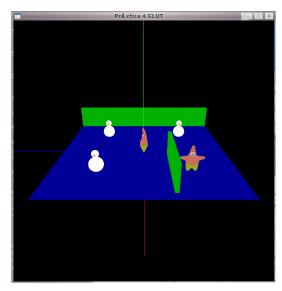
- Càmera en tercera persona
- Moure càmera (mode inspecció)
- Càlcul de View Matrix amb càmera especificada amb angles d'Euler

### Vist...

- Posicionament: OBS, VRP, up → viewMatrix
- Òptica perspectiva: zN, zF, FOV, ra → projectMatrix
- Càmera en 3ra persona: posició inicial



## Com Moure la Càmera per inspeccionar escena?



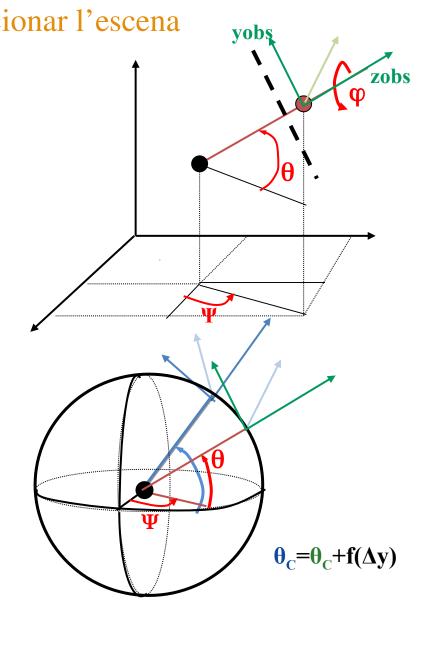
Moure la Càmera per inspeccionar l'escena

OBS

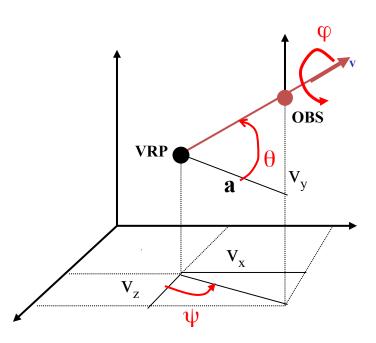
- Els angles (d'Euler) determinen la posició d'un punt en l'esfera
- Des de la interficie d'usuari desplacem el cursor dreta/esquerra (Ψ) i pujar/baixar (θ); per moure OBS sobre l'esfera
- No cal canviar l'òptica

### Com calculem **OBS**, **VRP**, **up**?

```
VM = lookAt (OBS, VRP, up);
viewMatrix (VM);
```



### Càlcul VRP, OBS a partir dels angles d'Euler



```
VRP = Punt d'enfoc

OBS = VRP + d v

d > R; per exemple: d = 2R

v_y = \sin(\theta); a = \cos(\theta);

v_z = \cos(\theta)\cos(\psi);

v_x = \cos(\theta)\sin(\psi);

Un possible up: up = (0,1,0) (\phi = 0^\circ)
```

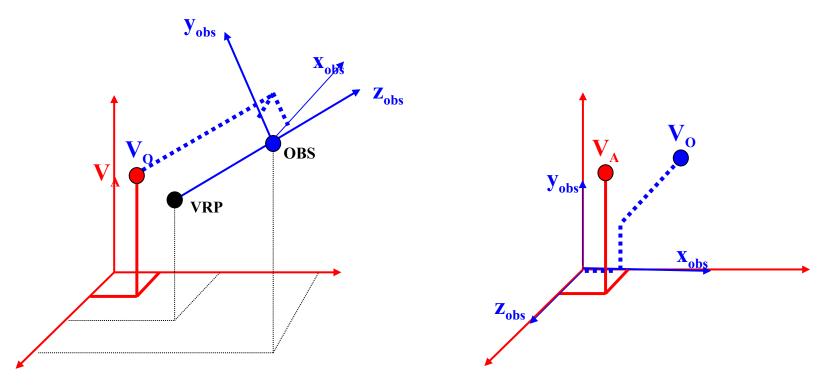
Noteu que l'òptica no cal modificar-la perquè ens movem sobre esfera que envolta l'escena de radi d.

