Universidade Federal do Paraná



CE302 Elementos de Programação para Estatística - Prova 01 2023-09-28

| Dados pessoais | Número de matrícula (GRR) | | | | |
|--|---------------------------|--|--|--|--|
| Sobrenome: | | | | | |
| Nome: | | | | | |
| Assinatura: | | | | | |
| verificado | 3 | | | | |
| Neste campo não podem ser realizadas modificações dos dados. Prova Identificador da Prova(CE302) 23092800001 | 5 | | | | |
| Marcar cuidadosamente: Anulado: ou Este documento é lido à máquina. Por favor não dobrar ou sujar. Utilize uma caneta preta ou azul. Somente cruzes claramente reconhecíveis e em posição exata serão avaliadas! | | | | | |
| Respostas 1 - 4 a b c d e 1 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ | | | | | |

- É vedado o contato com terceiros durante a durante a realização da prova, sob qualquer meio de comunicação, seja ele eletrônico ou não.
- Aparelhos celulares, tablets, smart-watches e demais dispositivos eletrônicos deverão permanecer desligados durante a realização da prova.
- Não é permitido ao estudante se ausentar da sala nos primeiros 30 minutos da prova.
- A interpretação dos enunciados faz parte da avaliação.
- É vedada a utilização de qualquer meio de consulta de Inteligência Artificial.
- O não cumprimento das regras implicará na anulação da nota do aluno.

Importante

- Cada questão pode apresentar mais de uma alternativa correta, assinale todas que julgar corretas.
- Há penalização para questões marcadas incorretamente, portanto, leia cada questão e suas alternativas com atenção.
- Ao final da prova, submeta seu código no Git Classrom, atividade Prova_1.

Boa Prova!

1. (2 pontos) Para esse exercício você deverá utilizar as duas matrizes fornecidas.

Considere a matriz A dada por:

| 28 | 32 | 8 | 9 | 49 |
|----|----|----|----|----|
| 7 | 21 | 35 | 28 | 10 |
| 47 | 43 | 15 | 34 | 2 |
| 48 | 42 | 19 | 32 | 26 |
| 45 | 44 | 39 | 50 | 26 |

e a matriz B dada por:

| 0 | 26 | 3 | 8 | 30 |
|----|----|----|----|----|
| 35 | 12 | 19 | 27 | 27 |
| 27 | 24 | 12 | 17 | 29 |
| 31 | 36 | 40 | 35 | 8 |
| 24 | 43 | 31 | 21 | 39 |

Considere:

$$C = (A \cdot B^T)^{-1}$$

е

$$P = B \cdot (B^T \cdot B) \cdot B^T$$

Assinale todas as alternativas correta(s).

- (a) Considere a matriz de projeção P. A soma de seus autovetores é dada por: -1,1193.
- (b) A soma dos valores absolutos da diagonal da matriz $C \neq 0.0722$.
- (c) A soma de uma matriz triangular inferior para a matriz A é 233.
- (d) O log_{10} do valor absoluto do determinante de A é 6,335. O log_{10} do valor absoluto do determinante de B é 6,7168. O log_{10} do valor absoluto do determinante da matriz resultante do produto matricial entre A e B é 13,0518.
- (e) O maior elemento da diagonal do inverso da matriz resultante do produto matricial entre A e o transposto de B é 0,026.

2. (2 pontos) Para esse exercício você deverá utilizar o banco de dados chocolate.csv.gz. O dicionário das variáveis encontra-se disponível abaixo.

| Variável Descrição local_compania Região do Fabricante ano Ano da Revisão origem_cacau País de Origem dos Grãos de Cacau cocoa_percent Percentagem de Cacau (% chocolate) ingredientes Ingredientes | | |
|--|---|---|
| ano Ano da Revisão origem_cacau País de Origem dos Grãos de Cacau cocoa_percent Percentagem de Cacau (% chocolate) | Variável | Descrição |
| | ano origem_cacau cocoa_percent ingredientes | Ano da Revisão País de Origem dos Grãos de Cacau |

Lista de ingredientes: "#": representa o número de ingredientes no chocolate; B: Grãos, S: Açúcar, S*: Adoçante diferente de açúcar de cana branco ou beterraba, C: Manteiga de Cacau, V: Baunilha, L: Lecitina, Sa: Sal

Assinale todas as alternativas incorreta(s).

