

1) Considerăm următorul experiment: Într-o urnă sunt 10 bile roșii, 5 bile negre și 5 bile albe. Se extrag aleator fără returnare 3 bile din urnă.

a. Estimați, folosind comenzi Octave, probabilitatea evenimentelor

*A: bilele au aceeași culoare, B: cele 3 bile sunt de trei culori distincte;  $\bar{A}$ : bilele nu au aceeași culoare, C: printre bilele extrase există cel puțin o bilă neagră.*

b. Afișați probabilitatea teoretică pentru  $P(A)$ ,  $P(B)$ ,  $P(\bar{A})$ ,  $P(A|C)$ .

2) Pe intervalul  $[-2,5]$  să se reprezinte grafic (în două ferestre distincte) funcția de densitate, respectiv funcția de repartiție a unei variabile aleatoare  $X \sim \text{Exp}(2)$ . Apoi, folosind simulări, să se estimeze: a) valoarea medie  $E(X)$  și abaterea standard  $\text{Std}(X)$ ; b) probabilitatea  $P(X > 0.7)$ ; această probabilitate estimată să se compare cu probabilitatea teoretică corespunzătoare cu ajutorul funcției de repartiție (a distribuției  $\text{Exp}(2)$ ) și a comenzilor specifice Octave.

3) Fie  $X$  și  $Y$  două variabile aleatoare independente având distribuțiile:

$P(X=-2)=0.1$ ,  $P(X=-1)=0.4$ ,  $P(X=1)=0.3$ ,  $P(X=2)=0.2$  și  $Y \sim \text{Unif}[-1,4]$ . Fie  $U = X^3 - Y^3$ .

a. Generați 500 de valori pentru  $U$  și reprezentați grafic histograma frecvențelor absolute corespunzătoare, având 20 de clase.

b. Estimați:  $P(U < 0)$ , valoarea medie și varianța lui  $U$ .

c. Cât este valoarea medie (teoretică) a lui  $X^3$ ?