### Es podria calcular la ViewMatrix directamente a partir dels angles?

Noteu que estem considerant els angles d'orientació de la càmera:  $\psi$  en [-180,180],  $\theta$  en [-90,90] positius quan movem la **càmera** cap  $\rightarrow$  i quan la movem cap  $\uparrow$ 

- Càmera en tercera persona
- Moure càmera (mode inspecció)
- Càlcul de View Matrix amb càmera especificada amb angles d'Euler

### Càlcul viewMatrix directe a partir d'angles Euler, VRP i d (1)



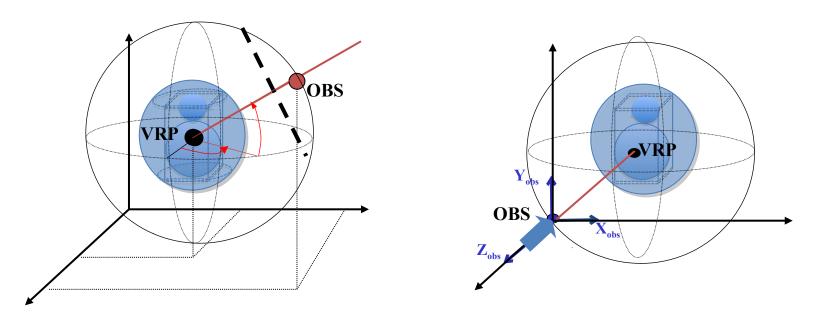
RECORDEU: La viewMatrix serveix per tenir la posició dels vèrtexs respecte del SCO

$$V_o = VM * V_A$$

Es pot calcular la VM:

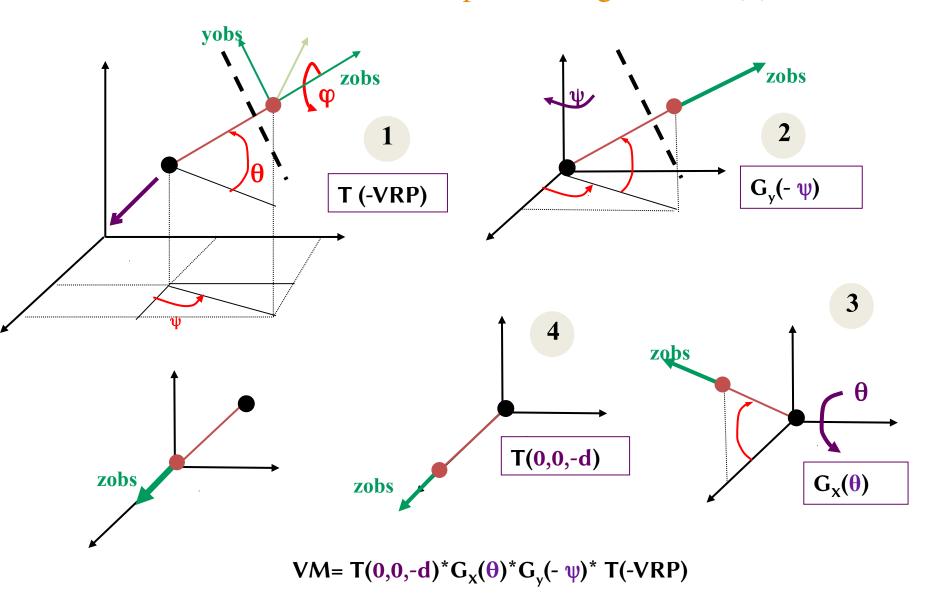
- a) Pensant que movem la càmera (OBS, VRP, Up)
- b) Pensant que tenim una càmera fixa al SCA i ubiquem tota l'escena respecte d'ella  $\rightarrow$  realitzar una mateixa  $TG_{VM}$  a tots els objectes. Si vèrtexs queden respecte a la càmera en la mateixa posició  $\rightarrow$   $TG_{VM}$  serà igual a la VM calculada amb OBS, VRP, Up

