

9.2.16

Verificati daca urmatoarele formule sunt teoreme utilizand rezolutia generala.

$$5) \quad P(a) \wedge (\forall x)(P(x) \rightarrow P(f(x))) \rightarrow (\forall x)P(x)$$

Se inlocuiesc conectivele \rightarrow

$$\neg P(a) \wedge (\forall x)(P(x) \rightarrow P(f(x))) \rightarrow (\forall x)P(x) = U$$

$$U = \neg(P(a) \wedge (\forall x)(P(x) \rightarrow P(f(x)))) \vee (\forall x)P(x)$$

$$U = \neg P(a) \vee \neg(\forall x)(P(x) \rightarrow P(f(x))) \vee (\forall x)P(x)$$

$$U = \neg P(a) \vee \neg(\forall x)(\neg P(x) \vee P(f(x))) \vee (\forall x)P(x)$$

Aplicarea legilor finite si infinite ale lui DeMorgan

$$U = \neg P(a) \vee (\exists x)(P(x) \wedge \neg P(f(x))) \vee (\forall x)P(x)$$

Negarea formulei

$$\neg U = \neg(\neg P(a) \vee (\exists x)(P(x) \wedge \neg P(f(x))) \vee (\forall x)P(x))$$

$$\neg U = P(a) \wedge (\forall x)(\neg P(x) \vee P(f(x))) \wedge (\exists x)\neg P(x)$$

Redenumirea variabilelor legate astfel incat sa fie distincte

$$\neg U = P(a) \wedge (\forall x)(\neg P(x) \vee P(f(x))) \wedge (\exists t)\neg P(t)$$

Extragerea cuantificatorilor in fata formulei

$$\neg U = (\forall x)(\exists t)P(a) \wedge (\neg P(x) \vee P(f(x))) \wedge \neg P(t) = (\neg U)P$$

Eliminarea cuantificatorilor \exists

$$t \leftarrow b$$

$$(\neg U)S = (\forall x)P(a) \wedge (\neg P(x) \vee P(f(x))) \wedge \neg P(b)$$

Eliminarea cuantificatorilor \forall

$$(\neg U) Sq = P(a) \wedge (\neg P(x) \vee P(f(x))) \wedge \neg P(b) = (\neg U) C$$

$$P(a) \wedge (\neg P(x) \vee P(f(x))) \wedge \neg P(b) = (\neg U) C$$

Aplicarea metodei rezolutiei

$$C1 = P(a)$$

$$C2 = \neg P(x) \vee P(f(x))$$

$$C3 = \neg P(b)$$

$$S = \{C1, C2, C3\}$$

$$\text{Rez}_{\theta}^{\text{Pr}}(C_1, C_2) = P(f(a)) = C4$$

$$\theta = [x \leftarrow a]$$

$$\text{Rez}_{\lambda}^{\text{Pr}}(C_2, C_4) = P(f(f(a))) = C5$$

$$\lambda = [x \leftarrow f(a)]$$

Ciclu infinit, deci nu putem decide daca formula este sau nu teorema.