- (a) Existem 2443 países que produzem chocolate.
- (b) Existem 104 chocolates com 4 ingredientes que são descritos por 2 características.
- (c) A frequência absoluta para chocolates que contenham 5 ingredientes é 750.
- (d) As 8 caracterististicas mais marcantes dos chocolates são sweet, nutty, cocoa, roasty, creamy, earthy, sandy e fatty e juntas correspondem a 1663 descrições dos chocolates.
- (e) Existem 81 chocolates que incluem o ingrediente Adoçante em sua composição.
- 3. *(3 pontos)* Para esse exercício você deverá utilizar os banco de dados Art.csv.gz e Art_Moma.csv.gz. Desconsidere artistas sem nacionalidade e/ou sem nome.
 - O dicionário das variáveis encontra-se disponível abaixo.

| variável | descrição |
|----------------------------|--|
| artist_name | O nome de cada artista |
| edition_number | O número da edição do livro. |
| year | O ano de publicação de uma determinada edição do livro |
| artist_nationality | A nacionalidade de um artista. |
| artist_nationality_other | A nacionalidade do artista |
| artist_gender | O gênero do artista |
| artist_race | A raça do artista |
| artist_ethnicity | A etnia do artista |
| book | Qual livro, "Janson" ou "Gardner" |
| space_ratio_per_page_total | A área em centímetros quadrados do texto e da figura de um determinado artista |
| artist_unique_id | O número de identificação exclusivo atribuído aos artistas |
| moma_count_to_year | O número total de exposições já realizadas pelo Museu de Arte Moderna (MoMA) |
| whitney_count_to_year | O número de exposições realizadas pelo The Whitney |
| artist_race_nwi | O indicador de raça não branca para a raça do artista |

Assinale todas as alternativas correta(s).

- (a) Os 3 artista(s) com mais exposições no The Whitney classificados em ordem decrescente de exposições são: Edward Hopper, Georgia O'Keeffe e Stuart Davis.
- (b) Do total de artistas, 152 são Swiss, Mexican ou Japanese.
- (c) Apenas 6 artista(s) com a nacionalidade Swiss tiveram entre 0 e 1 exposições no The Whitney.
- (d) A diferença entre a média de páginas para artistas Brancos e Não Brancos no ano de 2007 é -0.24.
- (e) Dos artista(s) que expuseram no The Whitney, apenas 164 aparecem nos livros 'Gardner' e 'Janson'.

4. *(3 pontos)* Para esse exercício você deverá utilizar os banco de dados refugiados_pais.csv.gz e refugiados.csv.gz. Considere apenas observações completas.

Assinale todas as alternativas correta(s).

(a) A matriz de migração [origem, destino] intercontinental do ano 2006 é dada por:

| Região | Africa | Americas | Asia | Europe | Oceania |
|----------|---------|----------|---------|--------|---------|
| Africa | 2507581 | 262745 | 98175 | 250070 | 37124 |
| Americas | 0 | 150149 | 0 | 14850 | 174 |
| Asia | 76780 | 308706 | 4411284 | 664075 | 42704 |
| Europe | 94 | 306672 | 7816 | 454237 | 3423 |
| Oceania | 0 | 1679 | 0 | 92 | 59 |

- (b) A partir de 1972 houveram 172075 refugiados partindo do país: *Afghanistan* para o país: *Canada*, e 219920 refugiados partindo do país: *Pakistan* para o país: *Canada*.
- (c) Os 5 países que mais enviaram refugiados no ano de 1965 pertencem às subregiões Sub-Saharan Africa e Southern Europe.
- (d) Os 6 países que mais receberam refugiados a partir de 1982 receberam juntos 19523 refugiados.
- (e) Existem 27 países que receberam pelo menos 5382652 refugiados.