### Càlcul VM directe a partir d'angles Euler, VRP i d (2)

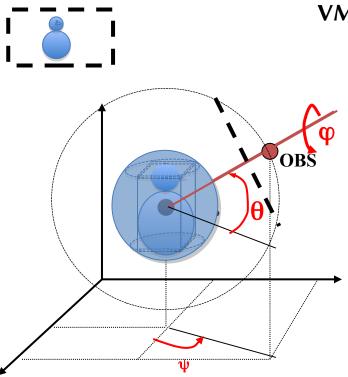


- Ho podeu pensar com si girem l'esfera per a què la seva posició respecte la càmera per defecte sigui la mateixa. Agafar l'esfera i posicionar-la.
- Noteu que zobs passarà a ser coincident amb zA (SCO i SCA coincidiran)
- Pensarem el moviment tenint en compte que sabem calcular matrius de gir només si girem entorn d'eixos que passen per origen de coordenades.

### Càlcul MV directe a partir d'angles Euler (3)



### Exemple: Posicionament amb angles Euler (4)



$$VM = T(0,0,-d)^*G_Z(-\phi)^*G_X(\theta)^*G_V(-\psi)^*T(-VRP)$$

VM=Translate (0.,0.,-d) VM=VM\*Rotate(-φ,0,0,1)

VM= VM\*Rotate  $(\theta,1.,0.,0.)$ 

 $VM = VM*Rotate(-\psi.,0.,1.,0.)$ 

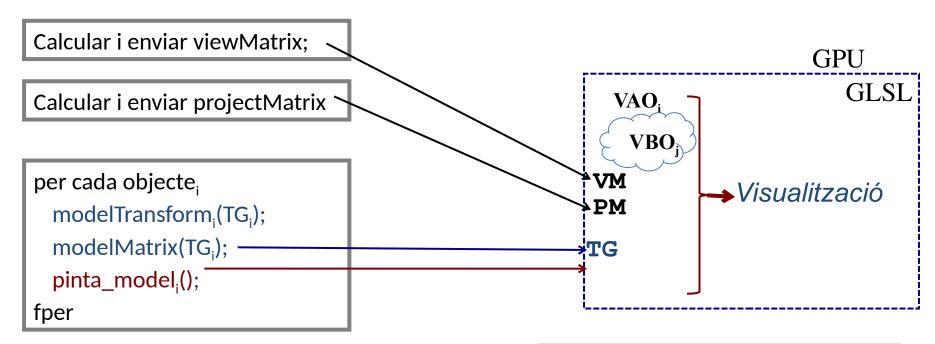
VM= VM\*Translate(-VRP.x,-VRP.y,-VRP.z)

viewMatrix(VM)

#### Compta amb signes:

- Si s'ha calculat ψ positiu quan càmera gira cap a la dreta, serà un gir anti-horari respecte eix Y de la càmera, per tant, matemàticament positiu; com girem els objectes en sentit contrari, cal posar –ψ en el codi.
- Si s'ha calculat θ positiu quan pugem la càmera, serà un gir horari; per tant, matemàticament un gir negatiu; com objecte girarà en sentit contrari (anti-horari), ja és correcte deixar signe positiu.

### Resum final: com visualitzar l'escena?



# Classe 5: Conceptes i preguntes

- Capsa i esfera contenidores de l'escena. Són les d'un model?
- Càlcul dels paràmetres d'una càmera en tercera persona.
- Què cal complir per a què no hi hagi deformació? I per a poder veure sempre tota l'escena.
- Re-càlcul dels paràmetres de l'òptica en fer un "resize". En quina part del codi els re-calcularies?
- Metàfora d'inspecció d'una escena movent el cursor
- Angles d'Euler
- Càlcul de la viewMatrix concatenant transformacions geomètriques.
- Pseudocodi per crear la matriu anterior. Importa l'ordre de les transformacions?

# Classe 5: Conceptes i preguntes (bis)

- Inicialització d'angles per veure l'escena en planta i pseudo-codi de càlcul de la viewMatrix.
- Quines matrius cal tornar a enviar a la GPU si es fa un "resize"?
- Si per teclat indiquem que volem moure un objecte fent una translació de (5,0,0), què cal recalcular? quina informació cal modificar de la que s'envia a la GPU?
- Exercicis proposats per donats uns OBS, VRP i up, calcular la viewMatrix amb transformacions geomètriques (i viceversa)